Divide y Vencerás (Divide&Conquer)

Divide y Vencerás (Divide&Conquer) Objetivos

- Comprender la finalidad de los algoritmos DYV.
- Comprender los elementos de los algoritmos DYV.
- Comprender el esquema de los algoritmos DYV.
- Saber calcular la eficiencia de los algoritmos DYV.

Divide y Vencerás (Divide&Conquer) Comprender la finalidad de los algoritmos DYV

Los **algoritmos divide y vencerás** se aplican a problemas:

- Formados por subproblemas disjuntos (que no se solapan) y que se pueden resolver de manera independiente.
- Cuya solución final se puede expresar como combinación de las distintas subsoluciones.
- Cuyos subproblemas son del mismo tipo que el original (¡recursividad!).
- Cuyos subproblemas tengan aproximadamente el mismo tamaño (lleva la eficiencia a órdenes logarítmicos al dividir los problemas entre dos).

Siempre proporcionan la solución optima.

Divide y Vencerás (Divide&Conquer) Comprender los elementos de los algoritmos DYV

- Algoritmo específico: Necesario para resolver subproblemas de tamaño muy pequeño.
- Fase de división: Descompone el problema en subproblemas.
- Fase recursiva: Soluciona recursivamente cada uno de los subproblemas.
- Fase de combinación: Construye la solución al problema original utilizando las soluciones a subproblemas de menor tamaño.

Divide y Vencerás (Divide&Conquer) Comprender el esquema de los algoritmos DYV

```
Dado un problema P,
Función DV (P) {
  if (P es sencillo) return específico(P);
  else {
    Descomponer P en subprob P1, P2, ..., Pa.
    for (i=0; i<a;i++)
      s i=DV(P i);
    combinar s * para obtener una solución s,
    return s;
```

Divide y Vencerás (Divide&Conquer) Saber calcular la eficiencia de los algoritmos DYV

Si tardamos T(1) en resolver un problema sencillo, f(n) es una función no recurrente, y $n=b^x$:

$$T(n) = \begin{cases} T(1) & n = 1 \\ aT(n/b)+f(n) & n > 1 \end{cases}$$

Obsérvese que a y b dependen de en cuántos subproblemas se divide el problema en cada paso, y f(n) depende del resto de operaciones (división y combinación).

Divide y Vencerás (Divide&Conquer) Saber calcular la eficiencia de los algoritmos DYV

Si tardamos T(1) en resolver un problema sencillo, f(n) es una función no recurrente, y $n=b^x$:

$$T(n) = \begin{cases} T(1) & n = 1 \\ aT(n/b)+f(n) & n > 1 \end{cases}$$

Si tenemos:

 $T(n) = aT(n/b) + cn^k$, con T(1) = c (esto siempre ocurre)

El orden de eficiencia de estos algoritmos es:

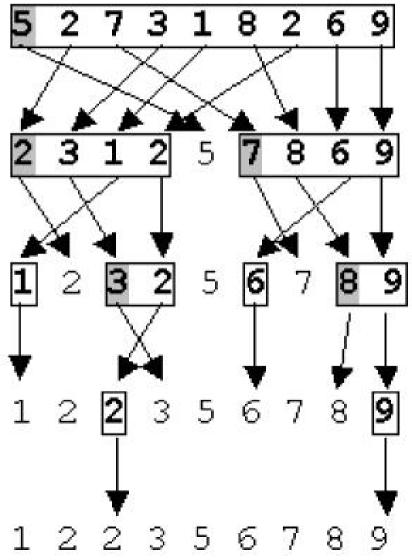
$$T(n) \text{ es} \begin{cases} \Theta(n^k) & \text{si } a < b^k \\ \Theta(n^k \log_b n) & \text{si } a = b^k \\ \Theta(n^{\log_b a}) & \text{si } a > b^k \end{cases}$$

Divide y Vencerás (Divide&Conquer) ¿Qué hemos aprendido?

- Finalidad de los algoritmos DYV.
- Elementos de los algoritmos DYV.
- Esquema de los algoritmos DYV.
- Calcular la eficiencia de los algoritmos DYV.

Divide y Vencerás (Divide&Conquer) Ejemplos

Ejemplo: Ordenación Quicksort.



Divide y Vencerás (Divide&Conquer) Ejemplos

Ejemplo: Ordenación Mergesort

