## 线性方程组部分实验题1

设  $H_n = [h_{ij}] \in \mathbb{R}^{n \times n}$  是 Hilbert 矩阵, 即

$$h_{ij} = \frac{1}{i+j-1}.$$

对  $n=2,3,4,\cdots$  (根据你的计算机性能选取合适的 n, 建议算到 n=15 左右)

(a) 取 
$$x = \begin{pmatrix} 1 \\ \vdots \\ 1 \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^n$$
, 及  $b_n = H_n x$ . 再用 Gauss 消去法和 Cholesky 分解方法来求解

 $H_n y = b_n$ ,看看误差有多大.

- (b) 计算条件数:  $cond(H_n)_2$ .
- (c) 使用某种正则化方法改善(a) 中的结果.