

# MA1

David Ployer

September 2022

## 1 Přednáška 1

**Primitivní funkce** Definice Nechť funkce  $f$  je definovaná na intervalu  $(a, b)$ , kde  $-\infty \leq a < b \leq \infty$ . Funkci  $F$  splňující podmínku  $F'(x) = f(x)$

**Neurčitý integrál** Nechť  $F$  je primitivní funkce k funkci  $f$  na intervalu  $(a, b)$ . Pak  $G$  je primitivní funkce k funkci  $f$  na intervalu  $(a, b)$  právě tehdy když existuje konstanta  $C \in \mathbb{R}$  taková že  $G(x) = F(x) + C$  pro každé  $x \in (a, b)$ . Definice Nechť k funkci  $f$  existuje primitivní funkce na intervalu  $a, b$ . Množinu všech primitivních funkcí k funkci  $f$  na  $(a, b)$  nazýváme neurčitým integrálem funkce  $f$  na intervalu  $(a, b)$  značíme jej (znak integrálu)  $\int f$  derivace a integrace jsou inverzní. //vložit tabulku integrací a derivací

**Vlastnosti neurčitého integrálu** Nechť  $F, G$  je primitivní funkce  $f, g$  na intervalu  $(a, b)$  a nechť  $\alpha \in \mathbb{R}$  pak  $F+G$  je primitivní funkce k  $f+g$  na  $(a, b)$  a  $\alpha F$  je primitivní funkce k  $\alpha f$  na  $(a, b)$ .

**Existence primitivní funkce** Nechť funkce  $f$  je spojitá na intervalu  $(a, b)$ . Pak funkce  $f$  má na tomto intervalu primitivní funkci.

**Integrace per partes** Nechť funkce  $f$  je diferencovatelná v intervalu  $(a, b)$  a  $G$  je primitivní funkce k funkci  $g$  na intervalu  $(a, b)$  a konečně nechť existuje primitivní funkce k funkci  $f'G$  potom existuje primitivní funkce k funkci  $fg$  a platí

$$\int fg = fG - \int f'G$$

dávat pozor na to jakou funkci dáme za  $f$  a jakou za  $g$

Substituce v neurčitém integrálu

## 2 Přednáška 2