

# 一、算法分析

前面我们已经介绍了,研究算法的 终目的就是如何花更少的时间,如何占用更少的内存去完成相同的需求,并且也通过案例演示了不同算法之间时间耗费和空间耗费上的差异,但我们并不能将时间占用和空间占用量化,因此,接下来我们要学习有关算法时间耗费和算法空间耗费的描述和分析。有关算法时间耗费分析,我们称之为算法的时间复杂度分析,有关算法的空间耗费分析,我们称之为算法的空间复杂度分析。

## 1.1 算法的时间复杂度分析

我们要计算算法时间耗费情况,首先我们得度量算法的执行时间,那么如何度量呢?事后分析估算方法:

比较容易想到的方法就是我们把算法执行若干次,然后拿个计时器在旁边计时,这种事后统计的方法看上去的确不错,并且也并非要我们真的拿个计算器在旁边计算,因为计算机都提供了计时的功能。这种统计方法主要是通过设计好的测试程序和测试数据,利用计算机计时器对不同的算法编制的程序的运行时间进行比较,从而确定算法效率的高低,但是这种方法有很大的缺陷:必须依据算法实现编制好的测试程序,通常要花费大量时间和精力,测试完了如果发现测试的是非常糟糕的算法,那么之前所做的事情就全部白费了,并且不同的测试环境(硬件环境)的差别导致测试的结果差异也很大。

```
public static void main(String[] args) {
    long start = System.currentTimeMillig();

    int sum = 0;
    int n=100;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        sum += i;
    }
    System.out.println("sum=" + sum);

long end = System.currentTimeMillig();
    System.out.println(end-start);
}</pre>
```

#### 事前分析估算方法:

在计算机程序编写前,依据统计方法对算法进行估算,经过总结,我们发现一个高级语言编写的程序程序在计算机上运行所消耗的时间取决于下列因素:



- 1.算法采用的策略和方案;
- 2.编译产生的代码质量;
- 3.问题的输入规模(所谓的问题输入规模就是输入量的多少);
- 4.机器执行指令的速度; 由此可见,抛开这些与计算机硬件、软件有关的因素,一个程序的运行时间依赖于算法的好坏和问题的输入规模。

如果算法固定,那么该算法的执行时间就只和问题的输入规模有关系了。

我么再次以之前的求和案例为例,进行分析。

#### 需求:

计算1到100的和。

#### 第一种解法:

```
如果输入量为n为1,则需要计算心次;
如果输入量n为1亿,则需要计算心次;
public static void main(String[] args) {
    int sum = 0;//执行1次
    int n=100;//执行1次
    for (int i = 1; i <= n; i++) {//执行了n+1次
        sum += i;//执行了n次
    }
    System.out.println("sum=" + sum);
}
```

#### 第二种解法:

```
如果輸入量为n为1, 则需要计算1次;
如果輸入量n为1亿, 则需要计算次;
如果输入量n为1亿, 则需要计算次;
public static void main(String[] args) {
    int sum = 0; //执行1次
    int n=100; //执行1次
    sum = (n+1)*n/2; //执行1次
    System.out.println("sum="+sum);
}
```

因此,当输入规模为 n 时,第一种算法执行了 1+1+(n+1)+n=2n+3 次;第二种算法执行了 1+1+1=3 次。如果我们把第一种算法的循环体看做是一个整体,忽略结束条件的判断,那么其实这两个算法运行时间的差距就是n 和 1 的差距。



为什么循环判断在算法 1 里执行了 n+1 次,看起来是个不小的数量,但是却可以忽略呢?我们来看下一个例子:需求:

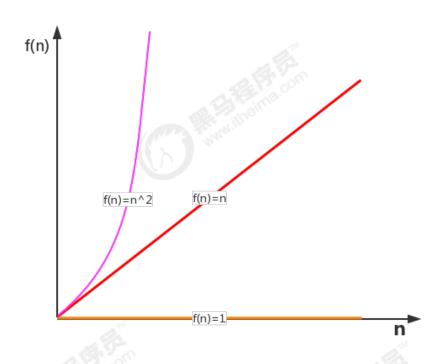
计算 100 个 1+100 个 2+100 个 3+...100 个 100 的结

果代码:

```
public static void main(String[] args) {
    int sum=0;
    int n=100;
    for (int i = 1; i <=n ; i++) {
        for (int j = 1; j <=n ; j++) {
            sum+=i;
        }
    }
    System.out.println("sum="+sum);
}</pre>
```

上面这个例子中,如果我们要精确的研究循环的条件执行了多少次,是一件很麻烦的事情,并且,由于真正计算和的代码是内循环的循环体,所以,在研究算法的效率时,我们只考虑核心代码的执行次数,这样可以简化分析。我们研究算法复杂度,侧重的是当输入规模不断增大时,算法的增长量的一个抽象(规律),而不是精确地定位需要执行多少次,因为如果是这样的话,我们又得考虑回编译期优化等问题,容易主次跌倒。

我们不关心编写程序所用的语言是什么,也不关心这些程序将跑在什么样的计算机上,我们只关心它所实现的算法。这样,不计那些循环索引的递增和循环终止的条件、变量声明、打印结果等操作, 终在分析程序的运行时间时, 重要的是把程序看做是独立于程序设计语言的算法或一系列步骤。我们分析一个算法的运行时间, 重要的是把核心操作的次数和输入规模关联起来。



### 1.1.1 函数渐近增长 概念:

给定两个函数 f(n)和 g(n),如果存在一个整数 N,使得对于所有的 n>N,f(n)总是比 g(n)大,那么我们说 f(n)的增长渐近快于 g(n)。

概念似乎有点艰涩难懂,那接下来我们做几个测试。

测试一: 假设四个算法的输入规模都是

n:

1.算法 A1 要做 2n+3 次操作,可以这么理解:先执行 n 次循环,执行完毕后,再有一个 n 次循环, 后有 3 次运算;

2.算法 A2 要做 2n 次操作;

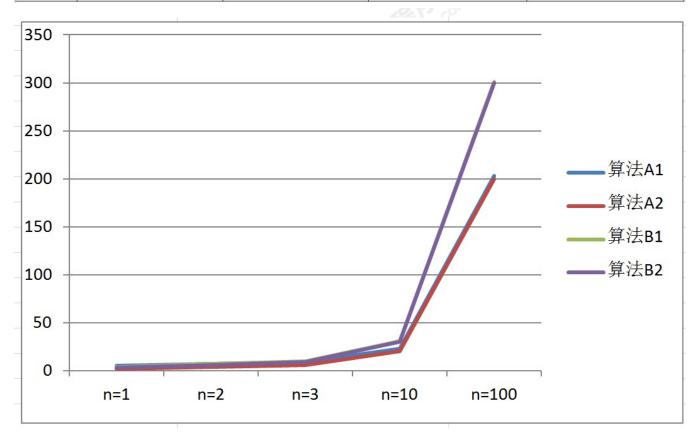
3.算法 B1 要做 3n+1 次操作,可以这个理解: 先执行 n 次循环,再执行一个 n 次循环,再执行一个 n 次循环, 后有 1 次运算。

4.算法 B2 要做 3n 次操作;



#### 那么,上述算法,哪一个更快一些呢?

输入规模	算法A1(2n+3)执行次数	算法A2(2n)执行次数	算法B1(3n+1)执行次数	算法B2(3n)执行次数
n=1	5	2	4	3
n=2	7	4	7	6
n=3	9	6	10	9
n=10	23	20	31	30
n=100	203	200	301	300



#### 通过数据表格,比较算法 A1 和算法 B1:

当输入规模 n=1 时, A1 需要执行 5 次, B1 需要执行 4 次, 所以 A1 的效率比 B1 的效率低;

当输入规模 n=2 时, A1 需要执行 7 次, B1 需要执行 7 次, 所以 A1 的效率和 B1 的效率一样;

当输入规模 n>2 时,A1 需要的执行次数一直比 B1 需要执行的次数少,所以 A1 的效率比 B1 的效率高; 所以我们可以得出结论:

当输入规模 n>2 时, 算法 A1 的渐近增长小于算法 B1 的渐近增长

通过观察折线图,我们发现,随着输入规模的增大,算法 A1 和算法 A2 逐渐重叠到一块,算法 B1 和算法 B2 逐渐重叠到一块,所以我们得出结论:

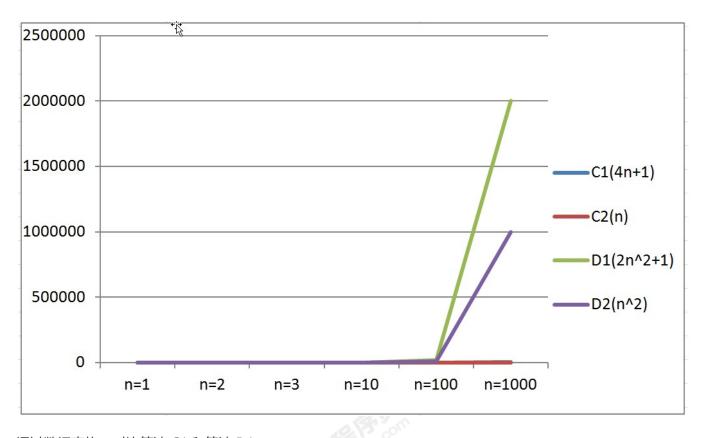
随着输入规模的增大,算法的常数操作可以忽略不

计测试二: 假设四个算法的输入规模都是 n:

- 1.算法 C1 需要做 4n+8 次操作
- 2.算法 C2 需要做 n 次操作
- 3.算法 D1 需要做 2n^2 次操作
- 4.算法 D2 需要做 n^2 次操作

那么上述算法,哪个更快一些?

输入规模	算法C1(4n+8)执行次数	算法C2(n)执行次数	算法D1(2n^2+1)执行次数	算法D2(n^2)执行次数
n=1	12	1	3	1
n=2	16	2	9	4
n=3	20	3	19	9
n=10	48	10	201	100
n=100	408	100	20001	10000
n=1000	4008	1000	2000001	1000000



#### 通过数据表格,对比算法 C1 和算法 D1:

当输入规模 n<=3 时,算法 C1 执行次数多于算法 D1,因此算法 C1 效率低一些;当输入规模 n>3 时,算法 C1 执行次数少于算法 D1,因此,算法 D2 效率低一些,所以,总体上,算法 C1 要优于算法 D1.

通过折线图,对比对比算法 C1 和 C2:



随着输入规模的增大,算法 C1 和算法 C2 几乎重叠通过折线图,对比算法 C 系列和算法 D 系列:

随着输入规模的增大,即使去除 n^2 前面的常数因子,D 系列的次数要远远高于 C 系列。

因此,可以得出结论:

随着输入规模的增大,与最高次项相乘的常数可以忽略

测试三:

假设四个算法的输入规模都是 n: 算法

E1:

2n^2+3n+1

; 算法 E2:

n^2

算法 F1:

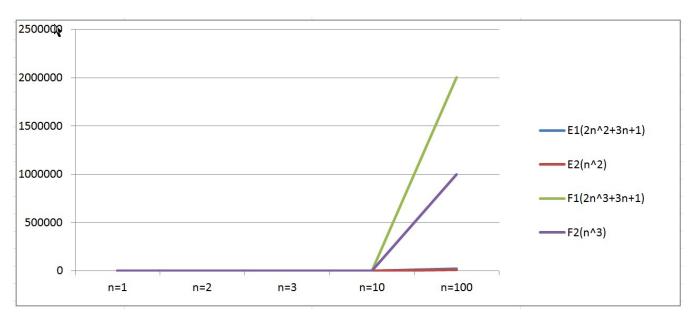
2n^3+3n+1

算法 F2:

n^3

那么上述算法,哪个更快一些?

	输入规模	算法E1(2n^2+3n+1) 执行次数	算法 <b>E2(n^2)</b> 执行次数	算法F1 <b>(2n^3+3n+1)</b> 执行 次数	算法F2(n^3)执行次数
	n=1	6	1	6	1
	n=2	15	4	23	8
ĺ	n=3	28	9	64	27
	n=10	231	100	2031	1000
	n=100	20301	10000	2000301	1000000



通过数据表格,对比算法 E1 和算法 F1:

当 n=1 时, 算法 E1 和算法 F1 的执行次数一样;

当 n>1 时,算法 E1 的执行次数远远小于算法 F1 的执行次数; 所以算法 E1 总体上是由于算法 F1 的。

通过折线图我们会看到,算法 F 系列随着 n 的增长会变得特块,算法 E 系列随着 n 的增长相比较算法 F 来说,变得比较慢,所以可以得出结论:

最高次项的指数大的, 随着 n 的增长, 结果也会变得增长特别快

#### 测试四:

假设五个算法的输入规模都是

n: 算法 G: n^3;

算法 H:

n^2;

算法 I:

n:



算法 J:

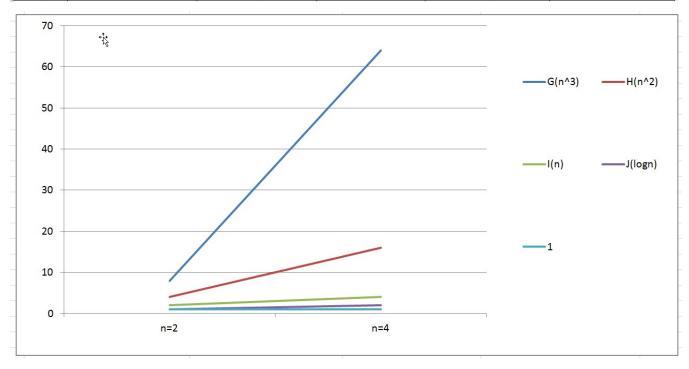
logn

算法 K:

1

#### 那么上述算法,哪个效率更高呢?

输入规模	算法G(n^3)执行次数	算法H(n^2)执行次数	算法I(n)执行次数	算法J(logn)执行次数	算法K(1)执行次数
n=2	8	4	2	1	1
n=4	64	16	4	2	1



通过观察数据表格和折线图,很容易可以得出结论: 算法函数中 n 最高次幂越小,算法效率越高总上所述,在我们比较算法随着输入规模的增长量时,可以有以下规则:

- 1.算法函数中的常数可以忽略;
- 2.算法函数中最高次幂的常数因子可以忽略;
- 3.算法函数中最高次幂越小,算法效率越高。



### 1.1.2 算法时间复杂度

#### 1.1.2.1 大 O 记法

#### 定义:

在进行算法分析时,语句总的执行次数 T(n)是关于问题规模 n 的函数,进而分析 T(n)随着 n 的变化情况并确定 T(n)的量级。算法的时间复杂度,就是算法的时间量度,记作:T(n)=O(f(n))。它表示随着问题规模 n 的增大,算法执行时间的增长率和 f(n)的增长率相同,称作算法的渐近时间复杂度,简称时间复杂度,其中 f(n)是问题规模 n 的某个函数。

在这里,我们需要明确一个事情:执行次数=执行时间

用大写 O()来体现算法时间复杂度的记法,我们称之为大 O 记法。一般情况下,随着输入规模 n 的增大,T(n)增长慢的算法为 优算法。

下面我们使用大 O 表示法来表示一些求和算法的时间复杂度: 算法

—:

```
public static void main(String[] args) {
    int sum = 0;//执行1次
    int n=100;//执行1次
    sum = (n+1)*n/2;//执行1次
    System.out.println("sum="+sum);
}
```

#### 算法二:

```
public static void main(String[] args) {
    int sum = 0;//执行1次
    int n=100;//执行1次
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        sum += i;//执行了n次
    }
    System.out.println("sum=" + sum);
}
```

#### 算法三:

```
public static void main(String[] args) {
    int sum=0;//执行1次
    int n=100;//执行1次
    for (int i = 1; i <=n ; i++) {
        for (int j = 1; j <=n ; j++) {
            sum+=i;//执行m^2次
        }
    }
    System.out.println("sum="+sum);
}
```

如果忽略判断条件的执行次数和输出语句的执行次数,那么当输入规模为 n 时,以上算法执行的次数分别为:

算法一: 3次

算法二: n+3次

算法三: n^2+2次

如果用大O记法表示上述每个算法的时间复杂度,应该如何表示呢?基于我们对函数渐近增长的分析,推导大O阶的表示法有以下几个规则可以使用:

- 1.用常数1取代运行时间中的所有加法常数;
- 2.在修改后的运行次数中,只保留高阶项;
- 3.如果最高阶项存在,且常数因子不为 1,则去除与这个项相乘的常

数; 所以, 上述算法的大 O 记法分别为: 算法一: O(1) 算法二:

O(n)

算法三: O(n^2)

- 1.1.2.2 常见的大 O 阶
- 1.线性阶
- 一般含有非嵌套循环涉及线性阶,线性阶就是随着输入规模的扩大,对应计算次数呈直线增长,例如:



```
public static void main(String[] args) {
    int sum = 0;
    int n=100;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        sum += i;
    }
    System.out.println("sum=" + sum);
}</pre>
```

上面这段代码, 它的循环的时间复杂度为 O(n),因为循环体中的代码需要执行 n 次

#### 2.平方阶

一般嵌套循环属于这种时间复杂度

```
public static void main(String[] args) {
    int sum=0,n=100;
    for (int i = 1; i <=n ; i++) {
        for (int j = 1; j <=n ; j++) {
            sum+=i;
        }
    }
    System.out.println(sum);
}</pre>
```

上面这段代码, n=100, 也就是说, 外层循环每执行一次, 内层循环就执行 100 次, 那总共程序想要从这两个循环中出来, 就需要执行 100\*100 次, 也就是 n 的平方次, 所以这段代码的时间复杂度是 O(n^2).

#### 3.立方阶

一般三层嵌套循环属于这种时间复杂度

```
public static void main(String[] args) {
J
            int x=0, n=100;
            for (int i = 1; i <=n ; i++) {
                 for (int j = i; j <= n ; j++) {
                     for (int j = i; j <= n; j++) {
                         x++;
X
                     }
0
                 }
10
             }
11
            System.out.println(x);
12
```

上面这段代码, n=100, 也就是说, 外层循环每执行一次, 中间循环循环就执行 100 次, 中间循环每执行一次, 内层循环需要执行 100 次, 那总共程序想要从这三个循环中出来, 就需要执行 100100100 次, 也就是 n 的立方, 所以这段代码的时间复杂度是 O(n^3).

#### 4.对数阶

对数,属于高中数学的内容,我们分析程序以程序为主,数学为辅,所以不用过分担心。

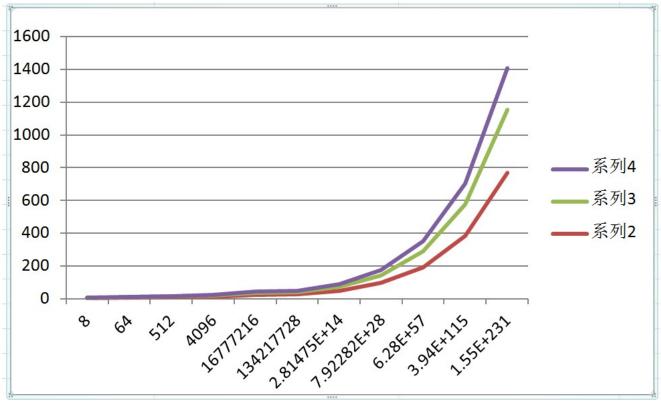
```
int i=1,n=100;
while(i<n){
    i = i*2;
}

\[
\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\fracc}\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac}\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\frac{\
```

由于每次 i\*2 之后,就距离 n 更近一步,假设有 x 个 2 相乘后大于 n,则会退出循环。由于是  $2^x=n$ ,得到  $x=\log(2)n$ ,所以这个循环的时间复杂度为  $O(\log n)$ ;

对于对数阶,由于随着输入规模 n 的增大,不管底数为多少,他们的增长趋势是一样的,所以我们会忽略底数。

输入规模	log(2)n	log(4)n	log(8)n
8	3	1.5	1
64	6 ፡	3	2
512	9	4.5	3
4096	12	6	4
16777216	24	12	8
134217728	27	13.5	9
2.815E+14	48	24	16
7.923E+28	96	48	32
6.28E+57	192	96	64
3.94E+115	384	192	128
1.55E+231	768	384	256



#### 5.常数阶

一般不涉及循环操作的都是常数阶,因为它不会随着 n 的增长而增加操作次数。例如:

```
public static void main(String[] args) {
    int n=100;
    int i=n+2;
    System.out.println(i);
}
```



上述代码,不管输入规模 n 是多少,都执行 2 次,根据大 O 推导法则,常数用 1 来替换,所以上述代码的时间 复杂度为 O(1)

下面是对常见时间复杂度的一个总结:

描述	增长的数量级	说明	举例
常数级别	1	普通语句	将两个数相加
对数级别	logN	二分策略	二分查找
线性级别	N	循环	找出 大元素
线型对数级别	NlogN	分治思想	归并排序
平方级别	N^2	双层循环	检查所有元素对
立方级别	N^3	三层循环	检查所有三元组
指数级别	2^N	穷举查找	检查所有子集

#### 他们的复杂程度从低到高依次为:

#### $O(1) < O(logn) < O(n) < O(nlogn) < O(n^2) < O(n^3)$

根据前面的折线图分析,我们会发现,从平方阶开始,随着输入规模的增大,时间成本会急剧增大,所以,我们的算法,尽可能的追求的是 O(1),O(logn),O(n),O(nlogn)这几种时间复杂度,而如果发现算法的时间复杂度为平方阶、立方阶或者更复杂的,那我们可以分为这种算法是不可取的,需要优化。

#### 1.1.2.3 函数调用的时间复杂度分析

之前,我们分析的都是单个函数内,算法代码的时间复杂度,接下来我们分析函数调用过程中时间复杂度。

#### 案例一:

```
public static void main(String[] args) {
    int n=100;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        show(i);
    }

private static void show(int i) {
    System.out.println(i);
}</pre>
```



在 main 方法中,有一个 for 循环,循环体调用了 show 方法,由于 show 方法内部只执行了一行代码,所以 show 方法的时间复杂度为 O(1),那 main 方法的时间复杂度就是 O(n) 案例二:

```
public static void main(String[] args) {
        int n=100;
IJ
        for (int i = 0; i < n; i++) {
             show(i);
        }
D
X
    private static void show(int i) {
0
       for (int j = 0; j < i; i++) {
10
           System.out.println(i);
11
        }
12
```

在 main 方法中,有一个 for 循环,循环体调用了 show 方法,由于 show 方法内部也有一个 for 循环,所以 show 方法的时间复杂度为 O(n),那 main 方法的时间复杂度为 O(n^2) 案例三:

```
public static void main(String[] args) {
        int n=100;
        show(n);
        for (int i = 0; i < n; i++) {
П
             show(i);
        }
        for (int i = 0; i < n; i++) {
0
            for (int j = 0; j < n; j++) {
                 System.out.println(j);
10
11
        }
12
13
    private static void show(int i) {
14
        for (int j = 0; j < i; i++) {
15
            System.out.println(i);
16
17
        }
18
```

在 show 方法中,有一个 for 循环,所以 show 方法的时间复杂度为 O(n),在 main 方法中,show(n)这行代码内部执行的次数为 n,第一个 for 循环内调用了 show 方法,所以其执行次数为 n^2,第二个嵌套 for 循环内只执行了一行代码,所以其执行次数为 n^2,那么 main 方法总执行次数为 n+n^2+n^2=2n^2+n。根据大 O 推导规则,去掉 n 保留 高阶项,并去掉 高阶项的常数因子 2,所以 终 main 方法的时间复杂度为 O(n^2)



#### 1.1.2.4 最坏情况

从心理学角度讲,每个人对发生的事情都会有一个预期,比如看到半杯水,有人会说: 哇哦,还有半杯水哦!但也有人会说:天哪,只有半杯水了。一般人处于一种对未来失败的担忧,而在预期的时候趋向做坏的打算,这样即使糟糕的结果出现,当事人也有了心理准备,比较容易接受结果。假如糟糕的结果并没有出现,当事人会很快乐。

算法分析也是类似, 假如有一个需求:

有一个存储了 n 个随机数字的数组, 请从中查找出指定的数字。

```
public int search(int num){
    int[] arr={11,10,8,9,7,22,23,0};
    for (int i = 0; i < arr.length; i++) {
        if (num==arr[i]){
            return i;
        }
    }
    return -1;
}</pre>
```

#### 最好情况:

查找的第一个数字就是期望的数字,那么算法的时间复杂度为 O(1) 最坏情

况:

查找的 后一个数字,才是期望的数字,那么算法的时间复杂度为 O(n) 平均情

况:

任何数字查找的平均成本是 O(n/2)

坏情况是一种保证,在应用中,这是一种 基本的保障,<u>即使在 坏情况下,也能够正常提供服务</u>,所以,除非特别指定,我们提到的运行时间都指的是 坏情况下的运行时间。

## 1.2 算法的空间复杂度分析

计算机的软硬件都经历了一个比较漫长的演变史,作为为运算提供环境的内存,更是如此,从早些时候的 512k, 经

历了 1M, 2M, 4M...等,发展到现在的 8G, 甚至 16G 和 32G, 所以早期,算法在运行过程中对内存的占用情况也是一个经常需要考虑的问题。我么可以用算法的空间复杂度来描述算法对内存的占用。

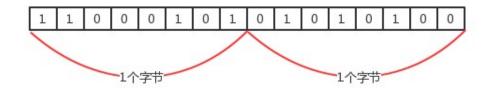


## 1.2.1java 中常见内存占用

#### 1.基本数据类型内存占用情况:

数据类型	内存占用字节数
byte	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
short	2
int	4
long	8
float	4
double	8
boolean	1
char	2

#### 2.计算机访问内存的方式都是一次一个字节



#### 3.一个引用(机器地址)需要8个字节表示:

例如: Date date = new Date(),则 date 这个变量需要占用 8 个字节来表示

4.创建一个对象,比如 new Date(),除了 Date 对象内部存储的数据(例如年月日等信息)占用的内存,该对象本身也有内存开销,每个对象的自身开销是 16 个字节,用来保存对象的头信息。

5.一般内存的使用,如果不够8个字节,都会被自动填充为8字节:

```
public class A {
    public int a=1;
}
```

通过new A()创建一个对象的内存占用如下:

- 1.整型成员变量a占用4个字节;
- 2.对象本身占用16个字节;

那么创建该对象总共需要20个字节,但由于不是以8位单位,会 自动填充为24个字节

6.java 中数组被被限定为对象,他们一般都会因为记录长度而需要额外的内存,一个原始数据类型的数组一般需要

24字节的头信息(16个自己的对象开销,4字节用于保存长度以及4个填充字节)再加上保存值所需的内存。

### 1.2.2 算法的空间复杂度

了解了 java 的内存 基本的机制,就能够有效帮助我们估计大量程序的内存使用情况。

算法的空间复杂度计算公式记作: S(n)=O(f(n)),其中 n 为输入规模, f(n)为语句关于 n 所占存储空间的函数。

#### 案例:

对指定的数组元素进行反转,并返回反转的内容。

#### 解法一:

```
public static int[] reverse1(int[] arr){
    int n=arr.length;//申请4个字节
    int temp;//申请4个字节
    for(int start=0,end=n-1;start<=end;start++,end--){
        temp=arr[start];
        arr[start]=arr[end];
        arr[end]=temp;
    }
    return arr;
}
```



#### 解法二:

```
public static int[] reverse2(int[] arr){
    int n=arr.length;//申请4个字节
    int[] temp=new int[n];//申请n*4个字节+数组自身头信息开销24个字节
    for (int i = n-1; i >=0; i--) {
        temp[n-1-i]=arr[i];
    }
    return temp;
}
```

忽略判断条件占用的内存,我们得出的内存占用情况如下: 算法

**—**:

不管传入的数组大小为多少,始终额外申请 4+4=8 个字节; 算

法二:

4+4n+24=4n+28;

根据大 O 推导法则,算法一的空间复杂度为 O(1),算法二的空间复杂度为 O(n),所以从空间占用的角度讲,算法一要优于算法二。

由于 java 中有内存垃圾回收机制,并且 jvm 对程序的内存占用也有优化(例如即时编译),我们无法精确的评估一个 java 程序的内存占用情况,但是了解了 java 的基本内存占用,使我们可以对 java 程序的内存占用情况进行估算。由于现在的计算机设备内存一般都比较大,基本上个人计算机都是 4G 起步,大的可以达到 32G,所以内存占用一般情况下并不是我们算法的瓶颈,普通情况下直接说复杂度,默认为算法的时间复杂度。

但是,如果你做的程序是嵌入式开发,尤其是一些传感器设备上的内置程序,由于这些设备的内存很小,一般为几 kb,这个时候对算法的空间复杂度就有要求了,但是一般做 java 开发的,基本上都是服务器开发,一般不存在这样的问题。