

**Tugas Besar I IF3070 Dasar Inteligensi Artifisial**

**Pencarian Solusi Diagonal Magic Cube dengan Algoritma Local Search**



**Disusun oleh:**

**K02 - T32**

Louis Ferdyo Gunawan / 18222022

Erwan Poltak Halomoan / 18222028

Hartanto Luwis / 18222064

Ammar Naufal / 18222066

**Program Studi Sistem dan Teknologi Informasi  
Sekolah Teknik Elektro dan Informatika - Institut Teknologi Bandung  
Jl. Ganeshya 10, Bandung  
40132**

# **Daftar Isi**

<b>Daftar Isi</b>	<b>1</b>
<b>I. Deskripsi Persoalan</b>	<b>2</b>
<b>II. Pembahasan</b>	<b>2</b>
II.1 Pemilihan Fungsi Objektif	2
II.2 Daftar Fungsi yang diimplementasikan pada Tugas Besar I dan Penjelasannya	4
II.3 Penjelasan Algoritma Local Search	29
1. Steepest Ascent Hill-climbing:	29
2. Hill-climbing with Sideways Move	30
3. Random Restart Hill-climbing:	30
4. Stochastic Hill-climbing:	31
5. Simulated Annealing:	32
6. Genetic Algorithm:	33
<b>III. Hasil Eksperimen dan Analisis</b>	<b>35</b>
III.1 Hasil Eksperimen	35
1. Steepest Ascent Hill-climbing	35
2. Hill-climbing with Sideways Move	40
3. Random Restart Hill-climbing	45
4. Stochastic Hill-climbing	51
5. Simulated Annealing	56
6. Genetic Algorithm	62
III.2 Analisis	93
<b>IV. Kesimpulan dan Saran</b>	<b>99</b>
IV.1 Kesimpulan	99
IV.2 Saran	99
<b>V. Pembagian Tugas</b>	<b>101</b>
<b>VI. Referensi</b>	<b>102</b>

**Github:** <https://github.com/louisferdyo/Tubes-DAI-K-46.git>

## I. Deskripsi Persoalan

Persoalan yang dihadapi dalam tugas kali ini adalah menyelesaikan permasalahan sebuah *diagonal magic cube* berukuran  $5 \times 5 \times 5$ . *Diagonal magic cube* merupakan kubus yang tersusun dari angka 1 hingga  $n^3$  tanpa pengulangan dengan  $n$  adalah panjang sisi pada kubus tersebut (dalam kasus ini,  $n = 5$ ,  $n^3 = 125$ ) yang dibuat sedemikian rupa sehingga jumlah angka untuk setiap baris, kolom, tiang, diagonal potongan bidang, dan diagonal ruang kubus tersebut sama dengan suatu nilai yang disebut *magic number*. Disamping itu, *magic number* tidak harus termasuk dalam angka - angka yang digunakan sebagai susunan kubus tersebut.

Pencarian konfigurasi angka yang tepat untuk memenuhi seluruh syarat *diagonal magic cube* dilakukan dengan menggunakan algoritma *local search*. Setiap iterasi dalam algoritma *local search* akan melakukan penukaran antara 2 angka yang saling bertetangga dalam kubus sampai mendekati hasil konfigurasi yang paling optimum atau bahkan sempurna, yaitu memenuhi seluruh syarat dari suatu *diagonal magic cube*.

## II. Pembahasan

### II.1 Pemilihan Fungsi Objektif

#### Definisi Fungsi Objektif

Fungsi objektif adalah fungsi yang digunakan untuk mengecek kesesuaian kondisi saat ini dengan *goals* yang ingin dicapai. Pada kasus pencarian solusi ‘Diagonal Magic Cube’, kami menggunakan fungsi objektif yang akan *me-return* total nilai setiap elemen dari hasil penjumlahan pada baris, kolom, tiang, diagonal bidang, dan diagonal ruang kubus. Fungsi objektif tersebut akan membantu menentukan keberlanjutan algoritma *search* yang digunakan.

#### Elemen Utama Fungsi Objektif

Di dalam fungsi objektif terdapat elemen utama yang menjadi penentu dalam mendapatkan hasil dari fungsi objektif. Elemen utama tersebut adalah *magic number*. *Magic number* didapatkan menggunakan rumus sebagai berikut.

$$M(n) = \frac{1}{2} n (n^3 + 1).$$

Gambar 1. Formula Mencari Nilai *Magic Number*

Pada kasus *diagonal magic cube* 5x5x5, dengan n sebagai panjang sisi maka didapat bahwa *magic number* sebesar 315. Setiap total jumlah baris, kolom, tiang, diagonal bidang, dan diagonal ruang pada kubus harus sama dengan 315 (*magic number*) sehingga sesuai dengan syarat dari *diagonal magic cube*.

Setelah itu, fungsi objektif dapat memanfaatkan elemen utama (*magic number*) untuk menjadi parameter keberlanjutan proses algoritma *search* yang dilakukan. Fungsi objektif yang digunakan berupa jumlah dari selisih absolut antara *magic number* dalam satu kubus dengan hasil penjumlahan total setiap elemen pada *state* saat ini.

$$\text{total\_error} = \sum_{\text{semua elemen}} |\text{magic\_number} - \text{jumlah\_elemen}|$$

Gambar 2. Formula Total Error atau Deviasi Fungsi Objektif

\*elemen yang dimaksud terdiri dari baris, kolom, pilar (tiang), diagonal ruang, dan diagonal masing - masing bidang.

## Pseudocode

```

function OBJECTIVE_FUNCTION(cube) returns total_error
    n <- LENGTH(cube)
    // Rumus magic number
    magic_number <- (n * (n^3 + 1)) / 2

    // Inisialisasi total_error
    total_error <- 0

    // Hitung error untuk semua baris, kolom, dan pilar
    for i from 1 to n do
        for j from 1 to n do
            total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.row_sum(i, j)) // Baris
            total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.column_sum(i, j)) // Kolom
            total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.pillar_sum(i, j)) // Pilar/Tiang

    // Hitung error untuk diagonal bidang pada setiap layer (XY, XZ, dan YZ)
    for i from 1 to n do
        total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.xy_diagonal_1(i)) // Diagonal utama XY
        total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.xy_diagonal_2(i)) // Diagonal sekunder XY
        total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.xz_diagonal_1(i)) // Diagonal utama XZ
        total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.xz_diagonal_2(i)) // Diagonal sekunder XZ
        total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.yz_diagonal_1(i)) // Diagonal utama YZ
        total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.yz_diagonal_2(i)) // Diagonal sekunder YZ

```

```

// Hitung error untuk diagonal ruang
total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.space_diagonal1()) // Diagonal ruang 1
total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.space_diagonal2()) // Diagonal ruang 2
total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.space_diagonal3()) // Diagonal ruang 3
total_error <- total_error + ABS(magic_number - cube.space_diagonal4()) // Diagonal ruang 4

return total_error

```

## Penjelasan

Fungsi tersebut dirancang untuk menghitung total deviasi (error) dari konfigurasi kubus yang ada terhadap *magic number*. **Total error** ini adalah **Jumlah selisih absolut** antara ***magic number*** dan **penjumlahan elemen - elemen dalam kubus** (baris, kolom, pilar, diagonal bidang, dan diagonal ruang).

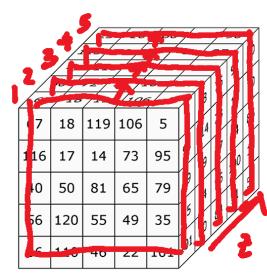
Fungsi objektif ini juga bertujuan untuk meminimalkan error yang terjadi hingga mencapai nol. Semakin kecil total error, maka semakin baik konfigurasi kubus menuju solusi yang seharusnya, *magic cube*. Jika pada akhirnya total error sama dengan nol, maka konfigurasi kubus tersebut adalah *magic cube* yang sempurna dan memenuhi seluruh syarat yang ada. Sebaliknya, jika konfigurasi tidak valid, maka total error akan menjadi penalti yang menunjukkan seberapa jauh konfigurasi angka-angka penyusun kubus saat ini dari solusi atau *magic cube* yang benar.

## II.2 Daftar Fungsi yang diimplementasikan pada Tugas Besar I dan Penjelasannya

Berikut adalah daftar fungsi yang digunakan pada implementasi kode untuk setiap algoritma :

No	Nama Fungsi dan Kode	Algoritma Pengguna	Penjelasan
1.	<b>makeCube()</b>  Kode : <pre> def makeCube():     cube = [[0 for i in range(5)] for j in range(5)] for k in range(5)]     num = 1     for i in range(5):         for j in range(5):             for k in range(5):                 cube[i][j][k] = num                 num += 1 </pre>	Semua	<i>loop</i> pada i,j,k yang pada elemen cube[i][j][k] diisi suatu nilai. Fungsi ini digunakan untuk membuat <i>magic cube</i> yang berisi nilai berulutan dari 1-125.

	<pre> for j in range(5):     for k in range(5):         cube[i][j][k] = num         num += 1 return cube </pre>		
2.	<p>printCube(cube)</p> <p>Kode :</p> <pre> def printCube(cube) :     print("Sisi ke sumbu x")     for i in range(5) :         print()         print()         print("---- Sisi ke-", i+1, "----")         for j in range (5) :             print()             for k in range (5) :                 print(cube[i][j][k], "   " , end="")             print()             print()      print("-----")     print("Sisi ke sumbu y")     for j in range(5) :         print()         print()         print("---- Sisi ke-", j+1, "----")         for k in range (5) :             print()             for i in range (5) :                 print(cube[i][j][k], "   " , end="") </pre>	Semua	<p>Fungsi yang memiliki parameter <i>state</i> dari kubus yang digunakan untuk membuat visualisasi kubus dalam dua dimensi yang menampilkan setiap nilai pada sub elemen kubus pada setiap layar (terdiri dari 15 layar) yang dilihat dari sumbu x, sumbu y, sumbu z.</p> <p>Sumbu X</p> <p>Sumbu Y</p> <p>Sumbu Z</p>



```

        print()
        print()

print("-----")
print("Sisi ke sumbu z")
for k in range(5) :
    print()
    print()
    print("---- Sisi ke-",
k+1,"----")
    for i in range (5) :
        print()
        for j in range (5) :
            print(cube[i][j][k],
" | " , end="")
    print()

return 0

```

3.	<b>objectiveFunction(cube)</b>  Kode :  <pre> def objectiveFunction(cube) :     #Menghitung jumlah selisih jumlah setiap row tiang diagonal dengan 315     errorSum = 0     magicNumber = 315     xSum = 0     ySum = 0     zSum = 0     diagonalXSum = 0     contDiagonalXSum = 0     diagonalYSum = 0     contDiagonalYSum = 0     diagonalZSum = 0 </pre>	Semua	<p>Fungsi yang memiliki parameter <i>state</i> dari kubus yang digunakan untuk menghitung nilai objektif dari suatu <i>state</i> pada kubus. Outputnya berupa jumlah <i>error</i> yang merupakan total selisih setiap penjumlahan baris dengan <i>magic number</i>.</p> <p>Pencarian nilai objektif dilakukan dengan melakukan penjumlahan baris ke sumbu x, sumbu y, sumbu z, yang masing-masing nilainya akan dikurangi dengan <i>magic number</i> dan nilainya akan ditambah ke jumlah <i>error</i>. Selanjutnya perhitungan</p>

```

contDiagonalZSum = 0
spaceDiaSum_a = 0
spaceDiaSum_b = 0
spaceDiaSum_c = 0
spaceDiaSum_d = 0
# menghitung ke sumbu x (baris)
for j in range(5) :
    for k in range (5) :
        xSum = 0
        for i in range (5) :
            xSum += cube[i][j][k]
        errorSum += abs(xSum -
magicNumber)

# menghitung ke sumbu y (kolom)
for k in range(5) :
    for i in range (5) :
        ySum = 0
        for j in range (5) :
            ySum += cube[i][j][k]
        errorSum += abs(ySum -
magicNumber)

# Menghitung ke sumbu z
for i in range(5) :
    for j in range(5) :
        zSum = 0
        for k in range(5) :
            zSum += cube[i][j][k]
        errorSum += abs(zSum -
magicNumber)

# print("e1 saat ini : ",
errorSum)
# menghitung diagonal sisi ke
sumbu x
for i in range(5) :
    diagonalXSum = 0
    contDiagonalXSum = 0
    for x in range(5) :
        diagonalXSum +=

```

diagonal dilakukan sisi dengan melakukan *loop* pada masing-masing sisi. Terakhir perhitungan diagonal sisi(dimulai dari atas) yang masing-masing jumlah baris diagonalnya dikurangi *magic number* dan ditambahkan ke total *error*. Semakin kecil nilai objektif (nilai *error*) maka dapat dikatakan *state* tersebut semakin mendekati global optimum (Error = 0).

```

cube[i][x][x]

        contDiagonalXSum +=
cube[i][4-x][x]
        errorSum +=
abs(contDiagonalXSum - magicNumber)
        errorSum += abs(diagonalXSum -
magicNumber)
        # menghitung diagonal sisi ke
sumbu y
        for j in range(5) :
            diagonalYSum = 0
            contDiagonalYSum = 0
            for y in range(5) :
                diagonalYSum +=
cube[y][j][y]

            contDiagonalYSum +=
cube[y][j][4-y]
            errorSum +=
abs(contDiagonalYSum - magicNumber)
            errorSum += abs(diagonalYSum -
magicNumber)
            # menghitung diagonal sisi ke
sumbu z
            for k in range(5) :
                diagonalZSum = 0
                contDiagonalZSum = 0
                for z in range(5) :
                    diagonalZSum +=
cube[z][z][k]

                contDiagonalZSum +=
cube[z][4-z][k]
                errorSum += abs(diagonalZSum -
magicNumber)
                errorSum +=
abs(contDiagonalZSum - magicNumber)
                # menghitung diagonal ruang hitung

```

	<pre> dari atas      for a in range (5) :         spaceDiaSum_a += cube[a] [4-a] [a]     errorSum += abs(spaceDiaSum_a - magicNumber)      for b in range (5) :         spaceDiaSum_b += cube[4-b] [4-b] [b]     errorSum += abs(spaceDiaSum_b - magicNumber)      for c in range (5) :         spaceDiaSum_c += cube[4-c] [4-c] [4-c]     errorSum += abs(spaceDiaSum_c - magicNumber)      for d in range (5) :         spaceDiaSum_d += cube[d] [4-d] [4-d]     errorSum += abs(spaceDiaSum_d - magicNumber)  return errorSum </pre>		
4.	<p>initialStateRandom(cube)</p> <p>Kode :</p> <pre> def initialStateRandom(cube) :     arrayAngka = []     for i in range(5):         for j in range(5):             for k in range(5):                 found = False                 while found == False :                     angkaAcak = </pre>	Semua	Fungsi yang memiliki parameter <i>state</i> dari kubus yang digunakan untuk membuat suatu <i>state random</i> pada kubus dan menghasilkan output <i>state</i> kubus yang acak. Pada loop i;j;k, fungsi akan men-generate angka random. Angka random tersebut dilakukan pengecekan terhadap suatu array (berisi nilai-nilai yang sudah ada di

	<pre>random.randint(1,125)                 if(angkaAcak not in arrayAngka) :  arrayAngka.append(angkaAcak)                 cube[i][j][k] = angkaAcak                 found = True             return 0</pre>		<p><i>magic cube)</i> apakah sudah pernah di <i>assign</i> ke <i>magic cube</i>. Jika belum <i>cube[i][j][k]</i> akan bernilai angka random tersebut dan angka random akan dimasukkan ke array pengecekan.</p>
5.	<p>findBestNeighbor(cube)</p> <p>Kode :</p> <pre>def findBestNeighbor(cube) :     bestCube = copy.deepcopy(cube)     bestValue = objectiveFunction(cube)      for i in range(5):         for j in range(5):             for k in range(5):                 for l in range(5):                     for m in range(5):                         for n in range(5):                             if (i, j, k) != (l, m, n):                                 # Ubah posisi                              cube[i][j][k], cube[l][m][n] = cube[l][m][n], cube[i][j][k]                                 # Cari nilai objektif dari pertukaran tersebut                                 value = objectiveFunction(cube)                                 # jika</pre>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Steepest Ascent</li> <li>- Sideways Move</li> <li>- Random Restart</li> </ul>	<p>Fungi yang memiliki parameter <i>state</i> dari kubus digunakan untuk mencari tetangga yang memiliki nilai objektif terendah dari semua <i>state</i> yang mungkin dan memberikan output berupa <i>best state</i> yang memiliki nilai objektif terendah dari semua kemungkinan. Pencarian dilakukan dengan menggunakan 6 loop, tiga <i>loop</i> sebagai indeks untuk kubus pembanding dan tiga untuk kubus yang dibandingkan.</p>

	<pre> nilai error atau value lebih kecil, lakukan pertukaran                                  if value &lt; bestValue:  bestCube = copy.deepcopy(cube)  bestValue = value                                 # Ubah kemabali ke cube asal  cube[i][j][k], cube[l][m][n] = cube[l][m][n], cube[i][j][k]  return bestCube </pre>		
6.	<p>steepestAscent(cube)</p> <pre> def steepestAscent(cube) :     startTime = time.time()     objectiveValues = []     condition = True     iterationSum = 0     while condition == True :         currentValue = objectiveFunction(cube)          objectiveValues.append(currentValue)         neigborCube = findBestNeighbor(cube)         neigborValue = objectiveFunction(neigborCube)         if(neigborValue &lt; currentValue) :             cube = neigborCube             iterationSum += 1         else :             condition = False     endTime = time.time() </pre>	- Steepest Ascent	Fungsi yang menjalankan algoritma Hill Climbing, yaitu Steepest Ascent yang outputnya berupa suatu state yang merupakan lokal optima (bisa global maksimum). <i>Neighbor State</i> didapat dengan memanggil <i>findBestNeighbor</i> yang akan mengembalikan <i>state</i> terbaik (setelah mencoba melakukan pertukaran untuk setiap kemungkinan) yang mungkin berdasarkan <i>state</i> sebelumnya.

	<pre> duration = endTime - startTime  plotObjectiveFunction(objectiveValues)     return cube, iterationSum, duration </pre>		
7.	<p>sidewaysMove(cube, maxSideways)</p> <p>Kode :</p> <pre> def sidewaysMove(cube, maxSideways) :     startTime = time.time()     objectiveValues = []     condition = True     iterationSum = 0     sidewaysSum = 0     while condition == True :         currentValue = objectiveFunction(cube)          objectiveValues.append(currentValue)         neigborCube = findBestNeighbor(cube)         neigborValue = objectiveFunction(neigborCube)         if(neigborValue &lt; currentValue) :             cube = neigborCube             iterationSum += 1         elif(neigborValue == currentValue and sidewaysSum &lt; maxSideways) :             cube = neigborCube             iterationSum += 1             sidewaysSum += 1         else :             condition = False     endTime = time.time()     duration = endTime - startTime </pre>	<p>- Sideways Move</p> <p>Fungsi yang melakukan algoritma Hill Climbing, yaitu SidewaysMove yang mirip dengan algoritma Steepest Ascent dan disertai parameter tambahan, yakni maxSideways yaitu jumlah maksimal dilakukannya Sideways Move (ketika nilai objektif dari <i>neighbor state</i> = <i>current state</i>). Fungsi ini memungkinkan keluar dari lokal optima ketika ada <i>objective value</i> dari <i>neighbor state</i> = <i>current state</i> dengan mengganti <i>current state</i> menjadi <i>neighbor state</i>. Dengan harapan iterasi selanjutnya bisa menurunkan nilai objektif.</p>	

	<pre> plotObjectiveFunction(objectiveValues)     return cube, iterationSum, duration, sidewaysSum </pre>		
8.	<p>randomRestart(cube, maxRestart)</p> <p>Kode :</p> <pre> def randomRestart(cube, maxIteration):     :         startTime = time.time()         i = 0         restartCount = 0         iterationSum = []         objectiveValues = []         condition = True         while condition == True :             currentValue = objectiveFunction(cube)              objectiveValues.append(currentValue)             neigborCube = findBestNeighbor(cube)             neigborValue = objectiveFunction(neigborCube)             if(neigborValue &lt; currentValue) :                 cube = neigborCube                 i += 1             elif (restartCount &lt; maxIteration and neigborValue &gt;= currentValue) :                 cube = initialStateRandom(cube)                 restartCount += 1                 iterationSum.append(i)                 i = 0 </pre>	<p>- Random Restart</p>	<p>Fungsi yang melakukan algoritma Hill Climbing yaitu Random Restart yang mirip dengan algoritma Steepest Ascent yang disertai parameter tambahan yaitu maxRestart yaitu jumlah maksimal dilakukannya <i>restart</i>. <i>Restart</i> dilakukan ketika program sudah mencapai lokal optima atau tidak ada <i>neighbor state</i> yang kurang dari <i>current state</i> yang dihasilkan dari fungsi findBestNeighbor.</p>

	<pre>         else :             condition = False     endTime = time.time()     duration = endTime - startTime  plotObjectiveFunction(objectiveValues)     return cube, restartCount, iterationSum, duration </pre>		
9.	<p>plotObjectiveFunction(objectivesValue)</p> <p>Kode :</p> <pre> def plotObjectiveFunction(objectiveValues) :     plt.figure(figsize=(10, 6))     plt.plot(range(1, len(objectiveValues) + 1), objectiveValues, marker='o', label='Nilai Objective Function')     plt.xlabel('Iterasi')     plt.ylabel('Nilai Objective Function')     plt.title('Plot Nilai Objective Function terhadap Jumlah Iterasi')     plt.legend()     plt.grid(True)     plt.show() </pre>	Semua	Fungi yang menggunakan library math dan berfungi untuk membuat grafik mengenai plot nilai objektif pada setiap iterasi.
10	<p>randomCoorinate()</p> <p>Kode :</p> <pre> def randomCoordinate() :     x = random.randint(0, 4)     y = random.randint(0, 4)     z = random.randint(0, 4) </pre>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Stochastic</li> <li>- Simulated Annealing</li> </ul>	Merupakan fungsi yang melakukan <i>generate</i> koordinat acak yang akan digunakan di fungsi makeRandomState sebagai koordinat acak dari kubus yang akan dilakukan pertukaran. Ouputnya berupa tuple yang berupa nilai x,y,z sebagai koordinat dari kubus.

	<pre>return (x,y,z)</pre>		
11	<p>makeRandomState(cube)</p> <p>Kode :</p> <pre>def makeRandomState(cubeTemp) :     condition = False #kondisi untuk cari nilai     coor1 = randomCoordinate()     coor2 = randomCoordinate()      while condition == False :         if(coor1 == coor2) :             coor1 = randomCoordinate()             coor2 = randomCoordinate()         else :             condition = True             break          # print("\nstate 1 = \n", cube[coor1[0]][coor1[1]][coor1[2]])         # print("\nstate 2 = \n", cube[coor2[0]][coor2[1]][coor2[2]])          temp = cubeTemp[coor2[0]][coor2[1]][coor2[2]] cubeTemp[coor2[0]][coor2[1]][coor2[2]] = cubeTemp[coor1[0]][coor1[1]][coor1[2]] cubeTemp[coor1[0]][coor1[1]][coor1[2]] = temp     return cubeTemp</pre>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Stochastic</li> <li>- Simulated Annealing</li> </ul>	Fungsi yang melakukan pertukaran acak suatu nilai pada kubus dan merupakan <i>neighbor state</i> dari algoritma Stochastic dan Simulated Annealing. Dilakukan dengan memanggil dua kali fungsi randomCoordinate untuk didapat koordinat acak yang akan menjadi indeks pertukaran elemen pada kubus.
12	<p>stochastic(cube, maxIteration)</p> <p>Kode :</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Stochastic</li> </ul>	Fungsi yang melakukan algoritma <i>stochastic</i> yang dibatasi oleh maxIteration.

	<pre> def stochastic(cube, maxIteration) :     startTime = time.time()     i = 0     objectiveValues = []     while i &lt; maxIteration:         currentValue = objectiveFunction(cube)          objectiveValues.append(currentValue)         cubeTemp = copy.deepcopy(cube)         neighborCube = makeRandomState(cubeTemp)         # print("hasil tengah : ", objectiveFunction(cube))          nextValue = objectiveFunction(neighborCube)         if(nextValue &lt; currentValue) :             cube = neighborCube         i += 1      endTime = time.time()     duration = endTime - startTime      plotObjectiveFunction(objectiveValues)     return cube, duration </pre>		<p>Pada algoritma ini <i>neighbor state</i> didapatkan dengan memanggil fungsi <i>makeRandomState</i> yaitu melakukan perubahan <i>state</i> dengan melakukan pertukaran nilai secara acak. Jika nilai objektif dari pertukaran tersebut lebih kecil maka <i>state</i> tersebut akan menjadi <i>currentState</i>.</p>
13	<p>simulatedAnnealing(cube, Temperature, coolingRate, threshold)</p> <p>Kode :</p> <pre> def simulatedAnnealing(cube, T, coolingRate, threshold) :     startTime = time.time()     i = 0     stuck = 0     objectiveValues = []     deltaEValues = [] </pre>	<p>- Simulated Annealing</p>	<p>Fungsi yang menjalankan algoritma <i>simulatedAnnealing</i> yang memiliki beberapa parameter. Ketika temperatur belum 0, algoritma akan terus berjalan. <b>Schedule pengurangan temperatur</b> yang kami pilih yaitu <b>pengurangan biasa “T = T - coolingRate”</b> agar program tidak berjalan terlalu lama dan hasilnya lebih mudah dianalisis.</p> <p>Pengurangan temperatur</p>

```

while T > 0:
    T -= coolingRate # penurunan
temperatur dilakukan dengan dikurangi
koefisien penurunan
    i += 1
    if T <= 0 :
        break
    print("\nT : ", T)
    currentValue =
objectiveFunction(cube)

objectiveValues.append(currentValue)
    cubeTemp = copy.deepcopy(cube)

    cube2 =
makeRandomState(cubeTemp)
    # print("hasil tengah : ",
objectiveFunction(cube))
    nextValue =
objectiveFunction(cube2)

    print("current : " ,
currentValue, " next : ", nextValue)
    deltaE = nextValue -
currentValue
    print("delta = ", deltaE)

    if(deltaE < 0) : # karena yang
lebih kecil dari 0 artinya next value
lebih kecil dari current yang artinya
mengurangi error
        cube = cube2
        print("less than 0")
    else :
        prob = math.exp(-deltaE/
T) # karena error harus lebih kecil
maka dikali -1
        deltaEVvalues.append(prob)
        print("prob = ", prob)

```

dilakukan di awal.

Pada Simulated Annealing, ***neighbor state akan dipilih secara acak*** sama seperti pada Stochastic, akan tetapi parameter perpindahan *state* ditentukan oleh Delta E. **Delta E** didapat dengan mengurangi nilai objektif pada *neighbor state* dengan *current state*. Jika **Delta E kurang dari 0** artinya nilai objektif *neighbor state* lebih kecil yang artinya memiliki *error* lebih sedikit sehingga *current state* saat ini akan diganti oleh *neighbor state*. Jika sebaliknya, **perhitungan probabilitas** akan dilakukan dengan formula **prob = -Delta E / T**. Formula menggunakan minus karena *objective value* berbanding terbalik dengan algoritma umumnya yang mana semakin kecil artinya semakin baik. Ketika **probabilitas lebih dari threshold**, perubahan *state* akan dilakukan. Jika tidak frekuensi *stuck* akan bertambah.

	<pre>         if(prob &gt; threshold) :             cube = cube2             print("swapped")         else :             stuck += 1         # print("hasil akhir : ", objectiveFunction(cube))         endTime = time.time()         duration = endTime - startTime  plotObjectiveFunction(objectiveValues, deltaEValues)         return cube, stuck, duration     </pre>		
14	<p>plotObjectiveFunction(objectiveValues, deltaValues)</p> <p>Kode :</p> <pre> def plotObjectiveFunction(objectiveValues, deltaEValues):     plt.figure(figsize=(12, 6))      # Plot untuk nilai objective function terhadap iterasi     plt.subplot(2, 1, 1)     plt.plot(range(1, len(objectiveValues) + 1), objectiveValues, label='Nilai Objective Function')     plt.xlabel('Iterasi')     plt.ylabel('Nilai Objective Function')     plt.title('Plot Nilai Objective Function terhadap Iterasi')     plt.legend()     plt.grid(True) </pre>	- Simulated Annealing	Fungsi yang melakukan plot terhadap delta E dan nilai objektif setiap iterasi.

	<pre># Plot untuk exp(ΔE / T) terhadap iterasi     plt.subplot(2, 1, 2)     plt.plot(range(1, len(deltaEValues) + 1), deltaEValues, label='Nilai exp(ΔE / T)')     plt.xlabel('Iterasi')     plt.ylabel('Nilai exp(ΔE / T)')     plt.title('Plot Nilai exp(ΔE / T) terhadap Iterasi')     plt.legend()     plt.grid(True)      plt.tight_layout()     plt.show()</pre>		
15	<p>generateRandomPopulation(populationSize)</p> <p>Kode :</p> <pre>def generateRandomPopulation(populationSize) :     population = []     for i in range(populationSize) :         individu = list(range(1, 126))         random.shuffle(individu)         population.append(individu)     return population</pre>	- Genetic Algorithm	Fungsi yang membuat populasi awal yang menginisiasi setiap <i>state</i> individu dalam populasi secara random.
16	<p>geneticAlgorithm(cube,populationSize,maxIteration)</p> <p>Kode :</p> <pre>def geneticAlgorithm(cube, populationSize, maxIteration) :     startTime = time.time()     lowestObjective = 9999</pre>	- Genetic Algorithm	Fungsi ini menjalankan algoritma <i>geneticAlgorithm</i> yang akan berjalan sampai iterasi maksimal atau mencapai global maksimum. Pertama <b>populasi dibuat dengan memanggil fungsi <code>generateRandomPopulation</code></b> yang akan menghasilkan individu dengan <i>random</i>

```

indeks = 0
population = []
population =
generateRandomPopulation(populationSize)

maxObjectivePerIteration = []
averageObjectivePerIteration = []
while(indeks < maxIteration and
lowestObjective > 0) :
    fitnessScore = []
    fitnessSum = 0
    fitnessPercentage = []
    wheelRange = []
    newPopulation = []
    currentObjectives = []
    sumPercentage = 0
    for i in range
(populationSize) :
        individu2 =
convertTo3D(population[i])
        currentObjective =
objectiveFunction(individu2)

        currentObjectives.append(currentObject
ive)
        if(currentObjective <
lowestObjective) :
            bestCube =
copy.deepcopy(cube)
            lowestObjective =
currentObjective
            fitness = 1 / (1 +
currentObjective)

            fitnessScore.append(fitness)
            fitnessSum += fitness

maxObjectivePerIteration.append(max(cu
rrentObjectives))

```

*state* sejumlah ukuran populasi.

Dalam **perhitungan nilai fitness**, dilakukan dengan menghitung nilai objektif dari setiap individu. Akan tetapi karena nilai fitness ini akan digunakan dalam seleksi spinWheel, maka nilai **fitness** akan **berbanding terbalik dengan nilai objektif**. Hal tersebut dikarenakan semakin kecil nilai objektif artinya semakin baik dan semakin mendekati global optimum, sedangkan nilai fitness yang baik adalah yang semakin besar sehingga memiliki peluang yang lebih besar untuk terpilih pada spinWheel. Oleh karena itu "**nilai fitness =  $1/(1+\text{nilai objektif})$** " (ditambah satu untuk menghindari zero division). Nilai fitness ini akan dimasukkan ke dalam array sebagai kumpulan nilai fitness dari setiap individu.

Untuk **menentukan persentase spinWheel**, nilai fitness dari masing-masing individu dihitung dengan dibagi total nilai fitness dan dikali 100% yang nantinya nilai tersebut akan dimasukkan ke **array wheelRange** yang akan menjadi batas pada spinWheel. Setelah batas terdefinisi, akan dilakukan **algoritma spinWheelSelection** untuk memilih *parent* sejumlah ukuran populasi. Setelah

```

averageObjectivePerIteration.append(sum(currentObjectives) / populationSize)
    for i in range(len(fitnessScore)) :
        fitnessPercent =
(fitnessScore[i] / fitnessSum) * 100
            sumPercentage +=
fitnessPercent

wheelRange.append(sumPercentage)

fitnessPercentage.append(fitnessPercent)

parent =
spinWheelSelection(population,
wheelRange)
    for i in range(populationSize) :
        child =
crossOver(populationSize, parent)
            if(child != None) :

newPopulation.append(child)
    for i in range(len(newPopulation)) :
        newPopulation[i] =
mutate(newPopulation[i], 0.1)
            indeks += 1
            print(f"Best Objective :
{lowestObjective}")
            population = newPopulation
endTime = time.time()
duration = endTime - startTime

plotObjectiveFunction(maxObjectivePerIteration,
averageObjectivePerIteration)
    return cube, lowestObjective,

```

didapat *parent* sejumlah ukuran populasi, akan dilakukan pemanggilan **fungsi crossover**. Setelah itu dilanjutkan dengan pemanggilan **fungsi mutate**. Setelah mutasi dilakukan(baik berhasil atau tidak) **individu (child) hasil crossover dan mutasi** akan menjadi **populasi baru** yang akan menjadi populasi awal untuk iterasi selanjutnya.

	indeks, duration, bestCube		
	<p>spinWheelSelection(population, wheelRange)</p> <p>Kode :</p> <pre>def spinWheelSelection(population, wheelRange) :     parent = []     totalPopulation = len(population)     for i in range(totalPopulation) :         randomValue = random.uniform(0,100)         for j in range(totalPopulation) :             if(j == 0) :                 if(randomValue &gt;=0 and randomValue &lt;= wheelRange[j]) :  parent.append(population[j])                 break             else :                 if(randomValue &gt;= wheelRange[j-1] and randomValue &lt; wheelRange[j]) :  parent.append(population[j])                 break      return parent</pre>	<p>- Genetic Algorithm</p>	<p>Fungsi ini memuat algoritma untuk melakukan seleksi dengan metode <i>spin wheel</i> di mana akan dilakukan iterasi sampai jumlah populasi untuk ditemukan <i>parent</i> yang nantinya akan dilakukan <i>crossover</i>.</p> <p>Akan dilakukan pemilihan angka acak dari 0-100. <i>wheelRange</i> merupakan array yang berisi batas-batas persentase dari calon <i>parent</i>. Ketika angka random yang terpilih berada dalam suatu <i>range</i> tertentu, individu yang memiliki <i>range</i> tersebut akan dimasukkan ke array <i>parent</i>.</p>
18	<p>crossOver(populationSize, parent)</p> <p>Kode :</p> <pre>def crossOver(populationSize, population) :     x = random.randint(0,populationSize-1)     y =</pre>	<p>- Genetic Algorithm</p>	<p>Fungsi ini melakukan crossover antara <i>parent</i> yang terpilih. <b>Pemilihan <i>parent</i></b> untuk dilakukan <i>crossover</i> dilakukan dengan <b>memilih secara acak pada array <i>parent</i></b> dan memastikan bahwa <i>parent</i> yang akan di <i>crossover</i> berbeda serta <i>parent</i> lebih dari satu. Setelah</p>

	<pre> random.randint(0,populationSize-1)     if(populationSize == 1) :         print("Populasi hanya satu, tidak bisa crossover")         return None     else :         while(x == y) :             y = random.randint(0,populationSize-1)         # print(f"y: {y}")          length = len(population[x])         crossoverPoint = random.randint(1, length - 1) # Titik crossover acak dimula dari 1 untuk menghindari crossover seluruh array          # Buat child dengan melakukan crossover         child = population[x] [:crossoverPoint] + population[y] [crossoverPoint:]      return child </pre>		<p>itu akan ada pemilihan titik <i>crossover</i> secara acak. <i>Crossover</i> dilakukan dengan mengambil elemen ke 0 sampai elemen pada titik <i>crossover</i> dari <i>parent 1</i>. Serta mengambil elemen dari titik <i>crossover</i> + 1 sampai elemen terakhir. <i>Crossover</i> dilakukan sebanyak jumlah individu pada populasi agar menghasilkan jumlah <i>child</i> yang sama.</p>
19	<p>mutate(individu, mutationRate)</p> <p>Kode :</p> <pre> def mutate(individu, mutationRate) :     indexTochange = 0     if(random.random() &lt; mutationRate):         print("\nMutasi Dilakukan\n")         mutationIndex = random.randint(0, len(individu) - 1)          newValue = random.randint(1, 125) </pre>	- Genetic Algorithm	<p>Fungsi ini melakukan perubahan <i>state</i> pada individu dengan melakukan pertukaran secara acak. Mutasi akan dilakukan ketika angka yang <i>digenerate</i> secara acak kurang dari <i>mutationRate</i>.</p>

	<pre>         for i in range(125) :             if(individu[i] == newValue) :                 indexTochange = i                 break             temp = individu[mutationIndex] # melakukan pertukaran secara acak pada indeks yang acak             individu[mutationIndex] = newValue                 individu[indexTochange] = temp                 # print(f"indeks yang berubah yaitu {mutationIndex} dan indeks yang terdampak yaitu {indexTochange}")                 # print(f"Nilai yang diubah menjadi {newValue} dan nilai yang berubah yaitu {temp}")             else :                 print("\nMutasi Gagal Dilakukan\n")             return individu     </pre>		
20	<p>convertTo3D(individu)</p> <p>Kode :</p> <pre> def convertTo3D(individu):     return np.reshape(individu, (5, 5, 5))     </pre>	- Genetic Algorithm	<p><i>State</i> individu direpresentasikan dalam array biasa. Agar <i>state</i> tersebut bisa menggunakan <i>objective function</i> maka <i>state</i> tersebut harus di ubah ke dalam bentuk <math>\text{cube}[i][j][k]</math>. Fungsi ini menggunakan <i>library numpy</i> untuk mengubah array biasa menjadi matrix 3d.</p>
21	<p>showInitiateCube(cube)</p> <p>Kode:</p> <pre> # Untuk yang kubus awal (Initiate) def showInitiateCube(cube):     x, y, z, text = [], [], [], []     </pre>	Semua	<p>Fungsi ini memberikan <b>visualisasi tiga dimensi</b> angka - angka yang menyusun Magic Cube dengan menerapkan <b>array</b>, lalu disesuaikan penempatannya tepat</p>

```

for i in range(5):
    for j in range(5):
        for k in range(5):
            x.append(i)
            y.append(j)
            z.append(k)

text.append(str(cube[i][j][k]))
    #Angkanya harus dibaca dari bawah
    dan sudut pandang yang tepat, karena
    dalam 3D tidak bisa persis membuat
    sesuai dengan hasil cetakan terminal
    (2D)

    fig =
go.Figure(data=[go.Scatter3d(
    x=x,
    y=y,
    z=z,
    mode='text',
    text=text,
    textposition="middle center",
    textfont=dict(size=15,
color='red')
)])
    fig.update_layout(scene=dict(
        xaxis=dict(nticks=5,
range=[-1, 5], showticklabels=False,
showgrid=False, showline=False,
showbackground=False),
        yaxis=dict(nticks=5,
range=[-1, 5], showticklabels=False,
showgrid=False, showline=False,
showbackground=False),
        zaxis=dict(nticks=5,
range=[-1, 5], showticklabels=False,
showgrid=False, showline=False,
showbackground=False),

```

ditengah - tengah sehingga angka - angka tersebut akan **membentuk suatu kubus** yang dapat diputar ataupun *dizoom-in* dan *dizoom-out*.

**Catatan:** Hasil cetakan tiga dimensi ini akan terlihat berbeda dengan cetakan dua dimensi yang ada diterimal. Namun, hasil objectiveFunction yang divisualisasikan pada showInitiateCube, showFinalCube, ataupun showBestCube tetap konsisten karena seluruhnya memvisualisasikan dari koordinat yang sama (Dimulai dari bawah kiri dan orientasi sumbunya berbeda dengan dua dimensi).

	<pre> ),     title="Initial State Magic Cube -      Kelompok 46",     margin=dict(l=0, r=0, b=0, t=30))  fig.show() </pre>		
22	<p>showFinalCube(cube)</p> <p>Kode:</p> <pre> # Untuk kubus akhir def showFinalCube(cube):     x, y, z, text = [], [], [], []     for i in range(5):         for j in range(5):             for k in range(5):                 x.append(i)                 y.append(j)                 z.append(k)      text.append(str(cube[i][j][k]))         #Hasil cetakan final dan initiate         tetap konsisten walau seperti terlihat         berbeda pada cetakan 2D      fig = go.Figure(data=[go.Scatter3d(     x=x,     y=y,     z=z,     mode='text',     text=text,     textposition="middle center",     textfont=dict(size=15, color='green')) ])      fig.update_layout(scene=dict(         xaxis=dict(nticks=5, </pre>	Semua	<p>Fungsi ini sebenarnya memiliki <b>konsep yang sama</b> dengan showInitiateCube. Fungsi ini dibuat untuk <b>memudahkan main.py</b> dalam memanggil hasil final Magic Cube. Yang membedakan adalah <b>warna</b> angka pada showFinalCube adalah hijau, sedangkan untuk showInitiateCube adalah merah.</p>

	<pre> range=[-1, 5], showticklabels=False, showgrid=False, showline=False, showbackground=False),     yaxis=dict(nticks=5, range=[-1, 5], showticklabels=False, showgrid=False, showline=False, showbackground=False),     zaxis=dict(nticks=5, range=[-1, 5], showticklabels=False, showgrid=False, showline=False, showbackground=False), ), title="Final State Magic Cube - Kelompok 46", margin=dict(l=0, r=0, b=0, t=30))  fig.show() </pre>		
23	<p>showBestCube(cube)</p> <p>Kode:</p> <pre> # Untuk kubus terbaik (Genetic ALgorithm) def showBestCube(cube):     x, y, z, text = [], [], [], []     for i in range(5):         for j in range(5):             for k in range(5):                 x.append(i)                 y.append(j)                 z.append(k)      text.append(str(cube[i][j][k]))     #Hasil cetakan final dan initiate     tetap konsisten walaupun seperti terlihat     berbeda pada cetakan 2D      fig = </pre>	<p>- Genetic Algorithm</p>	<p>Fungsi ini <b>sama persis</b> dengan showFinalCube. Fungsi ini dibuat untuk <b>mempermudah memvisualisasikan bestCube</b> yang ada hanya pada <b>geneticAlgorithm</b> (jika memang berbeda dengan finalCubanya).</p>

```
go.Figure(data=[go.Scatter3d(
    x=x,
    y=y,
    z=z,
    mode='text',
    text=text,
    textposition="middle center",
    textfont=dict(size=15,
color='green')
) ])

fig.update_layout(scene=dict(
    xaxis=dict(nticks=5, range=[-1,
5]), showticklabels=False,
showgrid=False, showline=False,
showbackground=False),
    yaxis=dict(nticks=5, range=[-1,
5], showticklabels=False,
showgrid=False, showline=False,
showbackground=False),
    zaxis=dict(nticks=5, range=[-1,
5], showticklabels=False,
showgrid=False, showline=False,
showbackground=False),
),
title="Best State Magic Cube
(Genetic Algorithm) - Kelompok 46",
margin=dict(l=0, r=0, b=0, t=30))

fig.show()
```

## II.3 Penjelasan Algoritma Local Search

Ada banyak algoritma *local search* yang dapat digunakan dalam mengatasi masalah *diagonal magic cube*. Setiap algoritma akan memiliki kelebihan dan kekurangan masing-masing saat diimplementasikan pada suatu masalah. Berikut adalah penjelasan dari beberapa algoritma *local search* yang digunakan pada proses pencarian *local search* terbaik untuk mengatasi masalah *diagonal magic cube*.

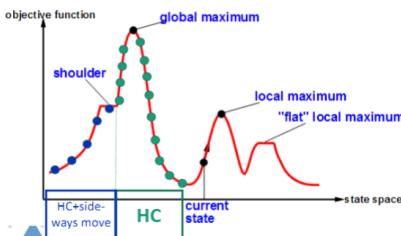
### 1. Steepest Ascent Hill-climbing:

```
function HILL-CLIMBING(problem) returns a state that is a local maximum
  current <- MAKE-NODE(problem.INITIAL-STATE)
  loop do
    neighbor <- a lowest-valued successor of current // Neighbor total_error terendah
    if neighbor.VALUE <= current.VALUE then return current.STATE
    current <- neighbor
```

Metode *local search* ‘Steepest Ascent Hill-climbing’ adalah variansi paling dasar dari *local search hill-climbing*. Metode ini akan melakukan iterasi untuk mengevaluasi semua kemungkinan tetangga yang lebih baik dari kondisinya sekarang. Jika dia menemukan yang lebih baik maka akan dilakukan penukaran dua angka pada kubus. Penukaran dilakukan ke tetangga yang memiliki peningkatan terbesar (pendakian curam). Penukaran dilakukan hingga tidak ada lagi tetangga yang lebih besar dengannya.

*Steepest Ascent Hill-climbing* menjadi salah satu metode yang cukup mudah diimplementasikan. Akan tetapi, terdapat beberapa kasus yang membuat metode ini kurang optimal diterapkan karena beberapa hasil akhir cenderung terjebak pada optimum lokal, bukan pada optimum global (hasil yang terbaik). Hal tersebut karena solusi optimum global mungkin sudah terlewat dari proses iterasi pencarian sekarang.

Dalam permasalahan *diagonal magic cube* 5x5x5, penerapan *Steepest Ascent Hill-climbing* menjadi metode yang efisien untuk mendapatkan solusi yang cepat. Akan tetapi, solusi yang didapatkan akan cenderung kurang optimal dari yang diinginkan.



Gambar 3. Grafik Hill-climbing yang Melewatan Solusi optimum Global

## 2. Hill-climbing with Sideways Move

```
function HILL-CLIMBING(problem) returns a state that is a local maximum
  current <- MAKE-NODE(problem.INITIAL-STATE)
  sideways_move <- 0
  max_sideways_move <- 1000 // Batas maksimal sideways move, bisa diganti
  loop do
    neighbor <- a highest-valued successor of current
    if neighbor.VALUE < current.VALUE then return current.STATE
    else if neighbor.VALUE == current.VALUE then
      if sideways_moves >= max_sideways_moves then
        return current.STATE
      sideways_moves <- sideways_moves + 1
    else
      sideways_moves <- 0
    current <- neighbor
```

Metode *local search* ‘Hill-climbing with Sideways Move’ merupakan metode yang cukup mirip dengan metode *Steepest Ascent Hill-climbing*. Hal yang membedakannya adalah jika *Steepest Ascent Hill-climbing* hanya bergerak ke tetangga yang terbaik, maka *Hill-climbing with Sideways Move* memperbolehkan *state* sekarang untuk bergerak ke nilai yang setara dengannya (gerakan samping) dengan syarat jika tidak ada lagi tetangga yang lebih baik.

Hal tersebut bertujuan untuk menghindari terjebak di dataran tinggi dengan cara mencari celah dengan bergerak ke tetangga yang setara dengannya (bagian *shoulder* pada gambar 3). Akan tetapi, metode ini masih bisa membuat *local search* terjebak di minimum lokal.

Jika metode *Hill-climbing with Sideways Move* diterapkan dalam permasalahan *diagonal magic cube* 5x5x5, maka terdapat kesempatan untuk mencari solusi alternatif dari kondisi yang setara dengan saat ini. Namun, ada kemungkinan untuk terjebak dari *shoulder* kondisi yang setara. Selain itu, meskipun tidak terjebak dari *shoulder*, maka masih ada kemungkinan maksimum global untuk terlewatkan dari terminasi hasil solusi terakhir.

## 3. Random Restart Hill-climbing:

```
function HILL-CLIMBING(problem) returns a state that is a local maximum
  best <- MAKE-NODE(problem.INITIAL-STATE)
  repeat nmax times
    current <- MAKE-NODE(problem.RANDOM-STATE())
    loop do
```

```

neighbor <- a highest-valued successor of current
if neighbor.VALUE <= current.VALUE then
    break
    current <- neighbor
if current.VALUE > best.VALUE then
    best <- current
return best.STATE

```

Metode *local search* ‘Random Restart Hill-climbing’ bekerja dengan logika algoritma seperti *Steepest Ascent Hill-climbing*, hanya saja yang membedakan adalah ketika tidak ada lagi tetangga yang lebih besar dari *state* sekarang, maka iterasi akan dimulai dari awal kembali dengan konfigurasi acak.

Hal ini bertujuan untuk menghindari algoritma terjebak di maksimum lokal dan meningkatkan peluang menemukan solusi global. Meskipun metode ini lebih efektif daripada *Steepest Ascent Hill-climbing* biasa, tetapi *Random Restart Hill-climbing* membutuhkan komputasi lebih rumit karena memerlukan beberapa kali *restart*.

Dalam permasalahan *diagonal magic cube* 5x5x5, implementasi algoritma *Random Restart Hill-Climbing* mampu menghindari hasil maksimum lokal pada penyusunan atau konfigurasi setiap angka penyusun *diagonal magic cube*. Namun, algoritma ini dapat menjadi sangat lambat karena membutuhkan banyak pengulangan percobaan dari posisi acak, terutama jika restart dilakukan sangat sering tapi tidak pernah mendekati solusi yang optimal.

#### **4. Stochastic Hill-climbing:**

```

function HILL-CLIMBING(problem) returns a state that is a local maximum
    current <- MAKE-NODE(problem.INITIAL-STATE)
    repeat nmax times
        neighbor <- a random successor of current
        if neighbor.VALUE > current.VALUE then current <- neighbor
    return current.STATE

```

Metode *local search* ‘Stochastic Hill-climbing’ merupakan metode yang cukup mirip dengan metode *Hill-climbing with Sideways Move*. Hal yang membedakannya adalah jika *Hill-climbing with Sideways Move* hanya bergerak ke tetangga yang terbaik dan memperbolehkan berpindah ke tetangga yang setara, maka *Stochastic Hill-climbing* akan membangkitkan *random successor* secara terus menerus selama proses iterasi. Lalu, akan berpindah ke tetangganya jika tetangganya

lebih baik dari *state* sekarang. Proses iterasi akan dilakukan secara terus menerus sehingga ‘nmax times’ yang dimiliki sudah habis

Implementasi algoritma Stochastic Hill-Climbing mampu memilih langkah acak yang dapat keluar dari jebakan hasil maksimum lokal pada penyusunan atau konfigurasi setiap angka penyusun *diagonal magic cube*. Namun, pendekatan algoritma ini cenderung lambat dan tidak konsisten dalam mencapai solusi yang optimal karena tergantung pada probabilitas akan langkah yang diambil secara acak, seperti yang sudah dijelaskan sebelumnya.

## 5. Simulated Annealing:

```

function SIMULATED-ANNEALING(problem,schedule) returns a solution state
  inputs: problem, a problem to solve
            schedule, a mapping from time to “temperature”
  current <- MAKE-NODE(problem.INITIAL-STATE)
  for t = 1 to  $\infty$  do
    T <- schedule(t)
    if T = 0 then return current.STATE
    next <- a randomly selected successor of current
     $\Delta E$  <- next.VALUE - current.VALUE
    if  $\Delta E$  > 0 then current <- next
    else
      with probability  $e^{\frac{\Delta E}{T}}$  do
        current <- next

```

Metode *local search* ‘Simulated Annealing’ merupakan metode pencarian yang menggunakan konsep saat memanaskan sebuah metal atau gelas. Pada metode ini merupakan konsep turunan dari *Stochastic Hill-climbing* yang akan berpindah ke tetangga yang lebih baik jika  $\Delta E > 0$ . Akan tetapi, hal yang membedakan *Simulated Annealing* adalah ia memiliki probabilitas yang memungkinkan perpindahan ke tetangga yang lebih buruk dengan syarat awal  $\Delta E < 0$ .

Jika syarat awal terpenuhi, maka akan dihitung probabilitas menggunakan rumus berikut.

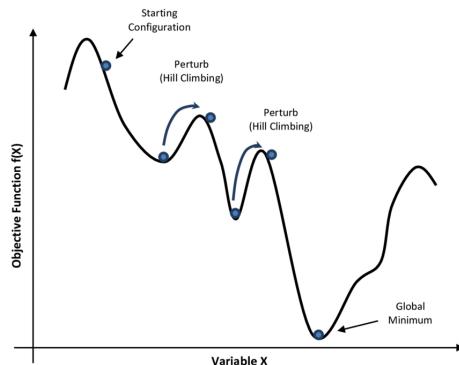
$$e^{\Delta E/T}$$

Gambar 4. Formula Probabilitas Jika  $\Delta E < 0$

Keterangan:

$\Delta E$  = nilai tetangga - nilai sekarang

T = temperatur yang dapat kita atur sendiri



Gambar 5. Grafik Algoritma Simulated Annealing

Jika hasil probabilitas di atas ambang batas yang telah ditentukan sebelumnya, maka metode ini memperbolehkan perpindahan ke tetangga dengan nilai yang lebih buruk daripada nilai yang sekarang. Metode ini adalah algoritma pencarian terbaik untuk mengatasi masalah terjebaknya di minimum lokal. Akan tetapi, perlu diperhatikan lebih mendalam terkait nilai T dan ambang batas probabilitas yang digunakan.

Algoritma *Simulated Annealing* dapat menjadi sangat efektif dalam menyelesaikan permasalahan *diagonal magic cube 5x5x5* karena memungkinkan *state* saat ini menuju *neighbour* dengan nilai yang terburuk dengan tujuan untuk dapat menghindari *state* terjebak di maksimum lokal. Meskipun probabilitas kesempatan ini akan menurun seiring waktu, metode ini cukup efektif untuk mendapatkan solusi maksimum global.

Kelemahan algoritma ini adalah dalam pengaturan parameter awal, seperti “suhu” awal dan laju “pendinginan” dari algoritmanya. Kesalahan dalam pengaturan awal dapat menyebabkan algoritma terlalu lambat atau justru gagal dalam menemukan solusi yang optimal. Maka dari itu, perlu diperhatikan lebih lanjut dalam melakukan pengaturan parameter awal “suhu” dan laju “pendinginan” pada algoritma.

## 6. Genetic Algorithm:

```
function GENETIC-ALGORITHM(problem,FITNESS-FN) returns an individual
  inputs: problem, a set of individuals
          FITNESS-FN, a function that measures the fitness of an individual
          population <- INITIALIZE-POPULATION(problem)
  repeat
```

```

new_population <- empty set
for i= 1 to SIZE(population) do
    x <- RANDOM-SELECTION(population, FITNESS-FN)
    y<- RANDOM-SELECTION(population, FITNESS-FN)
    child <- REPRODUCE(x,y)
    if (small random probability) then child <- MUTATE(child)
    add child to new_population
    population <- new_population
until some individuals is fit enough, or enough time has elapsed
return the best individual in population, according to FITNESS-FN

```

Metode *local search* ‘Genetic Algorithm’ adalah metode pencarian yang memiliki kompleksitas dan kerumitan yang cukup tinggi. Tahapan dalam metode pencarian ini menggunakan prinsip seleksi alam, yakni seleksi, *cross over*, dan mutasi. Metode pencarian ini dimulai dengan inisialisasi beberapa *state* awal (populasi) dari masalah yang ada. Lalu, beberapa *state* awal tersebut dihitung *fitness function* (sama seperti fungsi objektif) sehingga mendapatkan persentase yang dimiliki dari masing-masing *state*.

Lalu, dilakukan *random selection* menggunakan prinsip *roulette wheel*. Pasangan yang terpilih akan dilakukan *crossover* yang bertujuan untuk menukar bagian-bagian dari masing-masing pasangan (bagian yang dibagi tersebut bebas sesuai yang diinginkan). Jika proses *crossover* telah selesai, akan dilakukan *random mutation point* yang akan mengubah nilai beberapa titik menjadi baru.

Proses tersebut akan diulang terus menerus sehingga mendapatkan hasil yang ideal dan/atau waktu yang dimiliki sudah habis. Penggunaan metode ini dapat mengeksplorasi ruang pencarian yang sangat luas, tetapi membutuhkan langkah yang rumit dan kompleks untuk dilakukan perhitungan, serta penyesuaian parameter, seperti ukuran populasi, laju mutasi, dan bagian yang dilakukan *crossover*. Oleh karena itu, metode ini cukup efektif untuk mencari masalah dalam skala besar dan tidak efektif untuk mencari solusi dari masalah dengan skala kecil.

Dalam menyelesaikan permasalahan *diagonal magic cube*, algoritma ini mampu menjelajahi ruang solusi yang lebih besar dan menghindari maksimum lokal. Namun, algoritma ini memerlukan banyak evaluasi individu yang tentunya memakan waktu yang lama dan performanya sangat bergantung pada desain operator pada proses seleksi, mutasi, dan *crossover*. Terlebih lagi, kompleksitas algoritma ini sangat tidak efisien diterapkan pada *diagonal magic cube* 5x5x5 yang memiliki banyak sekali kemungkinan konfigurasi solusi.

## **III. Hasil Eksperimen dan Analisis**

Pada bagian ini akan diberikan hasil eksperimen dan analisis dari 6 metode search yang sudah didefinisikan sebelumnya. Diberikan juga visualisasi dari program yang telah dibuat untuk memudahkan proses analisis.

### **III.1 Hasil Eksperimen**

Secara umum, hasil eksperimen akan menampilkan beberapa poin berikut:

- State awal dan akhir dari kubus
- Nilai objective function akhir yang dicapai
- Plot nilai objective function terhadap banyak iterasi yang telah dilewati
- Durasi proses pencarian

Namun, terdapat beberapa metode yang akan menampilkan penjelasan tambahan untuk membantu dalam proses analisisnya. Berikut adalah hasil eksperimen dari setiap metode yang dianalisis:

#### **1. Steepest Ascent Hill-climbing**

Metode Steepest Ascent Hill-climbing dimulai dengan membuat sebuah cube yang berisikan angka acak. Lalu, akan dilakukan proses penukaran tiap nilai di dalamnya yang sesuai dengan penjelasan bagian II.2.1. Proses akan terus berlangsung hingga tidak ada lagi *neighbor value* yang lebih baik daripada *current value*.

Lalu, program akan memberikan kondisi terminate berupa nilai cube (kondisi cube akhir), iterationSum (jumlah iterasi terjadi hingga proses pencarian berhenti), duration (durasi waktu yang terjadi dalam proses pencarian), dan plot nilai fungsi objektif terhadap banyak iterasi yang telah dilewati.

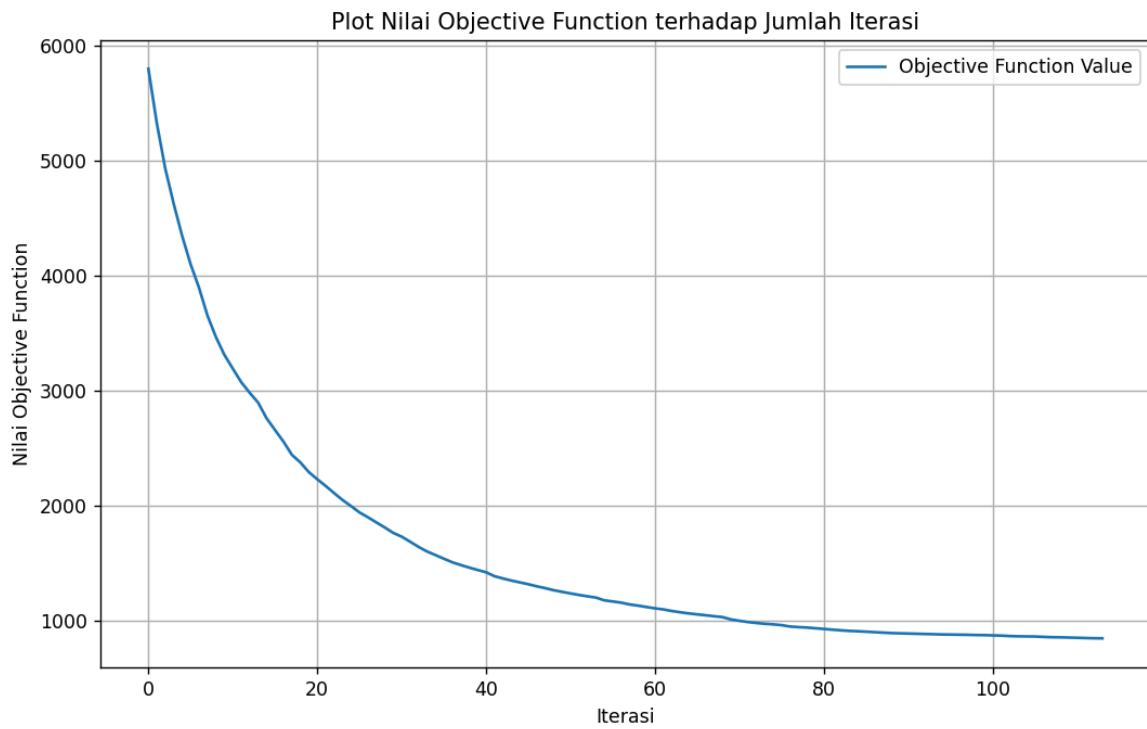
Berikut adalah hasil percobaan menggunakan metode Steepest Ascent Hill-climbing:

#### **Percobaan 1**

State Awal Cube	State Akhir Cube
-----------------	------------------

<p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>42   16   106   96   98   32   56   5   79   35   93   102   60   48   44   77   36   124   59   64   37   66   8   14   61  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>99   90   25   26   23   82   111   101   55   80   103   28   97   100   50   109   62   107   30   72   19   27   2   112   95  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>76   4   46   53   10   20   52   15   29   11   119   45   41   34   121   13   67   110   81   117   17   69   83   73   9  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>74   123   24   85   18   12   87   115   92   86   118   116   39   122   57   49   7   70   58   47   94   3   33   108   54  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>51   71   104   31   88   105   65   6   43   75   78   22   91   125   21   114   38   68   1   89   84   113   40   120   63  </pre>	<p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>42   32   93   77   37   99   82   103   109   19   76   28   119   13   17   74   12   118   49   94   51   105   78   114   84  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>16   56   102   36   66   98   111   28   62   27   4   52   45   67   69   123   87   116   7   3   71   65   22   38   113  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>106   5   60   124   8   25   101   97   107   2   46   15   41   110   83   24   115   39   70   33   184   6   91   68   40  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>96   79   48   59   14   26   155   100   30   112   53   29   34   81   73   85   92   122   58   108   31   43   125   1   120  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>98   35   44   64   61   23   88   58   72   95   10   11   121   117   9   18   86   57   47   54   88   75   21   89   63  </pre>	<p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>42   99   76   74   51   16   90   4   123   71   106   25   46   24   104   96   26   53   85   31   98   23   10   18   88  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>32   82   20   12   105   56   111   52   87   65   5   101   15   115   6   79   55   29   92   43   35   80   11   86   75  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>93   103   119   118   78   102   28   45   116   22   68   97   41   39   91   48   100   34   122   125   44   50   121   57   21  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>77   109   13   49   114   36   62   67   7   38   124   107   110   70   68   59   30   81   58   1   64   72   117   47   89  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>37   19   17   94   84   66   27   69   3   113   8   2   83   33   40   14   112   73   108   120   61   95   9   54   63  </pre>	<p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>59   20   25   115   98   34   29   120   71   56   105   124   44   6   36   77   62   5   107   64   40   80   121   14   61  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>89   93   106   3   23   15   88   102   51   60   22   37   87   118   52   110   76   2   32   95   78   21   18   112   85  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>79   19   53   26   125   103   101   13   74   24   68   97   41   39   91   114   17   41   54   96   12   67   100   86   50   7   111   108   75   9  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>47   117   49   72   30   8   73   69   92   84   94   116   39   10   57   46   45   119   58   43   109   1   33   83   97  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>42   66   82   99   38   122   48   11   27   91   4   16   104   123   68   70   65   98   35   55   81   113   28   31   63  </pre>	<p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>59   34   105   77   40   89   15   22   110   78   79   103   114   12   7   47   8   94   46   109   42   122   4   70   81  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>20   29   124   62   80   93   88   101   73   21   19   101   17   67   111   117   73   116   45   1   66   48   16   65   113  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>25   120   44   5   121   106   102   87   2   18   53   13   41   100   108   49   69   39   119   33   82   11   104   90   28  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>115   71   6   107   14   3   51   118   32   112   26   74   54   86   75   72   92   10   58   83   99   27   123   35   31  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>77   110   12   46   70   62   76   67   45   65   5   2   100   119   90   107   32   86   58   35   64   95   50   43   55  </pre>	<p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>59   89   79   47   42   29   93   19   117   66   25   106   53   49   82   115   3   26   72   99   98   23   125   30   38  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>34   15   103   8   122   29   88   101   73   45   120   102   13   69   11   71   51   74   92   27   56   60   24   84   91  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>105   22   114   94   4   124   37   17   116   16   44   87   41   39   104   6   118   54   10   123   36   52   96   57   68  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>77   110   12   46   70   62   76   67   45   65   5   2   100   119   90   107   32   86   58   35   64   95   50   43   55  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>40   78   7   109   81   80   21   111   1   113   121   18   108   33   28   14   112   75   83   31   61   85   9   97   63  </pre>
Nilai Objective Function Awal: 5798	Nilai Objective Function Akhir: 842				

Plot nilai objective function:



Banyak iterasi yang dilakukan: 113 iterasi

Durasi proses pencarian: 93609 ms

## Percobaan 2

State Awal Cube	State Akhir Cube
$\begin{matrix} & & & 49 & 54 \\ & & 24 & 115 & 31 \\ & 76 & 97 & 120 & 82 \\ 107 & 104 & 88 & 14 & 75 \\ & 26 & 6 & 101 & 121 \\ 46 & 55 & 86 & 102 & 124 \\ & 80 & 116 & 35 & 57 \\ 22 & 30 & 118 & 111 & 182 \\ & 45 & 33 & 96 & 115 \\ & 3 & 45 & 87 & 101 \\ & 82 & 84 & 100 & 85 \\ 122 & 122 & 182 & 14 & 15 \\ & 51 & 40 & 102 & 85 \\ & 40 & 66 & 98 & 65 \\ & 13 & 110 & 65 & 19 \\ & & 37 & 25 & 59 \\ \end{matrix}$ z	$\begin{matrix} & & & 59 & 46 \\ & & 28 & 31 & 80 \\ & 76 & 97 & 120 & 39 \\ 106 & 74 & 23 & 79 & 115 \\ & 30 & 14 & 16 & 99 \\ 44 & 55 & 109 & 108 & 49 \\ & 56 & 51 & 91 & 13 \\ 21 & 112 & 111 & 13 & 1070 \\ & 100 & 111 & 113 & 52 \\ & 24 & 117 & 98 & 835 \\ & 322 & 117 & 15 & 92 \\ & 119 & 124 & 88 & 107 \\ & 53 & 124 & 15 & 1 \\ & 40 & 148 & 602 & 101 \\ & 17 & 146 & 75 & 10377 \\ & & 123 & 78 & 18 \\ & & 45 & 48 & 66 \\ & & 54 & 1053 & 85 \\ & & 86 & 1083 & 60 \\ & & & & 18 \end{matrix}$ z

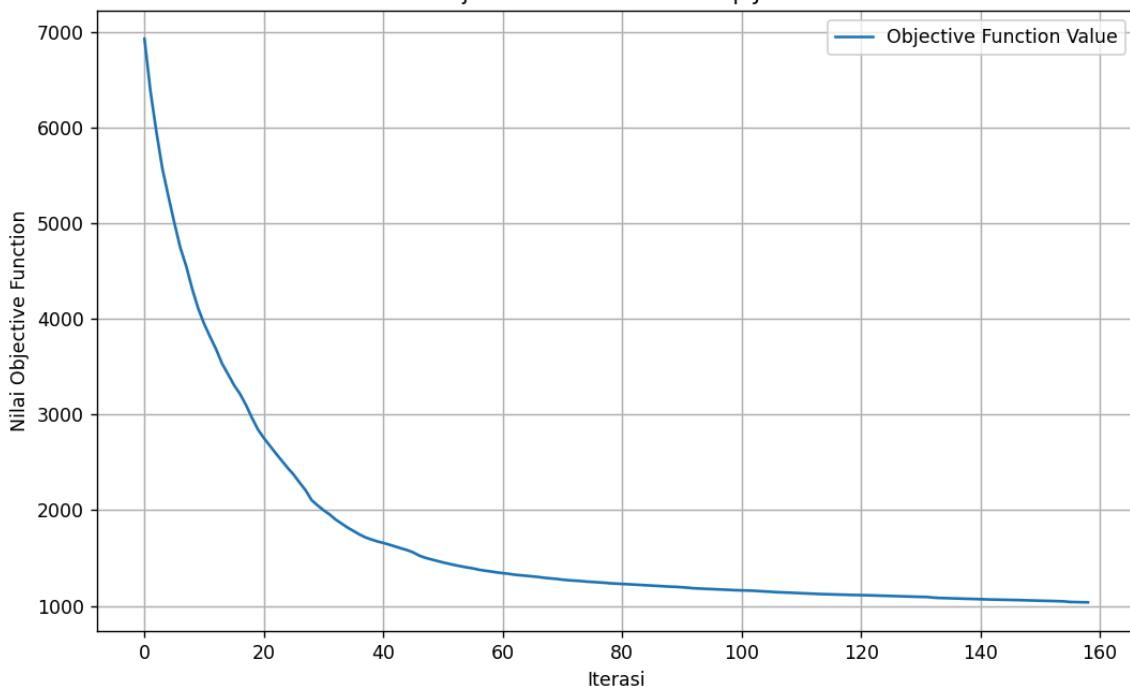
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z
----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----
15   8   103   120   54   108   85   57   82   74   67   43   27   44   109   81   92   113   72   32   117   9   106   48   23	15   108   67   81   117   79   28   47   29   53   64   60   94   88   41   62   112   121   63   110   122   51   40   13   37	15   79   64   62   122   8   69   118   45   3   103   73   86   80   22   120   77   20   26   46   54   49   24   76   107	15   22   108   121   46   102   41   13   79   80   78   57   82   2   115   103   94   5   64   49   18   101   107   52   25	15   102   78   103   18   47   123   45   37   60   62   29   34   105   85   72   8   118   54   66   119   53   40   17   86	15   47   62   72   119   22   113   122   26   24   108   23   51   112   21   121   73   33   30   44   46   59   28   76   106
----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----
79   69   73   77   49   28   52   35   12   31   47   42   1   125   39   29   65   59   5   21   53   78   84   83   119	8   185   43   92   9   69   52   42   65   78   118   93   102   10   7   45   36   16   105   61   3   89   134   56   66	108   28   68   112   51   85   52   93   36   89   57   35   38   33   38   82   12   101   6   55   74   31   135   97   104	47   113   23   73   59   123   35   110   16   31   45   42   120   69   39   37   48   61   78   99   60   77   1   92   89	22   41   57   94   101   113   35   42   48   77   122   98   87   7   9   26   117   4   104   63   24   32   124   68   67	102   123   29   8   53   41   35   90   117   32   13   110   50   38   100   79   16   109   55   56   80   31   36   97   74
----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----
64   118   86   20   24   60   93   38   101   115   94   102   87   124   90   88   10   25   18   75   41   7   19   95   58	103   27   113   106   73   35   1   59   84   86   38   87   25   19   80   33   14   2   99   22   30   4   91   71	67   47   94   121   40   43   42   102   16   34   27   1   87   14   4   44   125   124   96   116   109   39   98   114   68	62   122   51   33   28   29   90   50   109   36   34   87   88   91   20   105   7   75   3   125   85   9   43   83   95	108   13   82   5   107   23   110   120   61   1   51   50   88   75   43   112   38   14   58   93   21   100   11   116   71	78   45   34   118   40   57   42   87   4   124   82   120   88   14   11   2   69   91   65   111   115   39   20   114   27
----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----
62   45   80   26   76   112   36   33   6   97   121   16   14   96   114   63   105   2   58   17   110   61   99   70   11	120   82   44   72   48   77   12   125   5   83   20   101   124   18   95   26   6   96   50   70   46   55   116   100   98	81   29   88   63   13   92   65   19   105   56   113   59   25   2   91   72   5   18   50   100   32   21   75   17   123	72   26   112   30   76   8   117   38   55   97   118   4   14   65   114   54   104   58   81   19   66   63   93   84   10	121   79   2   64   52   73   16   69   70   92   33   109   91   3   83   30   55   65   81   84   44   56   111   98   6	103   37   105   54   17   94   48   7   104   68   5   61   75   58   116   64   70   3   81   98   49   99   125   19   12
----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----
122   3   22   46   107   51   89   38   55   104   40   34   4   116   68   13   56   91   100   123   37   66   71   98   111	54   74   109   32   23   49   31   39   21   119   24   115   96   75   58   76   97   114   17   11   107   104   68   123   111	117   53   41   110   37   9   78   7   61   66   106   84   19   99   71   48   83   95   70   98   23   119   58   11   111	119   24   21   44   106   53   32   100   56   74   40   124   11   111   27   17   68   116   98   12   86   67   71   6   96	46   80   115   49   25   59   31   39   99   89   28   36   20   125   95   76   97   114   19   10   166   74   27   12   96	18   60   85   66   86   101   77   19   63   67   107   1   43   93   71   52   92   83   84   6   25   89   95   10   96

Nilai Objective Function Awal: 6928

Nilai Objective Function Akhir: 1037

Plot nilai objective function:

Plot Nilai Objective Function terhadap Jumlah Iterasi



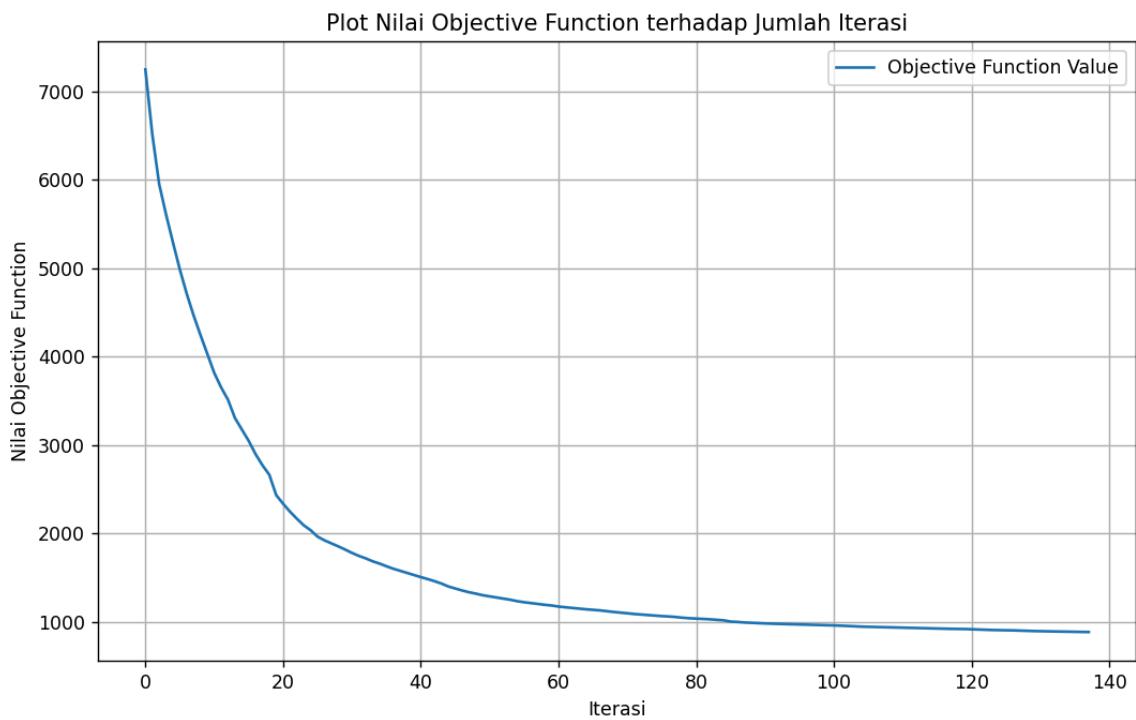
Banyak iterasi yang dilakukan: 158

Durasi proses pencarian: 129134 ms

### Percobaan 3

State Awal Cube		State Akhir Cube		
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x	
----- Sisi ke- 1 ----- 96   95   110   39   73   58   34   46   25   27   72   48   36   113   100   26   66   47   23   22   3   74   125   28   29    ----- Sisi ke- 2 ----- 57   54   63   71   109   56   79   11   14   60   13   35   89   112   104   99   103   107   8   116   67   53   122   44   70    ----- Sisi ke- 3 ----- 93   102   17   49   18   24   111   85   84   7   40   45   108   101   115   77   68   61   121   92   58   94   90   15   5    ----- Sisi ke- 4 ----- 32   69   1   78   37   12   83   33   76   41   98   4   9   64   81   118   52   38   43   88   59   106   105   42   91    ----- Sisi ke- 5 ----- 87   18   114   6   65   97   31   62   16   2   19   75   55   88   51   123   20   120   82   86   30   124   117   21   119	----- Sisi ke- 1 ----- 96   50   72   26   3   57   56   13   99   67   93   24   40   77   58   32   12   98   118   59   87   97   19   123   30    ----- Sisi ke- 2 ----- 95   34   48   66   74   54   79   35   103   53   102   111   45   68   94   69   83   4   52   106   10   31   75   20   124    ----- Sisi ke- 3 ----- 110   46   36   47   125   63   11   89   107   122   17   85   108   61   90   1   33   9   38   105   114   62   55   120   117    ----- Sisi ke- 4 ----- 39   25   113   23   28   71   14   112   8   44   49   84   101   121   15   78   76   64   43   42   6   16   80   82   21    ----- Sisi ke- 5 ----- 73   27   106   22   29   109   68   104   116   70   18   7   115   92   5   37   41   81   88   91   65   2   51   86   119	----- Sisi ke- 1 ----- 42   23   111   37   110   87   97   45   30   57   107   54   36   19   99   10   63   120   109   18   65   77   3   119   31    ----- Sisi ke- 2 ----- 15   55   72   88   85   34   79   111   83   31   46   11   85   33   62   25   14   84   76   16   27   60   7   41   2    ----- Sisi ke- 3 ----- 72   13   40   98   19   48   35   45   4   75   36   89   108   9   55   113   112   101   64   80   100   104   115   81   51    ----- Sisi ke- 4 ----- 26   99   77   118   123   66   103   68   52   20   47   107   61   38   120   23   8   121   43   82   22   116   92   88   86    ----- Sisi ke- 5 ----- 3   67   58   59   30   74   53   94   106   124   125   122   90   105   117   28   44   15   42   21   29   70   5   91   119	----- Sisi ke- 1 ----- 42   87   107   10   65   15   102   43   105   52   125   22   44   9   114   32   12   116   98   56   90   95   5   100   28    ----- Sisi ke- 2 ----- 23   97   54   63   77   102   91   16   13   96   43   61   76   115   20   105   94   29   53   34   52   14   122   46   80    ----- Sisi ke- 3 ----- 111   45   36   120   3   22   24   81   75   113   44   91   71   83   67   9   38   66   84   118   114   101   89   11   1    ----- Sisi ke- 4 ----- 32   108   6   124   39   12   70   106   79   47   116   26   73   25   78   98   69   40   49   59   56   41   93   35   92    ----- Sisi ke- 5 ----- 37   30   19   109   119   88   13   115   53   46   62   75   83   84   11   124   79   25   49   35   4   117   74   21   104	----- Sisi ke- 1 ----- 42   15   125   32   90   23   55   103   108   27   111   72   7   6   121   37   88   62   124   4   110   85   17   39   64    ----- Sisi ke- 2 ----- 87   102   22   12   95   97   91   24   70   33   45   16   81   106   68   38   13   75   79   117   57   96   113   47   2    ----- Sisi ke- 3 ----- 107   43   44   116   5   54   61   58   26   123   36   76   71   73   58   19   115   83   25   74   99   20   67   78   51    ----- Sisi ke- 4 ----- 10   105   9   98   100   63   94   38   69   48   120   29   66   40   60   109   53   84   49   21   18   34   118   59   86    ----- Sisi ke- 5 ----- 65   52   114   56   28   77   14   101   41   82   3   122   89   93   8   119   46   11   35   104   31   80   1   92   112
Nilai Objective Function Awal: 7250		Nilai Objective Function Akhir: 888		

Plot nilai objective function:



Banyak iterasi yang dilakukan: 137 iterasi

Durasi proses pencarian: 110954 ms

## 2. Hill-climbing with Sideways Move

Metode Hill-climbing with Sideways Move dimulai dengan membuat sebuah cube yang berisikan angka acak. Pada metode ini akan menggunakan parameter `maxSideways` yang akan menjadi batas maksimum untuk menukar nilai *neighbor* yang sama dengan *current value*. Parameter tersebut juga dapat dimasukkan ketika menjalankan program melalui CLI. Lalu, akan dilakukan proses penukaran tiap nilai di dalamnya yang sesuai dengan penjelasan bagian II.2.2.

Proses akan terus berlangsung hingga max iterasi telah didapatkan dan/atau max sideways move juga didapatkan. Lalu, akan diberikan kondisi terminate berupa nilai cube (kondisi cube akhir), `iterationSum` (jumlah iterasi terjadi hingga proses pencarian berhenti), `duration` (durasi waktu yang terjadi dalam proses pencarian), dan `plot` nilai fungsi objektif terhadap banyak iterasi yang telah dilewati.

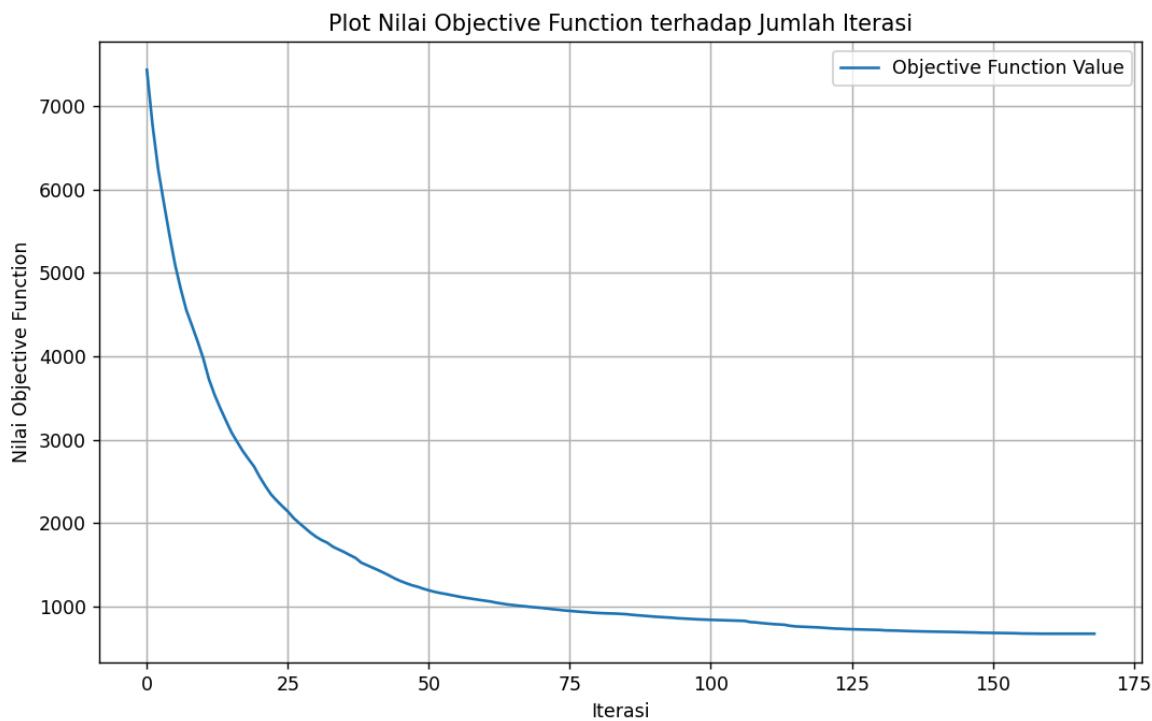
Pada percobaan ini akan dilakukan maksimum sideways move sebesar 10. Berikut adalah hasil percobaan menggunakan metode Hill-climbing with Sideways Move:

### Percobaan 1

State Awal Cube	State Akhir Cube
-----------------	------------------

<p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>56  21  103  105  55   88  63  40  52  92   114  62  68  39  125   50  123  93  20  74   72  59  104  38  83  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>90  99  70  106  14   82  118  91  112  158   57  35  69  123  45   18  25  8  64  97   49  111  42  65  28  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>47  109  117  16  9   36  122  107  22  44   26  3  29  75  78   76  77  124  43  84   95  48  51  94  69  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>66  79  85  53  15   33  108  73  113  81   67  96  34  30  12   54  6  37  115  27   5  101  46  71  61  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>89  1  100  120  110   41  32  10  4  121   116  2  86  11  87   13  98  80  24  119   102  31  7  17  19  </pre>	<p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>56  88  114  50  72   90  82  57  18  49   47  36  26  76  95   66  33  67  54  5   89  41  116  13  102  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>21  63  62  123  59   99  118  35  25  111   109  122  3  77  48   79  188  96  6  101   1  32  2  98  31  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>103  40  68  93  104   70  91  60  8  42   117  107  29  124  51   85  73  34  37  46   100  10  86  80  7  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>105  52  39  20  38   106  112  23  64  65   16  22  75  43  94   53  113  30  115  71   120  4  11  24  17  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>55  92  125  74  83   14  58  45  97  28   9  44  78  84  69   15  81  12  27  61   110  121  87  119  19  </pre>	<p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>56  90  47  66  89   21  99  109  79  1   103  70  117  85  100   105  186  16  53  128   55  14  9  15  110  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>88  82  36  33  41   63  118  122  108  32   40  91  107  73  10   52  112  22  113  4   92  58  44  81  121  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>114  57  26  67  116   62  35  3  96  2   68  68  29  34  86   39  23  75  30  11   125  45  78  12  87  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>50  18  76  54  13   123  25  77  6  98   93  8  124  37  80   20  64  43  115  24   74  97  84  27  119  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>72  49  95  5  102   59  111  48  101  31   104  42  51  46  7   38  65  94  71  17   83  28  69  61  19  </pre>	<p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>76  91  9  35   52  59  59  108   104  28  124  104   65  84  86  16   34  85  62  109   24  107  53  71   8  23  14  5   30  121  60  122   100  74  99  47   67  103  120  88   20  45  124  92   896  89  1438  1152   67  89  1186  73   46  69  117  94   114  49  11  11   1  102      </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>58  61  113  51  32   40  81  6  115  73   54  36  13  112  94   96  89  69  49  11   67  46  114  1  102  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>12  88  22  125  68   99  25  55  26  110   103  105  118  21  2   79  15  123  43  56   20  83  3  97  117  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>109  5  66  44  92   53  85  122  7  48   13  118  47  71  64   112  21  124  31  27   94  2  42  106  77  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>101  57  98  19  39   111  86  10  75  33   69  123  78  14  29   49  43  37  70  116   11  56  95  90  63  </pre>	<p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>58  12  109  101  35   21  99  109  79  1   103  70  117  85  100   105  186  16  53  128   55  14  9  15  110  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>40  99  53  111  9   81  25  85  86  59   6  55  122  10  119   115  26  7  75  82   73  110  148  33  50  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>109  5  66  44  92   53  85  122  7  48   13  118  47  71  64   112  21  124  31  27   94  2  42  106  77  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>101  57  98  19  39   111  86  10  75  33   69  123  78  14  29   49  43  37  70  116   11  56  95  90  63  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>35  108  16  72  84   9  59  119  82  50   114  3  4  121  87   1  97  80  120  18   102  117  38  17  41  </pre>	<p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>58  40  54  96  67   12  99  103  79  20   109  53  23  30  100   101  111  45  34  24   35  9  91  76  104  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>61  81  36  89  46   88  25  185  15  83   5  85  60  74  93   57  86  62  167  8   108  59  52  28  65  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>113  6  13  69  114   22  55  118  123  3   66  122  47  78  4   98  10  71  14  121   16  119  64  29  87  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>51  115  112  49  1   125  26  21  43  97   44  7  124  37  80   19  75  31  70  120   72  82  27  116  18  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>32  73  94  11  102   68  110  2  56  117   92  48  42  95  38   39  33  106  98  17   84  50  77  63  41  </pre>
Nilai Objective Function Awal: 7440	Nilai Objective Function Akhir: 669				

Plot Nilai Objective Function:



Banyak Iterasi yang Dilakukan: 168  
 Banyak Sideways Move yang Dilakukan: 10  
 Durasi Proses Pencarian: 142416 ms

## Percobaan 2

State Awal Cube	State Akhir Cube
<p>State Awal Cube diagram showing a 3x3x3 Rubik's cube with various numbers (red) on its faces. The cube is oriented with z at the top, y at the bottom-left, and x at the bottom-right. Red numbers include 101, 30, 107, 3, 71, 53, 93, 47, 108, 68, 43, 86, 51, 16, 121, 79, 35, 61, 65, 34, 55, 64, 73, 105, 94, 18, 109, 59, 76, 29, 125, 56, 116, 7, 23, 103, 37, 69, 22, 14, 87, 100, 117, 149, 91, 117, 27, 25, 28, 113, 119, 149, 91, 108, 341, 12, 82, 89, 132, 110, 1605, 98, 26, 38, 54, 83, 42, 44, 66, 12, 84, 102, 62, 52, 4, 49, 21.</p>	<p>State Akhir Cube diagram showing the same 3x3x3 Rubik's cube after solving, with green numbers (70, 36, 52, 66, 41, 86, etc.) indicating solved states. The cube is oriented with z at the top, y at the bottom-left, and x at the bottom-right. Green numbers include 70, 36, 52, 66, 41, 86, 101, 55, 53, 34, 98, 4, 114, 26, 120, 15, 43, 30, 124, 91, 117, 109, 95, 77, 51, 40, 17, 59, 65, 106, 107, 7, 6874, 99, 72, 49, 11073, 46, 76025, 88, 10839, 5, 90, 128, 1561, 125, 382, 33, 122, 63, 104, 1125, 97, 133, 126, 22, 118, 23, 42, 47, 25, 113, 94, 20, 31, 108, 58, 69, 121, 67, 105, 89, 84, 103, 29, 81, 48, 42, 57, 14, 62, 18.</p>

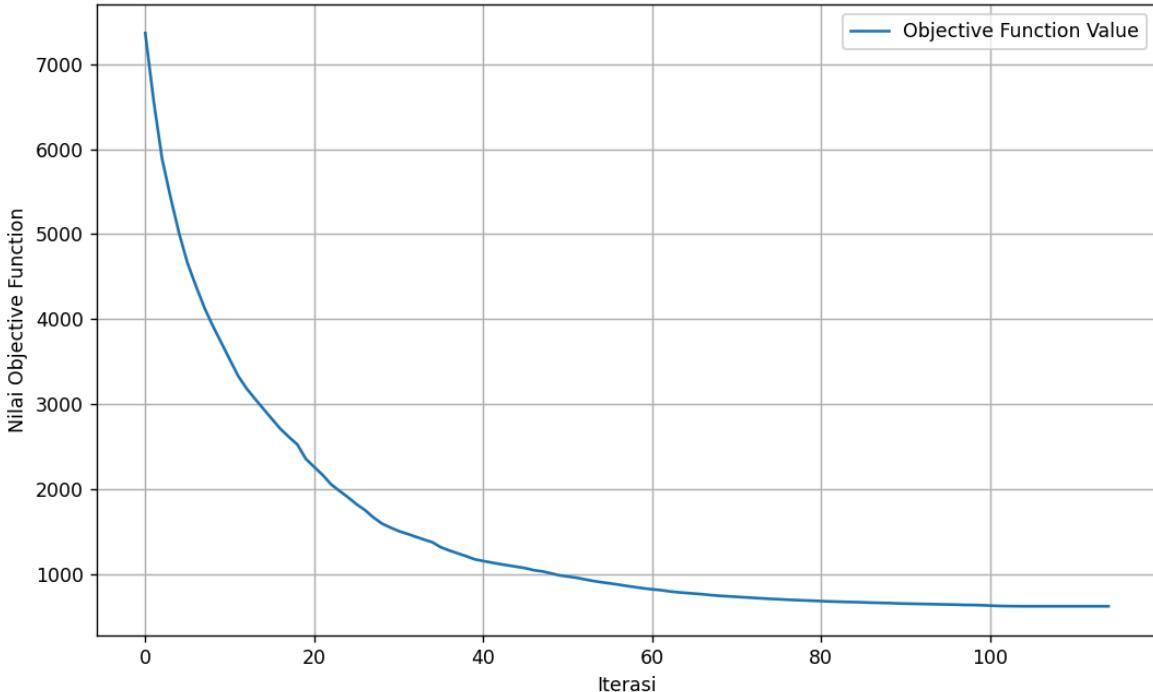
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z
----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----
95   50   105   2   71   109   48   57   61   47   104   100   7   34   198   98   12   78   97   43   14   46   27   19   86	95   109   104   98   14   111   115   17   89   84   33   1   44   66   85   32   31   8   62   4   38   54   102   49   21	95   111   33   32   38   50   39   69   28   89   105   36   75   76   103   2   79   121   51   64   71   3   107   38   101	60   72   109   4   70   32   49   59   120   52   63   100   9   77   66   47   3   110   107   41   113   104   5   7   86	60   32   63   47   113   61   122   2   54   84   23   33   69   105   85   125   31   81   48   14   38   94   103   62   18	60   61   23   125   38   72   80   45   28   98   109   21   64   74   46   4   117   124   30   48   70   36   53   55   101
----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----
111   39   36   79   3   115   118   125   35   93   17   114   87   18   119   80   83   77   92   68   84   26   82   23   55	50   118   114   83   26   39   118   114   83   26   69   120   10   60   45   28   9   110   124   42   89   112   15   13   52	109   115   1   31   54   48   118   120   9   112   57   125   122   37   25   61   35   123   73   59   47   93   53   88   72	61   80   21   117   36   122   24   37   27   98   2   115   92   10   114   54   71   83   87   15   84   25   82   73   51	72   49   109   3   104   80   24   115   71   25   45   111   22   93   44   28   19   58   121   89   90   24   120   29   57	32   122   33   31   94   49   24   111   19   112   59   37   123   102   1   120   27   11   75   68   52   98   34   88   43
----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----
33   69   75   121   107   1   120   122   123   53   44   10   40   63   90   66   60   91   116   65   85   45   41   117   106	105   57   7   78   27   36   125   87   77   82   75   122   40   91   41   76   37   67   70   5   103   25   113   81   74	104   17   44   8   102   100   114   10   110   15   7   87   40   67   113   34   18   63   29   20   108   119   90   11   16	23   45   64   124   53   100   111   123   11   34   69   22   79   116   26   105   93   8   12   95   85   44   42   39   106	109   59   9   110   5   21   37   92   83   82   64   123   79   8   42   74   102   50   6   119   46   1   97   108   67	63   2   69   81   103   100   115   22   58   20   9   92   79   50   97   77   10   116   35   76   66   114   26   91   17
----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----
32   28   76   51   30   31   9   37   73   88   8   110   67   29   11   62   124   70   96   94   4   42   5   58   6	2   61   34   97   19   79   35   18   92   23   121   123   63   116   117   51   73   29   96   58   64   59   28   22   24	98   80   66   62   49   12   83   68   124   13   78   77   91   70   81   97   92   116   96   22   43   68   65   94   99	125   28   74   30   55   31   19   102   75   88   81   58   50   35   93   48   121   6   96   65   14   89   119   78   16	4   120   77   107   7   117   27   10   87   73   124   11   116   12   39   30   75   35   96   78   40   68   76   13   118	47   54   105   48   62   3   71   93   121   29   110   83   8   6   108   107   87   12   96   13   41   15   95   65   99
----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----
38   89   103   64   101   54   112   25   59   72   102   15   113   20   16   49   13   81   22   99   21   52   74   24   56	71   47   108   43   86   3   93   119   68   55   107   53   98   65   106   30   88   11   94   6   101   72   16   99   56	14   84   85   4   21   46   26   45   42   52   27   82   41   5   74   19   23   117   58   24   86   55   106   6   56	38   90   46   40   101   94   112   1   68   43   103   20   97   76   17   62   29   108   13   99   18   57   67   118   56	70   52   66   41   86   36   98   114   15   51   53   34   26   95   106   55   88   91   65   16   101   43   17   99   56	113   84   85   14   18   104   25   44   89   57   5   82   42   119   67   7   73   39   78   118   86   51   106   16   56

Nilai Objective Function Awal: 7364

Nilai Objective Function Akhir: 626

Plot Nilai Objective Function:

Plot Nilai Objective Function terhadap Jumlah Iterasi

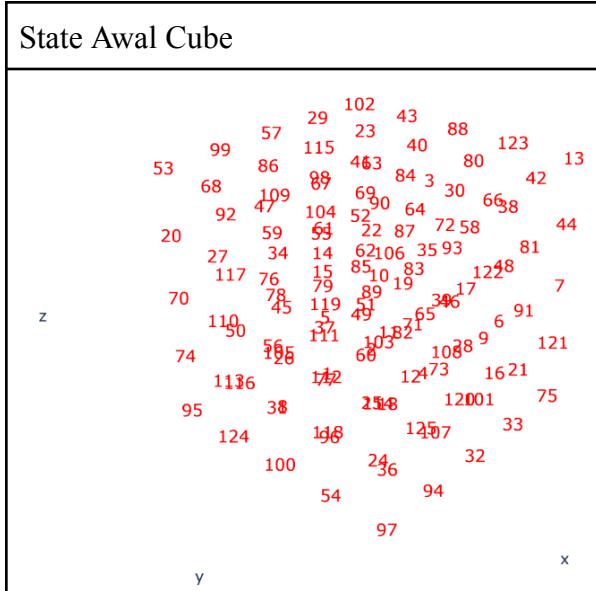
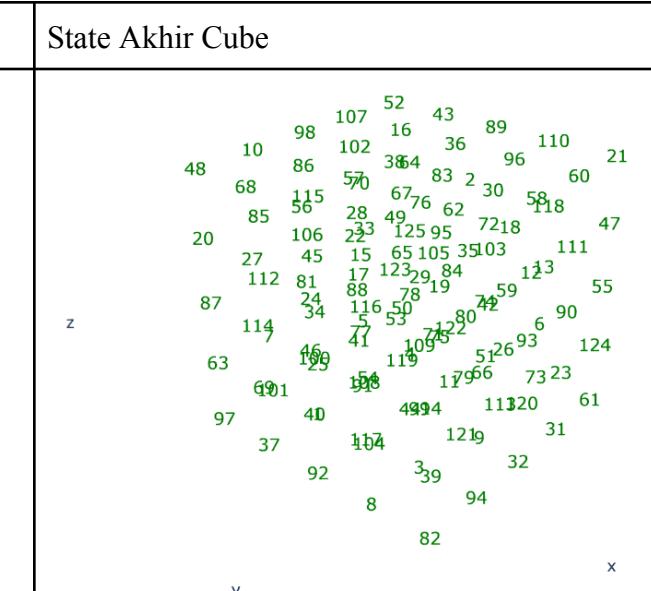


Banyak Iterasi yang Dilakukan: 114

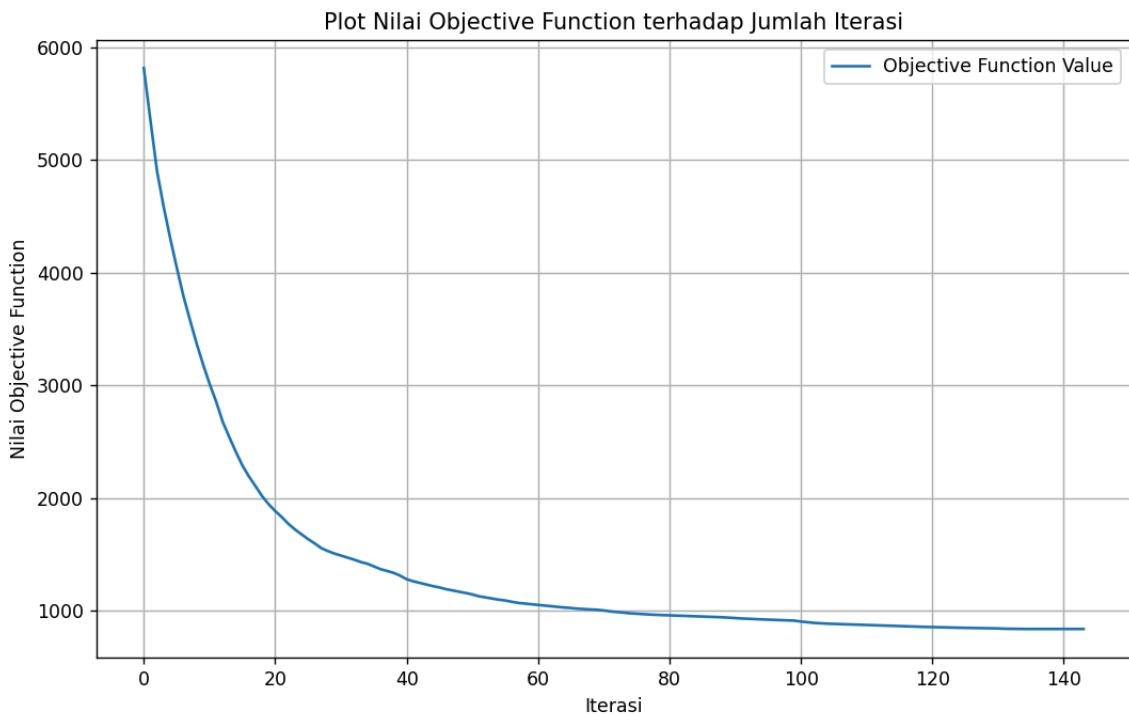
Banyak Sideways Move yang Dilakukan: 10

Durasi Proses Pencarian: 95105 ms

### Percobaan 3

State Awal Cube		State Akhir Cube	
			
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x
Sisi ke- 1	Sisi ke- 1	Sisi ke- 1	Sisi ke- 1
-----	-----	-----	-----
49   85   52   41   102   82   19   87   84   43   108   46   93   30   88   16   6   48   38   123   75   121   7   44   13	49   82   108   16   75   111   60   12   120   33   26   77   25   125   32   116   8   118   24   94   95   124   100   54   97	49   111   26   116   95   85   79   45   50   74   52   55   34   117   70   41   98   109   92   20   102   29   57   99   53	53   123   49   38   52   75   19   95   83   43   51   42   103   30   89   73   6   13   118   110   61   124   55   47   21
Sisi ke- 2	Sisi ke- 2	Sisi ke- 2	Sisi ke- 2
-----	-----	-----	-----
111   79   55   98   29   60   51   62   69   23   12   71   83   64   40   120   28   17   58   80   33   21   91   81   42	85   19   46   6   121   79   51   71   28   21   45   37   2   4   101   50   105   112   114   107   74   113   31   96   36	82   60   77   8   124   19   51   37   105   113   87   62   15   78   110   84   69   104   59   27   43   23   115   86   68	41   88   22   57   107   119   50   65   67   16   11   122   84   62   36   113   26   59   18   96   31   23   90   111   60
Sisi ke- 3	Sisi ke- 3	Sisi ke- 3	Sisi ke- 3
-----	-----	-----	-----
26   45   34   109   57   77   37   15   104   115   25   2   89   22   63   125   4   65   35   3   32   101   9   122   66	52   87   93   48   7   55   62   183   17   91   34   15   89   65   9   117   78   5   103   73   70   110   56   1   18	108   12   25   118   100   46   71   2   112   31   93   83   89   5   56   30   64   22   14   76   88   40   63   67   47	25   34   45   115   98   91   77   17   28   102   44   4   78   125   64   121   79   80   35   2   32   120   93   12   58
Sisi ke- 4	Sisi ke- 4	Sisi ke- 4	Sisi ke- 4
-----	-----	-----	-----
116   50   117   92   99   8   105   78   59   86   118   112   5   14   67   24   114   103   10   90   94   107   73   39   72	41   84   30   38   44   98   69   64   58   81   109   104   22   35   122   92   59   14   10   39   20   27   76   119   11	16   120   125   24   54   6   28   4   114   96   48   17   65   103   1   38   58   35   10   119   123   88   3   90   61	101   7   112   85   10   1   100   24   106   86   117   108   5   15   70   3   99   109   29   76   94   9   66   74   72
Sisi ke- 5	Sisi ke- 5	Sisi ke- 5	Sisi ke- 5
-----	-----	-----	-----
95   74   70   20   53   124   113   118   27   68   100   31   56   76   47   54   96   1   119   61   97   36   18   11   106	102   43   88   123   13   29   23   40   80   42   57   115   63   3   66   99   86   67   98   72   53   68   47   61   106	75   33   32   94   97   121   21   101   107   36   7   91   9   73   18   44   81   122   39   11   13   42   66   72   106	97   63   87   20   48   37   69   114   27   68   92   40   46   81   56   8   104   54   116   33   82   39   14   71   105
Nilai Objective Function Awal: 5813		Nilai Objective Function Akhir: 839	

Plot Nilai Objective Function:



Banyak Iterasi yang Dilakukan: 143  
 Banyak Sideways Move yang Dilakukan: 10  
 Durasi Proses Pencarian: 122882 ms

### 3. Random Restart Hill-climbing

Metode Random Restart Hill-climbing dimulai dengan membuat sebuah cube yang berisikan angka acak. Lalu, akan dilakukan proses penukaran tiap nilai di dalamnya yang sesuai dengan penjelasan bagian II.2.3. Ketika sudah tidak ada lagi best neighbor yang dapat ditukar, program akan melakukan restart dan membuat cube baru secara random. Selain itu, fungsi ini akan memiliki parameter maximum restart yang akan menghentikan pencarian jika sudah mencapai maximum restart.

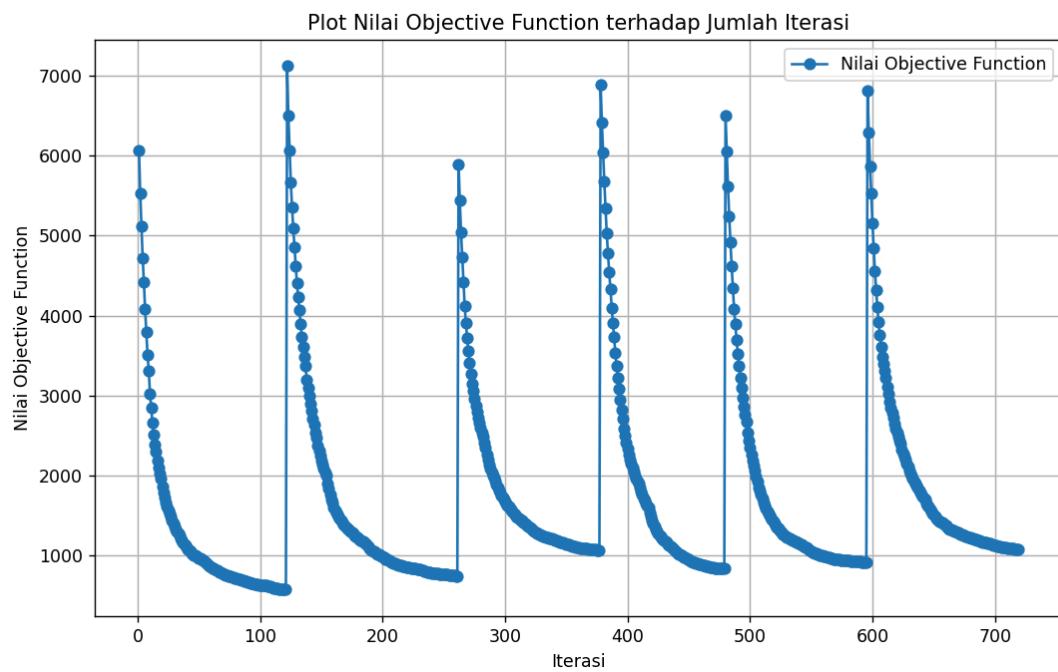
Proses akan terus berlangsung hingga maximum restart telah habis. Lalu, kondisi terminate yang akan memberikan nilai cube (kondisi cube akhir), restartCount (jumlah restart yang terjadi), iterationPerRestart (jumlah iterasi setiap restart), duration (durasi waktu yang terjadi dalam proses pencarian), dan plot nilai fungsi objektif terhadap banyak iterasi yang telah dilewati.

Percobaan kali ini dilakukan dengan mengatur jumlah restart maksimal sebesar 5. Berikut adalah hasil percobaan menggunakan metode Random Restart Hill-climbing:

#### Percobaan 1

State Awal Cube		State Akhir Cube	
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x
----- Sisi ke- 1 ----- 49   32   17   90   68   82   48   53   38   16   54   112   95   103   5   84   76   26   70   110   44   62   57   2   55    ----- Sisi ke- 2 ----- 10   80   116   35   73   113   105   41   50   24   86   79   99   122   63   64   89   3   125   102   7   120   52   47   21    ----- Sisi ke- 3 ----- 71   40   78   85   88   42   92   60   15   19   36   13   18   101   96   87   12   74   14   22   117   108   93   27   37    ----- Sisi ke- 4 ----- 111   67   61   100   46   123   25   106   75   83   51   1   28   124   107   33   94   97   109   23   69   66   34   121   56    ----- Sisi ke- 5 ----- 65   77   45   58   4   43   26   91   31   11   118   30   8   98   59   81   39   72   6   115   114   29   104   9   119	----- Sisi ke- 1 ----- 49   82   54   84   44   10   113   86   64   7   71   42   36   87   117   111   123   51   33   69   65   43   118   81   114    ----- Sisi ke- 2 ----- 32   48   112   76   62   88   105   79   89   129   49   92   13   12   108   67   25   1   94   66   77   28   38   39   29    ----- Sisi ke- 3 ----- 17   53   95   26   57   116   41   99   3   52   78   60   18   74   93   61   106   28   97   34   45   91   8   72   104    ----- Sisi ke- 4 ----- 99   38   103   70   2   35   50   122   125   47   85   15   101   14   27   100   75   124   109   121   58   31   98   6   9    ----- Sisi ke- 5 ----- 68   16   5   110   55   73   24   63   102   21   88   19   96   22   37   46   83   107   23   56   4   11   59   115   119	----- Sisi ke- 1 ----- 49   10   71   111   65   32   80   48   67   77   17   116   78   61   45   90   35   85   100   58   68   73   88   46   4    ----- Sisi ke- 2 ----- 82   113   42   123   43   88   105   92   25   29   53   41   60   106   91   38   50   15   75   31   16   24   19   83   11    ----- Sisi ke- 3 ----- 54   86   36   51   118   112   79   13   1   38   95   99   18   28   8   103   122   101   124   98   5   63   96   107   59    ----- Sisi ke- 4 ----- 84   64   87   33   81   76   89   12   94   39   26   3   74   97   72   70   125   14   109   6   110   102   22   23   115    ----- Sisi ke- 5 ----- 44   7   117   69   114   62   120   108   66   29   57   52   93   34   104   2   47   27   121   9   55   21   37   56   119	----- Sisi ke- 1 ----- 26   79   53   96   61   79   44   65   37   87   17   113   100   20   29   96   4   122   82   111   61   99   17   81   63    ----- Sisi ke- 2 ----- 55   44   113   4   99   90   50   10   58   107   1   54   19   124   119   34   104   91   74   12   75   66   114   13   49    ----- Sisi ke- 3 ----- 115   65   100   22   17   83   10   19   91   114   93   52   60   16   94   27   68   69   80   72   6   120   67   106   18    ----- Sisi ke- 4 ----- 95   37   20   82   81   45   58   124   74   13   123   7   69   110   8   35   101   80   30   70   78   42   72   47   76    ----- Sisi ke- 5 ----- 98   59   6   64   86   11   36   120   46   88   89   116   167   5   38   15   14   106   108   73   102   84   18   92   21    ----- Sisi ke- 6 ----- 24   87   29   111   63   28   107   119   12   49   32   2   121   51   112   125   33   8   70   76   86   88   38   73   21
Nilai Objective Function Awal: 6071		Nilai Objective Function Akhir: 1079	

Plot Nilai Objective Function:



Banyak Restart yang Terjadi: 5

Jumlah Iterasi Setiap Restart:

- Iterasi Restart 0: 120
- Iterasi Restart 1: 139
- Iterasi Restart 2: 115
- Iterasi Restart 3: 101
- Iterasi Restart 4: 115
- Iterasi Restart 5: 123

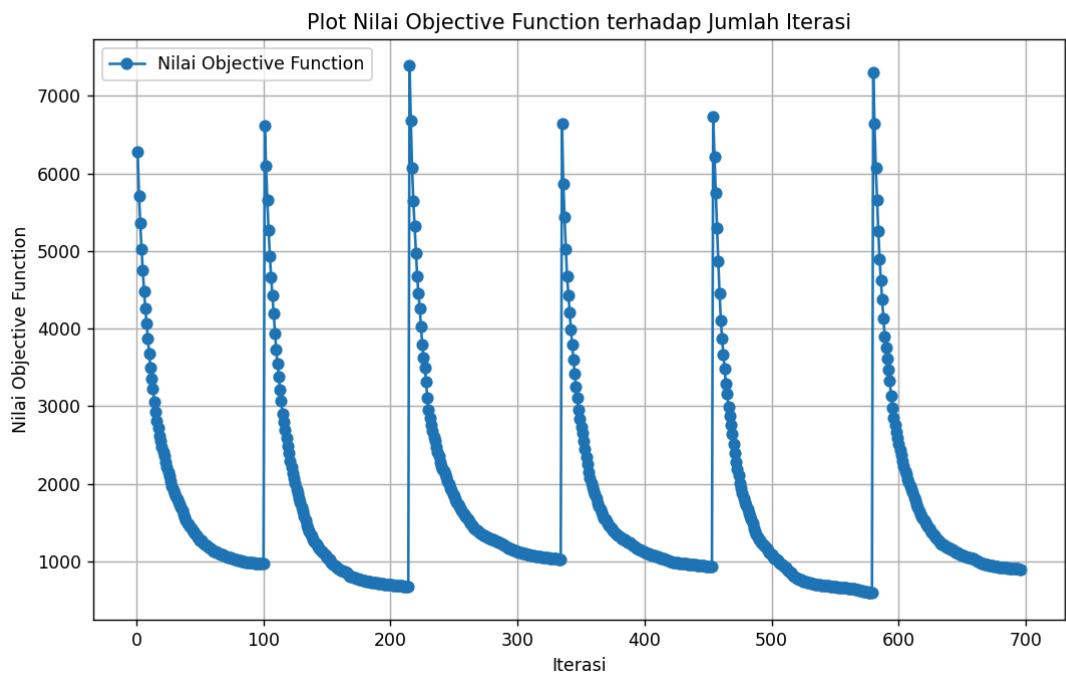
Durasi Proses Pencarian: 542162 ms

## Percobaan 2

State Awal Cube	State Akhir Cube
-----------------	------------------

<p><b>z</b></p>	<p><b>z</b></p>				
<p><b>y</b></p> <p><b>x</b></p>	<p><b>y</b></p> <p><b>x</b></p>				
<p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>43  89  59  83  45   50  26  41  22  70   96  38  33  84  67   69  29  82  57  91   27  103  53  3  121  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>31  5  99  48  14   52  123  81  79  6   49  124  94  66  111   77  120  76  12  65   122  1  46  88  117  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>56  64  71  116  87   109  35  2  72  10   60  55  16  119  15   24  95  90  68  106   85  9  125  108  115  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>114  63  8  42  30   104  74  98  13  58   25  21  61  20  44   54  17  118  11  93   75  92  80  36  28  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>107  73  40  102  78   97  86  39  47  19   113  112  51  7  34   37  18  110  105  4   32  101  62  23  100  </pre>	<p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>43  50  96  69  27   31  52  49  77  122   56  109  60  24  85   114  104  25  54  75   107  97  113  37  32  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>89  26  38  29  103   5  123  124  120  1   64  135  55  95  9   63  74  21  17  92   73  86  112  18  101  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>59  41  33  82  53   99  81  94  76  46   71  2  16  98  125   8  98  61  118  80   40  39  51  110  62  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>83  22  84  57  3   48  79  66  12  88   116  72  119  68  108   42  13  20  11  36   102  47  7  105  23  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>45  70  67  91  121   14  6  111  65  117   87  10  15  196  115   30  58  44  93  28   78  19  34  4  100  </pre>	<p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>43  31  56  114  107   89  5  64  63  73   59  99  71  8  40   83  48  116  42  102   45  14  87  30  78  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>50  52  109  104  97   26  123  35  74  86   41  81  2  98  39   22  79  72  13  47   70  6  10  58  19  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>96  49  60  25  113   38  124  55  21  112   33  94  16  61  51   84  66  119  20  7   67  111  15  44  34  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>69  77  24  54  37   29  120  95  17  18   82  76  90  118  110   57  12  68  11  105   91  65  106  93  4  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>27  122  85  75  32   103  1  9  92  101   53  46  125  88  62   3  88  108  36  23   121  117  115  28  100  </pre>	<p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>25  81  65  67  77   114  51  10  21  119   122  74  99  7  13   20  85  33  107  70   34  19  108  113  37  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>58  98  15  44  100   117  42  110  46  3   16  12  63  101  123   115  97  8  52  43   9  66  121  72  47  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>124  93  68  30  1   18  27  45  116  109   48  83  56  86  41   14  89  98  31  91   106  23  60  58  76  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>38  11  79  82  105   64  102  111  32  6   26  118  61  49  62   71  4  59  94  88   112  87  15  57  54  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>77  119  13  78  37   100  3  123  43  47   1  109  41  91  76   105  6  62  88  54   55  120  24  22  96  </pre>	<p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>25  114  122  20  34   58  117  16  115  9   124  18  48  14  106   38  64  26  71  112   69  2  103  95  55  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>81  51  74  85  19   98  42  12  97  66   16  12  63  101  123   11  102  118  14  87   29  92  28  40  120  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>65  10  99  33  108   15  110  63  8  121   68  45  56  98  60   79  111  61  59  5   84  39  36  125  24  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>67  21  7  107  113   44  46  101  52  72   30  116  86  31  58   82  32  49  94  57   80  104  73  35  22  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>20  115  14  71  95   85  97  89  4  40   33  8  90  59  125   107  52  31  94  35   70  43  91  88  17  </pre>	<p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>25  58  124  38  69   81  98  93  11  29   65  15  68  79  84   67  44  30  82  80   77  100  1  105  53  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>114  117  18  64  2   51  42  27  102  92   10  110  45  111  39   21  46  116  32  104   119  3  109  6  78  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>122  16  48  26  103   74  12  83  118  28   99  63  56  61  36   7  101  86  49  73   13  123  41  62  75  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>20  115  14  71  95   85  97  89  4  40   33  8  90  59  125   107  52  31  94  35   70  43  91  88  17  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>34  9  106  112  55   19  66  23  87  120   108  121  60  15  24   113  72  58  57  22   37  47  76  54  96  </pre>
<p>Nilai Objective Function Awal: 6276</p>	<p>Nilai Objective Function Akhir: 900</p>				

Plot Nilai Objective Function:



Banyak Restart yang Terjadi: 5

Jumlah Iterasi Setiap Restart:

- Iterasi Restart 0: 99
- Iterasi Restart 1: 113
- Iterasi Restart 2: 119
- Iterasi Restart 3: 118
- Iterasi Restart 4: 125
- Iterasi Restart 5: 116

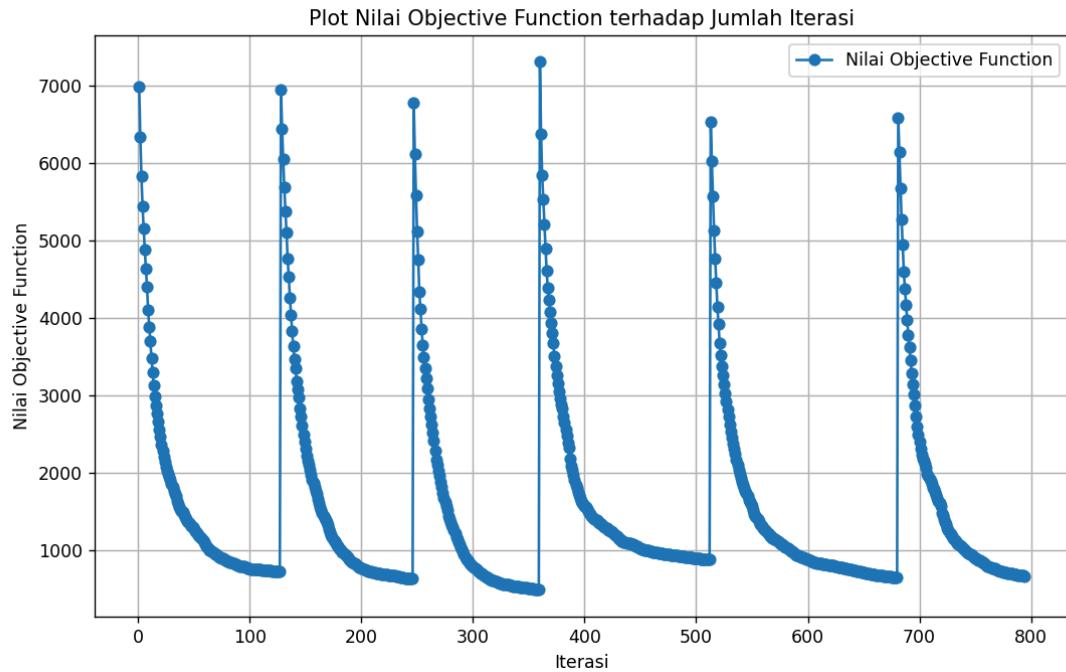
Durasi Proses Pencarian: 549890 ms

### Percobaan 3

State Awal Cube	State Akhir Cube
-----------------	------------------

<p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>8  110  57  12  76   35  10  79  96  103   107  34  125  95  3   21  67  113  52  45   30  58  115  2  71  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>97  39  1  80  55   18  87  72  33  50   94  17  36  48  4   68  7  54  120  62   22  118  78  82  83  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>91  119  26  24  85   32  75  53  36  89   109  59  46  66  61   104  122  23  5  105   99  112  47  123  19  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>73  86  64  27  70   108  43  60  65  106   56  6  98  69  117   74  14  84  81  92   28  13  88  90  15  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>114  63  121  111  9   101  77  116  44  102   11  25  20  37  100   41  51  124  93  48   49  31  42  16  29  </pre>	<p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>8  35  107  21  30   97  18  94  68  22   91  32  109  104  99   73  108  56  74  28   114  101  11  41  49  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>110  10  34  67  58   39  87  17  7  118   119  75  59  122  121   86  43  6  14  13   63  77  25  51  31  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>57  79  125  113  115   1  72  36  54  78   26  53  46  23  47   64  60  98  84  88   121  116  20  124  42  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>12  96  95  52  2   80  33  48  120  82   24  38  66  5  123   27  65  69  81  90   111  44  37  93  16  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>76  103  3  45  71   55  50  4  62  83   85  89  61  105  19   70  106  117  92  15   9  102  100  40  29  </pre>
<p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>8  97  91  73  114   110  39  119  86  63   57  1  26  64  121   12  80  24  27  111   76  55  85  70  9  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>93  44  106  56  16   1  79  115  58  71   90  42  13  124  47   8  88  78  51  99   103  59  89  106  102  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>38  118  21  34  104   102  4  95  65  48   55  70  57  28  105   94  61  23  122  17   27  62  119  66  41  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>30  89  39  72  85   125  69  19  91  9   22  96  49  45  103   98  43  88  84  5   35  20  121  26  113   45  62  105  92  40  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>73  63  109  32  37   30  22  99  28  49   58  118  112  13  31   115  78  47  88  42   2  82  123  90  16   71  83  19  15  29  </pre>	<p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>81  3  40  114  76   58  59  75  46  77   117  97  186  18  6   7  116  60  33  92   52  36  53  112  64  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>93  44  106  56  16   1  79  115  58  71   90  42  13  124  47   8  88  78  51  99   123  74  2  29  87  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>38  118  21  34  104   102  4  95  65  48   55  70  57  28  105   94  61  23  122  17   27  62  119  66  41  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>114  46  10  33  112   56  50  124  51  29   34  65  28  122  66   72  91  45  84  26   32  68  108  25  82  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>76  77  6  92  64   24  100  11  68  111   31  12  110  108  54   107  15  67  25  101   83  120  18  82  14  </pre>
<p>Nilai Objective Function Awal: 6979</p>	<p>Nilai Objective Function Akhir: 670</p>

Plot Nilai Objective Function:



Banyak Restart yang Terjadi: 5

Jumlah Iterasi Setiap Restart:

- Iterasi Restart 0: 126
- Iterasi Restart 1: 118
- Iterasi Restart 2: 112
- Iterasi Restart 3: 152
- Iterasi Restart 4: 167
- Iterasi Restart 5: 113

Durasi Proses Pencarian: 637409 ms

#### 4. Stochastic Hill-climbing

Metode Stochastic Hill-climbing dimulai dengan membuat sebuah cube yang berisikan angka acak. Ketika menggunakan metode ini, pengguna dapat mengatur batas jumlah iterasi maksimum yang dapat diubah melalui CLI. Lalu, akan dilakukan proses penukaran tiap nilai di dalamnya yang sesuai dengan penjelasan bagian II.2.4.

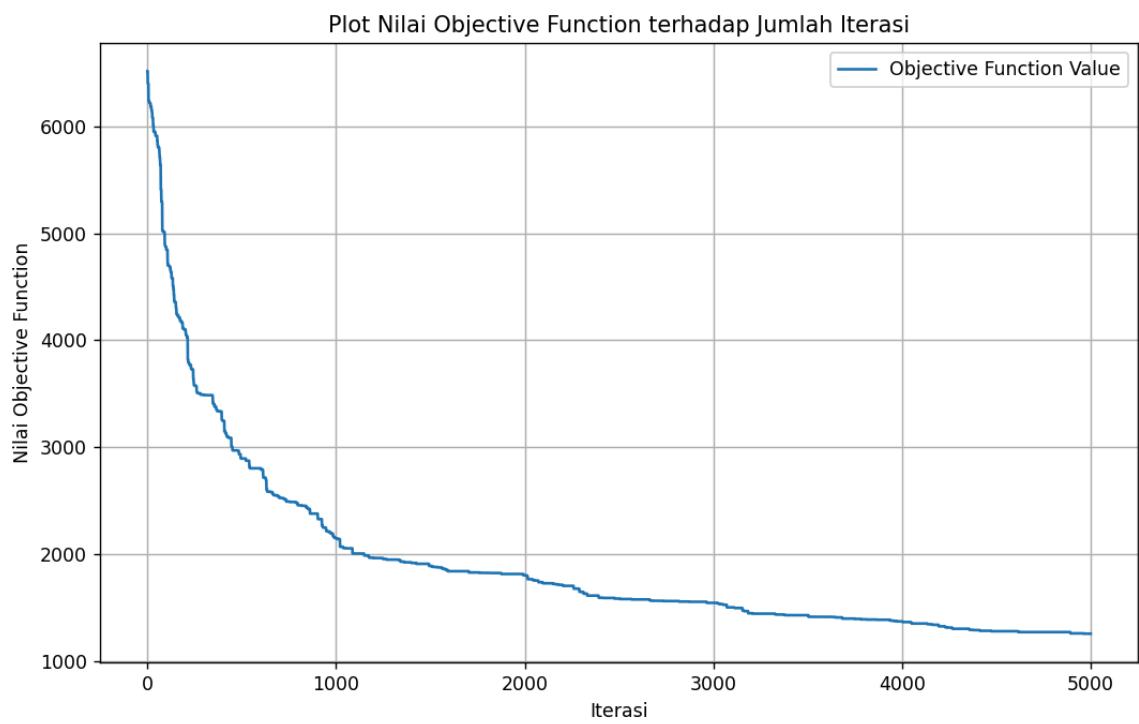
Program akan memberikan kondisi terminate berupa nilai cube (kondisi cube akhir), iterationSum (jumlah iterasi yang terjadi hingga proses pencarian berhenti), duration (durasi waktu yang terjadi dalam proses pencarian), dan plot nilai fungsi objektif terhadap banyak iterasi yang telah dilewati.

Pada eksperimen kali ini, kami mengatur batas jumlah iterasi maksimum adalah 5000. Berikut adalah hasil percobaan menggunakan metode Stochastic Hill-climbing:

### Percobaan 1

State Awal Cube		State Akhir Cube	
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x
----- Sisi ke- 1 ----- 102   26   33   110   56   111   24   17   92   11   55   43   86   103   114   89   61   87   45   108   30   120   54   80   62    ----- Sisi ke- 2 ----- 34   125   75   10   83   59   23   100   37   105   19   118   12   47   69   50   91   52   5   32   48   2   94   25   21    ----- Sisi ke- 3 ----- 57   31   70   35   68   98   71   74   17   49   116   73   22   112   115   72   39   51   29   119   79   42   106   9   64    ----- Sisi ke- 4 ----- 109   38   65   40   63   123   81   4   8   36   97   60   122   121   101   3   104   99   95   53   16   1   13   113   44    ----- Sisi ke- 5 ----- 84   124   96   78   41   46   67   107   18   20   28   14   66   77   88   7   76   27   15   58   82   6   85   90   93	----- Sisi ke- 1 ----- 102   111   55   89   30   34   59   19   50   48   57   98   116   72   79   109   123   97   3   16   84   46   28   7   82    ----- Sisi ke- 2 ----- 26   24   43   61   120   125   23   118   91   2   31   71   73   39   42   38   81   60   104   1   124   67   14   76   6    ----- Sisi ke- 3 ----- 33   17   86   87   54   75   100   12   52   94   70   74   22   51   106   65   4   122   99   13   96   107   66   27   85    ----- Sisi ke- 4 ----- 110   92   103   45   80   19   37   47   5   25   35   117   112   29   9   40   8   121   95   113   78   18   77   15   90    ----- Sisi ke- 5 ----- 56   11   114   108   62   83   105   69   32   21   68   49   115   119   64   63   36   101   53   44   41   20   88   58   93	----- Sisi ke- 1 ----- 102   34   57   109   84   26   125   31   38   124   33   75   70   65   96   110   10   35   40   78   56   83   68   63   41    ----- Sisi ke- 2 ----- 111   59   98   123   46   24   23   71   81   67   17   100   74   4   107   92   37   117   8   18   11   105   49   36   20    ----- Sisi ke- 3 ----- 55   19   116   97   28   43   118   73   60   14   86   12   22   122   66   103   47   112   121   77   114   69   115   101   88    ----- Sisi ke- 4 ----- 89   50   72   3   7   61   91   39   104   76   87   52   51   99   27   45   5   29   95   15   108   32   119   53   58    ----- Sisi ke- 5 ----- 30   48   79   16   82   120   2   42   1   6   54   94   106   13   85   80   25   9   113   90   62   21   64   44   93	----- Sisi ke- 1 ----- 39   89   40   73   78   122   45   31   96   21   58   29   109   94   22   111   34   53   8   112   1   120   76   51   82    ----- Sisi ke- 2 ----- 63   122   58   111   1   63   59   71   65   52   97   10   64   57   90   26   103   16   70   101   85   19   99   30   74    ----- Sisi ke- 3 ----- 89   45   29   34   120   104   35   124   42   14   71   124   17   60   41   66   43   68   18   117   46   77   84   88   24   9   115   13   119   33    ----- Sisi ke- 4 ----- 40   31   109   53   76   5   105   17   87   110   69   95   55   6   106   125   2   83   79   15   72   102   49   91   11    ----- Sisi ke- 5 ----- 111   65   57   70   30   34   42   18   88   119   53   87   6   79   91   8   80   123   93   12   112   32   118   4   54    ----- Sisi ke- 6 ----- 1   52   90   101   74   120   14   117   24   33   76   110   106   15   11   51   28   7   113   116   82   114   3   36   81
Nilai Objective Function Awal: 6515		Nilai Objective Function Akhir: 1257	

Plot Nilai Objective Function:



Banyak Iterasi yang Dilakukan: 5000

Durasi Proses Pencarian: 856 ms

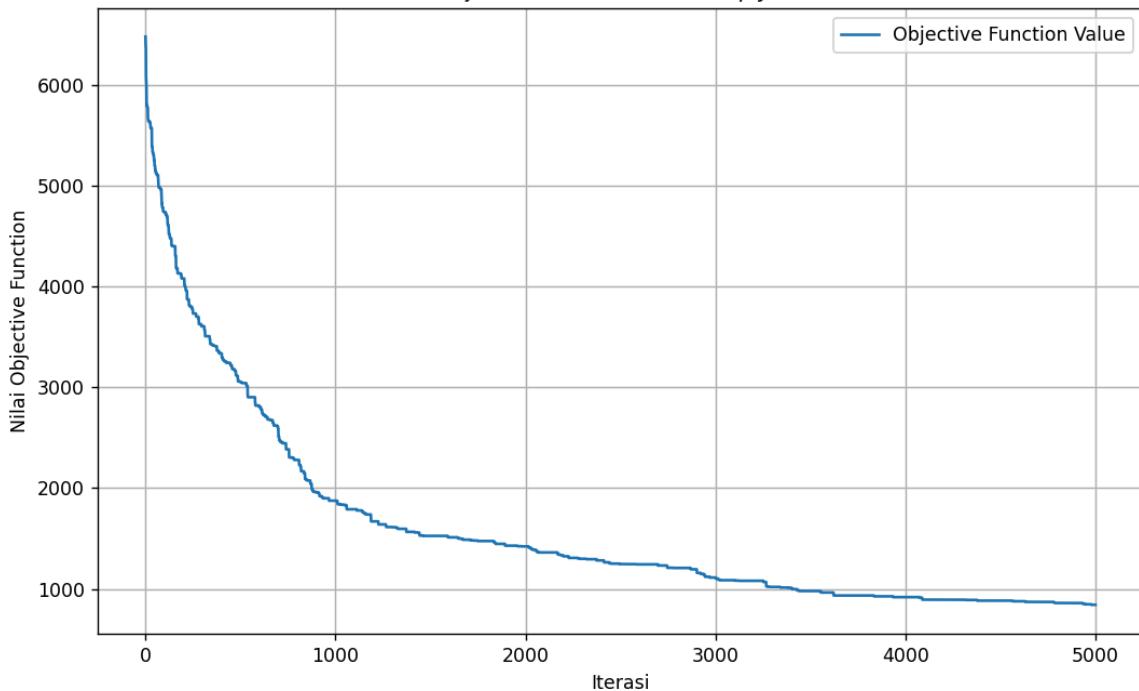
## Percobaan 2

State Awal Cube	State Akhir Cube																																																																																																																																																																																																																																																												
<p style="text-align: center;"><i>z</i></p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td>87</td><td>115</td><td>1</td><td>45</td><td>42</td><td>52</td><td>22</td><td>43</td><td>7</td></tr> <tr><td>27</td><td>20</td><td>37</td><td>17</td><td>108</td><td>34</td><td>121</td><td>121</td><td>6</td></tr> <tr><td>11</td><td>88</td><td>25</td><td>101</td><td>86</td><td>5</td><td>79</td><td>59</td><td>93</td></tr> <tr><td>106</td><td>51</td><td>324</td><td>97</td><td>13</td><td>67</td><td>100</td><td>100</td><td>107</td></tr> <tr><td>107</td><td>62</td><td>92</td><td>104</td><td>36</td><td>123</td><td>111</td><td>65</td><td>103</td></tr> <tr><td>103</td><td>39</td><td>113</td><td>33</td><td>123</td><td>5</td><td>74</td><td>76</td><td>81</td></tr> <tr><td>81</td><td>31</td><td>99</td><td>56</td><td>124</td><td>17</td><td>105</td><td>64</td><td>102</td></tr> <tr><td>69</td><td>119</td><td>118</td><td>49</td><td>124</td><td>17</td><td>85</td><td>19</td><td>77</td></tr> <tr><td>82</td><td>90</td><td>36</td><td>54</td><td>81</td><td>12</td><td>10</td><td>75</td><td>77</td></tr> <tr><td>905</td><td>28</td><td>115</td><td>115</td><td>20</td><td>11</td><td>16</td><td>89</td><td>60</td></tr> <tr><td>71</td><td>158</td><td>784</td><td>15</td><td>22</td><td>57</td><td>68</td><td>68</td><td>44</td></tr> <tr><td>44</td><td>41</td><td>109</td><td>23</td><td>46</td><td>9</td><td>125</td><td>29</td><td>109</td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table> <p style="text-align: center;"><i>y</i></p>	87	115	1	45	42	52	22	43	7	27	20	37	17	108	34	121	121	6	11	88	25	101	86	5	79	59	93	106	51	324	97	13	67	100	100	107	107	62	92	104	36	123	111	65	103	103	39	113	33	123	5	74	76	81	81	31	99	56	124	17	105	64	102	69	119	118	49	124	17	85	19	77	82	90	36	54	81	12	10	75	77	905	28	115	115	20	11	16	89	60	71	158	784	15	22	57	68	68	44	44	41	109	23	46	9	125	29	109										<p style="text-align: center;"><i>z</i></p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td>38</td><td>115</td><td>61</td><td>45</td><td>52</td><td>29</td><td>94</td><td>92</td><td>43</td></tr> <tr><td>90</td><td>24</td><td>66</td><td>114</td><td>34</td><td>17</td><td>101</td><td>106</td><td>16</td></tr> <tr><td>6</td><td>26</td><td>46</td><td>83</td><td>101</td><td>3</td><td>58</td><td>63</td><td>57</td></tr> <tr><td>81</td><td>18</td><td>53</td><td>5</td><td>65</td><td>123</td><td>113</td><td>47</td><td>12586</td></tr> <tr><td>75</td><td>69</td><td>67</td><td>21</td><td>15</td><td>12586</td><td>6862</td><td>72</td><td>72</td></tr> <tr><td>102</td><td>77</td><td>65</td><td>13</td><td>84</td><td>85</td><td>1055</td><td>107</td><td>107</td></tr> <tr><td>36</td><td>44</td><td>98</td><td>59</td><td>88</td><td>384</td><td>88</td><td>107</td><td>107</td></tr> <tr><td>49</td><td>42</td><td>60</td><td>30</td><td>31</td><td>4</td><td>4</td><td>74</td><td>74</td></tr> <tr><td>91</td><td>110</td><td>89</td><td>56</td><td>87</td><td>128</td><td>76</td><td>74</td><td>74</td></tr> <tr><td>235</td><td>20</td><td>149</td><td>149</td><td>149</td><td>149</td><td>149</td><td>149</td><td>149</td></tr> <tr><td>71</td><td>194</td><td>112</td><td>112</td><td>112</td><td>112</td><td>112</td><td>112</td><td>112</td></tr> <tr><td>78</td><td>93</td><td>1169</td><td>1169</td><td>1169</td><td>1169</td><td>1169</td><td>1169</td><td>103</td></tr> <tr><td>54</td><td>54</td><td>50</td><td>50</td><td>50</td><td>50</td><td>50</td><td>50</td><td>50</td></tr> <tr><td>22</td><td>22</td><td>14</td><td>14</td><td>14</td><td>14</td><td>14</td><td>14</td><td>14</td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table> <p style="text-align: center;"><i>x</i></p>	38	115	61	45	52	29	94	92	43	90	24	66	114	34	17	101	106	16	6	26	46	83	101	3	58	63	57	81	18	53	5	65	123	113	47	12586	75	69	67	21	15	12586	6862	72	72	102	77	65	13	84	85	1055	107	107	36	44	98	59	88	384	88	107	107	49	42	60	30	31	4	4	74	74	91	110	89	56	87	128	76	74	74	235	20	149	149	149	149	149	149	149	71	194	112	112	112	112	112	112	112	78	93	1169	1169	1169	1169	1169	1169	103	54	54	50	50	50	50	50	50	50	22	22	14	14	14	14	14	14	14									
87	115	1	45	42	52	22	43	7																																																																																																																																																																																																																																																					
27	20	37	17	108	34	121	121	6																																																																																																																																																																																																																																																					
11	88	25	101	86	5	79	59	93																																																																																																																																																																																																																																																					
106	51	324	97	13	67	100	100	107																																																																																																																																																																																																																																																					
107	62	92	104	36	123	111	65	103																																																																																																																																																																																																																																																					
103	39	113	33	123	5	74	76	81																																																																																																																																																																																																																																																					
81	31	99	56	124	17	105	64	102																																																																																																																																																																																																																																																					
69	119	118	49	124	17	85	19	77																																																																																																																																																																																																																																																					
82	90	36	54	81	12	10	75	77																																																																																																																																																																																																																																																					
905	28	115	115	20	11	16	89	60																																																																																																																																																																																																																																																					
71	158	784	15	22	57	68	68	44																																																																																																																																																																																																																																																					
44	41	109	23	46	9	125	29	109																																																																																																																																																																																																																																																					
38	115	61	45	52	29	94	92	43																																																																																																																																																																																																																																																					
90	24	66	114	34	17	101	106	16																																																																																																																																																																																																																																																					
6	26	46	83	101	3	58	63	57																																																																																																																																																																																																																																																					
81	18	53	5	65	123	113	47	12586																																																																																																																																																																																																																																																					
75	69	67	21	15	12586	6862	72	72																																																																																																																																																																																																																																																					
102	77	65	13	84	85	1055	107	107																																																																																																																																																																																																																																																					
36	44	98	59	88	384	88	107	107																																																																																																																																																																																																																																																					
49	42	60	30	31	4	4	74	74																																																																																																																																																																																																																																																					
91	110	89	56	87	128	76	74	74																																																																																																																																																																																																																																																					
235	20	149	149	149	149	149	149	149																																																																																																																																																																																																																																																					
71	194	112	112	112	112	112	112	112																																																																																																																																																																																																																																																					
78	93	1169	1169	1169	1169	1169	1169	103																																																																																																																																																																																																																																																					
54	54	50	50	50	50	50	50	50																																																																																																																																																																																																																																																					
22	22	14	14	14	14	14	14	14																																																																																																																																																																																																																																																					

Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z
----- Sisi ke- 1 ----- 112   33   24   83   42   4   76   13   5   52   12   105   65   79   22   94   85   48   26   43   60   77   102   93   7   ----- Sisi ke- 2 ----- 118   99   32   37   45   38   124   104   101   108   110   91   55   66   34   117   10   64   100   121   68   89   19   61   6   ----- Sisi ke- 3 ----- 40   31   62   70   1   21   95   113   78   17   73   18   56   97   86   15   50   47   111   8   57   16   75   3   59   ----- Sisi ke- 4 ----- 35   119   103   11   115   53   80   2   51   20   41   58   28   92   25   23   63   72   74   36   125   122   120   14   67   ----- Sisi ke- 5 ----- 71   82   81   106   87   44   98   69   107   27   109   116   98   39   88   9   30   96   49   114   29   46   84   54   123	----- Sisi ke- 1 ----- 112   4   12   94   68   118   38   110   117   68   40   21   73   15   57   35   53   41   23   125   71   44   109   9   29   ----- Sisi ke- 2 ----- 33   76   105   85   77   99   124   91   10   89   31   95   18   50   16   119   80   58   63   122   82   90   116   30   46   ----- Sisi ke- 3 ----- 24   13   65   48   102   32   104   55   64   19   62   113   56   47   75   103   2   28   72   120   81   69   98   96   84   ----- Sisi ke- 4 ----- 83   5   79   26   93   37   101   66   100   61   70   78   97   111   3   11   51   92   74   14   106   107   39   49   54   ----- Sisi ke- 5 ----- 42   52   22   43   7   45   108   34   121   6   1   17   86   8   59   115   20   25   36   67   87   27   88   114   123	----- Sisi ke- 1 ----- 112   118   40   35   71   33   99   31   119   82   24   32   62   103   81   83   37   70   11   106   42   45   1   115   87   ----- Sisi ke- 2 ----- 4   38   21   53   44   76   124   95   89   90   13   104   113   2   69   5   101   78   51   107   52   108   17   20   27   ----- Sisi ke- 3 ----- 12   110   73   41   109   105   91   18   58   116   65   55   56   28   98   79   66   97   92   39   22   34   86   25   88   ----- Sisi ke- 4 ----- 94   117   15   23   9   85   10   58   63   30   48   64   47   72   96   26   100   111   74   49   43   121   8   36   114   ----- Sisi ke- 5 ----- 60   68   57   125   29   77   89   16   122   46   102   19   75   120   84   93   61   3   14   54   7   6   59   67   123   ----- Sisi ke- 1 ----- 99   13   67   83   52   80   95   15   101   29   1   104   62   58   94   119   31   55   17   92   39   74   107   57   43   ----- Sisi ke- 2 ----- 99   80   1   119   39   89   11   97   8   103   20   23   73   116   82   35   124   93   58   14   71   78   54   22   87   ----- Sisi ke- 3 ----- 99   89   20   35   71   13   98   42   70   91   67   32   77   102   36   83   46   108   6   81   52   45   61   115   38   ----- Sisi ke- 2 ----- 80   11   23   124   78   95   30   105   64   27   15   113   96   25   40   181   53   18   69   75   29   114   66   24   90   ----- Sisi ke- 3 ----- 1   97   73   93   54   104   37   49   48   79   62   85   59   10   110   58   65   21   123   44   94   34   117   41   26   ----- Sisi ke- 4 ----- 119   8   116   50   22   31   28   121   111   9   55   88   7   51   118   17   86   68   84   60   92   106   3   5   109   ----- Sisi ke- 5 ----- 39   103   82   14   87   74   120   2   19   112   107   4   76   122   12   57   72   100   33   56   43   16   63   125   47	----- Sisi ke- 1 ----- ----- Sisi ke- 2 ----- ----- Sisi ke- 3 ----- ----- Sisi ke- 4 ----- ----- Sisi ke- 5 ----- Nilai Objective Function Awal: 6476 Nilai Objective Function Akhir: 844		

Plot Nilai Objective Function:

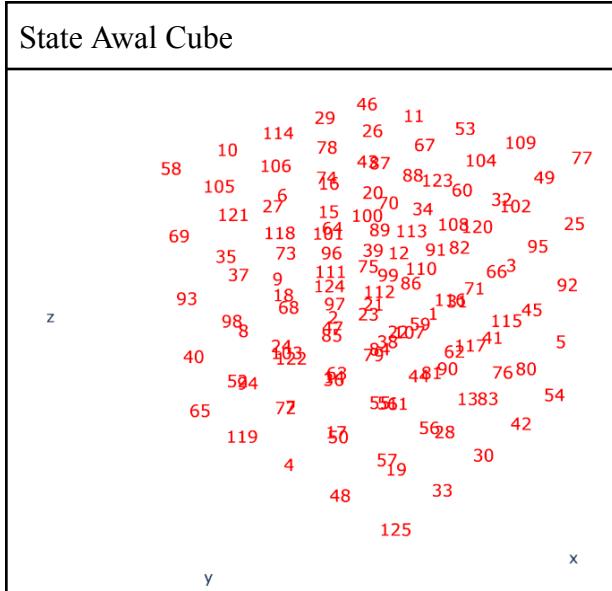
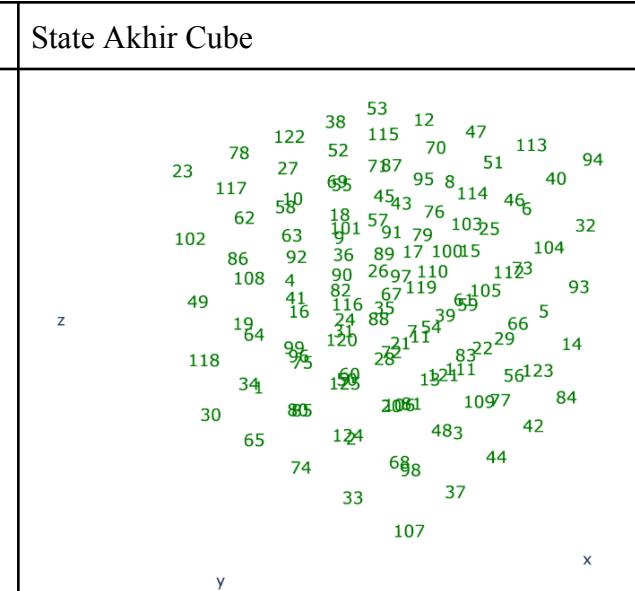
Plot Nilai Objective Function terhadap Jumlah Iterasi



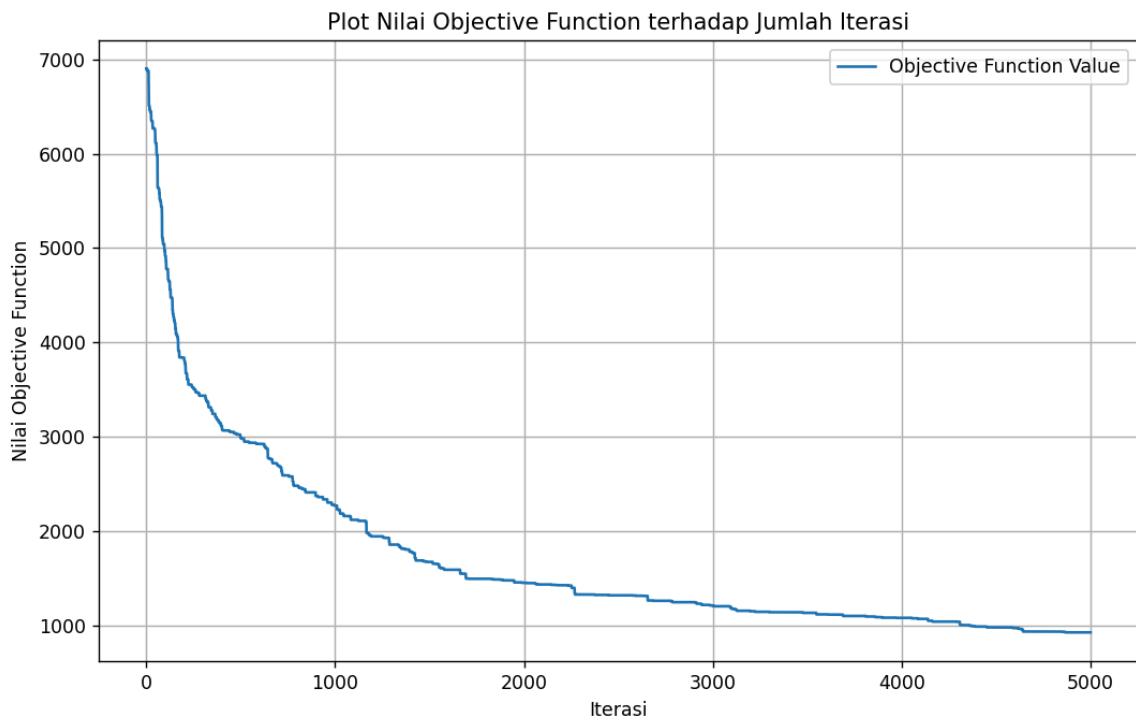
Banyak Iterasi yang Dilakukan: 5000

Durasi Proses Pencarian: 914 ms

### Percobaan 3

State Awal Cube	State Akhir Cube
 z y x	 z y x
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y
----- Sisi ke- 1 ----- 23   75   100   43   46   107   86   113   88   11   62   31   82   60   53   76   115   3   102   109   54   5   92   25   77	----- Sisi ke- 1 ----- 23   107   62   76   54   85   79   44   13   42   122   36   55   56   30   94   7   17   57   33   65   119   4   48   125
----- Sisi ke- 2 ----- 85   124   101   74   29   79   21   39   20   26   44   59   110   34   67   13   117   71   120   104   42   80   45   95   49	----- Sisi ke- 2 ----- 75   86   31   115   5   124   21   59   117   80   68   47   84   81   83   8   103   14   51   28   40   52   72   50   19
----- Sisi ke- 3 ----- 122   68   73   6   114   36   47   111   15   78   55   84   112   89   87   56   81   1   91   123   30   83   41   66   32	----- Sisi ke- 3 ----- 100   113   82   3   92   101   39   110   71   45   73   111   122   1   41   37   18   2   38   90   93   98   24   63   61
----- Sisi ke- 4 ----- 94   8   37   121   10   7   103   18   118   106   17   14   2   96   16   57   51   38   99   70   33   28   90   116   108	----- Sisi ke- 4 ----- 43   88   60   102   25   74   20   34   120   95   6   15   89   91   66   121   118   96   99   116   69   35   9   97   22
----- Sisi ke- 5 ----- 65   40   93   69   58   119   52   98   35   185   4   72   24   9   27   48   50   63   97   64   125   19   61   22   12	----- Sisi ke- 5 ----- 46   11   53   109   77   29   26   67   104   49   114   78   87   123   32   10   106   16   70   108   58   105   27   64   12
Nilai Objective Function Awal: 6903	Nilai Objective Function Akhir: 924

Plot Nilai Objective Function:



Banyak Iterasi yang Dilakukan: 5000

Durasi Proses Pencarian: 844 ms

## 5. Simulated Annealing

Metode Simulated Annealing dimulai dengan membuat sebuah cube yang berisikan angka acak. Lalu, akan dilakukan proses penukaran tiap nilai di dalamnya yang sesuai dengan penjelasan bagian II.2.5. Metode ini memerlukan input parameter berupa  $T$  (temperatur), coolingRate (jumlah penurunan temperatur tiap iterasi), dan threshold (ambang batas yang membolehkan perubahan nilai jika kondisi neighbor lebih kecil dari current value).

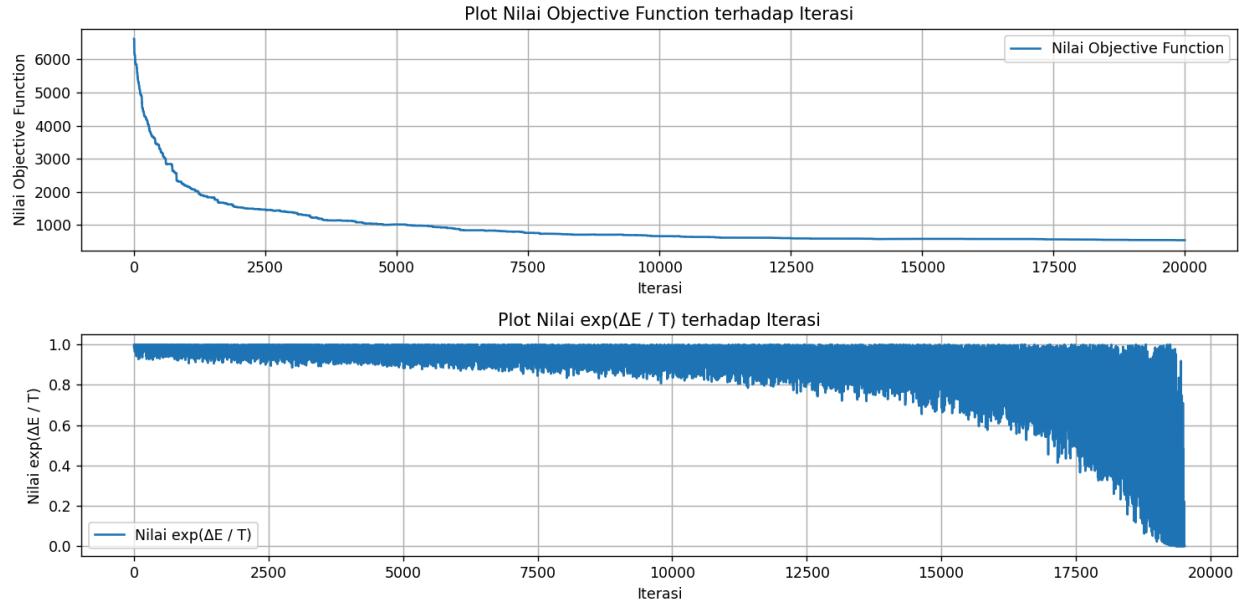
Lalu, program akan berhenti ketika nilai  $T$  sudah mencapai 0 dan/atau sudah mendapatkan nilai maksimal. Dari fungsi ini akan memberikan kondisi terminate berupa nilai cube (kondisi cube akhir), stuck (jumlah ketika nilai neighbor > current value, tetapi probabilitas yang dihasilkan di bawah threshold), duration (durasi waktu yang terjadi dalam proses pencarian), dan plot nilai fungsi objektif terhadap banyak iterasi yang telah dilewati.

Percobaan kali ini dilakukan dengan menetapkan temperatur awal sebesar 10000, penurunan suhu sebesar 0.5, dan threshold sebesar 0.9995 untuk percobaan 1 dan 2. Dan temperatur awal 1000, penurunan suhu 1, dan threshold sebesar 0.5 untuk percobaan 3. Berikut adalah hasil percobaan menggunakan metode Simulated Annealing:

## Percobaan 1

State Awal Cube		State Akhir Cube	
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x
----- Sisi ke- 1 ----- 35   68   30   61   43   20   95   89   99   48   112   102   15   26   41   81   110   22   83   37   66   65   28   57   25    ----- Sisi ke- 2 ----- 104   97   1   3   14   124   12   18   105   23   96   78   5   29   74   16   115   54   39   18   63   9   117   92   101    ----- Sisi ke- 3 ----- 75   79   21   69   119   108   86   84   59   116   27   122   46   76   106   111   93   55   45   118   100   42   70   52   82    ----- Sisi ke- 4 ----- 8   103   113   80   114   53   6   32   49   50   107   13   40   120   98   33   91   56   44   60   19   17   85   109   51    ----- Sisi ke- 5 ----- 71   73   125   64   36   38   94   31   72   7   67   24   77   34   58   121   11   62   2   88   87   123   4   47   90	----- Sisi ke- 1 ----- 35   20   112   81   66   104   124   96   16   63   75   108   27   101   100   8   53   107   33   19   71   38   67   121   87    ----- Sisi ke- 2 ----- 68   95   102   110   65   97   12   78   115   9   79   86   122   93   42   103   6   13   91   17   73   94   24   11   123    ----- Sisi ke- 3 ----- 30   89   15   22   28   1   18   5   54   17   21   84   46   55   70   113   32   40   56   85   125   31   77   62   4    ----- Sisi ke- 4 ----- 61   99   26   83   57   3   105   29   39   92   69   59   76   45   52   80   49   120   44   109   64   72   34   2   47    ----- Sisi ke- 5 ----- 43   48   41   37   25   14   23   74   10   101   119   116   106   118   82   114   50   98   60   51   36   7   58   88   90	----- Sisi ke- 1 ----- 35   104   75   8   71   68   97   79   103   73   30   1   21   113   125   61   3   69   80   64   43   14   119   114   36    ----- Sisi ke- 2 ----- 101   89   120   44   40   50   41   122   34   69   120   111   45   10   28   44   99   103   58   40   62   43   104   65    ----- Sisi ke- 3 ----- 1   41   111   99   62   89   86   39   102   3   19   39   21   112   123   6   102   64   56   87   105   3   124   32   48    ----- Sisi ke- 4 ----- 70   77   7   83   81   88   26   97   17   90   24   78   63   84   60   46   54   29   118   68   95   80   119   13   16    ----- Sisi ke- 5 ----- 72   122   45   15   43   72   30   21   64   124   7   97   63   29   119   36   51   115   109   9   107   12   71   100   20	----- Sisi ke- 1 ----- 61   101   70   14   82   1   89   77   96   52   92   72   7   36   107   67   37   83   106   22   94   14   81   73   53    ----- Sisi ke- 2 ----- 50   85   88   66   25   41   86   26   49   114   122   30   97   51   12   34   75   17   59   125   69   42   90   91   23    ----- Sisi ke- 3 ----- 120   19   24   117   35   111   39   78   76   11   45   21   63   115   71   10   112   84   2   108   28   123   60   8   93    ----- Sisi ke- 4 ----- 44   6   46   98   121   99   102   54   38   18   15   64   29   109   100   103   56   118   33   5   58   87   68   31   79    ----- Sisi ke- 5 ----- 40   105   95   27   47   62   3   80   55   116   43   124   119   9   20   104   32   13   110   57   65   48   16   113   74
Nilai Objective Function Awal: 6623	Nilai Objective Function Akhir: 544		

Plot Nilai Objective Function dan Nilai  $e^{\frac{\Delta E}{T}}$  terhadap Banyak Iterasi:



Frekuensi Terjadi Stuck: 19196

Durasi Proses Pencarian: 23753 ms

## Percobaan 2

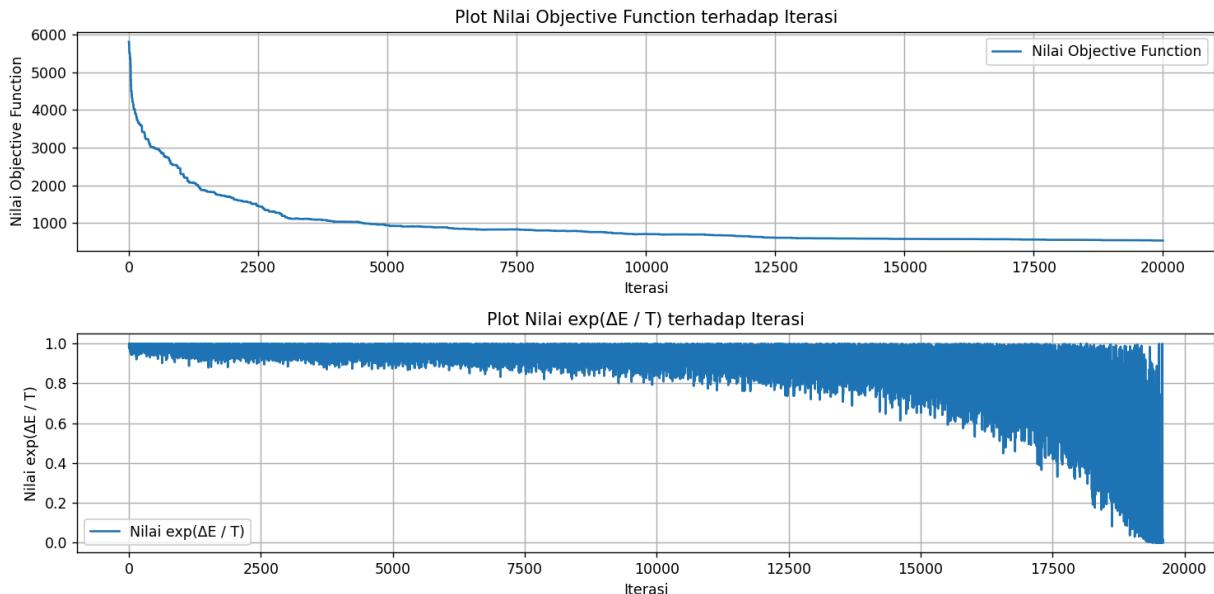
State Awal Cube	State Akhir Cube
<p>z</p> <p>y</p> <p>x</p>	<p>z</p> <p>y</p> <p>x</p>

Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z
----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----
66   103   124   87   56   16   119   91   33   106   26   37   62   8   101   120   53   25   27   54   42   92   75   104   15	66   16   26   120   42   18   84   112   55   39   31   35   69   19   6   98   58   94   60   68   100   7   45   46   67	66   18   31   98   100   103   80   2   3   108   124   122   97   12   102   87   52   5   59   86   56   116   57   111   77	10   13   114   88   87   48   85   79   65   49   44   113   43   14   97   112   22   46   117   18   100   80   35   33   66	10   48   44   112   100   62   122   49   28   64   59   27   105   69   56   111   11   118   30   37   71   106   9   77   53	10   62   59   111   71   13   61   29   110   102   114   76   99   6   19   88   3   90   70   75   87   121   39   17   50
----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----
18   80   122   52   116   84   72   83   82   99   112   64   50   115   20   55   41   29   74   76   39   93   43   73   38	103   119   37   53   92   88   72   64   41   93   2   123   51   125   23   3   14   110   65   89   108   9   22   81   10	16   84   35   58   7   119   72   123   14   9   91   83   47   21   107   33   82   113   118   117   106   99   30   13   32	62   61   76   3   121   122   98   7   67   16   40   94   31   124   24   28   8   104   74   103   64   58   96   47   51	13   85   113   22   80   61   98   94   8   58   29   41   107   101   36   110   32   1   60   115   102   57   5   123   26	48   122   27   11   106   85   98   41   32   57   79   7   45   78   108   65   67   73   109   2   49   16   125   83   42
----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----
31   2   97   5   57   35   123   47   113   30   69   51   85   4   121   19   125   90   61   11   6   23   1   71   95	124   91   62   25   75   122   83   58   29   43   97   47   85   90   1   12   21   28   44   105   102   107   79   34   36	26   112   69   94   45   37   64   51   110   22   62   50   85   28   79   8   115   4   63   88   101   20   121   114   24	59   29   99   90   39   27   41   45   73   125   62   50   87   68   23   12   69   101   86   38   20   56   36   15   92   116	114   79   43   46   35   76   7   31   104   96   99   45   68   86   15   6   78   82   54   95   19   108   91   25   72	44   40   105   118   9   113   94   107   1   5   43   31   68   82   91   14   124   23   21   120   97   24   12   93   89
----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----
98   3   12   59   111   58   14   21   118   13   94   110   28   63   114   60   65   44   70   78   68   89   105   49   17	87   33   8   27   104   52   82   115   74   73   5   113   4   61   71   59   118   63   70   49   86   117   88   40   109	120   55   19   60   46   53   41   125   65   81   25   29   90   44   34   27   74   61   70   40   54   76   11   78   96	111   110   6   70   17   11   32   78   109   83   118   1   82   21   93   30   60   54   52   119   37   115   95   63   4	88   65   14   117   33   3   67   124   74   47   90   73   23   38   92   70   109   21   52   63   75   2   120   34   84	112   28   69   30   77   22   8   101   60   123   46   104   86   54   25   117   74   38   52   34   18   103   20   119   55
----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----
100   108   102   86   77   7   9   107   117   32   45   22   79   88   24   46   81   34   40   96   67   10   36   109   48	56   106   101   54   15   116   99   20   76   38   57   30   121   11   95   111   13   114   78   17   77   32   24   96   48	42   39   6   68   67   92   93   23   89   10   75   43   1   105   36   104   73   71   49   109   15   38   95   17   48	71   102   19   75   50   106   57   108   2   42   9   5   91   120   89   77   123   25   34   55   53   26   72   84   81	87   49   97   18   66   121   16   24   103   51   39   125   12   20   116   17   83   93   119   4   50   42   89   55   81	100   64   56   37   53   88   58   36   115   26   35   96   15   95   72   33   47   92   63   84   66   51   116   4   81

Nilai Objective Function Awal: 5831

Nilai Objective Function Akhir: 534

Plot Nilai Objective Function dan Nilai  $e^{\frac{\Delta E}{T}}$  terhadap Banyak Iterasi:



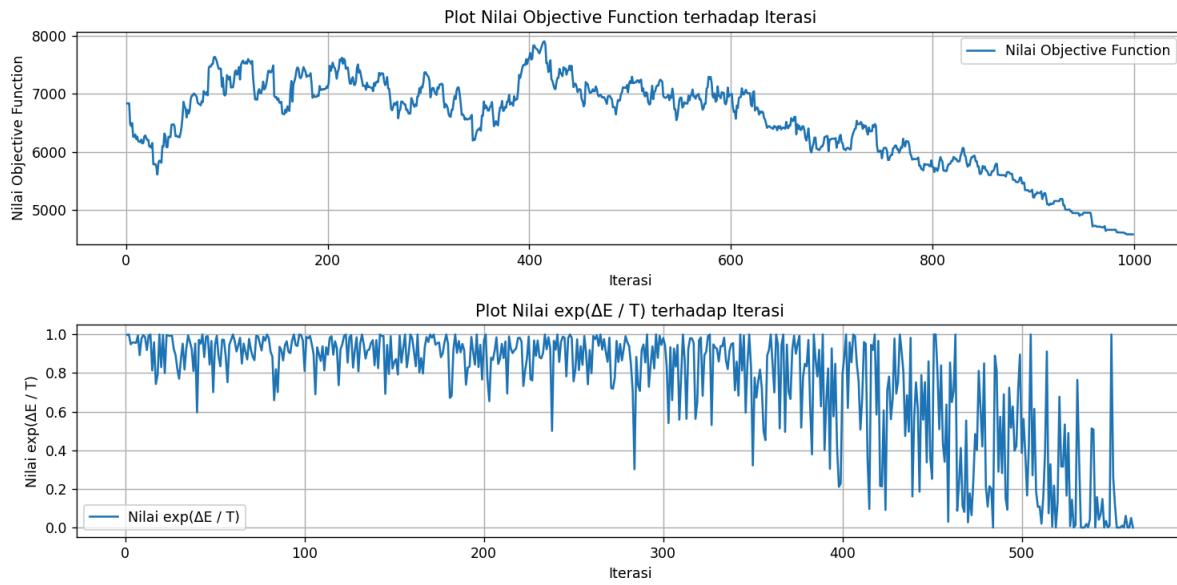
Frekuensi Terjadi Stuck: 19294

Durasi Proses Pencarian: 26302 ms

### Percobaan 3

State Awal Cube		State Akhir Cube			
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z
----- Sisi ke- 1 ----- 94   49   83   42   63   22   5   27   89   82   81   87   122   102   33   48   45   91   115   93   60   100   58   109   12    ----- Sisi ke- 2 ----- 18   66   55   17   9   38   11   46   108   123   77   85   73   4   78   52   90   35   99   86   67   15   79   30   31    ----- Sisi ke- 3 ----- 95   1   121   29   64   25   7   32   96   97   116   3   23   114   65   112   88   72   69   28   84   118   21   16   54    ----- Sisi ke- 4 ----- 70   40   76   101   28   50   51   111   117   104   107   26   103   57   62   44   6   68   43   41   34   10   105   56   47    ----- Sisi ke- 5 ----- 92   113   14   36   120   37   98   24   59   88   13   125   74   8   39   19   2   119   61   110   124   71   75   106   53	----- Sisi ke- 1 ----- 94   22   81   48   60   18   38   77   52   67   95   25   116   112   84   78   50   107   44   34   92   37   13   19   124    ----- Sisi ke- 2 ----- 49   5   87   45   100   66   11   85   90   15   1   7   3   88   118   40   51   26   6   10   113   98   125   2   71    ----- Sisi ke- 3 ----- 83   27   122   91   58   55   46   73   35   79   121   32   23   72   21   76   111   103   66   105   14   24   74   119   75    ----- Sisi ke- 4 ----- 42   89   102   115   109   17   108   4   99   30   29   96   114   69   16   101   117   57   43   56   36   59   8   61   106    ----- Sisi ke- 5 ----- 63   82   33   93   12   9   123   78   86   31   64   97   65   20   54   28   104   62   41   47   120   80   39   110   53	----- Sisi ke- 1 ----- 94   18   95   70   92   49   66   1   48   113   83   55   121   76   14   42   17   29   101   36   63   9   64   28   120    ----- Sisi ke- 2 ----- 22   38   25   50   37   5   11   7   51   98   27   46   32   111   24   89   108   96   117   59   82   123   97   104   80    ----- Sisi ke- 3 ----- 81   77   116   107   13   55   46   73   35   79   122   73   23   103   74   102   4   114   57   8   33   78   65   62   39    ----- Sisi ke- 4 ----- 48   52   112   44   19   45   90   88   6   2   91   35   72   68   119   115   99   69   43   61   93   86   20   41   110    ----- Sisi ke- 5 ----- 60   67   84   34   124   100   15   118   18   71   58   79   21   105   75   109   30   16   56   106   12   31   54   47   53	----- Sisi ke- 1 ----- 13   94   61   29   105   15   86   87   112   3   120   79   6   107   9   42   24   71   20   124   113   19   137   60   91    ----- Sisi ke- 2 ----- 13   15   120   45   113   115   116   14   7   51   122   28   16   90   17   56   83   49   106   77   32   117   110   11   22    ----- Sisi ke- 3 ----- 94   86   79   24   19   39   78   47   111   8   14   47   98   104   96   7   111   108   80   44   51   8   118   103   59    ----- Sisi ke- 4 ----- 61   87   6   71   37   84   42   98   108   118   97   76   40   26   119   46   50   48   73   30   12   68   57   34   21    ----- Sisi ke- 5 ----- 105   3   9   124   91   10   92   96   44   59   101   70   102   43   5   54   53   58   52   69   66   89   63   75   1		
Nilai Objective Function Awal: 6833		Nilai Objective Function Akhir: 4581			

Plot Nilai Objective Function dan Nilai  $e^{\frac{\Delta E}{T}}$  Terhadap Banyak Iterasi:



Frekuensi Terjadi Stuck: 102

Durasi Proses Pencarian: 1093 ms

## 6. Genetic Algorithm

Metode Genetic Algorithm akan menerima input parameter berupa nilai jumlah populasi dan banyak iterasi. Lalu, akan dibuat cube setara dengan jumlah populasi yang diberikan. Setiap cube akan dilakukan proses penukaran tiap nilai di dalamnya yang sesuai dengan penjelasan bagian II.2.6.

Program akan berhenti ketika jumlah maksimum iterasi sudah tercapai. Dari fungsi ini juga akan memberikan kondisi terminate berupa nilai cube (kondisi cube akhir), duration (durasi waktu yang terjadi dalam proses pencarian), jumlah populasi, banyak iterasi, dan plot nilai fungsi objektif terhadap banyak iterasi yang telah dilewati.

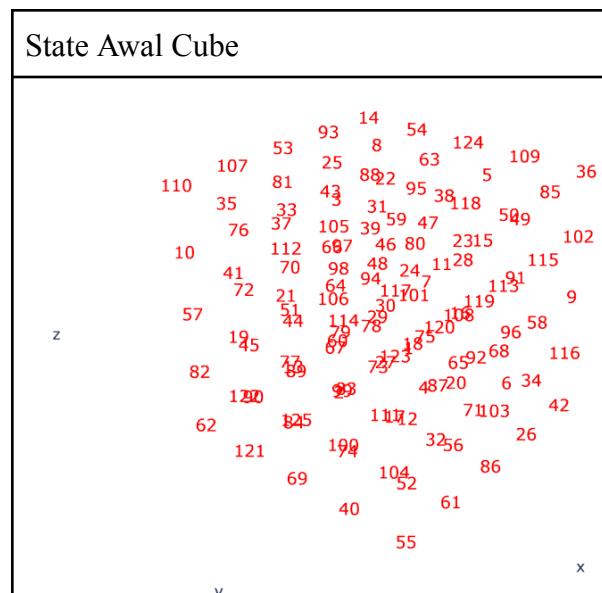
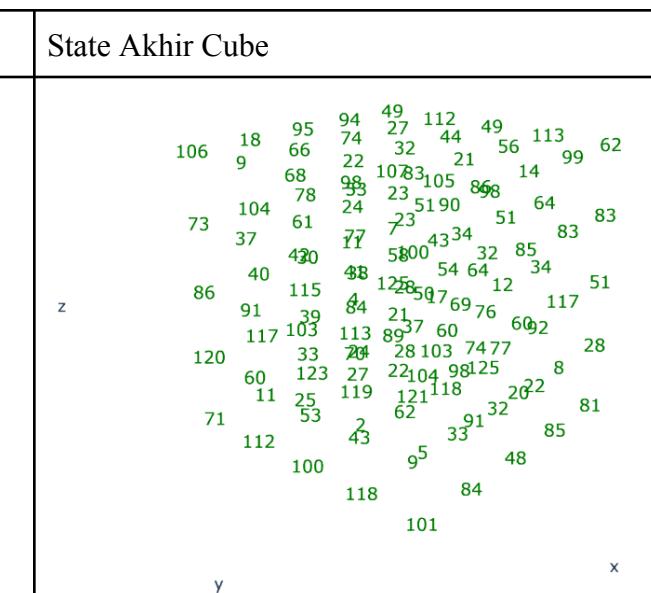
Percobaan ini akan dilakukan 2 variasi, yakni jumlah populasi sebagai kontrol dan jumlah iterasi sebagai kontrol. Berikut adalah hasil percobaan menggunakan metode Genetic Algorithm:

### 1. Variasi Kontrol Jumlah Populasi:

Variasi ini akan menetapkan jumlah populasi sebanyak 100 sebagai kontrol. Lalu, akan diberikan jumlah maksimum iterasi menjadi 3 jenis, yakni sebesar 10, 100, dan 1000. Berikut adalah hasil percobaan menggunakan metode Genetic Algorithm dengan variansi jumlah populasi sebagai kontrol yang ditetapkan:

#### 1.1 - Jumlah Maksimum Iterasi 10

##### Percobaan 1

State Awal Cube	State Akhir Cube				
					
Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z

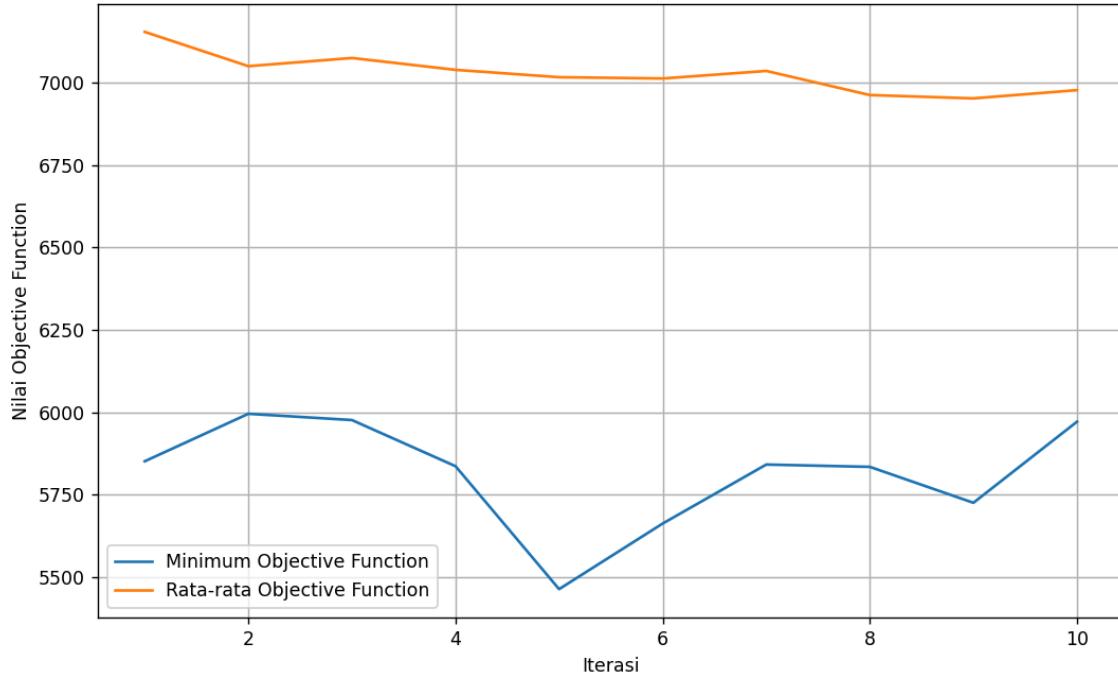
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z
----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----	----- Sisi ke- 1 -----
78   94   39   88   14   18   101   80   95   54   65   16   28   118   124   6   96   91   49   109   42   116   9   102   36	78   18   65   6   42   67   73   4   71   26   89   2   111   32   86   90   125   100   104   61   62   121   69   40   55	78   67   89   90   62   94   106   44   45   82   39   66   70   72   57   88   43   33   76   10   14   93   53   107   110	89   125   7   107   49   103   17   43   105   112   125   76   32   98   49   22   92   34   64   113   81   28   51   83   62	89   103   125   22   81   70   22   118   32   85   123   119   62   33   48   11   53   43   9   84   71   112   100   118   101	89   70   123   11   71   125   4   39   117   120   7   11   30   40   86   187   98   78   104   73   49   94   95   18   106
----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----	----- Sisi ke- 2 -----
67   106   66   43   93   73   29   48   31   8   4   75   7   147   63   71   92   119   15   5   26   34   58   115   85	94   101   16   96   116   106   29   75   92   34   44   60   27   87   103   45   13   99   17   56   82   122   84   74   52	18   73   2   125   121   101   29   60   13   122   80   48   64   51   19   95   31   105   112   41   54   8   25   81   35	70   4   11   98   94   101   21   58   23   27   118   68   54   98   44   32   77   12   51   56   85   8   117   83   99	125   17   76   92   28   4   21   68   17   8   39   113   28   98   20   117   33   27   121   91   120   60   25   2   5	103   22   119   53   112   17   21   113   33   60   43   58   41   115   91   105   23   24   61   37   112   27   74   66   9
----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----	----- Sisi ke- 3 -----
89   44   70   33   53   2   60   64   105   25   111   27   38   46   22   32   87   120   11   38   86   103   68   113   50	39   88   28   91   9   66   48   7   119   58   70   64   36   120   68   72   51   79   123   20   57   19   77   83   12	65   4   111   108   69   16   75   27   99   84   28   7   30   79   77   118   47   46   98   21   124   63   22   3   37	123   39   30   78   95   119   113   41   24   74   62   28   23   32   33   98   69   34   21   48   20   60   85   14	7   43   32   34   51   11   58   54   12   117   30   41   28   69   60   40   115   84   37   74   86   91   103   24   104	125   118   62   43   100   76   60   28   27   25   32   54   28   84   103   98   90   23   77   42   49   44   32   22   68
----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----	----- Sisi ke- 4 -----
90   45   72   76   107   125   13   51   112   181   100   99   79   98   3   104   17   123   117   59   61   56   20   108   23	88   95   118   49   102   43   131   47   15   115   33   105   46   11   113   76   112   98   117   108   10   41   21   114   1	6   71   32   104   40   96   92   87   17   74   91   119   120   123   83   49   15   11   117   114   109   5   38   59   97	11   117   40   104   18   53   33   115   61   66   43   27   84   77   22   9   121   37   100   83   84   91   74   64   86	107   105   98   64   83   98   23   90   51   83   78   24   23   34   85   104   61   77   100   64   73   37   42   38   50	22   32   33   9   118   92   77   98   121   2   34   12   69   37   24   64   51   34   100   38   113   56   21   83   53
----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----	----- Sisi ke- 5 -----
62   82   57   10   110   121   122   19   41   35   69   84   77   21   37   40   74   83   114   97   55   52   12   1   24	14   54   124   109   36   93   18   63   5   85   53   25   22   38   50   107   81   3   59   23   110   35   37   97   24	42   26   86   61   55   116   34   103   56   52   9   58   68   20   12   102   115   113   108   1   36   85   50   23   24	71   120   86   73   106   112   68   91   37   9   100   25   103   42   68   118   2   24   38   53   101   5   104   50   51	49   112   49   113   62   94   27   44   56   99   95   74   32   21   14   18   66   22   83   86   106   9   68   53   51	81   85   48   84   101   28   8   20   91   5   51   117   60   74   104   83   83   85   64   50   62   99   14   86   51

Nilai Objective Function Awal: 6965

Nilai Objective Function Akhir: 5971  
(Best: 5463)

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:

Plot Nilai Objective Function terhadap Jumlah Iterasi



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 5971

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 6977.04

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 5463

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 10

Durasi Proses Pencarian: 417 ms

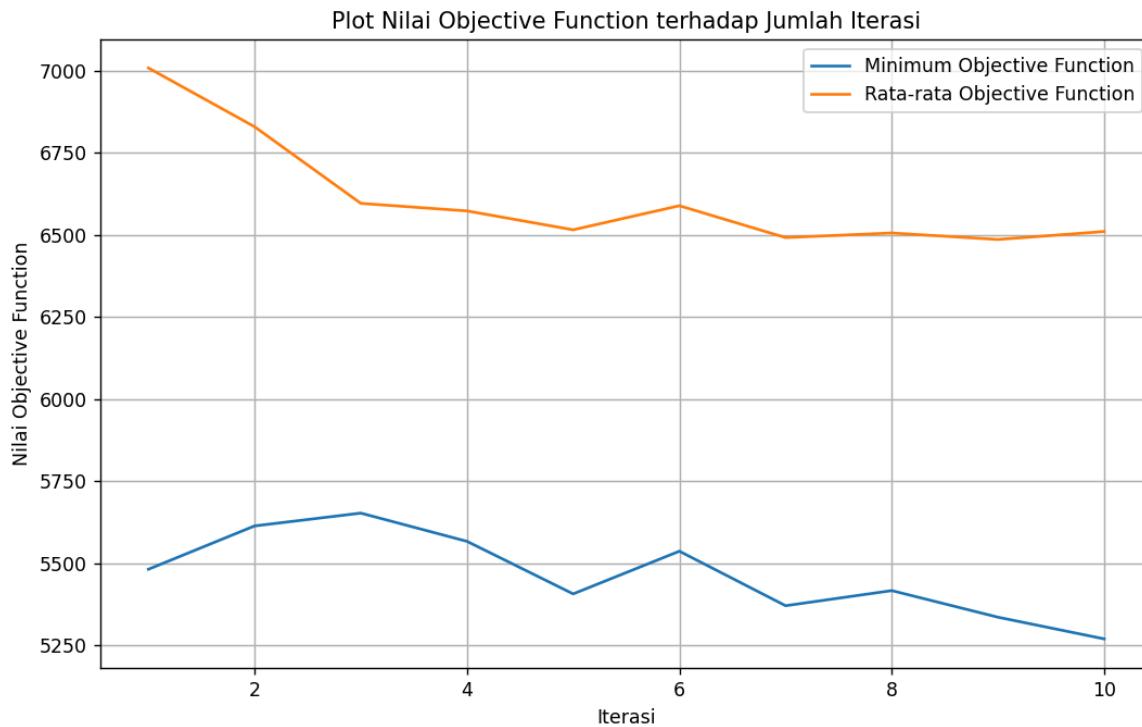
## Percobaan 2

State Awal Cube										State Akhir Cube									
Sumbu X					Sumbu Y					Sumbu Z					Sumbu X				
<p>z</p> <p>y</p> <p>x</p>	<p>z</p> <p>y</p> <p>x</p>																		
<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>122   53   87   85   58   99   100   98   113   56   128   93   65   64   84   83   21   25   90   19   1   112   46   109   41  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>118   107   71   117   62   91   45   3   101   52   39   35   74   11   68   88   116   24   13   44   31   14   94   66   82  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>76   7   33   106   23   27   42   79   16   124   63   115   73   57   95   114   97   32   119   103   105   77   121   69   20  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>110   108   38   18   51   6   10   111   40   72   92   15   96   8   49   43   28   30   75   17   123   60   26   2   12  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>4   55   67   104   80   81   125   36   61   9   59   50   22   70   89   102   78   34   54   15   47   86   37   29   48  </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>122   99   120   83   1   118   91   39   88   31   76   27   63   114   105   110   6   92   43   123   4   81   59   102   47  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>53   100   93   21   112   107   45   35   116   14   7   42   115   97   77   108   19   15   28   60   55   125   50   78   86  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>87   98   65   25   46   71   3   74   24   94   33   79   73   32   121   28   111   96   30   26   67   36   22   34   37  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>85   113   64   90   109   117   101   11   13   66   106   16   57   119   69   18   48   8   75   2   104   61   70   54   29  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>58   56   84   19   41   62   52   68   44   82   23   124   95   103   20   51   72   49   17   12   80   9   89   5   48  </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>122   118   76   110   4   53   107   7   108   55   87   71   33   38   67   85   117   106   18   104   58   62   23   51   80  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>99   91   27   6   81   100   45   42   10   125   98   3   79   111   36   113   101   16   48   61   56   52   124   72   9  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>120   39   63   92   59   93   35   115   15   50   65   74   73   96   22   64   11   57   8   70   84   68   95   49   89  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>83   88   114   43   102   21   116   97   28   78   25   24   32   30   34   90   13   119   75   54   19   44   103   17   5  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>1   31   105   123   47   112   14   77   68   86   46   94   121   26   37   109   66   69   2   29   41   82   20   12   48  </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>123   62   112   98   90   60   115   96   24   109   74   86   105   41   54   95   78   118   25   123   55   32   73   62   24   108   12   59   112   28   8064   40   63   9   123   4   69   58   39   88   108   27   1035   63   77   47   92   73   5430   26   18   102   122   69   108   110   24   39   19   110   20   47   87   110   14  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>123   27   30   93   39   85   92   125   108   119   77   102   122   39   20   92   18   24   81   110   26   110   47   87   14  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>62   78   64   6   125   92   28   118   7   25   125   69   120   54   35   108   85   70   56   65   119   19   135   49   39  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>85   14   49   96   98   92   28   118   7   25   125   69   120   54   35   108   85   70   56   65   119   19   135   49   39  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>103   45   123   106   110   49   118   120   70   35   40   73   24   88   54   55   32   112   4   103   71   12   63   8   77  </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>123   85   77   92   26   62   14   59   40   58   103   49   40   55   71   109   96   95   74   83   90   98   112   62   20  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>27   92   102   18   110   78   28   9   39   63   45   118   73   32   12   4   7   24   86   95   99   25   13   80   60  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>30   125   122   24   47   64   69   108   47   73   123   120   24   112   63   70   54   54   72   78   76   35   80   38   115  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>93   108   39   81   87   6   85   54   69   102   106   70   80   4   8   29   56   85   125   1   1   65   41   89   125  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>39   119   20   110   14   125   19   108   119   59   110   35   54   103   77   108   49   22   88   103   91   39   109   91   41  </pre>															

Nilai Objective Function Awal: 6021

Nilai Objective Function Akhir: 5270  
(Best: 5270)

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 5270

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 6510.54

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 5270

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 10

Durasi Proses Pencarian: 441 ms

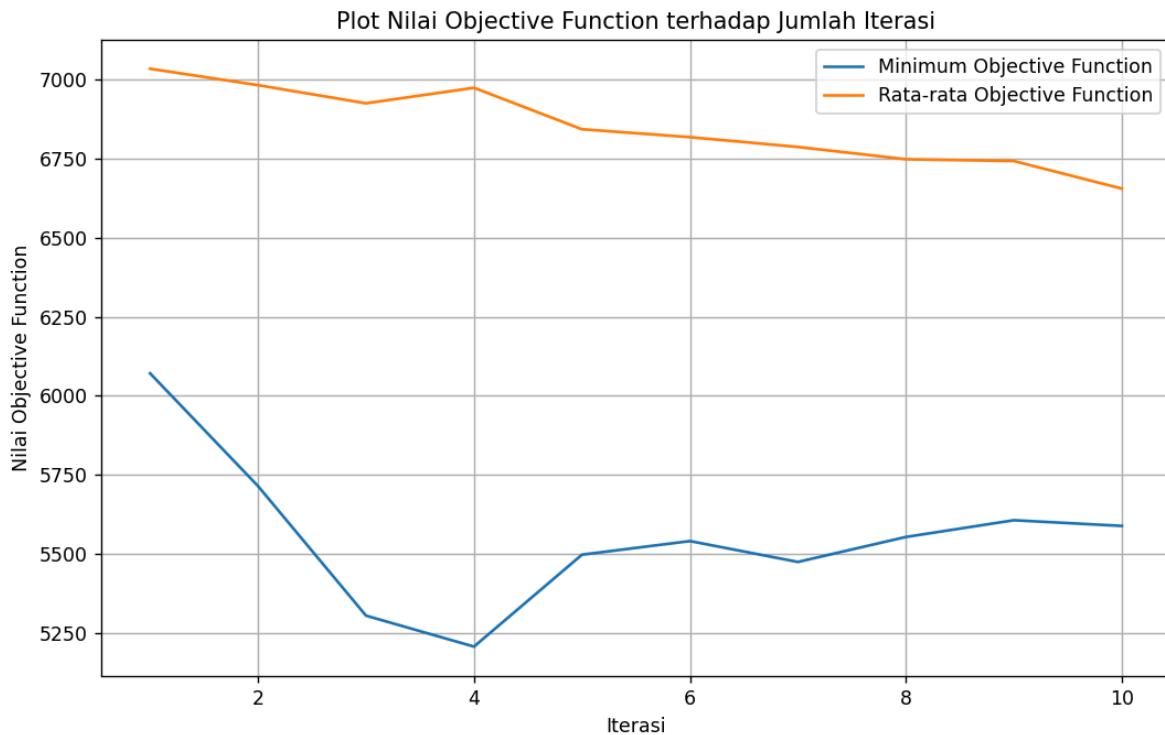
### Percobaan 3

State Awal Cube

State Akhir Cube

<p><b>Sumbu X</b></p> <pre>----- Sisi ke- 1 ----- 81   52   99   14   36   57   111   119   91   94   64   27   70   69   98   53   49   51   59   114   125   108   2   101   19    ----- Sisi ke- 2 ----- 9   45   74   56   92   48   12   33   5   90   32   58   102   75   41   62   109   77   117   61   85   124   55   15   78    ----- Sisi ke- 3 ----- 80   112   50   93   79   54   63   21   37   40   38   104   66   7   6   95   25   24   88   8   87   73   10   96   65    ----- Sisi ke- 4 ----- 88   121   123   23   60   105   116   76   103   113   22   44   106   39   11   120   20   35   68   46   17   107   18   29   110    ----- Sisi ke- 5 ----- 115   47   72   97   26   16   82   100   43   30   83   122   3   4   31   86   71   1   67   34   84   42   118   28   13  </pre>	<p><b>Sumbu Y</b></p> <pre>----- Sisi ke- 1 ----- 81   57   64   53   125   9   48   32   62   85   80   54   38   95   87   88   105   22   120   17   115   16   83   86   84    ----- Sisi ke- 2 ----- 52   111   27   49   108   45   12   58   199   124   112   63   104   25   73   121   116   44   20   107   47   82   122   71   42    ----- Sisi ke- 3 ----- 99   119   70   51   2   74   33   182   77   55   58   21   66   24   10   123   76   106   35   18   72   100   3   1   118    ----- Sisi ke- 4 ----- 14   91   69   59   101   56   5   75   117   15   93   37   7   89   96   23   103   39   68   29   97   43   4   67   28  </pre>	<p><b>Sumbu Z</b></p> <pre>----- Sisi ke- 1 ----- 81   9   80   88   115   52   45   112   121   47   99   74   50   123   72   14   56   93   23   97   36   92   79   68   26  </pre>	<p><b>Sumbu X</b></p> <pre>----- Sisi ke- 1 ----- 73   118   97   21   58   19   106   4   37   13   84   50   54   61   81   78   79   7   94   19   52   62   44   35   100  </pre>	<p><b>Sumbu Y</b></p> <pre>----- Sisi ke- 1 ----- 73   19   84   70   52   92   53   59   60   67   88   34   73   79   27   109   42   117   125   104   110   4   92   100   52  </pre>	<p><b>Sumbu Z</b></p> <pre>----- Sisi ke- 1 ----- 118   92   88   109   110   118   4   72   23   110   97   55   25   78   87   21   14   27   115   78   58   63   76   67   88  </pre>
Nilai Objective Function Awal: 7355	Nilai Objective Function Akhir: 5588 (Best: 5206)				

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 5588

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 6655.61

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 5206

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 10

Durasi Proses Pencarian: 434 ms

## 1.2 - Jumlah Maksimum Iterasi 100

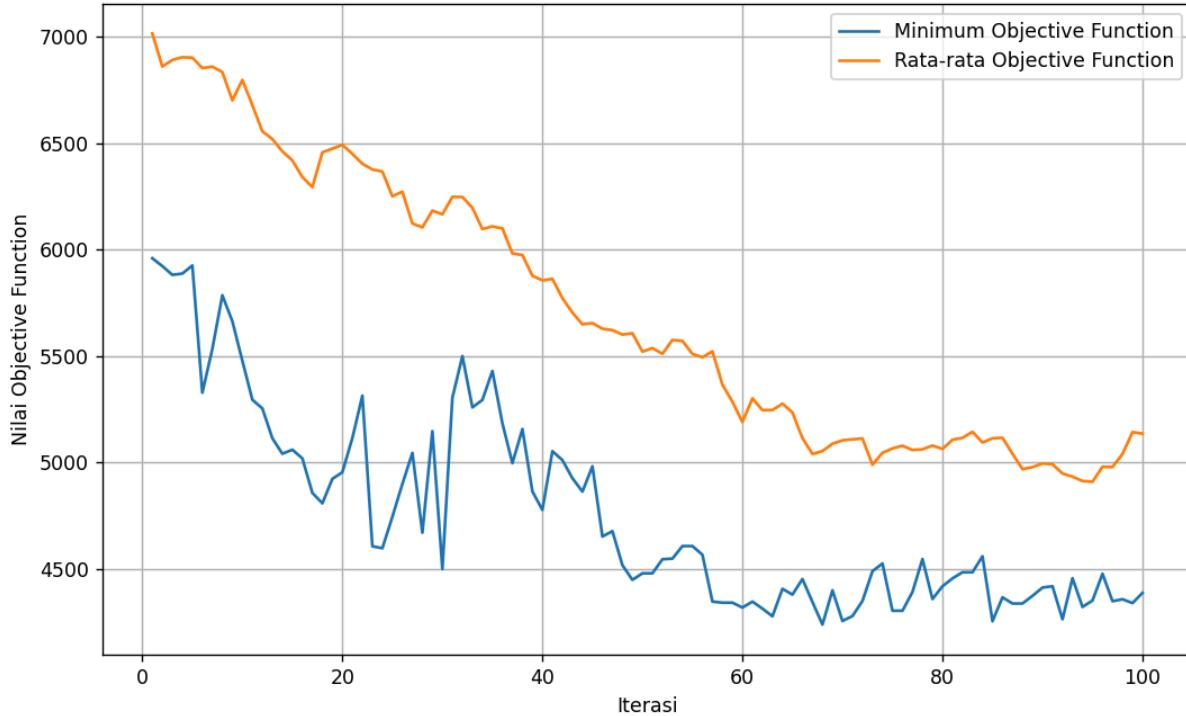
### Percobaan 1

State Awal Cube	State Akhir Cube																																																																																																																																																																																																																																																						
<p>z</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td>50</td><td>32</td><td>30</td><td>119</td><td>121</td><td>6</td><td>61</td><td>102</td><td>115</td><td>2</td></tr> <tr><td>58</td><td>87</td><td>82</td><td>78</td><td>106</td><td>5</td><td>1539</td><td>124</td><td></td><td></td></tr> <tr><td>92</td><td>113</td><td>12</td><td>67</td><td>1009</td><td>8</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>20</td><td>40</td><td>380</td><td>29</td><td>125</td><td>6849</td><td>98</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>76</td><td>111</td><td>107</td><td>19</td><td>54</td><td>728</td><td>5345</td><td>66</td><td></td><td></td></tr> <tr><td>104</td><td>43</td><td>34</td><td>91</td><td>4435</td><td>14</td><td>89</td><td>185</td><td>27</td><td></td></tr> <tr><td>21</td><td>31</td><td>48</td><td>88</td><td>3745</td><td>11</td><td>99</td><td>69</td><td>1</td><td></td></tr> <tr><td>112</td><td>1182</td><td>57</td><td>42</td><td>437</td><td>18</td><td>83</td><td>47</td><td></td><td></td></tr> <tr><td>110</td><td>55</td><td>56</td><td>288</td><td>5109</td><td>105</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>22</td><td>110</td><td>16</td><td>8555</td><td>103</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td>13</td><td>120</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td></td><td></td><td>96</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table> <p>y</p> <p>x</p>	50	32	30	119	121	6	61	102	115	2	58	87	82	78	106	5	1539	124			92	113	12	67	1009	8					20	40	380	29	125	6849	98				76	111	107	19	54	728	5345	66			104	43	34	91	4435	14	89	185	27		21	31	48	88	3745	11	99	69	1		112	1182	57	42	437	18	83	47			110	55	56	288	5109	105					22	110	16	8555	103									13	120									96							<p>z</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td>70</td><td>56</td><td>54</td><td>13</td><td>105</td><td>7</td><td>40</td><td>53</td><td>36</td></tr> <tr><td>23</td><td>109</td><td>3</td><td>98</td><td>41</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>82</td><td>84</td><td>125</td><td>193</td><td>76</td><td>100</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>71</td><td>97</td><td>79</td><td>5527</td><td>75</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>102</td><td>5</td><td>140</td><td>21</td><td>63</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>450</td><td>46</td><td>13</td><td>5814</td><td>67</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>105</td><td>71</td><td>94</td><td>2850</td><td>11892</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>526</td><td>81</td><td>4117</td><td>20</td><td>18</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>82</td><td>112</td><td>63</td><td>4117</td><td>1098</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>50</td><td>450</td><td>54</td><td>14051</td><td>11715</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>78</td><td>62</td><td>64</td><td>578094</td><td>80</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td>36</td><td>6253</td><td>6111</td><td>105</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td>8694</td><td>2741</td><td>76</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td></td><td>79</td><td>12237</td><td>54</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table> <p>y</p> <p>x</p>	70	56	54	13	105	7	40	53	36	23	109	3	98	41					82	84	125	193	76	100				71	97	79	5527	75					102	5	140	21	63					450	46	13	5814	67					105	71	94	2850	11892					526	81	4117	20	18					82	112	63	4117	1098					50	450	54	14051	11715					78	62	64	578094	80						36	6253	6111	105						8694	2741	76							79	12237	54					
50	32	30	119	121	6	61	102	115	2																																																																																																																																																																																																																																														
58	87	82	78	106	5	1539	124																																																																																																																																																																																																																																																
92	113	12	67	1009	8																																																																																																																																																																																																																																																		
20	40	380	29	125	6849	98																																																																																																																																																																																																																																																	
76	111	107	19	54	728	5345	66																																																																																																																																																																																																																																																
104	43	34	91	4435	14	89	185	27																																																																																																																																																																																																																																															
21	31	48	88	3745	11	99	69	1																																																																																																																																																																																																																																															
112	1182	57	42	437	18	83	47																																																																																																																																																																																																																																																
110	55	56	288	5109	105																																																																																																																																																																																																																																																		
22	110	16	8555	103																																																																																																																																																																																																																																																			
			13	120																																																																																																																																																																																																																																																			
			96																																																																																																																																																																																																																																																				
70	56	54	13	105	7	40	53	36																																																																																																																																																																																																																																															
23	109	3	98	41																																																																																																																																																																																																																																																			
82	84	125	193	76	100																																																																																																																																																																																																																																																		
71	97	79	5527	75																																																																																																																																																																																																																																																			
102	5	140	21	63																																																																																																																																																																																																																																																			
450	46	13	5814	67																																																																																																																																																																																																																																																			
105	71	94	2850	11892																																																																																																																																																																																																																																																			
526	81	4117	20	18																																																																																																																																																																																																																																																			
82	112	63	4117	1098																																																																																																																																																																																																																																																			
50	450	54	14051	11715																																																																																																																																																																																																																																																			
78	62	64	578094	80																																																																																																																																																																																																																																																			
	36	6253	6111	105																																																																																																																																																																																																																																																			
	8694	2741	76																																																																																																																																																																																																																																																				
	79	12237	54																																																																																																																																																																																																																																																				

Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z
<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>46  54  100  97  121   79  35  125  15  61   48  90  45  39  102   18  69  95  71  115   47  25  27  98  2  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>80  86  33  70  119   38  36  19  106  6   42  114  28  8  64   51  81  89  49  84   105  83  1  66  124  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>63  34  111  82  30   52  99  91  67  24   23  57  14  29  72   85  94  11  53  15   103  109  4  16  123  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>122  3  76  113  32   56  78  93  48  87   62  117  77  107  101   10  108  74  44  59   120  65  37  73  68  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>112  21  104  92  50   110  118  31  20  58   22  55  41  43  12   13  116  17  9  60   96  26  88  75  7  </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>46  79  48  18  47   80  38  42  51  105   63  52  23  85  103   122  56  62  10  120   112  110  22  13  96  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>54  35  90  69  25   86  36  114  81  83   34  99  57  94  109   3  78  117  108  65   21  118  55  116  26  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>100  125  45  95  27   33  19  28  89  1   111  91  14  11  4   76  93  77  74  37   104  31  41  17  88  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>97  5  39  71  98   70  106  8  49  66   82  67  29  53  16   113  48  107  44  73   92  20  43  9  75  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>121  61  102  115  2   119  6  64  84  124   30  24  72  15  123   32  87  101  59  68   50  58  12  60  7  </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>46  80  63  122  112   54  86  34  3  21   100  33  111  76  104   97  70  82  113  92   121  119  38  32  50  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>79  38  52  56  110   35  36  99  78  118   125  19  91  93  31   5  106  67  40  20   61  6  24  87  58  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>48  42  23  62  22   90  57  57  117  55   45  28  14  77  41   39  8  29  107  43   102  64  72  101  12  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>18  51  85  10  13   69  81  94  108  116   95  89  11  74  17   71  49  53  44  9   115  84  15  59  60  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>47  105  103  120  96   25  83  109  65  26   27  1  4  37  88   98  66  16  73  75   2  124  123  68  7  </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>64  94  55  19  105   75  117  63  76  7   57  14  92  122  40   13  117  47  55  53   9  80  64  67  36  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>83  63  114  103  13   14  97  40  86  98   62  12  50  75  41   61  80  20  114  100   105  55  15  67  65  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>76  22  46  84  54   31  102  98  79  3   86  76  30  21  23   27  79  109  118  110   76  11  94  18  125  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>76  50  81  82  56   70  43  64  5  109   79  76  100  13  125   122  66  101  4  27   20  41  53  78  58  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>82  105  102  71  70   81  52  45  71  23   50  104  63  112  97   78  39  56  54  49   54  37  34  51  28  </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>64  75  57  13  9   83  14  62  61  105   76  31  86  27  76   76  70  79  122  20   82  81  50  78  54  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>94  117  14  117  80   63  97  12  80  55   22  102  76  79  11   50  43  76  66  41   105  52  104  39  37  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>55  63  92  47  64   114  40  50  20  15   46  98  38  109  94   81  64  100  101  53   102  45  63  56  34  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>19  76  122  55  67   103  86  75  114  67   84  79  21  118  18   82  5  13  4  78   71  71  112  54  51  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>105  7  40  53  36   13  98  41  100  65   54  3  23  110  125   56  109  125  27  58   70  23  97  40  28  </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>64  83  76  76  82   94  63  22  50  105   55  114  46  81  102   19  103  84  82  71   105  13  54  56  70  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>75  14  31  70  81   117  97  102  43  52   63  40  98  64  45   76  86  79  5  71   7  98  3  109  23  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>57  62  86  79  50   14  12  76  76  104   92  50  30  100  63   122  75  21  13  112   40  41  23  125  97  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>13  61  27  122  78   117  80  79  66  39   47  20  109  101  56   55  114  118  4  54   53  100  110  27  40  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>9  105  76  20  54   80  55  11  41  37   64  15  94  53  34   67  67  18  78  51   36  65  125  58  28  </pre>
Nilai Objective Function Awal: 6985			Nilai Objective Function Akhir: 4386 (Best: 4237)		

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:

Plot Nilai Objective Function terhadap Jumlah Iterasi



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 4386

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 5134.76

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 4237

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 100

Durasi Proses Pencarian: 4344 ms

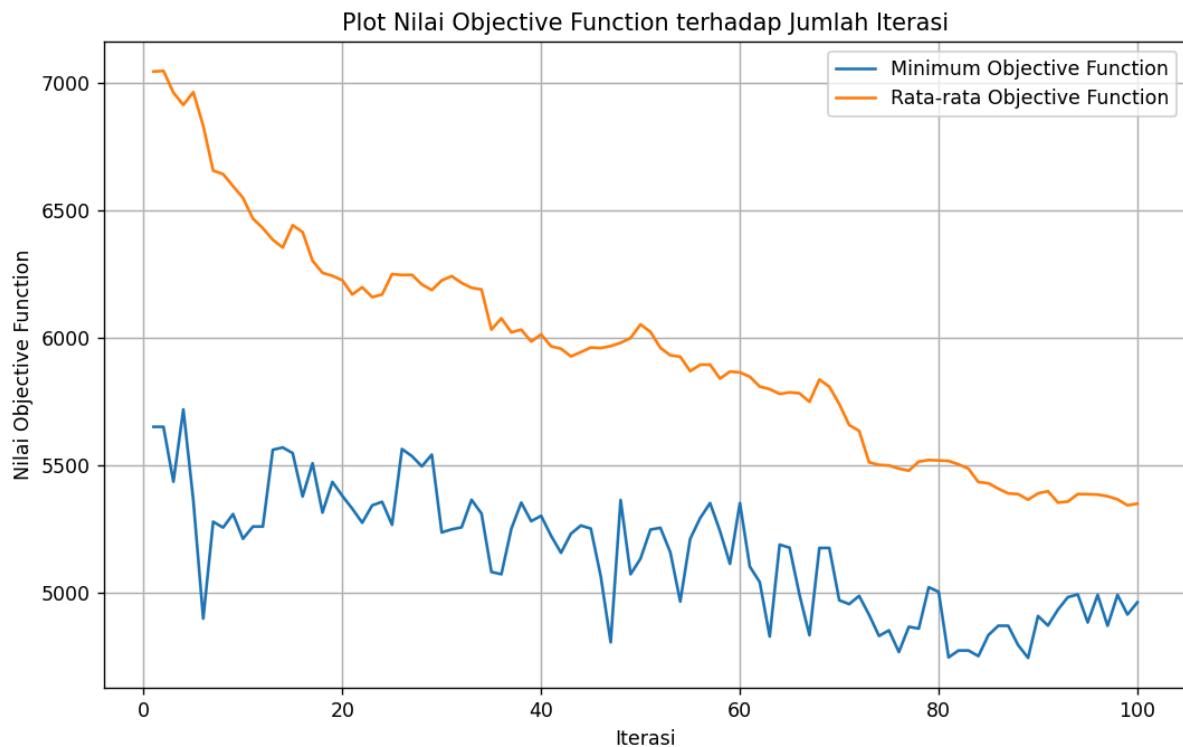
## Percobaan 2

State Awal Cube		State Akhir Cube	
Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X
----- Sisi ke- 1 ----- 45   21   4   79   124   74   93   59   28   29   105   36   58   119   85   81   116   98   118   3   90   71   15   10   62    ----- Sisi ke- 2 ----- 40   111   30   84   125   102   122   53   82   22   2   54   24   9   64   67   106   78   5   52   13   99   103   39   23    ----- Sisi ke- 3 ----- 60   43   63   57   17   97   76   121   113   26   89   27   12   58   68   19   42   65   72   80   18   117   88   83   11    ----- Sisi ke- 4 ----- 61   95   41   37   20   16   110   48   6   70   33   87   47   101   109   92   56   75   1   104   77   49   108   25   34    ----- Sisi ke- 5 ----- 51   94   14   32   120   114   35   86   123   38   115   46   66   91   55   107   100   112   73   44   7   8   69   96   31	----- Sisi ke- 1 ----- 45   74   105   81   90   40   102   2   67   13   60   97   89   19   18   61   16   33   92   77   51   114   115   107   7    ----- Sisi ke- 2 ----- 21   93   36   116   71   111   122   54   106   99   43   76   27   42   117   95   110   87   56   49   94   35   46   100   8    ----- Sisi ke- 3 ----- 4   59   58   98   15   30   53   24   78   103   63   121   12   65   88   41   48   47   75   108   14   86   66   112   69    ----- Sisi ke- 4 ----- 79   28   119   118   10   84   82   9   5   39   57   113   50   72   83   37   6   101   1   25   32   123   91   73   96    ----- Sisi ke- 5 ----- 124   29   85   3   62   125   22   64   52   23   17   26   68   80   11   20   70   109   104   34   120   38   55   44   31	----- Sisi ke- 1 ----- 45   48   9   70   79   21   111   43   95   94   4   30   63   41   14   79   84   57   37   32   124   125   17   20   120    ----- Sisi ke- 2 ----- 74   102   97   16   114   93   122   76   110   35   59   53   121   48   86   28   82   113   6   123   29   22   26   70   38    ----- Sisi ke- 3 ----- 105   2   89   33   115   36   52   27   87   46   58   24   12   47   66   119   9   50   101   91   85   64   68   109   55    ----- Sisi ke- 4 ----- 81   67   19   92   107   116   106   42   56   100   98   78   65   75   112   118   5   72   1   73   3   52   80   104   44    ----- Sisi ke- 5 ----- 90   13   18   77   7   71   99   117   49   8   15   103   88   108   69   10   39   83   25   96   62   23   11   34   31	----- Sisi ke- 1 ----- 94   53   89   108   23   89   50   61   45   28   108   26   88   61   125   11   116   57   18   64   94   25   116   93   28    ----- Sisi ke- 2 ----- 89   101   59   10   68   50   96   105   84   15   59   53   121   48   86   45   103   84   76   7   28   26   71   55   2    ----- Sisi ke- 3 ----- 48   39   84   69   106   101   96   44   103   26   14   57   39   24   98   48   18   82   95   71   47   84   125   68   15    ----- Sisi ke- 4 ----- 9   59   18   95   11   59   105   61   84   71   66   100   84   63   2   114   1   111   15   68   98   3   7   30   99    ----- Sisi ke- 5 ----- 89   40   80   57   116   84   44   39   82   125   18   61   84   111   7   40   43   18   9   25   16   107   111   45   107    ----- Sisi ke- 6 ----- 108   45   61   18   93   69   103   24   95   68   95   84   63   15   30   116   76   65   95   31   93   7   55   85   87    ----- Sisi ke- 7 ----- 23   28   125   64   28   106   26   98   71   15   11   71   2   68   99   39   55   46   20   111   116   2   57   66   53

Nilai Objective Function Awal: 7308

Nilai Objective Function Akhir: 4962  
(Best: 4744)

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 4962

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 5348.69

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 4744

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 100

Durasi Proses Pencarian: 4545 ms

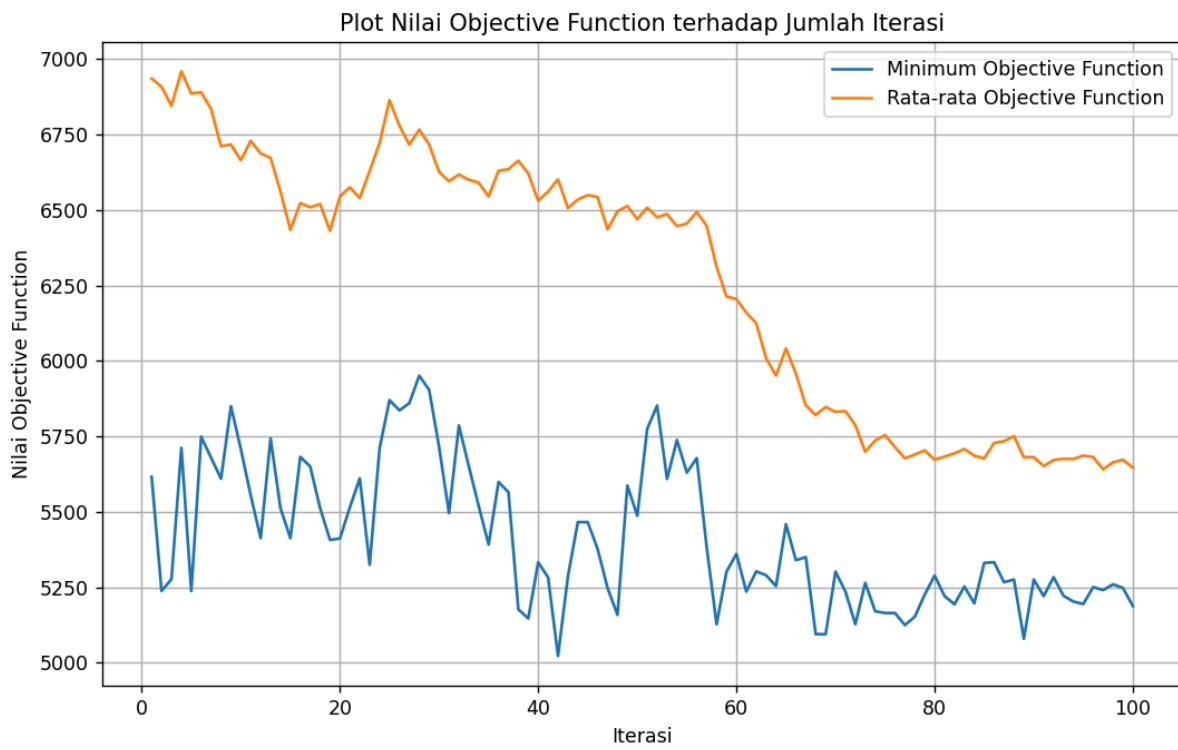
### Percobaan 3

State Awal Cube

State Akhir Cube

<b>Sumbu X</b> ----- Sisi ke- 1 ----- 46   57   47   108   64   120   18   22   38   17   92   103   84   68   67   102   21   106   104   39   66   48   53   117   23    ----- Sisi ke- 2 ----- 116   89   107   16   123   12   49   76   118   85   1   69   3   35   37   28   122   121   20   2   93   51   56   125   91    ----- Sisi ke- 3 ----- 25   50   77   115   97   114   61   43   95   112   78   36   99   113   124   189   4   63   55   54   31   88   110   13   81    ----- Sisi ke- 4 ----- 5   32   27   26   87   75   65   10   59   24   185   86   101   68   80   96   15   8   41   70   71   42   9   58   119    ----- Sisi ke- 5 ----- 98   90   40   38   62   74   7   94   34   19   82   73   29   111   14   6   33   52   72   79   83   100   44   45   11    ----- Sisi ke- 1 ----- 46   120   92   102   66   116   12   1   28   93   25   114   78   109   31   5   75   105   96   71   98   74   82   6   83    ----- Sisi ke- 2 ----- 57   18   103   21   48   89   49   69   122   51   58   61   36   4   88   32   65   86   15   42   90   7   73   33   100    ----- Sisi ke- 3 ----- 47   22   84   106   53   187   76   5   121   56   77   43   99   63   110   27   10   101   8   9   40   94   29   52   44    ----- Sisi ke- 4 ----- 108   30   60   104   117   16   118   35   20   125   115   95   113   55   13   26   59   68   41   58   38   34   111   72   45    ----- Sisi ke- 5 ----- 64   17   67   39   23   123   85   37   2   91   97   112   124   54   81   87   24   80   70   119   62   19   14   79   11    ----- Sisi ke- 1 ----- 46   116   25   5   98   57   89   50   32   98   47   107   77   27   40   108   16   115   26   38   64   123   97   87   62    ----- Sisi ke- 2 ----- 120   12   114   75   74   18   49   61   65   7   22   76   43   10   94   30   118   95   59   34   17   85   112   24   19    ----- Sisi ke- 3 ----- 92   1   78   105   82   103   69   36   86   73   84   3   99   101   29   68   35   113   68   111   67   37   124   80   14    ----- Sisi ke- 4 ----- 102   28   109   96   6   21   122   4   15   33   106   121   63   8   52   104   20   55   41   72   39   2   54   70   79    ----- Sisi ke- 5 ----- 66   93   31   71   83   48   51   88   42   100   53   56   110   9   44   117   125   13   58   45   23   91   81   119   11    ----- Sisi ke- 1 ----- 98   37   112   53   116   124   57   52   34   67   82   99   15   8   50   40   95   98   41   52   39   109   55   4   99    ----- Sisi ke- 2 ----- 46   61   32   98   70   114   41   48   15   106   52   40   82   12   70   34   15   49   118   87   67   106   76   33   84    ----- Sisi ke- 3 ----- 82   95   5   102   52   103   69   36   86   73   84   3   99   101   29   68   35   113   68   111   67   37   124   80   14    ----- Sisi ke- 4 ----- 40   81   12   61   91   95   102   22   58   117   98   41   35   13   34   41   24   33   69   66   52   62   119   45   46    ----- Sisi ke- 5 ----- 39   29   71   108   106   109   22   115   19   59   55   57   74   50   56   4   24   71   104   45   99   52   101   82   31    ----- Sisi ke- 1 ----- 98   124   82   40   39   46   114   95   81   29   55   44   5   12   71   78   98   102   61   108   26   37   52   91   106    ----- Sisi ke- 2 ----- 37   57   99   95   109   61   41   50   102   22   53   9   113   22   115   45   59   89   58   19   6   55   48   117   59    ----- Sisi ke- 3 ----- 112   52   15   98   55   32   40   94   41   57   47   82   72   35   74   24   12   75   13   50   46   70   51   34   56    ----- Sisi ke- 4 ----- 53   34   8   41   4   98   15   59   24   24   90   49   39   33   71   52   118   93   69   104   18   87   120   66   45    ----- Sisi ke- 5 ----- 116   67   50   52   99   70   106   4   62   52   49   76   65   119   101   84   33   91   45   82   51   84   101   46   31	
Nilai Objective Function Awal: 6155	Nilai Objective Function Akhir: 5188 (Best: 5023)

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 5188

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 5646.74

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 5023

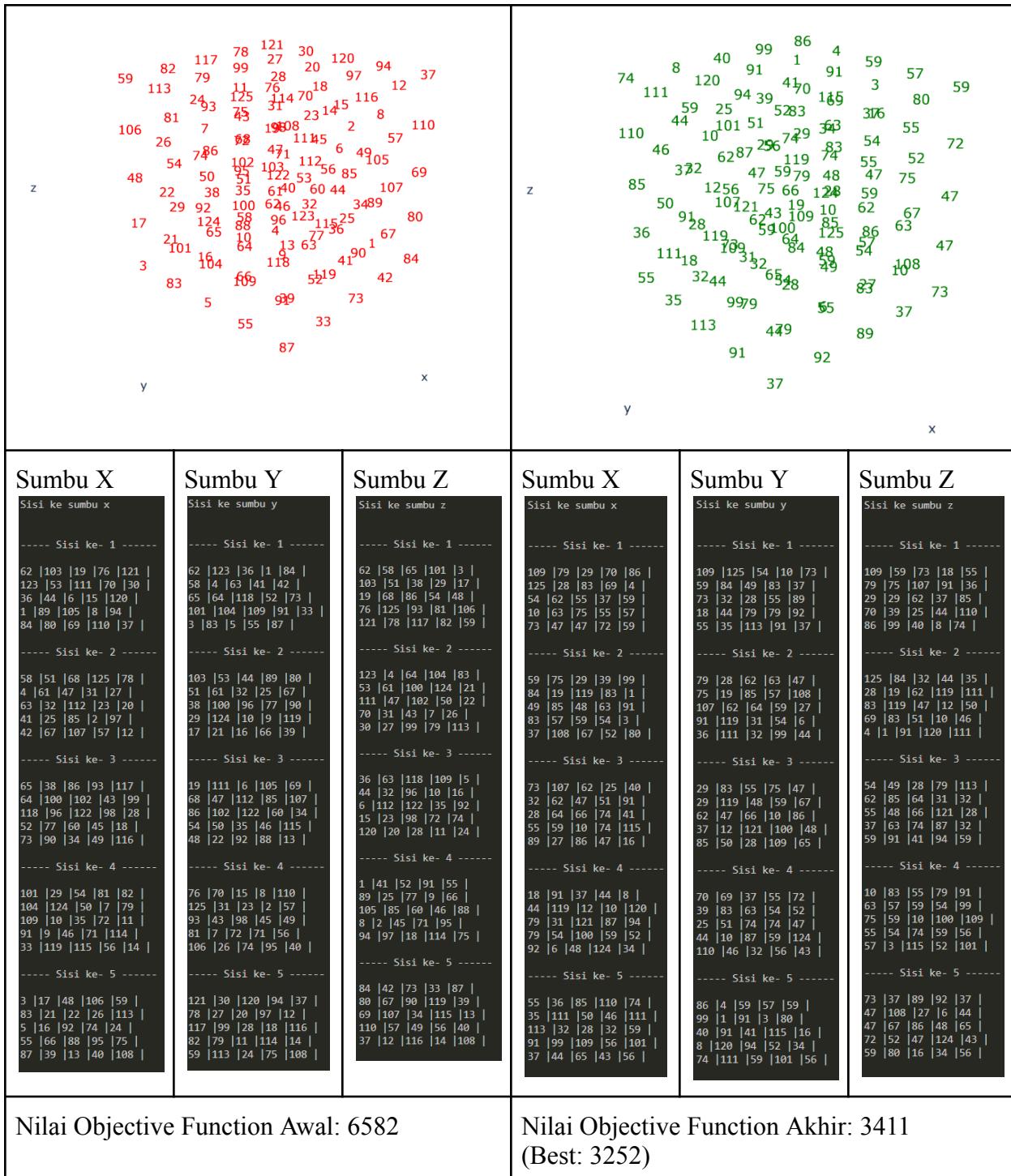
Banyak Iterasi yang Dilakukan: 100

Durasi Proses Pencarian: 4724 ms

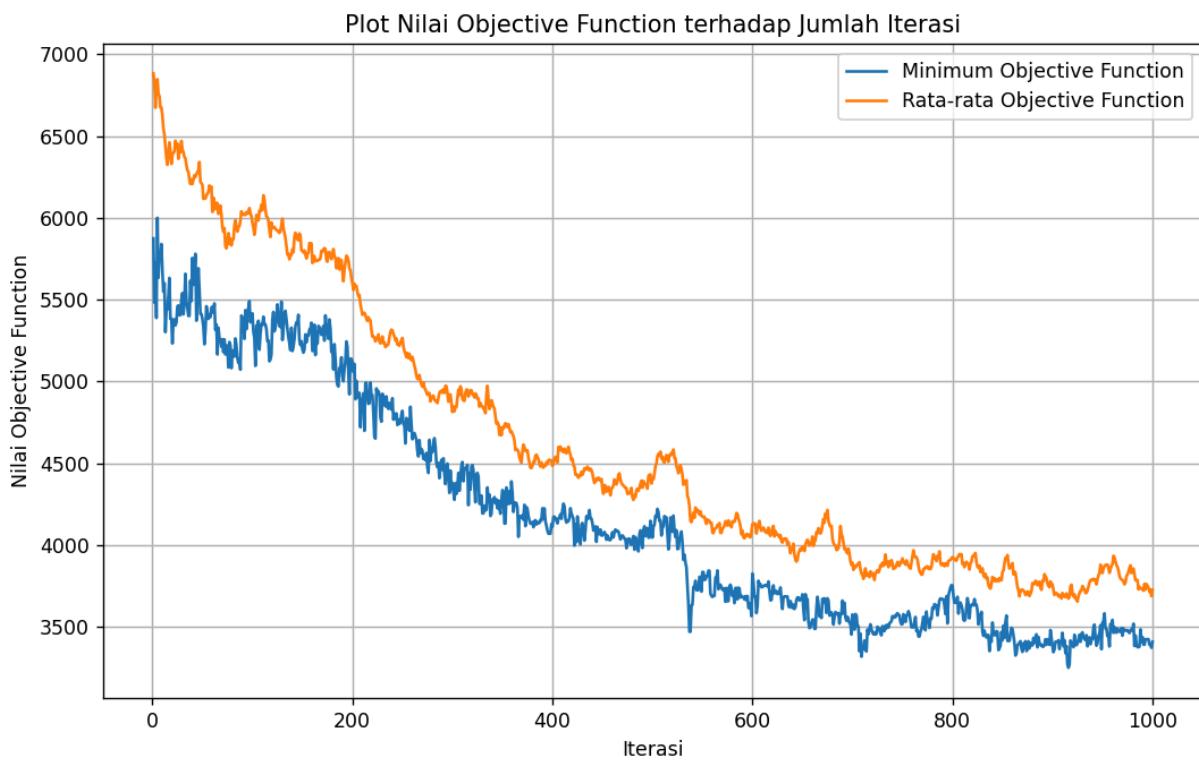
### 1.3 - Jumlah Maksimum Iterasi 1000

#### Percobaan 1

State Awal Cube	State Akhir Cube
-----------------	------------------



Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 3411

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 3727.21

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 3252

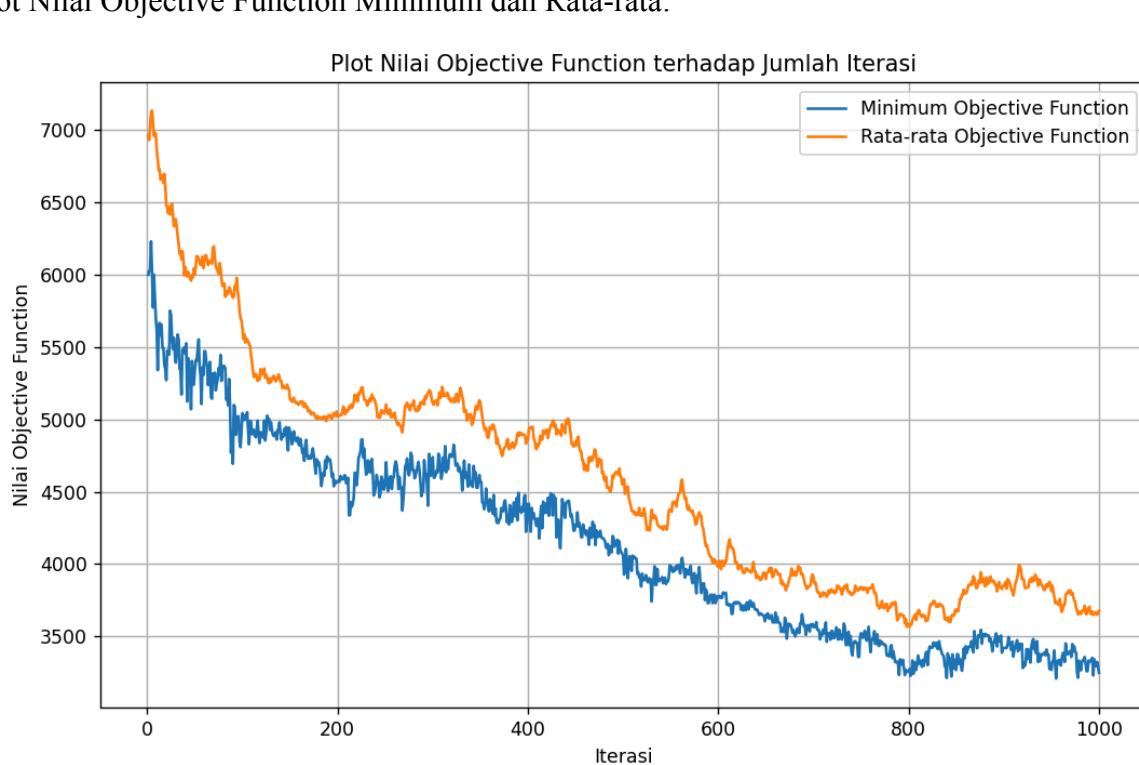
Banyak Iterasi yang Dilakukan: 1000

Durasi Proses Pencarian: 38074 ms

## Percobaan 2

State Awal Cube					State Akhir Cube				
z	121 65 123 117 28 15 4 107 122 54 36	83 23 32 46 72 117 989 5124 95 53 27 26 9975 109 10511 106 88 77 33 34 567 1974 5767 62 120 401 86	31 22 10382 1145 118 34 50 10412568 64 135 10 49 110 110 159 102 44 94 25 50 39 70 116 108 49 71 53 81 65 68 111 21 46 59 48 60 104 2 110 120 66 85	112 45 292 407 84 52 10 43 92 78 90 38 115 96 125 125 68 320 11667 112 901 1042 1042 110 668 43 89	85 21 76 41 71 56 8 43 90 115 28 116 44 39 102 46 30 77 57 30 67 3 116 39 64 88 6 77 55 1055 18 26 64 39 24 117 56 2 82 64 25 27 120 65 85	y	x		

Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z
Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z
----- Sisi ke- 1 ----- 109   68   40   12   85   108   59   110   97   21   70   94   92   6   8   30   25   2   90   87   48   91   96   115   56   ----- Sisi ke- 2 ----- 105   95   118   82   112   66   63   10   55   45   11   14   64   84   76   116   7   44   78   41   88   17   16   38   71   ----- Sisi ke- 3 ----- 37   27   113   22   31   98   99   194   79   100   120   106   53   34   29   1   58   73   49   42   47   3   50   102   43   ----- Sisi ke- 4 ----- 77   61   93   32   83   74   33   15   46   23   67   9   26   35   103   101   20   111   125   114   86   69   39   13   52   ----- Sisi ke- 5 ----- 4   15   28   123   121   107   88   81   117   65   122   19   18   89   119   54   57   24   124   72   36   51   62   75   60	----- Sisi ke- 1 ----- 109   108   70   30   48   105   66   11   116   180   37   98   120   1   47   77   74   67   101   86   4   107   122   54   36   ----- Sisi ke- 2 ----- 68   59   94   25   91   95   63   14   7   17   27   99   106   58   3   61   33   9   20   69   15   88   19   57   51   ----- Sisi ke- 3 ----- 40   110   92   2   96   118   10   64   44   16   113   104   53   73   50   93   5   26   111   39   28   81   18   24   62   ----- Sisi ke- 4 ----- 12   97   6   90   115   82   55   84   78   38   22   79   34   49   102   32   46   35   125   13   123   117   89   124   75   ----- Sisi ke- 5 ----- 85   21   8   87   56   112   45   76   41   71   31   100   29   42   43   83   23   103   114   52   121   65   119   72   60	----- Sisi ke- 1 ----- 109   105   37   77   4   68   95   27   61   15   40   118   113   93   28   12   82   22   32   123   85   112   31   83   121   ----- Sisi ke- 2 ----- 49   80   65   65   39   59   63   99   33   88   110   10   104   5   81   97   55   79   46   117   21   45   100   23   65   ----- Sisi ke- 3 ----- 70   11   120   67   122   94   14   106   9   19   92   64   53   26   18   6   84   34   35   89   8   76   29   103   119   ----- Sisi ke- 4 ----- 46   111   81   75   34   56   18   68   120   30   56   125   33   44   46   110   82   64   84   57   65   25   83   65   88   ----- Sisi ke- 5 ----- 90   32   125   11   62   49   116   65   80   46   72   59   21   43   108   58   56   46   112   81   89   114   20   73   30   ----- Sisi ke- 6 ----- 37   10   24   48   116   76   112   68   5   96   117   1   90   93   53   43   104   67   69   54   85   66   71   114   1   ----- Sisi ke- 7 ----- 30   54   64   27   65   49   104   25   68   120   46   56   56   110   65   90   49   72   58   89   37   76   117   43   85   ----- Sisi ke- 8 ----- 38   49   46   90   37   46   80   111   32   10   64   65   81   125   24   71   65   75   11   48   44   39   34   62   116   ----- Sisi ke- 9 ----- 54   104   56   49   76   18   26   18   116   112   63   52   68   65   68   67   3   120   80   5   37   102   30   46   96   ----- Sisi ke- 10 ----- 64   25   56   72   117   39   81   125   59   1   101   67   33   21   90   76   116   44   43   93   77   32   46   108   53   ----- Sisi ke- 11 ----- 27   68   110   58   43   112   2   82   56   104   55   62   64   46   67   64   39   84   112   69   76   59   57   81   54   ----- Sisi ke- 12 ----- 65   120   65   89   85   56   101   25   114   66   117   24   83   20   71   77   6   65   73   114   64   103   88   30   1	Sisi ke sumbu x ----- Sisi ke- 1 ----- 30   46   64   71   44   54   18   63   67   37   64   39   101   76   77   27   112   55   64   76   65   56   117   77   64   ----- Sisi ke- 2 ----- 46   18   39   112   56   80   26   81   2   101   111   18   125   82   25   32   116   59   56   114   10   112   1   104   66   ----- Sisi ke- 3 ----- 64   63   101   55   117   55   52   67   62   24   81   68   33   64   83   125   65   21   46   20   24   68   90   67   71   ----- Sisi ke- 4 ----- 71   67   76   64   77   65   3   116   39   6   75   120   44   84   65   11   80   43   112   73   48   5   93   69   114   ----- Sisi ke- 5 ----- 44   37   77   76   64   39   102   32   59   103   34   30   46   57   88   62   46   108   81   30   116   96   53   54   1   ----- Sisi ke- 6 ----- 37   10   24   48   116   76   112   68   5   96   117   1   90   93   53   43   104   67   69   54   85   66   71   114   1   ----- Sisi ke- 7 ----- 30   54   64   27   65   49   104   25   68   120   46   56   56   110   65   90   49   72   58   89   37   76   117   43   85   ----- Sisi ke- 8 ----- 38   49   46   90   37   46   80   111   32   10   64   65   81   125   24   71   65   75   11   48   44   39   34   62   116   ----- Sisi ke- 9 ----- 54   104   56   49   76   18   26   18   116   112   63   52   68   65   68   67   3   120   80   5   37   102   30   46   96   ----- Sisi ke- 10 ----- 64   25   56   72   117   39   81   125   59   1   101   67   33   21   90   76   116   44   43   93   77   32   46   108   53   ----- Sisi ke- 11 ----- 27   68   110   58   43   112   2   82   56   104   55   62   64   46   67   64   39   84   112   69   76   59   57   81   54   ----- Sisi ke- 12 ----- 65   120   65   89   85   56   101   25   114   66   117   24   83   20   71   77   6   65   73   114   64   103   88   30   1	Nilai Objective Function Awal: 6756 Nilai Objective Function Akhir: 3249 (Best: 3209 )	Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 3249

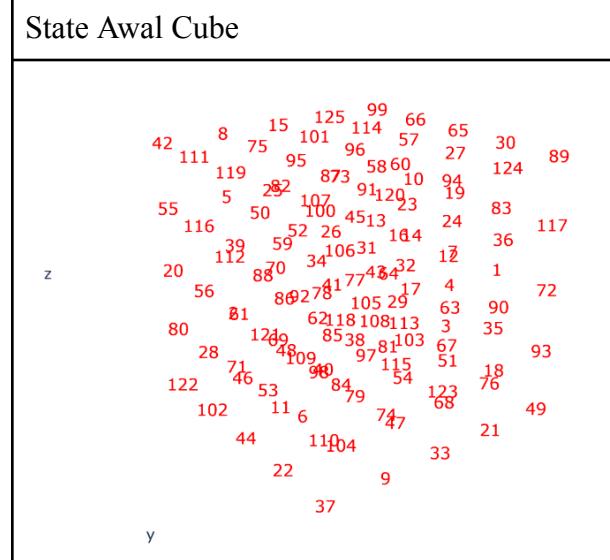
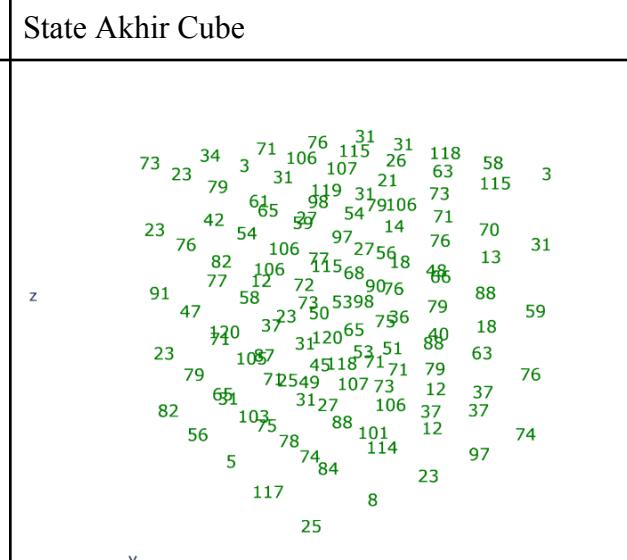
Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 3676.13

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 3209

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 1000

Durasi Proses Pencarian: 37709 ms

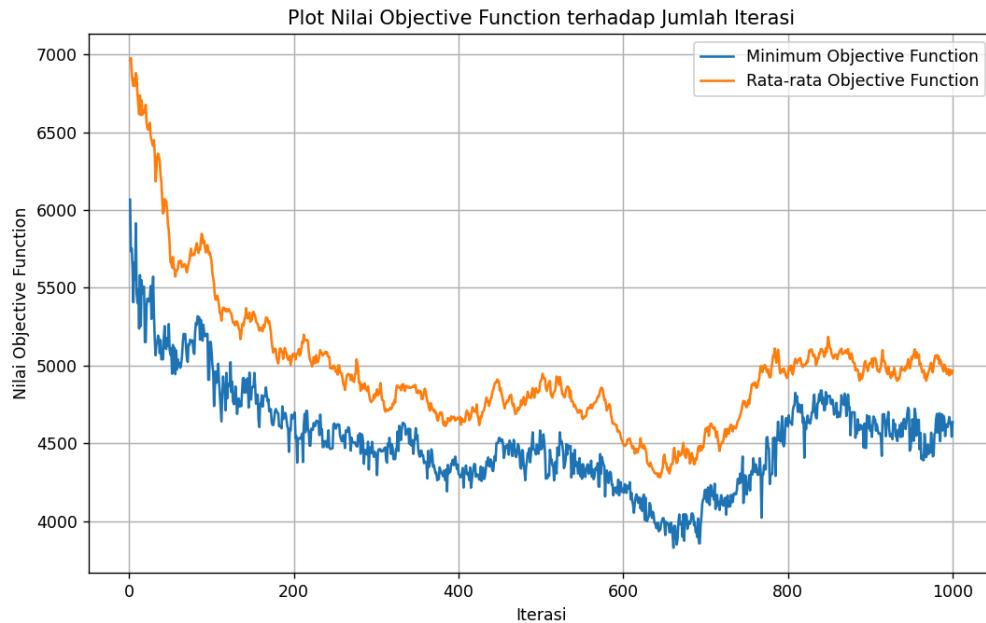
### Percobaan 3

State Awal Cube	State Akhir Cube				
					
Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z
<p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>108   43   13   58   99   103   17   14   10   66   51   63   7   19   65   76   35   1   83   30   49   93   72   117   89  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>85   41   26   87   125   97   105   31   91   114   54   113   32   23   57   68   67   4   24   27   21   18   90   36   124  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>48   86   59   82   15   98   62   34   107   101   79   38   77   45   96   47   115   29   16   68   33   123   3   12   94  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>71   2   112   5   8   53   121   88   58   75   6   109   92   52   95   104   84   118   106   73   9   74   81   64   120  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>122   80   20   55   42   102   28   56   116   111   44   46   61   39   119   22   11   69   70   25   37   110   40   78   100  </pre> <p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>108   103   51   76   49   85   97   54   68   21   48   98   79   47   33   71   53   6   104   9   122   102   44   22   37  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>43   17   63   35   93   41   105   113   67   18   86   62   38   115   123   2   121   109   84   74   80   28   46   11   110  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>13   14   7   1   72   26   31   32   4   90   59   34   77   29   3   112   88   92   118   81   20   56   61   69   40  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>58   10   19   83   117   87   91   23   24   36   82   107   45   16   12   5   58   52   106   64   55   116   39   70   78  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>49   21   33   9   37   93   18   123   74   110   72   90   3   81   40   117   36   12   64   78   42   111   119   25   100  </pre> <p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>108   85   48   71   122   43   41   86   2   80   13   26   59   112   20   58   87   82   5   55   99   125   15   8   42  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>103   97   98   53   102   17   105   62   121   28   14   31   34   88   56   10   91   107   50   116   66   114   101   75   111  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>51   54   79   6   44   63   113   38   109   46   7   32   177   92   61   88   118   53   97   107   114   73   75   56   21   65   57   96   95   119  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>76   68   47   104   22   35   67   115   84   11   1   4   29   118   69   83   24   16   106   70   30   27   60   73   25  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>49   21   33   9   37   93   18   123   74   110   72   90   3   81   40   117   36   12   64   78   42   111   119   25   100  </pre> <p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>53   98   27   31   31   71   36   18   106   31   12   40   66   71   118   37   63   88   70   58   74   76   59   31   3  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>45   50   77   98   76   17   65   68   54   115   106   51   76   14   26   12   79   79   76   63   97   37   18   13   115  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>71   37   106   65   71   63   113   38   109   46   7   32   177   92   61   88   118   53   97   107   114   73   75   56   21   23   37   88   48   73  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>65   71   77   42   34   103   105   58   54   3   78   25   23   106   31   84   27   120   115   119   8   101   71   90   79  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>31   106   71   70   31   98   54   14   76   13   65   59   97   56   48   42   54   106   115   90   23   76   82   12   73  </pre> <p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>53   71   12   37   74   45   107   106   12   97   71   31   88   114   23   65   103   78   84   8   82   56   5   117   25  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>98   36   40   63   76   50   65   51   79   37   37   31   118   73   37   71   105   25   27   101   23   79   31   75   74  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>71   107   31   103   56   36   65   31   105   79   18   68   72   58   47   106   54   59   54   76   31   115   106   3   23  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>12   186   88   78   5   40   51   118   25   31   66   76   53   23   120   71   14   97   106   82   118   26   107   31   79  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>37   12   114   84   117   63   79   73   27   75   88   79   75   120   87   70   76   56   115   12   58   63   21   119   61  </pre> <p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>53   45   71   65   82   98   58   37   71   23   27   77   106   77   91   31   98   65   42   23   31   76   71   34   73  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>71   107   31   103   56   36   65   31   105   79   18   68   72   58   47   106   54   59   54   76   31   115   106   3   23  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>12   186   88   78   5   40   51   118   25   31   66   76   53   23   120   71   14   97   106   82   118   26   107   31   79  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>37   12   114   84   117   63   79   73   27   75   88   79   75   120   87   70   76   56   115   12   58   63   21   119   61  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>74   97   23   8   25   76   37   37   101   74   59   18   88   71   49   31   13   48   99   73   3   115   73   79   27  </pre>					

Nilai Objective Function Awal: 7826

Nilai Objective Function Akhir: 4637  
(Best: 3829)

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 4637

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 4965.78

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 3829

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 1000

Durasi Proses Pencarian: 38152 ms

## 2. Variasi Kontrol Jumlah Iterasi:

Variasi ini akan menetapkan jumlah maksimum iterasi sebesar 100 sebagai kontrol. Lalu, akan diberikan jumlah populasi menjadi 3 jenis, yakni sebesar 10, 100, dan 1000. Berikut adalah hasil percobaan menggunakan metode Genetic Algorithm dengan variansi jumlah populasi sebagai kontrol yang ditetapkan:

### 2.1 - Jumlah Populasi 10

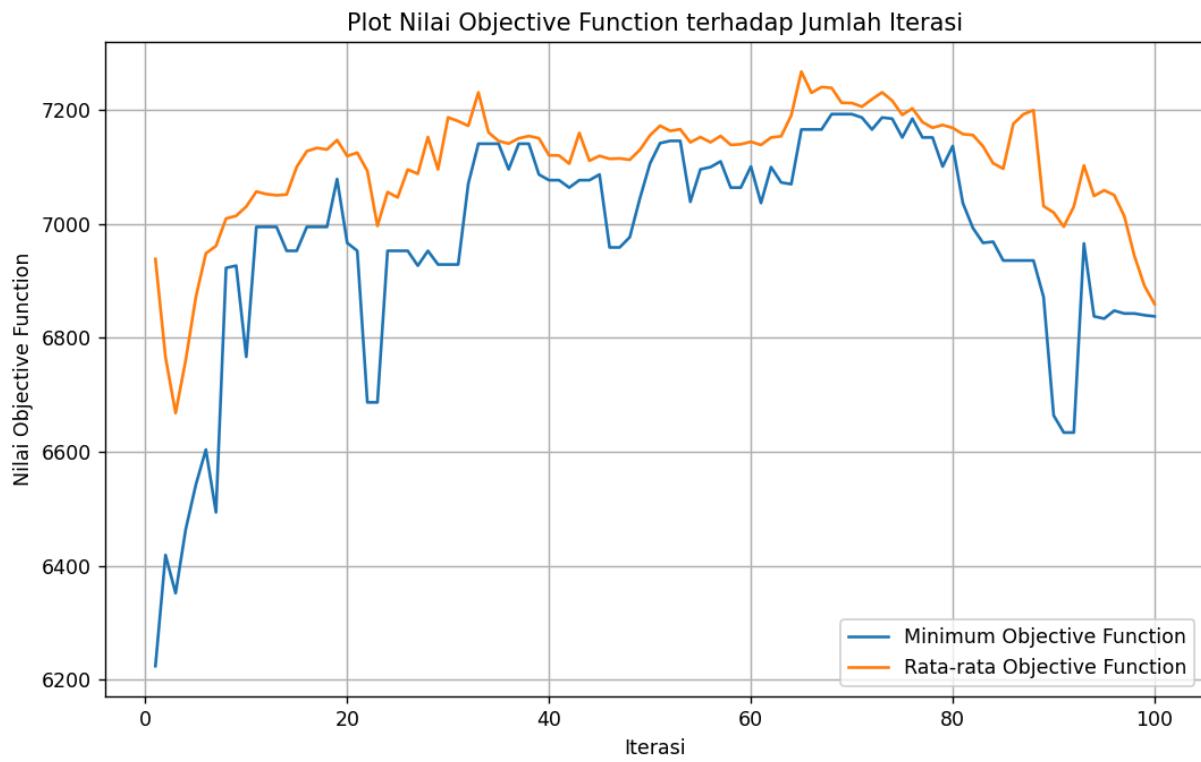
#### Percobaan 1

State Awal Cube

State Akhir Cube

<table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="2">Sumbu X</th> <th colspan="2">Sumbu Y</th> <th colspan="2">Sumbu Z</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu x</i></td> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu y</i></td> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu z</i></td> </tr> <tr> <td colspan="6"> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>3   21   88   6   97   11   89   61   122   64   48   94   62   82   8   43   107   56   47   123   113   12   124   90   108  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>31   58   77   41   98   81   45   15   18   25   65   16   19   1   92   71   13   24   84   120   20   109   72   63   121  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>112   95   111   87   96   86   101   125   83   66   102   60   29   73   74   14   91   46   10   37   27   93   50   69   34  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>67   51   85   32   53   49   78   79   22   55   33   54   4   76   36   104   105   42   57   118   35   119   23   75   110  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>117   39   80   26   2   5   17   70   116   99   44   103   38   114   68   59   30   52   115   40   106   9   7   28   100  </pre> </td></tr> <tr> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu x</i></td> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu y</i></td> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu z</i></td> </tr> </tbody> </table>	Sumbu X		Sumbu Y		Sumbu Z		<i>Sisi ke sumbu x</i>		<i>Sisi ke sumbu y</i>		<i>Sisi ke sumbu z</i>		<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>3   21   88   6   97   11   89   61   122   64   48   94   62   82   8   43   107   56   47   123   113   12   124   90   108  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>31   58   77   41   98   81   45   15   18   25   65   16   19   1   92   71   13   24   84   120   20   109   72   63   121  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>112   95   111   87   96   86   101   125   83   66   102   60   29   73   74   14   91   46   10   37   27   93   50   69   34  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>67   51   85   32   53   49   78   79   22   55   33   54   4   76   36   104   105   42   57   118   35   119   23   75   110  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>117   39   80   26   2   5   17   70   116   99   44   103   38   114   68   59   30   52   115   40   106   9   7   28   100  </pre>						<i>Sisi ke sumbu x</i>		<i>Sisi ke sumbu y</i>		<i>Sisi ke sumbu z</i>		<table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="2">Sumbu X</th> <th colspan="2">Sumbu Y</th> <th colspan="2">Sumbu Z</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu x</i></td> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu y</i></td> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu z</i></td> </tr> <tr> <td colspan="6"> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>3   31   112   67   117   21   58   95   51   39   112   86   102   14   27   67   49   33   104   35   117   5   44   59   106  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>11   81   86   49   5   58   45   16   13   109   95   101   60   91   93   51   78   54   105   119   39   17   103   30   9  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>88   61   62   56   124   77   15   19   24   72   111   125   29   46   59   85   79   4   42   23   80   78   38   52   7  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>6   122   82   47   99   41   18   1   84   63   87   83   73   18   69   32   22   76   57   75   26   116   114   115   28  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>43   71   14   104   59   107   13   91   105   30   56   24   46   42   52   47   84   10   57   115   123   120   37   118   40  </pre> </td></tr> <tr> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu x</i></td> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu y</i></td> <td colspan="2"><i>Sisi ke sumbu z</i></td> </tr> </tbody> </table>	Sumbu X		Sumbu Y		Sumbu Z		<i>Sisi ke sumbu x</i>		<i>Sisi ke sumbu y</i>		<i>Sisi ke sumbu z</i>		<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>3   31   112   67   117   21   58   95   51   39   112   86   102   14   27   67   49   33   104   35   117   5   44   59   106  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>11   81   86   49   5   58   45   16   13   109   95   101   60   91   93   51   78   54   105   119   39   17   103   30   9  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>88   61   62   56   124   77   15   19   24   72   111   125   29   46   59   85   79   4   42   23   80   78   38   52   7  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>6   122   82   47   99   41   18   1   84   63   87   83   73   18   69   32   22   76   57   75   26   116   114   115   28  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>43   71   14   104   59   107   13   91   105   30   56   24   46   42   52   47   84   10   57   115   123   120   37   118   40  </pre>						<i>Sisi ke sumbu x</i>		<i>Sisi ke sumbu y</i>		<i>Sisi ke sumbu z</i>	
Sumbu X		Sumbu Y		Sumbu Z																																													
<i>Sisi ke sumbu x</i>		<i>Sisi ke sumbu y</i>		<i>Sisi ke sumbu z</i>																																													
<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>3   21   88   6   97   11   89   61   122   64   48   94   62   82   8   43   107   56   47   123   113   12   124   90   108  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>31   58   77   41   98   81   45   15   18   25   65   16   19   1   92   71   13   24   84   120   20   109   72   63   121  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>112   95   111   87   96   86   101   125   83   66   102   60   29   73   74   14   91   46   10   37   27   93   50   69   34  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>67   51   85   32   53   49   78   79   22   55   33   54   4   76   36   104   105   42   57   118   35   119   23   75   110  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>117   39   80   26   2   5   17   70   116   99   44   103   38   114   68   59   30   52   115   40   106   9   7   28   100  </pre>																																																	
<i>Sisi ke sumbu x</i>		<i>Sisi ke sumbu y</i>		<i>Sisi ke sumbu z</i>																																													
Sumbu X		Sumbu Y		Sumbu Z																																													
<i>Sisi ke sumbu x</i>		<i>Sisi ke sumbu y</i>		<i>Sisi ke sumbu z</i>																																													
<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>3   31   112   67   117   21   58   95   51   39   112   86   102   14   27   67   49   33   104   35   117   5   44   59   106  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>11   81   86   49   5   58   45   16   13   109   95   101   60   91   93   51   78   54   105   119   39   17   103   30   9  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>88   61   62   56   124   77   15   19   24   72   111   125   29   46   59   85   79   4   42   23   80   78   38   52   7  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>6   122   82   47   99   41   18   1   84   63   87   83   73   18   69   32   22   76   57   75   26   116   114   115   28  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>43   71   14   104   59   107   13   91   105   30   56   24   46   42   52   47   84   10   57   115   123   120   37   118   40  </pre>																																																	
<i>Sisi ke sumbu x</i>		<i>Sisi ke sumbu y</i>		<i>Sisi ke sumbu z</i>																																													
Nilai Objective Function Awal: 7418	Nilai Objective Function Akhir: 6838 (Best: 6224)																																																

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 6838

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 6859.6

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 6224

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 100

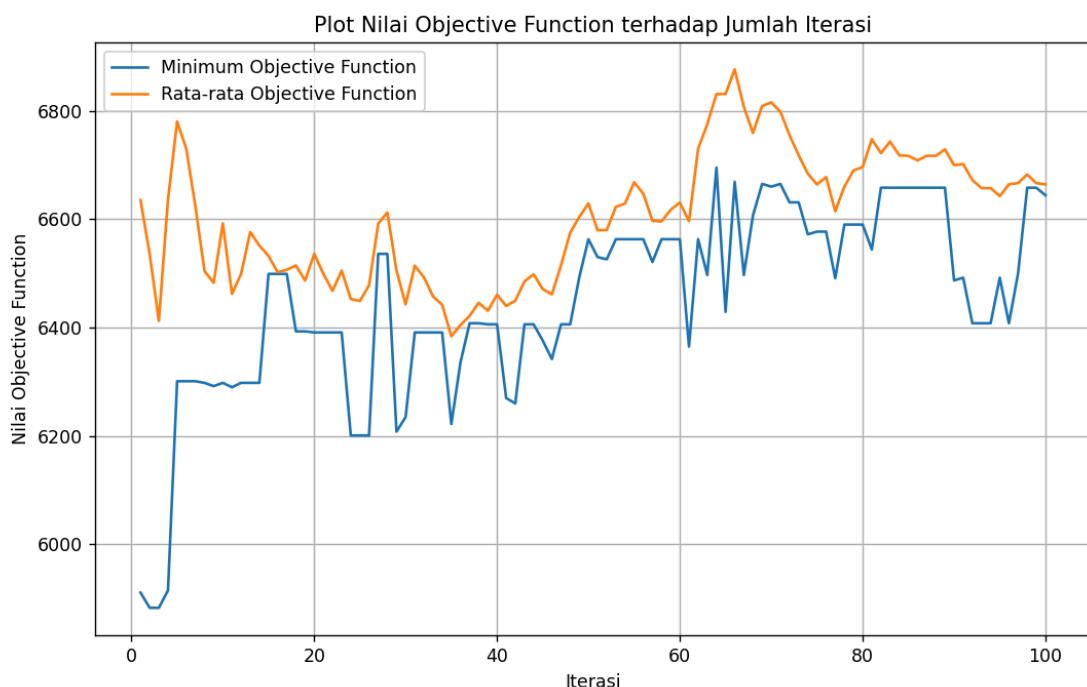
Durasi Proses Pencarian: 407 ms

## Percobaan 2

State Awal Cube												State Akhir Cube											
40	6	117	86	112	115	59	12	16	108	116	70	4	55	55	6	42	28	101	69	23	21		
100	97	4	107	50	113	110	13	113	130	121	27	101	93	98	97	20	83	89	85	87			
18	101	61	33	49	113	10	78	7	92	123	26	84	88	509	4450	53	11	38	62	66	32		
14	82	24	10	184	78	36	62	3	125	123	28	45	90	41	34	58	110	494	624	16			
125	58	39	154	995	48	98	120	76	66	8751	11	68	56	115	120	2571	45	184	246	31	5		
52	64	23	54	103	66	560	32	57	109	90	25	95	74	144	1036	45	184	82	22	113	14		
47	29	18	45	83	20	69	33	80	81	109	25	77	58	121	80	111	94	114	47	63	10		
21	19	17	893	105	44	88	82	89	85	31	37	96	13	1186	79	76	39	92					

Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z
<b>Sisi ke sumbu x</b>	<b>Sisi ke sumbu y</b>	<b>Sisi ke sumbu z</b>	<b>Sisi ke sumbu x</b>	<b>Sisi ke sumbu y</b>	<b>Sisi ke sumbu z</b>
----- Sisi ke- 1 ----- 2  120  7  13  115   11  51  63  30  59   25  68  26  121  108   88  95  45  27  116   85  77  9  119  70    ----- Sisi ke- 2 ----- 55  105  104  1  112   89  72  36  110  12   79  57  76  75  16   74  71  90  123  5   89  22  43  84  94    ----- Sisi ke- 3 ----- 35  56  24  107  86   83  66  48  49  124   53  32  37  78  46   67  102  109  62  111   31  44  96  28  91    ----- Sisi ke- 4 ----- 39  15  82  97  117   23  54  99  61  114   118  103  122  10  50   93  69  60  98  113   17  106  81  87  92    ----- Sisi ke- 5 ----- 125  14  18  100  40   52  58  3  101  6   47  64  34  38  4   21  29  42  65  33   19  8  20  73  41	----- Sisi ke- 1 ----- 2  11  25  88  85   55  80  79  74  89   35  83  53  67  31   39  23  118  93  17   125  52  47  21  19    ----- Sisi ke- 2 ----- 120  51  68  95  77   105  72  57  71  22   56  66  32  102  44   15  54  103  69  106   14  58  64  29  8    ----- Sisi ke- 3 ----- 7  63  26  45  9   104  36  76  90  43   24  48  37  109  96   82  99  122  68  81   18  3  34  42  20    ----- Sisi ke- 4 ----- 13  30  121  27  119   1  110  75  123  84   107  49  78  62  28   97  61  10  98  87   100  101  38  65  73    ----- Sisi ke- 5 ----- 115  59  108  116  70   112  12  16  5  94   86  124  46  111  91   117  114  50  113  92   40  6  4  33  41	----- Sisi ke- 1 ----- 2  55  35  39  125   120  105  56  15  14   7  104  24  82  18   13  1  107  97  100   115  112  86  117  40    ----- Sisi ke- 2 ----- 11  80  83  23  52   51  72  66  54  58   63  36  48  99  3   30  110  49  61  101   59  12  124  114  6    ----- Sisi ke- 3 ----- 59  185  115  51  55   60  8  120  54  97   114  35  118  3  20   26  76  37  122  34   121  75  78  10  38   108  16  46  50  4    ----- Sisi ke- 4 ----- 121  14  12  88  55   80  30  71  41  98   95  71  102  69  29   45  90  109  60  42   27  123  62  98  65   116  5  111  113  33    ----- Sisi ke- 5 ----- 58  74  52  15  4   61  107  27  90  104   13  2  24  56  93   77  22  44  106  8   9  43  96  81  20   119  84  28  87  73   70  94  91  92  41	----- Sisi ke- 1 ----- 10  64  110  53  42   26  82  114  38  28   95  22  67  62  101   63  103  31  66  69   10  14  5  32  21    ----- Sisi ke- 2 ----- 81  1  58  44  6   19  77  71  29  83   72  57  46  116  89   40  17  100  84  85   92  112  113  16  23    ----- Sisi ke- 3 ----- 110  114  67  31  5   58  71  46  100  113   115  120  118  122  86   12  71  36  125  61   52  27  24  9  113    ----- Sisi ke- 4 ----- 53  38  62  66  32   44  29  116  84  16   51  54  3  49  124   88  41  34  25  22   15  90  56  48  45    ----- Sisi ke- 5 ----- 42  28  101  69  21   6  83  89  85  23   55  97  20  11  87   55  98  7  58  81   4  104  93  109  108	----- Sisi ke- 1 ----- 10  81  59  121  58   64  1  105  14  174   110  58  115  12  52   53  44  51  88  15   42  6  55  55  4    ----- Sisi ke- 2 ----- 26  19  60  80  61   82  77  8  30  107   114  71  120  71  27   38  29  54  41  90   28  83  97  98  104    ----- Sisi ke- 3 ----- 95  72  114  94  13   22  57  35  18  2   67  46  118  36  24   62  116  3  34  56   101  89  20  7  93    ----- Sisi ke- 4 ----- 63  40  76  106  37   103  17  75  102  111   31  100  122  125  9   66  84  49  25  48   69  85  11  50  109    ----- Sisi ke- 5 ----- 10  92  39  96  79   14  112  47  73  119   5  113  86  61  113   32  16  124  22  45   21  23  87  81  108	
Nilai Objective Function Awal: 7176				Nilai Objective Function Akhir: 6644 (best 5883)	

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 6644

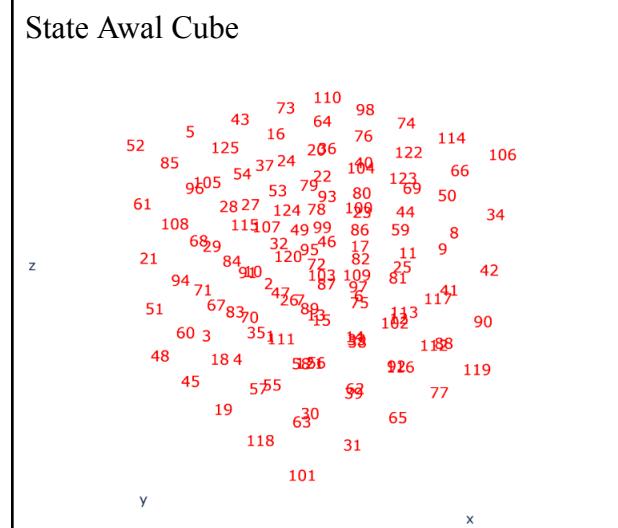
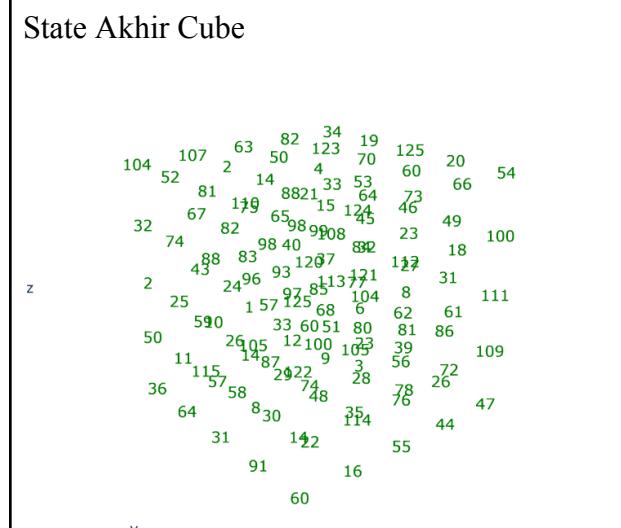
Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 6664.2

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 5883

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 100

Durasi Proses Pencarian: 402 ms

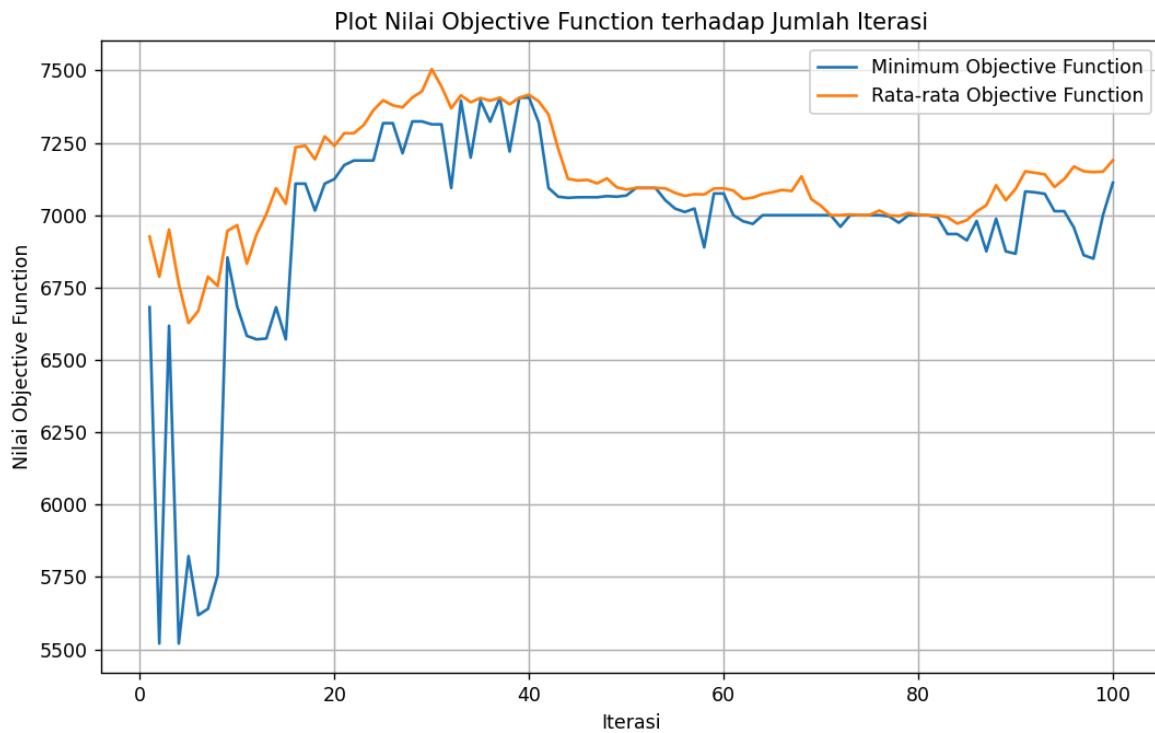
### Percobaan 3

State Awal Cube		State Akhir Cube			
Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z
 <p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <p>87   46   93   36   110        75   82   23   40   98        102   81   59   123   74        112   117   9   50   114        119   90   42   34   106  </p> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <p>26   120   124   24   73        15   103   99   22   64        38   6   17   80   76        92   12   25   44   122        77   88   41   8   66  </p> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <p>70   91   115   54   43        111   47   32   53   16        56   13   72   78   20        62   33   97   86   104        65   116   113   11   69  </p> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <p>3   71   68   96   5        4   83   84   28   125        55   1   2   107   37        36   121   89   95   79        31   39   14   109   100  </p> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <p>48   51   21   61   52        45   60   94   108   85        19   18   67   29   105        118   57   35   10   27        101   63   58   7   49  </p>	 <p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <p>87   75   102   112   119        26   15   38   92   77        70   111   56   62   65        3   4   55   30   31        48   45   19   118   101  </p> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <p>75   15   111   4   45        82   80   103   6   12   88        23   99   32   84   94        40   22   53   28   108        98   64   16   125   85  </p> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <p>102   38   56   55   19        81   6   13   1   18        59   17   72   2   67        123   80   78   107   29        74   76   20   37   105  </p> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <p>112   92   62   30   118        117   12   33   121   57        9   25   97   89   35        50   44   86   95   10        114   122   104   79   27  </p> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <p>119   77   65   31   101        90   88   116   39   63        42   41   113   14   58        34   8   11   109   7        106   66   69   100   49  </p>	<p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <p>104   52   125   43   73        85   96   05   54   37        61   108   28   27   124        108   115   07   49   99        21   68   9   32   95        51   71   67   83   70        60   3   35   111   11        48   18   4   55   58        19   118   30   63   31        101   101  </p> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <p>104   107   2   63   82        52   81   14   50   123        32   67   82   65   15        74   43   88   98   908        2   25   1   24   96        50   590   26   145   12        36   64   115   57   58        31   31   142   29   35        91   91   16   55   44        60   60  </p> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <p>51   23   56   26   47        12   9   28   76   44        14   29   48   114   55        115   58   30   22   16        36   64   31   91   60  </p> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <p>113   104   62   86   109        97   68   80   39   72        1   33   100   3   78        59   26   87   74   35        50   11   57   8   14  </p> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <p>108   32   112   31   111        40   37   121   8   61        48   100   85   99   4        114   3   6   84   53        55   78   81   27   73  </p> <p>----- Sisi ke- 6 -----</p> <p>33   64   46   49   100        88   15   45   23   18        110   65   99   84   27        67   82   98   128   77        32   74   88   96   125  </p> <p>----- Sisi ke- 7 -----</p> <p>34   19   125   20   54        82   123   70   60   66        63   50   4   53   73        107   2   14   21   124        104   52   81   75   98  </p>			

Nilai Objective Function Awal: 7570

Nilai Objective Function Akhir: 7112  
(Best: 5520)

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 7112

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 7189.7

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 5520

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 100

Durasi Proses Pencarian: 402 ms

## 2.2 - Jumlah Populasi 100

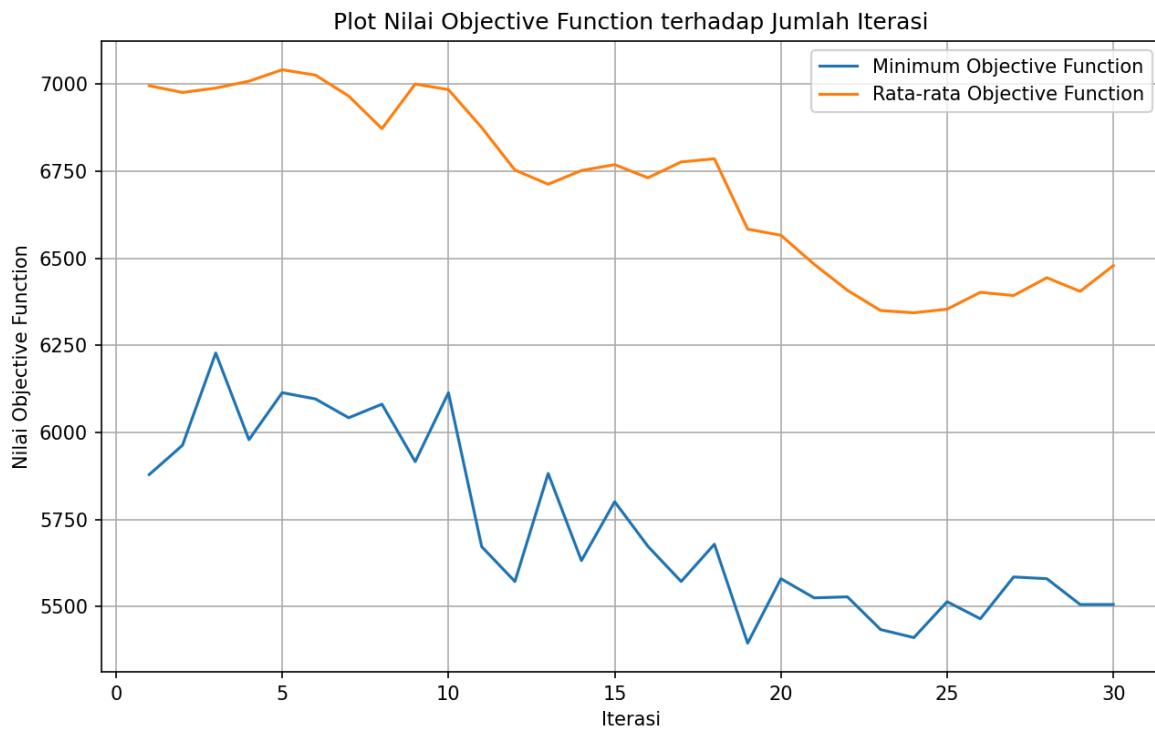
### Percobaan 1

State Awal Cube

State Akhir Cube

Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z
<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre> 33   28   50   66   67   57   19   60   112   40   3   85   97   39   1   54   49   20   102   32   38   42   108   115   23   </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre> 46   103   34   120   12   56   52   37   106   35   121   51   74   96   110   24   70   75   118   82   99   69   114   78   10   </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre> 8   71   5   104   30   92   62   22   125   116   83   44   48   95   88   36   65   94   27   122   31   58   59   91   14   </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre> 73   76   17   101   81   7   88   64   107   16   119   90   84   72   45   13   87   29   93   63   6   98   86   79   11   </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre> 111   123   55   18   43   105   25   15   41   68   113   117   4   77   21   53   109   61   9   47   26   2   124   100   89   </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre> 33   57   3   54   38   46   56   121   24   99   8   92   83   36   31   73   7   119   13   6   111   105   113   53   26   </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre> 28   19   85   49   42   103   52   51   78   69   71   62   44   65   58   76   88   90   87   98   123   25   117   109   2   </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre> 50   68   97   28   108   34   37   74   75   114   5   22   48   94   59   17   64   84   29   86   55   15   4   61   124   </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre> 66   112   39   102   115   128   106   96   118   78   104   125   95   27   91   101   107   72   93   79   18   41   77   9   100   </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre> 67   40   1   32   23   12   35   110   82   18   30   116   88   122   14   81   16   45   63   11   43   68   21   47   89   </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre> 33   46   8   73   111   28   103   71   76   123   50   34   5   17   55   66   120   104   101   18   67   12   30   81   43   111   105   113   53   26   </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre> 57   56   92   7   105   19   52   62   80   25   60   37   22   64   15   112   106   125   107   41   40   35   116   16   68   </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre> 3   121   83   119   113   85   51   44   90   117   97   74   48   84   4   39   96   95   72   77   1   110   88   45   21   </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre> 54   24   36   13   53   49   79   65   87   109   20   75   94   29   61   102   118   127   93   9   32   82   122   63   47   </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre> 38   99   31   6   26   42   69   58   98   2   108   114   59   86   124   115   78   91   79   100   23   10   14   11   89   </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre> 5   70   91   111   51   98   124   197   25   120   9   22   88   21   103   89   58   68   33   37   47   65   13   99   90   </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre> 59   42   5   22   86   54   29   114   41   65   58   114   63   72   15   112   41   67   44   104   31   65   75   48   51   </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre> 91   97   88   68   13   5   48   63   67   75   102   36   86   46   89   111   68   120   60   75   64   84   49   91   124   </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre> 111   25   21   33   99   22   46   72   44   48   26   39   36   78   122   113   62   105   83   31   25   38   95   69   103   </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre> 51   120   103   37   90   86   61   15   104   51   82   101   49   124   34   45   94   65   88   113   50   122   26   73   57   </pre>	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre> 5   59   27   35   91   70   42   63   14   33   91   5   102   111   64   111   22   26   113   25   51   86   82   45   50   </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre> 98   54   94   72   115   124   29   56   42   14   97   40   36   68   84   25   46   39   62   38   120   61   101   94   122   </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre> 9   58   110   37   39   22   114   53   46   23   88   63   86   120   49   21   72   36   105   95   103   15   49   65   26   </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre> 89   112   32   121   55   58   41   29   114   84   68   67   46   60   91   33   44   78   83   69   37   104   124   88   73   </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre> 47   31   66   76   36   65   65   116   62   1   13   75   80   75   124   99   48   122   31   103   90   51   34   113   57   </pre>	
Nilai Objective Function Awal: 7293			Nilai Objective Function Akhir: 5506(Best: 5395)		

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 5506

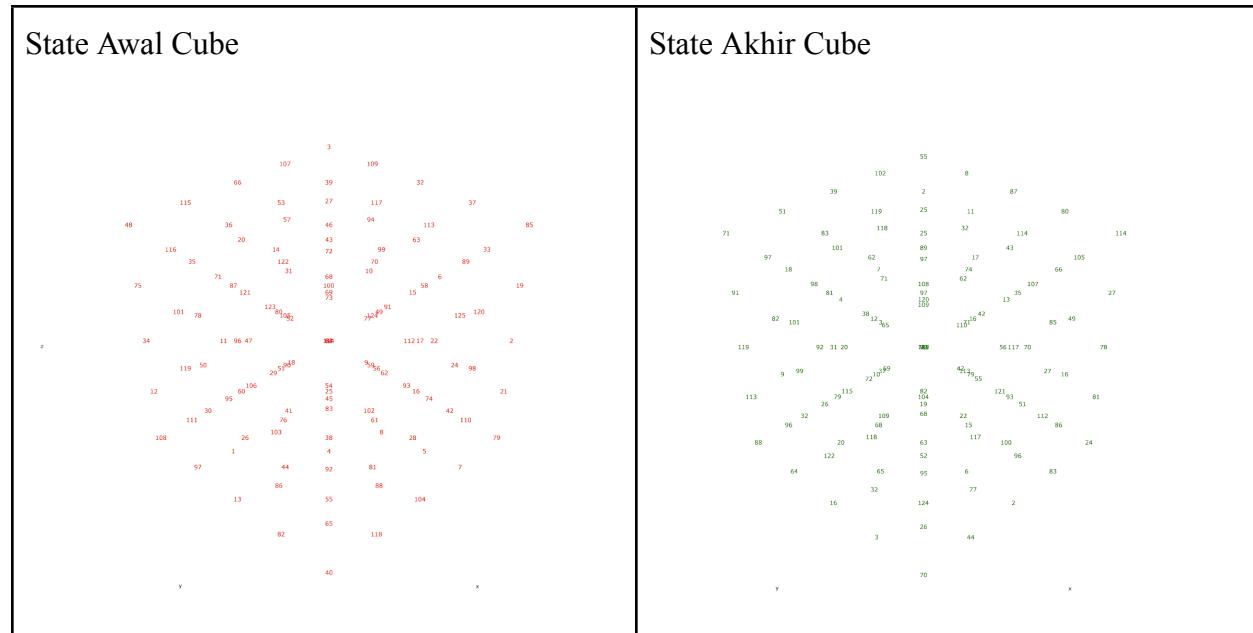
Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 6478.75

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 5395

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 30

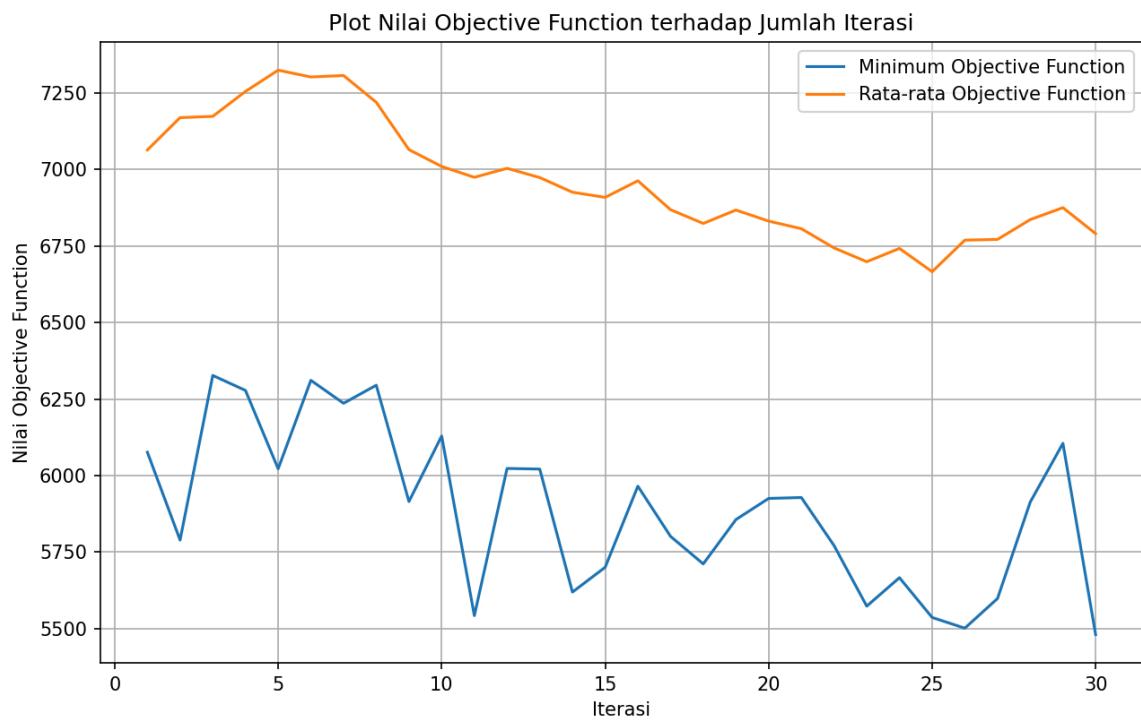
Durasi Proses Pencarian: 1.0425224304199219 ms

## Percobaan 2



Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z
<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> 84   73   72   27   3   9   77   10   94   109   93   112   15   63   32   42   24   125   89   37   79   21   2   19   85    <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> 18   52   31   57   107   54   114   69   43   39   102   59   124   70   117   28   16   17   58   113   7   110   98   120   33    <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> 106   47   121   28   66   41   90   105   122   53   38   25   64   100   46   81   61   56   49   99   104   5   74   22   6    <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> 30   50   78   35   115   26   60   96   87   36   44   76   51   86   14   55   4   45   23   68   118   88   8   62   91    <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> 108   12   34   75   48   97   11   119   181   116   13   1   95   11   71   82   8   103   29   123   40   65   99   83   67	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> 84   9   93   42   79   18   54   102   28   7   106   41   38   81   104   38   26   44   55   118   108   97   13   82   40    <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> 73   77   112   24   21   52   114   59   16   110   47   90   25   61   5   58   68   76   4   88   12   111   1   86   65    <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> 72   10   15   125   2   31   69   124   17   98   121   105   64   56   74   78   96   51   45   8   34   119   95   103   92    <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> 27   94   63   89   19   57   43   70   58   120   28   122   100   49   22   35   87   80   23   62   75   181   11   29   83    <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> 3   109   32   37   85   107   39   117   113   33   66   53   46   99   6   115   36   14   68   91   48   116   71   123   67	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> 84   18   106   38   108   73   52   47   50   12   72   31   121   78   34   27   57   28   35   75   3   107   66   115   48    <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> 9   54   41   26   97   77   114   98   60   111   10   69   105   96   119   94   43   122   87   101   109   39   53   36   116    <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> 93   102   38   44   13   112   59   25   76   1   15   124   64   51   95   63   70   100   88   11   32   117   46   14   71    <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> 42   28   81   55   82   24   16   61   4   86   125   17   56   45   103   89   58   49   23   29   37   113   99   68   123    <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> 79   7   104   118   40   21   118   5   88   65   2   98   74   8   92   19   128   22   62   83   85   33   6   91   67	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> 91   109   8   17   104   77   27   86   43   73   117   58   122   66   35   53   55   85   66   80   46   58   54   76   37    <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> 69   65   71   118   182   82   98   128   89   2   22   113   71   74   11   38   69   67   62   48   124   26   34   11   119    <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> 102   12   189   13   68   76   97   14   14   93   19   23   25   39   52   59   23   71   42   73   54   98   12   111   50    <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> 17   19   33   18   51   20   79   31   81   83   65   68   10   12   62   124   52   79   119   65   93   123   184   101   112    <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> 31   52   93   12   79   128   62   4   119   78   77   104   26   92   98   3   32   118   72   38   70   26   95   68   9	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> 91   77   117   53   46   69   82   22   38   124   102   76   19   59   54   17   20   65   124   93   31   120   77   3   70    <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> 109   27   58   55   58   65   90   113   69   26   12   97   23   23   98   19   79   68   52   123   52   62   104   32   26    <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> 117   22   19   65   77   58   113   23   68   184   122   71   25   18   26   66   74   39   12   92   35   11   52   62   98    <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> 53   38   59   124   3   55   69   23   52   32   85   67   71   70   118   66   62   42   119   72   80   48   73   65   38    <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> 46   124   54   93   70   58   26   98   123   26   54   34   12   104   95   76   11   111   101   68   37   119   58   112   9	
Nilai Objective Function Awal: 6360			Nilai Objective Function Akhir: 5480(Best: 5480)		

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 5480

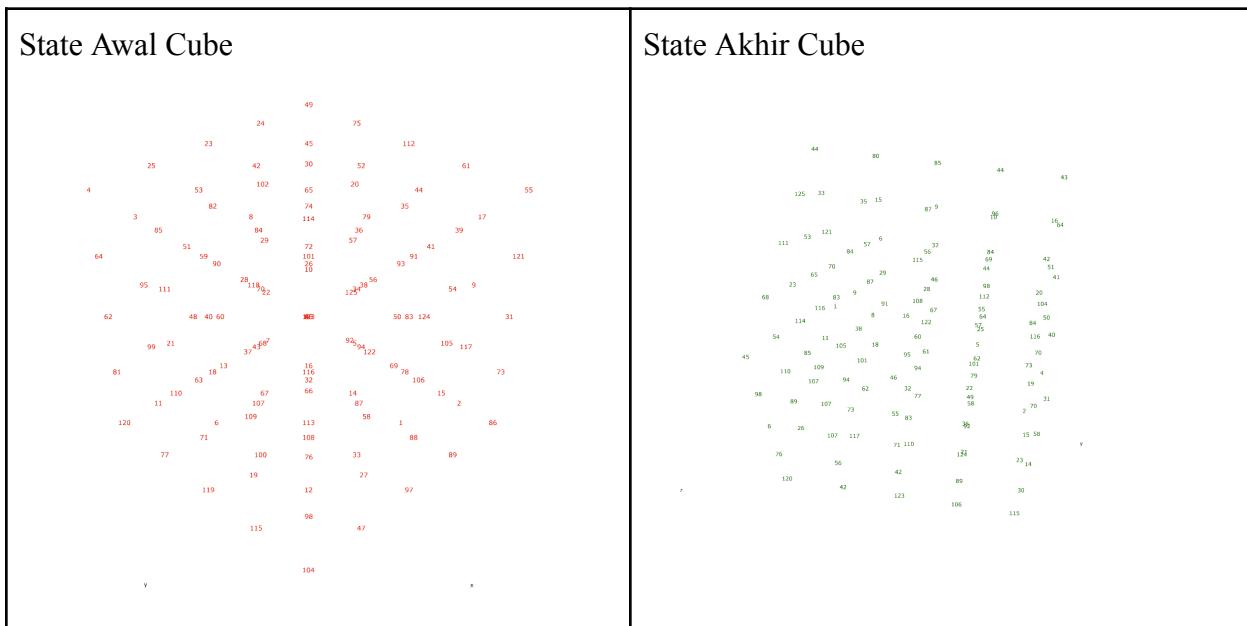
Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 6790.36

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 5480

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 30

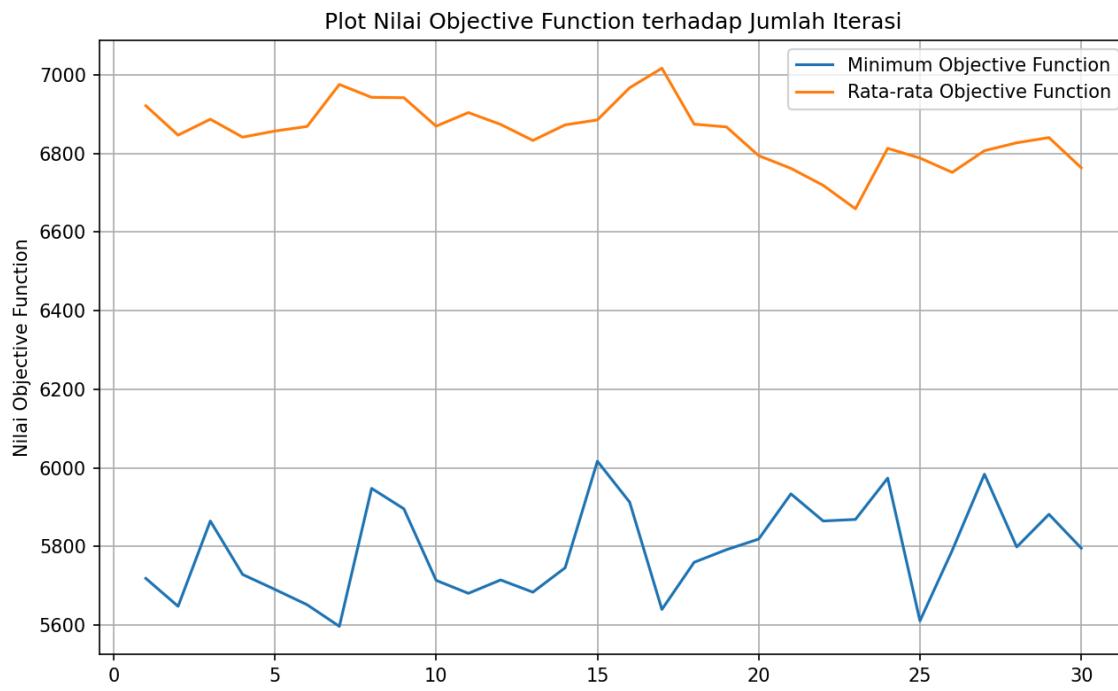
Durasi Proses Pencarian: 1.0670976638793945 ms

### Percobaan 3



Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z
<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> 46   19   114   30   49   92   125   57   20   75   69   50   93   35   112   15   105   54   39   61   86   73   31   121   55   <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> 7   22   29   102   24   16   80   26   74   45   14   5   34   36   52   1   78   83   91   44   89   2   117   9   17   <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> 13   60   90   82   23   67   68   70   84   42   113   116   96   101   65   33   87   94   38   79   97   88   106   124   41   <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> 110   21   111   85   25   6   18   40   59   53   100   107   43   118   8   12   108   32   123   72   47   27   58   122   56   <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> 120   81   62   64   4   77   11   99   95   3   119   71   63   48   51   115   19   109   37   28   104   98   76   66   103	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> 46   92   69   15   86   7   16   14   1   89   13   67   113   33   97   110   6   100   12   47   120   77   119   115   104   <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> 10   125   58   105   73   22   80   5   78   2   60   68   116   87   88   21   18   107   108   27   81   11   71   19   98   <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> 114   57   93   54   31   29   26   34   83   117   90   70   96   94   106   111   40   43   32   58   62   99   63   109   76   <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> 30   20   35   39   121   102   74   36   91   9   82   84   101   38   124   85   59   118   123   122   64   95   48   37   66   <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> 49   75   112   61   55   24   45   52   44   17   23   42   65   79   41   25   53   8   72   56   4   3   51   28   103	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> 46   7   13   110   120   18   22   68   21   81   114   29   98   111   62   30   102   82   85   64   49   24   23   25   4   <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> 92   16   67   6   77   125   80   68   18   11   57   26   70   40   99   20   74   84   59   95   75   45   42   53   3   <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> 69   14   113   100   119   58   5   116   107   71   93   34   96   43   63   35   36   101   118   148   112   52   65   8   51   <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> 15   1   33   12   115   105   78   87   108   19   54   83   94   32   109   39   91   38   123   37   61   44   79   72   28   <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> 86   89   97   47   104   73   2   88   27   98   31   117   106   58   76   121   9   124   122   66   55   17   41   56   103	<p>----- Sisi ke- 1 -----</p> 48   115   56   123   114   29   106   92   1   89   97   54   81   68   23   83   88   64   73   63   43   121   27   78   23   <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> 95   29   97   83   43   95   81   18   53   103   20   15   64   33   74   109   31   30   121   110   7   103   61   110   36   <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> 48   95   20   189   7   115   7   119   86   112   56   27   121   21   45   123   5   65   94   51   114   12   107   73   50   <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> 29   81   15   31   103   106   58   108   79   13   92   55   56   114   111   1   42   16   77   68   89   82   116   86   81   <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> 97   18   64   30   61   54   114   88   56   14   81   72   70   2   106   60   14   64   89   125   23   117   29   54   28	<p>Nilai Objective Function Awal: 6939</p> <p>Nilai Objective Function Akhir: 5796(Best: 5597)</p>	

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 5796

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 6763.69

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 5597

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 30

Durasi Proses Pencarian: 1.054060935974121 ms

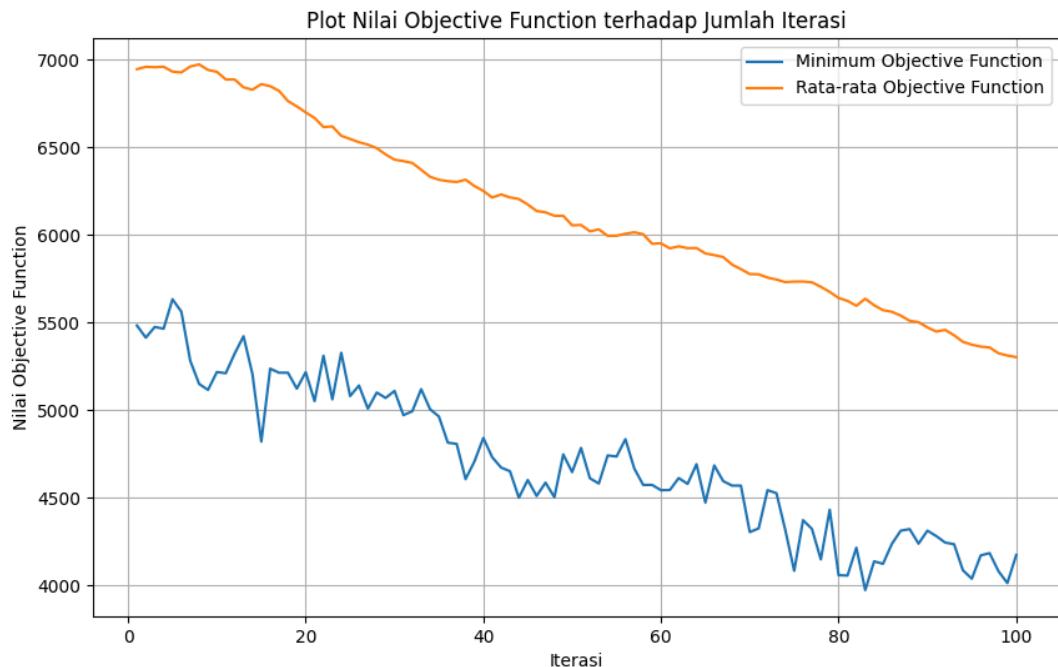
## 2.3 - Jumlah Populasi 1000

### Percobaan 1

State Awal Cube			State Akhir Cube		
Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z
State Awal Cube: A 3D grid of 1000 numbers (1 to 1000) representing the initial state of a cube. The numbers are colored red for values < 500 and green for values ≥ 500.  	State Akhir Cube: A 3D grid of 1000 numbers (1 to 1000) representing the final state of the cube. The numbers are colored green for all values.  				

Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z	Sisi ke sumbu x	Sisi ke sumbu y	Sisi ke sumbu z
----- Sisi ke- 1 ----- 37   52   125   72   45   64   109   111   83   25   22   17   66   15   47   63   96   118   69   7   35   26   106   90   80   ----- Sisi ke- 2 ----- 117   103   59   46   84   91   13   94   104   57   14   33   63   89   76   87   16   124   55   81   88   79   36   56   115   ----- Sisi ke- 3 ----- 3   110   73   43   95   123   24   108   100   98   82   2   53   92   107   21   78   65   77   4   31   48   41   114   86   ----- Sisi ke- 4 ----- 67   28   60   99   75   29   30   20   74   23   101   105   12   18   5   51   11   121   1   58   70   32   49   97   6   ----- Sisi ke- 5 ----- 34   9   68   54   19   27   85   62   44   112   18   113   50   116   140   93   122   39   102   120   71   38   10   42   119	----- Sisi ke- 1 ----- 37   64   22   63   35   117   91   14   87   88   3   123   82   21   31   67   29   181   51   78   34   27   18   93   71   ----- Sisi ke- 2 ----- 52   109   17   96   26   103   13   33   16   79   110   24   2   78   48   28   39   105   11   32   9   85   113   122   38   ----- Sisi ke- 3 ----- 125   111   66   118   106   59   94   61   124   36   73   108   53   65   41   60   20   12   121   49   68   62   58   39   10   ----- Sisi ke- 4 ----- 72   83   15   69   90   46   104   89   55   56   43   100   92   77   114   99   74   18   1   97   54   44   116   102   42   ----- Sisi ke- 5 ----- 45   25   147   7   80   84   57   176   83   115   95   98   187   4   86   75   23   5   58   6   19   112   40   120   119	----- Sisi ke- 1 ----- 37   117   3   67   34   52   103   110   28   9   125   59   73   60   68   72   46   43   99   54   45   84   95   75   19   ----- Sisi ke- 2 ----- 64   91   123   29   27   109   13   24   30   85   111   94   108   20   62   83   104   100   74   44   25   57   98   23   112   ----- Sisi ke- 3 ----- 22   14   82   101   18   17   33   2   105   113   66   61   53   12   58   15   89   92   8   116   47   76   107   5   40   ----- Sisi ke- 4 ----- 63   87   21   51   93   96   16   78   11   122   118   124   65   121   39   69   55   77   1   102   7   81   4   58   120   ----- Sisi ke- 5 ----- 35   88   31   70   71   26   79   48   32   38   186   36   41   49   18   90   56   114   97   42   80   115   86   6   119	----- Sisi ke- 1 ----- 57   35   31   49   60   53   112   102   74   17   69   76   59   123   22   74   77   78   8   77   59   71   93   64   64   ----- Sisi ke- 2 ----- 88   29   109   46   53   75   87   68   16   77   83   104   100   74   44   25   90   46   21   71   67   85   20   57   73   91   36   86   57   40   ----- Sisi ke- 3 ----- 97   80   21   45   35   11   65   105   37   85   91   52   58   94   75   79   122   68   70   37   77   87   31   59   71   ----- Sisi ke- 4 ----- 43   113   50   78   43   11   46   30   1   73   77   13   90   51   100   38   77   69   59   76   112   102   78   93   76   ----- Sisi ke- 5 ----- 49   45   94   33   65   123   58   70   99   49   35   85   75   37   71   43   73   100   76   76   65   49   35   64   48	----- Sisi ke- 1 ----- 57   88   97   43   49   35   29   80   113   45   31   109   21   50   94   49   46   45   78   33   60   53   35   43   65   ----- Sisi ke- 2 ----- 53   75   11   11   123   112   87   65   46   58   102   68   105   30   70   74   16   37   1   99   17   77   85   73   49   ----- Sisi ke- 3 ----- 69   25   91   77   27   76   90   52   13   54   59   46   58   90   55   123   21   94   51   80   22   71   75   100   35   ----- Sisi ke- 4 ----- 74   67   79   38   58   77   85   122   77   36   78   20   66   69   95   8   57   70   59   42   77   73   37   76   64   ----- Sisi ke- 5 ----- 59   91   77   112   96   71   36   87   102   79   93   86   31   78   15   64   57   59   93   59   64   40   71   76   48	
Nilai Objective Function Awal: 6820					Nilai Objective Function Akhir: 4172 (Best: 4121)

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 4173

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 5301.815

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 3973

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 100

Durasi Proses Pencarian: 90367 ms

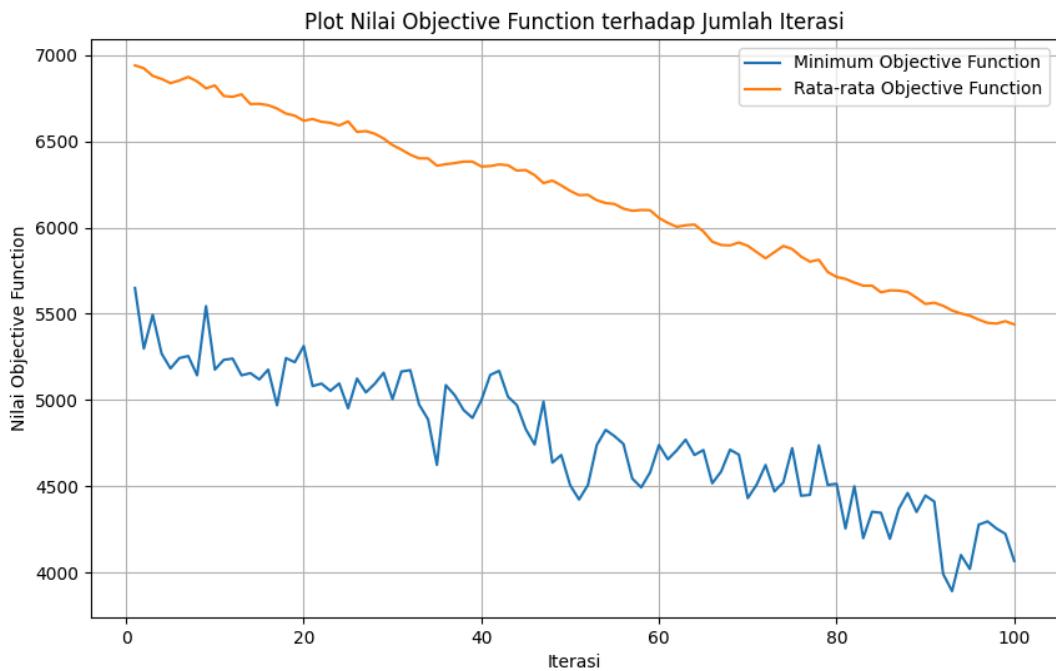
## Percobaan 2

State Awal Cube		State Akhir Cube			
Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z	Sumbu X	Sumbu Y	Sumbu Z
<p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>30   50   65   104   21   45   49   101   72   33   78   40   114   31   61   14   19   41   29   32   97   96   6   77   24  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>80   68   93   85   108   44   4   100   54   39   102   107   2   48   10   117   47   113   84   1   109   91   5   83   27  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>37   105   23   125   52   103   55   17   57   124   86   118   66   51   98   18   94   81   74   106   7   121   92   98   112  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>87   88   26   116   111   56   70   64   69   36   62   28   15   99   89   42   28   73   67   115   59   11   123   120   46  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>119   8   16   95   13   9   63   53   68   22   75   38   25   3   43   58   79   71   122   76   110   12   34   82   35  </pre> <p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>30   45   78   14   97   80   44   102   117   109   37   103   86   18   7   87   56   62   42   59   119   9   75   58   110  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>50   49   48   19   96   68   4   107   47   91   105   55   118   94   121   88   70   20   28   11   8   63   58   79   12  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>65   101   114   41   6   93   100   2   113   5   23   17   66   81   92   26   16   45   73   123   16   53   25   71   34  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>104   72   31   29   77   85   54   48   84   83   125   57   51   74   98   116   69   99   67   120   99   60   3   122   82  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>21   33   61   32   24   108   39   10   1   27   52   124   90   106   112   111   36   89   115   46   13   22   43   76   35  </pre> <p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>30   80   37   87   119   50   68   105   88   8   65   93   23   26   16   104   85   125   116   95   21   108   52   111   13  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>45   44   103   56   9   49   4   55   70   63   101   100   17   64   53   72   54   57   69   68   33   39   124   36   22  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>78   102   86   62   75   40   107   118   20   38   114   2   66   15   25   51   48   51   99   3   61   10   90   89   43  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>14   117   18   42   58   19   47   94   28   79   41   113   81   73   71   29   84   74   67   122   32   1   106   115   76  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>97   109   7   59   110   96   91   121   11   12   6   5   92   123   34   77   83   98   120   82   24   27   112   46   35  </pre> <p>Sisi ke sumbu x</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>86   54   35   21   57   93   78   92   37   50   73   59   52   43   38   14   124   30   81   72   75   57   54   102   62  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>18   56   53   103   40   108   83   97   25   116   47   54   92   60   83   72   64   10   102   15   98   64   56   53   51  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>77   80   57   10   33   40   107   118   20   38   114   2   66   15   25   51   48   51   99   3   2   121   72   57   94  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>21   37   43   81   102   103   25   60   102   53   10   113   36   98   57   110   70   74   66   66   6   89   111   40   121  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>57   50   38   72   62   49   116   83   15   51   33   65   40   89   94   50   23   89   93   63   65   47   118   102   17  </pre> <p>Sisi ke sumbu y</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>86   18   77   76   47   54   56   80   3   74   35   53   57   84   113   21   103   10   119   6   57   40   33   50   65  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>93   108   21   25   73   78   83   24   60   96   92   97   42   79   16   37   25   113   70   89   50   116   65   23   47  </pre> <p>----- Sisi ke- 3 -----</p> <pre>73   47   105   86   62   59   54   88   57   60   52   92   60   53   79   43   60   36   74   111   38   83   40   89   118  </pre> <p>----- Sisi ke- 4 -----</p> <pre>14   72   99   99   64   124   64   28   8   63   30   10   83   77   35   81   102   98   66   40   72   15   89   93   102  </pre> <p>----- Sisi ke- 5 -----</p> <pre>75   98   2   63   74   57   64   121   55   42   54   56   72   61   125   102   53   57   66   121   62   51   94   63   17  </pre> <p>Sisi ke sumbu z</p> <p>----- Sisi ke- 1 -----</p> <pre>61   12   18   63   25   40   11   66   64   82   39   59   99   42   103   35   74   48   46   124   44   96   95   83   624   67   92   91   64   87   63   73   25   21   89   81   6   114   21   46   64   80   111   23   31   74   32   38   83   69  </pre> <p>----- Sisi ke- 2 -----</p> <pre>z</pre> <p>x</p> <p>y</p>					

Nilai Objective Function Awal: 6895

Nilai Objective Function Akhir: 4067 (Best: 3892)

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 4067

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 5438.287

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 2892

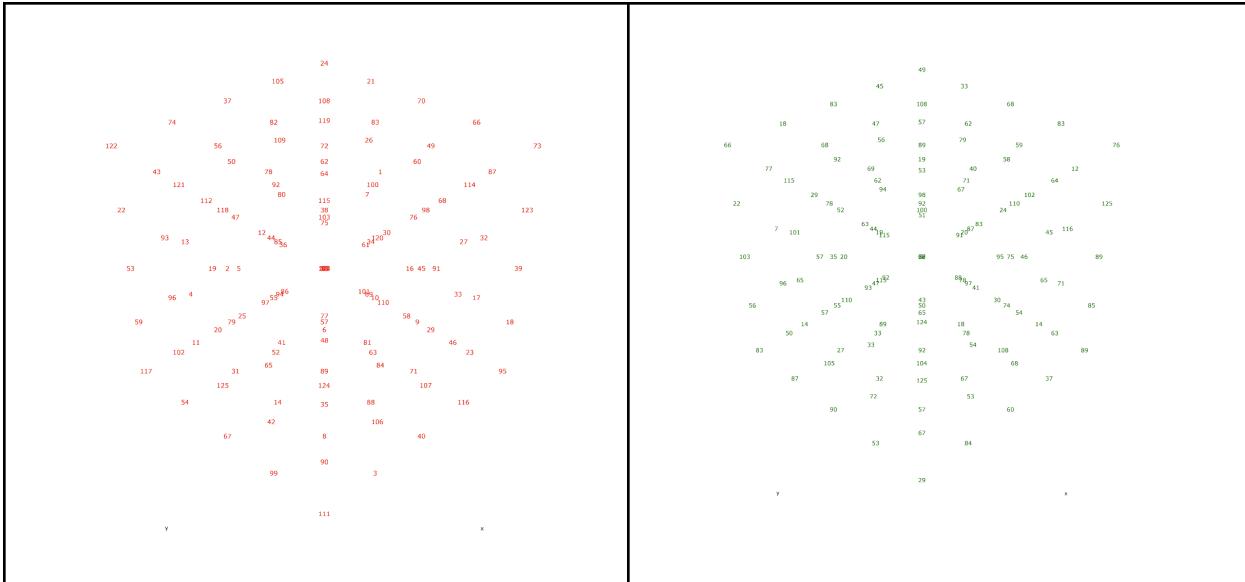
Banyak Iterasi yang Dilakukan: 100

Durasi Proses Pencarian: 89006 ms

### Percobaan 3

State Awal Cube

State Akhir Cube



Sumbu X

Sumbu Y

Sumbu Z

Sumbu X

Sumbu Y

Sumbu Z

## ----- Sisi ke- 1 -----

51 | 75 | 64 | 119 | 24 |  
101 | 61 | 7 | 26 | 21 |  
58 | 16 | 76 | 68 | 70 |  
46 | 33 | 27 | 114 | 66 |  
95 | 18 | 39 | 123 | 73 |

## ----- Sisi ke- 2 -----

86 | 36 | 80 | 109 | 105 |  
77 | 15 | 103 | 62 | 108 |  
81 | 69 | 34 | 100 | 83 |  
71 | 9 | 45 | 98 | 49 |  
116 | 23 | 17 | 32 | 87 |

## ----- Sisi ke- 3 -----

25 | 5 | 47 | 50 | 37 |  
41 | 94 | 85 | 92 | 82 |  
89 | 57 | 113 | 38 | 72 |  
88 | 63 | 10 | 120 | 1 |  
40 | 107 | 29 | 91 | 68 |

## ----- Sisi ke- 4 -----

11 | 4 | 13 | 121 | 74 |  
31 | 79 | 2 | 118 | 56 |  
14 | 52 | 55 | 44 | 78 |  
8 | 124 | 6 | 28 | 115 |  
3 | 106 | 84 | 110 | 30 |

## ----- Sisi ke- 5 -----

117 | 59 | 53 | 22 | 122 |  
54 | 102 | 96 | 93 | 43 |  
67 | 125 | 20 | 19 | 112 |  
99 | 42 | 65 | 97 | 12 |  
111 | 90 | 35 | 48 | 104 |

## ----- Sisi ke- 1 -----

51 | 101 | 58 | 46 | 95 |  
86 | 77 | 81 | 71 | 116 |  
25 | 41 | 89 | 88 | 48 |  
11 | 31 | 14 | 8 | 3 |  
117 | 54 | 67 | 99 | 111 |

## ----- Sisi ke- 2 -----

75 | 61 | 16 | 33 | 18 |  
36 | 15 | 69 | 9 | 23 |  
5 | 94 | 57 | 63 | 107 |  
4 | 79 | 52 | 124 | 106 |  
59 | 102 | 125 | 42 | 90 |

## ----- Sisi ke- 3 -----

64 | 7 | 76 | 27 | 39 |  
80 | 103 | 34 | 45 | 17 |  
47 | 85 | 113 | 10 | 29 |  
13 | 2 | 55 | 6 | 84 |  
53 | 96 | 20 | 65 | 35 |

## ----- Sisi ke- 4 -----

119 | 26 | 60 | 114 | 123 |  
109 | 62 | 100 | 98 | 32 |  
50 | 92 | 38 | 120 | 91 |  
121 | 118 | 44 | 28 | 110 |  
22 | 93 | 19 | 97 | 48 |

## ----- Sisi ke- 5 -----

24 | 21 | 70 | 66 | 73 |  
105 | 108 | 83 | 49 | 87 |  
37 | 82 | 72 | 1 | 68 |  
74 | 56 | 78 | 115 | 30 |  
122 | 43 | 112 | 12 | 104 |

## ----- Sisi ke- 1 -----

51 | 101 | 58 | 46 | 95 |  
86 | 77 | 81 | 71 | 116 |  
25 | 41 | 89 | 88 | 48 |  
11 | 31 | 14 | 8 | 3 |  
117 | 54 | 67 | 99 | 111 |

## ----- Sisi ke- 2 -----

75 | 61 | 16 | 33 | 18 |  
36 | 15 | 69 | 9 | 23 |  
5 | 94 | 57 | 63 | 107 |  
4 | 79 | 52 | 124 | 106 |  
59 | 102 | 125 | 42 | 90 |

## ----- Sisi ke- 3 -----

64 | 7 | 76 | 27 | 39 |  
80 | 103 | 34 | 45 | 17 |  
47 | 85 | 113 | 10 | 29 |  
13 | 2 | 55 | 6 | 84 |  
53 | 96 | 20 | 65 | 35 |

## ----- Sisi ke- 4 -----

119 | 26 | 60 | 114 | 123 |  
109 | 62 | 100 | 98 | 32 |  
50 | 92 | 38 | 120 | 91 |  
121 | 118 | 44 | 28 | 110 |  
22 | 93 | 19 | 97 | 48 |

## ----- Sisi ke- 5 -----

24 | 21 | 70 | 66 | 73 |  
105 | 108 | 83 | 49 | 87 |  
37 | 82 | 72 | 1 | 68 |  
74 | 56 | 78 | 115 | 30 |  
122 | 43 | 112 | 12 | 104 |

## ----- Sisi ke- 1 -----

26 | 64 | 53 | 56 | 49 |  
88 | 91 | 67 | 79 | 54 |  
30 | 95 | 24 | 58 | 116 |  
83 | 50 | 75 | 97 | 16 |  
95 | 85 | 89 | 33 | 74 |

## ----- Sisi ke- 2 -----

92 | 112 | 45 | 77 | 94 |  
39 | 58 | 82 | 71 | 108 |  
30 | 77 | 107 | 48 | 3 |  
68 | 46 | 34 | 88 | 72 |  
41 | 100 | 76 | 78 | 19 |

## ----- Sisi ke- 3 -----

53 | 100 | 49 | 83 | 29 |  
100 | 41 | 46 | 11 | 105 |  
59 | 74 | 66 | 49 | 60 |  
53 | 48 | 49 | 87 | 40 |  
47 | 68 | 54 | 46 | 100 |

## ----- Sisi ke- 4 -----

23 | 30 | 96 | 62 | 77 |  
98 | 64 | 9 | 109 | 41 |  
40 | 1 | 29 | 95 | 101 |  
43 | 97 | 118 | 56 | 1 |  
37 | 64 | 61 | 41 | 113 |

## ----- Sisi ke- 5 -----

85 | 58 | 100 | 38 | 84 |  
87 | 50 | 96 | 60 | 77 |  
82 | 43 | 36 | 82 | 29 |  
49 | 72 | 33 | 83 | 63 |  
28 | 40 | 117 | 88 | 45 |

## ----- Sisi ke- 1 -----

26 | 88 | 38 | 83 | 95 |  
92 | 39 | 30 | 68 | 41 |  
53 | 100 | 59 | 53 | 47 |  
23 | 98 | 40 | 43 | 37 |  
85 | 87 | 82 | 49 | 28 |

## ----- Sisi ke- 2 -----

64 | 91 | 95 | 50 | 85 |  
112 | 58 | 77 | 46 | 100 |  
100 | 41 | 74 | 48 | 68 |  
30 | 64 | 1 | 97 | 64 |  
58 | 50 | 43 | 72 | 40 |

## ----- Sisi ke- 3 -----

53 | 67 | 24 | 75 | 89 |  
45 | 82 | 107 | 34 | 76 |  
49 | 46 | 66 | 49 | 54 |  
96 | 9 | 29 | 118 | 61 |  
100 | 96 | 36 | 33 | 117 |

## ----- Sisi ke- 4 -----

56 | 79 | 58 | 97 | 33 |  
77 | 71 | 48 | 88 | 78 |  
83 | 11 | 49 | 87 | 46 |  
62 | 109 | 95 | 56 | 41 |  
38 | 60 | 82 | 83 | 88 |

## ----- Sisi ke- 5 -----

49 | 54 | 116 | 16 | 74 |  
94 | 108 | 3 | 72 | 19 |  
29 | 105 | 68 | 40 | 100 |  
77 | 41 | 101 | 1 | 113 |  
84 | 77 | 29 | 63 | 45 |

## ----- Sisi ke- 1 -----

26 | 92 | 53 | 23 | 85 |  
64 | 112 | 100 | 30 | 58 |  
53 | 45 | 49 | 96 | 100 |  
56 | 77 | 83 | 62 | 38 |  
49 | 94 | 29 | 77 | 84 |

## ----- Sisi ke- 2 -----

88 | 39 | 100 | 98 | 87 |  
91 | 50 | 41 | 64 | 50 |  
67 | 82 | 46 | 9 | 96 |  
79 | 71 | 11 | 109 | 60 |  
54 | 108 | 105 | 41 | 77 |

## ----- Sisi ke- 3 -----

30 | 30 | 59 | 40 | 82 |  
95 | 77 | 74 | 1 | 43 |  
24 | 107 | 66 | 29 | 36 |  
58 | 48 | 49 | 95 | 82 |  
116 | 3 | 60 | 101 | 29 |

## ----- Sisi ke- 4 -----

83 | 68 | 53 | 43 | 49 |  
50 | 46 | 48 | 97 | 72 |  
75 | 34 | 49 | 118 | 33 |  
97 | 88 | 87 | 56 | 83 |  
16 | 72 | 40 | 1 | 63 |

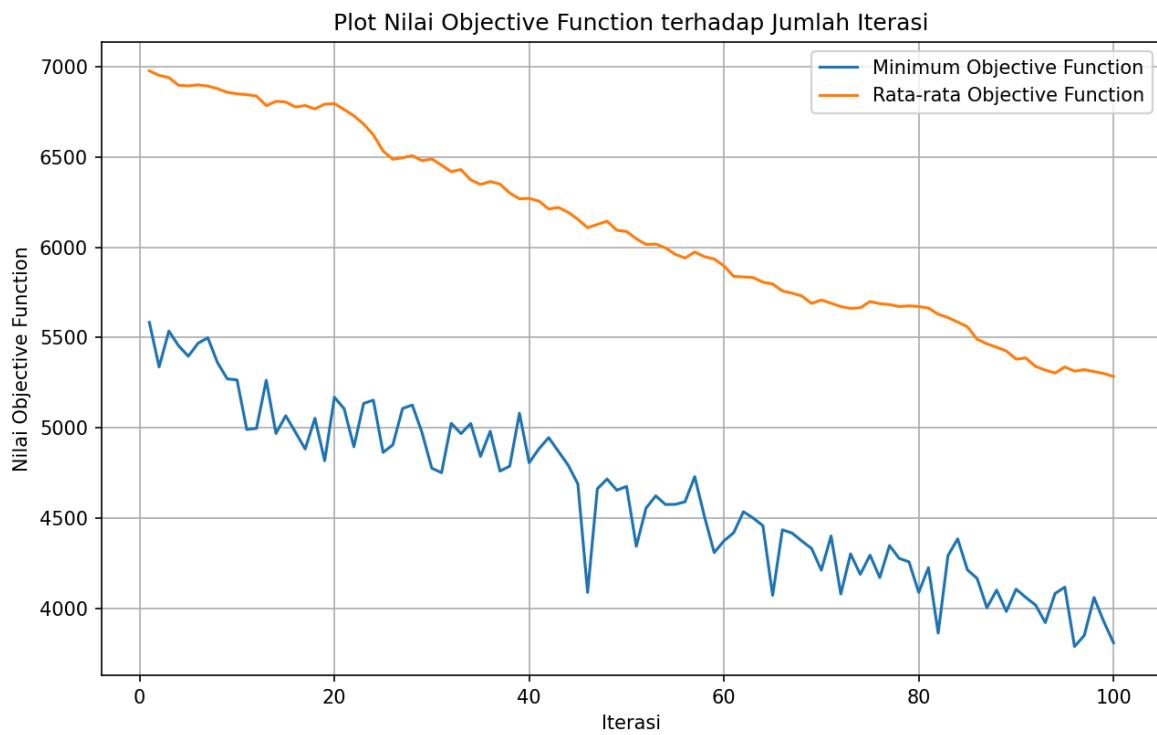
## ----- Sisi ke- 5 -----

95 | 41 | 47 | 37 | 28 |  
85 | 100 | 68 | 64 | 40 |  
89 | 76 | 54 | 61 | 117 |  
33 | 78 | 46 | 41 | 88 |  
74 | 19 | 100 | 113 | 45 |

Nilai Objective Function Awal: 7256

Nilai Objective Function Akhir: 3813(Best: 3792)

Plot Nilai Objective Function Minimum dan Rata-rata:



Nilai Objective Function Terendah dari Populasi Terakhir: 3813

Nilai Objective Function Rata-rata dari Populasi Terakhir: 5285.038

Nilai Objective Function Terbaik dari Seluruh Populasi: 3792

Banyak Iterasi yang Dilakukan: 100

Durasi Proses Pencarian: 88.065908432006836 ms

## III.2 Analisis

### 1. Steepest Ascent Hill-climbing

Algoritma *Steepest Ascent Hill-climbing* ini bekerja dengan membandingkan *state*-nya sekarang dengan *neighbor state* disekitarnya, dan hanya akan berpindah *state* ketika *objective function* dari *state* tersebut lebih baik daripada *state*-nya sekarang. Oleh karena itu, jumlah yang diperlukan untuk mencapai *objective function* seringkali bermacam-macam dikarenakan *state* awal yang berbeda. Algoritma ini juga lebih sering mencapai *local optima* karena ketika disekitarnya tidak ada lagi *state* yang lebih baik nilainya, maka algoritma ini akan berhenti bekerja. Sehingga akan sulit untuk menemukan *global optima* untuk fungsi yang kompleks dan memiliki banyak *local optima*. Oleh karena itu, dibandingkan dengan algoritma lain yang memiliki cara menghindari terjebak pada *local optima*, algoritma ini kurang optimal untuk digunakan.

Jika dibandingkan dengan algoritma *hill-climbing* lainnya, durasi pencarian *steepest ascent* cenderung lebih cepat dibandingkan dengan *sideways move* dan *random restart* karena

*steepest ascent* akan langsung berhenti ketika disekitarnya tidak ada lagi *state* dengan nilai lebih tinggi. Untuk algoritma lain, tergantung dengan banyaknya iterasi / suhu / keturunan yang diinginkan, durasi pencarian dapat beragam. Hasil akhir dari algoritma ini akan selalu konsisten jika *state* awal kubus sama, namun karena *state* awal kubus acak, durasi dan *objective function* yang didapatkan juga beragam. Dari eksperimen yang dilakukan, algoritma ini bekerja cukup baik dengan rata-rata *objective function* sekitar +-600 (nilai maks *objective function* = 0).

## 2. Hill-climbing with Sideways Move

Seperti algoritma *Steepest Ascent Hill-climbing*, algoritma *sideways move* bekerja dengan membandingkan *state*-nya sekarang dengan *neighbor state* disekitarnya, dan akan berpindah *state* ketika *objective function* dari *state* tersebut lebih baik daripada *state*-nya sekarang, dengan tambahan kemampuan untuk pindah ke *state* yang memiliki *objective function* sama. Sehingga jika dibandingkan dengan *steepest ascent* algoritma ini mempunyai cara untuk menghindari jebakan *local optima* dengan melakukan *sideways move*, dengan begitu, kemungkinan mencapai *global optima* akan lebih besar, walau tetap ada batasan dalam eksplorasi karena hanya akan menerima solusi dengan nilai sama.

Jika dibandingkan dengan algoritma *hill climbing* lainnya, durasi pencarian *sideways move* cenderung lebih lama dibandingkan *steepest ascent* karena *sideways move* tidak langsung berhenti ketika mencapai *local optima*. Algoritma ini diizinkan untuk bergerak pada *state* dengan nilai yang sama, hingga batas jumlah gerakan yang ditentukan, sebelum memutuskan untuk berhenti. Karena itu, durasi pencarian juga bergantung pada jumlah iterasi maksimal yang diizinkan untuk berpindah dalam level yang sama (*sideways*). Jika iterasi *sideways* dibatasi sedikit, waktu pencarian akan lebih cepat tetapi kemungkinan besar algoritma berhenti di *local optima*. Namun, jika batas iterasi *sideways* lebih besar, waktu pencarian akan bertambah, dan peluang mencapai solusi lebih optimal meningkat. Hasil akhir dari algoritma ini akan selalu konsisten jika *state* awal kubus sama, namun karena *state* awal kubus acak, durasi dan *objective function* yang didapatkan juga beragam. Dari eksperimen yang dilakukan, algoritma ini bekerja cukup baik dengan rata-rata *objective function* sekitar +-700 (nilai maks *objective function* = 0).

## 3. Random Restart Hill-climbing

*Random Restart Hill Climbing* memiliki cara kerja seperti *steepest ascent hill-climbing* pada awalnya, dengan perbedaan ketika algoritma ini mencapai *local optima* dan tidak ada *state* di sekitarnya dengan nilai yang lebih baik, algoritma akan melakukan restart dari *state* baru. Proses ini berulang hingga batas iterasi yang telah ditentukan atau hingga *objective function* = 0 tercapai, apabila algoritma ini tidak menemukan *global optima* sampai batas iterasi habis, maka akan memiliki *state* dengan *objective function* paling baik. *Random restart* dapat mendekati *global optima* lebih baik dibandingkan algoritma *steepest ascent* atau *sideways move*, karena memungkinkan algoritma untuk terus melakukan pencarian baru saat mencapai optimum lokal.

Jika dibandingkan dengan algoritma *hill climbing* lainnya, durasi pencarian *random restart* akan semakin lama seiring jumlah iterasi pengulangan yang diinginkan. Namun, semakin sering pengulangan dilakukan maka peluang untuk mendapatkan *state* terbaik semakin besar. Sayangnya, semakin banyak pengulangan dilakukan maka durasi pencarian juga akan bertambah. Dari eksperimen yang dilakukan, algoritma ini memberikan hasil yang memuaskan dengan rata-rata *objective function* sekitar +500 (nilai maks *objective function* = 0).

#### 4. Stochastic Hill-climbing

*Stochastic Hill Climbing* bekerja dengan memilih secara acak salah satu *neighbor state* dan berpindah ke *state* tersebut jika *objective function*-nya lebih tinggi. Dalam setiap iterasi, tidak semua *neighbor state* diperiksa untuk menemukan yang terbaik, tetapi dipilih secara acak. Sehingga algoritma ini dapat menghindari jebakan *local optima* dan mendekati *global optima* (faktor keberuntungan) karena tidak berfokus pada pencarian dengan nilai tertinggi di setiap langkah.

Untuk hasil pencarian dan durasi dari algoritma ini bergantung kepada jumlah iterasi yang ingin dilakukan. Semakin banyak iterasi yang dilakukan maka hasil pencarinya akan semakin baik, namun durasi pencarian tentunya akan meningkat. Kegunaan *Stochastic hill-climbing* sendiri adalah menawarkan durasi yang singkat dan hasil yang cukup baik, dapat dilihat pada eksperimen dimana algoritma ini hanya membutuhkan waktu sekitar 1 detik untuk menghasilkan solusi dengan *objective function* rata-rata +1000.

#### 5. Simulated Annealing

Hasil eksperimen dari algoritma *simulated annealing* sangatlah beragam, ada yang menghasilkan *objective function* kurang baik (4581), ada juga yang menghasilkan *objective function* memuaskan (534). Sehingga dapat kita lihat bahwa ada banyak faktor yang menentukan *objective function* yang akan dihasilkan algoritma ini. Seperti suhu awal dan koefisien penurunan suhu yang akan menentukan banyaknya iterasi yang akan dilakukan, juga batas probabilitas yang akan menentukan penerimaan *state* bernilai lebih rendah. Kedua hal itu bukan hanya mempengaruhi *objective function* tetapi juga durasi pencarian, karena semakin banyaknya iterasi yang dilakukan maka akan semakin lama juga durasi pencarian. Sehingga perlunya disesuaikan konfigurasi input pada algoritma untuk mencapai hasil yang diinginkan.

#### 6. Genetic Algorithm

Hasil eksperimen dari algoritma *genetic algorithm* sangat bergantung dari parameter yang dimilikinya yaitu jumlah populasi dan jumlah iterasi maksimal. Jumlah populasi mempengaruhi keragaman *parent* yang akan berdampak pada pembentukan *child*. Populasi yang terbatas akan menyebabkan kemungkinan individu sama terpilih dalam *spin wheel* meningkat. Jika individu sama terpilih menjadi *parent* dan jika individu tersebut terpilih untuk melakukan *crossover*, maka *child* yang dihasilkan akan sama dengan *parentnya* dan seterusnya untuk iterasi berikutnya.

Namun dengan mutasi, meski dengan peluang yang sangat kecil, hal tersebut dapat diatasi sedikit dengan melakukan pertukaran secara acak.

Jumlah Iterasi memengaruhi pencarian nilai objektif. Jika jumlah iterasi tidak diiringi dengan keragaman populasi maka iterasi yang banyak pun akan menjadi tidak efektif karena setiap iterasi hanya mengulangi pemilihan individu yang sama. Namun, ketika populasi beragam, maka jumlah iterasi yang banyak akan meningkatkan peluang dalam mendapatkan nilai objektif yang lebih baik.

Secara keseluruhan algoritma ini merupakan algoritma yang lambat karena banyak proses yang harus dilalui dalam satu iterasi dan hasil akhir dari algoritma ini pun tidak pasti tergantung dari hasil *random*. Baik dari metode *crossover* maupun mutasi yang dilakukan, semuanya bergantung dari hasil pengacakan.

## Perbandingan

### 1. Kedekatan Hasil Pencarian dengan Global Optima

Dari seluruh eksperimen yang dilakukan, kami mendapatkan bahwa algoritma *random restart hill climbing* memberikan nilai *objective function* paling mendekati 0, dengan rata-rata hasil *objective function* sekitar 500 (berdasarkan hasil plot), angka ini masih dapat ditingkatkan seiring naiknya jumlah iterasi pengulangan yang ingin dilakukan. Untuk algoritma dengan ketepatan paling rendah adalah *genetic algorithm*, dapat dilihat dari semua hasil eksperimen *genetic algorithm* memiliki *objective function* akhir sekitar 4000 sampai 5000, walaupun sudah memakan durasi yang lama dalam proses pencarinya. Terdapat juga algoritma *simulated annealing* yang memiliki hasil beragam sesuai dengan konfigurasi input yang diinginkan, yaitu berdasarkan banyaknya iterasi (menentukan suhu awal dan koefisien penurunan suhu) dan juga penentuan batas probabilitas.

### 2. Durasi Proses Pencarian

Untuk durasi proses pencarian tiap-tiap algoritma, Penghasil solusi dengan durasi tercepat pada eksperimen yang kami lakukan adalah algoritma *stochastic hill climbing* dengan durasi proses pencarian hanya sekitar 1 detik untuk 5000 kali iterasi. Disusul oleh *Steepest Ascent hill-climbing* dengan durasi proses pencarian rata-rata dibawah 100 detik. Alasan algoritma *Stochastic* memiliki durasi yang sangat singkat adalah karena algoritma ini tidak melakukan pencarian *best neighbor* seperti algoritma *hill climbing* lainnya, melainkan hanya melakukan pertukaran random dengan *neighbor* disekitarnya tanpa melihat nilai *neighbor* tersebut. Untuk *steepest ascent*, algoritma ini memiliki durasi yang

lebih singkat dibandingkan algoritma seperti *sideways move* dan *random restart* karena *steepest ascent* tidak mampu untuk berpindah ke *state* dengan nilai yang lebih rendah / sama darinya, dibandingkan dengan *random restart* yang melakukan pengulangan iterasi dari awal atau *sideways move* yang mampu berpindah ke nilai yang sama.

### 3. Konsistensi Hasil Akhir

Untuk algoritma *Hill Climbing*, selain *Stochastic* kami mendapatkan hasil yang cukup konsisten untuk setiap percobaan yang kami lakukan untuk masing-masing algoritma. Meski dengan *state* awal yang berbeda, hasil akhir yang didapat memang berbeda akan tetapi dalam rentang yang tidak jauh sehingga dapat disimpulkan bahwa hasil yang didapat cukup konsisten. Hal tersebut dikarenakan algoritma ini selalu mencari *state* tetannga terbaik yang mungkin, terutama untuk *random restart* yang akan selalu mengambil solusi terbaik dari percobaan-percobaan yang dilakukan. Sedangkan untuk Simulated Annealing dan Genetic Algorithm, dan Stochastic, karena *neighbor state* *digenerate* secara acak, maka hasil yang didapat tidak konsisten. Selain itu konsistensi pada ketiga algoritma tersebut juga dipengaruhi oleh banyaknya iterasi yang dilakukan.

### 4. Pengaruh Banyak Iterasi dan Jumlah Populasi Genetic Algorithm

Semakin sedikit populasi, semakin besar peluang individu yang terpilih menjadi *parent* merupakan individu yang sama karena metode *spin wheel* menggunakan jumlah populasi sebagai basis pemilihan *parent* sehingga semakin sedikit kandidat *parent*, semakin besar peluang terpilihnya indiividu yang sama untuk menjadi *parent*. Hal tersebut mengakibatkan *child* hasil crossover akan memberikan hasil yang sama dengan *parentnya* dan bisa menyebabkan ulangan terus menerus seperti gambar berikut

```
Pada iterasi ke 3, Nilai Objective dari child adalah: [6677, 6525, 6679]
Pada iterasi ke 3, Best Objective : 6145
Pada iterasi ke 4, Nilai Objective dari child adalah: [6525, 6525, 6525]
Pada iterasi ke 4, Best Objective : 6145
Pada iterasi ke 5, Nilai Objective dari child adalah: [6525, 6525, 6525]
Pada iterasi ke 5, Best Objective : 6145
Pada iterasi ke 6, Nilai Objective dari child adalah: [6525, 6525, 6525]
Pada iterasi ke 6, Best Objective : 6145
Pada iterasi ke 7, Nilai Objective dari child adalah: [6525, 6525, 6525]
Pada iterasi ke 7, Best Objective : 6145
Pada iterasi ke 8, Nilai Objective dari child adalah: [6525, 6525, 6277]
Pada iterasi ke 8, Best Objective : 6145
Pada iterasi ke 9, Nilai Objective dari child adalah: [6625, 6525, 6541]
Pada iterasi ke 9, Best Objective : 6145
```

Untuk bisa dapat keluar dari perulangan yang sama tersebut, Genetic Algorithm memiliki fungsi mutasi yang bisa melakukan pertukaran secara acak. Namun, karena peluang untuk terjadinya mutasi kecil, maka mutasi pun jarang terjadi. Sebaliknya semakin besar populasi, semakin banyak kemungkinan *parent* untuk *crossover* sehingga individu yang dihasilkan bisa beragam serta peluang untuk mendapatkan nilai objektif yang lebih baik semakin tinggi.

Pengaruh banyaknya iterasi terhadap hasil akhir yaitu semakin banyak iterasi, akan meningkatkan kemungkinan algoritma untuk mendapatkan nilai objektif yang lebih baik karena individu dengan *crossover* kedua individu diharapkan akan menghasilkan *child* yang memiliki nilai objektif yang lebih baik. Oleh karena itu, ketika dilakukan iterasi yang lebih banyak, peluang untuk mencapai nilai objektif yang lebih baik pun semakin tinggi.

## IV. Kesimpulan dan Saran

### IV.1 Kesimpulan

Dari Tugas Besar ini, ada beberapa hal yang dapat disimpulkan diantaranya :

Algoritma yang dihasilkan dari tugas besar kali ini yaitu algoritma *local search* yang terdiri dari Hill Climbing, Simulated Annealing dan Genetic Algorithm. Algoritma tersebut digunakan dalam mencari nilai objektif terbaik yang berupa suatu *state* pada kubus yang paling memenuhi persyaratan *magic cube* yaitu penjumlahan setiap garisnya sejumlah *magic number*.

Dari hasil eksperimen yang kami lakukan, algoritma yang kami buat bisa melakukan perubahan *state* yang membuat nilai objektif semakin baik, akan tetapi dari percobaan yang kami lakukan, kami belum pernah mencapai kondisi global optimum. Namun, hasil yang kami dapatkan sudah cukup baik dalam mengurangi nilai objektif (mengurangi *error*) dari *state* awal. Algoritma yang dapat memberikan nilai objektif terbaik tanpa mempedulikan banyaknya iterasi adalah **Simulated Annealing**. Alasannya karena terdapat beberapa algoritma untuk menghindari lokal optimum (seperti pindah ke *state* yang lebih buruk dengan probabilitas tertentu). Walaupun begitu, karena banyaknya iterasi dan durasi yang dibutuhkan untuk menghasilkan nilai objektif terbaik algoritma Simulated Annealing kurang cocok jika membutuhkan solusi yang lebih cepat tanpa memerlukan hasil paling optimal. Karena itu, algoritma Steepest Ascent Hill Climbing dapat dipilih sebagai algoritma “*all rounder*” baik dari segi durasi, iterasi, juga kedekatannya dengan *global optima*, karena algoritma hanya akan berpindah ke *state* dengan nilai lebih baik, sehingga mengurangi jumlah iterasi dan durasi tanpa mengurangi *value* dari *state* yang ditempati.

Untuk durasi pencarian tercepat yaitu Stochastic Hill Climbing jika iterasi yang dilakukan sejumlah iterasi yang dilakukan pada algoritma Hill Climbing lainnya(+100). Hal ini dikarenakan *neighbor state* dari algoritma ini di-*generate* secara acak dan tidak membangkitkan semua *successor*. Sedangkan untuk yang terlama yaitu Random Restart Hill Climbing karena algoritma ini membangkitkan semua *successor* dalam mencari *best neighbor state* serta ketika menemukan lokal optima, algoritma ini akan melakukan *restart*. *Local search* bermanfaat dalam memberikan solusi yang berfokus pada efisiensi karena hanya mencari di sekitar ruang solusi. Selain itu algoritma ini tergolong lebih cepat dibandingkan algoritma *classical search* dan lebih mudah diimplementasikan.

### IV.2 Saran

- Gunakan bahasa pemrograman yang tepat agar dapat menjalankan kode dengan lebih cepat. Kami merekomendasikan bahasa pemrograman yang cepat agar ketika mengeksekusi algoritma Hill Climbing yang membangkitkan semua suksesor dapat berjalan lebih cepat.
- Dalam pembuatan *magic cube*, gunakan struktur matrix 3D agar lebih mempermudah pendefinisian *magic cube*. Ketika struktur kubus hanya didefinisikan dalam array,

bentuknya tidak akan terlalu terbayang dan akan cukup sulit dalam menentukan *objective function*.

- Usahakan visualisasi dalam bentuk 3D sehingga pengguna dapat lebih terbayang. Hal tersebut memungkinkan pengguna untuk bisa mengetahui tata letak dan struktur dari kubus (termasuk letak elemen-elemennya) dengan lebih jelas.
- Pilih *schedule* yang lebih *simple* (bisa dilakukan dengan pengurangan atau pengalian terhadap *coolingRate*). Tujuannya agar lebih mudah dilakukan analisis untuk setiap iterasi.
- Buat plot dari nilai objektif suatu *state* untuk setiap iterasi agar dapat lebih mudah diamati dan dianalisis serta ditarik kesimpulan dari algoritma yang dijalankan.

## V. Pembagian Tugas

NIM	Nama	Kegiatan
18222022	Louis Ferdyo Gunawan	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Membuat steepest</li> <li>2. Membuat visualisasi 2 Dimensi</li> <li>3. Membuat laporan bagian eksperimen &amp; analisis pada hasil eksperimen</li> <li>4. Membuat kesimpulan</li> </ol>
18222028	Erwan Poltak Halomoan	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Membuat Visualisasi 3 Dimensi</li> <li>2. Membuat Stochastic Algorithm</li> <li>3. Melakukan debug code (terutama pembentukan cube, state, dan objective function)</li> <li>4. Membantu testing dan laporan bagian Genetic Algorithm</li> </ol>
18222064	Hartanto Luwis	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Membuat fungsi-fungsi dasar spt makeCube, random, dst</li> <li>2. Membuat Simulated Annealing</li> <li>3. Membuat Genetic Algorithm</li> <li>4. Membuat detail fungsi dan penjelasannya di laporan</li> <li>5. Membuat kesimpulan n saran</li> </ol>
18222066	Ammar Naufal	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Membuat Sideways Move</li> <li>2. Membuat Random Restart</li> <li>3. Membuat laporan bagian hasil eksperimen, membantu kesimpulan dan saran, serta merapikan laporan secara keseluruhan</li> <li>4. Membantu debug dan revisi typography kode</li> </ol>

## VI. Referensi

- [Magic Cube - Wolfram Mathworld](#)
- [Features of the magic cube - Magisch vierkant](#)
- [Perfect Magic Cubes \(trump.de\)](#)
- [Magic cube - Wikipedia](#)
- [Local Search Algorithm in Artificial Intelligence - GeeksforGeeks](#)
- [The Relation Between Complete and Incomplete Search](#)