

第二章: 关系数据库: 关系操作 (关系代数) ✓

1. 关系模型: E.F. Codd 关系数据模型.

集合代数理论基础上

数

关系: 笛卡尔积中的一个子集 (即: ^有 实际意义的保留下来). 用 $R(D_1, D_2, \dots, D_n)$ 表示 R 是关系的名字.

n 称为关系的度或目: 1目关系, 关系的度为1

关系代数: 用关系的运算来表达查询要求的式子
关系演算: 用谓词来表达查询要求的方式

└ 元组关系演算
└ 域关系演算

语言: SQL

数据结构
数据操作
数据的完整性约束条件

实体完整性
参照完整性
用户定义的完整性

关系的性质:

① 列是同质的: 取值类型和域相同

② 行列的顺序无关紧要

③ 任意两个元组不能完全相同: 码不能相同

④ 每一个分量不可再分: 不能有子属性, 只能将子属性

⑤ 属性名可区分 上升为属性

关系数据库: 将二维表视为集合:

将一行视为集合的一个元素

多对多的联系中须转化为一个独立的关系: 例如零件和零件

一对多的联系通常是将1方主码作为n方的一个属性.

例如老师和学生

关系代数: 定义关系的操作...

关系代数:

候选码: 简称码

若从属性组中

域: 取值范围. 一组值的集合, 具有相同的数据类型

关系的一个属性组, 能唯一标识一个元组, 若去掉任

笛卡尔积: 一组域 D_1, D_2, \dots, D_n 的笛卡尔积为:

任意一个属性, 则无法唯一标识. 候选码中任意一个

$D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n = \{(d_1, d_2, \dots, d_n) \mid d_i \in D_i\}$

属性都称为主属性

每一个 (d_1, d_2, \dots, d_n) 称一个 n 元组.

每一个 d_i 称为一个分量 (Component)

主码: 若有多个候选码则选其中一个作为主码

若 D_i 的基数 (元素个数) 为 m_i 则笛卡尔积

关系 R 中的一个

的基数为 $\prod_{i=1}^n m_i$

外码: 由属性组, 不是 R 关系的码, 但它与 R 的

的码相对应, 则称这个属性组为 R 的外码

关系: 某一时刻对某关系模式的内容. MY SIMPLE LIFE.

关系模式: 对关系的描述: 包括关系名, 属性名

关系数据库 { 型 | 内涵: 关系数据库模式
值 | 外延: 关系数据库

Δ (属性的域, 属性间的数据依赖关系)
并差交笛卡尔积: R, S

1: 属性数目相同
2: 每属性的域相同

两关系能做并运算, 则它们必须是相容的

相容: R, S 必须是相同的模式

不要求属性名相同, 物理层上能够放在一起

实体完整性: 通过码来规定的. (实体可区别)

关系的主码中的属性值不能为空值

空值: 当前不知道或无意义

$R \cup S = \{t \mid t \in R \vee t \in S\}$ 并

$R \cap S = \{t \mid t \in R \wedge t \in S\}$ 交

$R - S = \{t \mid t \in R \wedge t \notin S\}$ 差

笛卡尔积

$R \times S = \{t_1 t_2 \mid t_1 \in R \wedge t_2 \in S\}$ 笛卡尔积

参照完整性: 与外码有关

外码的值必须是在 S 中存在的或者是空值, 存在的, 则在 S 中有

$R \cap S = R - (R - S)$

元组的连接: $R = (r_1, \dots, r_n)$ $S = (s_1, \dots, s_m)$ Concatenation
 $rs = (r_1, r_2, \dots, r_n, s_1, \dots, s_m)$

关系 $R(A_1, A_2, \dots, A_n)$ $t \in R$ 的一个元组

用户自定义的完整性:

系统自动支持 实体完整性

参照完整性

$t[A_i]$: 一个分量

属性组 $A: A_1, A_2, \dots, A_n$ 中的一部分属性: $A = \{A_{i1}, \dots, A_{ik}\}$

\bar{A} 表示从 A 中属性去掉 A 中属性剩下的属性组

$t[A] = (t[A_{i1}], \dots, t[A_{ik}])$

关系代数: 关系操作的一种

通过对关系的运算来表达查询操作

关系 \rightarrow 关系: 运算操作结果为一个关系

象集: $R(X, Z)$ X, Z 为属性组: 当 $t[X] = x$ 时,

x 在 R 中的象集为 $z_x = \{t[Z] \mid t \in R, t[X] = x\}$

和函数的映射关系类似 (即 $x \mapsto z_x$)

基本运算 { 一元运算: 投影 选择

多元运算: 笛卡尔积, 并差

其他运算:

$A = \{A_{i1}, A_{i2}, \dots, A_{in}\} \in \{A_1, A_2, \dots, A_n\}$

选择运算: 从行的角度选择, 施加在一个关系上的运算

$S_F(R) = \{t \mid t \in R, F(t) = \text{真}\}$ F : 选择条件

运算符:

$S_4 = \sigma_4(R)$

选择: σ

第 4 个分量是 S_4

B. 投影 π

投影运算: 列的角度: 从R中选若干列组成一个新关系

$$\pi_A(R) = \{t[A] \mid t \in R\}, A \in R$$

相同的行要去掉

例如 $\pi_{23}(R)$ 或 $\pi_{B,C}(R)$ → 可以用列序号或者列属性名

谓词中满足下列条件的元组在X属性列上的投影: 元组在X上分量值x的象集 Y_x 包含S在Y上的投影的集合.

自然连接

从笛卡尔积中选取 给定属性间满足一关系演算:

$$R \bowtie S = \sigma_{R[A] \theta S[B]}(R \times S)$$

$$R \bowtie S = \{rs \mid r \in R \wedge s \in S \wedge r[A] \theta s[B]\}$$

A, B 为属性列

θ 为算术运算符

θ 为等号时为等值连接

元组关系演算: 以元组为单位

$\{x \mid P(x)\}$ 条件表达式, 使 $P(x)$ 为真所有元组

t 为元组变量.

笛卡尔积

通常指属性名相同

原子公式

自然连接: 选取在相同属性列上取值相等的元组

并去掉重复的列

$$R \bowtie S = \{rs[B] \mid r \in R \wedge s \in S \wedge r[B] = s[B]\}$$

无相同属性列时退化为笛卡尔积

$R(t)$: 谓词R中的一元组

$t[X]$: t在X上的取值

$t[X] \theta u[X]$

$t[X] \theta C$ (常量)

如果有多个相同属性列, 则多个条件之间要 & 连接. 运算符优先级:

必须每个条件中全部相等

谓词里面: $t[X] = R[X]$ 这样的表达式相当于投影

外连接: 在自然连接中把舍弃的元组也保留在. 操作:

结果表中, 其它属性上填 null

左外连接: 左边关系R中舍弃的元组保留

右外连接: 右边关系S中舍弃的元组保留

除: $R(X,Y) \div S(Y,Z)$ * X, Y, Z 属性组

R中Y与S中Y可以不同名, 但必须出自相同的域集

(实际做时会更名, 使名字相同)

$$R \div S = \rho(X) = \{t_r[X] \mid t_r \in R \wedge \pi_Y(S) \subseteq Y_x\}$$

Y_x 为X在R中的象集. $X = t_r[X]$