

Projet de Séries Temporelles :

modélisation ARIMA d'une série temporelle

À rendre :

- **au plus tard le 9 mai 2023** en le déposant dans [ce lien Dropbox](#) (pas d'inscription nécessaire)
- dans un dossier compressé (.zip de préférence) :
 - nommé “*pnom1_pnom2*” où “*pnom1*” est la 1ère lettre du prénom et le nom du membre 1 du binôme.
 - contenant **le rapport au format PDF, le script .R et la série utilisée au format CSV.**

Consignes générales : Ce projet doit être réalisé sous R. La notation tiendra compte de la rigueur dans la mise en œuvre des outils économétriques, de la concision et de la clarté de la présentation des résultats. Le rapport (6 pages de contenu maximum hors annexe, en français ou en anglais) fera figurer les programmes (commentés) en annexe. Ce tutorat doit être effectué de préférence en binôme.

Le barème (à titre indicatif) est le suivant : Partie 1 : 30%; Partie 2 : 30%; Partie 3 : 40%.

On s'intéresse à la modélisation et la prévision d'une série temporelle observée en France. Il est fortement conseillé de choisir un indice de production industrielle en France ([lien des séries de l'IPI](#)). Vous ne travaillez que sur les données observées. À partir du répertoire des séries chronologiques de l'INSEE, vous devez choisir une série agrégée corrigée des variations saisonnières et des jours ouvrés (CVS-CJO), mensuelle ou trimestrielle, correspondant à n'importe quel secteur d'activité (à votre convenance) et contenant au moins 100 observations. Une autre série (éviter des données en valeur nominale, de prix ou financières) est possible, tant qu'elle respecte les caractéristiques énoncées précédemment.

• Partie I : Les données

1. Que représente la série choisie ? (secteur, traitements éventuels, transformation logarithmique, etc.)
2. Transformer si besoin la série pour la rendre stationnaire (différentiation, suppression de la tendance déterministe, etc.). Justifier soigneusement vos choix.
3. Représenter graphiquement la série choisie avant et après transformation.

• Partie II : Modèles ARMA

4. Choisir, en le justifiant, un modèle ARMA(p, q) pour votre série corrigée X_t . Estimer les paramètres du modèle et vérifier sa validité.
5. Exprimer le modèle ARIMA(p, d, q) pour la série choisie.

• Partie III : Prévision

On note T la longueur de la série. On suppose que les résidus de la série sont gaussiens.

6. Ecrire l'équation vérifiée par la région de confiance de niveau α sur les valeurs futures (X_{T+1}, X_{T+2}).
7. Préciser les hypothèses utilisées pour obtenir cette région.
8. Représenter graphiquement cette région pour $\alpha = 95\%$. Commenter.
9. Question ouverte : soit Y_t une série stationnaire disponible de $t = 1$ à T . On suppose que Y_{T+1} est disponible plus rapidement que X_{T+1} . Sous quelle(s) condition(s) cette information permet-elle d'améliorer la prévision de X_{T+1} ? Comment la (les) testeriez-vous ?