Relazione Esercizio 1

Primo uso: Insertion Sort e Merge Sort

Premessa: Nello scrivere questa relazione abbiamo omesso il calcolo dei tempi di caricamento degli array, e abbiamo considerato solamente il tempo impiegato dall'algoritmo per ordinare l'array passatogli.

Nell'analisi dei tempi di ordinamento degli algoritmi *Insertion Sort* e *Merge Sort*, abbiamo considerato i 5 seguenti casi:

- 1. Ordinamento di un array vuoto
- 2. Ordinamento di un array con gli elementi già ordinati in ordine crescente
- 3. Ordinamento di un array un gli elementi ordinati in modo casuale
- 4. Ordinamento di un array con gli elementi già ordinati in ordine decrescente
- 5. Ordinamento basato sull'algoritmo:
 - 1. Nel caso dell'Insertion Sort, ordinamento dei primi 10 elementi dell'array integers.csv
 - 2. Nel caso del *Merge Sort*, ordinamento di tutti gli elementi (20'000'000 in totale) dell'array integers.csv

In seguito a diverse prove, abbiamo ottenuto i seguenti risultati, riportati in forma tabellare:

	Insertion Sort	Merge Sort
Caso 1	Frazione di secondo	Frazione di secondo
Caso 2	Frazione di secondo	Frazione di secondo
Caso 3	Frazione di secondo	Frazione di secondo
Caso 4	Frazione di secondo	Frazione di secondo
Caso 5	Frazione di secondo *	17-25 secondi

(*) Non abbiamo ritenuto opportuno tentare di far ordinare l'array da 20'000'000 elementi all'Insertion Sort, poiché solo per ordinare 100'000 (1/200 della dimensione di integers.csv) elementi ha impiegato un tempo superiore ai due minuti e mezzo (poiché si tratta di un algoritmo con complessità O(n²)), mentre il Merge Sort non ha mai impiegato (per via della sua complessità O(n log n)) più di 25 secondi per ordinare tutti i 20'000'000 elementi.

Secondo uso: trova la somma di due elementi

Per quel che riguarda la seconda funzione, abbiamo progettato un algoritmo che prende in input un array T di N interi e un secondo array S di M interi (M < S), che verifica se in T vi sono due interi la cui somma è un elemento di S.

Questo algoritmo, ordina prima di tutto l'array A utilizzando l'algoritmo $Merge\ Sort$, dopodiché un ciclo verifica che S contenga almeno un elemento che equivalga alla somma di due interi contenuti in T. Questo ciclo ha, nel peggiore dei casi, una complessità O(M), e per via dell'algebra di O e l'algebra di O-grande, tutto l'algoritmo si ritrova ad avere una complessità totale di

 $\Omega(1) * \Omega(N \log N) = \Omega(N \log N)$ nel migliore dei casi $O(M) * O(N \log N) = O(N \log N)$ nel peggiore dei casi

Di conseguenza, questo algoritmo ha la stessa complessità del $\textit{Merge Sort}$, che nel caso medio si ritrova ad avere una complessità di $\Theta(k \log k)$ (con $k = numero di elementi dell'array da ordinare).$