给定一个**非空**整数数组,除了某个元素只出现一次以外,其余每个元素均出现两次。找出那 个只出现了一次的元素。

说明:

你的算法应该具有线性时间复杂度。 你可以不使用额外空间来实现吗?

示例 1:

输入: [2,2,1]

输出: 1

示例 2:

输入: [4,1,2,1,2]

输出: 4

这个题与有一个数组data[n-1]存储了 1^n n中的n-1个数,问data中缺少的数字是多少【每日 <u>一题】</u>实质上是一样的。此处仅把其中最优的位操作法重复举一下,更详细的请参考上述博 文。

首先,这个方案使用的位运算中的**异或**(^),a[^]b当a和b不相等时为1,相等时为0。

算法描述

将data中的所有元素进行异或运算,然后再将结果与1~n每个元素依次异或,最后得到 的结果就是缺少的元素(只出现了一次的元素)。

我们来论证一下这个算法的正确性:

- $1.0^{1} = 1.1^{1} = 0$
- 2. 对于任意整数n, n ^ 0 = n, n ^ n = 0
- (1) 当n与0异或时,由于0的所有二进制位均为0,因此,n的二进制位中为1的与0相应位的 二进制位0异或结果为1,n的二进制位中为0的与0相应位的二进制位0异或结果为0,因此异 或后的结果与n本身完全相同; (2) 当n与n异或时,由于其二进制位完全相同,而根据1中0 $\hat{0} = 0$, $\hat{1} \hat{1} = 0$, $\hat{n} \hat{n}$ n结果的所有位均为0,所以结果为0。
 - 3. 异或运算满足交换结合律 a ^ b ^ c = a ^ c ^ b.

其实我们可以将所有的abc均看做二进制形式,其结果可以看做是如下运算:

 $00000000 \ 00000000 \ 00000000 \ 00000100 \ c = 4$

 $00000000 \ 00000000 \ 00000000 \ 00000111 \ result = 7$

即所有运算数的每一位分别异或,因此不论运算顺序如何,结果都相同。

结论

综合1、2、3,然后再根据我们的数据的特点,有2n-1个数,其中有n-1个数出现了两次,只有一个数出现了1次,那么我们将所有的2n-1个数进行异或时,可以看成如下过程,对于出现了两次的元素, $x^x = 0$,然后是n-1个0和剩余的那个只出现了一次的y进行异或,n-1个0异或的结果还是0,最后再与y异或结果是y,y就是我们要找的缺失的元素,因此上述算法是正确的。

这个算法,需要将所有元素做异或运算,时间复杂度0(n),空间复杂度0(c),而且不会有溢出的问题,这是面试官最喜欢的答案了。

```
代码
class Solution {
public:
    int singleNumber(vector<int>& nums) {
        int tem=0;
        for(int i=0;i<nums.size();++i) {
            tem^=nums[i];
        }
        return tem;
    }
};
```