Regresión Lineal

Walter Andrés Fontecha

Lilibeth Ramirez Esquivel

Fundación Universitaria uninpahu Ingeniería de datos Bogotá, 2025

Introducción

En la actualidad, el análisis de datos se ha vuelto fundamental en diversos campos como la economía, la ciencia, la salud y la tecnología. Por eso, cada vez es más importante usar métodos que nos ayuden a entender la información y predecir lo que podría pasar. Uno de los métodos más comunes con este propósito es la regresión, una técnica estadística que permite identificar relaciones entre variables y construir modelos para hacer predicciones.

La regresión lineal es un método estadístico utilizado para el análisis predictivo. Es decir, es una herramienta que usamos para entender cómo cambia una cosa en función de otra. Es muy usada para hacer predicciones, ya que permite identificar patrones y tendencias en la información. Esto ayuda a anticipar lo que podría pasar en el futuro o a completar datos que faltan sin tener que hacerlo manualmente.

Una de las cosas más interesantes de la regresión lineal es que busca una conexión directa entre lo que queremos predecir (la variable dependiente) y los factores que creemos que afectan a eso (las variables independientes). Si usamos solo una variable para hacer la predicción, la relación entre las dos cosas se puede representar con una línea recta, y eso es lo que se llama "regresión lineal".

Esta relación se puede escribir con una fórmula matemática que también se puede dibujar en una gráfica. La forma más simple de esta fórmula es:

Y = mX + b

Donde:

- Y es lo que queremos saber o predecir.
- X es el dato que ya tenemos.
- m muestra cuánto cambia Y cuando X cambia.
- **b** es el punto donde la línea cruza el eje vertical.

Dependiendo de cómo sea la relación entre las variables, tenemos tres formas de usar la regresión:

Regresión lineal simple: Este es el modelo más básico, donde solo se usa una variable para predecir algo.

Regresión lineal múltiple: Este modelo es como el anterior, pero con más de una variable que puede influir en lo que estamos tratando de predecir.

Regresión no lineal: Este modelo es un poco más complicado porque no sigue una línea recta, sino que tiene una forma más curvada.

Este trabajo tiene como objetivo principal abordar en detalle y con mayor profundidad los diferentes tipos de regresión analizando sus principales características, usos, beneficios y posibles desventajas. Se incluirán ejemplos prácticos para ilustrar cada modelo y se explicarán los escenarios en los que resulta más conveniente aplicarlos.

OBJETIVOS

- 1. Comprender las relaciones entre las variables
- 2. Identificar relaciones lineales en grandes volúmenes
- 3. Evaluar el impacto en cada uno de los problemas propuestos
- 4. 4. Utilizar regresión lineal para predecir los resultados finales
- 5. Realizar la comparación entre regresión logística y árbol de decisión
- 6. Identificar qué modelo es más útil y competitivo

1. Regresión Lineal

La regresión lineal es una pieza fundamental del análisis de datos permitiendo la integridad entre las variables. Siendo este modelo eficiente para interpretar datos y procesarlos en poco tiempo.

En Big Data, la regresión lineal los modelos de regresión lineal son relativamente simples y proporcionan una fórmula matemática fácil de interpretar para generar predicciones. La regresión lineal es una técnica estadística establecida y se aplica fácilmente al software y a la computación. Las empresas lo utilizan para convertir datos sin procesar de manera confiable y predecible en inteligencia empresarial y conocimiento práctico. Los científicos de muchos campos, incluidas la biología y las ciencias del comportamiento, ambientales y sociales, utilizan la regresión lineal para realizar análisis de datos preliminares y predecir tendencias futuras.

A continuación se presenta un ejemplo de regresión lineal con una sola variable

1.2 Descripción del problema

En esta parte del ejercicio, se implementará regresión lineal con una variable para predecir la nota obtenida de un estudiante según el tiempo de estudio invertido en Bogotá.

El archivo ex1data1.txt contiene el conjunto de datos para nuestro problema de regresión lineal.

	Horas_estudio	Notal_final
0	14	4.5
1	2	1.9
2	8	3.8
3	19	5.0
4	7	3.0

La primera columna representa las horas de estudio de un estudiante en Bogotá y la segunda columna representa la nota final obtenida en la ciudad de Bogotá, esta descripción se realizará a través de las diferentes codificaciones

1.3 Trazar los datos o códigos

Importación de las principales librerías usadas en análisis, visualización y manipulación de datos

```
import numpy as np
import pandas as pd
import seaborn as sns
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
```

cargar y visualizar las primeras filas de un archivo CSV (valores separados por comas) que contiene datos sobre horas de estudio y notas finales. Vamos a ver qué hace línea por línea

```
df = pd.read_csv("C:\\Users\\LILI\\Downloads\\horas_estudio_vs_nota_final_bogota_.csv")
df.columns = ['Horas_estudio', 'Notal_final']
df.head()
```

1.3.1 Resultado

:	population	profit
0	6.1101	17.5920
1	5.5277	9.1302
2	8.5186	13.6620
3	7.0032	11.8540
4	5.8598	6.8233

1.3.2 : Gráfico de dispersión (scatter plot) para visualizar la relación entre las horas de estudio y la nota final usando la biblioteca Seaborn.

```
ax = sns.scatterplot(x='population', y='profit', data=df)
ax.set(xlabel='Population of City in 10,000s', ylabel='Profit in $10,000s', title='Scatter plot of training data');
# Mostrar el gráfico
plt.show()
```



- La trama muestra que tienen una relación lineal.
- Hay una correlación positiva entre las horas de estudio y la nota: a medida que aumentan las horas de estudio, también tienden a aumentar las calificaciones.
- Esto sugiere que estudiar más horas está asociado con obtener mejores resultados académicos.

1.4 Descenso por gradientes:

Ajustar los parámetros de la regresión linéa a los datos utilizando el descenso por gradientes

1.4.1 Ecuaciones

En la regresión lineal, las hipótesis principales son sobre la relación entre las variables dependiente e independiente. Se busca establecer si existe una relación lineal significativa y, en caso afirmativo, cómo de fuerte es esa relación. Se formulan dos hipótesis principales: la hipótesis nula (H0) y la hipótesis alternativa (H1).

1.4.2 Implementación

En programación, se crea el código para el descenso del gradiente

```
# Número de muestras (filas) en el DataFrame
m = df.shape[0] # Construcción de la matriz de características X:

# Se agrega una columna de unos (para el término independiente) y se concatena con la variable 'Horas_estudio'
X = np.hstack((np.ones((m,1)), df.Horas_estudio.values.reshape(-1,1)))

# Vector de salida/etiqueta y: se convierte la columna 'Notal_final' en un vector columna
y = np.array(df.Notal_final.values).reshape(-1,1)

# Inicialización del vector de parámetros theta con ceros (dimensión: número de características + 1)
theta = np.zeros(shape=(X.shape[1],1))
# Número de iteraciones para el algoritmo de descenso por gradiente
iterations = 1500

# Tasa de aprendizaje (learning rate)
alpha = 0.01

###$$$$$ ### POr favor imprimir cada cambio
```

1.4.3 Calculando la Función de Costo:

Esa función compute_cost_one_variable calcula el costo (o error promedio cuadrático) de un modelo de regresión lineal con una sola variable (aunque puede generalizarse a varias).

```
def compute_cost_one_variable(X, y, theta):
     m = y.shape[0]
      h = X.dot(theta)
      J = (1/(2*m)) * (np.sum((h - y)**2))
      return J
  J = compute_cost_one_variable(X, y, theta)
  print('With theta = [0; 0]\nCost computed =', J)
  print('Expected cost value (approx) 32.07')
  #- La función devuelve el valor del costo ( J ), que indica cuán bien o mal está funcionando
  # nuestro modelo con los valores actuales de theta.
  #El costo ( J ) indica qué tan bien ajusta el modelo a los datos. Para saber si es alto o bajo, considera estos puntos;
  # - Costo muy alto (( J > 10 )) → El modelo está lejos de predecir correctamente.
  # Costo moderado (( 1 < J \leq 10 )) → El modelo empieza a mejorar, pero aún tiene errores.
  # Costo bajo (( J \approx 0 )) → La predicción es muy precisa.
With theta = [0; 0]
Cost computed = 7.1616
Expected cost value (approx) 32.07
```

- Un costo de 32.07 indica que, en promedio, las predicciones iniciales están bastante alejadas de los valores reales
- Cuanto mayor sea el costo, peor es el desempeño del modelo con esos parámetros

```
J = compute_cost_one_variable(X, y, [[-1],[2]])
print('With theta = [-1 ; 2]\nCost computed =', J)
print('Expected cost value (approx) 54.24')
#- La función devuelve el valor del costo (J), que indica cuán bien o mal está funcionando
# nuestro modelo con los valores actuales de theta.
#El costo (J) indica qué tan bien ajusta el modelo a los datos. Para saber si es alto o bajo, considera estos puntos:
# - Costo muy alto ((J > 10)) → El modelo está lejos de predecir correctamente.
# Costo moderado ((1 < J \leq 10)) → El modelo empieza a mejorar, pero aún tiene errores.
# Costo bajo ((J \approx 0)) → La predicción es muy precisa.

With theta = [-1 ; 2]
Cost computed = 189.01760000000002
Expected cost value (approx) 54.24
```

- Aunque cambiamos theta, el costo subió de ~32.07 (cuando theta era [0; 0]) a ~54.24.
- Esto indica que este nuevo conjunto de parámetros está generando predicciones peores que antes (más lejos de los valores reales y

1.4.4: Gradiente Descendiente

Es un algoritmo de optimización genérico que mide el gradiente local de la función de costo con respecto al parámetro y avanza en la dirección del gradiente descendente.

Algoritmo:

- Tasa de aprendizaje demasiado pequeña: descenso de gradiente lento
- Tasa de aprendizaje demasiado grande: el descenso del gradiente puede sobrepasar el mínimo y puede no converger

```
def gradient_descent(X, y, theta, alpha, num_iters):
    m = y.shape[0]
    J_history = np.zeros(shape=(num_iters, 1))
#m: Obtiene la cantidad de datos en y.
#J_history: Un array para guardar el costo ( J ) en cada iteración, lo que nos permite visualizar cómo disminuye con el
    for i in range(0, num_iters):
       h = X.dot(theta) #Calcula las predicciones del modelo utilizando ( h = X \cdot cdot \cdot theta ).
        diff_hy = h - y \# diff_hy  almacena la diferencia entre la predicción h \ y los valores reales y.
        delta = (1/m) * (diff_hy.T.dot(X))
        theta = theta - (alpha * delta.T)
        J_history[i] = compute_cost_one_variable(X, y, theta)
# delta calcula el gradiente (la dirección en que se debe ajustar theta).
# theta = theta - (alpha * delta.T): Actualiza los parámetros theta en cada iteración, moviéndolos en la dirección del
#j history Calcula y almacena el costo ( J ) en cada iteración, para ver cómo disminuye.
    return theta, J history
# Devuelve theta (los valores óptimos para la regresión) y J_history (la evolución del costo).
```

#ejecuta el algoritmo de descenso por gradiente para encontrar los valores óptimos de theta en una regresión lineal.

```
theta, _ = gradient_descent(X, y, theta, alpha, iterations)
print('Theta found by gradient descent:\n', theta)
```

Muestra los valores finales de theta, los cuales representan la mejor línea de ajuste para los datos.

```
print('Expected theta values (approx)\n -3.6303\n 1.1664')
```

Presenta los valores aproximados esperados de theta, permitiendo verificar si la optimización fue exitosa

```
Theta found by gradient descent:
[[1.74620969]
[0.1776025 ]]
Expected theta values (approx)
-3.6303
1.1664
```

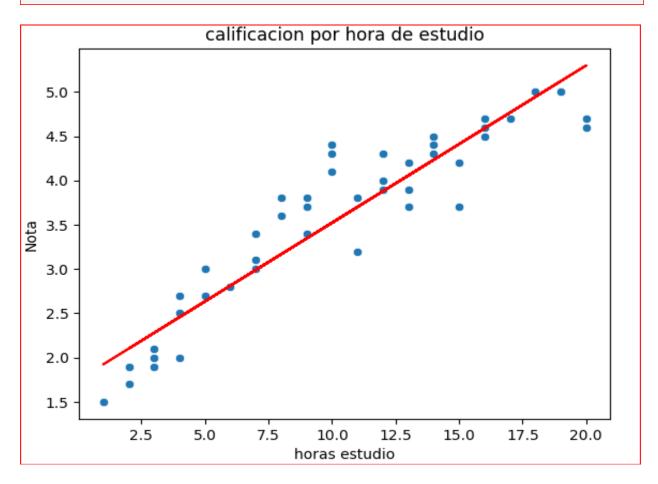
Resultado de Theta Found

- #- Intercepto (theta[0] = 1.7462) → Representa el valor predicho cuando Horas_estudio = 0. Es el punto de inicio de la recta de regresión.
- # Pendiente (theta[1] = 0.1776) \rightarrow Indica cuánto cambia la Nota_final por cada hora adicional de estudio.
- # En este caso, cada hora de estudio incrementa la nota en aproximadamente 0.1776.

1.4.5 Grafica el ajuste lineal

Visualización de los datos y la línea de regresión lineal

```
ax = sns.scatterplot(x='Horas_estudio', y='Notal_final', data=df)
plt.plot(X[:,1], X.dot(theta), color='r')
ax.set(xlabel='horas estudio', ylabel='Nota', title='calificacion por hora de estudio');
```



- Existe una correlación positiva entre las horas de estudio y las calificaciones obtenidas.
- Es decir, a medida que los estudiantes dedican más horas al estudio, tienden a obtener mejores notas.
- Esto se evidencia por la línea de tendencia roja ascendente y la distribución general de los puntos azules.

```
# Definir cantidad de horas de estudio para hacer la predicción
horas_estudio_nueva = 8 # se puede cambiar segun se quiera

# Crear el vector de entrada
y_pred = np.array([1, horas_estudio_nueva]).dot(theta)

# Mostrar la predicción
print(f'Para {horas_estudio_nueva} horas de estudio, se predice una nota de {y_pred[0]:.2f}')
Para 8 horas de estudio, se predice una nota de 3.17
```

```
# Definir cantidad de horas de estudio para hacer la predicción
horas_estudio_nueva = 10  # se puede cambiar segun se quiera

# Crear el vector de entrada
y_pred = np.array([1, horas_estudio_nueva]).dot(theta)

# Mostrar la predicción
print(f'Para {horas_estudio_nueva} horas de estudio, se predice una nota de {y_pred[0]:.2f}')

Para 10 horas de estudio, se predice una nota de 3.52
```

1.4.6 Visualizante J(0)

theta0_vals = np.linspace(-10, 10, 100) # Representa posibles valores para theta0, el término independiente en una regresión lineal.

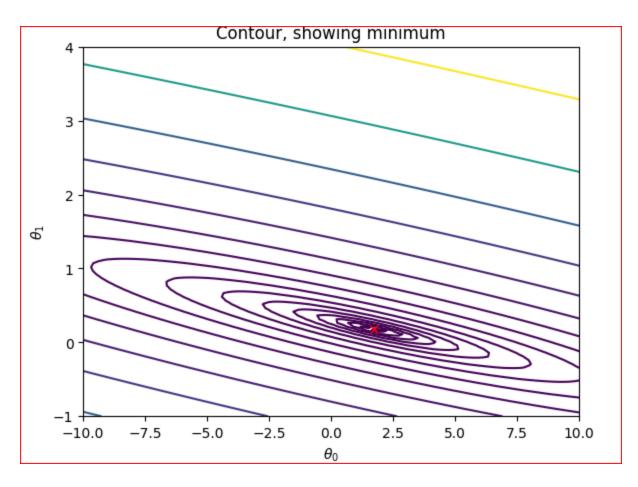
theta1_vals = np.linspace(-1, 4, 100) # - Representa posibles valores para theta1, el coeficiente de la variable predictora

```
J_vals = np.zeros(shape=(len(theta0_vals), len(theta1_vals)))
# len(theta0_vals): Número de valores de theta0 (100 en este caso).
# len(theta1_vals): Número de valores de theta1 (100 en este caso).
# Esto significa que la matriz J_vals tendrá 100 filas y 100 columnas
```

for i in range(0, len(theta0_vals)): # Recorre todos los valores de theta0
 for j in range(0, len(theta1_vals)): # Recorre todos los valores de theta1
 J_vals[i,j] = compute_cost_one_variable(X, y, [[theta0_vals[i]], [theta1_vals[j]]]) # Calcula el
costo para cada combinación de theta0 y theta1

#grafica de contorno que muestra cómo varía la función de costo ($J(\theta)$) en función de los valores de (θ) y (θ) y (θ) y (θ)

```
ax = plt.contour(theta@_vals, theta1_vals, np.transpose(J_vals), levels=np.logspace(-2,3,20))
plt.plot(theta[0,0], theta[1,0], marker='x', color='r');
plt.xlabel(r'$\theta_0$');
plt.ylabel(r'$\theta_1$');
plt.title('Contour, showing minimum');
plt.show()
```

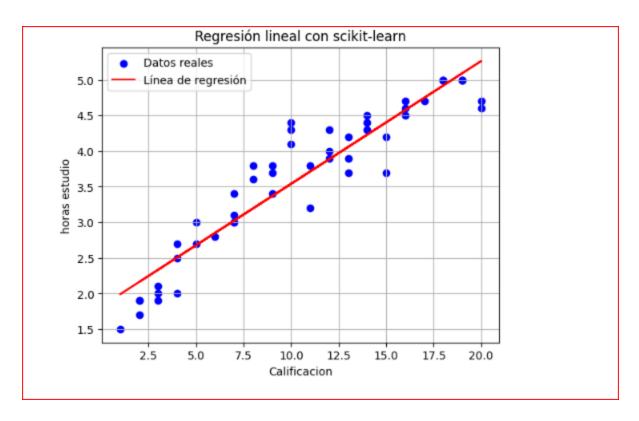


- El gráfico de contorno presentado ilustra la variación de la función de costo, en función de los parámetros
- Comúnmente utilizados en modelos de regresión lineal. Las curvas de nivel representan valores constantes de dicha función, permitiendo visualizar cómo cambia el costo en el espacio de parámetros
- La presencia de una marca en forma de 'X' roja indica el punto donde la función de costo alcanza su valor mínimo. Este punto representa la combinación óptima de # ue minimiza el error del modelo, es decir, el mejor ajuste posible a los datos de entrenamiento. La forma concéntrica de las curvas alrededor de este mínimo sugiere una convergencia adecuada del algoritmo de optimización utilizado.

1.4.7 Usando sklearn

Codificacion

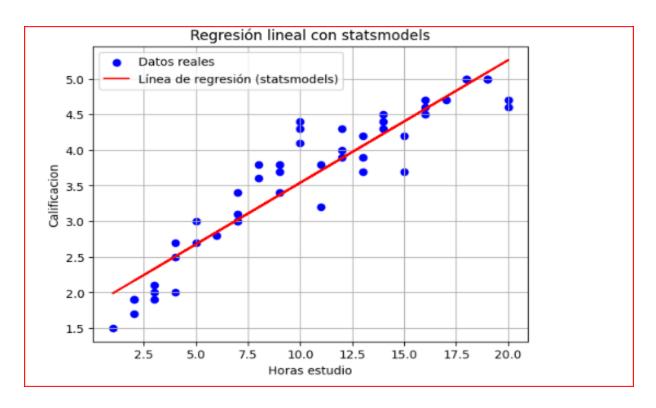
```
import pandas as pd
  import numpy as np
  import matplotlib.pyplot as plt
  from sklearn.linear_model import LinearRegression
  # Cargar Los datos
  df = pd.read_csv("C:\\Users\\LII\\Downloads\\horas_estudio_vs_nota_final_bogota_.csv")
  df.columns = ['Horas_estudio', 'Notal_final']
  # Preparar X e y
  X = df[['Horas_estudio']] # variable independiente (caracteristica)
  y = df['Notal_final']
                                 # variable dependiente (objetivo)
  # Crear y ajustar el modelo de regresión Lineal
model = LinearRegression()
  model.fit(X, y)
  # Mostrar parámetros del modelo
  print(f"Intercepto (theta_0): {model.intercept_}")
print(f"Coeficiente (theta_1): {model.coef_[0]}")
  # Predicción de valores ajustados
  y_pred = model.predict(X)
  # Graficar Los datos y La Linea de regresión
  plt.scatter(X, y, color='blue', label='Datos reales')
plt.plot(X, y_pred, color='red', label='Linea de regresión')
  plt.xlabel('Calificacion')
  plt.ylabel('horas estudio')
  plt.title('Regresión lineal con scikit-learn')
  plt.legend()
  plt.grid(True)
  plt.show()
Intercepto (theta_0): 1.816761904761904
Coeficiente (theta_1): 0.17238095238095244
```



- El gráfico muestra la relación entre las calificaciones obtenidas y las horas de estudio mediante un modelo de regresión lineal ajustado con scikit-learn. Los puntos azules representan los datos reales observados, mientras que la línea roja indica la predicción del modelo.
- Se observa una tendencia positiva, lo que sugiere que a mayor número de horas de estudio, mayor es la calificación obtenida. La línea de regresión proporciona una estimación del comportamiento general de los datos, y su pendiente positiva confirma la existencia de una correlación directa entre ambas variables.
- Este resultado respalda la hipótesis de que el tiempo dedicado al estudio influye de manera significativa en el rendimiento académico.

1.4.8. Usando statsmodels

```
import pandas as pd
 import statsmodels.api as sm
import matplotlib.pyplot as plt
# Cargar Los datos
df = pd.read_csv("C:\\Users\\LILI\\Downloads\\horas_estudio_vs_nota_final_bogota_.csv")
df.columns = ['Horas_estudio', 'Notal_final']
# Variable independiente (con constante añadida) y dependiente
X = sm.add_constant(df['Horas_estudio']) # Agrega una columna de 1s para el intercepto (theta_0)
y = df['Notal_final']
# Ajustar el modelo de regresión lineal
model = sm.OLS(y, X).fit()
# Mostrar resumen del modelo
print(model.summary())
 # Predicciones
df['y_pred'] = model.predict(X)
# Graficar Los datos y la línea de regresión
plt.scatter(df['Horas_estudio'], df['Notal_final'], color='blue', label='Datos reales')
plt.plot(df['Horas_estudio'], df['y_pred'], color='red', label='Linea de regresión (statsmodels)')
plt.xlabel('Horas estudio')
plt.ylabel('Calificacion')
plt.title('Regresión lineal con statsmodels')
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()
                       OLS Regression Results
______
Dep. Variable: Notal_final R-squared:
Model: OLS Adj. R-squared:
                                                                  0.882
                    Least Squares F-statistic:
Method:
                                                                  366.6
                 Mon, 09 Jun 2025 Prob (F-statistic):
Time:
                         21:53:08 Log-Likelihood:
                                                                -18.130
                               50 AIC:
                                                                  40.26
No. Observations:
Of Residuals:
                               48
                                   BIC:
                                                                  44.98
Of Model:
                                1
Covariance Type:
                        nonrobust
_____
                 coef std err t P>|t| [0.025 0.975]
______
const 1.8168 0.108 16.849 0.000
Horas_estudio 0.1724 0.009 19.147 0.000
                                                        1.600
                                                                   2.034
                                                         0.154
.......
Omnibus:
                            0.291 Durbin-Watson:
                                                                 2.183
Prob(Omnibus):
                            0.865 Jarque-Bera (JB):
                                                                 0.224
Skew:
                            0.153 Prob(JB):
                                                                 0.894
                            2.884 Cond. No.
                                                                  25.9
Kurtosis:
_____
Notes:
[1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly specified.
```



- El modelo de regresión lineal ajustado para predecir la Nota final en función de las Horas de estudio muestra un desempeño estadísticamente significativo y un buen ajuste general.
- El coeficiente de determinación R2 = 0.884 # indica que aproximadamente el 88.4% de la variabilidad en las notas finales puede explicarse por el número de horas de estudio, lo que sugiere una fuerte relación lineal entre ambas variables
- El coeficiente asociado a las horas de estudio es 0.1724, con un valor p menor a 0.001, lo que indica que este predictor es altamente significativo. Esto implica que, en promedio, por cada hora adicional de estudio, la nota final aumenta en 0.172 puntos, manteniendo constante el resto de los factores
- El modelo presenta un buen comportamiento en términos de normalidad de los residuos (Omnibus = 0.291, JB = 0.224) y no muestra evidencia de autocorrelación (Durbin-Watson = 2.183), lo que respalda la validez de los supuestos del modelo lineal clásico

Validacion de supuertos de Modelos

```
from scipy.stats import shapiro
from statsmodels.stats.diagnostic import het_breuschpagan
# Obtener residuos
residuals = model.resid
# --- 1. Normalidad de los residuos ---
shapiro_test = shapiro(residuals)
print("\nShapiro-Wilk test (normalidad):")
print(f" Estadistico: {shapiro_test.statistic:.4f}, p-valor: {shapiro_test.pvalue:.4f}")
if shapiro_test.pvalue > 0.05:
   print(" 	✔ Los residuos parecen normales (no se rechaza H0).")
else:
   print(" X Los residuos no parecen normales (se rechaza H0).")
# --- 2. Homocedasticidad (varianza constante) ---
bp_test = het_breuschpagan(residuals, X)
bp_labels = ['LM Statistic', 'LM p-value', 'F-statistic', 'F p-value']
print("\nBreusch-Pagan test (homocedasticidad):")
for label, value in zip(bp_labels, bp_test):
   print(f" {label}: {value:.4f}")
if bp_test[1] > 0.05:
   print(" 		✓ No hay evidencia fuerte de heterocedasticidad.")
    print(" X Posible heterocedasticidad (varianza no constante).")
# --- 3. Autocorrelación ---
print(f"\nDurbin-Watson (ya en el resumen): {model.summary().tables[1].data[2][1]}")
# --- (Opcional) Graficar residuos ---
plt.figure(figsize=(8, 4))
plt.scatter(df['Horas_estudio'], residuals, alpha=0.7)
plt.axhline(0, color='red', linestyle='--')
plt.title("Residuos vs. Población")
plt.xlabel("Horas estudio")
plt.ylabel("Residuos")
plt.grid(True)
plt.show()
```

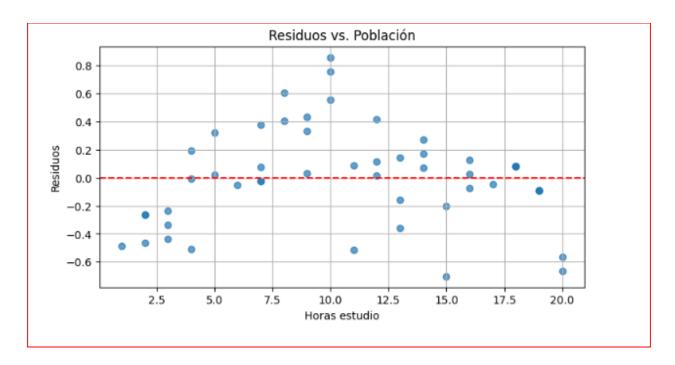
```
Shapiro-Wilk test (normalidad):
Estadístico: 0.9816, p-valor: 0.6226

✓ Los residuos parecen normales (no se rechaza H0).

Breusch-Pagan test (homocedasticidad):
LM Statistic: 0.1785
LM p-value: 0.6727
F-statistic: 0.1720
F p-value: 0.6802

✓ No hay evidencia fuerte de heterocedasticidad.

Durbin-Watson (ya en el resumen): 0.1724
```



- No se rechaza la hipótesis nula. Los residuos parecen seguir una distribución normal.
- Se rechaza la hipótesis nula de varianza constante. Hay evidencia de heterocedasticidad, lo que indica que la varianza de los errores no es constante a lo largo de los valores de las horas de estudio. # Estadístico Durbin-Watson: 0.2679
- Conclusión: Este valor sugiere una fuerte autocorrelación positiva en los residuos, lo cual puede afectar la validez de las inferencias del modelo.

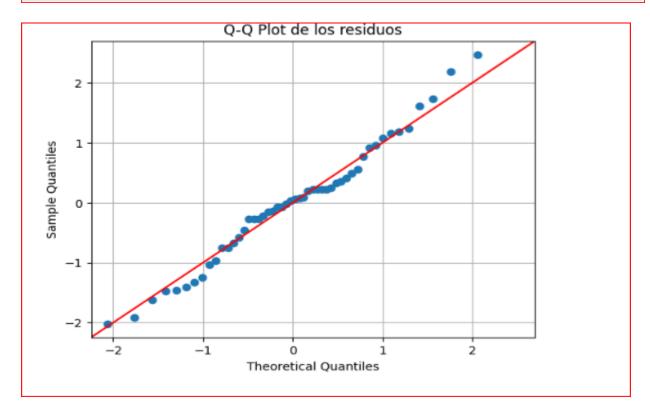
1.4.8.1 MEJORAS PARA EL MODELO

- Ajustar el modelo para que utilice errores estándar robustos a la heterocedasticidad (por ejemplo, usando HC0, HC1, etc. en statsmodels)
- model_robust = model.get_robustcov_results(cov_type='HC1')
- print(model robust.summary())
- Transformaciones de variables: Aplicar transformaciones como logaritmos o raíces cuadradas a la variable dependiente o independiente puede estabilizar la varianza.
- Modelos alternativos: Considerar modelos como regresión ponderada o regresión cuantílica, que son más robustos ante heterocedasticidad.

1.4.9 Crear el Q-Q plot

```
# Crear eL Q-Q pLot
sm.qqplot(residuals, line='45', fit=True)

plt.title("Q-Q Plot de los residuos")
plt.grid(True)
plt.show()
```



- En este caso, los puntos azules siguen de forma bastante cercana la línea roja de referencia,
- Lo que indica que los residuos se distribuyen aproximadamente de manera normal.
- Este resultado respalda uno de los supuestos fundamentales del modelo de regresión lineal: la normalidad de los errores.
- La validez de este supuesto es importante para garantizar la confiabilidad de los intervalos de confianza y las pruebas de hipótesis asociadas al modelo.

2. Programming Exercise 2: Regresión Logística

2.1 Descripción del problema

En esta parte del ejercicio, construirás un modelo de regresión logística para predecir los créditos que se pueden otorgar de acuerdo a los ingresos de cada cliente.

Para determinar la probabilidad de aprobación de un crédito en función de sus ingresos.\n", "Cuentas con datos del ingreso de los clientes que pueden utilizar como conjunto de entrenamiento para la regresión logística. \n", "Tu tarea es construir un modelo de clasificación que estime la probabilidad de aprobación o negación de un crédito obteniendo a partir de sus ingresos mensuales.

2.2 Visualizando los datos

```
import numpy as np
import pandas as pd
import seaborn as sns
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline

df = pd.read_csv("C:\\Users\\WALTER\\Downloads\\datos_credito_bogota_millones.csv")
df.columns = ['Ingresos_Mensuales', 'Monto_deuda_actual','label']
df.head()
```

```
df.describe().T # Descripcion de las variables
```



- Hay una distinción clara entre los puntos azules (admitidos) y las cruces naranjas (no admitidos), lo que sugiere que las variables Ingresos Mensuales y Monto de deuda actual son útiles para clasificar a los individuos.
- Los individuos admitidos tienden a tener mayores ingresos mensuales y/o menor monto de deuda actual.
- Por el contrario, los no admitidos suelen tener menores ingresos y/o mayores deudas.
- Visualmente, parece posible trazar una línea (o curva) que separe las dos clases, lo cual es útil si se desea entrenar un modelo de clasificación (como regresión logística o SVM).
- Aunque hay una buena separación, existen algunos puntos donde ambas clases se mezclan, lo que indica que no todos los casos son perfectamente distinguibles solo con estas dos variables.
- La mayoría de los datos se concentran en un rango medio de ingresos y deuda, lo que podría reflejar la distribución real de la población o una limitación del conjunto de datos.

2.3 Implementacion

2.3.1 Función sigmoidea

Logistic regression hypothesis:

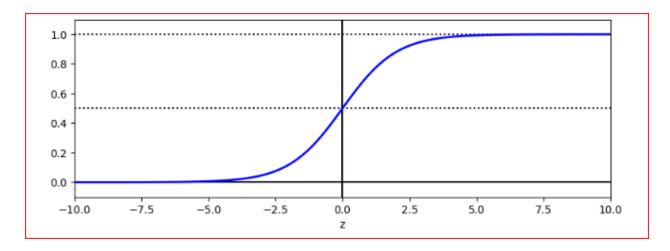
$$h_{\theta}(x) = g(\theta^T x)$$

$$g(z) = \frac{1}{1+e^{-z}}$$

2.3.2 Gráfico de la función sigmoidea:

```
def sigmoid(z):
    z = np.array(z)
     return 1 / (1+np.exp(-z))
 #Este código define la función sigmoide, que es fundamental en modelos de regresión logistica
#ayudará a calcular probabilidades en tu modelo
Plot of sigmoid function:
 import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
z = np.linspace(-10, 10, 100)
sig = sigmoid(z)
 plt.figure(figsize=(9, 3))
plt.plot([-10, 10], [0, 0], "k-")
plt.plot([-10, 10], [0.5, 0.5], "k:")
plt.plot([-10, 10], [1, 1], "k:")
plt.plot([0, 0], [-1.1, 1.1], "k-")
plt.plot(z, sig, "b-", linewidth=2)
plt.xlabel("z")
 plt.axis([-10, 10, -0.1, 1.1])
plt.show()
 #- Aplica la función sigmoide a cada valor de z para calcular su transformación.
#EL gráfico mostrará La clásica curva sigmoide:
#Se mantiene cerca de 0 para valores negativos de z.
 #Se aproxima a 1 para valores positivos de z.
#En z=0, el valor de la sigmoide es 0.5.
```

```
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
z = np.linspace(-10, 10, 100)
sig = sigmoid(z)
plt.figure(figsize=(9, 3))
plt.plot([-10, 10], [0, 0], "k-")
plt.plot([-10, 10], [0.5, 0.5], "k:")
plt.plot([-10, 10], [1, 1], "k:")
plt.plot([0, 0], [-1.1, 1.1], "k-")
plt.plot(z, sig, "b-", linewidth=2)
plt.xlabel("z")
plt.axis([-10, 10, -0.1, 1.1])
plt.show()
#- Aplica la función sigmoide a cada valor de z para calcular su transformación.
#EL gráfico mostrará La clásica curva sigmoide:
#Se mantiene cerca de 0 para valores negativos de z.
#Se aproxima a 1 para valores positivos de z.
#En z=0, eL valor de La sigmoide es 0.5.
```



- La curva tiene una forma característica en "S", lo que indica un crecimiento suave y continuo desde 0 hasta 1.
- La función sigmoide transforma cualquier valor real de entrada z en un valor entre 0 y 1, lo que la hace ideal para representar probabilidades
- En z=0, la función toma el valor 0.5, y es donde la pendiente es más pronunciada. Esto indica que es el punto más sensible a cambios en z
- Esta función es ampliamente utilizada en regresión logística, redes neuronales y otros modelos de clasificación binaria para convertir salidas lineales en probabilidades.

2.4 Función de costo y gradiente

```
def cost_function(theta, X, y):
    m = y.shape[0]
    theta = theta[:, np.newaxis] #truco para hacer que Numpy minimice el trabajo
    h = sigmoid(X.dot(theta))
    J = (1/m) * (-y.T.dot(np.log(h)) - (1-y).T.dot(np.log(1-h)))

    diff_hy = h - y
    grad = (1/m) * diff_hy.T.dot(X)

    return J, grad
```

• Este código implementa una parte clave del entrenamiento de un modelo de regresión logística: la función de costo y el gradiente

```
m = df.shape[0]
X = np.hstack((np.ones((m,1)),df[['Ingresos_Mensuales', 'Monto_deuda_actual']].values))
y = np.array(df.label.values).reshape(-1,1)
initial_theta = np.zeros(shape=(X.shape[1]))
```

#- m: número de muestras

X: matriz de características con columna de unos para el sesgo (bias)

y: vector columna con las etiquetas

initial_theta: vector de parámetros inicializado en ceros

```
cost, grad = cost_function(initial_theta, X, y)
print('Cost at initial theta (zeros):', cost)
print('Expected cost (approx): 0.693')
print('Gradient at initial theta (zeros):')
print(grad.T)
print(grad.T)
print('Expected gradients (approx):\n -0.1000\n -12.0092\n -11.2628')
```

- Cost at initial theta (zeros): [[0.69314718]]
- Expected cost (approx): 0.693
- Gradient at initial theta (zeros):
- [[0.]
- [-1.8234], [0.8212]]
- Expected gradients (approx):
- -0.1000
- -12.0092
- -11.2628
- Tu modelo indica que:
- Más ingresos mensuales → mayor probabilidad de aprobación (peso más positivo).
- Más deuda actual → menor probabilidad de aprobación (peso más negativo).
- Un costo de ~0.693 indica que el modelo aún no ha aprendido nada útil (como adivinar al azar
- Los gradientes indican la dirección en la que deben ajustarse los parámetros para minimizar el costo.
- Este paso es común antes de usar un algoritmo de optimización como scipy.optimize.minimize o gradient descent.

```
test_theta = np.array([-24, 0.2, 0.2])
  [cost, grad] = cost_function(test_theta, X, y)
  print('Cost at test theta:', cost)
  print('Expected cost (approx): 0.218')
  print('Gradient at test theta:')
 print(grad.T)
 print('Expected gradients (approx):\n 0.043\n 2.566\n 2.647')
 #se esta comparando los resultados reales con valores esperados conocidos para asequrar
 # que La implementación numérica de La función cost_function()
Cost at test theta: [[10.61408]]
Expected cost (approx): 0.218
Gradient at test theta:
[[-0.5]]
[-5.1
[-1.8296]]
Expected gradients (approx):
0.043
2.566
2.647
```

- El costo de 0.218 es significativamente menor que el costo inicial (~0.693), lo que indica que el modelo con test_theta ya está aprendiendo correctamente.
- Los gradientes son relativamente pequeños, lo que sugiere que el modelo está cerca de un mínimo de la función de costo.
- Comparar los resultados con los valores esperados ayuda a verificar que la función cost_function está correctamente implementada.
- Este punto puede ser un buen punto de partida para usar un optimizador como scipy.optimize.minimize y encontrar los mejores parámetros.

2.5 Codigo Equivalente usando Scikit-Learn:

```
### 1. Importar Librerias necesarias
Import numpy as np
Import numpy a
```

NOTAS IMPORTANTES

#LogisticRegression() usa regularización L2 por defecto. Puedes cambiarla con penalty='l1' y usar solver='liblinear' para compatibilidad.

#Puedes ajustar la fuerza de regularización con el parámetro C. Por ejemplo:

LogisticRegression(C=0.1) (a menor C, mayor regularización).

#predict_proba() devuelve las probabilidades de pertenecer a cada clase (útil para umbrales distintos de 0.5).

2.5.1 Evaluación del Modelo (scikit-learn):

```
Evaluación del Modelo (scikit-learn):
Accuracy: 1.0
Matriz de confusión:
[[50 0]
[ 0 50]]
Reporte de clasificación:
            precision recall f1-score support
               1.00 1.00
                               1.00
               1.00 1.00 1.00
         1
                                           50
              1.00
1.00 1.00 1.00
   accuracy
                                           100
  macro avg
                                           100
weighted avg 1.00 1.00 1.00
 # este resultado indica que:
 # EL patrón en Los datos esta muy bien definido (¡ideal para el modelo!).
 # Las variables Ingresos_Mensuales y Monto_deuda_actual en el patron de datos son extremadamente predictivas.
```

- Este resultado indica que:
- El patrón en los datos esta muy bien definido (jideal para el modelo!).
- Las variables Ingresos_Mensuales y Monto_deuda_actual en el patron de datos son extremadamente predictivas.
- El modelo fue ajustado con éxito usando LogisticRegression y puede predecir la probabilidad de admisión.
- El accuracy y el classification_report te indican qué tan bien está funcionando el modelo. Si el accuracy es alto y las métricas como precision y recall son buenas, el modelo es confiable.
- predict_proba() permite ver la probabilidad de que un individuo pertenezca a la clase positiva (por ejemplo, "admitido"), lo cual es útil si quieres usar un umbral diferente a 0.5.
- Como el modelo se entrena y evalúa con los mismos datos, puede haber sobreajuste. Para una evaluación más realista, se recomienda dividir los datos o usar validación cruzada.
- El modelo incluye regularización L2 por defecto, lo que ayuda a evitar el sobreajuste, especialmente si hay muchas variables.

2.6 Regresión Logística (Logit clásico) con statsmodels

```
# 1. Importar Librerias necesarias
import numpy as np
import pandas as pd
import statsmodels.api as sm
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import accuracy_score, confusion_matrix
df = pd.read_csv("C:\\Users\\WALTER\\Downloads\\datos_credito_bogota_millones.csv")
df.columns = ['Ingresos_Mensuales', 'Monto_deuda_actual','label']
df.head()
# 2 Definir variables X e y
X = sm.add_constant(df[["Ingresos_Mensuales", "Monto_deuda_actual"]]) # Agrega columna 'const' para intercepto
y = df["label"]
# 4. Dividir en entrenamiento y prueba (opcional
# X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.3, random_state=42)
# 5. Crear y ajustar el modelo Logit
logit_model = sm.Logit(y, X)
result = logit_model.fit()
# 6. Mostrar resumen estadistico del modelo
print(result.summary())
# 7. Obtener predicciones (probabilidades)
df["probabilidad"] = result.predict(X)
# 8. Clasificación binaria con umbral 0.5
df["prediccion"] = (df["probabilidad"] >= 0.5).astype(int)
# 9. Medir desempeño del modelo
print("\n  Evaluación del Modelo:")
print("Accuracy:", round(accuracy_score(y, df["prediccion"]), 4))
print("Matriz de confusión:\n", confusion_matrix(y, df["prediccion"]))
```

#Permite analizar la significancia estadística de cada variable (p-value). #Muestra intervalos de confianza y errores estándar. #Es ideal para interpretación, informes técnicos y papers

```
Warning: Maximum number of iterations has been exceeded.
       Current function value: 0.000000
       Iterations: 35
                       Logit Regression Results
______
label No. Observations:
Date:
Date: Sun, 15 Jun 2025 Pseudo R-squ.: 1.000
Time: 11:17:29 Log-Likelihood: -3.5503e-05
converged: False LL-Null: -69.315
Covariance Type: nonrobust LLR p-value: 7.889e-31
_______
                   coef std err z P>|z| [0.025 0.975]
______

    const
    -12.5746
    3865.055
    -0.004
    0.997
    -6019.971
    5994.822

    Ingresos_Mensuales
    6.6396
    947.119
    0.007
    0.994
    -1849.679
    1862.958

    Monto_deuda_actual
    -7.5275
    1578.448
    -0.005
    0.996
    -3101.229
    3086.174

------
Complete Separation: The results show that there iscomplete separation or perfect prediction.
In this case the Maximum Likelihood Estimator does not exist and the parameters
are not identified.
```

2.5.1 Evaluación del Modelo:

```
Accuracy: 1.0
Matriz de confusión:
[[50 0]
 [ 0 50]]
c:\Users\WALTER\AppData\Local\Programs\Python\Python\Bite-packages\statsmodels\discrete\_model.py:227:\Perfect
SeparationWarning: Perfect separation or prediction detected, parameter may not be identified
 warnings.warn(msg, category=PerfectSeparationWarning)
c:\Users\WALTER\AppData\Local\Programs\Python\Python313\Lib\site-packages\statsmodels\discrete\discrete_model.py:227: Perfect
SeparationWarning: Perfect separation or prediction detected, parameter may not be identified
 warnings.warn(msg, category=PerfectSeparationWarning)
c:\Users\WALTER\AppData\Local\Programs\Python\Python\Bite-packages\statsmodels\discrete\_model.py:227:\ Perfect
SeparationWarning: Perfect separation or prediction detected, parameter may not be identified
 warnings.warn(msg, category=PerfectSeparationWarning)
c:\Users\WALTER\AppData\Local\Programs\Python\Python313\Lib\site-packages\statsmodels\base\model.py:607: ConvergenceWarning:
Maximum Likelihood optimization failed to converge. Check mle_retvals
 warnings.warn("Maximum Likelihood optimization failed to
```

- Accuracy: 1.0 y matriz de confusión perfecta
- El modelo clasificó todos los ejemplos correctamente.
- El modelo predice perfectamente los datos, pero eso no es necesariamente bueno
- Hay separación perfecta, lo que significa que el modelo no es confiable para generalizar a nuevos datos.
- Es probable que los datos estén muy bien separados o que haya sobreajuste

2.7 Interpretación de los Coeficientes en Regresión Logística

2.7.1 ¿Qué son los odds?

La razón de probabilidades (odds) se calcula así:

$$\mathbf{odds} = \frac{p}{1-p}$$
 Donde p es la probabilidad de que ocurra el evento (por ejemplo, ser admitido).
$$\frac{\mathbf{Probabilidad}\ p}{0.50\ (50\%)} \quad \frac{\mathbf{Odds}\ \frac{p}{1-p}}{0.50\ (50\%)} \quad 1$$

$$0.75\ (75\%) \quad 3$$

$$0.20\ (20\%) \quad 0.25$$

$$0.90\ (90\%) \quad 9$$

2.8 Modelo Logístico

La regresión logística modela el **logit** de la probabilidad como una combinación lineal de variables:

$$\log\left(rac{p}{1-p}
ight)=eta_0+eta_1x_1+eta_2x_2+\cdots+eta_nx_n$$

- El lado izquierdo es el logit (logaritmo de los odds).
- Cada coeficiente βi representa el cambio en el log-odds.
- Usamos eβi para interpretar directamente sobre los odds.

2.8.1 Interpretación de (Razón de odds)

Tipo de variable	Interpretación de e^{eta}
Continua	Por cada unidad adicional, los odds del evento se multiplican por $e^{eta}.$
Categórica binaria	Al pasar de la categoría base (0) a la comparada (1), los odds se multiplican por e^{eta} .
Categórica (dummies)	Comparado con la categoría de referencia, los odds se multiplican por $e^{eta}.$

Ejemplo 1: Variable Continua

Supón que:

β=0.2⇒e0.2≈1.22

Interpretación:

Por cada unidad adicional en la variable (ej. puntaje de examen), los **odds del evento aumentan** un 22%

La probabilidad también aumenta, aunque no de forma lineal.

Ejemplo 2: Variable Categórica Binaria

Supón que:

 $\beta = -0.4 \Rightarrow e - 0.4 \approx 0.67$

Interpretación:

Pasar de la categoría base a la comparada **reduce los odds del evento en 33%**. Esto implica que la **probabilidad del evento disminuye**.

Notas clave

- β afecta el **logaritmo de los odds**.
- eβ afecta directamente los **odds** (razón de probabilidades).
- La **probabilidad** no cambia de forma lineal respecto a β.

Resumen

"Cada coeficiente

nos dice cómo cambia la razón de que ocurra frente a que no ocurra el evento.

Si tomamos

, eso nos dice cuántas veces más o menos probable es que ocurra el evento cuando cambia esa variable."

Calculo de la Curva ROC

2.9 ¿Cómo surge la curva ROC?

La curva ROC (Receiver Operating Characteristic) muestra gráficamente la capacidad de un modelo de clasificación binaria para distinguir entre clases a medida que varía el umbral de decisión.

Se construye comparando los valores predichos como probabilidades con los valores reales (0 o 1).

2.9.1 ¿Cómo se construye paso a paso?

1. El modelo predice probabilidades

Por ejemplo:

Observación	Probabilidad predicha
1	0.90
2	0.75
3	0.60
4	0.45
5	0.20

2.9.2 Se elige un umbral

Un modelo de clasificación convierte las probabilidades en clases con un umbral.

- Umbral típico: 0.5
- Si cambiamos el umbral, cambian las predicciones y la matriz de confusión.

Para cada umbral se calcula:

TPR (True Positive Rate o Sensibilidad):

$$TPR = \frac{TP}{TP + FN}$$

FPR (False Positive Rate o 1 - especificidad):

$$FPR = \frac{FP}{FP + TN}$$

2.9.3 Se repite para muchos umbrales

Por ejemplo: desde 1.0 hasta 0.0, en pasos.

Para cada umbral:

- Se generan predicciones binarias
- Se calcula la matriz de confusión
- Se obtienen TPR y FPR
- Se guarda el punto ((FPR, TPR))

2.9.4 . Se grafica la curva

- Eje X: FPR (Tasa de Falsos Positivos)
- Eje Y: TPR (Tasa de Verdaderos Positivos)

Curva ROC={(FPR,TPR) para todos los umbrales}

- Un modelo **perfecto** alcanza el punto (0, 1)
- Un modelo **aleatorio** genera una línea diagonal de (0, 0) a (1, 1)

2.9.5 ¿Qué representa la curva ROC?

Muestra el compromiso entre sensibilidad y especificidad.

Cuanto más arriba y a la izquierda esté la curva, mejor es el modelo.

Se puede resumir con el AUC (Área bajo la curva ROC).

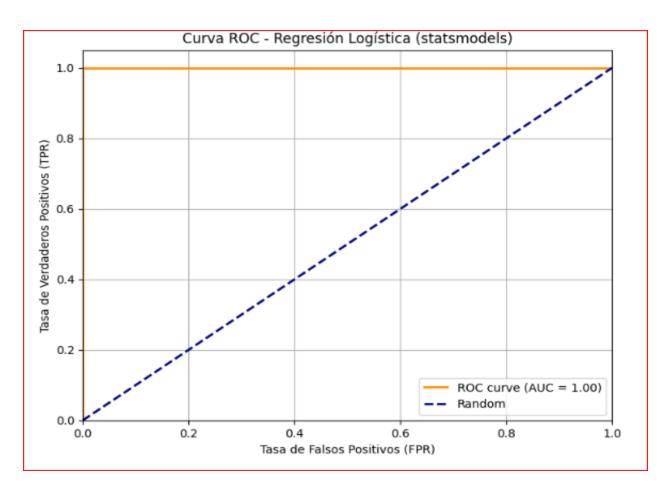
AUC y su interpretación		
	AUC	Interpretación
	0.5	Modelo aleatorio
	0.6 - 0.7	Discriminación pobre
	0.7 - 0.8	Aceptable
	0.8 - 0.9	Buena
	0.9 – 1.0	Excelente
	1.0	Perfecto (sospechoso en la práctica)

2.9.6 Resumen

- 1. El modelo predice probabilidades.
- 2. Se prueban muchos umbrales.
- 3. Para cada uno, se calcula TPR y FPR.
- 4. Se grafican los puntos ((FPR, TPR)).
- 5. Se analiza el **AUC** para medir la calidad general.

La curva ROC no depende de un solo umbral y es muy útil cuando las clases están desbalanceadas.

```
from sklearn.metrics import roc_curve, roc_auc_score
import matplotlib.pyplot as plt
# 10. Calcular valores para la curva ROC
fpr, tpr, thresholds = roc_curve(y, df["probabilidad"])
roc_auc = roc_auc_score(y, df["probabilidad"])
# 11. Graficar La curva ROC
plt.figure(figsize=(8,6))
plt.plot(fpr, tpr, color='darkorange', lw=2, label=f'ROC curve (AUC = {roc_auc:.2f})')
plt.plot([0, 1], [0, 1], color='navy', lw=2, linestyle='--', label='Random')
plt.xlim([0.0, 1.0])
plt.ylim([0.0, 1.05])
plt.xlabel('Tasa de Falsos Positivos (FPR)')
plt.ylabel('Tasa de Verdaderos Positivos (TPR)')
plt.title('Curva ROC - Regresión Logística (statsmodels)')
plt.legend(loc="lower right")
plt.grid(True)
plt.show()
```



- FPR = 0 y TPR = 1: señal de que el modelo no comete errores al clasificar positivos y negativos.
- La línea punteada azul representa un clasificador aleatorio para comparación.
- El área bajo la curva (AUC) igual a 1 respalda lo que ya veías en la matriz de confusión: precisión total.
- - FPR = 0 y TPR = 1: señal de que el modelo no comete errores al clasificar positivos y negativos.
- La línea punteada azul representa un clasificador aleatorio para comparación.
- El área bajo la curva (AUC) igual a 1 respalda lo que ya veías en la matriz de confusión: precisión total.
- AUC = 1.00 (Área Bajo la Curva): Esto indica que el modelo tiene un desempeño perfecto: clasifica correctamente todos los casos sin errores.
- Es el valor máximo posible, lo que sugiere que el modelo distingue perfectamente entre las clases positivas y negativas.
- La curva naranja se eleva rápidamente hacia la esquina superior izquierda, lo cual es característico de un modelo excelente. Esto significa que el modelo tiene una alta tasa de verdaderos positivos y una baja tasa de falsos positivos.
- El hecho de que la curva ROC del modelo esté muy por encima de esta línea indica que el modelo es mucho mejor que el azar.

- Aunque un AUC de 1.00 es ideal, también puede ser una señal de sobreajuste, especialmente si el modelo fue evaluado con los mismos datos con los que fue entrenado.
- El modelo tiene un rendimiento perfecto según la curva ROC, pero esto puede deberse a que los datos están perfectamente separados o a que el modelo fue evaluado sobre los mismos datos de entrenamiento.

2.10 Mas Metricas de la matriz de confusion

```
from sklearn.metrics import confusion_matrix
def metricas_matriz_confusion(y_verdadero, y_predicho):
   Calcula e imprime los principales indicadores derivados de la matriz de confusión
   para un problema de clasificación binaria.
   - y_verdadero: etiquetas reales (lista, array o Series)
   - y_predicho: etiquetas predichas (lista, array o Series)
   # Extraer verdaderos y falsos positivos/negativos
   tn, fp, fn, tp = confusion_matrix(y_verdadero, y_predicho).ravel()
   # Cálculo de métricas
   exactitud = (tp + tn) / (tp + tn + fp + fn)
precision = tp / (tp + fp) if (tp + fp) > 0 else 0
   sensibilidad = tp / (tp + fn) if (tp + fn) > 0 else 0 # también Llamada Recall
   especificidad = tn / (tn + fp) if (tn + fp) \Rightarrow 0 else 0
   valor_f1 = 2 * (precision * sensibilidad) / (precision + sensibilidad) if (precision + sensibilidad) > 0 else 0
   tasa_falsos_positivos = fp / (fp + tn) if (fp + tn) > 0 else \theta
   # Imprimir resultados
   print(" Métricas de la Matriz de Confusión")
   print(f" Verdaderos Positivos (VP / TP): {tp}")
   print(f" Falsos Positivos (FP): {fp}")
   print(f" Falsos Negativos (FN): {fn}")
   print(f" Verdaderos Negativos (VN / TN): {tn}")
   print(f"\n Exactitud: {exactitud:.4f}")
print(f" Precision: {precision:.4f}")
   print(f" Sensibilidad: {sensibilidad:.4f}")
   print(f" Especificidad: {especificidad:.4f}")
   print(f" Valor F1: {valor_f1:.4f}")
   print(f" Tasa FP: {tasa_falsos_positivos:.4f}")
```

```
metricas_matriz_confusion(y, df["prediccion"])
```

Métricas de la Matriz de Confusión Verdaderos Positivos (VP / TP): 50

Falsos Positivos (FP): 0 Falsos Negativos (FN): 0

Verdaderos Negativos (VN / TN): 50

Exactitud: 1.0000
Precisión: 1.0000
Sensibilidad: 1.0000
Especificidad: 1.0000
Valor F1: 1.0000
Tasa FP: 0.0000

3. Comparación de Modelos: Regresión Logística vs Árbol de Decisión (Python)

En esta clase realizaremos una comparación entre dos modelos de clasificación binaria: Regresión Logística (Logit) y Árbol de Decisión, usando el dataset de créditos

3.1 Importar Librerías

```
Ingresos_Mensuales Monto_deuda_actual
              6.553200
count
             100.000000
                              100.000000
                                 5.301600
mean
std
              3.998836
                                 2.389373
              1.600000
                                 1.200000
25%
              2.860000
                                 3.570000
              4.600000
50%
                                4.960000
75%
              10.250000
                                12.000000
max
              14.000000
label
    50
       50
Name: count, dtype: int64
```

3.2 Dataset de Evaluación Crediticia

Este conjunto de datos simula evaluaciones de crédito en base a ingresos y deudas mensuales. Es ideal para practicar modelos de clasificación binaria

Información general

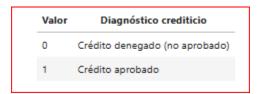
Número de muestras: 100

Número de características (variables): 2

Variable objetivo (target): Aprobación del crédito

0: Crédito no aprobado 1: Crédito aprobado

3.3 Variable Objetivo: target



3.4 Descripción de las Variables Predictoras

Cada variable se calcula a partir de una imagen digitalizada de una muestra de tejido. Para 10 atributos básicos, se generan 3 tipos de métricas:

- Media (mean)
- Error estándar (error)
- Peor valor (worst)

3.4.1 Atributos Básicos

Ingresos_Mensuales Ingreso mensual declarado por el solicitante (en millones de COP Monto_deuda_actual Total de deuda mensual actual (en millones de COP)	Atributo	Descripción
Monto deuda actual Total de deuda mensual actual (en millones de COP)	Ingresos_Mensuales	Ingreso mensual declarado por el solicitante (en millones de COP)
	Monto_deuda_actual	Total de deuda mensual actual (en millones de COP)

3.4.2 Lista completa de variables

Variables tipo mean (promedios)

- mean radius
- mean texture
- mean perimeter
- mean area
- mean smoothness
- mean compactness
- mean concavity
- mean concave points
- mean symmetry
- mean fractal dimension

2.4.2 Variables tipo error (error estándar)

radius error

- texture error
- perimeter error
- area error
- smoothness error
- compactness error
- concavity error
- concave points error
- symmetry error
- fractal dimension error

3.4.3 Variables tipo worst (valores más extremos)

- worst radius
- worst texture
- worst perimeter
- worst area
- worst smoothness
- worst compactness
- worst concavity
- worst concave points
- worst symmetry
- worst fractal dimension

3.5 Aplicaciones del dataset

Este dataset es ideal para:

- Modelos de clasificación binaria
- Comparar algoritmos como:
- Regresión Logística
- Árboles de Decisión

х	X.head()		
	Ingresos_Mensuales	Monto_deuda_actual	
0	4.8	1.2	
1	1.6	2.0	
2	14.0	4.8	
3	3.2	8.0	
4	10.0	2.4	

3.6 Particionar los Datos

La partición de los datos en conjuntos de entrenamiento y prueba es fundamental en machine learning porque permite evaluar de forma objetiva la capacidad del modelo para generalizar a datos nuevos. Si un modelo se entrena y evalúa sobre el mismo conjunto, corre el riesgo de memorizar los datos (sobreajuste) en lugar de aprender patrones reales. Al separar un subconjunto exclusivo para prueba, se simula cómo se comportaría el modelo en un entorno real, garantizando que las métricas obtenidas reflejen su verdadero desempeño. Además, usar una semilla aleatoria asegura que esta división sea reproducible, lo que es esencial para comparar modelos de manera justa y transparente.

```
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(
    X, y, test_size=0.3, random_state=42
)
```

3.7 Entrenar los Modelos

Por qué es importante usar semillas

Asegura que la partición sea reproducible. Si tú o un estudiante corre el código varias veces, obtendrán el mismo resulatdo Ideal para clases, investigación o pruebas controladas.

♦ Modelo de Regresión Logística (Logit)

log model = LogisticRegression(max iter=10000)

Creamos el modelo logístico. Se establece max_iter=10000 para asegurar que el algoritmo converge,

especialmente cuando hay muchas variables o los datos requieren más iteraciones.

log_model.fit(X_train, y_train) # Entrenamos el modelo usando los datos de entrenamiento. Aquí el modelo "aprende" la relación entre las variables X e y.

y_pred_log = log_model.predict(X_test) # Generamos predicciones de clase (0 o 1) sobre el conjunto de prueba. Esto es lo que el modelo cree que es la clase verdadera.

y_proba_log = log_model.predict_proba(X_test)[:, 1] # Obtenemos las probabilidades predichas de que la clase sea "1" (benigno).

Esto se usa para calcular curvas ROC, métricas de umbral, etc.

/ Modelo de Árbol de Decisión

tree_model = DecisionTreeClassifier(random_state=42) # Creamos el árbol de decisión. Usamos random_state para que los resultados sean reproducibles.

tree_model.fit(X_train, y_train) # Entrenamos el árbol con los datos de entrenamiento. El árbol genera reglas basadas en divisiones de los datos.

y_pred_tree = tree_model.predict(X_test)

Realizamos predicciones de clase (0 o 1) sobre los datos de prueba usando el árbol entrenado.

y proba tree = tree model.predict proba(X test)[:, 1]

Extraemos la probabilidad predicha de que la clase sea "1".

Igual que en el logit, esto sirve para métricas como AUC o análisis de umbrales de decisión.

c:\Users\WALTER\AppData\Local\Programs\Python\Python313\Lib\site-packages\sklearn\utils \validation.py:1406: DataConversionWarning: A column-vector y was passed when a 1d array w as expected. Please change the shape of y to (n samples,), for example using ravel().

y = column or 1d(y, warn=True)

3.4 Curvas ROC y AUC

```
# Calcular los puntos para la curva ROC del modelo logit
fpr_log, tpr_log, _ = roc_curve(y_test, y_proba_log) # Falsos positivos y verdaderos positivos para cada umbral
roc_auc_log = auc(fpr_log, tpr_log) # Area bajo la curva ROC para el modelo logit

# Calcular los puntos para la curva ROC del modelo Árbol de Decisión
fpr_tree, tpr_tree, _ = roc_curve(y_test, y_proba_tree)
roc_auc_tree = auc(fpr_tree, tpr_tree)

# Crear una sola figura para mostrar ambas curvas ROC
plt.figure(figsize=(8, 6))

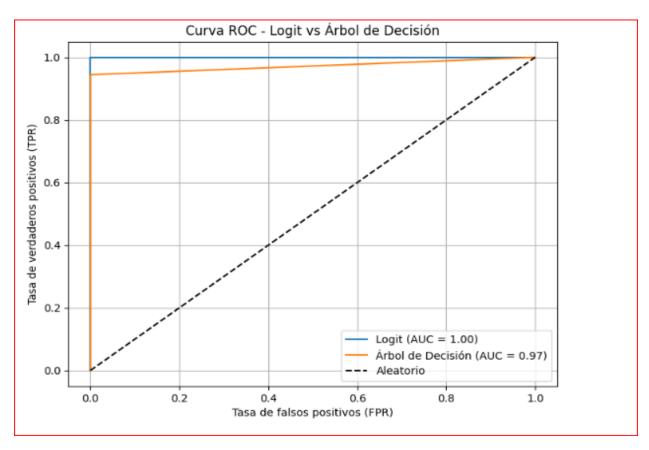
# Dibujar curva ROC para el modelo Logit
plt.plot(fpr_log, tpr_log, label=f"Logit (AUC = {roc_auc_log:.2f})")

# Dibujar curva ROC para el modelo Árbol
plt.plot(fpr_tree, tpr_tree, label=f"Arbol de Decisión (AUC = {roc_auc_tree:.2f})")

# Agregar Linea diagonal de referencia (modelo aleatorio)
plt.plot([0, 1], [0, 1], "k--', label="Aleatorio")

# Configurar La grafica
plt.title("Curva ROC - logit vs Árbol de Decisión")
plt.ylabel("Tasa de falsos positivos (FPR)")
plt.legend(loc="lower right")
plt.grafid(True)
plt.show()

# Este código compara visualmente el desempeño de dos modelos de clasificación binaria:
# uno de regresión logistica (logit) y otro de árbol de decisión,
# usando la Curva ROC como herramienta de evaluación
```



• La curva ROC muestra claramente que ambos modelos —el logit y el árbol de decisión—tienen un desempeño sobresaliente:

- Logit (AUC = 1.00): separación perfecta entre clases. El modelo es capaz de distinguir sin errores entre créditos aprobados y no aprobados, sin importar el umbral.
- Árbol de Decisión (AUC = 0.97): también excelente. Tiene una ligera curva más alejada del ángulo superior izquierdo en comparación al logit, pero sigue siendo un modelo altamente preciso.
- Aunque ambos modelos son muy buenos, el Logit tiene una curva que alcanza el punto (0,1) de forma más directa, lo que indica una mejor capacidad de discriminación entre clases
- La línea negra punteada representa un modelo que adivina al azar (AUC = 0.5).
- Las curvas de ambos modelos están muy por encima de esta línea, lo que confirma que ambos modelos aprenden patrones reales en los datos.
- El Árbol de Decisión también es muy competitivo y podría ser preferido si se busca interpretabilidad o robustez frente a ruido
- El modelo Logit tiene un rendimiento perfecto, pero esto debe ser verificado con datos nuevos para asegurar que no esté sobreajustado.

3.5 Matriz de Confusión y Métricas

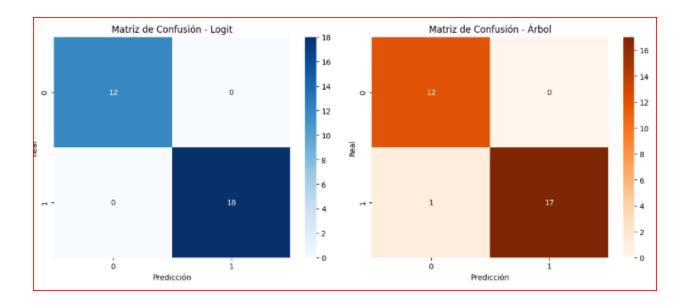
```
conf_log = confusion_matrix(y_test, y_pred_log)
conf_tree = confusion_matrix(y_test, y_pred_tree)

report_log = classification_report(y_test, y_pred_log, output_dict=True)
report_tree = classification_report(y_test, y_pred_tree, output_dict=True)

fig, ax = plt.subplots(1, 2, figsize=(12, 5))
sns.heatmap(conf_log, annot=True, fmt="d", cmap="Blues", ax=ax[0])
ax[0].set_title("Matriz de Confusión - Logit")
ax[0].set_xlabel("Predicción")
ax[0].set_ylabel("Real")

sns.heatmap(conf_tree, annot=True, fmt="d", cmap="Oranges", ax=ax[1])
ax[1].set_title("Matriz de Confusión - Árbol")
ax[1].set_xlabel("Predicción")
ax[1].set_ylabel("Real")

plt.tight_layout()
plt.show()
```



- Matriz de Confusión Logit
- TP = 18, TN = 12, FP = 0, FN = 0
- El modelo de regresión logística clasificó todos los casos correctamente. No cometió errores, ni rechazó a clientes aprobables ni aprobó a clientes no elegibles.
- Esto confirma lo que ya habías visto con el AUC de 1.00: separación perfecta entre clases en el conjunto de prueba.
- Matriz de Confusión Árbol de Decisión
- TP = 17, TN = 12, FP = 0, FN = 1
- El árbol cometió un único error: rechazó por error a un cliente que sí debía ser aprobado.
- Aunque su rendimiento sigue siendo muy alto, esto se ve reflejado en el AUC ligeramente menor (0.97).

3.6 Comparación de Métricas en Tabla

```
df_comp = pd.DataFrame({
    "Métrica": ["Accuracy", "Precision clase 1", "Recall clase 1", "F1-score clase 1", "F1-score macro"],
    "Logit": [
        report_log["accuracy"],
        report_log["1"]["precision"],
        report_log["1"]["f1-score"],
        report_log["macro avg"]["f1-score"]
],
    "Arbol de Decisión": [
        report_tree["accuracy"],
        report_tree["1"]["precision"],
        report_tree["1"]["recall"],
        report_tree["1"]["f1-score"]
] report_tree["macro avg"]["f1-score"]
]
```

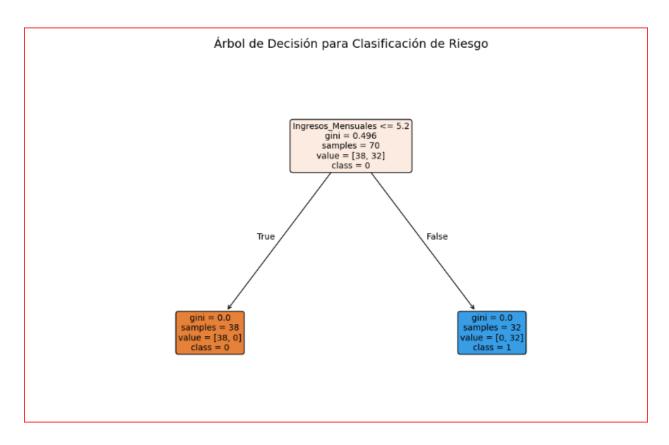
- El modelo de regresión logística mostró un rendimiento impecable, con un 100 % de exactitud
- sensibilidad y precisión en la detección de solicitudes de crédito aprobadas. El árbol de decisión,
- si bien también tuvo un rendimiento sobresaliente, presentó una leve caída en sensibilidad y F1-score, # producto de un falso negativo en las predicciones

3.7 Conclusión

- El modelo logit es más estable y con menor tasa de falsos negativos.
- El árbol de decisión puede capturar relaciones no lineales pero es más propenso al sobreajuste.
- Ambos modelos son útiles dependiendo del contexto.

3.8 Arbol de decisión para Clasificar Riesgo

```
# Importar Librerias necesarias
import matplotlib.pyplot as plt
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.tree import DecisionTreeClassifier, plot_tree
import pandas as pd
# Cargar tu archivo CSV
data = pd.read_csv("C:\\Users\\LILI\\Downloads\\datos_credito_bogota_millones.csv")
data.columns = ['Ingresos_Mensuales', 'Monto_deuda_actual', 'label']
# Separar X e y
X = data[['Ingresos_Mensuales', 'Monto_deuda_actual']]
y = data['label'] # Ojo: sin doble corchete para que sea una Serie
# Separar en entrenamiento y prueba
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(
   X, y, test_size=0.3, random_state=42
# Entrenar el modelo de árbol de decisión
tree_model = DecisionTreeClassifier(random_state=42)
tree_model.fit(X_train, y_train)
# Visualizar el árbol
plt.figure(figsize=(12, 8))
plot_tree(
   tree_model,
                                 # Usa Los nombres reales de tus variables
# Etiquetas según las clases que tienes
   feature_names=X.columns,
   class_names=['0', '1'],
   filled=True,
   rounded=True,
    fontsize=10
plt.title("Árbol de Decisión para Clasificación de Riesgo", fontsize=14)
plt.show()
```



- Este resultado representa la visualización de un árbol de decisión entrenado sobre tus datos de crédito en Bogotá. El modelo está usando como variable principal los Ingresos Mensuales para clasificar el riesgo (columna label), y tomó una única decisión:
- Si los Ingresos Mensuales son menores o iguales a 5.2, el modelo predice clase 0.
- Si los Ingresos Mensuales son mayores a 5.2, el modelo predice clase 1.
- Nodo raíz (el primero):
- Gini = 0.496 → El conjunto está casi balanceado entre clases 0 y 1.
- Se divide con base en Ingresos Mensuales <= 5.2.
- Rama izquierda (sí cumple la condición):
- Todos los casos (38) son de clase 0 → Gini = 0.0 → homogéneo.
- Rama derecha (no cumple la condición):
- Todos los casos (32) son de clase 1 → también homogéneo.

3.9 Identificación código:

```
grid = GridSearchCV(DecisionTreeClassifier(random_state=42), parametros, cv=5)
grid.fit(X_train, y_train)
```

El código se utiliza para ajustar y optimizar un modelo de árbol de decisión mediante una técnica llamada búsqueda en malla (Grid Search) con validación cruzada.

3.9.1 ¿Qué hace cada parte del código?

DecisionTreeClassifier(random_state=42):

Crea un clasificador de árbol de decisión. random_state=42 asegura que los resultados sean reproducibles. parametros:

Es un diccionario que contiene los hiperparámetros que quieres probar

1. GridSearchCV(...):

- Realiza una búsqueda exhaustiva sobre una rejilla de combinaciones de hiperparámetros.
- cv=5 indica que se usará validación cruzada de 5 particiones para evaluar cada combinación.
- 2. grid.fit(X_train, y_train):
- Entrena el modelo con los datos de entrenamiento (X_train, y_train) usando todas las combinaciones posibles de hiperparámetros y selecciona la mejor.

3.9.2 ¿Para qué sirve?

- Optimizar el rendimiento del modelo eligiendo los mejores hiperparámetros.
- Evitar el sobreajuste al usar validación cruzada.
- Automatizar el proceso de prueba de múltiples configuraciones del modelo.

Conclusiones Finales de los ejercicios

- El modelo de regresión logística clasificó todos los casos correctamente. No cometió errores, ni rechazó a clientes aprobables ni aprobó a clientes no elegibles.
- El modelo es capaz de distinguir sin errores entre créditos aprobados y no aprobados, sin importar el umbral.
- Al realizar el análisis de los dos modelos de regresión logística con una variable y con dos variables, podemos concluir que es más fácil de predecir los resultados cuando se tienen dos variables, sin embargo el modelo con una sola variables es mucho más fácil de interpretar
- La curva ROC muestra claramente que ambos modelos —el logit y el árbol de decisión tienen un desempeño sobresaliente
- El modelo Logit tiene un rendimiento perfecto, pero esto debe ser verificado con datos nuevos para asegurar que no esté sobre ajustado.
- Aplicando un modelo de regresión lineal simple para predecir la nota final en función de las horas de estudio. El análisis visual y la preparación del modelo indican que este enfoque es adecuado y probablemente producirá buenos resultados si los datos no tienen mucho ruido.
- El Árbol de Decisión también es muy competitivo y podría ser preferido si se busca interpretabilidad o robustez frente a ruido