### 3. Программное обеспечение вычислительных систем

Программное обеспечение высокопроизводительных ВС

#### Системное

- алгоритмы функционирования аппаратуры + спец. драйверы
- Операционные системы
- Системные надстройки над ОС для функционирования ВВС
- Языки и средства параллельного программирования
- Компиляторы + системные библиотеки для BBC
- Планировщики задач (макро уровня)

#### Прикладное

- Прикладные вычислительные программы
- Прикладные программные библиотеки
- Прикладные математические библиотеки
- Отладчики
- Оптимизаторы прикладного ПО
- Дополнительные планировщики задач (макро и среднего уровня)

#### 1. Ассемблер

- учитывает тонкости аппаратного обеспечения
   BC
- сильно зависит от аппаратного обеспечения (процессора), программы плохо переносимы на другие платформы;
- сложно программировать;
- **+/-** программист должен сам контролировать хранение данных распределять память, регистры, проводить оптимизацию.

#### 2. Язык высокого уровня

- мало зависит от аппаратного обеспечения (процессора), программы хорошо переносимы;
- + программировать проще чем на ассемблере;
- хуже учитывает тонкости аппаратного обеспечения BC, генерирует менее эффективный и более избыточный код;
- транслятор не всегда может «понять» идею программиста.

#### 3. Языки высокого уровня + ассемблер

- + части программы, требующие большего учета особенности аппаратуры и/или требующие меньшей избыточности могут быть эффективно реализованы ассемблерными вставками.
- + большие но не требующие производительности части программы пишутся без особого труда на ЯВУ;
- усложняется программирование и переносимость на другие платформы.

#### 4. Языки ООП

- упрощение создания сложных программ и комплексов
- усиливаются отрицательные стороны программирования на ЯВУ;
- появляется зависимость от наследуемых классов;
- **+/-** зависимость от динамических библиотек, это улучшает переносимость, но сама программа над ними не властна.

#### 5. JAVA

- + улучшенная переносимость путем преобразования исходного программного кода в машинно независимый bytecode, который позже транслируется Java Virtual Machine (JVM) при выполнении программы под конкретную платформу;
- Код менее эффективный и более избыточный, эффективность зависит от качества работы *JVM* но не от самой программы;
- Нельзя делать ассемблерные вставки;
- тратится время на трансляцию *JVM* -машиной.

#### 6. C#

- работа в многоязыковой среде программирования;
- + использование Common Language Runtime (CLR);
- + преобразование в программу на промежуточном языке и использование *JIT*-компилятора (*Jast In Time*) те компиляции к моменту выполнения;
- остаются отрицательные стороны программирования на ЯВУ.

### Почему С – основной язык системного программирования

- 1. Обладает хорошей переносимостью (+);
- 2. Эффективный (близкий к ассемблеру) код (+);
- 3. Мало «думает» за программиста (+/-);
- 4. Доступ к аппаратуре почти на уровне ассемблера (+).

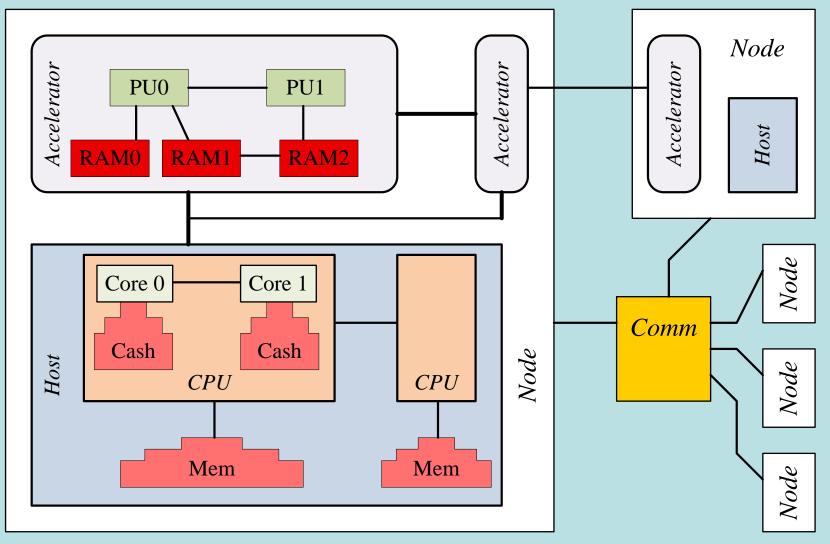
### Другие важные особенности языка С

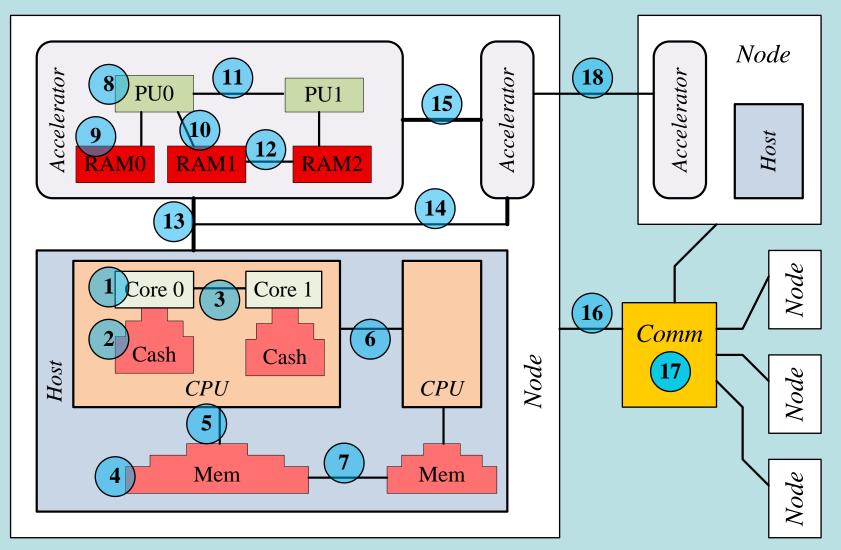
- Обеспечивает разнообразие типов данных.
   Фундаментальные типы данных + иерархия производных типов;
- 2. Обеспечивает фундаментальное управление потоком команд;
- 3. Возвращаемое значение функции допустимы данные любого базового типа, структуры, объединения и указатели;
- 4. Препроцессор С обеспечивает макроподстановки (включения других исходных файлов в текстовый файл программы) и условную компиляцию некоторых частей программы.

## 3.2 Особенности прикладного ПО для ВВС

В данном разделе будут коротко рассмотрены проблемы, с которыми сталкивается разработчик ПО для современных высокопроизводительных систем и задачи, которые он должен решать.

#### Логическая схема МРР-системы





Помимо основных и непростых задач распараллеливания, разработчик ПО должен решать задачи оптимизации и здесь он сталкивается со следующими проблемами:

- 1. Эффективное использование параметров микроархитектуры процессорных ядер, их основных и дополнительных (например *SSE*) компонентов;
- 2. Учет ёмкости и особенностей организации и функционирования иерархии кэш-памяти;
- 3. Учет параметров взаимодействия между процессорными ядрами;
- 4. Учет ёмкости и особенностей организации и иерархии памяти host-части узла ВС;

- 5. Проблемы скорости доступа (загрузки и вывода) процессора к памяти *host*-части узла ВС;
- 6. Учет особенностей взаимодействия между процессорами узла;
- 7. Организация доступа к данным другого процессора, с учетом того, общая или физически распределённая иерархия памяти на *host*-части узла;
- 8. Учет архитектуры и особенностей строения и функционирования ядра ускорителя вычислений;
- 9. Учет ёмкости, структуры быстродействия и параметров использования блоков памяти ускорителя;
- 10. Учет параметров (логических и временных) доступа ядер ускорителя к блокам памяти;

- 11. Проблемы взаимодействия, синхронизации и передачи данных между ядрами ускорителя;
- 12a. Организация передачи данных между блоками памяти ускорителя;
- **126.** Проблема эффективного распределения данных между разнородными по скорости доступа, ёмкости и правам доступа блоками памяти ускорителя;
- 13. Проблема узкого места интерфейса между hostчастью и ускорителями вычислений узла ВС;
- **14.** Учет особенностей загрузки нескольких ускорителей в узле (напрямую, посредством друг-друга и т.п.);

- 15. Проблема эффективного по времени и логически выверенного взаимодействия, синхронизации и передачи данных между несколькими ускорителями узла ВС;
- **16.** Учёт латентности и пропускной способности каналов связи между узлами;
- 17. Учёт топологии ВС, правил и режимов передачи данных между узлами ВС;
- 18. Проблема организации эффективной передачи данных между ускорителями разных узлов ВС с учётом того, что реальных прямых физических связей между ними может не быть.

# 4. Параллельное решение систем линейных алгебраических уравнений.

#### Гаусс и Якоби

#### Рекомендуемые материалы

Интернет-Университет Суперкомпьютерных Технологий <a href="https://www.intuit.ru/studies/courses/1156/190/lecture/4956">https://www.intuit.ru/studies/courses/1156/190/lecture/4956</a>

Параллельные методы решения систем лин. уравнений <a href="http://www.software.unn.ru/ccam/mskurs/RUS/PPT/ppr09.pdf">http://www.software.unn.ru/ccam/mskurs/RUS/PPT/ppr09.pdf</a>

Решение СЛАУ методом Якоби <a href="http://www.hpcc.unn.ru/?dir=1052">http://www.hpcc.unn.ru/?dir=1052</a>

#### Система линейных уравнений

$$a_0x_0+a_1x_1+a_2x_2+\ldots+a_{n-1}x_{n-1}=b$$

$$a_{0},_{0}x_{0}+a_{0,1}x_{1}+a_{0,2}x_{2}+\ldots+a_{0,n-1}x_{n-1}=b_{0}$$
 $a_{1},_{0}x_{0}+a_{1,1}x_{1}+a_{1,2}x_{2}+\ldots+a_{1,n-1}x_{n-1}=b_{1}$ 
 $a_{2},_{0}x_{0}+a_{2,1}x_{1}+a_{2,2}x_{2}+\ldots+a_{2,n-1}x_{n-1}=b_{2}$ 
 $\ldots$ 

$$a_{n-1}, 0x_0 + a_{n-1,1}x_1 + a_{n-1,2}x_2 + \dots + a_{n-1,n-1}x_{n-1} = b_{n-1}$$

#### 4.1 Метод Гаусса.

#### Преобразование системы к треугольному виду

$$\begin{array}{c} a_{0,0}x_0 + a_{0,1}x_1 + a_{0,2}x_2 + \ldots + a_{0,n-1}x_{n-1} = b_0 \\ a_{1,0}x_0 + a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + \ldots + a_{1,n-1}x_{n-1} = b_1 \\ a_{2,0}x_0 + a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x_2 + \ldots + a_{2,n-1}x_{n-1} = b_2 \\ \\ \vdots \\ a_{n-1,0}x_0 + a_{n-1,1}x_1 + a_{n-1,2}x_2 + \ldots + a_{n-1,n-1}x_{n-1} = b_{n-1} \end{array} \right) \\ AX = B$$

$$\begin{array}{c} u_{0,0}x_0 + u_{0,1}x_1 + u_{0,2}x_2 + \ldots + u_{0,n-1}x_{n-1} = b_0 \\ 0 + u_{1,1}x_1 + u_{1,2}x_2 + \ldots + u_{1,n-1}x_{n-1} = c_1 \\ 0 + 0 + u_{2,2}x_2 + \ldots + u_{2,n-1}x_{n-1} = c_2 \\ \vdots \\ 0 + 0 + 0 + \ldots + u_{n-1,n-1}x_{n-1} = c_{n-1} \end{array}$$

#### Обратная подстановка

#### Получение элементов матриц U и C

$$\mathbf{u_{i,j}} \longrightarrow a_{i,j}^{(k+1)} = a_{i,j}^{(k)} - \frac{a_{i,k}^{(k)} a_{k,j}^{(k)}}{a_{k,k}^{(k)}}$$
;  $i = k+1, ..., n-1;$   $j = k+1, ..., n-1;$   $k = 0,1, ..., n-2$  - иттерации.  $\mathbf{c_i} \longrightarrow \mathbf{b^{(k+1)}} = \mathbf{b_i^{(k)}} - \frac{a_{i,k}^{(k)} \mathbf{b_k^{(k)}}}{a_{k,k}^{(k)}}$ ; ведущие элементы:  $a_{k,k}^{(k)} \neq 0$ 

#### 4.2 Распараллеливание метода Гаусса.

### С перенумеровкой матрицы А

- $0. \quad a_{0,0}x_0 + a_{1,0}x_1 + a_{2,0}x_2 + a_{3,0}x_3 + a_{4,0}x_4 + a_{5,0}x_5 + a_{6,0}x_6 + a_{7,0}x_7 + a_{8,0}x_8 = b_0$
- 1.  $a_{0,1}x_0 + a_{1,1}x_1 + a_{2,1}x_2 + a_{3,1}x_3 + a_{4,1}x_4 + a_{5,1}x_5 + a_{6,1}x_6 + a_{7,1}x_7 + a_{8,1}x_8 = b_1$
- 2.  $a_{0,2}x_0 + a_{1,2}x_1 + a_{2,2}x_2 + a_{3,2}x_3 + a_{4,2}x_4 + a_{5,2}x_5 + a_{6,2}x_6 + a_{7,2}x_7 + a_{8,2}x_8 = b_2$
- 3.  $a_{0,3}x_0 + a_{1,3}x_1 + a_{2,3}x_2 + a_{3,3}x_3 + a_{4,3}x_4 + a_{5,3}x_5 + a_{6,3}x_6 + a_{7,3}x_7 + a_{8,3}x_8 = b_3$
- 4.  $a_{0,4}x_0 + a_{1,4}x_1 + a_{2,4}x_2 + a_{3,4}x_3 + a_{4,4}x_4 + a_{5,4}x_5 + a_{6,4}x_6 + a_{7,4}x_7 + a_{8,4}x_8 = b_4$
- 5.  $a_{0,5}x_0 + a_{1,5}x_1 + a_{2,5}x_2 + a_{3,5}x_3 + a_{4,5}x_4 + a_{5,5}x_5 + a_{6,5}x_6 + a_{7,5}x_7 + a_{8,5}x_8 = b_5$
- 6.  $a_{0,6}x_0 + a_{1,6}x_1 + a_{2,6}x_2 + a_{3,6}x_3 + a_{4,6}x_4 + a_{5,6}x_5 + a_{6,6}x_6 + a_{7,6}x_7 + a_{8,6}x_8 = b_6$
- 7.  $a_{0,7}x_0 + a_{1,7}x_1 + a_{2,7}x_2 + a_{3,7}x_3 + a_{4,7}x_4 + a_{5,7}x_5 + a_{6,7}x_6 + a_{7,7}x_7 + a_{8,7}x_8 = b_7$
- $8. \quad a_{0,8}x_0 + a_{1,8}x_1 + a_{2,8}x_2 + a_{3,8}x_3 + a_{4,8}x_4 + a_{5,8}x_5 + a_{6,8}x_6 + a_{7,8}x_7 + a_{8,8}x_8 = b_8$

0. 
$$a_{0,0}x_0 + a_{1,0}x_1 + a_{2,0}x_2 + a_{3,0}x_3 + a_{4,0}x_4 + a_{5,0}x_5 + a_{6,0}x_6 + a_{7,0}x_7 + a_{8,0}x_8 = b_0$$

1. 
$$a_{0,1}x_0 + a_{1,1}x_1 + a_{2,1}x_2 + a_{3,1}x_3 + a_{4,1}x_4 + a_{5,1}x_5 + a_{6,1}x_6 + a_{7,1}x_7 + a_{8,1}x_8 = b_1$$

2. 
$$a_{0,2}x_0 + a_{1,2}x_1 + a_{2,2}x_2 + a_{3,2}x_3 + a_{4,2}x_4 + a_{5,2}x_5 + a_{6,2}x_6 + a_{7,2}x_7 + a_{8,2}x_8 = b_2$$

3. 
$$a_{0,3}x_0 + a_{1,3}x_1 + a_{2,3}x_2 + a_{3,3}x_3 + a_{4,3}x_4 + a_{5,3}x_5 + a_{6,3}x_6 + a_{7,3}x_7 + a_{8,3}x_8 = b_3$$

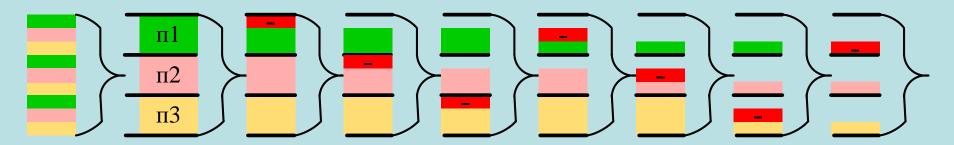
4. 
$$a_{0,4}x_0 + a_{1,4}x_1 + a_{2,4}x_2 + a_{3,4}x_3 + a_{4,4}x_4 + a_{5,4}x_5 + a_{6,4}x_6 + a_{7,4}x_7 + a_{8,4}x_8 = b_4$$

5. 
$$a_{0,5}x_0 + a_{1,5}x_1 + a_{2,5}x_2 + a_{3,5}x_3 + a_{4,5}x_4 + a_{5,5}x_5 + a_{6,5}x_6 + a_{7,5}x_7 + a_{8,5}x_8 = b_5$$

6. 
$$a_{0,6}x_0 + a_{1,6}x_1 + a_{2,6}x_2 + a_{3,6}x_3 + a_{4,6}x_4 + a_{5,6}x_5 + a_{6,6}x_6 + a_{7,6}x_7 + a_{8,6}x_8 = b_6$$

7. 
$$a_{0,7}x_0 + a_{1,7}x_1 + a_{2,7}x_2 + a_{3,7}x_3 + a_{4,7}x_4 + a_{5,7}x_5 + a_{6,7}x_6 + a_{7,7}x_7 + a_{8,7}x_8 = b_7$$

8. 
$$a_{0,8}x_0 + a_{1,8}x_1 + a_{2,8}x_2 + a_{3,8}x_3 + a_{4,8}x_4 + a_{5,8}x_5 + a_{6,8}x_6 + a_{7,8}x_7 + a_{8,8}x_8 = b_8$$



#### 4.3 Метод Якоби.

$$a_{0,0}x_0 + a_{0,1}x_1 + a_{0,2}x_2 + \dots + a_{0,n-1}x_{n-1} = b_0$$

$$a_{1,0}x_0 + a_{1,1}x_1 + a_{1,2}x_2 + \dots + a_{1,n-1}x_{n-1} = b_1$$

$$a_{2,0}x_0 + a_{2,1}x_1 + a_{2,2}x_2 + \dots + a_{2,n-1}x_{n-1} = b_2$$

$$a_{n-1,0}x_0+a_{n-1,1}x_1+a_{n-1,2}x_2+\ldots+a_{n-1,n-1}x_{n-1}=b_{n-1}$$

$$|x_i^{(k+1)}-x_i^{(k)}| < \varepsilon$$

$$\mathbf{x_0}^{(\mathbf{k+1})} = (b_0 - a_{0,1} x_1^{(\mathbf{k})} + a_{0,2} x_2^{(\mathbf{k})} + \dots + a_{0,n-1} x_{n-1}^{(\mathbf{k})}) / a_{0,0}$$

$$\mathbf{x_1}^{(\mathbf{k+1})} = (b_1 - a_{1,0} x_0^{(\mathbf{k})} + a_{1,2} x_2^{(\mathbf{k})} + \dots + a_{1,n-1} x_{n-1}^{(\mathbf{k})}) / a_{1,1}$$

$$\mathbf{x_2}^{(\mathbf{k+1})} = (b_2 - a_{2,0} x_0^{(\mathbf{k})} + a_{2,1} x_1^{(\mathbf{k})} + \dots + a_{2,n-1} x_{n-1}^{(\mathbf{k})}) / a_{2,2}$$

$$\boldsymbol{x_{n-1}}^{(k+1)} = (b_{n-1} - a_{n-1,0} x_0^{(k)} + a_{n-1,1} x_1^{(k)} + a_{n-1,2} x_2^{(k)} + \dots) / a_{n-1,n-1}$$

ПОВВС, Лекц. №6, 22.04.2024 г.