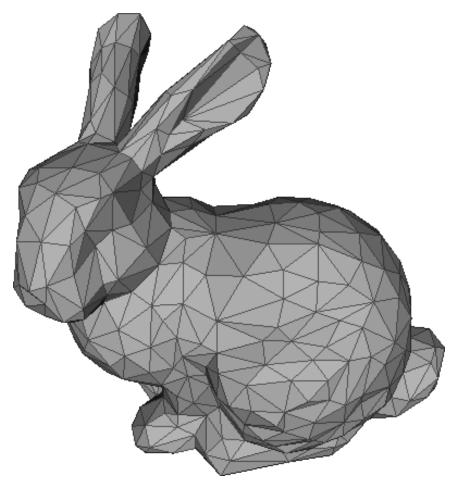
Insper

Computação Gráfica

Aula 7: Malhas Básicas e Grafo de Cena

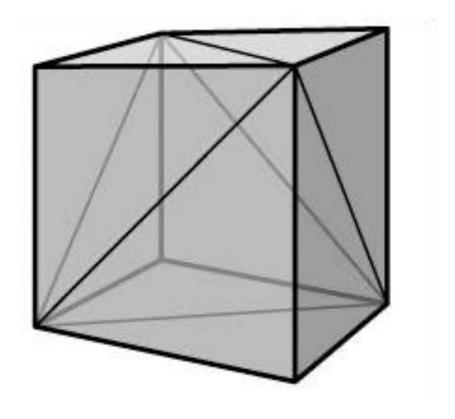
Malha de Triângulos



Stanford Bunny (low poly) original: https://graphics.stanford.edu/data/3Dscanrep/



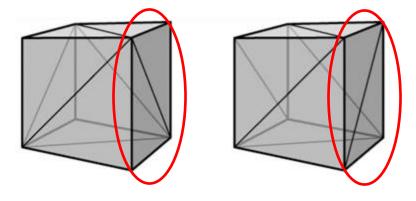
Malha de Triângulos Pequena



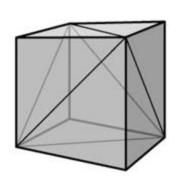
8 vértices, 12 triângulos

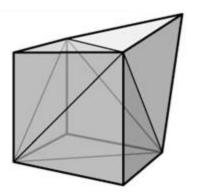
Topologia versus Geometria

Mesma geometria, diferente topologia da malha

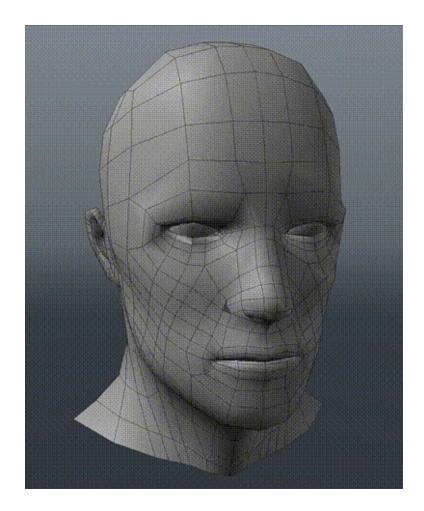


Mesma topologia, diferente geometria





Blend Shapes

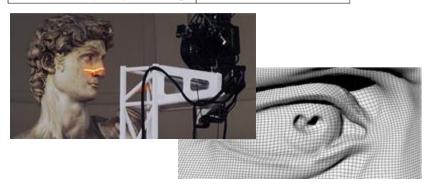


Malha de Triângulos Grande

Digital Michelangelo Project

The statue	
height without pedestal	517 cm
surface area	19 m ²
volume	2.2 m ³
weight	5,800 kg
Our raw dataset	
number of polygons	2 billion
number of color images	7,000
losslessly compressed size	32 GB
Other statistics	
total size of scanning team	22 people
staffing in the museum	3 people (on average)
time spent scanning	360 hours over 30 days
man-hours scanning	1,080

man-hours post-processing



1,500 (so far)

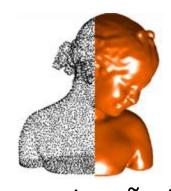




Malha de Triângulos Gigantesca



Mais Tarefas de Processamento Geométrico



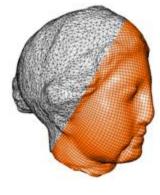
Reconstrução 3D



Analise de Formas



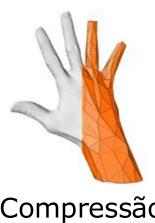
Filtragem



Remeshing

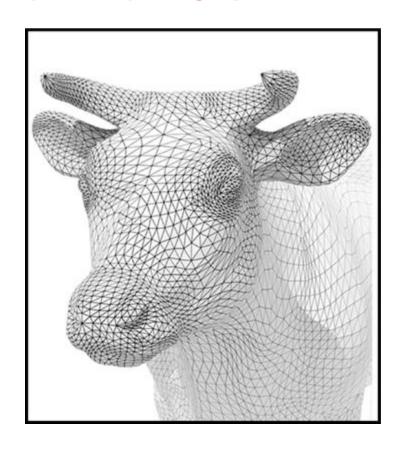


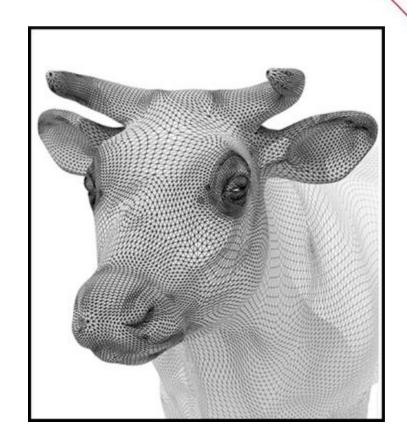
Parametrização



Compressão Insper

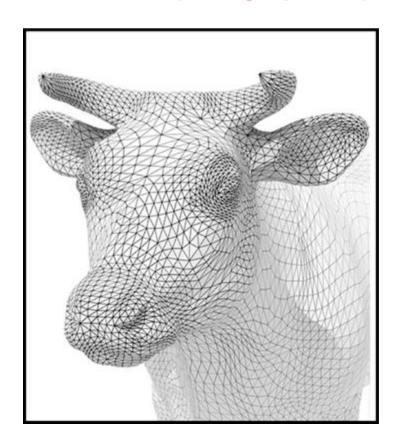
Upsampling (Refinando Malha)

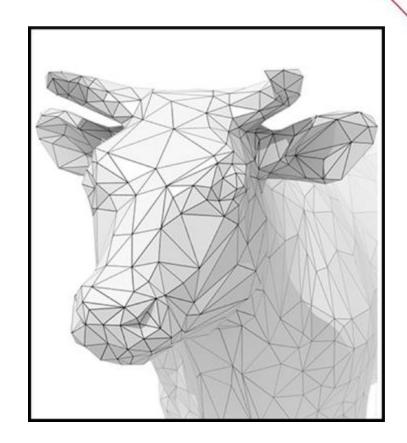




Subdivisão: melhorando resolução interpolando os pontos

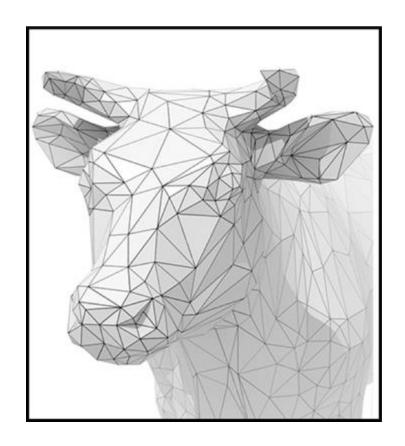
Downsampling (Simplificando a Malha)

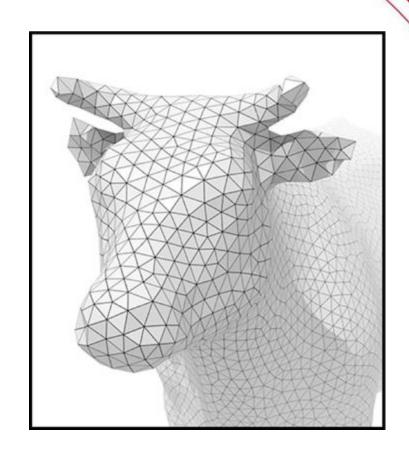




Diminuindo Pontos: tentando manter a forma original

Homogeneizando Malha





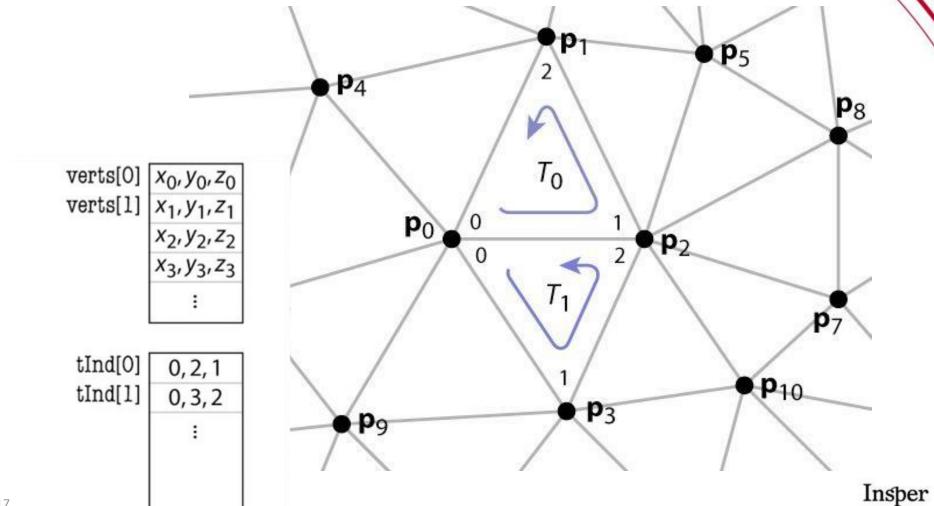
Ajustando Pontos para melhorar qualidade (possivelmente)

Lista de Triângulos (x_1, y_1, z_1) T_0 (x_2, y_2, z_2) (x_0, y_0, z_0) 0 [0] [1] [2] tris[0] $x_0, y_0, z_0 \mid x_2, y_2, z_2 \mid x_1, y_1, z_1$ tris[1] $x_0, y_0, z_0 \mid x_3, y_3, z_3 \mid x_2, y_2, z_2$

 (x_3, y_3, z_3)



Lista de Pontos e sua conexão por índices



Comparação

Triângulos

- + Simples
- Muita Informação Redundante

Pontos e Triângulos

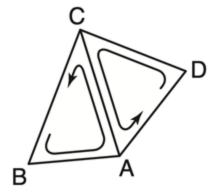
- + Compartilhamento de vértices reduz consumo de memória
- + Garante integridade da malha

(alterar um vértice, altera para todos os polígonos)

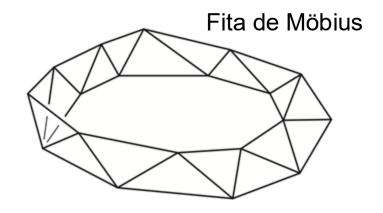


Validade Topológica: Consistência da Orientação

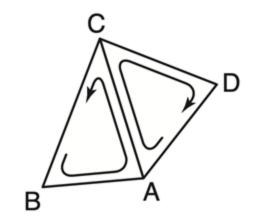
Orientação consistente

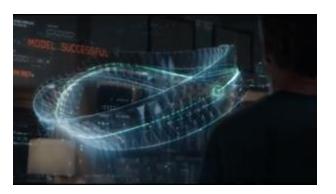


Não orientável



Orientação inconsistente





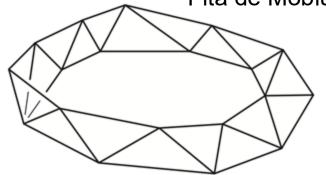
Vingadores: Ultimato

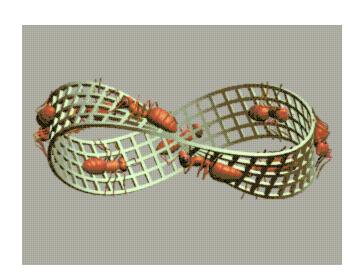


Validade Topológica: Consistência da

Orientação

Fita de Möbius







M. C. Escher - Möbius Strip II (1963) sper

X₃D

- triangleSet (já vimos)
- triangleStripSet
- indexedTriangleStripSet
- indexedFaceSet



TriangleStripSet

Um **TriangleStripSet** representa uma forma geométrica 3D composta por faixas de triângulos. O campo **stripCount** descreve quantos vértices devem ser usados em cada faixa do **Coordinate**. As coordenadas são atribuídas a cada faixa pegando os vértices **stripCount[i]** do campo de coordenadas, onde i é um índice sequencial de stripCount.

Tria	angleStr	ipSet : X3	BDComposedGeo	metryNo	de {	 ! !
M	FNode	[in,out]	attrib		[X3DVertexAttributeNode]	1
SF	Node	[in,out]	color	NULL	[X3DColorNode]	! ! !
SF	Node	[in,out]	coord	NULL	[X3DCoordinateNode]	
SF	Node	[in,out]	fogCoord	NULL	[FogCoordinate]	!
SF	Node	[in,out]	metadata	NULL	[X3DMetadataObject]	; ; ;
SF	Node	[in,out]	normal	NULL	[X3DNormalNode]	
M	FInt32	[in,out]	stripCount		[3,∞)	
SF	Node	[in,out]	texCoord	NULL	[X3DTextureCoordinateNode]	i
SF	FBool		CCW	TRUE	-	
SF	Bool	Ĭ	colorPerVertex	TRUE		
SF	FBool	Ĭ	normalPerVertex	TRUE		! !
SF	Bool	Ĭ	solid	TRUE		; ; ;
}						1

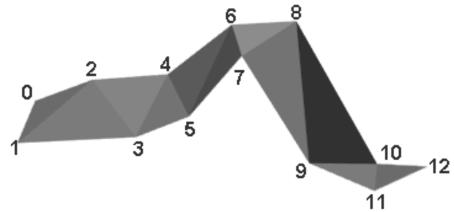
TriangleStripSet (exemplo)

<Shape>

'/>

```
<TriangleStripSet stripCount='13'>
      <Coordinate point='
                -4.0 -1.0 -0.5 \rightarrow P_0
                -4.5 - 2.0 - 0.5 \rightarrow P_1
                -3.0 -0.5 0.0 \rightarrow P_2
                -2.5 - 1.5 - 0.5 \rightarrow P_3
                -2.0 -0.5 -1.0 \rightarrow P_4
                -1.5 - 1.5 - 0.5 \rightarrow P_5
                -0.5 \quad 0.5 \quad -0.5 \rightarrow P_6
                  0.0 \quad 0.0 \quad 0.0 \rightarrow P_7
                  1.0 0.5 -0.5 -> P_8
                  1.5 - 2.0 - 1.0 \rightarrow P_9
                  2.5 - 2.0 - 0.5 \rightarrow P_{10}
                  2.5 - 2.5 - 0.5 \rightarrow P_{11}
                  3.5 - 2.0 - 1.0 \rightarrow P_{12}
```

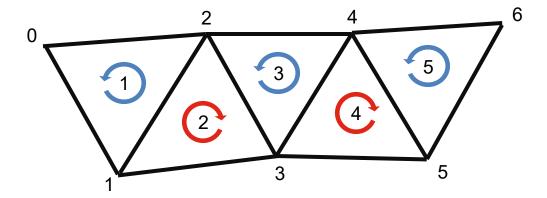
Os vértices são conectados de 3 em 3. Assim o primeiro triângulos será ligando os vértices (0, 1, 2), o segundo (1, 2, 3) e assim por diante, até chegar a contagem definida em stripCount. Perceba que stripCount é uma lista.



</TriangleStripSet>
 <Appearance> <Material emissiveColor='0.5 0.5 0.5'/> </Appearance>
</Shape>

Cuidado

A direção de montagem dos triângulos precisa ser constantemente alternada, senão a detecção de triângulos irá falhar



Um dos truques é inverter a ordem de conexão, de modo que, nos triângulos pares, a conexão de dois vértices seja invertida.

Por exemplo: conecte (0,1,2), depois (1,3,2), depois (2,3,4) e assim por diante.

IndexedTriangleStripSet

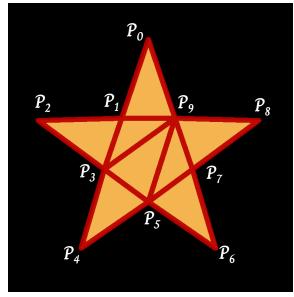
Um **IndexedTriangleStripSet** representa uma forma 3D composta de um conjunto de triângulos em forma de uma tira, são usados nos índices do campo **index** para especificar como montar faixa de triângulos. Um índice de "-1" indica que a faixa atual terminou e a próxima começa.

```
IndexedTriangleStripSet: X3DComposedGeometryNode {
 MFInt32
          [in]
                  set index
                                          [0,\infty) or -1
 MFNode [in,out] attrib
                                          [X3DVertexAttributeNode]
 SFNode [in,out] color
                                 NULL
                                         [X3DColorNode]
                                 NULL
 SFNode [in,out] coord
                                          [X3DCoordinateNode]
                                         [FogCoordinate]
 SFNode
          [in.out] fogCoord
                                 NULL
 SFNode
          [in,out]
                 metadata
                                 NULL
                                         [X3DMetadataObject]
                                         [X3DNormalNode]
 SFNode
          [in,out]
                                 NULL
                 normal
                                 NULL
                                          [X3DTextureCoordinateNode]
 SFNode
          [in,out]
                 texCoord
 SFBool
                                 TRUE
                  CCW
 SFBool
                                TRUE
                  colorPerVertex
                                 TRUE
 SFBool
                  normalPerVertex
                                 TRUE
 SFBool
                  solid
 MFInt32
                  index
                                          [0,∞) or -1
```

IndexedTriangleStripSet (exemplo)

Os vértices são conectados seguindo a ordem definida no campo index. Ligando de 3 em 3 vértices até encontrar um valor -1. Outras listas de índices podem aparecer na sequencia.

```
<Coordinate point='
0.0 1.0 0.0 -> P<sub>0</sub>
-0.23 0.32 0.0 -> P<sub>1</sub>
-0.95 0.30 0.0 -> P<sub>2</sub>
-0.38 -0.12 0.0 -> P<sub>3</sub>
-0.58 -0.80 0.0 -> P<sub>4</sub>
-0.0 -0.4 0.0 -> P<sub>5</sub>
0.58 -0.80 0.0 -> P<sub>6</sub>
0.38 -0.12 0.0 -> P<sub>7</sub>
0.95 0.30 0.0 -> P<sub>8</sub>
0.23 0.32 0.0 -> P<sub>9</sub>
'/>
```



</IndexedTriangleStripSet>
 <Appearance> <Material emissiveColor='0.5 0.5 0.5'/> </Appearance>
</Shape>

'>

IndexedFaceSet

Um **IndexedFaceSet** representa uma forma 3D composta por um conjunto de polígonos. Os índices do campo **coordIndex** especificam como os vértices devem ser conectados para formar as faces.

```
IndexedFaceSet: X3DComposedGeometryNode {
 MFInt32
                                  set colorIndex
                 [in]
 MFInt32
                 [in]
                                  set coordindex
 MFInt32
                                  set normalIndex
                 [in]
 MFInt32
                                  set texCoordIndex
                 [in]
                                        [X3DVertexAttributeNode]
 MFNode[in.out]
                attrib
                                  NULL [X3DColorNode]
 SFNode [in,out] color
 SFNode[in.out] coord
                                  NULL [X3DCoordinateNode]
 SFNode [in.out] fogCoord
                                  NULL [FogCoordinate]
 SFNode [in,out]
                metadata
                                  NULL [X3DMetadataObject]
                                  NULL [X3DNormalNode]
 SFNode [in,out]
                normal
                                  NULL [X3DTextureCoordinateNode]
 SFNode [in,out]
                texCoord
                                  TRUE
 SFBool []
                 CCW
                                        [0,∞) or -1
 MFInt32 []
                 colorIndex
                                  TRUE
 SFBool []
                 colorPerVertex
 SFBool []
                                  TRUE
                 convex
 MFInt32 []
                 coordindex
                                        [0,∞) or -1
 SFFloat []
                creaseAngle
                                        [0,∞)
                 normalIndex
                                        [0,∞) or -1
 MFInt32 []
                 normalPerVertex
                                  TRUE
 SFBool []
 SFBool []
                 solid
                                  TRUE
 MFInt32 []
                 texCoordIndex
                                        [-1,∞)
```

IndexedFaceSet

O nó IndexedFaceSet representa uma forma 3D composta por faces (polígonos) construídas a partir de vértices listados no campo coord.

O IndexedFaceSet utiliza os índices em seu campo coordIndex para especificar as faces poligonais, indexando nas coordenadas do nó Coordinate. Um índice de -1 indica que a face atual foi finalizada e que a próxima começa.

Cada face do IndexedFaceSet deve ter:

- pelo menos três vértices não coincidentes;
- vértices que definem um polígono coplanar;
- vértices não possuem auto-intersecção.

Exemplo IndexedFaceSet

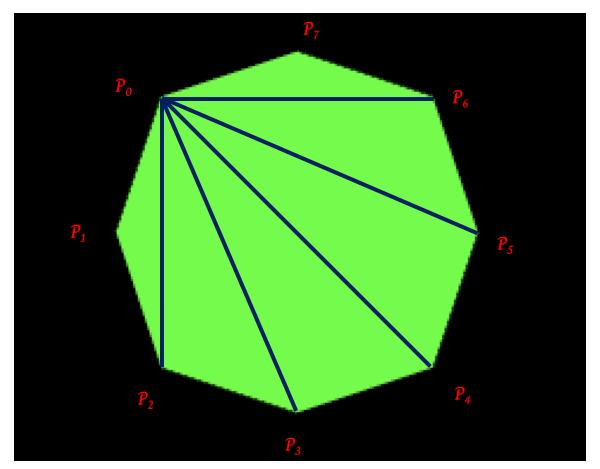
```
<Shape>
    <IndexedFaceSet coordIndex='0 1 2 3 4 5 6 7 -1'>
        <Coordinate point='
                    -3 3 0 \rightarrow P_0
          '/>
    </IndexedFaceSet>
    <Appearance> <Material emissiveColor='0 1 0'/> </Appearance>
</Shape>
```

Os pontos são o contorno da superfície.



Exemplo IndexedFaceSet

Possível solução para tecer geometria

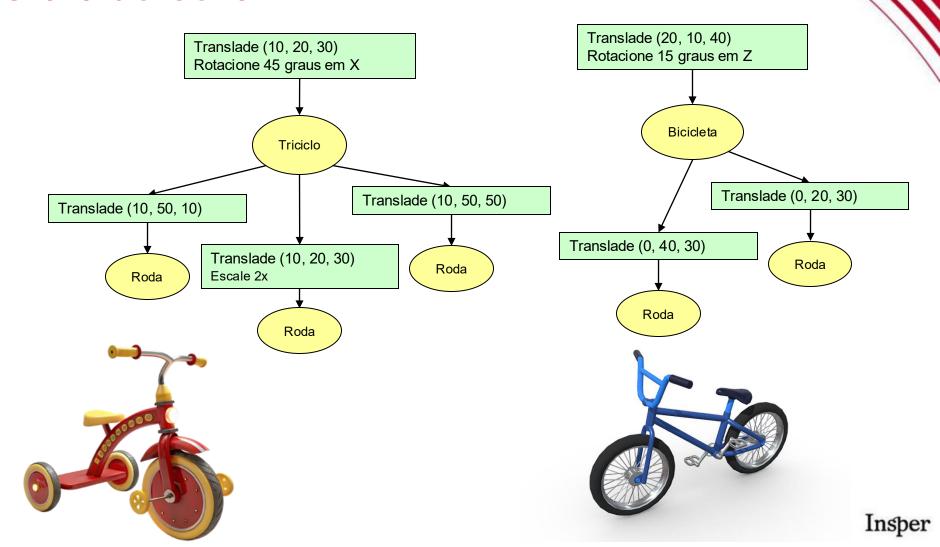


Computação Gráfica

Grafo de Cena



Grafo de Cena

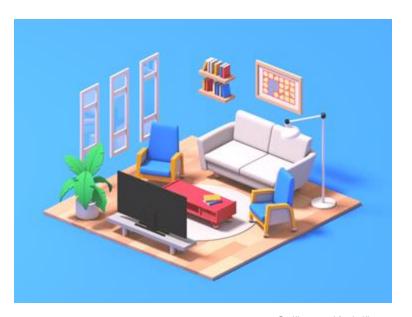


Grafo de Cena

Vantagens:

- Permite definições de objetos nos seus sistemas de coordenadas
- Permite o uso de objetos várias vezes numa mesma cena
- Permite processamento pela hierarquia
- Permite animações de articulações de forma simples



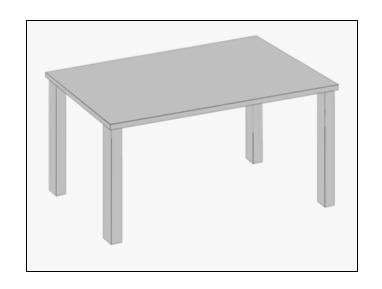


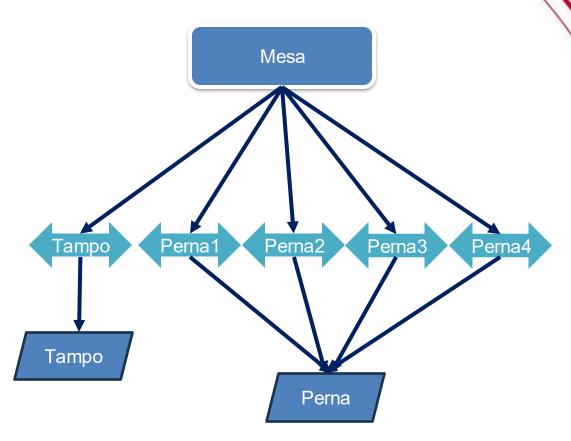


Representação Hierárquica

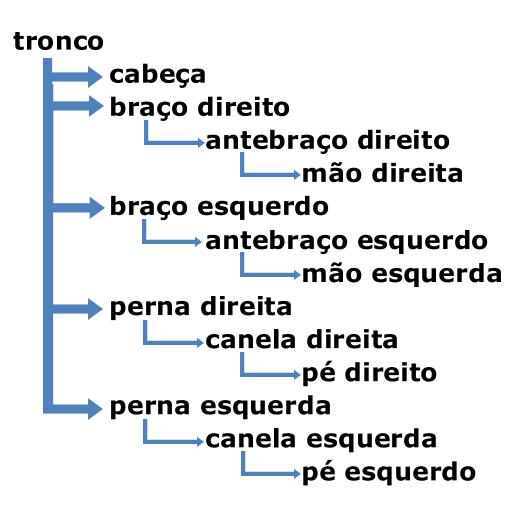
- Cada grupo pode conter subgrupos e/ou objetos geométricos.
- Cada grupo possui uma transformação relativa ao seu grupo pai.
- A transformação em um nó folha corresponde à concatenação de todas as transformações ao longo do caminho do nó raiz até a folha.
- A alteração da transformação de um grupo afeta todos os nós subsequentes.
- O grafo permite edição de alto nível: ao modificar apenas um nó, todos os nós relacionados são atualizados.

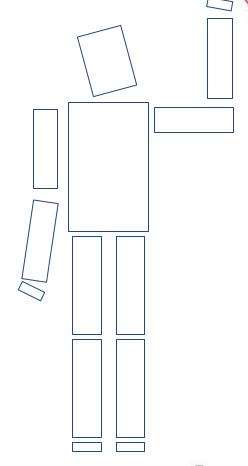
Instanciação – partes do modelo





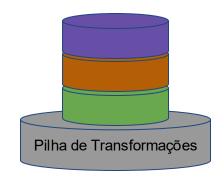
Esqueleto – Representação Hierárquica

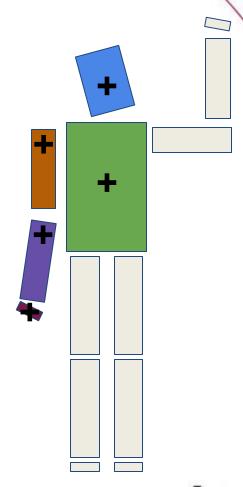




Implementando Representação Hierárquica

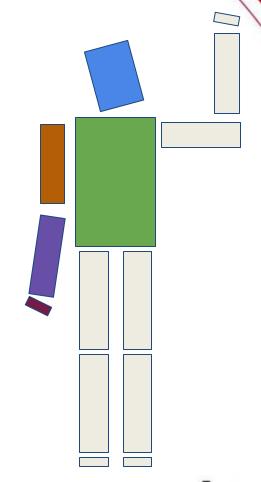
```
identity();
drawTorso();
pushmatrix(); // armazena a matriz de transformação atual na pilha
translate(0, 3); // matriz de transformação é atualizada pela translação
rotate(headRotation); // matriz de transformação é atualizada pela rotação
drawHead();
popmatrix(); // recupera matriz de transformação armazenada na pilha
pushmatrix();
translate(-2, 3);
rotate(rightShoulderRotation);
drawUpperArm();
pushmatrix();
translate(0, -3);
rotate(elbowRotation);
drawLowerArm();
pushmatrix();
translate(0, -3);
rotate(wristRotation);
drawHand();
popmatrix();
popmatrix();
popmatrix();
```





Implementando Representação Hierárquica

```
translate(0, 5);
drawTorso();
pushmatrix(); // armazena a matriz de transformação atual na pilha
translate(0, 5); // matriz de transformação é atualizada pela translação
rotate(headRotation); // matriz de transformação é atualizada pela rotação
drawHead();
popmatrix(); // recupera matriz de transformação armazenada na pilha
pushmatrix();
translate(-2, 3);
rotate(rightShoulderRotation);
drawUpperArm();
pushmatrix();
translate(0, -3);
rotate(elbowRotation);
                                                                        braço
drawLowerArm();
                                                                        direito
                                                 antebraço
pushmatrix();
                                                    direito
translate(0, -3);
                                  mão
rotate(wristRotation);
                                 direita
drawHand();
popmatrix();
popmatrix();
popmatrix();
```



Implementando Representação Hierárquica



Cena em X3D

```
<Transform>
  <Shape> <!-- Tronco -->
    <Box size="2 3 1"/>
    <Appearance><Material emissiveColor='0 1 0'/></Appearance>
  </Shape>
  <Transform translation="0 2.5 0" rotation="0 0 1 0.4">
    <Shape> <!-- Cabeça -->
      <Box size="1 1 1"/>
      <Appearance><Material emissiveColor='0 0 1'/></Appearance>
    </Shape>
  </Transform>
  <Transform translation="-1.6 0.3 0">
    <Shape> <!-- Braço -->
      \langle Box size="0.5 1.8 0.5"/\rangle
      <Appearance><Material emissiveColor='1 0.5 0'/></Appearance>
    </Shape>
    <Transform translation="0.0 -2.0 0">
      <Shape> <!-- Antebraço -->
        <Box size="0.5 1.8 0.5"/>
        <Appearance><Material emissiveColor='1 0.5 0'/></Appearance>
      </Shape>
      <Transform translation="0.0 -1.2 0">
        <Shape> <!-- Mão -->
          <Box size="0.5 0.2 0.5"/>
          <Appearance><Material emissiveColor='1 0.5 0'/></Appearance>
        </Shape>
      </Transform>
    </Transform>
  </Transform>
</Transform>
```

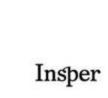
E se quisermos um braço mais musculoso?



Cena em X3D

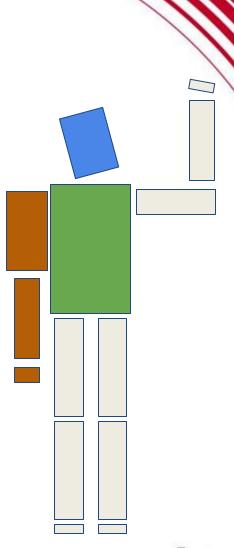
```
<Transform>
  <Shape> <!-- Tronco -->
    <Box size="2 3 1"/>
    <Appearance><Material emissiveColor='0 1 0'/></Appearance>
  </Shape>
  <Transform translation="0 2.5 0" rotation="0 0 1 0.4">
    <Shape> <!-- Cabeça -->
      <Box size="1 1 1"/>
      <Appearance><Material emissiveColor='0 0 1'/></Appearance>
    </Shape>
  </Transform>
  <Transform translation="-1.6 0.3 0" scale="1.5 1 1.5"</pre>
    <Shape> <!-- Braço -->
      <Box size="0.5 1.8 0.5"/>
      <Appearance><Material emissiveColor='1 0.5 0'/></Appearance>
    </Shape>
    <Transform translation="0.0 -2.0 0">
      <Shape> <!-- Antebraco -->
        <Box size="0.5 1.8 0.5"/>
        <Appearance><Material emissiveColor='1 0.5 0'/></Appearance>
      </Shape>
      <Transform translation="0.0 -1.2 0">
        <Shape> <!-- Mão -->
          <Box size="0.5 0.2 0.5"/>
          <Appearance><Material emissiveColor='1 0.5 0'/></Appearance>
        </Shape>
      </Transform>
    </Transform>
  </Transform>
</Transform>
```

Como resolver para só o braço?



Cena em X3D

```
<Transform>
 <Shape> <!-- Tronco -->
   <Box size="2 3 1"/>
   <Appearance><Material emissiveColor='0 1 0'/></Appearance>
 </Shape>
  <Transform translation="0 2.5 0" rotation="0 0 1 0.4">
   <Shape> <!-- Cabeça -->
     <Box size="1 1 1"/>
     <Appearance><Material emissiveColor='0 0 1'/></Appearance>
   </Shape>
 </Transform>
 <Transform translation="-1.6 0.3 0" >
   <Transform scale="1.5 1 1.5">
     <Shape> <!-- Braço -->
       <Box size="0.5 1.8 0.5"/>
       <Appearance><Material emissiveColor='1 0.5 0'/></Appearance>
     </Shape>
    </Transform>
   <Transform translation="0.0 -2.0 0">
     <Shape> <!-- Antebraço -->
       <Box size="0.5 1.8 0.5"/>
       <Appearance><Material emissiveColor='1 0.5 0'/></Appearance>
     </Shape>
     <Transform translation="0.0 -1.2 0">
       <Shape> <!-- Mão -->
         <Box size="0.5 0.2 0.5"/>
          <Appearance><Material emissiveColor='1 0.5 0'/></Appearance>
       </Shape>
     </Transform>
   </Transform>
 </Transform>
</Transform>
```



Insper

Perguntas

Referência:

O cubo vermelho foi criado na origem

Pergunta:

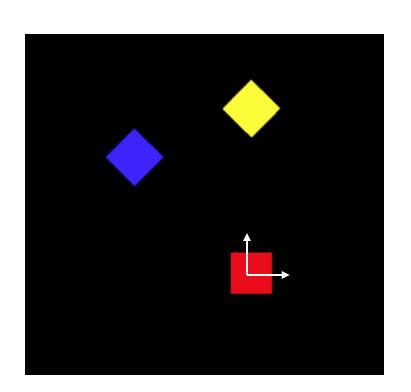
Qual cubo foi:

1º rotacionado 45º e depois transladado na vertical?

1º transladado na vertical e depois rotacionado de 45°?

$$T = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 0 & 4 \ 0 & 0 & 1 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$T = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 0 & 4 \ 0 & 0 & 1 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \hspace{1cm} R = egin{bmatrix} 0.71 & -0.71 & 0 & 0 \ 0.71 & 0.71 & 0 & 0 \ 0 & 0 & 1 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$



Perguntas

$$T = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 0 & 4 \ 0 & 0 & 1 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

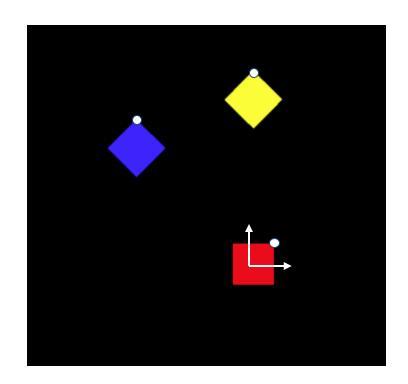
$$T = egin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 0 & 4 \ 0 & 0 & 1 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \hspace{1cm} R = egin{bmatrix} 0.71 & -0.71 & 0 & 0 \ 0.71 & 0.71 & 0 & 0 \ 0 & 0 & 1 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Primeiro Rotaciona depois Translada

$$TR = egin{bmatrix} 0.71 & -0.71 & 0 & 0 \ 0.71 & 0.71 & 0 & 4 \ 0 & 0 & 1 & 0 \ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \implies egin{bmatrix} 1 \ 1 \ 1 \end{bmatrix} = egin{bmatrix} 0 \ 5.42 \ 1 \ 1 \end{bmatrix}$$

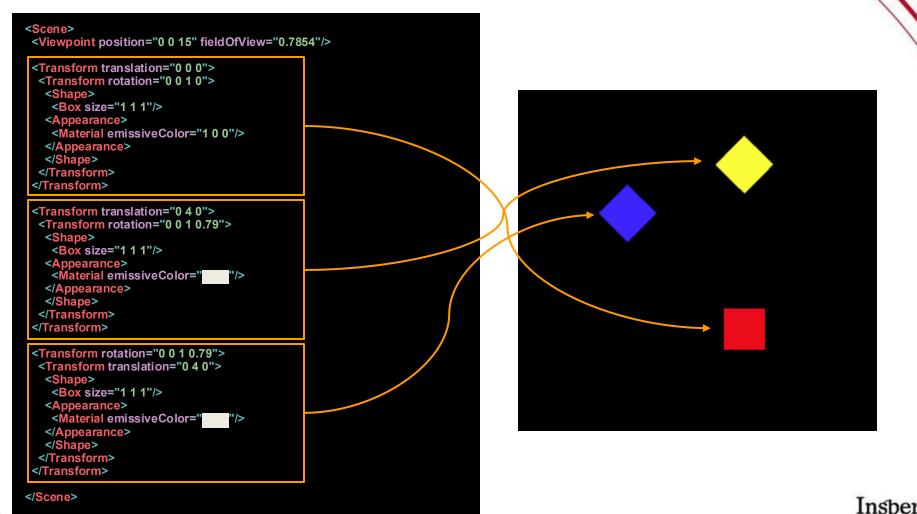
Primeiro Translada depois Rotaciona

$$RT = \begin{bmatrix} 0.71 & -0.71 & 0 & -2.84 \\ 0.71 & 0.71 & 0 & 2.84 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \implies \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2.84 \\ 4.26 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$



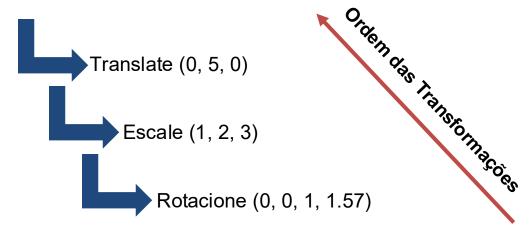


Perguntas



Usando Matrizes

Na prática multiplicamos as matrizes e empilhamos. Por exemplo:



```
<Transform translation="0 5 0">

<Transform scale="1 2 3">

<Transform rotation="0 0 1 1.57">
```





Usando Matrizes

Na prática multiplicamos as matrizes e empilhamos. Por exemplo:

Translação (0,5,0)

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 5 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

PushMatrix()

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 5 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 5 \\ 0 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

PushMatrix()

Rotação (0, 0, 1, 1.57)
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 5 \\ 0 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 & 5 \\ 0 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 & 5 \\ 0 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

PushMatrix()

PILHA

Outra Forma de Pensar

	Identidade * pontos
Translate (0, 5, 0)	Identidade * Translação * pontos
Escale (1, 2, 3)	Identidade * Translação * Escala * pontos
Rotacione (0, 0, 1, 1.57)	Identidade * Translação * Escala * Rotação * pontos



ATIVIDADE:

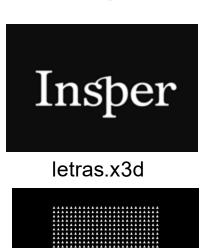
Acesse o notebook no site da disciplina.

Crie uma cópia para você e realize todos os exercícios.

Voltamos em 30 minutos?

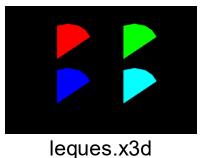


Terceira parte do projeto 1



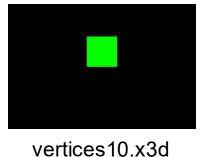


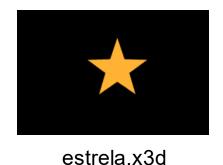












https://lpsoares.github.io/Renderizador/



Atualizando o Fork do Repositório

```
git remote add upstream https://github.com/lpsoares/Renderizador
git pull upstream master
```

```
Eventualmente:
git fetch upstream
git merge upstream/master
```



Insper

Computação Gráfica

Luciano Soares lpsoares@insper.edu.br

Fabio Orfali <fabioO1@insper.edu.br>