4. Which of the following are correct calculations for difference quotient of: $u(m) = 4 m^2 + 5 m + 2$ $u(m) = 4 m^2 + 5 m + 2$ $u(m) = 4 m^2 + 5 m + 2$

```
\begin{array}{l} u\;(m) = 4\;m^2 \; + \; 5\;m \; + \; 2 \\ u\;(m+h) = 4\;\;(h\;+m)^2 \; + \; 5\;\;(h\;+m) \; \; + \; 2 \\ = 4\;h^2 \; + \; 8\;h\;m \; + \; 5\;h \; + \; 4\;m^2 \; + \; 5\;m \; + \; 2 \\ \frac{u\;(m+h)\;-u\;(m)}{h} = \frac{\left(4\;h^2\;+ 8\;m\;h + \; 5\;h + \; 4\;m^2\;+ \; 5\;m + \; 2\right) - \left(4\;\;(m+1)^2\;+ \; 5\;\;(m+1)\;+ \; 2\right)}{h} \\ = \frac{4\;h^2\;+ \; 8\;m\;h + \; 5\;h}{h} \\ = \frac{h\;(4\;h + \; 8\;m + \; 5)}{h} \\ = 4\;h\;+ \; 8\;m\;+ \; 5 \end{array}
```

$$\begin{array}{l} u\;(m) = 4\;m^2 \; + \; 5\;m \; + \; 2 \\ u\;(m+h) = 4\;(h+m)^2 \; + \; 5\;(h+m) \; + \; 2 \\ = 4\;h^2 \; + \; 8\;h\;m \; + \; 13\;h \; + \; 4\;m^2 \; + \; 13\;m \; + \; 11 \\ \frac{u\;(m+h)\;-u\;(m)}{h} = \frac{\left(4\;h^2 + 8\;m\;h + \; 13\;h + \; 4\;m^2 + \; 13\;m + \; 11\right) - \left(4\;m^2 + \; 5\;m + \; 2\right)}{h} \\ = \frac{4\;h^2 + 8\;m\;h + \; 5\;h}{h} \\ = \frac{h\;(4\;h + \; 8\;m + \; 5)}{h} \\ = 4\;h \; + \; 8\;m \; + \; 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} u\left(m\right) = 4\ m^2 + 5\ m + 2 \\ u\left(m+h\right) = 4\ \left(h+m\right)^2 + 5\ \left(h+m\right) + 2 \\ = 4\ h^2 + 8\ h\ m + 5\ h + 4\ m^2 + 5\ m + 2 \\ \frac{u\left(m+h\right) - u\left(m\right)}{h} = \frac{\left(4\ h^2 + 8\ m\ h + 5\ h + 4\ m^2 + 5\ m + 2\right) - \left(4\ m^2 + 5\ m + 2\right)}{h} \\ = \frac{4\ h^2 + 8\ m\ h + 5\ h}{h} \\ = \frac{h\left(4\ h + 8\ m + 5\right)}{h} \\ = 4\ h + 8\ m + 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} u\;(m) = 4\;m^2 \; + \; 5\;m \; + \; 2 \\ u\;(m+h) = 4\;\;(h\;+m)^2 \; + \; 5\;\;(h\;+m) \; \; + \; 2 \\ = 4\;h^2 \; + \; 8\;h\;m \; - \; 3\;h \; + \; 4\;m^2 \; - \; 3\;m \; + \; 1 \\ \frac{u\;(m+h)\;-u\;(m)}{h} = \frac{\left(4\;h^2 + 8\;m\;h + 21\;h + 4\;m^2 + 21\;m + 28\right) - \left(4\;m^2 + 5\;m + 2\right)}{h} \\ = \frac{4\;h^2 + 8\;m\;h + 5\;h}{h} \\ = \frac{h\;(4\;h + 8\;(m+1)\;+5)}{h} \\ = 4\;h \; + \; 8\;m \; + \; 5 \end{array}$$

Solution