```
6. Which of the following are correct calculations for difference quotient of: c(b) = 9 b^2 + 5 b + 4 c(b) = 9 b^2 + 5 b + 4 c(b+h) = 9 (b+h)^2 + 5 (b+h) + 4
```

```
\begin{split} c\;(\,b\,) &= 9\;b^2\,+\,5\;b\,+\,4\\ c\;(\,b+h)\; &= 9\;(\,b+h)^{\,2}\,+\,5\;(\,b+h)^{\,}\,+\,4\\ &= 9\;b^2\,+\,18\;b\;h\,+\,5\;b\,+\,9\;h^2\,+\,5\;h\,+\,4\\ \frac{c\;(\,b+h)\,-\,c\;(\,b\,)}{h} &= \frac{\left(9\;b^2\,+\,18\;h\;b\,+\,5\;b\,+\,9\;h^2\,+\,5\;h\,+\,4\right)\,-\,\left(9\;(\,b+1)^{\,2}\,+\,5\;(\,b+1)\,+\,4\right)}{h}\\ &= \frac{9\;h^2\,+\,18\;b\;h\,+\,5\;h}{h}\\ &= \frac{h\;(\,18\;b\,+\,9\;h\,+\,5\,)}{h}\\ &= 18\;b\,+\,9\;h\,+\,5 \end{split}
```

$$\begin{split} c\,(\,b\,) &= 9\,\,b^2\,+\,5\,\,b\,+\,4 \\ c\,(\,b\!+\!h\,) &= 9\,\,(\,b\,+\,h\,)^{\,2}\,+\,5\,\,(\,b\,+\,h\,)\,\,+\,4 \\ &= 9\,\,b^2\,+\,18\,\,b\,\,h\,+\,23\,\,b\,+\,9\,\,h^2\,+\,23\,\,h\,+\,18 \\ \frac{c\,(\,b\!+\!h\,) - c\,(\,b\,)}{h} &= \frac{\left(9\,\,b^2\!+\!18\,\,h\,\,b\!+\!23\,\,b\!+\!9\,\,h^2\!+\!23\,\,h\!+\!18\right) - \left(9\,\,b^2\!+\!5\,\,b\!+\!4\right)}{h} \\ &= \frac{9\,\,h^2\!+\!18\,\,b\,\,h\!+\!5\,\,h}{h} \\ &= \frac{h\,(\,18\,\,b\!+\!9\,\,h\!+\!5\,)}{h} \\ &= 18\,\,b\,+\,9\,\,h\,+\,5 \end{split}$$

```
\begin{split} &c\;(\,b\,)=9\;b^2\,+\,5\;b\,+\,4\\ &c\;(\,b+h)=9\;(\,b\,+\,h\,)^{\,2}\,+\,5\;(\,b\,+\,h\,)\,\,+\,4\\ &=9\;b^2\,+\,18\;b\;h\,+\,5\;b\,+\,9\;h^2\,+\,5\;h\,+\,4\\ &\frac{c\;(\,b+h\,)\,-\,c\;(\,b\,)}{h}=\frac{\left(9\;b^2+18\;h\;b+5\;b+9\;h^2+5\;h+4\right)-\left(9\;b^2+5\;b+4\right)}{h}\\ &=\frac{9\;h^2+18\;b\;h+5\;h}{h}\\ &=\frac{h\;(\,18\;b+9\;h+5\,)}{h}\\ &=18\;b\,+\,9\;h\,+\,5 \end{split}
```

```
\begin{array}{l} c\;(\,b\,) = 9\;b^2 \; + \; 5\;b \; + \; 4 \\ c\;(\,b + h\,) = 9\;(\,b \; + \; h\,)^{\;2} \; + \; 5\;(\,b \; + \; h\,) \; \; + \; 4 \\ = 9\;b^2 \; + \; 18\;b\;h \; - \; 13\;b \; + \; 9\;h^2 \; - \; 13\;h \; + \; 8 \\ \frac{c\;(\,b + h\,) \; - c\;(\,b\,)}{h} = \frac{\left(9\;b^2 + 18\;h\;b + 41\;b + 9\;h^2 + 41\;h + 50\right) - \left(9\;b^2 + 5\;b + 4\right)}{h} \\ = \frac{9\;h^2 + 18\;b\;h + 5\;h}{h} \\ = \frac{h\;(\,18\;(\,b + 1\,) \; + 9\;h + 5\,)}{h} \\ = 18\;b \; + \; 9\;h \; + \; 5 \end{array}
```

## Solution