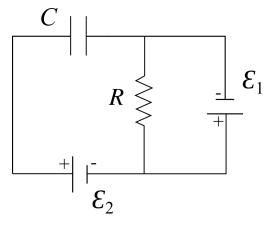
ESAME SCRITTO FISICA II - AA 2019/2020 - 26/06/2020

Elettricità

Il circuito in figura è composto da una resistenza $R=10\,\Omega$, da un condensatore di capacità C=0.05 nF e da due generatori di tensione, \mathcal{E}_1 e \mathcal{E}_2 . I segni + e - in figura indicano i poli positivi e negativi dei due generatori. Nella resistenza R scorre una corrente di intensità i=1 A e la carica immagazzinata dal condensatore vale $q=10^{-9}$ C.



- 1. Determinare il verso in cui scorre la corrente i e le porzioni di circuito da essa percorse (6 punti).
 - Poiché un condensatore in un circuito a corrente continuo è assimilabile ad una interruzione, il verso della corrente sarà quello dovuto alla presenza di \mathcal{E}_1 , e quindi la corrente scorrerà in verso orario solamente nella maglia composta dal primo generatore e da R.
- 2. Determinare \mathcal{E}_1 e \mathcal{E}_2 (10 punti).
 - Poiché la corrente scorre solo nella maglia formata da R e \mathcal{E}_1 , il valore di quest'ultima grandezza si ricava direttamente dalla legge di Ohm:

$$\mathcal{E}_1 = Ri = 10V.$$

La d.d.p. del secondo generatore si trova in maniera simile considerando la legge di Ohm generalizzata calcolata sulla maglia che comprende \mathcal{E}_1 , \mathcal{E}_2 e C:

$$\mathcal{E}_1 + \mathcal{E}_2 = \frac{q}{C}$$

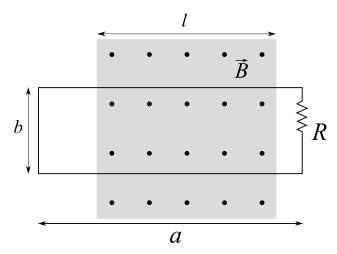
da cui si ricava

$$\mathcal{E}_2 = \frac{q}{C} - \mathcal{E}_1 = 10 \,\mathrm{V}$$

Magnetismo

Un circuito chiuso di forma rettangolare di dimensioni a e b = 10 cm contenente una resistenza $R = 10^{-2} \Omega$ è parzialmente immerso in una regione di campo magnetico larga l = 20 cm (vedi disegno). Il campo magnetico ha direzione e verso ortogonale al circuito e modulo che varia nel tempo con la legge $B(t) = At^2$ con A = 0.5 T/s².

Nota Bene: il valore di a non è importante.



- Determinare verso (6 punti) ed intensità (10 punti) della corrente indotta nel circuito al tempo $t_0 = 1$ s.
 - Il modulo del campo magnetico aumenta nel tempo, quindi la corrente indotta deve essere tale per cui il campo che genera si deve opporre a questo aumento. Questo significa che il campo indotto deve avere verso entrante e quindi, per la regola della mano destra, la corrente deve avere verso orario. Per trovare l'intensità della corrente troviamo prima la f.e.m. indotta tramite la legge di Faraday:

$$\mathcal{E} = -\frac{d\Phi(B)}{dt} = -\frac{d}{dt}At^2bl = -2Atbl$$

da cui si trova

$$i = \frac{\mathcal{E}}{R} = -\frac{2Atbl}{R} = 2\,\mathrm{A}$$