## Tarea 3 EL7008 - Primavera 2019 Detección de objetos usando RANSAC, Hough y descriptores SIFT

Profesor: Javier Ruiz del Solar Auxiliar: Patricio Loncomilla Ayudantes: Gabriel Azócar, Giovanni País, Nicolás Cruz

Fecha enunciado: Martes 11 de Septiembre de 2019

Fecha entrega: Lunes 30 de Septiembre de 2019

El objetivo de esta tarea es la detección de objetos usando puntos de interés y descriptores SIFT, usando tanto RANSAC como Hough. Para esto, se obtendrán los puntos de interés y descriptores (no es necesario programar esta parte), se generarán calces entre descriptores parecidos entre dos imágenes y se usará RANSAC o bien Hough para encontrar un grupo de calces que sean compatibles con una misma transformación de semejanza entre una imagen de prueba (pru) y otra de referencia (ref).

1.- Un par punto de interés – descriptor se define como:

$$(x, y, \sigma, \varphi, \vec{d})$$

Donde  $(x,y,\sigma,\phi)$  corresponde a la posición, escala y orientación asociada al punto de interés (se puede ver como la posición, largo y orientación de una flecha). El descriptor  $\vec{d}$  corresponde a un vector de características que describe la vecindad del punto de interés.

2.- Una transformación de semejanza se define como:

$$\begin{pmatrix} x_{PRU} \\ y_{PRU} \end{pmatrix} = e \begin{pmatrix} \cos{(\theta)} & -\sin{(\theta)} \\ \sin{(\theta)} & \cos{(\theta)} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{REF} \\ y_{REF} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} t_X \\ t_Y \end{pmatrix}$$

Donde e corresponde al factor de escala entre las imágenes,  $\theta$  es una rotación, y  $(t_X, t_Y)$  es la traslación relativa entre las dos imágenes.

3.- Una transformación afín se define como:

$$\begin{pmatrix} x_{PRU} \\ y_{PRU} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} m_{XX} & m_{XY} \\ m_{YX} & m_{YY} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{REF} \\ y_{REF} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} t_X \\ t_Y \end{pmatrix}$$

Alternativamente, se puede describir de este modo (dejando los parámetros de la transformación afín separados en un vector):

$$\begin{pmatrix} x_{REF} & y_{REF} & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & x_{REF} & y_{REF} & 0 & 1 \end{pmatrix} (m_{XX} & m_{XY} & m_{YX} & m_{YY} & t_X & t_Y)^T = \begin{pmatrix} x_{PRU} \\ y_{PRU} \end{pmatrix}$$

Lo cual se puede reescribir resumidamente como:

$$Ax = b$$

De este modo, si se conoce A y b, y se quiere resolver el siguiente problema:

$$argmin_x ||Ax - b||^2$$

la solución se puede obtener así:

$$x^* = (A^T A)^{-1} A^T b$$

4. La transformación de semejanza que proyecta un punto de interés  $(x_{REF}, y_{REF}, \sigma_{REF}, \varphi_{REF})$  de la imagen de referencia en un punto de interés  $(x_{PRU}, y_{PRU}, \sigma_{PRU}, \varphi_{PRU})$  en la imagen de prueba se define como:

$$e = \frac{\sigma_{PRU}}{\sigma_{REF}}$$

$$\theta = \varphi_{PRU} - \varphi_{REF}$$

$$t_X = x_{PRU} - e(x_{REF}\cos(\theta) - y_{REF}\sin(\theta))$$

$$t_Y = y_{PRU} - e(x_{REF}\sin(\theta) + y_{REF}\cos(\theta))$$

5. El error de proyección, dada una transformación 
$$(e, \theta, t_X, t_Y)$$
, se define como: 
$$e_{PROY} = \left\| e \begin{pmatrix} \cos{(\theta)} & -\sin{(\theta)} \\ \sin{(\theta)} & \cos{(\theta)} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{REF} \\ y_{REF} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} t_X \\ t_Y \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} x_{PRU} \\ y_{PRU} \end{pmatrix} \right\|$$

- 6. Para RANSAC: Dado un conjunto de calces, el consenso asociado a una transformación corresponde a un subconjunto de los calces cuyo error de proyección es menor a un umbral, es decir, los que son compatibles con la transformación. RANSAC intenta encontrar una transformación con el mayor consenso posible.
- 7. Para Hough: Se discretiza el espacio de las transformaciones de semejanza en celdas. La celda por la cual debe votar una transformación en el espacio de Hough se determina del siguiente modo (con dxBin en pixeles y considerando un offset de 500):

$$i = floor\left(\frac{t_X}{dxBin} + 0.5\right) + 500$$

$$j = floor\left(\frac{t_Y}{dxBin} + 0.5\right) + 500$$

$$k = floor\left(\frac{\theta}{dangBin} + 0.5\right) + 500$$

$$z = floor\left(\frac{\log(e)}{\log(2.0)} + 0.5\right) + 500$$

Hough (en el caso particular de esta tarea) funciona haciendo que cada hipótesis de transformación de semejanza vote por una celda, y luego intenta encontrar celdas tales que la probabilidad de que representen una transformación correcta sea alta. En el caso de esta tarea, se debe encontrar la celda con el mayor número de votos.

Se pide realizar los siguientes pasos, cuyos resultados deben ser incluidos en el informe:

- a) Buscar información sobre RANSAC y Hough, para poder entender los conceptos necesarios para desarrollar la tarea (se debe incluir en el marco teórico, además de otras cosas indicadas en la pauta). Se debe notar que, en el caso de Hough, se debe explicar el algoritmo general de modo que sea aplicable a otros casos (ej: detección de líneas).
- b) Detectar y graficar los puntos de interés en los 4 pares de imágenes entregados junto con el enunciado de la tarea (ya programado).
- c) Graficar los calces entre cada descriptor de la imagen de prueba y el descriptor más parecido en la imagen de referencia para los 4 pares de imágenes (ya programado).
- d) Implementar la función que permite generar una transformación de semejanza a partir de un calce. Se debe notar que en OpenCV las orientaciones de los descriptores son entregadas en grados.

- e) Implementar la función que calcula el consenso asociado a una transformación, dado un conjunto de calces.
- f) Implementar la función que realiza RANSAC sobre los calces originales, reportar en el informe
- g) Implementar la función que realiza Hough sobre los calces originales, reportar en el informe
- h) Implementar la función que genera una transformación afín usando mínimos cuadrados, reportar en el informe
- i) Implementar la función que dibuja el romboide que representa una transformación afín, reportar en el informe
- j) Evaluar el funcionamiento del detector basado en RANSAC usando los 4 pares de imágenes que se entregan junto al enunciado de la tarea. Mostrar los romboides asociados a las transformaciones.
- k) Evaluar el efecto de variar los tres parámetros indicados de RANSAC (error máximo para inliers, consenso mínimo y número máximo de intentos) sobre las detecciones obtenidas, usando un par de imágenes en que haya una detección inicial correcta.
- Evaluar el funcionamiento del detector basado en Hough usando los 4 pares de imágenes que se entregan junto al enunciado de la tarea. Mostrar los romboides asociados a las transformaciones.
- m) Evaluar el efecto de variar los tres parámetros indicados de Hough (tamaño del bin en posición, en orientación y número mínimo de votos) sobre las detecciones obtenidas, usando un par de imágenes en que haya una detección inicial correcta.
- n) Analizar las ventajas y debilidades relativas de Hough y RANSAC, considerando los resultados obtenidos sobre los 4 pares de imágenes.

Se entrega un proyecto para cmake, el cual tiene una función main.cpp que ya calcula los puntos de interés, los descriptores y los calces iniciales, además del código para calcular SIFT (sift.cpp y sift.hpp). Las funciones que calculan la transformación a partir de un calce, la que calcula el consenso, la que realiza RANSAC, la que realiza Hough y la que calcula una transformación afín por mínimos cuadrados deben ser implementadas para lograr que el sistema funcione adecuadamente.

El código además incluye indicaciones que pueden ayudar a implementar la tarea.

El informe debe contener como mínimo: introducción, marco teórico (descripción de los algoritmos), partes relevantes del código dentro de cada sección del informe, resultados (mostrando las imágenes resultantes), análisis de los resultados y conclusiones generales.

Los informes y los códigos deben ser entregados a más tardar el día lunes 30 de Septiembre a las 23:59, mediante u-cursos. Cada día de retraso (incluyendo fines de semana) será castigado con un punto de descuento en la nota.

**Importante**: La evaluación de esta tarea considerará el correcto funcionamiento del sistema, la inclusión de los resultados de los pasos pedidos en el informe, la calidad de los experimentos realizados y de su análisis, la inclusión de las partes importantes del código en las secciones del informe correspondientes, así como la prolijidad y calidad del mismo.

Se agrega una pauta que indica la estructura esperada del informe.