

Prof. Msc. Elias Batista Ferreira  
Prof. Dr. Gustavo Teodoro Laureano  
Profa. Dra. Luciana Berretta  
Prof. Dr. Thierson Rosa Couto

## **Sumário**

<b>1</b>	<b>Frações Equivalentes</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Mercado</b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b>Tradutor do Papai Noel</b>	<b>5</b>
<b>4</b>	<b>Vetores Ordenados</b>	<b>7</b>
<b>5</b>	<b>Cursos</b>	<b>8</b>
<b>6</b>	<b>Ordenação por Data</b>	<b>10</b>
<b>7</b>	<b>Distância entre pontos</b>	<b>11</b>
<b>8</b>	<b>Cursos - Versão 2</b>	<b>12</b>
<b>9</b>	<b>Frações Equivalentes -Versão 2</b>	<b>14</b>
<b>10</b>	<b>Soma e Subtração de Polinômios</b>	<b>15</b>
<b>11</b>	<b>Estiagem</b>	<b>17</b>
<b>12</b>	<b>Números Racionais (++++)</b>	<b>18</b>
<b>13</b>	<b>Raízes de equações quadradas (++++)</b>	<b>20</b>

# 1 Frações Equivalentes



(+)

Tia Zuleika está ensinando seus alunos sobre frações equivalentes. Ela vai gerar uma lista de frações e vai pedir aos seus alunos para indicarem quais pares de frações são equivalentes entre si, percorrendo a lista da esquerda para direita. Ela pretende gerar uma lista grande, para que todos os alunos da turma tenham oportunidade de responder. Tia Zuleika está muito ocupada e sabendo que você é “fera” em programação, está pedindo sua ajuda para que faça um programa capaz de ler sequências de frações e para cada sequência indicar quais pares são equivalentes entre si. O programa deve comparar a primeira fração com todas as outras seguintes, depois deve comparar a segunda com todas as outras seguintes e assim por diante, de modo que a posição na lista da primeira fração de um par de frações seja sempre menor que a posição da segunda fração do par.

## Entrada

A primeira linha da entrada contém o número  $n \leq 30$  de casos de teste. Para cada caso de teste há duas linhas na entrada. A primeira linha, contém o tamanho  $m (m \leq 50)$  da sequência de frações. A segunda linha contém a sequência de  $m$  frações separadas entre si por um espaço. Cada fração tem o seguinte formato:  $x/y$ .

## Saída

Para cada caso de teste a saída é formada por uma frase no formato “Caso de Teste  $t$ ”, onde  $t$  corresponde ao número de um caso de teste. Em seguida, o programa deve imprimir tantas linhas no formato “ $x/y$  equivalente a  $w/u$ ” quantos forem os pares de frações equivalentes na sequência. Se não houver pares equivalentes o programa deve emitir uma linha com a mensagem: “Nao ha fracoes equivalentes na sequencia”.

## Exemplo

Entrada
2
5
1/2 1/3 1/4 1/5 1/6
5
1/2 2/4 3/5 10/20 3/6
Saída
Caso de teste 1
Nao ha fracoes equivalentes na sequencia
Caso de teste 2
1/2 equivalente a 2/4
1/2 equivalente a 10/20
1/2 equivalente a 3/6
2/4 equivalente a 10/20
2/4 equivalente a 3/6
10/20 equivalente a 3/6

## 2 Mercado



(+) <sup>1</sup>

Dona Parcinova costuma ir regularmente à feira para comprar frutas e legumes. Ela pediu então à sua filha, Mangojata, que a ajudasse com as contas e que fizesse um programa que calculasse o valor que precisa levar para poder comprar tudo que está em sua lista de compras, considerando a quantidade de cada tipo de fruta ou legume e os preços destes itens.

### Entrada

A primeira linha de entrada contém um inteiro  $N$  que indica a quantidade de idas à feira de dona Parcinova (que nada mais é do que o número de casos de teste que vem a seguir). Cada caso de teste inicia com um inteiro  $M$  que indica a quantidade de produtos que estão disponíveis para venda na feira. Seguem os  $M$  produtos com seus preços respectivos por unidade ou Kg. A próxima linha de entrada contém um inteiro  $P$  ( $1 \leq P \leq M$ ) que indica a quantidade de diferentes produtos que dona Parcinova deseja comprar. Seguem  $P$  linhas contendo cada uma delas um texto (com até 50 caracteres) e um valor inteiro, que indicam respectivamente o nome de cada produto e a quantidade deste produto.

### Saída

Para cada caso de teste, imprima o valor que será gasto por dona Parcinova no seguinte formato:  $R\$$  seguido de um espaço e seguido do valor, com 2 casas decimais, conforme o exemplo abaixo.

---

<sup>1</sup>Corresponde ao problema 1281- Ida à Feira do Uri Online Judge -<https://www.urionlinejudge.com.br/judge/pt/problems/view/1281>.

## Exemplo

Entrada
2
4
mamao 2.19
cebola 3.10
tomate 2.80
uva 2.73
3
mamao 2
tomate 1
uva 3
5
morango 6.70
repolho 1.12
brocolis 1.71
tomate 2.80
cebola 2.81
4
brocolis 2
tomate 1
cebola 1
morango 1
Saída
R\$ 15.37
R\$ 15.73

### 3 Tradutor do Papai Noel



(++)<sup>2</sup>

Nicolau já está bastante cansado e sua memória não é mais a mesma. Você, como navegador, deverá auxiliar o Papai Noel a gritar a frase “Feliz Natal” no idioma correto de cada país de que o trenó está sobrevoando.

Como você é um elfo muito esperto, você já criou um pequeno app no seu celular (sim, elfos tem celular) que irá lhe informar a frase no idioma correto dado o nome do país. Como o trenó é moderno (foi atualizado no ano 2000) ele exibe no painel de navegação o nome do país atual.

Os dados inseridos no seu app foram:

brasil	Feliz Natal!
alemanha	Froehliche Weihnachten!
austria	Frohe Weihnacht!
coreia	Chuk Sung Tan!
espanha	Feliz Navidad!
greCIA	Kala Christougena!
estados-unidos	Merry Christmas!
inglaterra	Merry Christmas!
australia	Merry Christmas!
portugal	Feliz Natal!
suecia	God Jul!
turquia	Mutlu Noeller
argentina	Feliz Navidad!
chile	Feliz Navidad!
mexico	Feliz Navidad!
antardida	Merry Christmas!
canada	Merry Christmas!
irlanda	Nollaig Shona Dhuit!
belgica	Zalig Kerstfeest!
italia	Buon Natale!
libia	Buon Natale!
siria	Milad Mubarak!
marrocos	Milad Mubarak!
japao	Merii Kurisumasu!

Para não correr o risco de informar o nome errado você decidiu testar o aplicativo mais algumas vezes.

#### Entrada

Você irá testar o seu aplicativo com diversos nomes de países, simulando os dados informados pelo painel de navegação do trenó. A entrada termina por fim de arquivo.

#### Saída

O seu aplicativo deverá mostrar na tela a frase no idioma correto. Caso ela não esteja cadastrada, você deverá exibir a mensagem -- NOT FOUND --"para que depois dos testes você possa completar o banco de dados.

---

<sup>2</sup>Corresponde ao problema 1763 - Tradutor do Papai Noel do Uri Online Judge - <https://www.urionlinejudge.com.br/judge/pt/problems/view/1763>.

## Exemplo

Entrada
uri-online-judge alemanha brasil austria
Saída
-- NOT FOUND -- Frohliche Weihnachten! Feliz Natal! Frohe Weihnacht!

## 4 Vetores Ordenados



(++)

Faça um programa que leia vários pares de pontos no espaço de quatro dimensões e calcule a norma do vetor correspondente a cada vetor e imprima as normas dos vetores em ordem crescente. A norma de um vetor  $A(a_u, a_x, a_y, a_z)$  no espaço tetradimensional corresponde a sua distância e o ponto de origem e  $O(0,0,0,0)$  e é calculada como:

$$||A|| = \sqrt{a_u^2 + a_x^2 + a_y^2 + a_z^2} \quad (1)$$

Voce deve usar um vetor de structs para armazenar as coordenadas e a norma de cada ponto.

### Entrada

A entrada consiste de várias linhas. A primeira linha apresenta um número de pontos  $N$ , com  $2 \leq N \leq 1000$ . As  $N$  linhas seguintes apresentam pontos no espaço na forma  $u, x, y, z$  com  $u, x, y, z$  números reais tais que  $-1000 \leq u, x, y, z \leq 1000$ .

### Saída

A saída consiste de  $N$  linhas, cada uma no formato: "Vetor:  $(a, b, c, d)$  Norma:  $x$ ", onde  $a, b, c, d$  correspondem à coordenadas de um vetor lido, com duas casas decimais cada e  $x$  o valor de sua norma com duas casas decimais. As linhas devem conter os vetores em ordem crescente de norma.

### Exemplo

Entrada
4
1 1 5 2
2 -1 3 0.2
4 2 -1 0.9
-3 4 2 34.2
Saída
Vetor: (2.00, -1.00, 3.00, 0.20) Norma: 3.75
Vetor: (4.00, 2.00, -1.00, 0.90) Norma: 4.67
Vetor: (1.00, 1.00, 5.00, 2.00) Norma: 5.57
Vetor: (-3.00, 4.00, 2.00, 34.20) Norma: 34.62

## 5 Cursos



(+)

Uma universidade particular possui uma tabela de valores de créditos por curso com os campos:

- código do curso (int),
- valor por crédito (float).
- nome do curso (cadeia com no máximo 100 caracteres),

Faça um programa que primeiramente carregue a tabela de cursos acima e depois leia registros de alunos com as seguintes informações:

- nome do aluno (cadeia com no máximo 500 caracteres),
- o código do curso onde o mesmo está matriculado (int), e
- o número de créditos que ele está cursando (int).

Calcule a mensalidade a ser paga pelo aluno e imprima as informações em um boleto de pagamento com as seguintes informações: nome do aluno, nome do curso, total de créditos que o aluno cursa, valor do crédito do curso e o valor final da mensalidade a pagar.

### Entrada

A primeira linha da entrada contém o número  $n$  ( $5 \leq n \leq 30$ ) de cursos a universidade. Em seguida há  $3n$  linhas contendo as três informações dos  $n$  cursos. A próxima linha contém um valor inteiro que corresponde ao número  $m$  ( $1 \leq m \leq 1000$ ) de alunos da universidade. Em seguida, há  $3m$  linhas, com os três dados dos  $m$  alunos.

### Saída

A saída é formada por  $m$  linhas, cada uma no seguinte formato: Aluno(a):  $a$  Curso:  $b$  Num. Creditos:  $c$  Valor Credito:  $d$  Mensalidade:  $e$ , onde  $a$  e  $b$  são cadeias de caracteres,  $c$  é um número inteiro e  $d$  e  $e$  são números em ponto flutuante com duas casas decimais.



## Exemplo

Entrada	
4	
298	
234.5	
Direito	
123	
150.00	
Eng. Eletrica	
452	
132.00	
Eng. Civil	
341	
120.00	
Farmacia	
5	
Joao Luiz	
298	
5	
Paula Lima	
452	
4	
Maria	
123	
6	
Luiz Andre	
341	
3	
Antonio Luiz	
341	
8	
Saída	
Aluno(a): Joao Luiz Curso: Direito Num. Creditos: 5 Valor Credito: 234.50 Mensalidade: 1172.50	
Aluno(a): Paula Lima Curso: Eng. Civil Num. Creditos: 4 Valor Credito: 132.00 Mensalidade: 528.00	
Aluno(a): Maria Curso: Eng. Eletrica Num. Creditos: 6 Valor Credito: 150.00 Mensalidade: 900.00	
Aluno(a): Luiz Andre Curso: Farmacia Num. Creditos: 3 Valor Credito: 120.00 Mensalidade: 360.00	
Aluno(a): Antonio Luiz Curso: Farmacia Num. Creditos: 8 Valor Credito: 120.00 Mensalidade: 960.00	

## 6 Ordenação por Data



(++)

Uma determinada professora quer ordenar seus alunos em ordem crescente de idade. Escreva um programa em C que leia os dados dos alunos, entre eles a data de nascimento, ordene os alunos em ordem crescente de idade. Para isso seu programa deve ter uma função *ComparaDataNasc()* que recebe dois parâmetros. O primeiro corresponde a uma struct (ou um ponteiro para uma struct) que contém o dia, o mês e o ano de nascimento de uma aluno. O segundo parâmetro tem o mesmo tipo de dado do primeiro e contém a data de nascimento do segundo aluno. Essa função retorna 1 se o primeiro aluno é mais novo ou tem a mesma idade do segundo aluno e retorna zero em caso contrário. Essa função deve ser chamada pela função que ordena os alunos em ordem crescente de idade.

### Entrada

A entrada contém apenas um caso de teste. A primeira linha da entrada contém um número inteiro  $n$ , ( $1 \leq n \leq 30$ ) que corresponde ao número de alunos da turma. Em seguida há  $n$  linhas, contendo cada uma:

- a matrícula de um aluno (int);
- o dia de nascimento de um aluno (int);
- o mês de nascimento de um aluno (int);
- o ano de nascimento de um aluno (int);
- o nome de um aluno (no máximo 200 caracteres);

### Saída

A saída é formada por  $n$  linhas, cada uma correspondendo ao um aluno, ordenadas em ordem crescente de idade dos alunos. Cada linha deve ter o seguinte formato: Matric.:  $m$  Nome:  $n$  Data Nasc.:  $dd/mm/aa$ , onde  $m$  é a matricula de um aluno,  $n$ , o seu nome, e  $dd$ ,  $mm$  e  $aa$ , são respectivamente o dia, o mês e o ano do seu nascimento.

### Exemplo

Entrada	
5	
12345 12 07 1978	Felizbina Freitas
23489 11 03 2009	Joao Feliz da Tristeza
98762 05 12 1976	Maria Batista de Souza
34561 11 07 1978	Roberto de Assis
34599 07 05 1976	Luiz Alberto Ferreira
Saída	
Matric.: 23489 Nome:	Joao Feliz da Tristeza Data Nasc: 11/3/2009
Matric.: 12345 Nome:	Felizbina Freitas Data Nasc: 12/7/1978
Matric.: 34561 Nome:	Roberto de Assis Data Nasc: 11/7/1978
Matric.: 98762 Nome:	Maria Batista de Souza Data Nasc: 5/12/1976
Matric.: 34599 Nome:	Luiz Alberto Ferreira Data Nasc: 7/5/1976

## 7 Distância entre pontos



(++)

Faça um programa que leia vários pares de pontos no espaço de quatro dimensões e calcule a distância entre eles. Considere que a distância entre dois pontos no espaço tetradimensional  $A(a_u, a_x, a_y, a_z)$  e  $B(b_u, b_x, b_y, b_z)$  é calculada como:

$$d(A, B) = |BA| = \sqrt{(a_u - b_u)^2 + (a_x - b_x)^2 + (a_y - b_y)^2 + (a_z - b_z)^2} \quad (2)$$

Voce deve usar uma struct para representar cada ponto.

### Entrada

A entrada consiste de várias linhas. A primeira linha apresenta um número de pontos  $N$ , com  $2 \leq N \leq 1000$ . As  $N$  linhas seguintes apresentam pontos no espaço na forma  $u, x, y, z$ , com  $u, x, y$  e  $z$  números reais tais que  $-1000 \leq x, y, z \leq 1000$ . Faça um programa que calcule a distância entre dois pontos consecutivos nesta lista. Note que, com exceção do primeiro e último valor de entrada, todos os pontos serão utilizados duas vezes, uma para o cálculo de distância com o ponto que veio antes na lista e outra para o ponto que veio depois.

### Saída

A saída consiste de  $(N - 1)$  linhas, cada uma contendo a distância entre os pontos com 2 casas decimais após a vírgula. Após a impressão do valor de uma distância, o programa deve imprimir o caractere de quebra de linha.

### Exemplo

Entrada
2
4 1 0 1
-1 2 1 2
Saída
5.29

Entrada
4
1 1 5 1
2 -1 3 0
4 2 -1 2
-3 4 2 2
Saída
3.16
5.74
7.87

Entrada
4
15.89 0.7 0.53 0.33
0.45 0.38 0.22 0.11
0 0 0 1
0 0 1 0.5
Saída
15.45
1.09
1.12

## 8 Cursos - Versão 2



(++)

Uma universidade particular possui uma tabela de valores de créditos por curso com os campos:

- código do curso (int),
- valor por crédito (float).
- nome do curso (cadeia com no máximo 100 caracteres),

Faça um programa que primeiramente carregue a tabela de cursos acima e depois leia registros de alunos com as seguintes informações:

- nome do aluno (cadeia com no máximo 500 caracteres),
- o código do curso onde o mesmo está matriculado (int), e
- o número de créditos que ele está cursando (int).

**Os nomes dos cursos e dos alunos devem ter espaço suficiente apenas para armazenar os caracteres que formam os nomes e o caractere delimitador da string. Para isso, seu programa deve ler inicialmente os nomes (de cursos e de alunos) em um buffer que é uma string com 1000 caracteres. Para cada nome lido deve ser alocado um espaço para ele mais o '\0' no elemento do vetor onde esse nome será armazenado. Calcule a mensalidade a ser paga pelo aluno e imprima as informações em um boleto de pagamento com as seguintes informações: nome do aluno, nome do curso, total de créditos que o aluno cursa, valor do crédito do curso e o valor final da mensalidade a pagar. Ao final, seu programa deve liberar todos os espaços alocados para armazenar os nomes de cursos e de alunos.**

### Entrada

A primeira linha da entrada contém o número  $n$  ( $5 \leq n \leq 30$ ) de cursos a universidade. Em seguida há  $3n$  linhas contendo as três informações dos  $n$  cursos. A próxima linha contém um valor inteiro que corresponde ao número  $m$  ( $1 \leq m \leq 1000$ ) de alunos da universidade. Em seguida, há  $3m$  linhas, com os três dados dos  $m$  alunos.

### Saída

A saída é formada por  $m$  linhas, cada uma no seguinte formato: Aluno(a):  $a$  Curso:  $b$  Num. Creditos:  $c$  Valor Credito:  $d$  Mensalidade:  $e$ , onde  $a$  e  $b$  são cadeias de caracteres,  $c$  é um número inteiro e  $d$  e  $e$  são números em ponto flutuante com duas casas decimais.

## Exemplo

Entrada	
4	
298	
234.5	
Direito	
123	
150.00	
Eng. Eletrica	
452	
132.00	
Eng. Civil	
341	
120.00	
Farmacia	
5	
Joao Luiz	
298	
5	
Paula Lima	
452	
4	
Maria	
123	
6	
Luiz Andre	
341	
3	
Antonio Luiz	
341	
8	
Saída	
Aluno(a): Joao Luiz Curso: Direito Num. Creditos: 5 Valor Credito: 234.50 Mensalidade: 1172.50	
Aluno(a): Paula Lima Curso: Eng. Civil Num. Creditos: 4 Valor Credito: 132.00 Mensalidade: 528.00	
Aluno(a): Maria Curso: Eng. Eletrica Num. Creditos: 6 Valor Credito: 150.00 Mensalidade: 900.00	
Aluno(a): Luiz Andre Curso: Farmacia Num. Creditos: 3 Valor Credito: 120.00 Mensalidade: 360.00	
Aluno(a): Antonio Luiz Curso: Farmacia Num. Creditos: 8 Valor Credito: 120.00 Mensalidade: 960.00	

## 9 Frações Equivalentes -Versão 2



(+++)

Tia Zuleika está ensinando seus alunos sobre frações equivalentes. Ela vai gerar uma lista de frações e vai pedir aos seus alunos para indicarem quais pares de frações são equivalentes entre si, percorrendo a lista da esquerda para direita. Ela pretende gerar uma lista grande, para que todos os alunos da turma tenham oportunidade de responder. Tia Zuleika está muito ocupada e sabendo que você é “fera” em programação, está pedindo sua ajuda para que faça um programa capaz de ler sequências de frações e para cada sequência indicar quais pares são equivalentes entre si. O programa deve comparar a primeira fração com todas as outras seguintes, depois deve comparar a segunda com todas as outras seguintes e assim por diante, de modo que a posição na lista da primeira fração de um par de frações seja sempre menor que a posição da segunda fração do par.

### Entrada

A primeira linha da entrada contém o número  $n \leq 30$  de casos de teste. Para cada caso de teste há uma linha na entrada que contém a lista de frações separadas entre si por um espaço. Cada fração tem o seguinte formato:  $x/y$ .

**IMPORTANTE:** esta versão se difere da primeira versão do problema em relação à entrada de dados. Na primeira versão, cada caso de teste era composto por duas linhas. A primeira continha o tamanho da lista de frações e a segunda linha continha a lista de frações no tamanho especificado na linha anterior. Nessa versão, não há a informação do tamanho da lista.

### Saída

Para cada caso de teste a saída é formada por uma frase no formato “Caso de Teste  $t$ ”, onde  $t$  corresponde ao número de um caso de teste. Em seguida, o programa deve imprimir tantas linhas no formato “ $x/y$  equivalente a  $w/u$ ” quantos forem os pares de frações equivalentes na sequência. Se não houver pares equivalentes o programa deve emitir uma linha com a mensagem: “Nao ha fracoes equivalentes na sequencia”.

### Exemplo

Entrada
2 1/2 1/3 1/4 1/5 1/6 1/2 2/4 3/5 10/20 3/6
Saída
Caso de teste 1 Nao ha fracoes equivalentes na sequencia Caso de teste 2 1/2 equivalente a 2/4 1/2 equivalente a 10/20 1/2 equivalente a 3/6 2/4 equivalente a 10/20 2/4 equivalente a 3/6 10/20 equivalente a 3/6

## 10 Soma e Subtração de Polinômios



(+++)

Faça um programa para somar ou subtrair polinômios

### Entrada

A primeira linha da entrada corresponde ao número de casos de teste. Cada caso de teste é formado por várias linhas. A primeira linha contém o caractere '+' ou o caractere '-', indicando se a operação é, respectivamente de soma ou de subtração de polinômios. A próxima linha contém um número inteiro  $n_1$  que indica o número de termos do primeiro polinômio. Em seguida, há  $n_1$  ( $n_1 \leq 50$ ) linhas cada uma contendo um par de números  $c$  e  $e$  separados entre si por um espaço. O número  $c$  é um valor float, com sinal e corresponde ao coeficiente de um termo do polinômio. O valor  $e$  é um número inteiro positivo e corresponde ao expoente do termo do polinômio. Após o par  $n_1$ . Há um outro número inteiro  $n_2$  ( $n_2 \leq 50$ ) que corresponde ao número de termos do segundo polinômio, seguido, de  $n - 2$  linhas contendo pares de coeficientes e expoentes, como explicando para o caso do primeiro polinômio. Os pares de cada polinômio estão ordenados em ordem decrescente de expoente.

### Saída

Para cada caso de teste o programa deve imprimir uma linha contendo o polinômio resultante escrito no seguinte formato:

$$sc_1X \wedge e_n sc_2X \wedge e_{n-1} \cdot sc_nX \wedge e_1$$

onde  $s \in \{'+', '-'\}$  é o sinal do coeficiente do polinômio,  $c_i$  é o valor do coeficiente e  $e_i$  é o valor do expoente do termo  $i$ . Se durante a operação de soma ou subtração de polinômios um dos termos do polinômio resultante ficar com coeficiente igual a zero, esse termo não deve aparecer no polinômio resultante.

### Sugestão

Represente cada termo do polinômio como uma struct com dois campos: *coeficiente* e *expoente*. Represente cada polinômio de entrada e também o polinômio resultante como vetores de structs. Escreva uma função para cada uma das seguintes ações:

- Leitura de um polinômio
- Impressão de um polinômio
- Soma de dois polinômios
- Subtração de dois polinômios

**Exemplo**

Entrada
2
+
5
-0.5 7
+4.2 4
-3 2
+1 1
-4 0
4
+3 5
+2 4
-1 2
+3 0
+
2
-5 7
-3 0
6
+2 6
+2 5
+3 4
-2.5 3
+3 2
-1.2 1
Saída
$-0.50X \wedge 7 + 3.00X \wedge 5 + 6.20X \wedge 4 - 4.00X \wedge 2 + 1.00X \wedge 1 - 1.00$
$-5.00X \wedge 7 + 2.00X \wedge 6 + 2.00X \wedge 5 + 3.00X \wedge 4 - 2.50X \wedge 3 + 3.00X \wedge 2 - 1.20X \wedge 1 - 3.00$



## 11 Estiagem



(++++)<sup>3</sup>

Devido às constantes estiagens que aconteceram nos últimos tempos em algumas regiões do Brasil, o governo federal criou um órgão para a avaliação do consumo destas regiões com finalidade de verificar o comportamento da população na época de racionamento. Este órgão responsável irá pegar algumas cidades (por amostragem) e verificará como está sendo o consumo de cada uma das pessoas da cidade e o consumo médio de cada cidade por habitante.

### Entrada

A entrada contém vários casos de teste. A primeira linha de cada caso de teste contém um inteiro  $N$  ( $1 \leq N \leq 1 \times 10^6$ ), indicando a quantidade de imóveis. As  $N$  linhas contém um par de valores  $X$  ( $1 \leq X \leq 10$ ) e  $Y$  ( $1 \leq Y \leq 200$ ), indicando a quantidade de moradores de cada imóvel e o respectivo consumo total de cada imóvel (em  $m^3$ ). Com certeza, nenhuma residência consome mais do que  $200 m^3$  por mês. O final da entrada é representado pelo número zero.

### Saída

Para cada entrada, deve-se apresentar a mensagem “Cidade# n:”, onde  $n$  é o número da cidade seguindo a sequência (1, 2, 3, ...) e em seguida deve-se listar, por ordem ascendente de consumo, a quantidade de pessoas seguido de um hífen e o consumo destas pessoas, arredondando o valor para baixo. Na terceira linha da saída deve-se mostrar o consumo médio por pessoa da cidade, com 2 casas decimais sem arredondamento, considerando o consumo real total. Imprimir uma linha em branco entre dois casos de teste consecutivos. No fim da saída não deve haver uma linha em branco.

### Exemplo

Entrada
3
3 22
2 11
3 39
5
1 25
2 20
3 31
2 40
6 65
0
Saída
Cidade# 1:
2-5 3-7 3-13
Consumo medio: 9.00 m3.
Cidade# 2:
9-10 2-10 2-20 1-25
Consumo medio: 12.93 m3.

<sup>3</sup>Corresponde ao problema 1023 - Estiagem do Uri Online Judge - <https://www.urionlinejudge.com.br/judge/pt/problems/view/1023>.

## 12 Números Racionais (++++)



(++++)

Número racional é todo o número que pode ser representado por uma razão (ou fração) entre dois números inteiros. O conjunto dos números racionais (representado por  $\mathbb{Q}$ ) é definido por:

$$\mathbb{Q} = \left\{ \frac{a}{b} \mid a \in \mathbb{Z}; b \in \mathbb{Z}^* \right\} \quad (3)$$

Em outras palavras, o conjunto dos números racionais é formado por todos os quocientes de números inteiros  $a$  e  $b$ , em que  $b$  é não nulo. O uso da letra "Q" é derivado da palavra inglesa *quotient*, cujo significado é quociente, já que a forma de escrever um número racional é o quociente de dois números inteiros. São exemplos de números racionais:

$$\frac{5}{8}; 1; 2; \frac{1}{3}; -8; -\frac{2}{5};$$

Faça um programa que defina um novo tipo de dado através de uma estrutura chamada `tRacional`, com os componentes inteiros  $a$  e  $b$ , conforme a definição anterior. Escreva as seguintes funções para operar sobre o novo tipo:

```
1
2 /**
3  * Calcula o MDC de x e y
4  * @param x
5  * @param y
6  * @return
7  */
8 int MDC(int x, int y);
9
10
11 /**
12  * Recebe dois inteiros a e b e retorna o racional
13  * @param a numerador
14  * @param b denominador
15  * @return
16  */
17 struct tRacional racional(int a, int b);
18
19 /**
20  * Recebe um racional e retorna o seu negativo (-r).
21  * @param r numero racional
22  * @return
23  */
24 struct tRacional negativo(struct tRacional r);
25
26 /**
27  * Recebe dois racionais e retorna a adição de ambos (r1 + r2).
28  * @param r1 fator esquerdo da soma
29  * @param r2 fator direito da soma
30  * @return
31  */
32 struct tRacional soma(struct tRacional r1, struct tRacional r2);
33
34 /**
35  * Recebe dois racionais e retorna o produto de ambos (r1 * r2).
36  * @param r1 primeiro fator do produto
37  * @param r2 segundo fator do produto
38  * @return
```

```

39 */
40 struct tRacional mult(struct tRacional r1, struct tRacional r2);
41
42 /**
43  * Recebe dois racionais e retorna o quociente de ambos (r1/r2).
44  * @param r1 numerador
45  * @param r2 denominador
46  * @return
47  */
48 struct tRacional div(struct tRacional r1, struct tRacional r2);
49
50
51 /**
52  * Recebe um racional e reduz a fração ao máximo.
53  * @param r o número racional a ser reduzido
54  */
55 void reduzFracao( struct tRacional * r);

```

## Entrada

A entrada consiste de várias linhas no seguinte formato:  $a$   $b$  operação  $a$   $b$ , onde:  $-10000 \leq a \leq 10000$ ,  $0 < b \leq 10000$ . E operação será um dos seguintes caracteres: +, -, \* ou /. A entrada termina com EOF.

## Saída

A saída consiste de várias linhas com o resultado da operação sobre os racionais. É necessário reduzir a fração ao máximo. Após a impressão do último resultado quebre uma linha.

## Exemplo

Entrada	Saída
1 5 + 2 10	2 5
2 3 + 5 7	29 21
17 24 - 5 6	-1 8
8 3 * 4 3	32 9
-5 2 * 4 3	-10 3
8 3 / 4 3	2 1
2 3 / 2 5	5 3

## 13 Raízes de equações quadradas (++++)



(++++)

Uma equação de grau 2 tem o formato  $ax^2 + bx + c = 0$ , onde  $a, b, c$  são os coeficientes da equação e  $x$  a variável independente. Faça uma função que calcule, imprima e retorne as raízes de uma equação de segundo grau. Para isso, crie as estruturas `Complex` e `RaizEqu2`, sendo `Complex` formada por duas variáveis do tipo `float`, representando a parte real e imaginária; e `RaizEqu2`, contendo duas variáveis `Complex`, representando as duas raízes da equação. Você deve implementar as funções:

```
1 /**
2  * Função que calcula as raízes de uma equação de segundo grau.
3  *
4  * @param a coeficiente quadrado
5  * @param b coeficiente linear
6  * @param c constante
7  * @return retorna uma estrutura RaizEqu2 com dois números complexos
8  */
9 struct RaizEqu2 calcula_raiz_equ_2( float a, float b, float c);

1 /**
2  * Imprime numeros complexos na saída padrão do sistema. A impressão segue o formato
3  * a + bi, onde a é a parte real e b a imaginária. Os valores são apresentados
4  * somente se forem diferente de zero. No caso de a e b forem zero, o valor 0 é
5  * apresentado. Se o valor de b for 1 ou -1, somente o caracter i ou -i é
6  * apresentado.
7  *
8  * @param c Numero complexo a ser impresso.
9  */
10 void complex_print(struct Complex c);
```

As soluções das raízes desse tipo de equação são dadas pela fórmula de Bhaskara 4.

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \quad x_2 = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \quad (4)$$

### Entrada

O programa deve ler 3 valores reais, correspondentes aos coeficientes  $a, b, c$ .

### Saída

O programa deve apresentar as raízes  $x_1$  e  $x_2$  em linhas separadas. Para os valores positivos deve-se omitir o sinal  $+$ . A parte imaginária deve ser apresentada seguida do caracter  $i$ . Os valores iguais a zero devem ser omitidos. Apresenta-se o valor 0 quando a raiz possui a parte real e imaginária zeradas. Todos os valores devem ser apresentados com 2 casas decimais.

### Exemplo

Entrada	Saída
1 0 0	$x_1 = 0.00$ $x_2 = 0.00$

Entrada	Saída
1 2 1	$x_1 = -1.00$ $x_2 = -1.00$

Entrada	Saída
1 0 1	$x_1 = i$ $x_2 = -i$

Entrada	Saída
1 5 4	$x_1 = -1.00$ $x_2 = -4.00$

Entrada	Saída
1 -2 2	$x_1 = 1.00+i$ $x_2 = 1.00-i$