Notas de aula de Python Curso livre de programação

Encontro 5 - Matrizes

Prof. Louis Augusto

louis.augusto@ifsc.edu.br



Instituto Federal de Santa Catarina Campus Florianópolis



Índice

- Matrizes Nativas
 - Matriz é um vetor de vetores
 - Percorrimento de matrizes
 - Matrizes via compreensão de listas
- Matrizes no numpy
 - Conversão de matrizes nativas para numpy
 - Criação de matrizes no numpy
 - Operações matriciais com numpy

Sumário

- Matrizes Nativas
 - Matriz é um vetor de vetores
 - Percorrimento de matrizes
 - Matrizes via compreensão de listas
- Matrizes no numpy
 - Conversão de matrizes nativas para numpy
 - Criação de matrizes no numpy
 - Operações matriciais com numpy



Matriz como vetor de vetores

As matrizes em Python são vistas como um vetor de vetores, logo tudo o que é válido para vetores permanece válido para matrizes.

#matriz 2x3 inserida diretamente.
mB = [[1,2,3],['a','b','c']]



Matriz como vetor de vetores

As matrizes em Python são vistas como um vetor de vetores, logo tudo o que é válido para vetores permanece válido para matrizes.

```
# -*- coding: utf-8 -*-
#Criação de vetores
vA = [] # vetor vazio
vB = [int] * 5 # Vetor de inteiros de 5 posições
vC = [None] *10 # Vetor vazio de 10 posições
v9 = [9] *12 # Vetor completado com 9's em suas 12 posições
#Criação de matrizes
mA = [ None ] * 4 #Inicia a matriz como um vetor
for i in range (0 , 4): #Insere 4 linhas
```

```
mA [ i ] = [ None ] * 3
#Em cada linha insere 3 colunas.
```

```
#matriz 2x3 inserida diretamente.
mB = [[1,2,3],['a','b','c']]
```



Matriz como vetor de vetores

As matrizes em Python são vistas como um vetor de vetores, logo tudo o que é válido para vetores permanece válido para matrizes.

```
# -*- coding: utf-8 -*-
#Criação de vetores
vA = [] # vetor vazio
vB = [int] * 5 # Vetor de inteiros de 5 posições
vC = [None] *10 # Vetor vazio de 10 posições
v9 = [9] * 12 # Vetor completado com 9's em suas 12 posições
#Criação de matrizes
mA = [ None ] * 4 #Inicia a matriz como um vetor
for i in range (0 , 4): #Insere 4 linhas
    mA [i] = [None] * 3
    #Em cada linha insere 3 colunas.
#matriz 2x3 inserida diretamente.
mB = [[1,2,3],['a','b','c']]
```

Sumário

- Matrizes Nativas
 - Matriz é um vetor de vetores
 - Percorrimento de matrizes
 - Matrizes via compreensão de listas
- Matrizes no numpy
 - Conversão de matrizes nativas para numpy
 - Criação de matrizes no numpy
 - Operações matriciais com numpy



Exercício: Construa uma matriz 4x3 e a preencha as posições com números consecutivos de 1 a 12.

Complete a matriz por linhas e por colunas

Completamento por linhas

Completamento por colunas

Exercício: Construa uma matriz 4x3 e a preencha as posições com números consecutivos de 1 a 12.

Complete a matriz por linhas e por colunas.

Cam		onto	nor	
COIII		ento	DOL	linhas

Completamento por colunas

Exercício: Construa uma matriz 4x3 e a preencha as posições com números consecutivos de 1 a 12.

Complete a matriz por linhas e por colunas.

Completamento por linhas

1	2	3
4	5	6
7	8	9
10	11	12

Completamento por colunas

		P 0. 0
1	5	9
2	6	10
3	7	11
4	8	12

Exercício: Construa uma matriz 4x3 e a preencha as posições com números consecutivos de 1 a 12.

Complete a matriz por linhas e por colunas.

Completamento por linhas

1	2	3
4	5	6
7	8	9
10	11	12

Completamento por colunas

		P 0. 0
1	5	9
2	6	10
3	7	11
4	8	12

Sumário

- Matrizes Nativas
 - Matriz é um vetor de vetores
 - Percorrimento de matrizes
 - Matrizes via compreensão de listas
- Matrizes no numpy
 - Conversão de matrizes nativas para numpy
 - Criação de matrizes no numpy
 - Operações matriciais com numpy



Matrizes via compreensão de listas

Podemos usar compreensão de listas para gerar matrizes também.

Vamos criar a matriz:
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{bmatrix}$$
 usando compreensão de listas.

Basta-nos fazer:

```
A = [[i \text{ for } i \text{ in range}(1,6)] \text{ for } j \text{ in range}(5)]
print(A)
```

E o que obtemos é uma repetição 5 vezes do vetor [1,2,3,4,5] no interior de uma lista. Acessamos um valor da matriz como A[1,2], por exemplo.

Sumário

- Matrizes Nativas
 - Matriz é um vetor de vetores
 - Percorrimento de matrizes
 - Matrizes via compreensão de listas
- Matrizes no numpy
 - Conversão de matrizes nativas para numpy
 - Criação de matrizes no numpy
 - Operações matriciais com numpy



A maneira mais simples de transformar uma matriz nativa numa matriz numpy é por conversão direta:

Forma mais simples:

```
a = np.array([[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8], [9, 10, 11, 12]])
```

Podemos passar uma matriz nativa inteira para numpy do mesmo modo: Considere a matriz nativa anteriormente criada:

```
for i in range(m):
    for j in range(n):
        mat[i][j] = j*m+(i+1)

Conversão para ndarray:
arr1 = np array(mat1)
```

```
for i in range (0 , len ( mat )):
    for j in range (0 , len ( mat [ i ])):
        print ( "{0:2d}".format(arr1[i][j]), end = ' ')
orint ()
```

A maneira mais simples de transformar uma matriz nativa numa matriz numpy é por conversão direta: Forma mais simples:

```
a = np.array([[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8], [9, 10, 11, 12]])
```

Podemos passar uma matriz nativa inteira para numpy do mesmo modo: Considere a matriz nativa anteriormente criada:

```
for i in range(m):
    for j in range(n):
        mat[i][j] = j*m+(i+1)

Conversão para ndarray:
arr1 = np.array(mat1)
```

```
for i in range (0 , len ( mat )):
    for j in range (0 , len ( mat [ i ])):
        print ( "{0:2d}".format(arr1[i][j]), end = ' ')
print ()
```

A maneira mais simples de transformar uma matriz nativa numa matriz numpy é por conversão direta: Forma mais simples:

```
a = np.array([[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8], [9, 10, 11, 12]])
```

Podemos passar uma matriz nativa inteira para numpy do mesmo modo:

```
for i in range(m):
    for j in range(n):
        mat[i][j] = j*m+(i+1)

Conversão para ndarray:
arr1 = np.array(mat1)
```

```
for i in range (0 , len ( mat )):
    for j in range (0 , len ( mat [ i ])):
        print ( "{0:2d}".format(arr1[i][j]), end = ' ')
orint ()
```

A maneira mais simples de transformar uma matriz nativa numa matriz numpy é por conversão direta: Forma mais simples:

```
a = np.array([[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8], [9, 10, 11, 12]])
```

Podemos passar uma matriz nativa inteira para numpy do mesmo modo: Considere a matriz nativa anteriormente criada:

```
for i in range(m):
    for j in range(n):
        mat[i][j] = j*m+(i+1)

Conversão para ndarray:
arr1 = np.array(mat1)
```

```
for i in range (0 , len ( mat )):
    for j in range (0 , len ( mat [ i ])):
        print ( "{0:2d}".format(arr1[i][j]), end = ' ')
print ()
```

A maneira mais simples de transformar uma matriz nativa numa matriz numpy é por conversão direta: Forma mais simples:

```
a = np.array([[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8], [9, 10, 11, 12]])
```

Podemos passar uma matriz nativa inteira para numpy do mesmo modo: Considere a matriz nativa anteriormente criada:

```
for i in range(m):
    for j in range(n):
        mat[i][j] = j*m+(i+1)

Conversão para ndarray:
arr1 = np.array(mat1)
```

```
for i in range (0 , len ( mat )):
    for j in range (0 , len ( mat [ i ])):
        print ( "{0:2d}".format(arr1[i][j]), end = ' ')
print ()
```

A maneira mais simples de transformar uma matriz nativa numa matriz numpy é por conversão direta: Forma mais simples:

```
a = np.array([[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8], [9, 10, 11, 12]])
```

Podemos passar uma matriz nativa inteira para numpy do mesmo modo: Considere a matriz nativa anteriormente criada:

```
for i in range(m):
    for j in range(n):
        mat[i][j] = j*m+(i+1)
```

Conversão para ndarray:
arr1 = np.array(mat1)

```
for i in range (0 , len ( mat )):
    for j in range (0 , len ( mat [ i ])):
        print ( "{0:2d}".format(arr1[i][j]), end = ' ')
print ()
```

Sumário

- Matrizes Nativas
 - Matriz é um vetor de vetores
 - Percorrimento de matrizes
 - Matrizes via compreensão de listas
- Matrizes no numpy
 - Conversão de matrizes nativas para numpy
 - Criação de matrizes no numpy
 - Operações matriciais com numpy



Com arange:

```
arr2 = np.arange(1, 25).reshape(6, 4)
Cria-se um vetor com arange e depois altera a dimensão com o comando reshape.
```

```
[[ 1 2 3 4]
[ 5 6 7 8]
[ 9 10 11 12]
[13 14 15 16]
[17 18 19 20]
[21 22 23 24]]
```

Gera este resultado.

- Para saber a dimensão da matriz, usa-se o comando shape. print ("Dimensão da matriz: ", arr2.shape)
- Matriz identidade: matid3 = np.identity(3, dtype=float)
- Matriz somente com 1's: array_2d = np.ones((2,3), dtype=in



Com arange:

```
arr2 = np.arange(1, 25).reshape(6, 4)
Cria-se um vetor com arange e depois altera a dimensão com o comando reshape.
```

```
[[ 1 2 3 4]
[ 5 6 7 8]
[ 9 10 11 12]
[13 14 15 16]
[17 18 19 20]
[21 22 23 24]]
```

Gera este resultado.

- Para saber a dimensão da matriz, usa-se o comando shape. print ("Dimensão da matriz: ", arr2.shape)
- Matriz identidade: matid3 = np.identity(3, dtype=float)
- Matriz somente com 1's: array_2d = np.ones((2,3), dtype=int OBS: O tipo, em zeros ou ones pode ser alterado para float, outro int de



Com arange:

```
arr2 = np.arange(1, 25).reshape(6, 4)
Cria-se um vetor com arange e depois altera a dimensão com o comando reshape.
```

```
[[ 1 2 3 4]
[ 5 6 7 8]
[ 9 10 11 12]
[13 14 15 16]
[17 18 19 20]
[21 22 23 24]]
```

Gera este resultado.

- Para saber a dimensão da matriz, usa-se o comando shape. print ("Dimensão da matriz: ", arr2.shape)
- Matriz identidade: matid3 = np.identity(3, dtype=float)
- Matriz somente com 1's: array_2d = np.ones((2,3), dtype=int OBS: O tipo, em zeros ou ones pode ser alterado para float, outro int de



Com arange:

```
arr2 = np.arange(1, 25).reshape(6, 4)
Cria-se um vetor com arange e depois altera a dimensão com o comando reshape.
```

```
[[ 1 2 3 4]
[ 5 6 7 8]
[ 9 10 11 12]
[13 14 15 16]
[17 18 19 20]
[21 22 23 24]]
```

Gera este resultado.

- Para saber a dimensão da matriz, usa-se o comando shape. print ("Dimensão da matriz: ", arr2.shape)
- Matriz identidade: matid3 = np.identity(3, dtype=float)
- Matriz somente com 1's: array_2d = np.ones((2,3), dtype=int)



Com arange:

```
arr2 = np.arange(1, 25).reshape(6, 4)
Cria-se um vetor com arange e depois altera a dimensão com o comando reshape.
```

```
[[ 1 2 3 4]
[ 5 6 7 8]
[ 9 10 11 12]
[13 14 15 16]
[17 18 19 20]
[21 22 23 24]]
```

Gera este resultado.

- Para saber a dimensão da matriz, usa-se o comando shape. print ("Dimensão da matriz: ", arr2.shape)
- Matriz identidade: matid3 = np.identity(3, dtype=float)
- Matriz somente com 1's: array_2d = np.ones((2,3), dtype=int)



Com arange:

```
arr2 = np.arange(1, 25).reshape(6, 4)
Cria-se um vetor com arange e depois altera a dimensão com o comando reshape.
```

```
[[ 1 2 3 4]
[ 5 6 7 8]
[ 9 10 11 12]
[13 14 15 16]
[17 18 19 20]
[21 22 23 24]]
```

Gera este resultado.

- Para saber a dimensão da matriz, usa-se o comando shape. print ("Dimensão da matriz: ", arr2.shape)
- Matriz identidade: matid3 = np.identity(3, dtype=float)
- Matriz somente com 1's: array_2d = np.ones((2,3), dtype=int)



Sumário

- Matrizes Nativas
 - Matriz é um vetor de vetores
 - Percorrimento de matrizes
 - Matrizes via compreensão de listas
- Matrizes no numpy
 - Conversão de matrizes nativas para numpy
 - Criação de matrizes no numpy
 - Operações matriciais com numpy



O numpy opera ponto a ponto as posições da matriz. Deve-se ter cuidado portanto com:

```
Arr1 = np.random.rand(3,3) - gera uma matriz 3x3 com valores aleatórios entre 0 e 1.
```

```
matid3 = np.identity(3, dtype=float) - Matriz identidade 3x3
```

Definindo Arr4 = Arr1*matid3 vamos obter uma matriz com zeros fora da diagonal principal e com os valores da diagonal principal de Arr1. Ou seja, multiplicação ponto a ponto.

O mesmo ocorre com a função multiply, do numpy.

```
D = np.multiply(A, B)
```

```
import numpy as np
A = np.array([[3,6,7],[5,-3,0]])
B = np.array([[1,1],[2,1],[3,-3]])
C = A.dot(B)
D = np.matmul(A,B)
print(C)
```



O numpy opera ponto a ponto as posições da matriz. Deve-se ter cuidado portanto com:

Arr1 = np.random.rand(3,3) - gera uma matriz 3x3 com valores aleatórios entre 0 e 1.

```
matid3 = np.identity(3, dtype=float) - Matriz identidade 3x3
```

Definindo Arr4 = Arr1*matid3 vamos obter uma matriz com zeros fora da diagonal principal e com os valores da diagonal principal de Arr1. Ou seja, multiplicação ponto a ponto.

O mesmo ocorre com a função multiply, do numpy

```
D = np.multiply(A, B)
```

```
import numpy as np
A = np.array([[3,6,7],[5,-3,0]])
B = np.array([[1,1],[2,1],[3,-3]])
C = A.dot(B)
D = np.matmul(A,B)
print(C)
```





O numpy opera ponto a ponto as posições da matriz. Deve-se ter cuidado portanto com:

Arr1 = np.random.rand(3,3) - gera uma matriz 3x3 com valores aleatórios entre 0 e 1.

```
matid3 = np.identity(3, dtype=float) - Matriz identidade 3x3.
```

Definindo Arr4 = Arr1*matid3 vamos obter uma matriz com zeros fora da diagonal principal e com os valores da diagonal principal de Arr1. Ou seja, multiplicação ponto a ponto.

O mesmo ocorre com a função multiply, do numpy.

```
D = np.multiply(A, B)
```

```
import numpy as np
A = np.array([[3,6,7],[5,-3,0]])
B = np.array([[1,1],[2,1],[3,-3]])
C = A.dot(B)
D = np.matmul(A,B)
print(C)
```





O numpy opera ponto a ponto as posições da matriz. Deve-se ter cuidado portanto com:

Arr1 = np.random.rand(3,3) - gera uma matriz 3x3 com valores aleatórios entre 0 e 1.

```
matid3 = np.identity(3, dtype=float) - Matriz identidade 3x3.
```

Definindo Arr4 = Arr1*matid3 vamos obter uma matriz com zeros fora da diagonal principal e com os valores da diagonal principal de Arr1. Ou seja, multiplicação ponto a ponto

O mesmo ocorre com a função multiply, do numpy.

```
D = np.multiply(A, B)
```

```
import numpy as np
A = np.array([[3,6,7],[5,-3,0]])
B = np.array([[1,1],[2,1],[3,-3]])
C = A.dot(B)
D = np.matmul(A,B)
print(C)
```





O numpy opera ponto a ponto as posições da matriz. Deve-se ter cuidado portanto com:

Arr1 = np.random.rand(3,3) - gera uma matriz 3x3 com valores aleatórios entre 0 e 1.

```
matid3 = np.identity(3, dtype=float) - Matriz identidade 3x3.
```

Definindo Arr4 = Arr1*matid3 vamos obter uma matriz com zeros fora da diagonal principal e com os valores da diagonal principal de Arr1. Ou seja, multiplicação ponto a ponto.

```
O mesmo ocorre com a função multiply, do numpy.

D = np.multiply (A, B)
```

```
import numpy as np
A = np.array([[3,6,7],[5,-3,0]])
B = np.array([[1,1],[2,1],[3,-3]])
C = A.dot(B)
D = np.matmul(A,B)
print(C)
```





O numpy opera ponto a ponto as posições da matriz. Deve-se ter cuidado portanto com:

Arr1 = np.random.rand(3,3) - gera uma matriz 3x3 com valores aleatórios entre 0 e 1.

```
matid3 = np.identity(3, dtype=float) - Matriz identidade 3x3.
```

Definindo Arr4 = Arr1*matid3 vamos obter uma matriz com zeros fora da diagonal principal e com os valores da diagonal principal de Arr1. Ou seja, multiplicação ponto a ponto.

O mesmo ocorre com a função multiply, do numpy.

```
D = np.multiply(A, B)
```

```
import numpy as np
A = np.array([[3,6,7],[5,-3,0]])
B = np.array([[1,1],[2,1],[3,-3]])
C = A.dot(B)
D = np.matmul(A,B)
print(C)
```





O numpy opera ponto a ponto as posições da matriz. Deve-se ter cuidado portanto com:

Arr1 = np.random.rand(3,3) - gera uma matriz 3x3 com valores aleatórios entre 0 e 1.

```
matid3 = np.identity(3, dtype=float) - Matriz identidade 3x3.
```

Definindo Arr4 = Arr1*matid3 vamos obter uma matriz com zeros fora da diagonal principal e com os valores da diagonal principal de Arr1. Ou seja, multiplicação ponto a ponto.

O mesmo ocorre com a função multiply, do numpy.

```
D = np.multiply(A, B)
```

```
import numpy as np
A = np.array([[3,6,7],[5,-3,0]])
B = np.array([[1,1],[2,1],[3,-3]])
C = A.dot(B)
D = np.matmul(A,B)
print(C)
```





O numpy opera ponto a ponto as posições da matriz. Deve-se ter cuidado portanto com:

```
Arr1 = np.random.rand(3,3) - gera uma matriz 3x3 com valores aleatórios entre 0 e 1.
```

```
matid3 = np.identity(3, dtype=float) - Matriz identidade 3x3.
```

Definindo Arr4 = Arr1*matid3 vamos obter uma matriz com zeros fora da diagonal principal e com os valores da diagonal principal de Arr1. Ou seja, multiplicação ponto a ponto.

O mesmo ocorre com a função multiply, do numpy.

```
D = np.multiply(A, B)
```

```
import numpy as np
A = np.array([[3,6,7],[5,-3,0]])
B = np.array([[1,1],[2,1],[3,-3]])
C = A.dot(B)
D = np.matmul(A,B)
print(C)
print(D)
```





As mesmas operações de corte em vetores permanecem válidas para matrizes.

Observe diferentes saídas para a matriz: print(A[:2, :3]): as duas primeiras linhas e três primeiras colunas.

```
print(A[1]): primeira linha
```

print (A[:,2]): segunda coluna. Cuidado, a impressão é feita como linha, mas é uma coluna.



As mesmas operações de corte em vetores permanecem válidas para matrizes.

```
import numpy as np
A = np.array([[1, 4, 5, 12, 14],
        [-5, 8, 9, 0, 17],
        [-6, 7, 11, 19, 21]])
```

Observe diferentes saídas para a matriz: print(A[:2, :3]): as duas primeiras linhas e três primeiras colunas.

```
print(A[1]): primeira linha
```

print (A[:,2]): segunda coluna. Cuidado, a impressão é feita como linha, mas é uma coluna.

As mesmas operações de corte em vetores permanecem válidas para matrizes.

Observe diferentes saídas para a matriz: print(A[:2, :3]): as duas primeiras linhas e três primeiras colunas.

```
print(A[1]): primeira linha.
print(A[:,2]): segunda coluna. Cuidado, a impressão é feita como linha,
mas é uma coluna.
```



As mesmas operações de corte em vetores permanecem válidas para matrizes.

Observe diferentes saídas para a matriz: print(A[:2, :3]): as duas primeiras linhas e três primeiras colunas.

```
print (A[1]): primeira linha.
```

print (A[:,2]): segunda coluna. Cuidado, a impressão é feita como linha, mas é uma coluna.

As mesmas operações de corte em vetores permanecem válidas para matrizes.

```
import numpy as np
A = np.array([[1, 4, 5, 12, 14],
        [-5, 8, 9, 0, 17],
        [-6, 7, 11, 19, 21]])
```

Observe diferentes saídas para a matriz: print(A[:2, :3]): as duas primeiras linhas e três primeiras colunas.

```
print (A[1]): primeira linha.
print (A[:,2]): segunda coluna. Cuidado, a impressão é feita como linha,
mas é uma coluna.
```



As mesmas operações de corte em vetores permanecem válidas para matrizes.

```
import numpy as np
A = np.array([[1, 4, 5, 12, 14],
        [-5, 8, 9, 0, 17],
        [-6, 7, 11, 19, 21]])
```

Observe diferentes saídas para a matriz: print(A[:2, :3]): as duas primeiras linhas e três primeiras colunas.

```
print (A[1]): primeira linha.
print (A[:,2]): segunda coluna. Cuidado, a impressão é feita como linha,
mas é uma coluna.
```



Bibliografia

- Flavio Ulhoa Coelho e Mary Lilian Lourenço, Um curso de Álgebra Linear LedUsp - São Paulo. Editora da Universidade de São Paulo.
- Isabel Cabral, Cecília Perdigão e Carlos Saiago, Álgebra Linear, 2ª edição. Escolar Editora, Lisboa, 2010.
- Seymour Lipschutz e Marc Lipson, Álgebra Linear Coleção Schaum, 3ª edição. Editora Bookman, Porto Alegre 2004

Bibliografia

- Flavio Ulhoa Coelho e Mary Lilian Lourenço, Um curso de Álgebra Linear LedUsp - São Paulo. Editora da Universidade de São Paulo.
- Isabel Cabral, Cecília Perdigão e Carlos Saiago, Álgebra Linear, 2ª edição. Escolar Editora, Lisboa, 2010.
 - Seymour Lipschutz e Marc Lipson, Álgebra Linear Coleção Schaum, 3ª edição. Editora Bookman, Porto Alegre 2004

Bibliografia

Flavio Ulhoa Coelho e Mary Lilian Lourenço, Um curso de Álgebra Linear LedUsp - São Paulo. Editora da Universidade de São Paulo.

Isabel Cabral, Cecília Perdigão e Carlos Saiago, Álgebra Linear, 2ª edição. Escolar Editora, Lisboa, 2010.

Seymour Lipschutz e Marc Lipson, Álgebra Linear Coleção Schaum, 3ª edição. Editora Bookman, Porto Alegre 2004.