OBLIGATORISK INNLEVERING

RC-kretsen:

En RC-krets er en lukket krets som består av en motstand R, en kondensator med kapasiteten C og en spenningskilde V.

Kondensator:

$$i(t) = Cv'(t)$$

Utrykket for en RC-krets kan utledes ved bruk av KVL:

$$V = V_{\rm R} + V_{\rm C}$$

Hvor:

$$V_R = i(t)R$$

$$V_R = RCv'(t)$$

Og:

$$V_C = v(t)$$

Som gir:

$$V = RC\dot{v}(t) + v(t)$$

I oppgaven er det bedt om at V = 9, ettersom at spenningskilden er ett 9 volts batteri.

Jeg velger verdier $R=1~\mathrm{M}\Omega$ og $C=100\mu F$ slik at tidskonstanten $\tau=RC=1$ s. Da vil kondensatoren være ladet opp til 99% ved $5\tau=5$ s, slik at målinger kan foregå relativt enkelt.

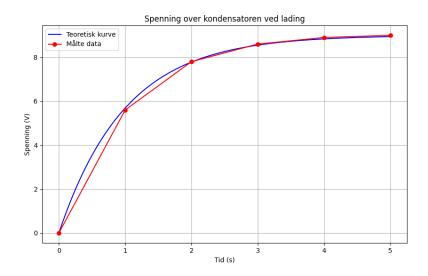
$$\dot{v}(t) + v(t) = 9$$
, $v(0) = 0$

Løsningen for denne førsteordens lineære differensiallikningen kan da skrive som:

$$v(t) = 9 - (v(0) - 9)e^{-\frac{t}{RC}}$$

$$v(t) = 9\left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$$

Her er forventet spenning plottet sammen med målt spenning:



Oppsett:

