

TP2 Procesamiento de Señales: Fundamentos

August 11, 2022

1 DFT

1.1 Ejercicio I

1.1.1 Consigna

Grafique las siguientes señales lado a lado con su respectivo espectro en frecuencias:

- Senoidal.
- Cuadrada.
- Triangular
- Delta en $t=0$.

Indicando en cada caso los siguientes parámetros (si corresponde):

- Frecuencia.
- Amplitud.
- Potencia promedio.
- Frecuencia de sampling.
- Número de muestras.

Pegue el link a un pdf con los códigos, gráficos y comentarios.

1.1.2 Resolución

```
[1]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy import signal
from copy import deepcopy as cpy
from dataclasses import dataclass

@dataclass
class PsfWaveformSpec:
    fo_hz: float
    fs_hz: float
    samples_n: int
    ph_rad: float = 0
    amp: float = 1

@dataclass
class PsfWaveformData(PsfWaveformSpec):
```

```

power_time: float = 0
power_freq: float = 0

# Waveform Generators.
def psf_sine(spec: PsfWaveformSpec):
    amp = 0 if spec.amp < 0 else 1 if spec.amp > 1 else spec.amp
    n = np.arange(spec.samples_n)
    return amp * np.sin((2 * np.pi * spec.fo_hz * n / spec.fs_hz) + spec.ph_rad)

def psf_square(spec: PsfWaveformSpec):
    amp = 0 if spec.amp < 0 else 1 if spec.amp > 1 else spec.amp
    n = np.arange(spec.samples_n)
    return amp * signal.square(2 * np.pi * spec.fo_hz * n / spec.fs_hz + + spec.
    ↪ ph_rad, .5)

def psf_tri(spec: PsfWaveformSpec):
    amp = 0 if spec.amp < 0 else 1 if spec.amp > 1 else spec.amp
    n = np.arange(spec.samples_n)
    return amp * signal.sawtooth(2 * np.pi * spec.fo_hz * n / spec.fs_hz + + spec.
    ↪ ph_rad, .5)

def psf_delta(spec: PsfWaveformSpec):
    amp = 0 if spec.amp < 0 else 1 if spec.amp > 1 else spec.amp
    sn = np.zeros(spec.samples_n)
    sn[0] = 1.0
    return sn

# Utilities.
def psf_spec_to_time_sec(spec: PsfWaveformSpec):
    return np.arange(spec.samples_n) * 1/spec.fs_hz

def psf_gen_cont_and_disc_wvfm(spec: PsfWaveformSpec, fun=psf_sine):
    spec_cont = cpy(spec)
    spec_cont.fs_hz = spec_cont.fs_hz * 100
    spec_cont.samples_n = spec_cont.samples_n * 100
    return (psf_spec_to_time_sec(spec), fun(spec)), ↵
    ↪ (psf_spec_to_time_sec(spec_cont), fun(spec_cont))

def easy_fft(x, fs):
    fft = np.abs(np.fft.fftshift(np.fft.fft(x)/len(x)))
    fft_fs = np.fft.fftshift(np.fft.fftfreq(len(x), 1/fs))
    return fft, fft_fs

def get_avg_power_f(X):

```

```

    return np.sum(abs(X)**2)

def get_avg_power_t(x):
    return np.sum(x**2) / len(x)

font = {'weight' : 'normal',
        'size'    : 12}

plt.rc('font', **font)

```

```

[2]: def get_avg_power(spectrum):
    return np.sqrt(np.sum(spectrum**2))

font = {'weight' : 'normal',
        'size'    : 22}

plt.rc('font', **font)

wfm = PsfWaveformSpec(
    fo_hz = 10,
    fs_hz = 1000,
    samples_n = 500,
    ph_rad = 0,
    amp = 1
)

waveforms = (psf_square, psf_sine, psf_tri, psf_delta)

fig, axs = plt.subplots(len(waveforms), 2 , figsize=(30, 30),
    ↪gridspec_kw={'width_ratios': [1, 4]})

for i, fun in enumerate((psf_square, psf_sine, psf_tri, psf_delta)):
    time = np.arange(0, wfm.samples_n) * 1/wfm.fs_hz
    sig = fun(wfm)
    fft, fft_fs = easy_fft(sig, wfm.fs_hz)

    d = PsfWaveformData(power_freq=get_avg_power_f(fft),
    ↪power_time=get_avg_power_t(sig), **wfm.__dict__)
    axs[i, 0].plot(time, sig, label=fun.__name__)
    axs[i, 0].legend()
    axs[i, 0].set_xlabel('Time [Sec]')
    axs[i, 0].set_ylabel('Magnitude')
    axs[i, 1].set_title(str(d))

```

```

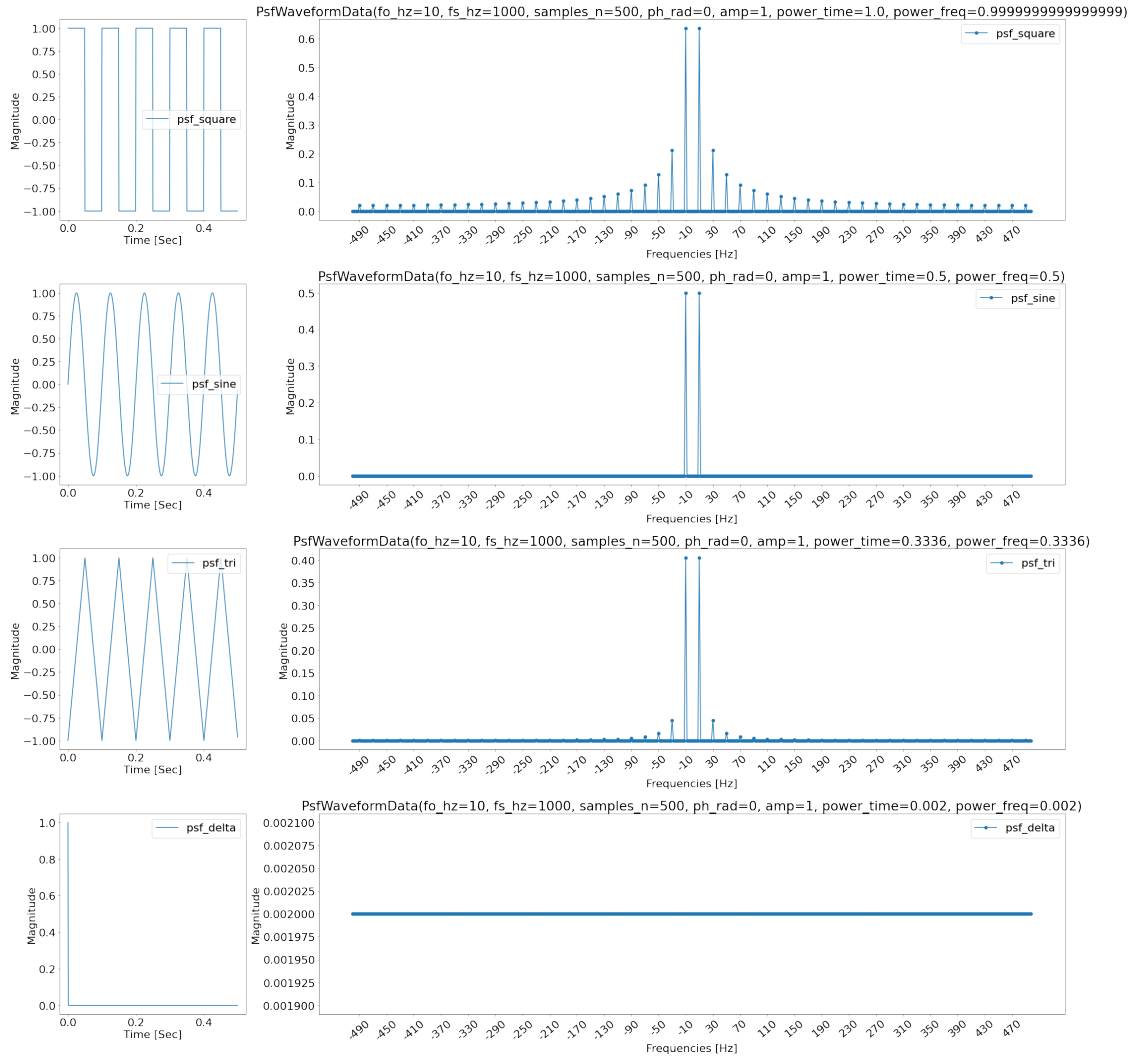
    axs[i, 1].plot(fft_fs, fft, '-o', label=fun.__name__)
    axs[i, 1].legend()
    axs[i, 1].set_xlabel('Frequencies [Hz]')
    axs[i, 1].set_ylabel('Magnitude')
    axs[i, 1].set_xticks(range(-490, 500, 40))
    axs[i, 1].set_xticklabels(range(-490, 500, 40), rotation=40)

```

```

plt.tight_layout()
plt.show()

```



1.1.3 Comentarios

Se puede observar que:

- El espectro de la señal cuadrada cuenta con contenido armónico múltiplo de la frecuencia original, pero con armonicos *pares* nulos.

- El espectro de la señal triangular es similar al de la cuadrada, pero la atenuación de cada armónico es aún mayor (cuadrática inversa vs lineal inversa).
- El espectro de la señal senoidal consiste de únicamente un pico de frecuencia real positiva, con su contraparte en frecuencias negativas.
- El espectro de la delta es una constante. Cabe destacar que el valor de dicha constante es tal que su *energía* total en el espectro es igual a 1 (que es la amplitud de la delta en tiempo). Cobra más sentido hablar de energía en este caso dado que no es una señal periódica como las anteriores.

1.2 Ejercicio II

1.2.1 Consigna

Dado el archivo `clases/tp2/resolucion_espectral.txt` que contiene 100 valores reales sampleados a $F_s=200\text{Hz}$, indique:

- Resolución espectral.
- Espectro en frecuencia de la señal.
- A simple inspección que frecuencia(s) distingue.
- Aplique alguna técnica que le permita mejorar la resolución espectral y tome nuevamente el espectro.
- Indique si ahora los resultados difieren del punto 3 y argumente su respuesta.
- Pegue el link a un pdf con los códigos, gráficos y comentarios.

1.2.2 Resolución

```
[3]: import numpy as np
import scipy

font = {'weight' : 'normal',
        'size'   : 16}

plt.rc('font', **font)

# Constants.
FS = 200
PSF_FILE = './data/resolucion_espectral.txt'
PADDING_SIG_LEN_MULT = 5

# Waveform loading.
with open(PSF_FILE) as f:
    sig = np.array(eval(f.read()))
    time = np.arange(len(sig)) * 1/FS
```

```

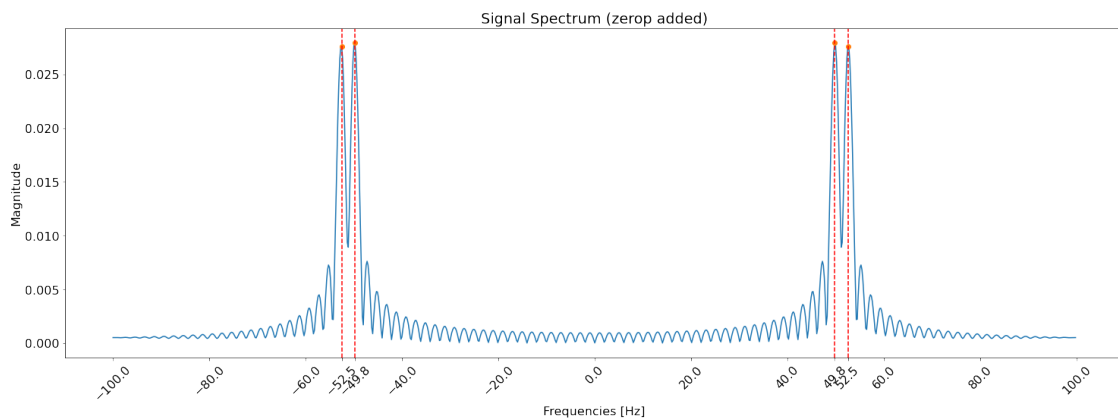
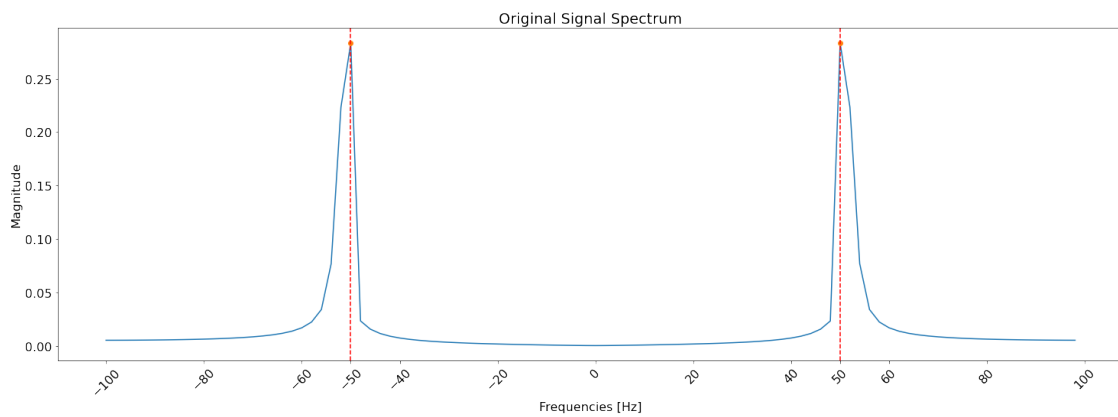
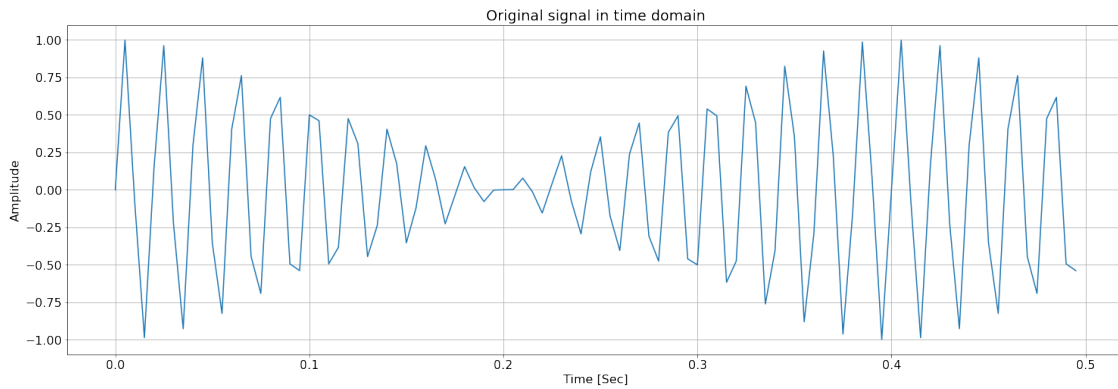
# Original signal in time domain.
plt.figure(figsize=(25,8))
plt.plot(time, sig)
plt.grid()
plt.ylabel('Amplitude')
plt.xlabel('Time [Sec]')
plt.title('Original signal in time domain')
plt.show()

# Original signal spectrum
## FFT & peak detection.
fft, freqs = easy_fft(sig, FS)
peaks_ind, peaks = scipy.signal.find_peaks(fft, height=0.15)
peaks_fs = [freqs[i] for i in peaks_ind]
peaks_vals = peaks['peak_heights']
# ---
plt.figure(figsize=(25,8))
plt.plot(freqs, fft)
plt.plot(peaks_fs, peaks_vals, 'o')
for f in peaks_fs:
    plt.axvline(x=f, color='r', linestyle='--')
plt.title('Original Signal Spectrum')
plt.xticks(np.concatenate((np.linspace(-100, 100, 11), peaks_fs)), rotation=45)
plt.xlabel('Frequencies [Hz]')
plt.ylabel('Magnitude')
plt.show()

# Signal padded
## FFT & peak detection.
sig_padded = np.concatenate((sig, np.zeros(924)))
fft, freqs = easy_fft(sig_padded, FS)
peaks_ind, peaks = scipy.signal.find_peaks(fft, height=0.02)
peaks_pd_fs = [freqs[i] for i in peaks_ind]
peaks_vals = peaks['peak_heights']
plt.figure(figsize=(25,8))
plt.plot(freqs, fft)
plt.plot(peaks_pd_fs, peaks_vals, 'o')
for f in peaks_pd_fs:
    plt.axvline(x=f, color='r', linestyle='--')
plt.xticks(np.concatenate((np.linspace(-100, 100, 11), peaks_pd_fs)),
    ↪rotation=45)
plt.xlabel('Frequencies [Hz]')
plt.ylabel('Magnitude')
plt.title('Signal Spectrum (zerop added)')
plt.show()

```

```
print(f'Peaks before padding (Hz): ' + '; '.join(map(str, peaks_fs)))
print(f'Peaks after padding (Hz): ' + '; '.join(map(str, peaks_pd_fs)))
```



Peaks before padding (Hz): -50.0; 50.0

Peaks after padding (Hz): -52.5390625; -49.8046875; 49.8046875; 52.5390625

1.2.3 Comentarios

Puede observarse que, con la resolución espectral resultante de utilizar únicamente el número de muestras de la señal original, se pueden distinguir solo dos picos en ± 50 Hz. A priori la asimetría en la envolvente de los picos permite sospechar que no se trata de un tono puro, pero resulta imposible comprender exactamente cómo está conformada la señal.

Luego de aplicar la técnica de **Zero Padding** para aumentar la resolución en frecuencia (a costas de una menor SNR) se pueden distinguir claramente dos picos de frecuencias en 48.9Hz y 52.5Hz (con su contrapartida negativa). Esto deja ver que, posiblemente, la señal original se trate de una suma de dos tonos.

2 IDFT

2.1 Ejercicio I

2.1.1 Consigna

En el archivo `clases/tp2/fft_hjs.npy` se almacenaron los valores de un espectro en frecuencia correspondientes a una señal desconocida. Indique:

- Puede estimar que representa esta señal? (tip: grafique en 2d la idft)
- Hasta que punto podría limitar el ancho de banda del espectro dado en el archivo y que aun se logre interpretar la señal?
- Pegue el link a un pdf con los códigos y los gráficos utilizados.

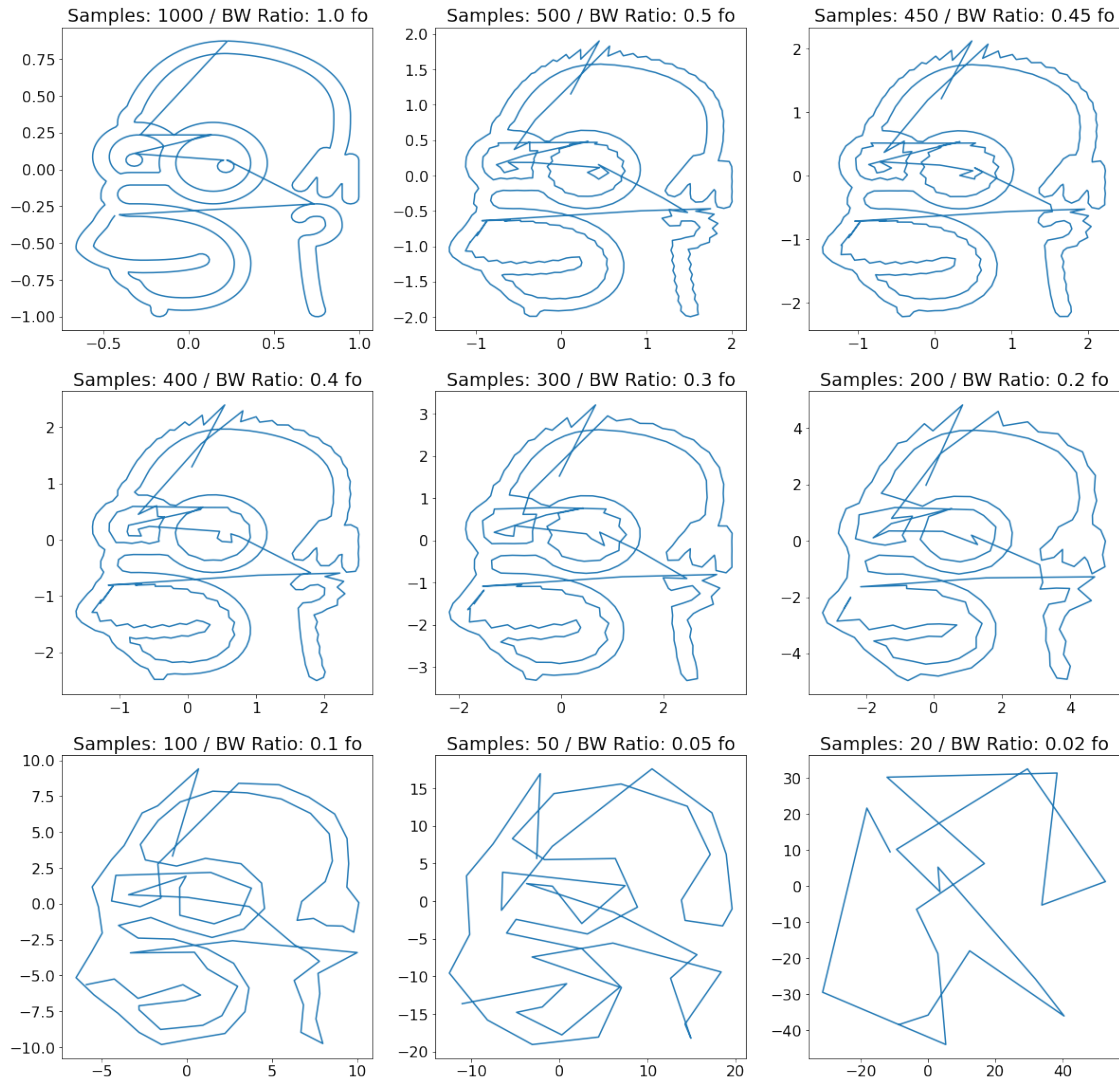
2.1.2 Resolución

```
[4]: import numpy as np
sig_spectrum = np.load('./data/fft_hjs.npy')

def ifft_2d(x):
    sig = np.fft.ifft(x)
    return (np.imag(sig), np.real(sig))

def spectrum_truncate(x, n):
    return np.concatenate((x[:n], x[len(x)-n:]))

test_points = (500, 250, 225, 200, 150, 100, 50, 25, 10)
fig, axs = plt.subplots(nrows=3, ncols=3, figsize=(20, 20))
for i in range(3):
    for j in range(3):
        x, y = ifft_2d(spectrum_truncate(sig_spectrum, test_points[3*i + j]))
        axs[i, j].plot(x, y)
        axs[i, j].set_title(f'Samples: {2 * test_points[3*i + j]} / BW Ratio: {
            test_points[3*i + j] / 500} fo')
plt.show()
```

2.1.3 Comentarios

Puede observarse como el Homero modelado por el espectro de la señal original se va deformando a medida que se reducen las muestras. Por inspección, tomando únicamente 200 muestras de las 1000 originales sería suficiente para reconocer a Homero (y quizás con 100 también).

3 Filtrado: CIAA

3.1 Ejercicio

3.1.1 Consigna

Dado el segmento de audio almacenado en el archivo `clases/tp2/chapu_noise.npy` con $F_s=8000$, mono de 16b y contaminado con ruido de alta frecuencia:

- Diseñe un filtro que mitigue el efecto del ruido y permita percibir mejor la señal de interés
- Filtre con la CIAA utilizando alguna de las técnicas vistas
- Grafique el espectro antes y después del filtro.
- Reproduzca el audio antes y después del filtro
- Pegue el link a un .zip comentando los resultados y los criterios utilizados, la plantilla del filtro con capturas de la herramienta de diseño y un video mostrando la CIAA/HW en acción y la reproducción de audio antes y después del filtrado.

3.1.2 Resolución

Análisis de señal

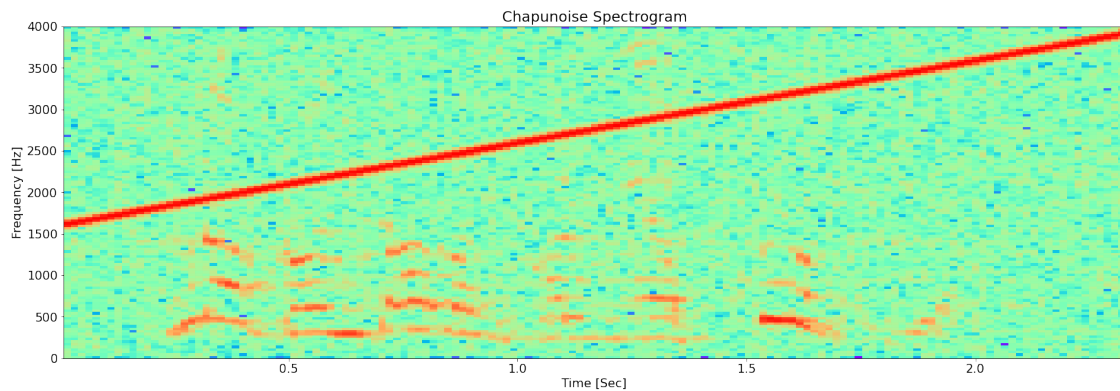
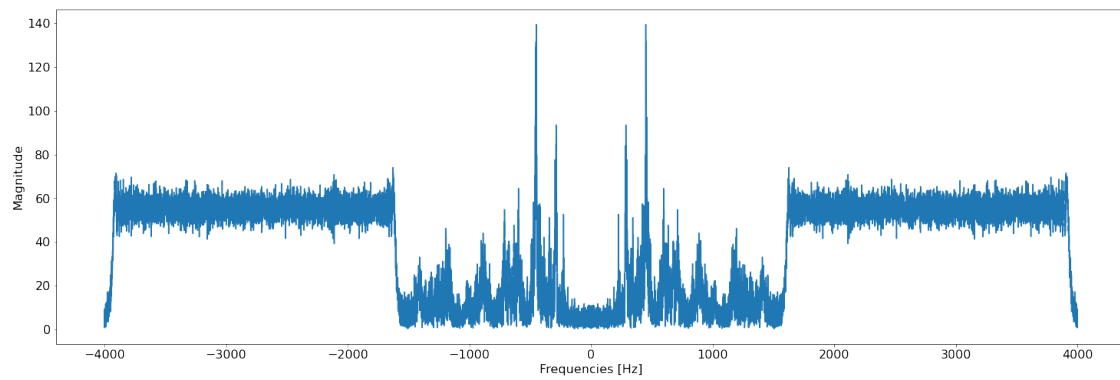
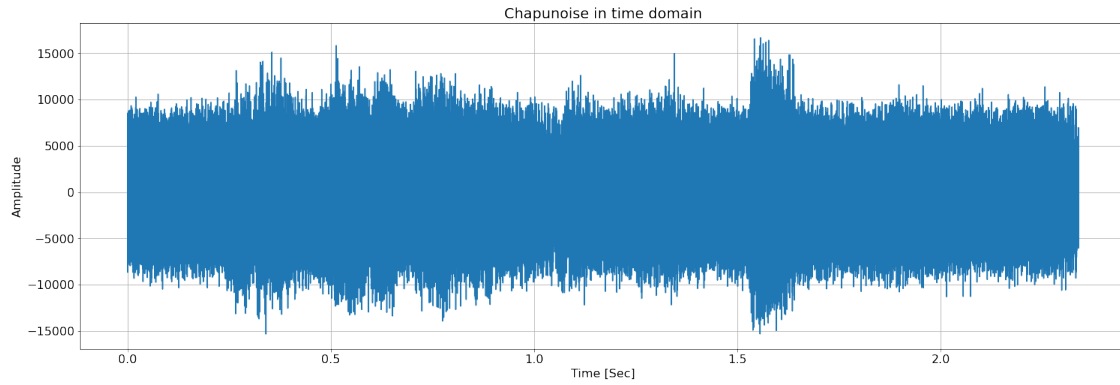
```
[5]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

FS_HZ = 8_000
chapunoise = np.load('./data/chapu_noise.npy')
time = np.arange(len(chapunoise)) * 1 / FS_HZ

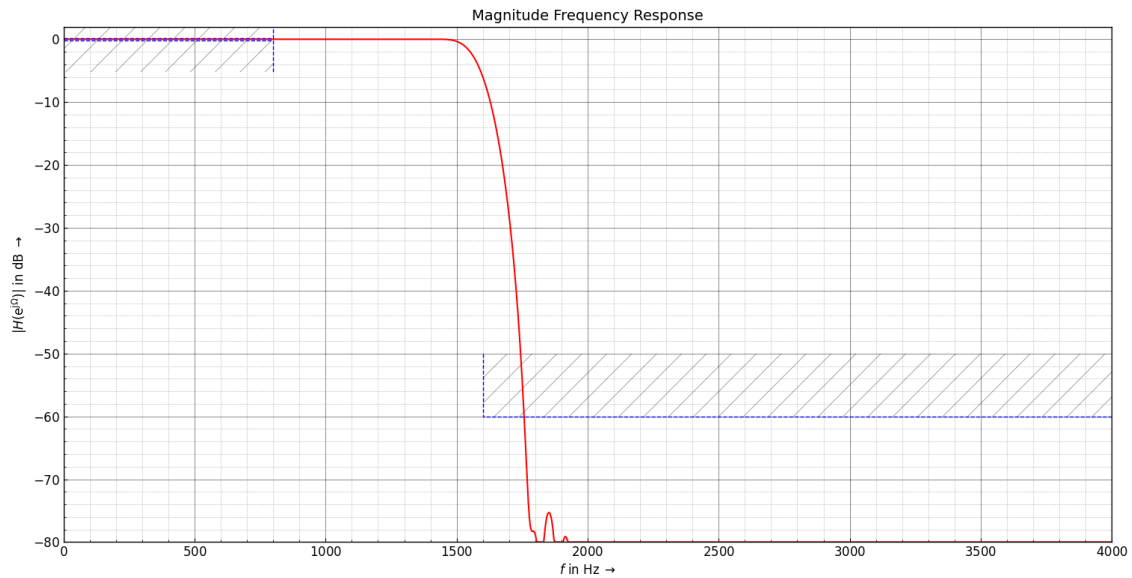
plt.figure(figsize=(25,8))
plt.plot(time, chapunoise)
plt.grid()
plt.ylabel('Amplitude')
plt.xlabel('Time [Sec]')
plt.title('Chapunoise in time domain')
plt.show()

fft, fft_fs = easy_fft(chapunoise, FS_HZ)
plt.figure(figsize=(25,8))
plt.xlabel('Frequencies [Hz]')
plt.ylabel('Magnitude')
plt.plot(fft_fs, fft)
plt.show()

plt.figure(figsize=(25,8))
plt.title('Chapunoise Spectrogram')
plt.specgram(chapunoise, Fs=FS_HZ, cmap="rainbow")
plt.xlabel('Time [Sec]')
plt.ylabel('Frequency [Hz]')
plt.show()
```



Comentarios iniciales Luego de analizar la señal, puede observarse claramente en el espectrograma anterior una señal del tipo “chirp” (o sweep de frecuencia) a la par de la señal de interés. Se empleará un filtro para eliminar el sweep por completo, a sabiendas de que se degradará levemente la señal de interés (ya que algunos componentes de frecuencia - armónicos de las principales - se encuentran en la banda a atenuar).



Filtrado Es relevante destacar que dado que el filtro no cae abruptamente, sería posible (con mucha atención) percibir auditivamente el principio de la chirp previo al comienzo de la señal de voz. Esto se debe que:

- Se ha optado por no decrementar la frecuencia de corte para no perder calidad en la señal de voz.
- No utilizar una mayor cantidad de muestras (lo cual mejoraría la pendiente) para agilizar el procesamiento en el MCU.

Implementación del filtro / Verificación en Python

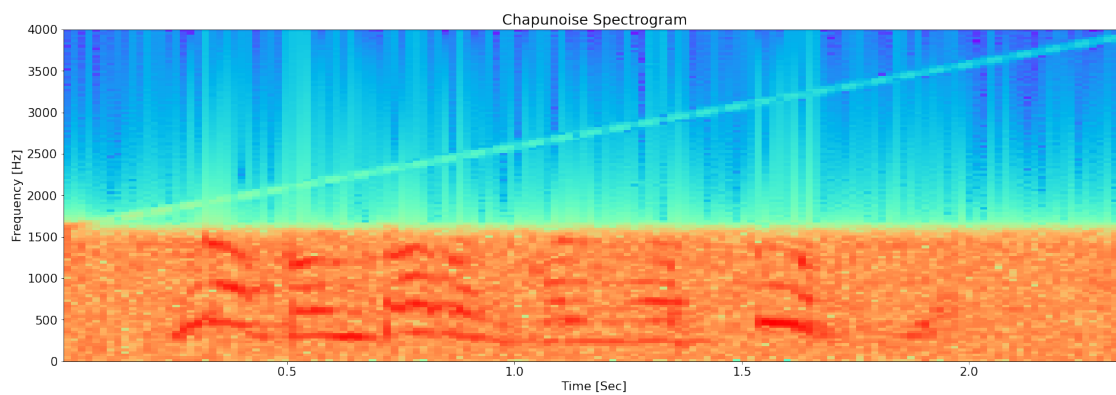
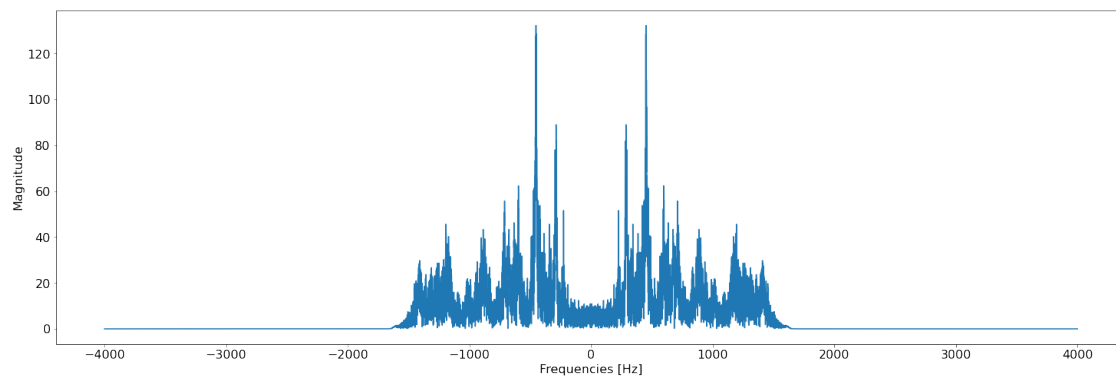
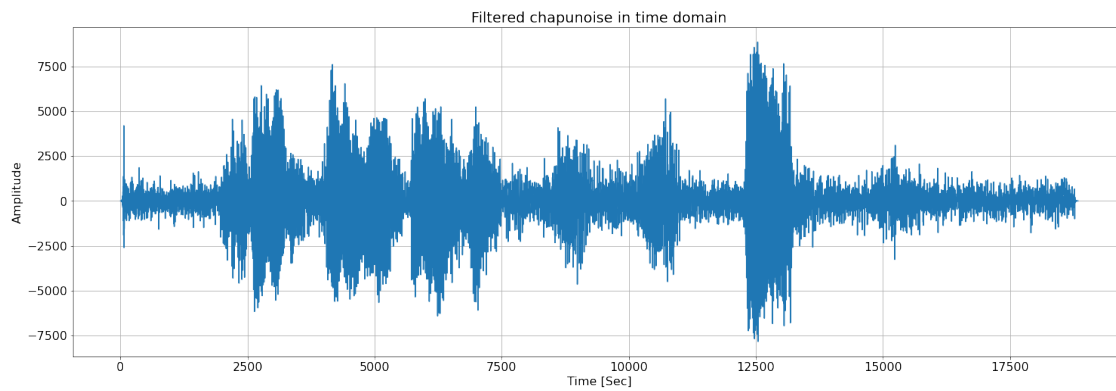
```
[6]: chapu_filter = np.array(np.load('./data/chapu_filter.npy')[0]).astype(float)
    filtered = np.convolve(chapu_filter, chapunoise)

    plt.figure(figsize=(25,8))
    plt.plot(filtered)
    plt.grid()
    plt.ylabel('Amplitude')
    plt.xlabel('Time [Sec]')
    plt.title('Filtered chapunoise in time domain')
    plt.show()

    fft, fft_fs = easy_fft(filtered, FS_HZ)
    plt.figure(figsize=(25,8))
    plt.xlabel('Frequencies [Hz]')
    plt.ylabel('Magnitude')
    plt.plot(fft_fs, fft)
    plt.show()

    plt.figure(figsize=(25,8))
```

```
plt.title('Chapunoise Spectrogram')
plt.specgram(filtered, Fs=FS_HZ, cmap="rainbow")
plt.xlabel('Time [Sec]')
plt.ylabel('Frequency [Hz]')
plt.show()
```



Comentarios post filtrado Se observa tanto en el gráfico de frecuencia como en el espectrograma que la banda de frecuencias indeseadas ha sido removida con éxito.

CIAA: Implementación en C

```
#include "sapi.h"
#include "arm_math.h"
#include "arm_const_structs.h"
#include "fir.h"

#define BITS    10    // cantidad de bits usado para cuantizar

int16_t offset = 512;
int16_t zero = 0;

struct header_struct {
    char    pre[8];
    uint32_t id;
    uint16_t N;
    uint16_t fs ;
    uint16_t hLength ;
    char    pos[4];
} __attribute__((packed));

struct header_struct header={"*header*",0,128,8000,h_LENGTH,"end*"};

int main ( void ) {
    uint16_t sample = 0;
    int16_t adc    [ header.N          ];
    int16_t y      [ h_LENGTH+header.N-1 ];

    boardConfig();
    uartConfig(UART_USB, 460800);
    adcConfig (ADC_ENABLE);
    dacConfig(DAC_ENABLE);
    cyclesCounterInit (EDU_CIAA_NXP_CLOCK_SPEED);

    for(;;) {
        cyclesCounterReset();
        adc[sample] = (((int16_t)adcRead(CH1)-512)>>(10-BITS))<<(6+10-BITS);
        dacWrite(DAC, y[sample]); // will be 128 samples delayed from input.
        if (++sample==header.N ) {
            gpioToggle ( LEDR );
            sample = 0;
            arm_conv_q15(adc, header.N, h, h_LENGTH, y);
            header.id++;
            uartWriteByteArray(
                UART_USB,
```

```

        (uint8_t*)&header,
        sizeof(struct header_struct)
    );
    for (int i=0; i<(header.N+h_LENGTH-1); i++) {
        uartWriteByteArray (
            UART_USB,
            (uint8_t*)(i<header.N ? &adc[i] : &offset),
            sizeof(adc[0])
        );
        uartWriteByteArray(
            UART_USB,
            (uint8_t*)(i<h_LENGTH ? &h[i] : &zero),
            sizeof(h[0])
        );
        uartWriteByteArray(
            UART_USB,
            (uint8_t*)&y[i],
            sizeof(y[0])
        );
    }
    adcRead(CH1);
}
gpioToggle(LED1);
while(cyclesCounterRead() < EDU_CIAA_NXP_CLOCK_SPEED / header.fs)
    ;
}
}

```

El archivo `fir.h` puede obtenerse del repositorio [Github](#).

Comparación auditiva

```

[7]: # Reproducción de audio antes/después.
from IPython.display import display, Audio
from ipywidgets import interactive

# display(Audio(data=chapunoise, rate = 8000, autoplay=False))
# display(Audio(data=filtered, rate = 8000, autoplay=False))

```

Videos Demostrativos [Captura de señales CIAA](#)

[Hardware + CIAA Funcionando](#)