



Universität Ulm | 89069 Ulm | Germany

Fakultät für Ingenieurwissenschaften, Informatik und Psychologie Institut für Medieninformatik Forschungsgruppe Visual Computing

# Projektionen in D3.js

Proseminararbeit an der Universität Ulm

### Vorgelegt von:

Lukas Pellot lukas.pellot@uni-ulm.de

#### Gutachter:

Prof. Dr. Timo Ropinski

#### Betreuer:

Julian Kreiser

Wintersemester 2017/18

Fassung vom 21. Februar 2018

© Wintersemester 2017/18 Lukas Pellot

Diese Arbeit ist lizenziert unter der Creative Commons **Namensnennung-Keine kommerzielle Nutzung-Weitergabe unter gleichen Bedingungen 3.0 Deutschland** Lizenz. Nähere Informationen finden Sie unter

http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/3.0/de/.

Satz: PDF-LATEX  $2_{\mathcal{E}}$ 

# Inhaltsverzeichnis

1	Einl		1				
2	Einf	ührung	g in Projektionen	2			
	2.1	Allgen	neines	2			
	2.2	Kateg	orisierung von Projektionen	2			
3	Proj	Projektionen in D3.js					
	3.1	GeoJS	GeoJSON				
		3.1.1	Genereller Aufbau einer JSON-Datei	6			
		3.1.2	Repräsentation eines einzelnen Elements in GeoJSON	7			
		3.1.3	Repräsentation von Koordinaten in GeoJSON	7			
		3.1.4	Mögliche Elemente in GeoJSON	8			
		3.1.5	Gegenüberstellung mit TopoJSON	8			
	3.2	Projek	tionsfunktion	9			
	3.3	Pfadfu	ınktion	10			
4	Erst	rstellen einer Landkarte in D3.js					
	4.1	Allgen	neines	12			
	4.2	Anlege	en von Projektions- und Pfadfunktion	12			
	4.3	Einles	en und Verarbeiten der zu projizierenden Daten	13			
5	Cho	reople	then-Karten	14			
	5.1	Allgen	neines	14			
	5.2	Impler	mentierung in D3.js	14			
		5.2.1	Problematik bzgl. bisherigem Ansatz	14			
		5.2.2	Implementierungsansatz zur Bewältigung	14			
		5.2.3	Einfärbung der Landkarte	15			
6	Eva	luation		17			
7	Illustrationen						
	7.1	Bilder		18			
	7.2	2 Tabellen					
	73	Forme	aln	10			

### **INHALTSVERZEICHNIS**

7.4	Quellcode	19
7.5	Text	20
	7.5.1 Weiterführendes	20

## 1 Einleitung

Seit jeher werden Landkarten genutzt, um die topologische Beschaffenheit der Welt sowie, vor allem in Zeiten der Globalisierung, (über-)regionale Sachverhalte und Statistiken grafisch aufbereitet darzustellen.

Allerdings bestehen zwei Problematiken. Dreidimensionale Strukturen wie Globen (und damit auch deren Oberflächen) können aufgrund des "Verlustseiner Dimension grundsätzlich nur verzerrt auf zweidimensionalen Strukturen (wie Papier oder Computer-Bildschirmen) wiedergegeben werden. Außerdem gibt es unzählige Möglichkeiten, eine solche Verzerrung durchzuführen. Die Vereinheitlichung einer solchen Verzerrung (in Form einer Funktion) nennt man Projektion.

Die vorliegende Ausarbeitung beschäftigt sich mit solchen Projektionen. Nach einer theoretischen Einführung zu Projektionen wird gezeigt, wie Landkarten und Choreoplethenkarten in der JavaScript-Bibliothek D3.js angefertigt werden können.

## 2 Einführung in Projektionen

### 2.1 Allgemeines

Will man einen Ausschnitt der Oberfläche einer Sphäre, beispielsweise ein Land auf dem Erdball, auf einer ebenen Oberfläche wie einem Bildschirm oder einem Blatt Papier darstellen, so muss eine Funktion aufgestellt werden, die einen dreidimensionalen Punkt (üblicherweise erfolgt die Darstellung hier durch ein Paar aus Breiten- und Längengrad) in einen zweidimensionalen Punkt umwandelt. Eine solche Funktion nennt man Projektion.

Hierbei ist zu beachten, dass mit dem Verlust einer räumlichen Dimension bei der Anwendung einer Projektion stets ein gewisser Informationsverlust beziehungsweise eine -verfälschung einhergeht. Betroffen sein können hierbei der Flächeninhalt der projizierten Struktur, die Länge einer Strecke innerhalb dieser, oder Winkel innerhalb eines Streckenverlaufs. Bewerkstelligt es eine Projektion, bei mehreren projizierten Strukturen eine der genannten Eigenschaften für alle Strukturen um einen konstanten Faktor verzerrt (üblicherweise verkleinert) wiederzugeben, wird diese Projektion flächen-/längen-/winkeltreu genannt.

### 2.2 Kategorisierung von Projektionen

Projektionen können in folgende Kategorien eingeteilt werden:

**Azimutalprojektion** Bei einer Azimutalprojektion wird die Sphäre ohne Zwischenschritte direkt auf eine Ebene projiziert.

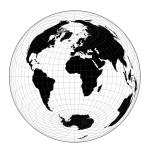


Abbildung 2.1: Flächentreue Azimutalprojektion

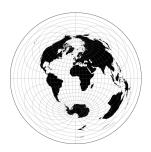


Abbildung 2.2: Längentreue Azimutalprojektion

**Konische Projektion** Bei einer konischen Projektion wird die Sphäre zunächst auf einen Kegel projiziert. Dieser wird dann aufgeschnitten und auf eine Ebene ausgerollt.

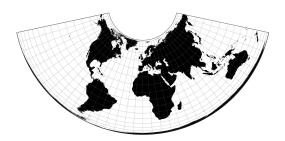


Abbildung 2.3: Flächentreue konische Projektion

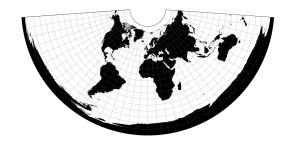


Abbildung 2.4: Längentreue konische Projektion

**Zylindrische Projektion** Bei einer zylindrischen Projektion wird die Sphäre zunächst auf einen Zylinder projiziert. Dieser wird dann aufgeschnitten und auf eine Ebene ausgerollt.

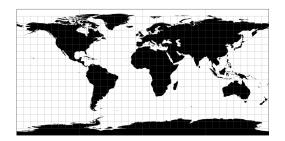


Abbildung 2.5: Längentreue Zylinderprojektion

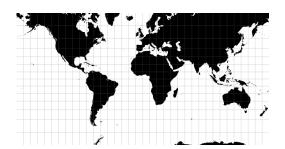


Abbildung 2.6: Winkeltreue Zylinderprojektion

**Pseudozylindrische Projektion** Pseudozylindrische Projektionen stellen eine Verallgemeinerung zylindrischer Projektionen dar. Breitengrade werden ebenso als parallele Linien projiziert, allerdings sind Höhengrade der konkreten Projektion entsprechend geneigt.

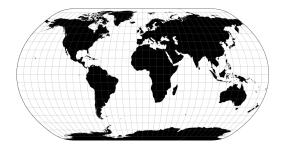


Abbildung 2.7: "Natural Earth"-Projektion

**Zusammengesetzte Projektion** Zusammengesetzte Projektionen kombinieren verschiedene der oben genannten Projektionen. Im Gegensatz zu den anderen Kategorien werden zusammengesetzte Projektionen selten für die Darstellung der gesamten Welt, sondern häufiger lediglich für Ausschnitte ebendieser genutzt.



Abbildung 2.8: Albers-USA-Projektion

Hier wird die Albers-USA-Projektion gezeigt, die den Hauptteil der USA als konische Projektion, allerdings aus Platzgründen Alaska und Hawaii in der linken unteren Ecke um einen Faktor von etwa 0.35 verkleinert als zylindrische Projektion darstellt.

**Anmerkung** Bei Betrachtung der Abbildungen fällt auf, dass keine der Kategorien Treue hinsichtlich einer Eigenschaft bedingt oder fördert, und diese lediglich der Optik dienlich sind.

## 3 Projektionen in D3.js

Projektionen in D3.js haben drei wesentliche Bestandteile, welche im Folgenden genauer erläutert werden:

- Geographische Daten
   Müssen im Format GeoJSON oder TopoJSON vorliegen
- Projektionsfunktion
   Dient zur Projektion eines einzelnen Punktes
- Pfadfunktion
   Verallgemeinert die Projektion eines einzelnen Punktes auf die Projektion einer komplex(er)en topologischen Struktur

### 3.1 GeoJSON

GeoJSON ist ein offenes Format, um geografische Daten zu repräsentieren. Es verwendet die JavaScript Object Notation (kurz: JSON) und ist aufgrund der hohen Verbreitung und Unterstützung durch viele Programmiersprachen im Allgemeinen und JavaScript im Speziellen bestens für die Verarbeitung der enthaltenen Daten geeignet.

Wie bei jedem JSON-Objekt besteht ein/-e GeoJSON-Objekt/-Datei aus diversen Schlüssel-Wert-Paaren. Es existieren diverse notwendige Schlüssel, die Werte zu diesen Schlüsseln sind allerdings variabel bzw. können einem gewissen Wertebereich oder einer Menge entstammen. Welche Einschränkungen dabei vorliegen, wird im Folgenden erläutert.

#### 3.1.1 Genereller Aufbau einer JSON-Datei

Der erste erforderliche Schlüssel ist "type". Je nachdem, ob man lediglich ein einzelnes Element oder mehrere Elemente repräsentieren will, kann er einen von zwei Werten annehmen.

• Soll lediglich ein einzelnes Element repräsentiert werden, muss "type"den Wert "Feature"haben.

In diesem Fall muss außerdem der zweite Schlüssel zwingend "geometry"lauten Dessen Wert ist dann die GeoJSON-konforme Repräsentation eines einzelnen Elements.

Sollen mehrere Elemente (wie verschiedene Länder eines Kontinents) repräsentiert werden, muss "type"den Wert "FeatureCollection"haben.
 In diesem Fall muss außerdem der zweite Schlüssel zwingend "features"lauten.
 Dessen Wert ist ein Array an einzelnen Elementen (also GeoJSON-Objekten, bei denen der Schlüssel "type"den Wert "Feature"hat).

Optional kann außerdem auf dieser Ebene der Schlüssel "bboxängelegt werden. Dessen Wert ist dann ein Array mit vier Elementen, wobei die ersten zwei Elemente den südwestlichen und die zweiten zwei Elemente den nordöstlichen Eckpunkt eines Rechtecks darstellen, das alle Punkte des repräsentierten Elements beziehungsweiser aller zu repräsentierenden Elemente beinhaltet.

#### 3.1.2 Repräsentation eines einzelnen Elements in GeoJSON

Zur Repräsentation eines einzelnen Elements in GeoJSON werden mindestens zwei Schlüssel benötigt. Diese lauten:

- "type"
   Der Wert dieses Schlüssels ist der Typ des zu repräsentierenden Elements als String.
- "coordinates"
   Der Wert dieses Schlüssels sind die Koordinaten, die das entsprechende Element repräsentieren.

Optional kann außerdem der Schlüssel "properties"hinzugefügt werden, dessen Wert kann wiederum ein beliebiges JSON-Objekt sein. So wird unter Anderem das Setzen beliebiger Kennzahlen bezüglich des entsprechenden Objekts ermöglicht (Beispiel: Einwohnerzahl oder Bruttoinlandsprodukt pro Land).

#### 3.1.3 Repräsentation von Koordinaten in GeoJSON

Geographische Koordinaten werden in GeoJSON als Array mit zwei Werten in der Form [Längengrad, Breitengrad] (im Folgenden auch als Koordinatenpaar bezeichnet) definiert. Zu beachten ist hier, dass Längen- und Breitengrad im Vergleich zu sonstigen Anwendungen und Notationen vertauscht werden.

### 3.1.4 Mögliche Elemente in GeoJSON

GeoJSON unterstützt folgende (einteilige) Elemente:

- Point
  - Wird genutzt, um einen einzelnen Punkt zu repräsentieren
  - Koordinaten: Koordinatenpaar
- LineString
  - Wird genutzt, um (geknickte) Strecken(-verläufe) darzustellen
  - Koordinaten: Array mit beliebig vielen Koordinatenpaaren
- Polygon
  - Wird genutzt, um geschlossene Flächen darzustellen
  - Koordinaten: Array mit bis zu zwei Arrays, die wiederum beliebig viele Koordinatenpaare beinhalten
     Zweiter Satz an Koordinatenpaare wird genutzt, um "Löcherin der Struktur, den der erste Satz beschreibt

Außerdem kann jedes einteilige Element auch mit anderen einteiligen Elementen vom selben Typ dargestellt werden. Dem Namen des Elements wird dann "Multi"vorangestellt (also MultiPoint, MultiLineString, MultiPolygon), die Koordinaten bestehen dann aus einem Array, dessen Elemente Koordinaten gemäß den Vorgaben des entsprechenden einteiligen Elements sind.

### 3.1.5 Gegenüberstellung mit TopoJSON

TopoJSON stellt einen alternativen Weg dar, um geographische Daten standardisiert zu speichern. Unterschiede sowie Vor- und Nachteile gestalten sich wie folgt:

	GeoJSON	TopoJSON
Speicherung von Strukturen	<ul> <li>Explizite Speicherung des Pfades für jedes Element</li> </ul>	<ul> <li>Alle genutzten Pfade werden genau einmal gespeichert</li> </ul>
	<ul> <li>Pfade werden bei an- einandergrenzenden Elementen mehrfach gespeichert</li> </ul>	<ul> <li>Zusätzlich Information für jedes Element, wel- che Pfade es nutzt</li> </ul>
Vorteil	Einfachere Datenstruktur	Kleinere Dateigröße
Nachteil	Ggf. wesentlich umfangrei- chere Datei	Komplexere     Dateistruktur
		<ul> <li>Ggf. weitere Bibliothe- ken zur Verarbeitung erforderlich</li> </ul>

### 3.2 Projektionsfunktion

In D3.js wird die Funktionalität, einen bestimmten Punkt von einer Sphäre auf eine Ebene zu projizieren, von einer sogenannten Projektionsfunktion übernommen. Diverse etablierte Projektionen wie die Merkator- oder die Rektangularprojektion werden von D3.js bereits 'ab Werk' im Modul d3-geo mitgeliefert. Viele weitere (exotischere) Projektionen sind ebenfalls vordefiniert und können über das Paket d3-geo-projections nachgeladen werden.

Auf Projektionen können diverse Funktionen aufgerufen werden, um die Ausgabe zu gestalten. Es folgt ein Auszug:

- projection(point)
  - Gibt ein Array mit den Koordinaten des projizierten Punktes (in Pixel) zurück
  - point: Koordinatenpaar
- projection.invert(point)
  - 'Umkehrfunktion' zu projection(point)
- projection.translate([tx, ty])

- Versetzt die Koordinaten des projizierten Punktes um die Koordinaten tx und ty entlang der entsprechenden Achsen
- Versatz bezieht sich auf Mittelpunkt der Projektion
- Falls keine Werte übergeben werden, wird der aktuell festgelegte Versatz zurückgegeben (Standardwert: [480, 250])
- projection.center([longitude, latitude])
  - Setzt den Mittelpunkt der Projektion auf den übergebenen Punkt um
  - Falls keine Werte übergeben werden, wird der aktuell festgelegte Mittelpunkt zurückgegeben (Standardwert: [0, 0])
- projection.scale(scale)
  - Skaliert die Koordinaten des projizierten Punktes um den übergebenen Faktor
  - Falls kein Wert übergeben wird, wird der aktuell festgelegte Skalierungsfaktor zurückgegeben

### 3.3 Pfadfunktion

Die Pfadfunktion dient in D3.js dazu, statt lediglich der Projektion einzelner Punkte die Projektion beliebiger (in GeoJSON oder TopoJSON vorhandener) Strukturen zu ermöglichen.

Wie auf Projektionsfunktionen können auch auf Pfadfunktionen diverse Funktionen aufgerufen werden. Es folgt ein Auszug:

- d3.geoPath(projection)
  - Erzeugt eine neue Pfadfunktion, die gemäß der übergebenen Projektionsfunktion Elemente abbildet
  - Wird keine Projektionsfunktion übergeben, wird standardmäßig d3.geoAlbersUSA()
     (die Albers-USA-Projektion) genutzt
- path.projection(projection)
  - Ändert die von path genutzte Projektionsfunktion auf die übergebene
  - Wird keine Projektionsfunktion übergeben, wird stattdessen die aktuell genutzte Projektionsfunktion übergeben
- path(object)

zeichnet das übergebene GeoJSON-/TopoJSON-Objekt gemäß der gesetzten Projektionsfunktion als SVG-Pfad

## 4 Erstellen einer Landkarte in D3.js

Im Folgenden wird gezeigt, wie man eine einfache Landkarte in D3.js erstellen kann. Dieser Prozess kann in drei logische Abschnitte aufgeteilt werden.

### 4.1 Allgemeines

Zu Beginn müssen ein allgemeine Werte wie Breite und Höhe des Bereichs auf dem Bildschirm sowie ein svg-Tag, in den die Landkarte projiziert werden soll, festgelegt werden.

### 4.2 Anlegen von Projektions- und Pfadfunktion

Danach müssen die in beschriebenen Projektions- und Pfadfunktionen angelegt werden, mithilfe derer dann die Landkarte gezeichnet werden kann.

```
var projection = d3.geoEquirectangular()
          .scale(width / 2 / Math.PI)
          .translate([width / 2, height / 2]);
```

```
var path = d3.geoPath()
          .projection(projection);
```

### 4.3 Einlesen und Verarbeiten der zu projizierenden Daten

Zuletzt muss noch die Datei, welche die zu projizierenden Daten repräsentiert, eingelesen und verarbeitet werden.

```
var url = "..."; // URL, die auf die zu verarbeitende Datei verweist
d3.json(url, function(geojson) {
   svg.append("path")
        .attr("d", path(geojson));
});
```

## 5 Choreoplethen-Karten

### 5.1 Allgemeines

Choreoplethenkarten unterscheiden sich von gewöhnlichen/einfachen Landkarten darin, dass bestimmte Abschnitte einer Karten einer bestimmten statistischen Variablen entsprechend eingefärbt werden. Daher rührt auch ihre alternative Bezeichnung als 'thematische Karte'.

Nützlich ist diese Art einer Landkarte vor allem, um zu zeigen, wie Messungen/Werte in bestimmten geographischen Regionen variieren, sowie daraus gegebenenfalls Schlüsse zu ziehen. Ein Beispiel hierfür wäre die Anzahl erwerbsloser Personen in Relation zur Einwohnerzahl für jeden Landkreis in Deutschland.

### 5.2 Implementierung in D3.js

### 5.2.1 Problematik bzgl. bisherigem Ansatz

Beim Versuch, eine solche Choreoplethenkarten in D3.js zu implementieren, tritt ein Problem mit der bisherigen Implementierung auf. Diese bildet zwar alle Länder ab, nutzt jedoch hierzu lediglich einen einzelnen Pfad, welcher folgerichtig auch nur mit einer einzelnen Farbe gefüllt werden kann, was die Vergleichbarkeit von Regionen unmöglich macht.

Man muss also zunächst die Implementierung so abändern, dass statt einem Pfad für alle Länder ein Pfad pro Land gezeichnet wird. Möglich wird dies, wenn man statt dem übergebenen GeoJSON-Objekt selbst das "featuresArray unter Zuhilfenahme des Enter-Update-Exit-Patterns an die Funktion übergibt.

#### 5.2.2 Implementierungsansatz zur Bewältigung

Der allgemeine Teil und der Teil zum Anlegen von Projektions- und Pfadfunktion gestalten sich wie in 4.1 und 4.2. Danach folgt das veränderte Einlesen der Datei wie folgt:

### 5.2.3 Einfärbung der Landkarte

Um nun noch gemäß der Aufgabenstellung jedes Land entsprechend seiner Kennzahl einfärben zu können, muss eine Farbskala erstellt werden. Beim Zeichnen der Pfade wird dann die jeweilige Füllfarbe mithilfe des Werts der entsprechenden Kennzahl und der Farbskala berechnet und gesetzt.

Der allgemeine Teil und der Teil zum Anlegen von Projektions- und Pfadfunktion gestalten sich erneut wie in 4.1 und 4.2. Danach folgt das Einlesen der Datei und Einfärben der Pfade wie folgt:

```
var url = "...";

d3.json(url, function(geojson) {
  var features = geojson.features;

  var min = d3.min(features, function(d) {
     return d.properties.gdp_md_est;
  });

  var max = d3.max(features, function(d) {
     return d.properties.gdp_md_est;
  });

  var color = d3.scaleLinear()
     .domain([min, max])
     .range(["white", "crimson"]);

  svg.selectAll("path")
     .data(features)
```

### 5 CHOREOPLETHEN-KARTEN

```
.enter()
.append("path")
.attr("d", path)
.style("fill", function(d){
    return color(d.properties.gdp_md_est);
});
});
```

### 6 Evaluation

Wie in dieser Arbeit gezeigt wurde, kann in D3.js ohne großen Aufwand eine Landkarte erstellt und nach Belieben eingefärbt werden. Abschließend gilt zu sagen, dass die Möglichkeit besteht, Landkarten jeder Art in D3.js beliebig zu gestalten, besteht, und keinesfalls auf rein optische Vorgänge beschränkt ist. So ist zum Beispiel eine interaktive Gestaltung innerhalb von D3.js möglich, indem man gezeichneten Pfaden Maus- oder sonstige Ereignisse und deren Verarbeitung zuweist. Bei Interesse empfiehlt sich hier das Selbststudium, da aufgrund der hohen Modularität viele kleine Veränderungen möglich sind und außerdem aufgrund der Natur als Skriptsprache von JavaScript in Echtzeit angezeigt werden können.

### 7 Illustrationen

### 7.1 Bilder

Bilder kann man natürlich auch in Arbeiten integrieren. Für Fotos und Ähnliches unterstützt PDF-LATEX direkt jpg und png, ansonsten empfiehlt es sich Vektorgrafiken zu verwenden und diese als pdf zu speichern. Sollte ein Bild einmal zu viel weißen Raum um sich haben, so kann man mit dem Werkzeug pdfcrop das Bild automatisch ausschneiden[2].

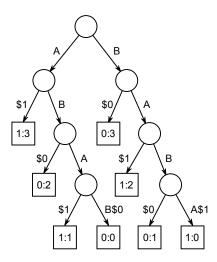


Abbildung 7.1: Beschreibung/Beschriftung des Bilds

Mit Hilfe eines Labels kann man sich dann im Text auf diese Grafik (7.1) beziehen.

### 7.2 Tabellen

Seite 19 enthält Beispieltabelle 7.1. In jedem LaTeX-Buch finden sich gute Anleitungen zum Erstellen von Tabellen. Komplexere Tabellen können in Excel vorgefertigt und mit Excel2LaTeX, einem Add-in von Excel, nach LaTeX konvertiert werden.

Tabelle 7.1: Eine kleine Beispieltabelle

### 7.3 Formeln

sec Formeln lassen sich in der Umgebung math erzeugen. Die Kurz-Schreibweise lautet \ ( a^2+b^2=c^2 \ ); hierbei steht die Formel dann im laufenden Text:  $a^2+b^2=c^2$ . Die kürzeste Form ist mit zwei \$ um die Formel, z.B. so: Wasser ist H<sub>2</sub>O.

Mit der Schreibweise  $\ [y=x^2\ ]$  wird die Formel mittig in einer eigenen Zeile gesetzt, z.B.

$$y = x^2$$

Formeln in der Umgebung equation werden mittig in einer eigenen Zeile gesetzt und fortlaufend nummeriert:

$$x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \tag{7.1}$$

Wenn wir z.B. über die beliebte Mitternachtsformel (Gleichung 7.1) Details im umliegenden Text schreiben wollen, lässt sich diese wie ein Bild referenzieren.

#### 7.4 Quellcode

Quellcode und ähnlich zu formatierende Texte können mit verbatim in einer Umgebung gesetzt werden.

```
Dieser Text ist in Schreibmaschinenschrift
```

Schöner geht es mit dem listings-Paket, das Quelltext auch entsprechend formatiert. Dazu kann man in der Präambel die Sprache angeben, in der die Quellcodes geschrieben sind.

```
public class Hello {
   public static void main(String[] args) {
       System.out.println("Hello World");
   }
}
```

Im Text gibt man Wörter am Besten als \verb## an, dabei erwartet LATEX zweimal das gleiche Zeichen als Begrenzer. Im Beispiel ist dies die Raute #, man kann aber ein anderes Zeichen nehmen, z.B. das Plus.

#### **7.5 Text**

Text kann mit dem Befehl \emph{} hervorgehoben werden. Falls in einem Satz ein Punkt vorkommt, macht man vor ihm kein Leerzeichen sondern eine Tilde (~), denn dann fügt LATEX den korrekten Abstand ein, z.B. so.

z.B.~so

In der Präambel der vorliegenden tex-Datei gibt es den Befehl hypenation, der zur Silbentrennung da ist. LATEX verfügt zwar über eine eingebaute Silbentrennung, die jedoch bei manchen Wörtern falsch trennt. Damit diese Wörter korrekt getrennt werden, gibt man sie dann mit dem Befehl in der Präambel an<sup>1</sup>.

Fußnoten werden mit dem Befehl footnote mitten in den fortlaufenden Text eingefügt. <sup>2</sup>.

In wissenschaftlichen Arbeiten muss man des öfteren andere Arbeiten zitieren. Dazu nutzt man den Befehl \cite{name}. In eckigen Klammern kann man noch die Seitenzahl angeben, falls notwendig. Der Name ist ein Schlüssel aus der Datei bibliography.bib [1, S. 10]. Falls einmal ein Werk nur indirekt zu einem Teil der Arbeit beigetragen hat, kann man es auch mit nocite angeben, dann landet es in der Literaturliste, ohne dass es im Text ausdrücklich zitert wird.

#### 7.5.1 Weiterführendes

Zum Schluss sei auf die Vielzahl an Büchern zu Latex verwiesen. In jeder Bibliothek wird sich eine Einführung finden, in der dann weitere Themen wie mathematische Formeln, Aufbau von Briefen und viele nützliche Erweiterungen besprochen werden.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Das Wort Silbentrennung ist hier das Beispiel

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Wie man schon im vorherigen Absatz sehen konnte.

## Literaturverzeichnis

- [1] H. Kopka and P. W. Daly, A Guide to LaTeX 2ε: Document Preparation for Beginners and Advanced Users, 2nd ed. Wokingham, England: Addison-Wesley Publishing Company, 1995.
- [2] H. Oberdiek, http://www.ctan.org/tex-archive/support/pdfcrop/, 2002.