

QCM
Examen du 09/11/2021

Instructions :

- Le sujet comprend 5 exercices pour 22 questions au total. Les questions faisant apparaître le symbole ♣ peuvent présenter plusieurs bonnes réponses. Les autres ont une unique bonne réponse. Des points négatifs pourront être affectés à de *mauvaises* réponses.
- Seul le questionnaire à la 4ème feuille (page 7) est à rendre. Vous commencerez par renseigner votre nom et prénom dans la case prévue ainsi que votre **numéro étudiant Rennes 2** (1 case à colorier par colonne).
- Il faut **colorier** les cases correspondants aux bonnes réponses (sur la page 7), mettre une croix dans la case n'est **pas suffisant**. Les cases devront être **coloriées avec un stylo noir** (pas de crayon papier, de stabilo...).
- Tous les sujets sont différents, si vous commettez une erreur en coloriant la case, vous pouvez demander un autre sujet complet, il faudra dans ce cas recommencer le devoir au début.
- Le barème sera effectué de la façon suivante :
 - Aucune case coloriée entrainera une note de 0 sur la question.
 - Pour les questions à une seule bonne réponse (sans le symbole ♣), un nombre de points sera affecté (par exemple +2) si la bonne case est cochée. Un nombre de points sera retranché (par exemple -1) si une mauvaise case est coloriée ou si plusieurs cases sont coloriées.
 - Pour les questions avec plusieurs bonnes réponses (avec le symbole ♣), un nombre de points (par exemple +0.5) sera affecté pour chaque bonne réponse coloriée et pour chaque mauvaise réponse non coloriée. Un nombre de points (par exemple -0.5) sera retranché pour chaque mauvaise réponse coloriée et pour chaque bonne réponse non coloriée.
 - Les nombres de points ajoutés et retranchés ne sont pas forcément fixes et pourront dépendre de la réponse.
- La correction étant automatique, un non respect des consignes aura forcément un impact sur la note finale.

Durée : 1 heure 20 minutes.

Exercice 1. Les questions de cet exercice portent sur des "bases" de probabilités.

Question 1 ♣ Soit X une variable aléatoire telle que

$$P(X = 0) = \frac{1 - \theta}{3}, \quad P(X = 1) = \frac{1}{3}, \quad P(X = 2) = \frac{1 + \theta}{3},$$

avec $\theta \in]-1, 1[$. Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

☐ **A** $E[X] = \theta/3 + 2/3$

☐ **B** $P(X \geq 0.5) = \theta/3 + 2/3$

☐ **C** $V[X] = -4\theta^2/9 + 2/3$

☐ **D** $V[X] = -\theta^2/9 - 5\theta/3 + 2/3$

☐ **E** $V[X] = -2\theta^2/9 - \theta/9 + 1/9$

☐ **F** $E[\sqrt{X}] = 0$

☐ **G** $P(X = 0.5) = 0$

☐ **H** X est une variable aléatoire continue

☐ **I** $P(X \geq 0.5) = 1 + \theta/3$

☐ **J** $E[X] = 1 + 2\theta/3$

☐ **K** Aucune de ces réponses n'est correcte.

Question 2 ♣ Soit X une variable aléatoire réelle de loi uniforme sur $[0, \theta]$ avec $\theta \in \mathbb{R}^+$. On désigne par f_X la densité de X et F_X sa fonction de répartition. Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

- | | |
|---|--|
| <input checked="" type="checkbox"/> $F_X(\theta/3) = 1/3$ | <input type="checkbox"/> $F_X(\theta/3) = 1/\theta$ |
| <input type="checkbox"/> $\mathbf{P}(X = \theta/3) = 1/3$ | <input type="checkbox"/> $f_X(\theta/3) = \theta$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> $\mathbf{P}(X > \theta/3) = 2/3$ | <input type="checkbox"/> $\mathbf{P}(X \geq \theta/3) = 1/3$ |
| <input type="checkbox"/> $f_X(\theta/3) = 2\theta$ | <input checked="" type="checkbox"/> $f_X(\theta/3) = 1/\theta$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> $\mathbf{P}(X \geq \theta/3) = 2/3$ | <input type="checkbox"/> <i>Aucune de ces réponses n'est correcte.</i> |

Question 3 ♣ Soit X une variable aléatoire réelle continue de densité $f_X : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^+$ qui admet un espérance. Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

- | | |
|---|--|
| <input type="checkbox"/> La fonction de répartition de X vaut $F_X(x) = \mathbf{P}(X \geq x)$ | <input type="checkbox"/> $\mathbf{E}[X] = \int_{-\infty}^{+\infty} x f(x) dx$ |
| <input type="checkbox"/> L'espérance d'une variable aléatoire réelle est toujours positive ou nulle | <input type="checkbox"/> Une densité de probabilité prend toujours des valeurs négatives |
| <input type="checkbox"/> La fonction de répartition de X vaut $F_X(x) = \mathbf{P}(x \leq -X)$ | <input checked="" type="checkbox"/> La fonction de répartition de X vaut $F_X(x) = \mathbf{P}(X \leq x)$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> L'espérance de X est un nombre réel | <input checked="" type="checkbox"/> $\mathbf{E}[X] = \int_{-\infty}^{+\infty} xf_X(x) dx$ |
| | <input type="checkbox"/> <i>Aucune de ces réponses n'est correcte.</i> |

Question 4 ♣ Soit X_1, \dots, X_n n variables aléatoires indépendantes et de même loi normale $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ d'espérance $\mu \in \mathbb{R}$ et de variance $\sigma^2 \in \mathbb{R}^+$. On note $S_n = \sum_{i=1}^n X_i$ et $\bar{X}_n = S_n/n$. Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

- | | |
|---|--|
| <input type="checkbox"/> $\mathbf{E}[X_1] = 0$ | <input checked="" type="checkbox"/> $\sqrt{n} \frac{\bar{X}_n - \mu}{\sigma} \sim \mathcal{N}(0, 1)$ |
| <input type="checkbox"/> $\mathbf{V}[\bar{X}_n] = \sigma^2/\sqrt{n}$ | <input type="checkbox"/> X_1 est une variable aléatoire discrète |
| <input type="checkbox"/> $\sqrt{n} \frac{\bar{X}_n - \mu}{\sigma^2} \sim \mathcal{N}(0, 1)$ | <input type="checkbox"/> $\frac{\bar{X}_n - \mu}{\sigma} \sim \mathcal{N}(0, 1)$ |
| <input type="checkbox"/> $S_n \sim \mathcal{N}(n\mu, \sigma^2)$ | <input checked="" type="checkbox"/> $S_n \sim \mathcal{N}(n\mu, n\sigma^2)$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> $\mathbf{V}[X_2] = \sigma^2$ | <input type="checkbox"/> <i>Aucune de ces réponses n'est correcte.</i> |

Exercice 2.

On considère (X, Y) un couple aléatoire à valeurs dans \mathbb{R}^2 de fonction de répartition $F_{X,Y}$ et de densité $f_{X,Y}$. On reprendra les mêmes notations que dans le cours : F_X et F_Y désignent les fonctions de répartition des marginales et f_X et f_Y les densités de ces marginales.

Question 5 ♣ Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

- | | |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> $F_{X,Y}(x, y) = \mathbf{P}(X \leq x)\mathbf{P}(Y \leq y)$ | <input type="checkbox"/> $\mathbf{P}(X \leq 0) = \int_{-\infty}^0 F_X(x) dx$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> $\lim_{x \rightarrow +\infty} F_X(x) = 1$ | <input type="checkbox"/> $\lim_{x \rightarrow -\infty} F_X(y) = 1$ |
| <input type="checkbox"/> $F_{X,Y}(x, y) = F_X(x)F_Y(y)$ | <input type="checkbox"/> $F_{X,Y} : [0, 1] \rightarrow \mathbb{R}^2$ |
| <input type="checkbox"/> $F_X(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} F_{X,Y}(x, y) dy$ | <input checked="" type="checkbox"/> $f_{X,Y} : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^+$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> $f_Y(y) = \int_{-\infty}^{+\infty} f_{X,Y}(x, y) dx$ | <input type="checkbox"/> <i>Aucune de ces réponses n'est correcte.</i> |

Question 6 ♣ On suppose (uniquement) dans cette question que X et Y sont indépendantes. Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

☐ **A** $\mathbf{V}[X - Y] = \mathbf{V}[X] - \mathbf{V}[Y]$

☒ $\mathbf{V}[X - Y] = \mathbf{V}[X] + \mathbf{V}[Y]$

☒ $f_{X,Y}(x, y) = f_X(x)f_Y(y)$

☒ $\mathbf{E}[X - 2Y] = \mathbf{E}[X] - \mathbf{E}[2Y]$

☐ **C** $\mathbf{V}[XY] = \mathbf{V}[X] + \mathbf{V}[Y]$

☒ $\mathbf{E}[X^2Y] = \mathbf{E}[X^2]\mathbf{E}[Y]$

☐ **D** $F_{X,Y}(x, y) = F_X(x) + F_Y(y)$

☐ **J** $\mathbf{V}[XY] = \mathbf{V}[X]\mathbf{V}[Y]$

☐ **E** $\mathbf{V}[X - Y] = \mathbf{V}[X] - \mathbf{V}[-Y]$

☐ **K** Aucune de ces réponses n'est correcte.

☐ **F** $\mathbf{E}[2X - 3Y] = 2\mathbf{E}[X] + 3\mathbf{E}[Y]$

Exercice 3. Les questions de cet exercice sont essentiellement des questions de cours sur la partie estimation.

Question 7 ♣ Soit X_1, \dots, X_n n v.a.r i.i.d. de loi \mathbf{P}_θ avec $\theta \in \mathbb{R}$ inconnu. Soit $\hat{\theta}$ un estimateur de θ . On note $b(\hat{\theta})$ son biais. Le risque quadratique de $\hat{\theta}$ vaut (on cochera la (ou les) assertion(s) vraie(s)) :

☐ **A** $b^2(\hat{\theta}) + \mathbf{V}(\theta)$

☐ **D** $\mathbf{E}[(\hat{\theta} - \mathbf{E}[\hat{\theta}])^2]$

☒ $\mathbf{E}[(\hat{\theta} - \theta)^2]$

☐ **E** $b(\hat{\theta}) + \mathbf{V}(\hat{\theta})$

☒ $\left(\mathbf{E}[\hat{\theta}] - \theta\right)^2 + \mathbf{V}(\hat{\theta})$

☒ $b^2(\hat{\theta}) + \mathbf{V}(\hat{\theta})$

☐ **G** Aucune de ces réponses n'est correcte.

Question 8 ♣ Soit $\hat{\theta}$ un estimateur VUMSB (de variance minimale parmi les estimateurs sans biais) d'un paramètre $\theta \in \mathbb{R}$ et $\tilde{\theta}$ un estimateur sans biais de θ . Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

☐ **A** $\mathbf{E}[\tilde{\theta}] = 0$

☐ **E** $\mathbf{E}[\hat{\theta}] > \mathbf{E}[\tilde{\theta}]$

☒ $\mathbf{E}[\hat{\theta}] = \mathbf{E}[\tilde{\theta}]$

☒ $\mathbf{V}[\hat{\theta}] \leq \mathbf{V}[\tilde{\theta}]$

☒ $\mathbf{E}[\hat{\theta}] = \theta$

☒ $\mathbf{V}[\hat{\theta}] \geq 0$

☐ **D** $\mathbf{V}[\hat{\theta}] \geq \mathbf{V}[\tilde{\theta}]$

☐ **H** Aucune de ces réponses n'est correcte.

Question 9 ♣ Soit X_1, \dots, X_n n variables aléatoires i.i.d de loi de Bernoulli de paramètre $p \in]0, 1[$. On note $\hat{p}_1 = X_1$ et $\hat{p}_n = \bar{X}_n$. Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

☒ $\mathbf{V}[\hat{p}_2] \leq \mathbf{V}[\hat{p}_1]$

☒ \hat{p}_1 est sans biais

☒ $\mathbf{V}[\hat{p}_2] = p(1-p)/n$

☐ **F** $\mathbf{V}[\hat{p}_2] = p$

☐ **C** \hat{p}_2 est biaisé

☐ **G** Aucune de ces réponses n'est correcte.

☐ **D** $\mathbf{E}[\hat{p}_1] = \hat{p}_1$

Exercice 4. Les questions suivantes portent sur la partie convergence stochastique. L'écriture $\rightarrow 0$ signifie "tend vers 0 lorsque n tend vers $+\infty$ ".

Question 10 ♣ Soit $(X_n)_n$ une suite de v.a.r. qui converge en probabilité vers X . On a

☒ $X_n - X \xrightarrow{\mathbf{P}} 0.$

☒ $2X_n \xrightarrow{\mathbf{P}} 2X.$

☐ $X_n \xrightarrow{p.s.} X.$

☐ $X_n \xrightarrow{L_2} X$

☐ $X_n \xrightarrow{L_1} X$

☐ $X_n - X \xrightarrow{L_2} 0$

☒ $X_n^2 \xrightarrow{\mathbf{P}} X^2.$

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

Question 11 ♣ Soit $(X_n)_n$ une suite de variables aléatoires indépendantes et de même loi exponentielle de paramètre $\lambda > 0$. On rappelle que $\mathbf{E}[X_1] = 1/\lambda$. Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

☐ $\bar{X}_n \xrightarrow{\mathbf{P}} \lambda$

☐ $\mathbf{V}[\bar{X}_n] \xrightarrow{L_2} 1/(n\lambda)$

☒ $\bar{X}_n \xrightarrow{p.s.} 1/\lambda$

☒ $1/\bar{X}_n \xrightarrow{\mathbf{P}} \lambda$

☒ $2\bar{X}_n \xrightarrow{\mathbf{P}} 2/\lambda$

☐ $\bar{X}_n \xrightarrow{L_2} 1/\lambda^2$

☐ $\bar{X}_n \xrightarrow{L_2} \lambda^2$

☒ $\bar{X}_n \xrightarrow{\mathbf{P}} 1/\lambda$

☐ $\bar{X}_n \xrightarrow{\mathbf{P}} X_1$

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

Question 12 ♣ Soit $(X_n)_n$ une suite de variables aléatoires indépendantes et de même loi exponentielle de paramètre $\lambda > 0$. On rappelle que $\mathbf{E}[X_1] = 1/\lambda$. Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

☒ $\sqrt{n/\lambda}(\bar{X}_n - 1/\lambda) \xrightarrow{\mathcal{L}} \mathcal{N}(0, 1)$

☒ $\sqrt{n}(\bar{X}_n - 1/\lambda) \xrightarrow{\mathcal{L}} \mathcal{N}(0, 1/\lambda^2)$

☐ $\sqrt{n/\lambda}(\bar{X}_n - \lambda) \xrightarrow{\mathcal{L}} \mathcal{N}(0, 1)$

☐ $\sqrt{n}(\bar{X}_n - 1/\lambda) \xrightarrow{\mathcal{L}} \mathcal{N}(0, 1/\lambda)$

☐ $\sqrt{n}(\bar{X}_n - 1/\lambda) \xrightarrow{\mathcal{L}} \mathcal{N}(0, 1/(n\lambda^2))$

☐ $\frac{(\bar{X}_n - 1/\lambda)}{\sqrt{n}} \xrightarrow{\mathcal{L}} \mathcal{N}(0, 1/\lambda^2)$

☐ $(\bar{X}_n - 1/\lambda) \xrightarrow{\mathcal{L}} \mathcal{N}(0, 1/(n\lambda^2))$

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

Question 13 $(X_n)_n$ converge vers X en probabilité si et seulement si pour tout $\varepsilon > 0$ on a :

☐ $\mathbf{P}(|X_n - X| \leq \varepsilon) \rightarrow 0$

☐ $\mathbf{P}(|X_n - X| > \varepsilon) \rightarrow 1$

☐ $\frac{1}{n}\mathbf{P}(|X_n - X| \geq \varepsilon) \rightarrow 0$

☒ $\mathbf{P}(|X_n - X| > \varepsilon) \rightarrow 0$

☐ $\mathbf{P}(|X_n - \mathbf{E}[X]| > \varepsilon) \rightarrow 0$

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

Dans les deux questions suivantes (questions 14 et 15), on considère $(X_n)_n$ une suite de variables aléatoires indépendantes dont la loi est définie par

$$\mathbf{P}(X_n = n+1) = \frac{1}{n^2} \quad \text{et} \quad \mathbf{P}(X_n = 1) = 1 - \frac{1}{n^2}, \quad n \geq 1.$$

Question 14 ♣ Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

☐ $X_n \xrightarrow{L_1} 0$

☐ $X_n \xrightarrow{\mathbf{P}} n$

☐ $X_n \xrightarrow{L_2} 1$

☐ $X_n \xrightarrow{L_2} 0$

☐ $X_n \xrightarrow{p.s.} 0$

☒ $X_n \xrightarrow{\mathbf{P}} 1$

☒ $X_n \xrightarrow{p.s.} 1$

☐ $X_n \xrightarrow{\mathbf{P}} 0$

☒ $X_n \xrightarrow{L_1} 1$

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

Question 15 ♣ On désigne par F_{X_n} la fonction de répartition de X_n et par F_X celle de la variable aléatoire $X = 1$ (v.a constante égale à 1). Soit $x > 1$. Cochez la (ou les) assertion(s) vraie(s).

☒ $F_{X_n}(1) = 1 - 1/n^2$

☒ $\lim_{n \rightarrow +\infty} F_{X_n}(x) = 1$

☐ $F_{X_n}(1) = 1/n^2$

☒ $X_n \xrightarrow{\mathcal{L}} X$

☐ $F_{X_n}(1) = 0$

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

☐ $X_n \xrightarrow{\mathcal{L}} X - 1$

Exercice 5. Dans cet exercice on considère X_1, \dots, X_n n variables aléatoires réelles i.i.d dont la loi admet pour densité

$$f_\theta(x) = (1 - \theta)\mathbf{1}_{[-1/2, 0]}(x) + (1 + \theta)\mathbf{1}_{[0, 1/2]}(x),$$

On note $\hat{\theta}$ l'estimateur du maximum de vraisemblance de θ et $\tilde{\theta}$ celui des moments. On note également

$$U_n = \sum_{i=1}^n \mathbf{1}_{]-\infty, 0]}(X_i) \quad \text{et} \quad V_n = \sum_{i=1}^n \mathbf{1}_{[0, +\infty[}(X_i),$$

ainsi que, pour $x_i \in [-1/2, 1/2], i = 1, \dots, n$

$$u_n = \sum_{i=1}^n \mathbf{1}_{]-\infty, 0]}(x_i) \quad \text{et} \quad v_n = \sum_{i=1}^n \mathbf{1}_{[0, +\infty[}(x_i).$$

Question 16 L'espérance de X_1 vaut

☐ $-\theta/2$

☒ $\theta/4$

☐ θ

☐ $1 - \theta$

☐ $\theta/2$

☐ 0

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

Question 17 L'estimateurs des moments $\tilde{\theta}$ est donné par :

☒ $4\bar{X}_n$

☐ $\bar{X}_n/4$

☐ \bar{X}_n

☐ $\min(X_1, \dots, X_n)$

☐ $\max(X_1, \dots, X_n)$

☐ $\max(X_1, \dots, X_n) - 1/n$

☐ $2\bar{X}_n$

☐ $1 - \bar{X}_n$

☐ $\bar{X}_n/2$

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

Question 18 Soit x_1, \dots, x_n tels que $x_i \in [-1/2, 1/2]$. La vraisemblance $L(x_1, \dots, x_n; \theta)$ est égale à

☐ $(1 - \theta)u_n + (1 + \theta)v_n$

☐ $\theta^{u_n - v_n}$

☒ $(1 - \theta)^{u_n} (1 + \theta)^{v_n}$

☐ $\theta^{u_n + v_n}$

☐ $(1 + \theta)u_n + (1 - \theta)v_n$

☐ $(1 + \theta)^{u_n} (1 - \theta)^{v_n}$

☐ $\theta u_n + (1 + \theta)v_n$

☐ Aucune de ces réponses n'est correcte.

Question 19 L'estimateur du maximum de vraisemblance $\hat{\theta}$ est donné par

- | | |
|---|---|
| <input type="checkbox"/> A $1 - \bar{X}_n$ | <input type="checkbox"/> H $\min(U_n, V_n)$ |
| <input type="checkbox"/> B \bar{X}_n | <input checked="" type="checkbox"/> I $\frac{1}{n}(V_n - U_n)$ |
| <input type="checkbox"/> C $\min(X_1, \dots, X_n)$ | <input type="checkbox"/> J $\max(X_1, \dots, X_n) - 1/n$ |
| <input type="checkbox"/> D $\max(U_n, V_n)$ | <input type="checkbox"/> K $\frac{1}{n}(U_n - V_n)$ |
| <input type="checkbox"/> E $\bar{X}_n + 1$ | <input type="checkbox"/> L $\max(X_1, \dots, X_n)$ |
| <input type="checkbox"/> F $\frac{1}{n}(V_n + U_n)$ | <input type="checkbox"/> M Aucune de ces réponses n'est correcte. |
| <input type="checkbox"/> G $\bar{X}_n - 1$ | |

Question 20 L'espérance de l'estimateur du maximum de vraisemblance $\hat{\theta}$ vaut :

- | | |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> A $\theta - 1/n$ | <input type="checkbox"/> F $\theta - 2/n$ |
| <input checked="" type="checkbox"/> B θ | <input type="checkbox"/> G $\frac{n}{n+1}\theta$ |
| <input type="checkbox"/> C $-\theta$ | <input type="checkbox"/> H $\frac{n+1}{n}\theta$ |
| <input type="checkbox"/> D $\theta + 1/n$ | <input type="checkbox"/> I Aucune de ces réponses n'est correcte. |
| <input type="checkbox"/> E $\theta + 2/n$ | |

Question 21 L'information de Fisher $I(\theta)$ (associée à une observation) est égale à :

- | | |
|--|---|
| <input checked="" type="checkbox"/> A $1/(1 - \theta^2)$ | <input type="checkbox"/> F θ^2 |
| <input type="checkbox"/> B $\theta^2/(1 + \theta^2)$ | <input type="checkbox"/> G $1/(1 + \theta^2)$ |
| <input type="checkbox"/> C $-\theta$ | <input type="checkbox"/> H $4/(1 + \theta^2)$ |
| <input type="checkbox"/> D 0 | <input type="checkbox"/> I Aucune de ces réponses n'est correcte. |
| <input type="checkbox"/> E $1/\theta^2$ | |

Question 22 Cochez la bonne réponse

- | | |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> A $n\tilde{\theta}/(n-1)$ est VUMSB | <input checked="" type="checkbox"/> B $\hat{\theta}$ est VUMSB |
| | <input type="checkbox"/> C $\tilde{\theta}$ est VUMSB |
| <input type="checkbox"/> B $n\hat{\theta}/(n-1)$ est VUMSB | <input type="checkbox"/> D Aucune de ces réponses n'est correcte. |

Feuille de réponses :

0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9

← codez votre numéro d'étudiant ci-contre, et inscrivez votre nom et prénom ci-dessous.

Nom et prénom :

.....

.....

Les réponses aux questions sont à donner exclusivement sur cette feuille : les réponses données sur les feuilles précédentes ne seront pas prises en compte.

QUESTION 1 : ☐ A ☒ ☒ D ☐ E ☐ F ☒ H ☐ I ☒ K

QUESTION 2 : ☒ B ☒ D ☒ F ☐ G ☐ H ☒ J

QUESTION 3 : ☐ A ☐ B ☐ C ☒ E ☐ F ☒ I

QUESTION 4 : ☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☒ G ☐ H ☒ J

QUESTION 5 : ☐ A ☒ C ☐ D ☒ F ☐ G ☐ H ☒ J

QUESTION 6 : ☐ A ☒ C ☐ D ☐ E ☐ F ☒ J ☒ K

QUESTION 7 : ☐ A ☒ D ☐ E ☒ G

QUESTION 8 : ☐ A ☒ D ☐ E ☒ H

QUESTION 9 : ☒ C ☐ D ☒ F ☐ G

QUESTION 10 : ☒ B ☐ C ☒ F ☐ G ☐ H

QUESTION 11 : ☐ A ☒ D ☐ E ☐ F ☒ H ☒ J

QUESTION 12 : ☒ B ☐ C ☐ D ☒ F ☐ G ☐ H

QUESTION 13 : ☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☒ F

QUESTION 14 : ☐ A ☐ B ☐ C ☒ F ☐ G ☒ I ☐ J

QUESTION 15 : ☒ B ☐ C ☐ D ☒ G

QUESTION 16 : ☐ A ☒ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G

QUESTION 17 : ☒ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G ☐ H ☐ I ☐ J

QUESTION 18 : ☐ A ☒ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G ☐ H

QUESTION 19 : ☐ A ☐ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G ☐ H ☒ J ☐ K ☐ L ☐ M

QUESTION 20 : ☐ A ☒ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G ☐ H ☐ I

QUESTION 21 : ☒ B ☐ C ☐ D ☐ E ☐ F ☐ G ☐ H ☐ I

QUESTION 22 : ☐ A ☐ B ☒ D ☐ E

CORRECTION