# 第十一届蓝桥杯大赛软件类决赛

C/C++ 大学 B 组

#### 【考生须知】

考试开始后,选手首先下载题目,并使用考场现场公布的解压密码解压试 题。

考试时间为4小时。考试期间选手可浏览自己已经提交的答案,被浏览的答案允许拷贝。时间截止后,将无法继续提交或浏览答案。

对同一题目,选手可多次提交答案,以最后一次提交的答案为准。

选手必须通过浏览器方式提交自己的答案。选手在其它位置的作答或其它方式提交的答案无效。

试题包含"结果填空"和"程序设计"两种题型。

**结果填空题**:要求选手根据题目描述直接填写结果。求解方式不限。不要求源代码。把结果填空的答案直接通过网页提交即可,不要书写多余的内容。

**程序设计题**:要求选手设计的程序对于给定的输入能给出正确的输出结果。 考生的程序只有能运行出正确结果才有机会得分。

注意: 在评卷时使用的输入数据与试卷中给出的示例数据可能是不同的。 选手的程序必须是通用的,不能只对试卷中给定的数据有效。

对于编程题目,要求选手给出的解答完全符合 GNU C/C++ 标准,不能使用诸如绘图、Win32API、中断调用、硬件操作或与操作系统相关的 API。

代码中允许使用 STL 类库。

注意: main 函数结束必须返回 0

注意: 所有依赖的函数必须明确地在源文件中 #include <xxx>, 不能通过工程设置而省略常用头文件。

所有源码必须在同一文件中。调试通过后, 拷贝提交。

提交时,注意选择所期望的编译器类型。

# 试题 A: 美丽的 2

本题总分: 5分

# 【问题描述】

小蓝特别喜欢 2, 今年是公元 2020 年, 他特别高兴。

他很好奇,在公元1年到公元2020年(包含)中,有多少个年份的数位中包含数字2?

#### 【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 A: 美丽的 2

# 试题 B: 扩散

本题总分: 5分

#### 【问题描述】

小蓝在一张无限大的特殊画布上作画。

这张画布可以看成一个方格图,每个格子可以用一个二维的整数坐标表示。

小蓝在画布上首先点了一下几个点: (0,0), (2020,11), (11,14), (2000,2000)。 只有这几个格子上有黑色,其它位置都是白色的。

每过一分钟,黑色就会扩散一点。具体的,如果一个格子里面是黑色,它就会扩散到上、下、左、右四个相邻的格子中,使得这四个格子也变成黑色(如果原来就是黑色,则还是黑色)。

请问,经过2020分钟后,画布上有多少个格子是黑色的。

#### 【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 B: 扩散 3

# 试题 C: 阶乘约数

本题总分: 10分

# 【问题描述】

定义阶乘  $n! = 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times n$ 。 请问 100! (100 的阶乘) 有多少个正约数。

### 【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 C: 阶乘约数

# 试题 D: 本质上升序列

本题总分: 10分

### 【问题描述】

小蓝特别喜欢单调递增的事物。

在一个字符串中,如果取出若干个字符,将这些字符按照在字符串中的顺序排列后是单调递增的,则成为这个字符串中的一个单调递增子序列。

例如,在字符串 lanqiao 中,如果取出字符 n 和 q,则 nq 组成一个单调递增子序列。类似的单调递增子序列还有 lnq、i、ano 等等。

小蓝发现,有些子序列虽然位置不同,但是字符序列是一样的,例如取第二个字符和最后一个字符可以取到 ao, 取最后两个字符也可以取到 ao。小蓝认为他们并没有本质不同。

对于一个字符串,小蓝想知道,本质不同的递增子序列有多少个?

例如,对于字符串 lanqiao,本质不同的递增子序列有 21 个。它们分别是 l、a、n、q、i、o、ln、an、lq、aq、nq、ai、lo、ao、no、io、lnq、anq、lno、ano、aio。

请问对于以下字符串(共 200 个小写英文字母,分四行显示): (如果你把以下文字复制到文本文件中,请务必检查复制的内容是否与文档中的一致。在试题目录下有一个文件 inc.txt,内容与下面的文本相同)

tocyjkdzcieoiodfpbgcncsrjbhmugdnojjddhllnofawllbhf iadgdcdjstemphmnjihecoapdjjrprrqnhgccevdarufmliqij gihhfgdcmxvicfauachlifhafpdccfseflcdgjncadfclvfmad vrnaaahahndsikzssoywakgnfjjaihtniptwoulxbaeqkghfwl

本质不同的递增子序列有多少个?

### 【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 D: 本质上升序列

# 试题 E: 玩具蛇

本题总分: 15分

## 【问题描述】

小蓝有一条玩具蛇,一共有 16 节,上面标着数字 1 至 16。每一节都是一个正方形的形状。相邻的两节可以成直线或者成 90 度角。

小蓝还有一个 4×4 的方格盒子,用于存放玩具蛇,盒子的方格上依次标着字母 A 到 P 共 16 个字母。

小蓝可以折叠自己的玩具蛇放到盒子里面。他发现,有很多种方案可以将 玩具蛇放进去。

下图给出了两种方案:

<sup>A</sup> 1	<sup>B</sup> 2	<sup>c</sup> 3	<sup>D</sup> 4
E 8	<sup>F</sup> 7	<sup>G</sup> 6	<sup>H</sup> 5
<sup>1</sup> 9	<sup>J</sup> 10	<sup>K</sup> 11	<sup>L</sup> 12
<sup>M</sup> 16	<sup>N</sup> 15	<sup>0</sup> 14	<sup>P</sup> 13

<sup>A</sup> 13	<sup>B</sup> 12	<sup>c</sup> 11	<sup>D</sup> 10
<sup>E</sup> <b>14</b>	<sup>F</sup> 1	<sup>G</sup> 2	<sup>ℍ</sup> 9
<sup>1</sup> 15	<sup>J</sup> 4	<sup>K</sup> 3	<sup>L</sup> 8
<sup>M</sup> 16	<sup>N</sup> 5	°6	<sup>P</sup> 7

请帮小蓝计算一下,总共有多少种不同的方案。如果两个方案中,存在玩 具蛇的某一节放在了盒子的不同格子里,则认为是不同的方案。

# 【答案提交】

这是一道结果填空的题,你只需要算出结果后提交即可。本题的结果为一个整数,在提交答案时只填写这个整数,填写多余的内容将无法得分。

试题 E: 玩具蛇 6

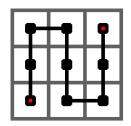
# 试题 F: 皮亚诺曲线距离

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 15 分

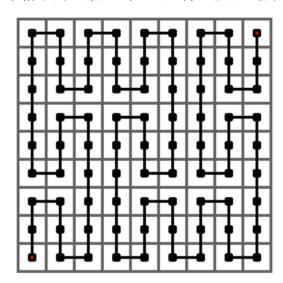
#### 【问题描述】

皮亚诺曲线是一条平面内的曲线。

下图给出了皮亚诺曲线的 1 阶情形,它是从左下角出发,经过一个 3×3 的方格中的每一个格子,最终到达右上角的一条曲线。

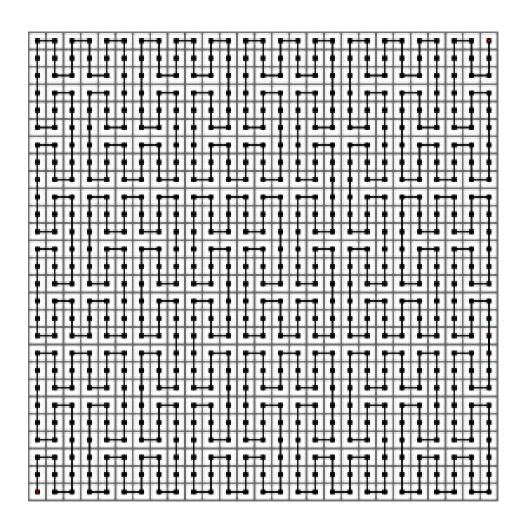


下图给出了皮亚诺曲线的 2 阶情形,它是经过一个  $3^2 \times 3^2$  的方格中的每一个格子的一条曲线。它是将 1 阶曲线的每个方格由 1 阶曲线替换而成。



下图给出了皮亚诺曲线的 3 阶情形,它是经过一个 3<sup>3</sup>×3<sup>3</sup> 的方格中的每一个格子的一条曲线。它是将 2 阶曲线的每个方格由 1 阶曲线替换而成。

试题 F: 皮亚诺曲线距离



皮亚诺曲线总是从左下角开始出发, 最终到达右上角。

我们将这些格子放到坐标系中,对于 k 阶皮亚诺曲线,左下角的坐标是 (0,0),右上角坐标是  $(3^k-1,3^k-1)$ ,右下角坐标是  $(3^k-1,0)$ ,左上角坐标是  $(0,3^k-1)$ 。

给定 k 阶皮亚诺曲线上的两个点的坐标,请问这两个点之间,如果沿着皮亚诺曲线走,距离是到少?

#### 【输入格式】

输入的第一行包含一个正整数 k,皮亚诺曲线的阶数。 第二行包含两个整数  $x_1, y_1$ ,表示第一个点的坐标。 第三行包含两个整数  $x_2, y_2$ , 表示第二个点的坐标。

#### 【输出格式】

输出一个整数,表示给定的两个点之间的距离。

### 【样例输入】

1

0 0

2 2

# 【样例输出】

8

# 【样例输入】

2

0 2

0 3

# 【样例输出】

13

# 【评测用例规模与约定】

对于 30% 的评测用例, $0 \le k \le 10$ 。

对于 50% 的评测用例, $0 \le k \le 20$ 。

对于所有评测用例, $0 \le k \le 100, 0 \le x_1, y_1, x_2, y_2 < 3^k, x_1, y_1, x_2, y_2 \le 10^{18}$ 。数据保证答案不超过  $10^{18}$ 。

# 试题 G: 游园安排

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 20 分

#### 【问题描述】

L 星球游乐园非常有趣,吸引着各个星球的游客前来游玩。小蓝是 L 星球游乐园的管理员。

为了更好的管理游乐园,游乐园要求所有的游客提前预约,小蓝能看到系统上所有预约游客的名字。每个游客的名字由一个大写英文字母开始,后面跟0个或多个小写英文字母。游客可能重名。

小蓝特别喜欢递增的事物。今天,他决定在所有预约的游客中,选择一部 分游客在上午游玩,其他的游客都在下午游玩,在上午游玩的游客要求按照预 约的顺序排列后,名字是单调递增的,即排在前面的名字严格小于排在后面的 名字。

一个名字 A 小于另一个名字 B 是指:存在一个整数 i,使得 A 的前 i 个字母与 B 的前 i 个字母相同,且 A 的第 i+1 个字母小于 B 的第 i+1 个字母。(如果 A 不存在第 i+1 个字母且 B 存在第 i+1 个字母,也视为 A 的第 i+1 个字母小于 B 的第 i+1 个字母)

作为小蓝的助手,你要按照小蓝的想法安排游客,同时你又希望上午有尽量多的游客游玩,请告诉小蓝让哪些游客上午游玩。如果方案有多种,请输出上午游玩的第一个游客名字最小的方案。如果此时还有多种方案,请输出第一个游客名字最小的前提下第二个游客名字最小的方案。如果仍然有多种,依此类推选择第三个、第四个······游客名字最小的方案。

#### 【输入格式】

输入包含一个字符串,按预约的顺序给出所有游客的名字,相邻的游客名字之间没有字符分隔。

## 【输出格式】

按预约顺序输出上午游玩的游客名单,中间不加任何分隔字符。

试题G: 游园安排 10

# 【样例输入】

WoAiLanQiaoBei

## 【样例输出】

AiLanQiao

## 【评测用例规模与约定】

对于 20% 的评测数据,输入的总长度不超过 20 个字母。

对于 50% 的评测数据,输入的总长度不超过 300 个字母。

对于 70% 的评测数据,输入的总长度不超过 10000 个字母。

对于所有评测数据,每个名字的长度不超过 10 个字母,输入的总长度不超过 1000000 个字母。

试题 G: 游园安排

# 试题 H: 答疑

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 20分

#### 【问题描述】

有 *n* 位同学同时找老师答疑。每位同学都预先估计了自己答疑的时间。 老师可以安排答疑的顺序,同学们要依次进入老师办公室答疑。

- 一位同学答疑的过程如下:
- 1. 首先进入办公室,编号为i的同学需要 $s_i$ 毫秒的时间。
- 2. 然后同学问问题老师解答,编号为i的同学需要 $a_i$ 毫秒的时间。
- 3. 答疑完成后,同学很高兴,会在课程群里面发一条消息,需要的时间可以忽略。
- 4. 最后同学收拾东西离开办公室,需要  $e_i$  毫秒的时间。一般需要 10 秒、 20 秒或 30 秒,即  $e_i$  取值为 10000, 20000 或 30000。
  - 一位同学离开办公室后,紧接着下一位同学就可以进入办公室了。

答疑从 0 时刻开始。老师想合理的安排答疑的顺序,使得同学们在课程群里面发消息的时刻之和最小。

#### 【输入格式】

输入第一行包含一个整数 n,表示同学的数量。

接下来 n 行,描述每位同学的时间。其中第 i 行包含三个整数  $s_i$ ,  $a_i$ ,  $e_i$ , 意义如上所述。

### 【输出格式】

输出一个整数,表示同学们在课程群里面发消息的时刻之和最小是多少。

## 【样例输入】

3

10000 10000 10000

试题H: 答疑 12

20000 50000 20000 30000 20000 30000

## 【样例输出】

280000

## 【样例说明】

按照 1, 3, 2 的顺序答疑, 发消息的时间分别是 20000, 80000, 180000。

## 【评测用例规模与约定】

对于 30% 的评测用例, $1 \le n \le 20$ 。

对于 60% 的评测用例, $1 \le n \le 200$ 。

对于所有评测用例, $1 \le n \le 1000$ , $1 \le s_i \le 60000$ , $1 \le a_i \le 1000000$ , $e_i \in \{10000, 20000, 30000\}$ ,即 $e_i$ 一定是10000、20000、30000 之一。

试题 H: 答疑

# 试题 I: 出租车

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 25分

#### 【问题描述】

小蓝在 L 市开出租车。

L 市的规划很规整,所有的路都是正东西向或者正南北向的,道路都可以 看成直线段。东西向的道路互相平行,南北向的道路互相平行,任何一条东西 向道路垂直于任何一条南北向道路。

从北到南一共有 n 条东西向道路,依次标号为  $H_1, H_2, \dots, H_n$ 。从西到东一共有 m 条南北向的道路,依次标号为  $S_1, S_2, \dots, S_m$ 。

每条道路都有足够长,每一条东西向道路和每一条南北向道路都相交, $H_i$ 与  $S_i$  的交叉路口记为 (i,j)。

从  $H_1$  和  $S_1$  的交叉路口 (1,1) 开始,向南遇到的路口与 (1,1) 的距离分别是  $h_1, h_2, \dots, h_{n-1}$ ,向东遇到路口与 (1,1) 的距离分别是  $w_1, w_2, \dots, w_{m-1}$ 。

道路的每个路口都有一个红绿灯。

时刻 0 的时候,南北向绿灯亮,东西向红灯亮,南北向的绿灯会持续一段时间(每个路口不同),然后南北向变成红灯,东西向变成绿灯,持续一段时间后,再变成南北向绿灯,东西向红灯。

已知路口 (i,j) 的南北向绿灯每次持续的时间为  $g_{ij}$ ,东西向的绿灯每次持续的时间为  $r_{ij}$ ,红绿灯的变换时间忽略。

当一辆车走到路口时,如果是绿灯,可以直行、左转或右转。如果是红灯,可以右转,不能直行或左转。如果到路口的时候刚好由红灯变为绿灯,则视为看到绿灯,如果刚好由绿灯变为红灯,则视为看到红灯。

每段道路都是双向道路,道路中间有隔离栏杆,在道路中间不能掉头,只 能在红绿灯路口掉头。掉头时不管是红灯还是绿灯都可以直接掉头。掉头的时 间可以忽略。

小蓝时刻 0 从家出发。今天,他接到了 q 个预约的订单,他打算按照订单的顺序依次完成这些订单,就回家休息。中途小蓝不准备再拉其他乘客。

小蓝的家在两个路口的中点,小蓝喜欢用  $x_1$ ,  $y_1$ ,  $x_2$ ,  $y_2$  来表示自己家的位置,即路口  $(x_1,y_1)$  到路口  $(x_2,y_2)$  之间的道路中点的右侧,保证两个路口相邻(中间没有其他路口)。请注意当两个路口交换位置时,表达的是路的不同两边,路中间有栏杆,因此这两个位置实际要走比较远才能到达。

小蓝的订单也是从某两个路口间的中点出发,到某两个路口间的中点结束。 小蓝必须按照给定的顺序处理订单,而且一个时刻只能处理一个订单,不能图 省时间而同时接两位乘客,也不能插队完成后面的订单。

小蓝只对 L 市比较熟,因此他只会在给定的 n 条东西向道路和 m 条南北向道路上行驶,而且不会驶出  $H_1$ ,  $H_n$ ,  $S_1$ ,  $S_m$  这几条道路所确定的矩形区域(可以到边界)。

小蓝行车速度一直为 1, 乘客上下车的时间忽略不计。

请问,小蓝最早什么时候能完成所有订单回到家。

#### 【输入格式】

输入第一行包含两个整数 n, m,表示东西向道路的数量和南北向道路的数量。

第二行包含 n-1 个整数  $h_1, h_2, \dots, h_{n-1}$ 。

第三行包含 m-1 个整数  $w_1, w_2, \dots, w_{m-1}$ 。

接下来n行,每行m个整数,描述每个路口南北向绿灯的时间,其中的第i行第j列表示 $g_{ii}$ 。

接下来n行,每行m个整数,描述每个路口东西向绿灯的时间,其中的第i行第j列表示 $r_{ii}$ 。

接下来一行包含四个整数  $x_1$ ,  $y_1$ ,  $x_2$ ,  $y_2$ , 表示小蓝家的位置在路口  $(x_1, y_1)$  到路口  $(x_2, y_2)$  之间的道路中点的右侧。

接下来一行包含一个整数 q,表示订单数量。

接下来 q 行,每行描述一个订单,其中第 i 行包含八个整数  $x_{i1}$ ,  $y_{i1}$ ,  $x_{i2}$ ,  $y_{i2}$ ,  $x_{i3}$ ,  $y_{i3}$ ,  $x_{i4}$ ,  $y_{i4}$ , 表示第 i 个订单的起点为路口  $(x_{i1}, y_{i1})$  到路口  $(x_{i2}, y_{i2})$  之间的道路中点的右侧,第 i 个订单的终点为路口  $(x_{i3}, y_{i3})$  到路口  $(x_{i4}, y_{i4})$  之间的道路中点的右侧。

## 【输出格式】

输出一个实数,表示小蓝完成所有订单最后回到家的最早时刻。四舍五入保留一位小数。

## 【样例输入】

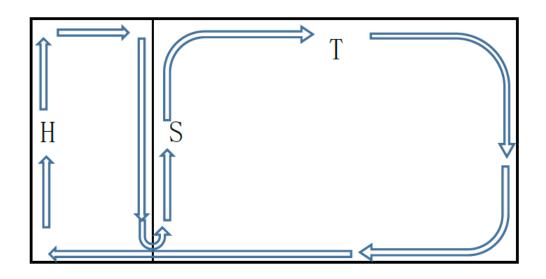
```
2 3
200
100 400
10 20 10
20 40 30
20 20 20
20 20 20
2 1 1 1
1
```

#### 【样例输出】

1620.0

### 【样例说明】

小蓝有一个订单,他的行车路线如下图所示。其中 H 表示他家的位置,S 表示订单的起点,T 表示订单的终点。小明在最后回家时要在直行的红绿灯路口等绿灯,等待时间为 20。



### 【评测用例规模与约定】

对于 20% 的评测用例, $1 \le n, m \le 5$ , $1 \le q \le 10$ 。

对于 50% 的评测用例, $1 \le n, m \le 30$ , $1 \le q \le 30$ 。

对于所有评测用例, $1 \le n, m \le 100$ , $1 \le q \le 30$ , $1 \le h_1 < h_2 < \cdots < h_{n-1} \le 100000$ , $1 \le w_1 < w_2 < \cdots < w_{m-1} \le 100000$ , $1 \le g_{ij} \le 1000$ , $1 \le r_{ij} \le 1000$ ,给定的路口一定合法。

# 试题 J: 质数行者

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB 本题总分: 25分

#### 【问题描述】

小蓝在玩一个叫质数行者的游戏。

游戏在一个  $n \times m \times w$  的立体方格图上进行,从北到南依次标号为第 1 行到第 n 行,从西到东依次标号为第 1 列到第 m 列,从下到上依次标号为第 1 层到第 w 层。

小蓝要控制自己的角色从第 1 行第 1 列第 1 层移动到第 n 行第 m 列第 w 层。每一步,他可以向东走质数格、向南走质数格或者向上走质数格。每走到一个位置,小蓝的角色要稍作停留。

在游戏中有两个陷阱,分别为第  $r_1$  行第  $c_1$  列第  $h_1$  层和第  $r_2$  行第  $c_2$  列第  $h_2$  层。这两个陷阱的位置可以跨过,但不能停留。也就是说,小蓝不能控制角色某一步正好走到陷阱上,但是某一步中间跨过了陷阱是允许的。

小蓝最近比较清闲,因此他想用不同的走法来完成这个游戏。所谓两个走 法不同,是指小蓝稍作停留的位置集合不同。

请帮小蓝计算一下, 他总共有多少种不同的走法。

提示:请注意内存限制,如果你的程序运行时超过内存限制将不得分。

#### 【输入格式】

输入第一行包含两个整数 n, m, w,表示方格图的大小。

第二行包含 6 个整数,  $r_1$ ,  $c_1$ ,  $h_1$ ,  $r_2$ ,  $c_2$ ,  $h_2$ , 表示陷阱的位置。

#### 【输出格式】

输出一行,包含一个整数,表示走法的数量。答案可能非常大,请输出答案除以 1000000007 的余数。

试题J: 质数行者 18

## 【样例输入】

5 6 1

3 4 1 1 2 1

#### 【样例输出】

11

### 【样例说明】

用 (r,c,h) 表示第 r 行第 c 列第 h 层,可能的走法有以下几种:

1. 
$$(1,1,1) - (1,3,1) - (1,6,1) - (3,6,1) - (5,6,1)$$

2. 
$$(1,1,1) - (1,3,1) - (3,3,1) - (3,6,1) - (5,6,1)$$

3. 
$$(1,1,1) - (1,3,1) - (3,3,1) - (5,3,1) - (5,6,1)$$

4. 
$$(1,1,1) - (3,1,1) - (3,3,1) - (3,6,1) - (5,6,1)$$

5. 
$$(1,1,1) - (3,1,1) - (3,3,1) - (5,3,1) - (5,6,1)$$

6. 
$$(1,1,1) - (3,1,1) - (5,1,1) - (5,3,1) - (5,6,1)$$

7. 
$$(1,1,1) - (3,1,1) - (5,1,1) - (5,4,1) - (5,6,1)$$

8. 
$$(1,1,1) - (1,4,1) - (1,6,1) - (3,6,1) - (5,6,1)$$

9. 
$$(1,1,1) - (1,6,1) - (3,6,1) - (5,6,1)$$

10. 
$$(1,1,1) - (3,1,1) - (3,6,1) - (5,6,1)$$

11. 
$$(1,1,1) - (3,1,1) - (5,1,1) - (5,6,1)$$

### 【评测用例规模与约定】

对于 30% 的评测用例  $1 \le n, m, w \le 50$ 。

对于 60% 的评测用例  $1 \le n, m, w \le 300$ 。

对于所有评测用例, $1 \le n, m, w \le 1000$ , $1 \le r_1, r_2 \le n$ , $1 \le c_1, c_2 \le m$ , $1 \le h_1, h_2 \le w$ ,陷阱不在起点或终点,两个陷阱不同。

试题 J: 质数行者 19