Insper

# Computação Gráfica

Aula 20: SDF (Signed Distance Function)

# Ray Casting, Ray Marching, Ray Tracing

- Ray Casting: Uma forma simples de lançamento de raios. Essa técnica define o um único raio que detecta interseções com objetos. Essa técnica é usada muitas vezes para interações de raios com objetos.
- Ray Marching: Um método de projeção de raios que usa SDFs (Signed Distance Fields) e rastreia objetos marchando em direção a eles.
- Ray Tracing: uma versão mais sofisticada de ray casting que dispara vários raios, calcula interseções e e cria recursivamente novos raios a cada reflexão.
  - **Path Tracing**: um tipo de algoritmo de rastreamento de raios que dispara diversos raios por pixel em vez de apenas um. Os raios são disparados em direções aleatórias usando o método Monte Carlo.

#### Shaders

Linguagens para shaders mais populares são:

- OpenGL Shading Language (GLSL)
- High-Level Shading Language (HLSL)

# Introdução a Shaders (GLSL)

Um típico Shader tem a seguinte estrutura:

```
#version numero da versão
in type nome da variável de entrada;
in type nome da variável de entrada;
out type nome da variável de saída;
uniform type nome do uniform;
void main() { // processa as entrada(s) e faz algo gráfico
  // pega as coisas processadas e coloca em variáveis de saída
  out variable name = weird stuff we processed;
```

### Tipos de Dados (GLSL)

#### Os tipos básicos de variáveis são:

int, float, double, uint e bool

#### Vetores podem ter 2, 3 ou 4 compomentes:

vecn: o vetor padrão com n floats.

bvecn: um vetor com n booleanos.

ivecn: um vetor com n inteiros.

uvecn: um vetor com n inteiros sem sinal.

dvecn: um vetor com n doubles.

Você consegue acessar os valores dos vetores com as extensões: .x .y .z .w, ou também com rgba, ou stqp

### Exemplo com Vetores

Um recurso interessante é o **swizzling**, onde você pode combinar e misturar os valores do vetor, por exemplo:

```
vec2 someVec;
vec4 differentVec = someVec.xyxx;
vec3 anotherVec = differentVec.zyw;
vec4 otherVec = someVec.xxxx + anotherVec.yxzy;
```

Na construção de vetores, várias formas de combinação também são viáveis, por exemplo:

```
vec2 vect = vec2(0.5, 0.7);
vec4 result = vec4(vect, 0.0, 0.0);
vec4 otherResult = vec4(result.xyz, 1.0);
```

#### **Uniforms**

Uniforms são valores globais que podem ser acessados em qualquer shader do pipeline gráfico. Contudo você tem de declarar ele antes de usar.

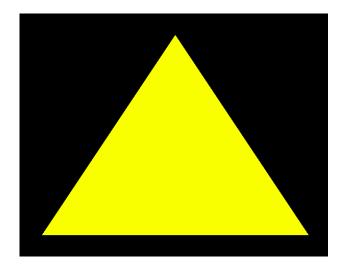
```
#version 330 core
layout (location = 0) in vec3 position;
layout (location = 1) in vec3 normal;
out vec3 bColor;
uniform mat4 model;
uniform mat4 view;
uniform mat4 projection;
out vec3 bNormal;
void main() {
    // Invertendo a transformação para normal
    bNormal = mat3(transpose(inverse(model))) * normal;
    // Aplicando trasnsformações em cada vértice
    ql Position = projection * view * model * vec4(position, 1.0);
```

#### **Uniforms**

```
...
# Código OpenGL
glUniform1f(uniforms["color"], [1.0, 1.0, 0.0])
```

```
#version 330 core
uniform vec3 color;
out vec4 FragColor;
void main() {
    FragColor = vec4(color, 1.0);
}
```

Qual seria o resultado?



#### In e Outs

Podemos especificar se as variáveis são para a entrada de dados, ou saída de dados. Isso é importante para pode exemplo passar o valor de um shader no pipeline para outro.

Pode ser usado para receber os dados dos vértices (vertex shader) ou para definir o valor da cor final do pixel (fragmente shader)

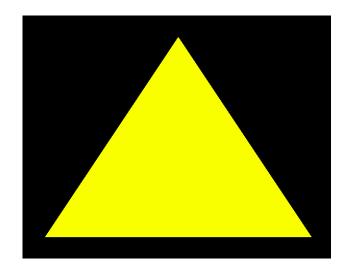
```
#version 330 core
in vec4 vertexColor;
out vec4 FragColor;
void main() {
   FragColor = vertexColor;
}
```

#### In e Outs

```
#version 330 core
layout (location = 0) in vec3 position;
out vec3 bColor;
void main() {
    gl_Position = vec4(position, 1.0);
    bColor = vec3( 1.0, 1.0, 0.0);
}
```

```
#version 330 core
in vec4 vertexColor;
out vec4 FragColor;
void main() {
    FragColor = vertexColor;
}
```

Qual seria o resultado?

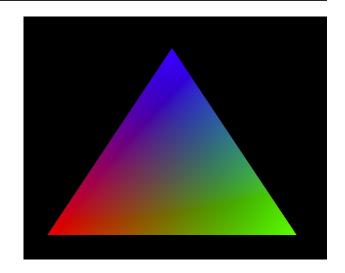


#### In e Outs

```
#version 330 core
layout (location = 0) in vec3 position;
out vec3 bColor;
void main() {
    gl_Position = vec4(position, 1.0);
    if(gl_VertexID == 0) bColor = vec3(1.0, 0.0, 0.0);
    if(gl_VertexID == 1) bColor = vec3(0.0, 1.0, 0.0);
    if(gl_VertexID == 2) bColor = vec3(0.0, 0.0, 1.0);
}
```

```
#version 330 core
in vec4 vertexColor;
out vec4 FragColor;
void main() {
    FragColor = vertexColor;
}
```

Qual seria o resultado?



#### Variáveis Built-in

#### **Vertex Shader:**

#### Saída:

- gl\_Position (vec4)
- gl\_Position (int)

#### **Fragment Shader:**

#### Entrada:

- gl\_FragCoord (vec4)
- gl\_FrontFacing (bool)
- gl\_PointCoord (vec2)

#### Saída:

gl\_FragColor (vec4)



# Funções Built-in

O GLSL possui vária funções nativas, a maioria delas funciona para um valor escalar ou um vetor.

Em geral as funções não funcionam para inteiros ou booleanos, assim pode ser necessário converter os valor.

Por exemplo, a função seno funciona com vários tipos:

#### Name

sin — return the sine of the parameter

#### **Declaration**

genType sin( genType angle);

#### **Parameters**

angle

Specify the quantity, in radians, of which to return the sine.

#### Description

sin returns the trigonometric sine of angle.

**genType** indica que o tipo de dados pode ser float, vec2, vec3 ou vec4.



# Algumas das principais funções

Função	Descrição
genType abs(genType α)	Retorna valor absoluto de $\alpha$ , ou seja, $-\alpha$ se $\alpha$ < 0;
genType sign(genType α)	Retorna: -1 para α < 0 0 para α = 0 1 para α > 0
genType floor(genType α)	Retorna um inteiro menor ou igual a α
genType ceil(genType α)	Retorna um inteiro maior ou igual a α
genType mod(genType α, float β) genType mod(genType α, genType β)	Retorna o resto da divisão α por β
genType min(genType $\alpha$ , float $\beta$ ) genType min(genType $\alpha$ , genType $\beta$ )	Retorna α quando α < β Retorna β quando β < α
genType max(genType α, float β) genType max(genType α, genType β)	Retorna α quando α > β Retorna β quando β > α
genType clamp(genType $\alpha$ , float $\beta$ , float $\delta$ ) genType clamp(genType $\alpha$ , genType $\beta$ , genType $\delta$ )	Retorna: α quando β < α < δ β quando α > β δ quando α > δ
genType mix(genType α, float β, float δ) genType mix(genType α, genType β, genType δ)	Retorna a interpolação linear de $\alpha$ e $\beta$ , ou seja, $\alpha$ + $\delta(\beta$ - $\alpha)$
genType step(float limit, genType $\alpha$ ) genType step(genType limit, genType $\alpha$ )	Retorna 0 quando α < limit Retorna 1 quando α >= limit
genType smoothstep(float $\alpha 0$ , float $\alpha 1$ , genType $\beta$ ) genType smoothstep(genType $\alpha 0$ , genType $\alpha 1$ , genType $\beta$ )	Retorna 0 quando β < α0 Retorna 1 quando β > α1; Retorna a interpolação de Hermite quando α0 < β < α1



# Algumas das principais funções

Função	Descrição
genType pow(genType x, genType y)	Retorna valor de x elevado a y
float dot(genType x, genType y)	Retorna o produto escalar dos vetores x e y
vec3 cross(vec3 x, vec3 y)	Retorna o produto vetorial dos vetores x e y
float length(genType x)	Retorna o comprimento (magnitude) do vetor x
genType normalize(genType v);	Retorna o vetor v normalizado

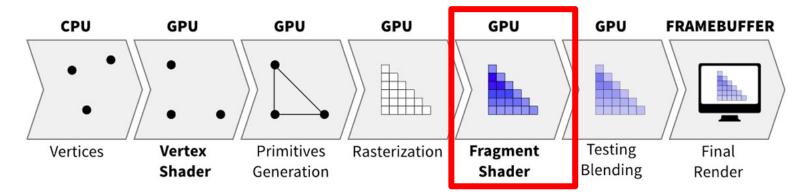


### Shadertoy

- O Shadertoy é uma ferramenta da internet que permite escrever Fragment Shaders direto no navegador.
- Alguns Uniforms já são automaticamente fornecidos, e todo o processo de compilação é basicamente instantâneo.
- O Shadertoy usa alguns padrões para passar os dados, como no caso a chamada do main(), que é mainImage().



### Fragment Shader



O Shadertoy não permite que você escreva vertex shaders e apenas permite que você escreva fragment shaders. Essencialmente, ele fornece um ambiente para experimentar e desenvolver no fragmento shader, tirando todo o proveito do paralelismo de pixels na tela.

#### **Shadertoy Uniforms**

```
uniform vec3 iResolution; // Resolução da Janela
uniform float iTime; // Float dos segundos passados
uniform float iTimeDelta;
uniform float iFrame;
uniform float iChannelTime[4];
uniform vec4 iMouse;
uniform vec4 iDate;
uniform float iSampleRate;
uniform vec3 iChannelResolution[4];
uniform samplerXX iChanneli;
```

## Shadertoy

Exemplo quando se cria um novo Shader:

```
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord )
{
    // Normalized pixel coordinates (from 0 to 1)
    vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;

    // Time varying pixel color
    vec3 col = 0.5 + 0.5*cos(iTime+uv.xyx+vec3(0,2,4));

    // Output to screen
    fragColor = vec4(col,1.0);
}
```

O que isso faz?

#### Interpreta tipo de vetores

#### Quando o shader tem um tipo de chamada como a seguinte:

```
uv = fragCoord/iResolution.xy
```

#### Ele executa as divisões individualmente internamente:

```
uv.x = fragCoord.x/iResolution.x
uv.y = fragCoord.y/iResolution.y
```



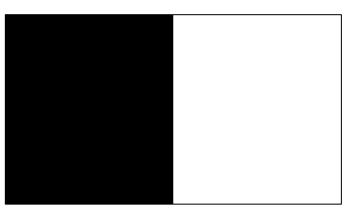
# Função step() do GLSL

```
genType step (genType edge, genType x);
```

Essa função retorna 0 se o valor x for menor que edge, senão retorna 1.

```
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ){
   vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
   vec3 col = vec3(step(0.5, uv.x));
   fragColor = vec4(col,1.0);
}
```

O que faz esse código?



# Signed Distance Function (SDF)

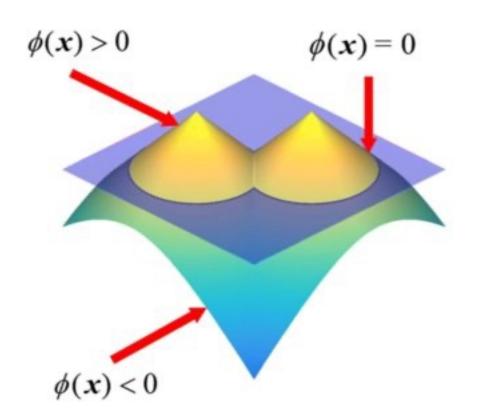
Em matemática, a Função de Distância com Sinal (Signed Distance Function) é a distância ortogonal de um determinado ponto x ao limite de um conjunto  $\Omega$  em um espaço métrico, com o sinal determinado por x estar ou não no interior de  $\Omega$ .

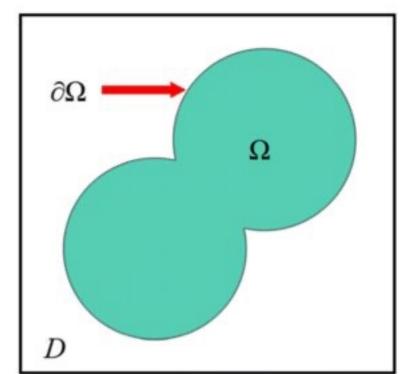
A função tem valores positivos nos pontos x dentro de  $\Omega$ , diminui em valor quando x se aproxima do limite de  $\Omega$  onde a função de distância com sinal é zero e assume valores negativos fora de  $\Omega$ . No entanto, a convenção alternativa às vezes também é adotada (isto é, negativo dentro de  $\Omega$  e positivo fora).



# Signed Distance Function (SDF)

#### Explicar...

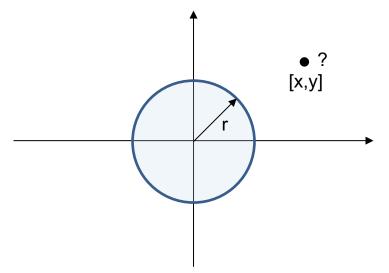






# Função para círculo 2D

Imagine que estou testando um ponto *uv*. Como saber se este ponto está dentro de um círculo de raio r?



```
float sdfCircle(vec2 uv, float r) {
   float d = length(uv) - r;
   return d;
}
```

## Signed Distance Function (SDF)

#### Exemplo em GLSL para Shadertoy

```
vec3 sdfCircle(vec2 uv, float r) {
    float d = length(uv) - r;
    return d > 0. ? vec3(1.) : vec3(0., 0., 1.);
}

void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord )
{
    vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
    vec3 col = sdfCircle(uv, .2);
    fragColor = vec4(col,1.0);
}
```

O que acontece?



# Signed Distance Function (SDF)

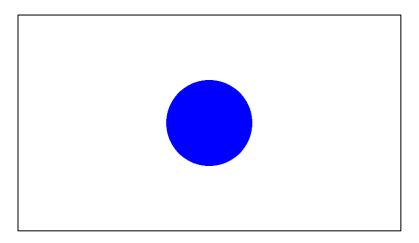
Como melhorar?

#### Centralizar:

```
uv = 0.5;
```

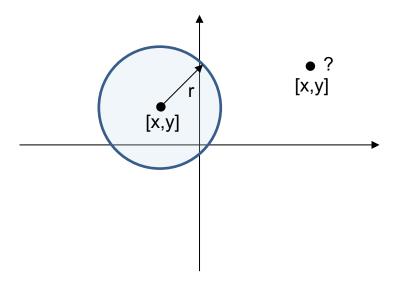
#### Acertar a razão de aspecto:

```
uv.x *= iResolution.x/iResolution.y;
```



# Círculo em outras posições

Como podemos fazer o círculo aparecer em outra posição?



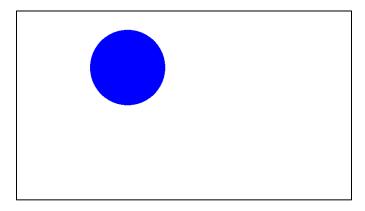
```
float sdfCircle(vec2 uv, float r, vec3 c) {
   float d = length(uv - c) - r;
   return d;
}
```

## Exemplo

#### Um exemplo com o seguinte ponto:

```
vec3 sdfCircle(vec2 uv, float r, vec2 c) {
    float d = length(uv - c) - r;
    return d > 0. ? vec3(1.) : vec3(0., 0., 1.);
}

void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ) {
    vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
    uv -= 0.5;
    uv.x *= iResolution.x/iResolution.y;
    vec3 col = sdfCircle(uv, .2, vec2(-0.3, 0.2));
    fragColor = vec4(col,1.0);
}
```

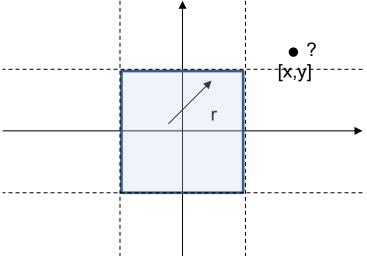




## Atividade em Aula: Faça um quadrado

Usando os conceitos aprendidos de SDF. Desenhe um

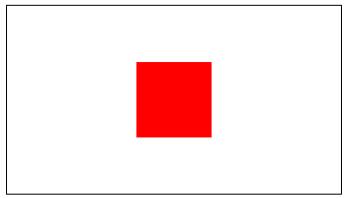
quadrado na tela.



```
bool sdfSquare(vec2 uv, float size, vec2 c) {
   float x = uv.x - c.x;
   float y = uv.y - c.y;
   float d = max(abs(x), abs(y)) - size;
   return d;
}
```

#### Exemplo Completo

```
vec3 sdfSquare(vec2 uv, float size, vec2 c) {
   float x = uv_x - c_x;
   float y = uv.y - c.y;
   float d = max(abs(x), abs(y)) - size;
   return d > 0. ? vec3(1.) : vec3(1., 0., 0.);
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ) {
   vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
   uv = 0.5;
   uv.x *= iResolution.x/iResolution.y;
   vec3 col = sdfSquare(uv, 0.2, vec2(0.0, 0.0));
   fragColor = vec4(col,1.0);
```



# Transformando objetos (Rotação)

Podemos aplicar a matriz de rotação em um objeto.

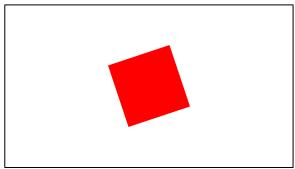
$$R = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{bmatrix}$$

Cuidado que as matrizes no GLSL são column-first

```
vec2 rotate(vec2 uv, float th) {
    return mat2(cos(th), sin(th), -sin(th), cos(th)) * uv;
}
```

# Exemplo com rotação animada

```
vec2 rotate(vec2 uv, float th) {
    return mat2(cos(th), sin(th), -sin(th), cos(th)) * uv;
vec3 sdfSquare(vec2 uv, float size, vec2 c) {
    float x = uv.x - c.x;
    float y = uv.y - c.y;
   vec2 rotated = rotate(vec2(x,y), iTime);
   float d = max(abs(rotated.x), abs(rotated.y)) - size;
    return d > 0. ? vec3(1.) : vec3(1., 0., 0.);
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ) {
   vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
   uv = 0.5;
   uv.x *= iResolution.x/iResolution.y;
   vec3 col = sdfSquare(uv, 0.2, vec2(0.0, 0.0));
    fragColor = vec4(col,1.0);
```





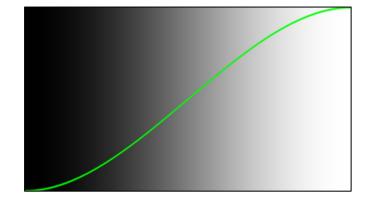
# Exemplo mix (LERP)

```
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord )
{
    vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
    float interpolatedValue = mix(0., 1., uv.x);
    vec3 col = vec3(interpolatedValue);
    fragColor = vec4(col,1.0);
}
```



### Exemplo smoothstep (Hermite)

```
#define diameter 0.01
float smooth step( float edge0, float edge1, float x ) {
    float p = clamp((x - edge0) / (edge1 - edge0), 0.0, 1.0);
   //float v = p * p * (3.0 - 2.0 * p); // smoothstep formula.
    float v = smoothstep( edge0, edge1, x ); // built-in
    return v;
float plot(vec2 st, float y)
    return smooth_step( y-diameter, y , st.y) -
    smooth step( y , y+diameter, st.y);
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ){
    vec2 st = fragCoord.xy/iResolution.xy;
    float y = smooth step(0.0, 1.0, st.x);
   // grey gradient
   vec3 color = vec3(y);
    // draw smoothstep curve in green
    float percent = plot(st,y);
   color = (1.0-percent)*color + percent*vec3(0.0,1.0,0.0);
    fragColor = vec4(color,1.0);
```



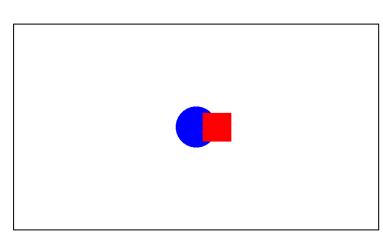
# Atividade: Faça um degrade para fundo de tela

Usando os conceitos aprendidos em aula, faça um degrade

```
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ) {
   vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
   vec3 gradientStartColor = vec3(0.6, 0.3, 0.0);
   vec3 gradientEndColor = vec3(0.2, 0.8, 1.);
   vec3 col = mix(gradientStartColor, gradientEndColor, uv.y);
   fragColor = vec4(col,1.0);
}
```

# Organizando código

```
float sdfCircle(vec2 uv, float r, vec2 c) {
  return length(uv - c) - r;
float sdfSquare(vec2 uv, float size, vec2 c) {
 float x = uv.x - c.x;
 float y = uv.y - c.y;
  return max(abs(x), abs(y)) - size;
vec3 drawScene(vec2 uv) {
 float circle = sdfCircle(uv, 0.1, vec2(0, 0));
  float square = sdfSquare(uv, 0.07, vec2(0.1, 0));
 vec3 col = vec3(1):
  col = mix(vec3(0, 0, 1), col, step(0., circle));
  col = mix(vec3(1, 0, 0), col, step(0., square));
  return col;
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ) {
 vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
 uv = 0.5;
 uv.x *= iResolution.x/iResolution.y;
 vec3 col = drawScene(uv);
  fragColor = vec4(col,1.0);
```



#### Combinando formas

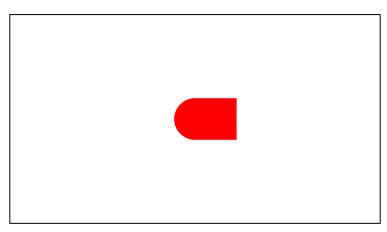
Um dos truques interessantes do SDF é poder combinar as formas de diversas formas.

Aqui veremos as principais possibilidades.



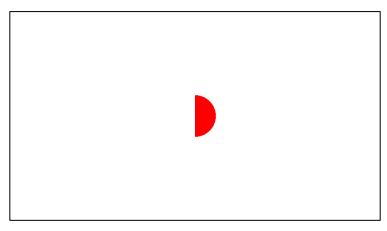
#### União

```
float sdfCircle(vec2 uv, float r, vec2 c) {
  return length(uv - c) - r;
float sdfSquare(vec2 uv, float size, vec2 c) {
 float x = uv.x - c.x;
 float y = uv.y - c.y;
  return max(abs(x), abs(y)) - size;
vec3 drawScene(vec2 uv) {
 float circle = sdfCircle(uv, 0.1, vec2(0, 0));
 float square = sdfSquare(uv, 0.1, vec2(0.1, 0));
 vec3 col = vec3(1):
 float res = min(circle, square);
  col = mix(vec3(1, 0, 0), col, step(0., res));
  return col;
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ) {
 vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
 uv = 0.5;
 uv.x *= iResolution.x/iResolution.y;
 vec3 col = drawScene(uv);
 fragColor = vec4(col,1.0);
```



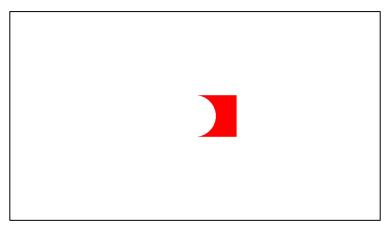
## Intersecção

```
float sdfCircle(vec2 uv, float r, vec2 c) {
  return length(uv - c) - r;
float sdfSquare(vec2 uv, float size, vec2 c) {
 float x = uv.x - c.x;
 float y = uv_y - c_y;
  return max(abs(x), abs(y)) - size;
vec3 drawScene(vec2 uv) {
 float circle = sdfCircle(uv, 0.1, vec2(0, 0));
 float square = sdfSquare(uv, 0.1, vec2(0.1, 0));
 vec3 col = vec3(1);
 float res = max(circle, square);
  col = mix(vec3(1, 0, 0), col, step(0., res));
  return col;
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ) {
 vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
 uv = 0.5;
 uv.x *= iResolution.x/iResolution.y;
 vec3 col = drawScene(uv);
 fragColor = vec4(col,1.0);
```



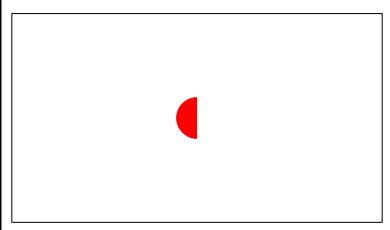
## Subtrair o círculo do quadrado

```
float sdfCircle(vec2 uv, float r, vec2 c) {
  return length(uv - c) - r;
float sdfSquare(vec2 uv, float size, vec2 c) {
  float x = uv \cdot x - c \cdot x;
 float y = uv_1y - c_1y_1
  return max(abs(x), abs(y)) - size;
vec3 drawScene(vec2 uv) {
  float circle = sdfCircle(uv, 0.1, vec2(0, 0));
  float square = sdfSquare(uv, 0.1, vec2(0.1, 0));
  vec3 col = vec3(1);
  float res = max(-circle, square);
  col = mix(vec3(1, 0, 0), col, step(0., res));
  return col;
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ) {
  vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
 uv = 0.5;
  uv.x *= iResolution.x/iResolution.y;
  vec3 col = drawScene(uv);
  fragColor = vec4(col,1.0);
```



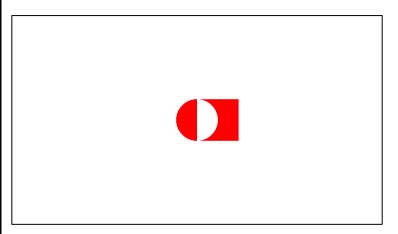
## Subtrair o quadrado do círculo

```
float sdfCircle(vec2 uv, float r, vec2 c) {
  return length(uv - c) - r;
float sdfSquare(vec2 uv, float size, vec2 c) {
 float x = uv.x - c.x;
 float y = uv_1y - c_1y_1
  return max(abs(x), abs(y)) - size;
vec3 drawScene(vec2 uv) {
 float circle = sdfCircle(uv, 0.1, vec2(0, 0));
 float square = sdfSquare(uv, 0.1, vec2(0.1, 0));
 vec3 col = vec3(1);
 float res = max(circle, -square);
  col = mix(vec3(1, 0, 0), col, step(0., res));
  return col;
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ) {
 vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
 uv = 0.5;
 uv.x *= iResolution.x/iResolution.y;
 vec3 col = drawScene(uv);
 fragColor = vec4(col,1.0);
```



## Ou exclusivo (XOR)

```
float sdfCircle(vec2 uv, float r, vec2 c) {
  return length(uv - c) - r;
float sdfSquare(vec2 uv, float size, vec2 c) {
  float x = uv \cdot x - c \cdot x;
 float y = uv_1y - c_1y_1
  return max(abs(x), abs(y)) - size;
vec3 drawScene(vec2 uv) {
  float circle = sdfCircle(uv, 0.1, vec2(0, 0));
  float square = sdfSquare(uv, 0.1, vec2(0.1, 0));
  vec3 col = vec3(1);
  float res = max(min(circle, square), -max(circle, square));
  col = mix(vec3(1, 0, 0), col, step(0., res));
  return col;
void mainImage( out vec4 fragColor, in vec2 fragCoord ) {
  vec2 uv = fragCoord/iResolution.xy;
 uv = 0.5:
  uv.x *= iResolution.x/iResolution.y;
  vec3 col = drawScene(uv);
  fragColor = vec4(col,1.0);
```



#### Resumindo

```
res = min(d1, d2); // união
res = max(d1, d2); // intersecção
res = max(-d1, d2); // subtração - d1 menos d2
res = max(d1, -d2); // subtração - d2 menos d1
res = \max(\min(d1, d2), -\max(d1, d2)); // xor
```

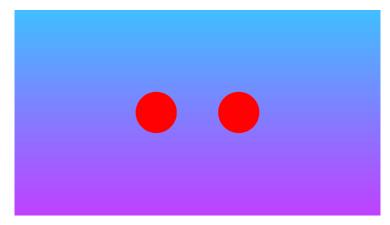
#### Posicionamento 2D

Inspirado originalmente no trabalho de Inigo Quilez. A seguir serão apresentadas algumas estratégias de posicionar e exibir padrões de imagens.



## opSymX

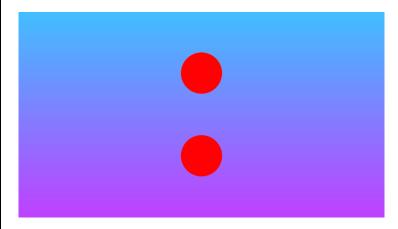
```
float opSymX(vec2 p, float r)
  p.x = abs(p.x);
  return sdCircle(p, r, vec2(0.2, 0));
vec3 drawScene(vec2 uv) {
  vec3 col = getBackgroundColor(uv);
 float res; // result
  res = opSymX(uv, 0.1);
  res = step(0., res);
  col = mix(vec3(1,0,0), col, res);
  return col;
```





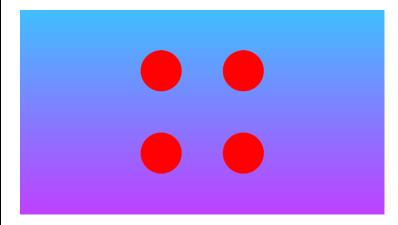
## opSymY

```
float opSymY(vec2 p, float r)
  p.y = abs(p.y);
  return sdCircle(p, r, vec2(0, 0.2));
vec3 drawScene(vec2 uv) {
  vec3 col = getBackgroundColor(uv);
 float res; // result
  res = opSymY(uv, 0.1);
  res = step(0., res);
  col = mix(vec3(1,0,0), col, res);
  return col;
```



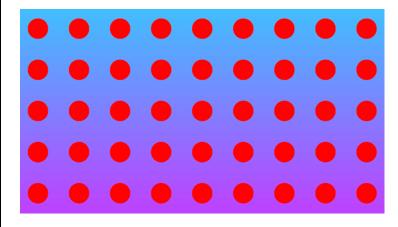
## opSymXY

```
float opSymXY(vec2 p, float r)
  p = abs(p);
  return sdCircle(p, r, vec2(0.2));
vec3 drawScene(vec2 uv) {
  vec3 col = getBackgroundColor(uv);
 float res; // result
  res = opSymXY(uv, 0.1);
  res = step(0., res);
  col = mix(vec3(1,0,0), col, res);
  return col;
```



### opRep

```
float opRep(vec2 p, float r, vec2 c)
  vec2 q = mod(p+0.5*c,c)-0.5*c;
  return sdCircle(q, r, vec2(0));
vec3 drawScene(vec2 uv) {
  vec3 col = getBackgroundColor(uv);
 float res; // result
  res = opRep(uv, 0.05, vec2(0.2, 0.2));
  res = step(0., res);
  col = mix(vec3(1,0,0), col, res);
  return col;
```

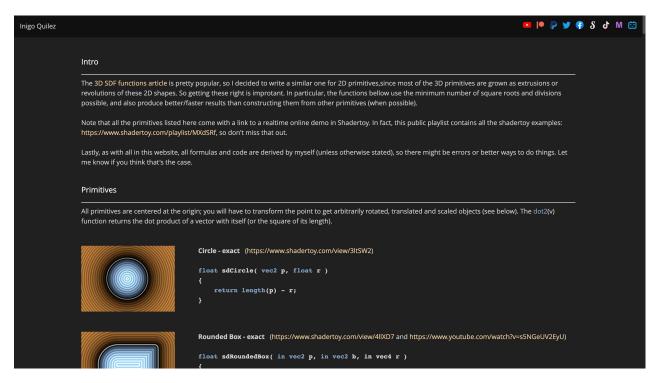




## Funções SDF prontas

Muitas funcionalidades para SDF já existem. Um bom repositório é o site do Inigo Quilz:

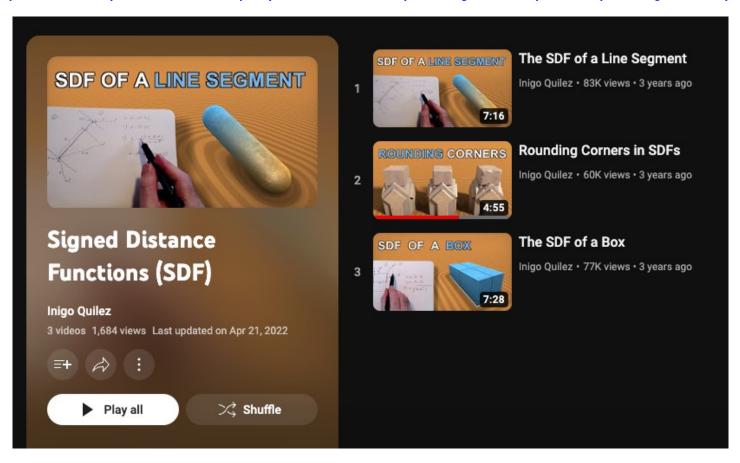
https://iquilezles.org/articles/distfunctions2d/





#### Vídeos sobre SDFs

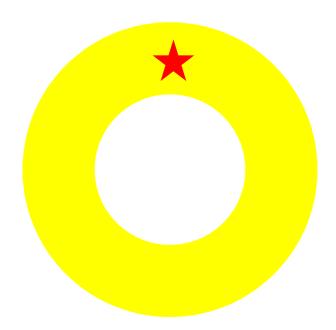
https://www.youtube.com/playlist?list=PL0EpikNmjs2AUFqRi3vmpkrO3j-zWuoyq





### Projeto 2.1

Crie uma animação 2D no Fragment Shader de uma estrela (qualquer tipo) sobre um anel. A volta toda deve demorar 5 segundos. A velocidade na parte superior deve ser zero.



#### Referências

#### Baseado:

https://www.shadertoy.com/

#### Usando:

https://inspirnathan.com/posts/49-shadertoy-tutorial-part-3

#### Documentações:

https://iquilezles.org/

https://thebookofshaders.com/

# Insper

# Computação Gráfica

Luciano Soares <a href="mailto:lipsoares@insper.edu.br">lpsoares@insper.edu.br</a>