HW4 Challenge (Regularization)

Written by 郑丽珊&宋悦溪

本文基于 China General Soical Survey (CGSS)数据库,利用 2015年中国综合社会调查的数据选取"个人对政府是否应该干预生育孩子的态度"作为被解释变量,并选取 50 个相关的解释变量,试图探究个人对政府是否应该干预人们的生育计划的态度的影响因素。

一、选题意义

新中国成立以来,我国的生育政策在实践中不断调整、完善。19世纪70年代,我国政府以强硬的态度执行"计划生育",通过法律的影响直接决定了人们的生育计划;2015年,十八届五中全会公布"二胎政策",以温和的方式从外部环境来促进人口发展。而作为法律的服从者,人们是否愿意接受政府对生育计划的干涉?若不愿意,又是哪部分的人群会反对政府的干涉?深入研究人们对政府干预行为的态度的影响因素不仅具有重要的学术价值,而且对正确认识政府在生育政策上的态度转变,为今后我国生育政策调整、所提供的生育环境提供更为切合实际的决策支持具有重大意义,同时政府可以根据支持人群的特征情况制定相关的决策,如教育、社会公平、社会保障、地方经济等方面营造社会氛围,为人口发展提供良好的外部环境。

本文利用 2015 年中国综合社会调查数据,以个人对政府干预的看法为被解释变量,并选取 50 个相关的解释变量,探究人们对政府干预的看法的影响因素。

二、变量解释

经过删除缺失值, 我们最终得到 2817 个观测值。

变量名称	变量含义	变量分类情况	
Υ	您是否同意以下说法-生多少孩子是个人的		
ı	事,政府不应该干涉	可急喊直为 1,不可急喊直为 0	
X1	受访者来源类型	城市赋值为 1,农村赋值为 0	
А	采访地点的地级市编码	共计89个地级市编码 (1-89), 设置88	
	未 好地 点 的 地 级 印 编 码	个虚拟变量	
X3	性别	男性赋值为 0,女性赋值为 1	
X4	年龄 (根据出省年份进行推算)	连续变量	
X5	民族	汉族赋值为 0, 少数民族赋值为 1	
X6	是否有宗教信仰	是赋值为1,否赋值为0	
В	教育程度	共计 3 个类别: 高中及以下、大学、研究生及以上,设定 2 个虚拟变量	
X8	去年全年收入	连续变量	
X9	是否递交过入党申请书	是赋值为1,否赋值为0	
С	エレン・ナント	共计4个类别:群众、共青团员、中共	
	政治面貌	党员、民主党派,设定 3 个虚拟变量	
X11	现在住的这座住房的套内建筑面积	连续变量	
X12	目前的身体健康状况	健康赋值为1,不健康赋值为0	
D	过去一年社交频率	共计5个类别:从不、很少、有时、经	
U		常、非常频繁,设定4个虚拟变量	
X14	是否感到幸福	是赋值为1,否赋值为0	
X15	如果没有政策限制希望生几个孩子	连续变量	
X16	目前处于哪个等级	连续变量	
X17	您认为您 10 年后将会在哪个等级上	连续变量	
X18	在您 14 岁时,您的家庭处在哪个等级上	连续变量	
X19	是否购买城市基本医疗保险/新型农村合作医	是赋值为1,否赋值为0	
719	疗保险/公费医疗		
X20	是否购买城市/农村基本养老保险	是赋值为1,否赋值为0	
X21	是否购买商业性医疗保险	是赋值为1,否赋值为0	
X22	是否购买商业性养老保险	是赋值为 1,否赋值为 0	
X23	去年全年家庭总收入	连续变量	
X24	目前住在一起的通常有几人(包括本人)	连续变量	
	您家的家庭经济状况在所在地属于哪一档	共计5个类别:远低于平均水平、低于	
E		平均水平、平均水平、高于平均水平、	
		远高于平均水平,设定4个虚拟变量	
X26	拥有几处住房	连续变量	
X27	是否拥有家用汽车	是赋值为1,否赋值为0	
X28	是否从事投资活动	是赋值为1,否赋值为0	
	婚姻状况	共计4个类别:初婚1配偶、再婚1配	

	T	偶、同居、分居未离婚,设定3个虚拟	
		変量	
G	与同龄人相比,您本人的社会经济地位怎样	共计 3 个类别:差于同龄人、差不多、 优于同龄人,设定 2 个虚拟变量	
X31	您认为您的年收入达到多少元,您才会比较满 意	连续变量	
X32	是否赞同:只要孩子够努力、够聪明,都能有 同样的升学机会	是赋值为1,否赋值为0	
X33	是否赞同:在我们这个社会,工人和农民的后 代与其他人的后代一样,拥有同样多的机会	是赋值为1,否赋值为0	
X34	对于公共教育服务的总体满意度	连续变量	
X35	对于医疗卫生公共服务的总体满意度	连续变量	
X36	对于基本住房保障公共服务的总体满意度	连续变量	
X37	对于社会管理公共服务的总体满意度	连续变量	
X38	对下列公共服务其他各领域的满意度-劳动就 业	连续变量	
X39	对下列公共服务其他各领域的满意度-社会保 障	连续变量	
X40	对下列公共服务其他各领域的满意度-低保, 灾害,流浪乞讨,残疾,孤儿救助等	连续变量	
X41	对下列公共服务其他各领域的满意度-公共文 化与体育	连续变量	
X42	对下列公共服务其他各领域的满意度-城乡基 础设施	连续变量	
X43	配偶或同居伴侣去年全年的收入	连续变量	
Н	配偶或同居伴侣教育程度	共计 3 个类别: 高中及以下、大学、研究生及以上,设定 2 个虚拟变量	
X45	父亲教育程度	大学赋值为 1,高中及以下赋值为 0	
I	父亲政治面貌	共计4个类别:群众、共青团员、中共党员、民主党派,设定3个虚拟变量	
J	您 14 岁时父亲的就业状况	共计6个类别:去世、丧失劳动力、离退休、无业;全职务农;半农半工;受雇于人;个体;自由职业者,设定5个虚拟变量	
X48	母亲教育程度	大学赋值为 1,高中及以下赋值为 0	
K	母亲政治面貌	共计4个类别:群众、共青团员、中共党员、民主党派,设定3个虚拟变量	
L	您 14 岁时母亲的就业状况	共计6个类别:去世、丧失劳动力、离退休、无业;全职务农;半农半工;受雇于人;个体;自由职业者,设定5个虚拟变量	

三、模型结果

1. Logistic Regression: Full Model

从回归结果来看,显著的解释变量有 X14(当前生活是否感到幸福)、X24(目前包括本人通常有几人一起居住)、X48(是否有从事投资活动)、A(被采访者来源地点)和B(本人受教育程度)。

2. Logistic Regression: Lasso

Lasso 模型结果显示,被保留的解释变量有 X18 (14 岁家庭处于的等级)、X24 (目前包括本人通常有几人一起居住)、X36 (对于基本住房保障公共服务的总体满意度)、X48 (母亲受教育程度)、A (被采访者来源地点)和 F (当前婚姻状况)。

3. KNN

KNN 模型结果显示,最优的 neighbour 个数应选取 16-18 个。

四、模型比较

模型	Logistic Regression: Full Model	Lasso	KNN
失误率	0.456352	0.4655784	0.4471256

通过比较可以看出, KNN 的失误率最低, 但无解释性; 相对于 Lasso, logistic 的失误率较低。

附件:

代码及结果展示:

```
1. Logistic Regression: Full Model
```

(1) fit on training data

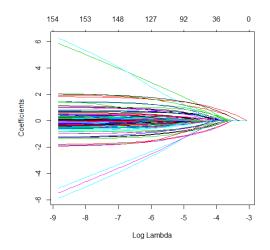
```
####################################
# Logistic Regression: Full Model #
# Fit on training data
logitfit <- glm(Y ~., dat_new.tr,family='binomial')</pre>
summary(logitfit)
call:
glm(formula = Y ~ ., family = "binomial", data = dat_new.tr)
Deviance Residuals:
   Min
           10 Median
                           3Q
                                  Max
-2.3755 -1.0529 -0.5236 1.1033
                                  2.2027
Coefficients: (2 not defined because of singularities)
           Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
(Intercept) 1.136e+00 1.935e+00 0.587 0.55719
          -1.118e-01 1.566e-01 -0.714 0.47506
X1
х3
          7.398e-02 1.279e-01 0.578 0.56298
          -2.052e-03 5.826e-03 -0.352 0.72466
X4
          -5.045e-02 3.398e-01 -0.148 0.88197
X5
X6
          1.078e-01 2.125e-01 0.507 0.61192
X8
          1.238e-06 1.115e-06
                               1.110 0.26704
х9
          1.765e-01 3.151e-01 0.560 0.57546
X11
          -6.541e-04 7.294e-04 -0.897 0.36987
X12
          2.861e-02 1.723e-01 0.166 0.86813
x14
          -5.077e-01 2.427e-01 -2.092 0.03645 *
X15
          7.027e-02 7.057e-02
                                0.996 0.31940
          2.900e-02 6.659e-02
x16
                                0.435 0.66322
          5.366e-03 5.248e-02
X17
                                0.102 0.91855
X18
          6.597e-02 4.161e-02
                                1.585 0.11292
x19
          -2.348e-01 2.687e-01 -0.874 0.38216
X20
          2.101e-01 1.578e-01
                                1.331 0.18304
          -3.028e-01 2.951e-01 -1.026 0.30486
X21
X22
          3.375e-01 3.227e-01
                               1.046 0.29569
x23
          4.714e-07 5.039e-07
                                0.936 0.34949
X24
          9.036e-02 4.936e-02
                                1.831 0.06714 .
          1.487e-01 1.120e-01
X26
                                1.327 0.18440
x27
          -2.699e-01 1.657e-01 -1.629 0.10341
          -4.983e-01 1.177e+00 -0.423 0.67207
X28
x31
          -1.011e-08 2.977e-08 -0.339 0.73428
```

```
7.199e-02 1.923e-01
                                 0.374 0.70814
X32
X33
          -1.195e-01 1.511e-01 -0.791 0.42882
x34
           3.268e-03 5.242e-03
                                 0.623 0.53298
X35
           4.309e-03 5.223e-03
                                 0.825 0.40941
X36
          -6.432e-03 4.957e-03 -1.298 0.19444
X37
          -3.710e-03 6.200e-03
                               -0.598 0.54955
                                 0.995 0.31961
X38
           5.789e-03 5.817e-03
x39
          -5.526e-03 6.561e-03 -0.842 0.39960
X40
           6.416e-04 4.637e-03
                                 0.138 0.88994
X41
           3.968e-04 5.624e-03
                                 0.071 0.94376
X42
           8.591e-04 5.462e-03
                                 0.157 0.87502
X43
           2.128e-07 4.517e-07
                                 0.471 0.63754
X45
          -3.755e-01 4.775e-01 -0.786 0.43170
X48
           1.944e+00 9.054e-01
                                 2.148 0.03175 *
          -2.058e+00 9.723e-01 -2.116 0.03430 *
Α1
          -1.306e+00 9.751e-01 -1.339 0.18048
A10
          -1.309e+00 9.659e-01 -1.356 0.17520
A11
A12
          -2.628e+00 1.090e+00 -2.410 0.01597 *
          -3.315e+00 1.136e+00 -2.919 0.00351 **
A13
A14
          -1.726e+00 1.022e+00 -1.689 0.09115 .
A15
          -1.535e+00 1.649e+00 -0.931 0.35197
          -2.133e+00 1.303e+00 -1.638 0.10150
A16
          -3.897e+00 1.344e+00 -2.900 0.00373 **
A17
A18
          -1.663e+00 8.848e-01 -1.880 0.06015.
A19
          -8.734e-01 1.059e+00 -0.825 0.40965
A2
          -2.610e+00 1.136e+00 -2.298 0.02154 *
A20
          -3.026e+00 1.153e+00 -2.625 0.00866 **
          -1.922e+00 9.471e-01 -2.030 0.04237 *
A21
A22
          -2.286e+00 9.682e-01 -2.361 0.01822 *
A23
          -1.806e+00 1.016e+00 -1.778 0.07548.
A24
          -2.371e+00 9.315e-01 -2.546 0.01091 *
A25
          -1.980e+00 9.092e-01 -2.178 0.02944 *
          -2.089e+00 9.979e-01 -2.094 0.03629 *
A26
A27
          -1.920e+00 8.866e-01 -2.166 0.03035 *
A28
          -2.196e+00 9.747e-01 -2.253 0.02425 *
A29
          -2.083e+00 1.066e+00 -1.954 0.05071 .
Α3
          -1.604e+00 1.009e+00 -1.589 0.11202
A30
          -1.806e+00 9.580e-01 -1.886 0.05936 .
          -6.191e-01 1.059e+00 -0.585 0.55877
A31
          -1.763e+00 9.410e-01 -1.873 0.06101.
A32
A33
          -1.730e+01 8.827e+02 -0.020 0.98437
A34
          -9.438e-01 1.119e+00 -0.843 0.39899
A35
          -1.730e+00 1.346e+00 -1.285 0.19880
          -3.844e+00 1.199e+00 -3.207 0.00134 **
A36
```

```
1.260e+01 4.981e+02
                                0.025 0.97982
A37
          -5.820e-01 1.167e+00 -0.499 0.61804
A39
          -2.912e+00 1.199e+00 -2.428 0.01518 *
Α4
A40
          -2.051e+00 9.715e-01 -2.111 0.03480 *
A41
          -1.871e+00 9.472e-01 -1.975 0.04825 *
A42
          -1.822e+00 1.023e+00 -1.782 0.07477 .
          -2.031e+00 9.465e-01 -2.146 0.03186 *
A43
          -2.030e+00 9.733e-01 -2.086 0.03701 *
A44
A45
          -2.607e+00 9.863e-01 -2.643 0.00821 **
A46
          -2.283e+00 9.350e-01 -2.442 0.01461 *
A47
          -1.614e+01 6.181e+02 -0.026 0.97917
A48
          -1.025e+00 1.095e+00 -0.936 0.34945
A49
          -1.935e+00 1.094e+00 -1.769 0.07684 .
Α5
          -1.824e+00 1.681e+00 -1.085 0.27803
          -3.405e+00 1.147e+00 -2.969 0.00299 **
A50
          -1.204e+00 9.286e-01 -1.296 0.19481
A51
          -1.726e+00 8.806e-01 -1.960 0.04996 *
A52
A53
          -1.931e+00 1.003e+00 -1.924 0.05429 .
A54
          -2.409e+00 9.504e-01 -2.535 0.01125 *
A55
          -1.541e+00 9.009e-01 -1.711 0.08712 .
          -2.616e+00 1.011e+00 -2.587 0.00969 **
A56
          -2.303e+00 9.305e-01 -2.475 0.01334 *
A57
A59
          -2.834e+00 1.147e+00 -2.470 0.01351 *
Α6
          -2.373e+00 9.140e-01 -2.596 0.00943 **
          -1.040e+00 1.184e+00 -0.879 0.37958
A61
A62
          -2.437e+00 1.085e+00 -2.245 0.02474 *
A63
          -1.712e+00 1.061e+00 -1.613 0.10673
          -2.351e+00 8.500e-01 -2.766 0.00567 **
A64
A65
          -2.554e+00 9.113e-01 -2.802 0.00508 **
A66
          -3.027e+00 9.579e-01 -3.160 0.00158 **
          -3.317e+00 1.069e+00 -3.102 0.00192 **
A67
          -2.003e-01 9.982e-01 -0.201 0.84098
A68
          -1.306e+00 9.016e-01 -1.449 0.14747
A69
Α7
          -1.728e+00 8.627e-01 -2.003 0.04515 *
A70
          -2.740e+00 1.001e+00 -2.736 0.00622 **
A71
          -2.364e+00 1.052e+00 -2.247 0.02465 *
A72
          -2.658e+00 1.016e+00 -2.617 0.00887 **
          -1.928e+00 1.086e+00 -1.775 0.07594 .
A74
          -2.663e+00 1.140e+00 -2.336 0.01951 *
A75
          -2.648e+00 1.177e+00 -2.249 0.02453 *
A76
A77
          -1.652e+00 9.601e-01 -1.721 0.08524 .
A78
          -2.215e+00 1.018e+00 -2.177 0.02946 *
A79
          -1.412e+00 9.699e-01 -1.456 0.14544
          -2.117e+00 8.797e-01 -2.406 0.01613 *
Α8
```

```
-2.875e+00 9.176e-01 -3.134 0.00173 **
A80
          -2.511e+00 9.438e-01 -2.661 0.00780 **
A81
          -2.636e+00 9.643e-01 -2.734 0.00626 **
A82
          -2.593e+00 9.325e-01 -2.781 0.00542 **
A83
          -1.363e+00 9.875e-01 -1.380 0.16765
A84
A85
          -2.019e+00 9.133e-01 -2.210 0.02709 *
           4.267e-02 1.386e+00 0.031 0.97545
A86
          -1.986e+00 8.750e-01 -2.270 0.02320 *
A87
A88
          -2.068e+00 9.417e-01 -2.196 0.02807 *
A89
          -3.932e+00 1.348e+00 -2.918 0.00353 **
Α9
                NA
                          NA
                                 NA
                                        NA
В2
          -3.761e-01 2.281e-01 -1.649 0.09924 .
в3
          -2.179e-01 7.710e-01 -0.283 0.77745
           5.792e-02 4.005e-01 0.145 0.88501
c1
          -4.801e-02 3.504e-01 -0.137 0.89103
C2
          -1.448e+01 6.239e+02 -0.023 0.98148
C3
          -6.751e-02 2.249e-01 -0.300 0.76405
D1
D2
          -1.394e-01 2.328e-01 -0.599 0.54925
          -9.436e-02 2.372e-01 -0.398 0.69081
D3
D4
          -2.338e-01 3.444e-01 -0.679 0.49728
           2.487e-01 3.228e-01
`E-2`
                                0.770 0.44101
           1.749e-01 1.569e-01
                                1.114 0.26512
E0
           1.066e-01 2.666e-01
                               0.400 0.68919
E1
E2
          -1.961e+00 1.323e+00 -1.482 0.13832
F0
           1.638e+00 1.834e+00
                                0.893 0.37191
           5.926e-01 1.706e+00
                                0.347 0.72839
F1
F2
           8.563e-02 1.757e+00
                                0.049 0.96112
          -5.379e-02 1.591e-01 -0.338 0.73529
G0
G1
           8.579e-02 3.116e-01
                               0.275 0.78306
          -2.872e-01 2.295e-01 -1.252 0.21070
Н2
          -5.559e-01 7.302e-01 -0.761 0.44646
Н3
          -4.863e-01 1.305e+00 -0.373 0.70945
11
           1.807e-01 2.134e-01 0.847 0.39718
12
J1
          -1.337e-01 2.878e-01 -0.464 0.64230
J2
          -3.746e-01 4.632e-01 -0.809 0.41872
J3
          -1.697e-02 2.925e-01 -0.058 0.95373
J4
          -4.593e-01 4.720e-01 -0.973 0.33042
          -1.259e+00 9.992e-01 -1.260 0.20757
J 5
           1.567e+01 8.827e+02
                                0.018 0.98584
к1
           4.236e-01 4.943e-01
                                0.857 0.39152
K2
к3
                NA
                          NA
                                 NA
                                        NA
           6.139e-02 2.050e-01
L1
                                0.299 0.76464
           5.930e-01 8.234e-01
                                0.720 0.47140
L2
           3.057e-01 2.589e-01
                                1.181 0.23760
L3
```

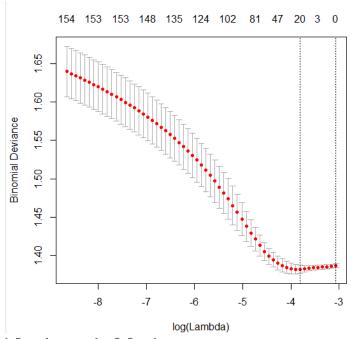
```
L4
           5.128e-01 4.855e-01 1.056 0.29087
           2.454e-01 1.653e+00 0.148 0.88198
L5
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
(Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
   Null deviance: 1949.5 on 1407 degrees of freedom
Residual deviance: 1755.4 on 1251 degrees of freedom
AIC: 2069.4
Number of Fisher Scoring iterations: 13
(2)Predict on test data
# Predict on test data
p = predict(logitfit,dat_new.te,type="response")
logitpred = as.factor(p > 0.5)
table(logitpred,dat_new.te$Y,dnn=c("predicted","true"))
logiterr <- 1-mean(logitpred==dat_new.te$Y) #misclassification error rate
logiterr
结果:
          true
predicted FALSE TRUE
   FALSE 444 345
   TRUE
          298 32
> logiterr
[1] 0.456352
2. Logistic Regression: Lasso
(1) Fit on training data
x <- model.matrix(Y ~.,dat_new.tr)[,-1] #no intercept
y <- dat_new.tr$Y
lassofit.all <- glmnet(x,y,alpha=1,family="binomial")</pre>
plot(lassofit.all,xvar="lambda")
结果:
```



(2) Cross validation

```
# Cross Validation
cv.lasso <- cv.glmnet(x,y,alpha=1,family="binomi;
plot(cv.lasso)</pre>
```

结果:



(3) Refit the model using optimal lamda

```
# Refit the model using optimal lambda
lambda.star <- cv.lasso$lambda.min #alternatively, use the 1se rule: lambda.star <- cv.lasso$lambda.1s
lassofit.star <- glmnet(x,y,alpha=1,lambda=lambda.star,family="binomial")
coef(lassofit.star)</pre>
```

结果:

159 x 1 sparse Matrix of class "dgCMatrix"

S(

(Intercept) -0.106914227

X1

x3 .

X4

```
x5 .
```

x6 .

x8 .

x9 .

X11

x12 .

X14 .

X15 .

x16

X17 .

x18 0.007773932

x19 .

x20 .

x21 .

X22 .

x23 .

x24 0.019793746

x26 .

x27 .

x28 .

x31 .

x32 .

x33 .

x34 .

x35 .

x36 -0.001199064

x37 .

x38 .

x39 .

x40 .

X41 .

x42 .

x43 .

X45

x48 0.542944835

A1 .

A10 0.026562916

A11 .

A12 .

A13 -0.151466000

A14 .

A15 .

A16 .

A17 -0.317723209

```
A18 .
```

A19 .

A2 .

A20 .

A21 .

A22 .

A23 .

A24 .

A25 .

A26 .

A27 .

A28 .

A29 .

A3 .

A30 .

A31 0.194699549

A32 .

A33 .

A34 .

A35 .

A36 -0.318558231

A37 0.159963975

A39 .

A4 .

A40 .

A41 .

A42 .

A43 .

A44 .

A45 .

A46 .

A47 .

A48 .

A49 .

A5 .

A50 -0.053847725

A51 .

A52 .

A53 .

A54 .

A55 .

A56 .

A57 .

A59 .

```
A6 .
```

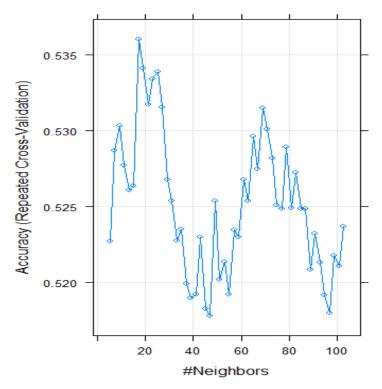
- A61 .
- A62
- A63
- A64 .
- A65 .
- A66 -0.040942685
- A67 -0.057072814
- A68 0.775456642
- A69 0.136878189
- Α7 .
- A70 .
- A71 .
- A72 .
- A74 .
- A75 .
- A76 .
- A77 .
- A78 .
- A79 .
- . . .
- A8 .
- A80 -0.069104969
- A81 .
- A82 .
- A83 .
- A84 .
- A85
- A86 0.089479350
- A87
- A88 .
- A89 -0.353104543
- A9 0.583787964
- в2 .
- в3
- c1 .
- c2 .
- c3 .
- D1
- D2 .
- D3 .
- D4 .
- `E-2`
- EO .
- E1 .

```
F0
                   0.249417784
    F1
    F2
    G0
    G1
    н2
    Н3
    I1
    12
    J1
    J2
    J3
    J4
    J 5
    к1
    K2
    к3
    L1
    L2
    L3
    L4
    L5
(4) Prdict on test data
# Predict on test data
newx <- model.matrix(Y ~.,dat_new.te)[,-1]</pre>
lassopred <- predict(lassofit.star,newx,type="class")</pre>
table(lassopred,dat_new.te$Y,dnn=c("predicted","true"))
lassoerr <- 1-mean(lassopred==dat_new.te$Y)</pre>
lassoerr
结果:
> table(lassopred,dat_new.te$Y,dnn=c("predicted","true"))
           true
 predicted FALSE TRUE
     FALSE 693 607
                49
     TRUE
                      60
> lassoerr
 [1] 0.4655784
 3.Knn
 (1)fit on training data
 # Fit on training data
knnfit <- train(Y ~.,data=dat_new.tr,method="knn", #require("caret")

trControl=trainControl(method="repeatedcv",repeats=3), #use repeated CV to choose K

preProcess=c("center","scale"),tuneLength = 50) #center and scale predictors before KNN
 plot(knnfit)
 结果:
```

E2



(2)predict on test data

```
# Predict on test data
knnpred <- predict(knnfit,dat_new.te)
table(knnpred,dat_new.te$Y,dnn=c("predicted","true"))
knnerr <- 1-mean(knnpred==dat_new.te$Y)
knnerr</pre>
```

结果:

> table(knnpred,dat_new.te\$Y,dnn=c("predicted","true"))

true

predicted FALSE TRUE

FALSE 482 370 TRUE 260 297

> knnerr

[1] 0.4471256