RO203 - Jeux, graphes et RO

Zacharie Ales, Eric Soutil, Dylan Laplace-Mermoud 2023 - 2024

PROJET

1 Objectif

L'objectif de ce projet est de résoudre des jeux de logique issus du site :

chiark.greenend.org.uk/~sgtatham/puzzles/.

Vous choisirez deux des problèmes représentés dans le tableau suivant (la somme de leurs difficultés devra être au moins égale à 10).

	Nom	Difficulté	Objectif
5 > 1 4 5	Unequal	2	Remplir en respectant les inégalités.
3	Pattern	2	Placer les cases selon le motif.
3	Lightup	2	Placer des lampes pour éclairer l'ensemble des cases.
	Mosaic	2	Place des cases noires en respectant les contraintes.
* • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	Tents	3	Placer une tente pour chaque arbre.
*** ****	Tracks	3	Relier par des rails.
	Unruly	4	Trouver un pavage de tuiles noires et blanches.
4 0 5 2	Dominosa	4	Trouver un pavage en dominos.
1 5 1 2 4 3	Towers	3	Remplir par des tours.
	Undead	4	Remplir par des monstres.
3 4 3	Rect	4	Trouver un pavage de rectangles.

	Nom	Difficulté	Objectif
1 11 11 12 12 16 +	Signpost	4	Numéroter toutes les cases.
	Flip	4	Rendre toutes les cases blanches.
© = © <u>0</u> 0	Bridge	4	Associer le bon nombre de ponts aux sommets.
• 6 •	Range	5	Placer les cases noires.
\bigcirc 3	Singles	6	Masquer les doublons des lignes et colonnes.
3 1 2	Loopy	6	Trouver une boucle vérifiant les contraintes d'adjacence.
	Pegs	7	Retirer tous les jetons sauf un.
	Galaxies	8	Placer des barrières symétriquement.
	Pearl	8	Trouver une boucle passant par chaque perle.
1 2	Palisade	9	Placer des palissades vérifiant des contraintes d'adjacence.
5 5 5 1 5 5 8 8 8	Filling	9	Remplir par des chiffres.

Remarque 1 : Ces jeux sont également accessibles sur android (peut être également sur iOS).

Remarque 2: Le programme wine peut permettre d'exécuter les fichiers .exe sous linux.

2 Travail demandé

Le travail demandé pour chacun de vos deux problèmes est décrit ci-dessous.

Remarque : Le code complet du jeu de sudoku est donné en guise d'exemple. N'hésitez pas à vous en inspirer pour chacun de vos deux jeux.

Partie 1 Implémentation

1. Modélisation du problème

Modéliser sur papier la résolution du jeu par un programme linéaire en nombres entiers.

Remarque: Le but de la plupart de ces problèmes est de trouver une solution réalisable. Il n'y a donc généralement pas d'objectif à proprement parlé. Ainsi, vous pouvez fixer une valeur d'objectif constante.

2. Définition manuelle d'une instance

Dans le répertoire data créer un fichier instanceTest.txt représentant une instance simple du jeu considéré. Par exemple, dans le cas du sudoku, on pourrait créer le fichier suivant représentant une grille de taille 4×4 :

Case initialement vide Première ligne de la grille \rightarrow 1, , , 4 , 3, , 1 , , , 3

La première case de la dernière ligne contient un $3 \rightarrow 3$, , ,

3. Lecture d'une instance

- a) Compléter la méthode readInputFile (path::String), figurant dans le fichier io.jl, permettant la lecture d'une instance du jeu considéré figurant au chemin path et retournant une ou plusieurs variables représentant cette instance.
- b) Tester votre méthode en lançant julia en mode console, puis en exécutant la commande : readInputFile("./data/instanceTest.txt").

4. Implémentation du modèle

- a) Implémenter votre modèle dans la méthode cplexSolve, figurant dans le fichier resolution.jl. Cette méthode retournera :
 - un booléen indiquant si une solution optimale est obtenue;
 - un réel indiquant la durée de la résolution;
 - une ou plusieurs variables représentant la solution.
- b) Tester la résolution de l'instance figurant dans votre fichier test en lançant julia en mode console puis en exécutant les commandes :

```
include("resolution.jl")
cplexSolve(readInputFile("../data/test.txt"))
```

Remarque: Pour que cela fonctionne, les entrées de la méthode cplexSolve doivent correspondre aux sorties de la méthode readInputFile.

5. Affichage en ligne de commande

Créer deux méthodes displayGrid() et displaySolution() dans le fichier io.jl permettant respectivement d'afficher dans la console :

- une instance non résolue;
- une instance résolue.

Exemple pour une grille de sudoku :

1, , , 4	1 - - 4	1 2 3 4 4 3 2 1
, , , 3	- 3	2 1 4 3 3 4 1 2
3, , , e au format texte	displayGrid()	displaySolution()

Instance au format texte

6. Génération d'instances

a) Compléter la méthode generateInstance() figurant dans le fichier generation.jl afin qu'elle permette de générer une instance aléatoire du jeu considéré. Vous pourrez ajouter des paramètres à cette méthode afin de générer différents types d'instances. Par exemple dans le cas du sudoku, la taille de la grille et le pourcentage de cases remplies sont considérés.

b) Compléter la méthode generateDataSet() du fichier generation.jl afin de générer un ensemble d'instances dans le répertoire ./data.

Remarque : Il n'est pas nécessaire que les instances générées possèdent une unique solution.

7. Résolution de plusieurs instances

a) Compléter la méthode solveDataSet () afin qu'elle permette d'effectuer la résolution de l'ensemble des instances.

Remarque : Les résultats de cplex pour chaque instance seront stockés dans un fichier texte figurant dans le répertoire ./res/cplex. Chaque fichier devra contenir deux variables solveTime et isOptimal. Ces conditions sont nécessaires au bon fonctionnement des méthodes de visualisation des résultats que nous utiliserons par la suite.

b) (à effectuer uniquement pour votre jeu le plus difficile) Compléter la méthode heuristicSolve () du fichier resolution.jl afin qu'elle réalise une résolution heuristique d'une instance. Votre heuristique peut être simple mais ne doit néanmoins pas uniquement consister à énumérer l'ensemble des solutions.

8. Mise en forme des résultats

Utiliser la méthode resultsArray() du fichier io.jl afin de représenter vos résultats sous forme de tableaux.

Partie 2 Rapport (date limite : 28 avril)

Le rapport contiendra la description de vos programmes linéaires, vos heuristiques, vos générateurs d'instances. Vous commenterez les résultats de vos méthodes de résolution :

- temps de calcul en fonction de la taille ou du type d'instances (graphiques encouragés);
- une solution est-elle toujours trouvée?
- jusqu'à quelle taille la résolution est-elle possible?
- si le programme linéaire est trop long et que vous avez une fonction objectif qui n'est pas constante, quel est le gap après 10 minutes?

Définition - Gap

Ecart relatif entre la meilleure relaxation linéaire r et la meilleure solution entière connue $z:\frac{|r-z|}{z}$;

— ...

Vous fournirez également l'ensemble du code source de votre projet.

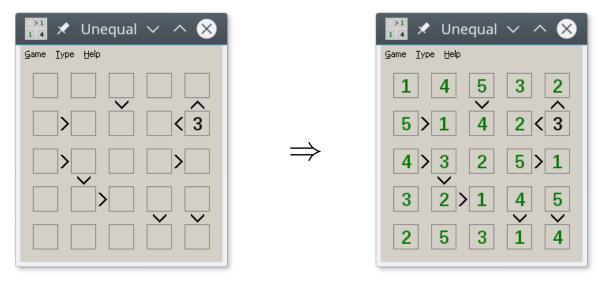
Partie 3 Soutenance (2 mai)

- 1. Présenter vos programmes de résolution;
- 2. Indiquer comment vous générez vos instances;
- 3. Indiquer si certaines contraintes n'ont pas pu être prises en compte (probable pour votre jeu le plus difficile). Dans ce cas, préciser :
 - a) si vous avez pu les prendre partiellement en compte;
 - b) s'il serait possible des les prendre totalement en compte en utilisant une formulation contenant un nombre exponentiel de variables ou de contraintes.
- 4. Mettre en avant les difficultés rencontrées.

3 Règles

Des règles en anglais plus détaillées peuvent être obtenues sur le site chiark.greenend.org.uk/ sgtatham/-puzzles

3.1 Unequal

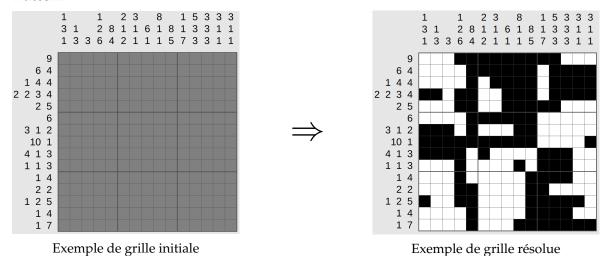


Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

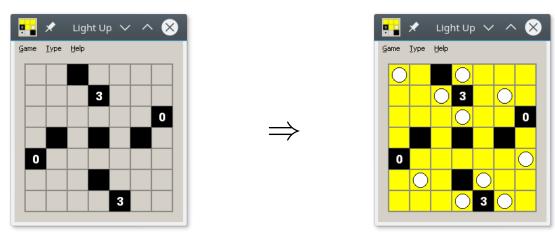
- **Règles :** Remplir la grille de taille $n \times n$ par des chiffres de façon à ce que :
 - chaque ligne et colonne contienne les chiffres de 1 à n;
 - les inégalités soient satisfaites.

3.2 Pattern



— **Règles :** Remplir la grille de taille $n \times n$ par des cases noires à blanches. Sur une ligne ou une colonne, un ensemble de cases noires consécutives maximal est appelé un *bloc*. Dans chaque ligne et chaque colonne, les nombre indiqués dans la marge représentent le nombre et la taille des blocs à y faire figurer.

3.3 Lightup

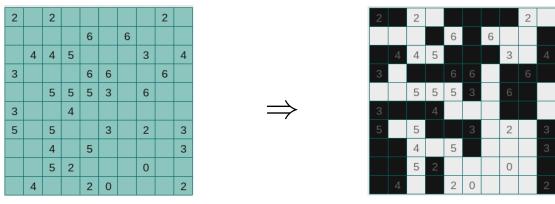


Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

- Règles: Placer des lampes afin d'éclairer l'ensemble des cases blanches. Une lampe éclaire toutes les cases blanches figurant sur la même ligne ou la même colonne qu'elle à moins qu'une case noire ne se trouve entre les deux. De plus:
 - Une lampe ne doit pas être éclairée par une autre lampe;
 - Les cases noires comportant un chiffre x doivent être adjacentes à x lampes.

3.4 Mosaic

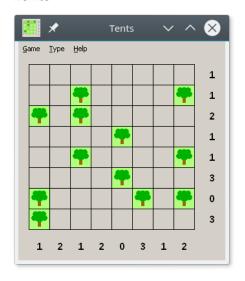


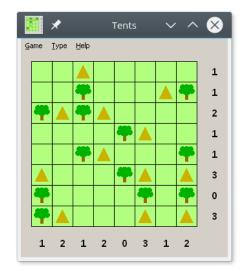
Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

— **Règles :** Placer des cases noires sur la grille de façon à ce que pour chaque nombre $v_{i,j}$ figurant en case (i,j) sur la grille, le nombre de cases noires dans le carré de taille 3x3 centré sur (i,j) soit égal $v_{i,j}$.

3.5 Tents



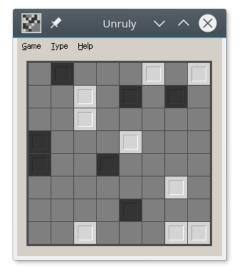


Exemple de grille initiale

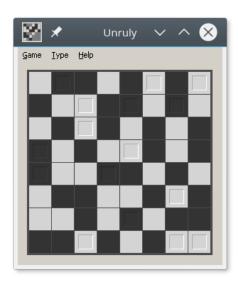
Exemple de grille résolue

- **Règles**: Placer des tentes de façon à ce que :
 - Chaque ligne et chaque colonne contienne le nombre de tentes indiquées;
 - Chaque arbre ait une tente adjacente qui lui soit associée (il y a donc autant de tentes que d'arbres, mais un arbre peut, néanmoins, avoir plusieurs tentes qui lui sont adjacentes);
 - Deux tentes ne soient jamais adjacentes ou en diagonale l'une de l'autre.

3.6 Unruly







Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

- **Règles**: Remplir une grille avec des cases noires et blanches de façon à ce que :
 - Chaque ligne et chaque colonne comporte autant de cases blanches que de noires; et
 - Il n'y ait jamais plus de 2 cases successives d'une même couleur (horizontalement et verticalement).

3.7 Dominosa



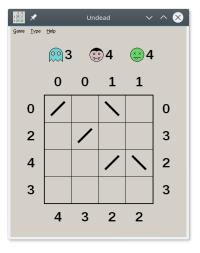


Exemple de grille initiale

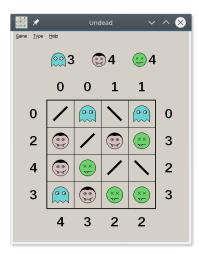
Exemple de grille résolue

— **Règles**: Regrouper par 2 les chiffres afin de former des dominos de façon à ce que tous les dominos soient différents.

3.8 Undead







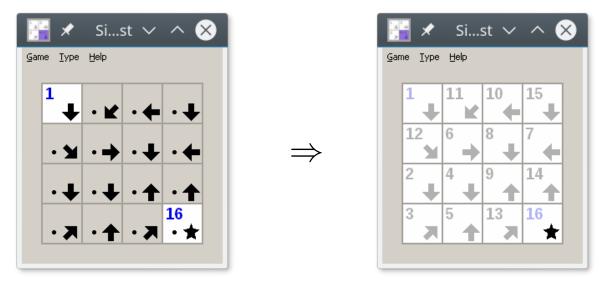
Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

- Règles: Remplir les cases de la grille ne comportant pas de miroirs par des monstres (zombie, vampire ou fantômes). Les chiffres en bord de grille indiquent combien de monstres doivent être visibles par quelqu'un regardant la grille à parir de cette position, sachant que:
 - les zombies sont toujours visibles;
 - les fantômes ne sont visibles que s'ils sont reflétés;
 - les vampire ne sont visibles que s'ils ne sont pas reflétés.

Le nombre de monstres de chaque type à placer est connu.

3.9 Signpost

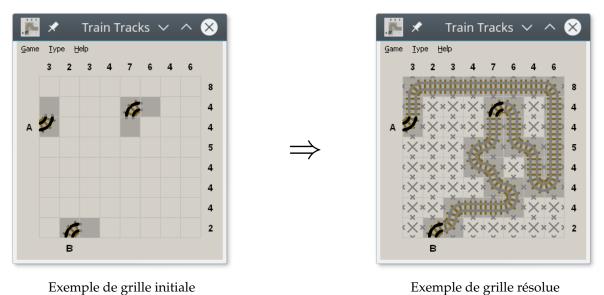


Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

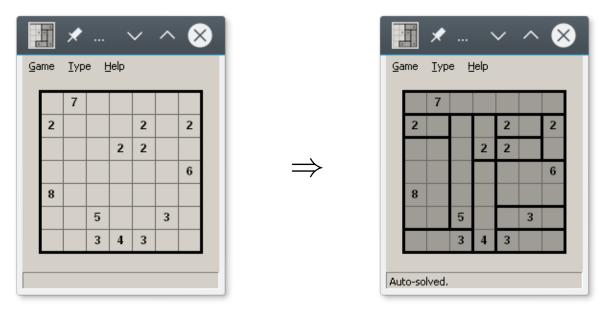
— **Règles :** Assigner un numéro à chaque case de façon à ce que le successeur d'une case soit atteignable en suivant la flêche figurant sur la case.

3.10 Tracks



— **Règles :** Construire un trajet allant de A en B de façon à ce que le nombre de cases utilisées par le trajet sur chaque ligne et chaque colonne corresponde aux valeurs en bord de grille.

3.11 Rect

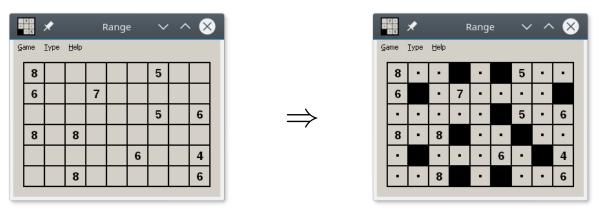


Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

- **Règles**: Remplir la grille avec des rectangle de façon à ce que :
 - Chaque chiffre *x* soit contenu dans un rectangle contenant exactement *x* cases;
 - Chaque rectangle contienne exactement un chiffre.

3.12 Range

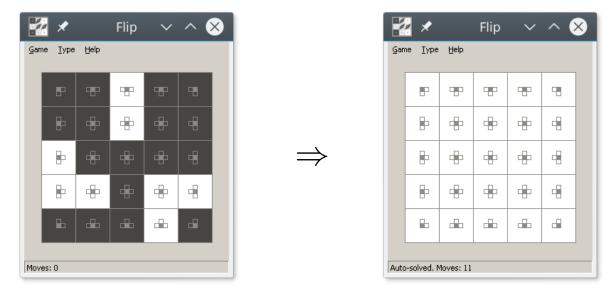


Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

— Règles: Placer des cases noires de façon à ce que chaque chiffre x puisse voir exactement x cases. Un chiffre voit une case si cette case est située sur la même ligne ou la même colonne que lui et si aucune case noire ne figure entre eux deux. De plus, l'ensemble des cases blanches doit former un ensemble connexe (i.e., un ensemble de cases blanches ne peut être isolé des autres par des cases noires) et deux cases noires ne peuvent être adjacentes.

3.13 Flip

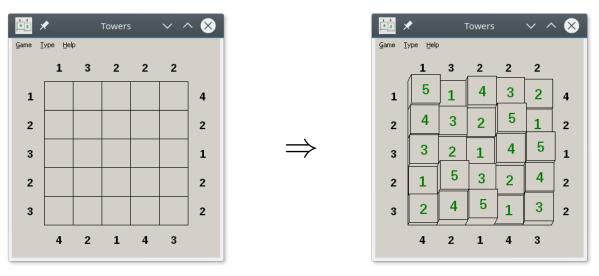


Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

 Règles: A chaque tour, une case est sélectionnée ce qui change la couleur de cette case et de ses 4 cases voisines. L'objectif est que toutes les cases soient blanches en un nombre de tours.

3.14 Towers



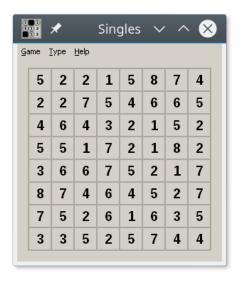
Exemple de grille initiale

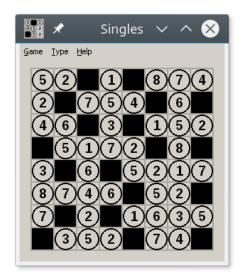
Exemple de grille résolue

- **Règles**: Remplir la grille de taille $n \times n$ par des tours de taille 1 à n de façon à ce que :
 - Chaque ligne et chaque colonne contienne une tour de chaque hauteur;
 - Les chiffres indiquent combien de tours doivent être visibles par quelqu'un regardant la grille à parir de cette position;

Par exemple, si la grille possède un chiffre 1, il n'y a qu'une tour de visible et c'est donc nécessairement une tour de taille n.

3.15 Singles



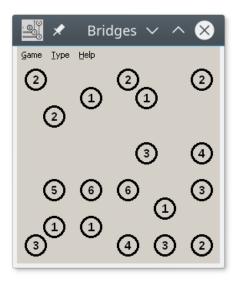


Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

- **Règles**: Masquer des case de façon à ce que :
 - aucun chiffre ne soit visible plus d'une fois sur chaque ligne et chaque colonne;
 - les cases masquées ne soient pas adjacentes (elles peuvent néanmoins être placées en diagonale);
 - l'ensemble des cases visibles est connexe.

3.16 Bridge





Game Type Help

2 ×××××××2

1

3

4

5

6

6

3

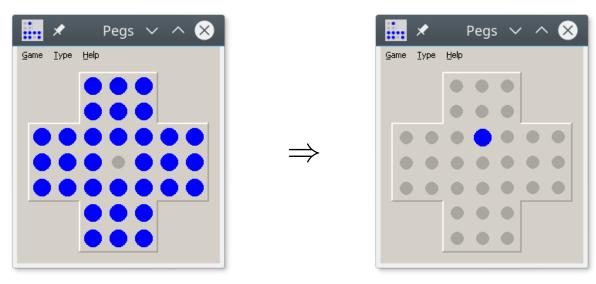
1
1
1
3
2

Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

- Règles : Ajouter des ponts reliant les sommets de façon à ce que :
 - le nombre de ponts partant d'un sommet soit égal au nombre indiqué sur le sommet;
 - aucuns ponts ne se croisent;
 - il existe un chemin entre toutes paires de sommets.

3.17 Pegs



Exemple de grille initiale

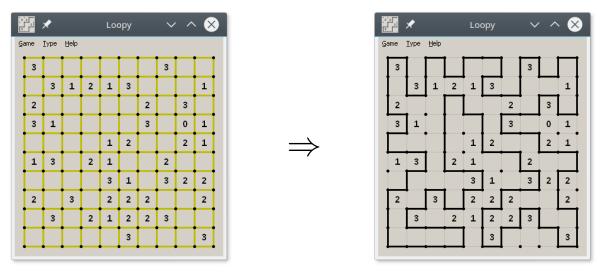
Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

Exemple de grille résolue

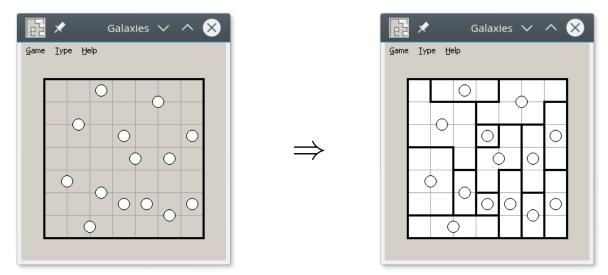
— **Règles :** Retirer tous les jetons sauf un. A chaque tour, un jeton A est retiré en faisant sauter un jeton B par dessus lui. La case d'atterissage du jeton B doit être libre.

3.18 Loopy



— **Règles**: Tracer une boucle. La boucle doit passer par *x* cotés d'une case comportant le chiffre *x*.

3.19 Galaxies

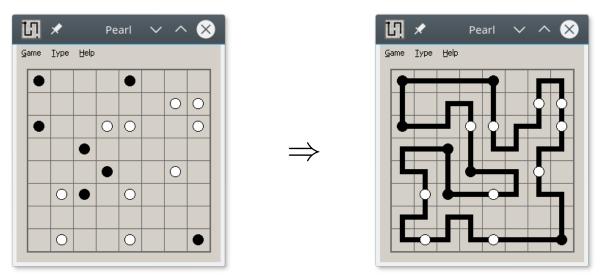


Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

— **Règles :** Tracer des séparations afin de diviser la grille en régions. Chaque région doit contenir un unique rond blanc (appelé *galaxie*) de telle sorte que la région soit symétrique par rapport à ce rond.

3.20 Pearl

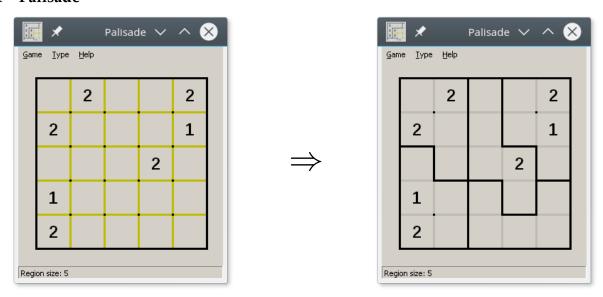


Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

- **Règles**: Tracer une boucle de façon à ce que :
 - En chaque case comprenant un rond noir, la boucle forme un angle droit qui ne soit pas directement connecté à un autre angle droit;
 - En chaque case comprenant un rond blanc, la boucle forme une ligne droite directement connectée à au moins un angle droit.

3.21 Palisade

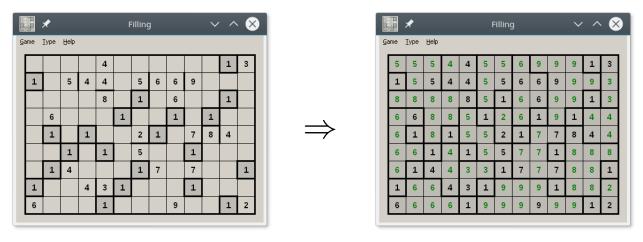


Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

- Règles : Placer des palissades afin de former des régions de façon à ce que :
 - Toutes les régions aient la même taille *n* (la valeur *n* fait partie des données du problème);
 - Chaque case comportant un chiffre x ait exactement x de ses cotés comportant une palissade.

3.22 Filling



Exemple de grille initiale

Exemple de grille résolue

— **Règles :** Remplir la grille par des chiffres de façon à ce que chaque chiffre x figure dans une zone connexe comprenant x case de valeur x.