Nome: Luís Felipe de Melo Costa Silva

Número USP: 9297961

# Lista de Exercícios 3 - MAC0444

#### Exercício 1

- a) O conceito descreve um ser humano que não é do sexo feminino, que existe um médico que é casado com ele, e que todos os seus filhos são professores ou médicos.
- b) Usando uma interpretação de mundo fechado, nenhuma das quatro pessoas mencionadas pertencem a esse conceito. Interpretando o mundo como aberto, não há como ter certeza disso, pois Marta pode ser médica ou professora, embora esteja desempregada.
- c) Sim, se Marta não existisse, a resposta com uma interpretação de mundo fechado seria de que Pedro pertence a esse conceito.

### Exercício 2

### Exercício 3

Vamos traduzir a sentença:

```
PaiDeMedicos \sqsubseteq \exists temFilho(Homem \sqcup Mulher) \sqcap \forall temFilho(Medico) \\ \forall x(t_x(PaiDeMedicos)) \rightarrow t_x(\exists temFilho(Homem \sqcup Mulher) \sqcap \forall temFilho(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow t_x(\exists temFilho(Homem \sqcup Mulher)) \sqcap \forall temFilho(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow t_x(\exists temFilho(Homem \sqcup Mulher)) \land t_x(\forall temFilho(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land t_y(Homem \sqcup Mulher)) \land t_x(\forall temFilho(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (t_y(Homem) \lor t_y(Mulher))) \land t_x(\forall temFilho(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land t_x(\forall temFilho(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land t_x(\forall temFilho(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land \forall y(temFilho(x,y) \rightarrow t_y(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land \forall y(temFilho(x,y) \rightarrow t_y(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land \forall y(temFilho(x,y) \rightarrow t_y(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land \forall y(temFilho(x,y) \rightarrow t_y(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land \forall y(temFilho(x,y) \rightarrow t_y(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land \forall y(temFilho(x,y) \rightarrow t_y(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land \forall y(temFilho(x,y) \rightarrow t_y(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land \forall y(temFilho(x,y) \rightarrow t_y(Medico))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land \forall y(temFilho(x,y) \rightarrow Medico(y)) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \land \forall y(temFilho(x,y) \rightarrow Medico(y)) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(y) \lor Mulher(y))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow \exists y(temFilho(x,y) \land (Homem(x,y) \lor Mulher(y))) \\ \forall x(PaiDeMedicos(x) \rightarrow (Homem(x,y) \lor Mulher(x)))
```

## Exercício 4

Para provarmos que  $Vegano \sqsubseteq Vegetariano$ , temos que mostrar que  $Vegano \sqcap \neg Vegetariano$  é insatisfazível.

```
\neg Vegetariano = (\neg Homem \sqcap \neg Mulher) \sqcup \exists come(\neg Planta \sqcap \neg Laticinio)
((Homem \sqcap ∀come.Planta) \sqcap ((¬Homem \sqcap ¬Mulher) \sqcup ∃come.(¬Planta \sqcap ¬Laticinio)))
                                                                                         □-Rule
                            (Homem \sqcap \forall come.Planta)(x)
         ((¬Homem □ ¬Mulher) □ ∃come.(¬Planta □ ¬Laticinio))(x)
                                                                                         □-Rule
                                       Homem(x)
                                 (∀come_Planta)(x)
                                                                                        ⊔-Rule
 (\neg Homem \sqcap \neg Mulher)(x)
                                               (\exists come.(\neg Planta \sqcap \neg Laticinio))(x)
                                                                                         ∃-Rule
                              \sqcap-Rule
         \neg Homem(x)
                                                             come(x,y)
        ¬Mulher(x)
                                                     (¬Planta □ ¬Laticinio)(y)
         <CLASH>
                                                             ¬Planta(y)
                                                                                         \sqcap-Rule
                                                           ¬Laticinio(y)
                                                                                         ∀-Rule
                                                             Planta(y)
                                                              <CLASH>
```

Portanto,  $Vegano \sqsubseteq Vegetariano$ .