Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia de Santa Catarina

Departamento Acadêmico de Eletrônica

Curso de Graduação em Engenharia Eletrônica

SANTA CATARINA

# Projeto de Transformadores para Alta Frequência

Prof. Joabel Moia.

Florianópolis, março de 2019.

## Bibliografia para esta aula



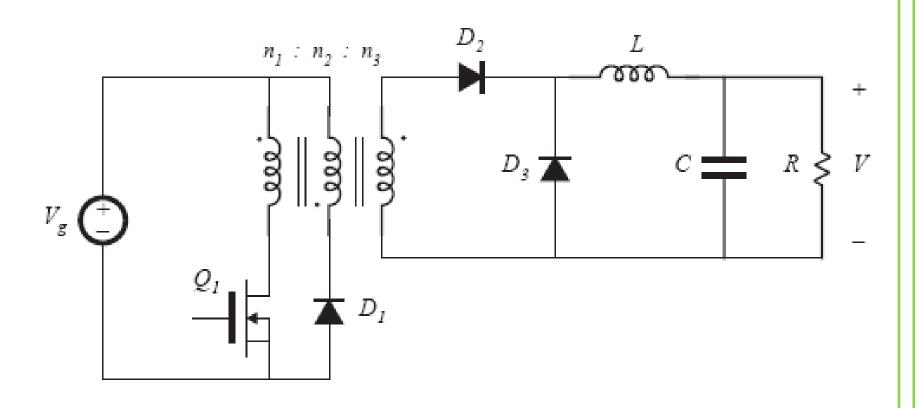
#### Introdução comparativa

- 1. Conversor Forward;
- 2. Projeto do transformador do conversor Forward;
- 3. Conversor Flyback;
- 4. Projeto do transformador do conversor Flyback.



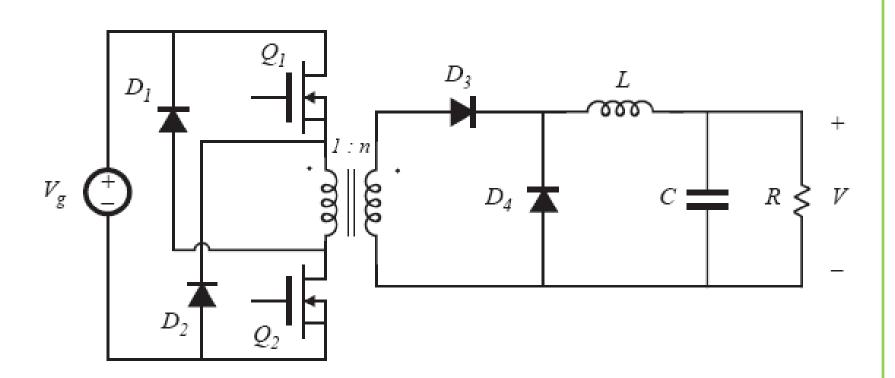
## **Conversor Forward**





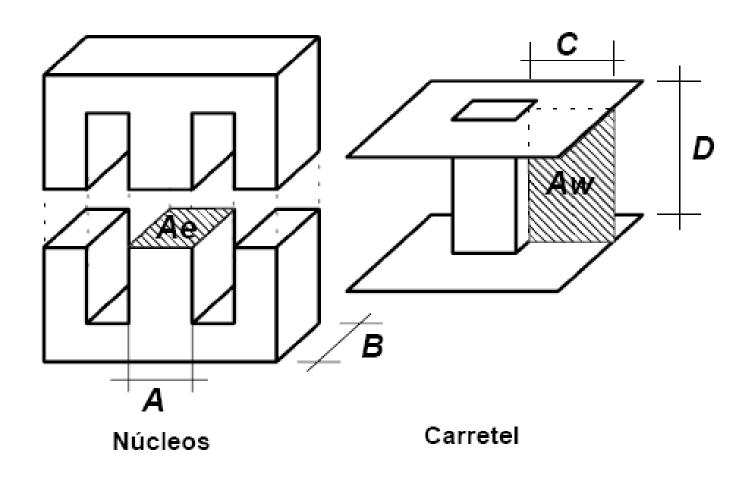
# **Conversor Duplo Forward**







## Montagem do núcleo (com entreferro):





#### 1) Dados de entrada:

 $F_s = 20 \, kHz$  Freqüência de operação;

 $P_{out} = 120W$  Potência na saída;

 $V_{out} = 12V$  Tensão na saída;

 $V_{in} = 311 \pm 20\% V$  Tensão na entrada;

 $V_{in\,\text{min}} = 249V$  Tensão mínima na entrada;

 $J=450 A / cm^2$  Densidade de corrente;



#### 1) Dados de entrada:

B=0,3*T* Densidade de fluxo máximo;

kp=0,5 Fator de ocupação do primário;

kw=0,4 Fator de ocupação do secudário;

 $\eta$ =75% Rendimento da estrutura;

 $V_F=1V$  Queda de tensão dos diodos;

 $D_{max} = 0,4$  Razão cíclica máxima;

 $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} Wb / A / m$  Permeabilidade no vácuo.



#### 2) Escolha do núcleo:

$$AeAw = \frac{2 \cdot P_{out} \cdot 10^4}{k_w \cdot k_p \cdot J \cdot F_s \cdot \Delta B \cdot \eta} = \frac{2 \cdot 120 \cdot 10^4}{0,4 \cdot 0,5 \cdot 450 \cdot 20k \cdot 0,3 \cdot 0,75} = 5,9 \, cm^4$$

Núcleo	$A_{\rm e} ({\rm cm}^2)$	$A_{\rm w} ({\rm cm}^2)$	l <sub>e</sub> (cm)	l <sub>t</sub> (cm)	v <sub>e</sub> (cm <sup>3</sup> )	$A_{e}A_{w}$ (cm <sup>4</sup> )
E-20	0,312	0,26	4,28	3,8	1,34	0,08
E-30/7	0,60	0,80	6,7	5,6	4,00	0,48
E-30/14	1,20	0,85	6,7	6,7	8,00	1,02
E-42/15	1,81	1,57	9,7	8,7	17,10	2,84
E-42/20	2,40	1,57	9,7	10,5	23,30	3,77
E-55	3,54	2,50	1,2	11,6	42,50	8,85





#### 3) Cálculo do número de espiras:

$$Np = \frac{V_{in \, \text{min}}}{2 \cdot A_e \cdot \Delta B \cdot F_s} = \frac{249}{2 \cdot 3,54 \cdot 10^{-4} \cdot 0,3 \cdot 20k} = 59 \, \text{espiras}$$

$$\frac{Ns}{Np} = n = 1, 1 \cdot \frac{V_{out} + V_{F} \cdot D_{max}}{V_{in \min} \cdot D_{max}} = 1, 1 \cdot \frac{12 + 1 \cdot 0, 4}{249 \cdot 0, 4} = 0,137$$

$$Ns = n \cdot Np = 0.137 \cdot 59 = 8$$
 espiras

$$Nt = Np = 59$$
 espiras



## 4) Perdas no núcleo:

$$K_H = 4 \cdot 10^{-5}$$

$$K_E = 4 \cdot 10^{-10}$$

$$P_{nucleo} = \Delta B^{2,4} \cdot \left( K_H \cdot F_s + K_E \cdot F_s^2 \right) \cdot V_e$$

$$P_{nucleo} = 0.3^{2.4} \cdot \left(4 \cdot 10^{-5} \cdot 20000 + 4 \cdot 10^{-10} \cdot 20000^{2}\right) \cdot 42.5$$

$$P_{nucleo} = 2,26W$$



#### 5) Profundidade de penetração:

$$\Delta = \frac{7.5}{\sqrt{F_s}} = \frac{7.5}{\sqrt{20000}} = 0.053 \, cm$$

$$Dfio_{max} = 2 \cdot \Delta = 2 \cdot 0,053 = 0,106 cm$$

Não poderá ser utilizado condutor com diâmetro maior que 0,106 cm. Portanto, podem ser utilizados condutores mais finos que o fio 18 AWG. Escolheu-se o condutor 22 AWG.

$$A_{cu22} = 0,003255 \, cm^2$$
  $S_{22} = 0,004013 \, cm^2$ 

$$\rho_{22} = 0.000530 \Omega / cm$$



#### 7) Escolha da seção dos condutores (secundário):

$$I_{sef} = \frac{I_{out}}{\sqrt{2}} = \frac{10}{\sqrt{2}} = 7.1A$$

$$S_s = \frac{I_{sef}}{I} = \frac{7.1}{450} = 0.016 \, cm^2$$
 Maior que a área do fio 22 AWG.

$$N_{fios\_s} = \frac{S_s}{A_{cu22}} = \frac{0,016}{0,003255} = 5 \text{ fios}$$



#### 7) Escolha da seção dos condutores (primário):

$$I_{pef} = \frac{4 \cdot P_{out}}{V_{i \min}} = \frac{4 \cdot 120}{249} = 1,93 A$$

$$S_p = \frac{I_{pef}}{I} = \frac{1.93}{450} = 0.0043 \, cm^2$$
 Maior que a área do fio 22 AWG.

$$N_{fios_p} = \frac{S_p}{A_{cu22}} = \frac{0,0043}{0,003255} = 2 \text{ fios}$$



## 7) Escolha da seção dos condutores (terciário):

$$I_{tef} = 0, 2 \cdot I_{pef} = 0, 2 \cdot 1, 93 = 0, 4 A$$

$$S_t = \frac{I_{tef}}{I} = \frac{0.4}{450} = 0.00086 cm^2$$
 Menor que a área do fio 22 AWG.

$$N_{fios_t} = \frac{S_t}{A_{cu22}} = \frac{0,00086}{0,003255} = 0,26 = 1$$
 fio



#### 8) Cálculo da resistência do fio:

$$R_{fiop} = Np \cdot \frac{\rho_{22}}{N_{fios_p}} \cdot lt = 59 \cdot \frac{0,000530}{2} \cdot 11, 6 = 0,18\Omega$$

$$R_{fios} = Ns \cdot \frac{\rho_{22}}{N_{fios}} \cdot lt = 8 \cdot \frac{0,000530}{5} \cdot 11, 6 = 0,0098\Omega$$

$$R_{fiot} = Nt \cdot \frac{\rho_{22}}{N_{fios}} \cdot lt = 59 \cdot \frac{0,000530}{1} \cdot 11,6 = 0,36\Omega$$



#### 9) Perdas no cobre:

$$P_{cobre} = R_{fiop} \cdot I_{pef}^{2} + R_{fios} \cdot I_{sef}^{2} + R_{fiot} \cdot I_{tef}^{2}$$

$$P_{cohre} = 0.18 \cdot 1.93^2 + 0.0098 \cdot 7.1^2 + 0.36 \cdot 0.38^2 = 1.22W$$

#### 10) Perdas totais:

$$P_{totais} = P_{nucleo} + P_{cobre} = 2,26 + 1,22 = 3,48W$$

#### 11) Elevação de temperatura:

$$Rt = 23 \cdot (AeAw)^{-0.37} = 23 \cdot (8.85)^{-0.37} = 10.26 \, {}^{\circ}C / W$$

$$\Delta T = Rt \cdot P_{total} = 10,26 \cdot 3,48 = 35,7 \, ^{\circ}C$$



## 12) Cálculo do fator de ocupação:

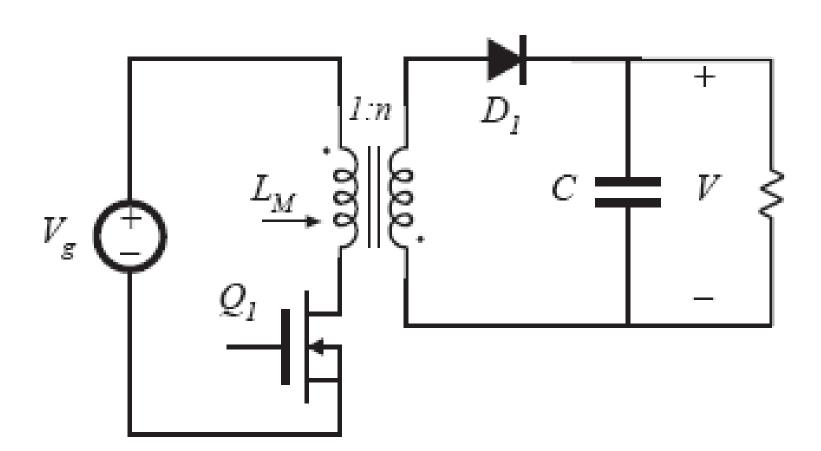
$$Aw_{neces} = \frac{\left(Np \cdot N_{fios\_s} + Ns \cdot N_{fios\_s} + Nt \cdot N_{fios\_t}\right) \cdot S_{22}}{0.7}$$

$$Aw_{neces} = \frac{(59 \cdot 2 + 8 \cdot 5 + 59 \cdot 1) \cdot 0,004013}{0,7} = 1,244 \, cm^2$$

$$K_{ocup} = \frac{Aw_{neces}}{Aw} = \frac{1,244}{2.5} = 0,5$$

# **Conversor Flyback**







#### 1) Dados de entrada:

 $F_s = 20 kHz$  Freqüência de operação;

 $P_{out} = 120W$  Potência na saída;

 $V_{out} = 12V$  Tensão na saída;

 $V_{in} = 311 \pm 20\% V$  Tensão na entrada;

 $V_{in\,\text{min}} = 249V$  Tensão mínima na entrada;

 $J=450 A / cm^2$  Densidade de corrente;



#### 1) Dados de entrada:

B=0,3*T* Densidade de fluxo máximo;

kp=0,3 Fator de ocupação do primário;

kw=0,4 Fator de ocupação do primário;

 $\eta$ =75% Rendimento da estrutura;

 $V_F=1V$  Queda de tensão dos diodos;

 $D_{max} = 0,4$  Razão cíclica máxima;

 $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} Wb / A / m$  Permeabilidade no vácuo.

## 2) Cálculo da corrente de pico no primário:

$$I_p = \frac{2 \cdot P_{out}}{\eta \cdot V_{in \min} \cdot D_{\max}} = \frac{2 \cdot 120}{0,75 \cdot 249 \cdot 0,4} = 3,213 A$$



#### 3) Escolha do núcleo:

$$AeAw = \frac{1.1 \cdot P_{out} \cdot 10^4}{k_w \cdot k_p \cdot J \cdot F_s \cdot \Delta B} = \frac{1.1 \cdot 120 \cdot 10^4}{0.4 \cdot 0.3 \cdot 450 \cdot 20k \cdot 0.3} = 4.0 cm^4$$

Núcleo	$A_e (cm^2)$	$A_{\rm w} ({\rm cm}^2)$	l <sub>e</sub> (cm)	l <sub>t</sub> (cm)	$v_e(cm^3)$	$A_{e}A_{w}$ (cm <sup>4</sup> )
E-20	0,312	0,26	4,28	3,8	1,34	0,08
E-30/7	0,60	0,80	6,7	5,6	4,00	0,48
E-30/14	1,20	0,85	6,7	6,7	8,00	1,02
E-42/15	1,81	1,57	9,7	8,7	17,10	2,84
E-42/20	2,40	1,57	9,7	10,5	23,30	3,77
E-55	3,54	2,50	1,2	11,6	42,50	8,85





#### 4) Cálculo do entreferro:

$$\Delta W = \frac{P_{out}}{\eta \cdot F_s} = \frac{120}{0,75 \cdot 20k} = 8mJ$$

$$\delta = \frac{2 \cdot \mu_o \cdot \Delta W}{\Delta B^2 \cdot A_o} = \frac{2 \cdot 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 8m}{0.3^2 \cdot 3.54 \cdot 10^{-4}} = 0,631mm$$

$$\lg = \frac{\delta}{2} = \frac{0,631mm}{1} = 0,316mm$$



## 5) Cálculo do número de espiras:

$$Np = \frac{\Delta B \cdot \delta}{\mu_o \cdot I_p} = \frac{0.3 \cdot 0.631 \cdot 10^{-3}}{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 3.213} = 47 \text{ espiras}$$

$$\frac{Ns}{Np} = n = \frac{V_{out} + V_D}{V_{in \, \text{min}}} \cdot \frac{1 - D_{\text{max}}}{D_{\text{max}}} = \frac{12 + 1}{249} \cdot \frac{1 - 0.4}{0.4} = 0.078$$

$$Ns = n \cdot Np = 0,078 \cdot 47 \cong 4 \text{ espiras}$$



#### 6) Perdas no núcleo:

$$K_H = 4 \cdot 10^{-5}$$

$$K_E = 4 \cdot 10^{-10}$$

$$P_{nucleo} = \Delta B^{2,4} \cdot \left( K_H \cdot F_s + K_E \cdot F_s^2 \right) \cdot V_e$$

$$P_{nucleo} = 0.3^{2.4} \cdot \left(4 \cdot 10^{-5} \cdot 20000 + 4 \cdot 10^{-10} \cdot 20000^{2}\right) \cdot 42.5$$

$$P_{nucleo} = 2,26W$$



#### 7) Profundidade de penetração:

$$\Delta = \frac{7.5}{\sqrt{F_s}} = \frac{7.5}{\sqrt{20000}} = 0.053 \, cm$$

$$Dfio_{max} = 2 \cdot \Delta = 2 \cdot 0,053 = 0,106 cm$$

Não poderá ser utilizado condutor com diâmetro maior que 0,106 cm. Portanto, podem ser utilizados condutores mais finos que o fio 18 AWG. Escolheu-se o condutor 22 AWG.

$$A_{cu22} = 0,003255 \, cm^2$$

$$\rho_{22} = 0.000530 \Omega / cm$$



## 8) Escolha da seção dos condutores (primário):

$$I_{pef} = I_p \cdot \sqrt{\frac{D_{\text{max}}}{3}} = 3,213 \cdot \sqrt{\frac{D_{\text{max}}}{3}} = 1,173A$$

$$S_p = \frac{I_{pef}}{I} = \frac{1{,}173}{450} = 0{,}0026cm^2$$
 Pode ser usado o fio 23 AWG.



## 9) Escolha da seção dos condutores (secundário):

$$I_{s} = I_{p} \cdot \frac{N_{p}}{N_{2}} = 3,213 \cdot \frac{47}{4} = 37,75 A$$

$$I_{sef} = I_{s} \cdot \sqrt{\frac{1 - D_{\text{max}}}{3}} = 37.75 \cdot \sqrt{\frac{1 - 0,4}{3}} = 16,9 A$$

$$S_s = \frac{I_{sef}}{I} = \frac{16.9}{450} = 0.037 \, cm^2$$
 Maior que a área do fio 22 AWG.

$$N_{fios\_s} = \frac{S_s}{A_{cu22}} = \frac{0.037}{0.003255} = 12 \text{ fios}$$



#### 10) Cálculo da resistência do fio:

$$R_{fiop} = Np \cdot \frac{\rho_{23}}{N_{fios_p}} \cdot lt = 47 \cdot \frac{0,000668}{1} \cdot 11, 6 = 0,36\Omega$$

$$R_{fios} = Ns \cdot \frac{\rho_{22}}{N_{fios}} \cdot lt = 4 \cdot \frac{0,000530}{12} \cdot 11, 6 = 0,00205\Omega$$



#### 11) Perdas no cobre:

$$P_{cobre} = R_{fiop} \cdot I_{pef}^{2} + R_{fios} \cdot I_{sef}^{2}$$

$$P_{cobre} = 0.36 \cdot 1.173^2 + 0.00205 \cdot 16.9^2 = 1.08W$$

#### 12) Perdas totais:

$$P_{totais} = P_{nucleo} + P_{cobre} = 2,26 + 1,08 = 3,34W$$

#### 13) Elevação de temperatura:

$$Rt = 23 \cdot (AeAw)^{-0.37} = 23 \cdot (8.85)^{-0.37} = 10.26 \, {}^{\circ}C / W$$

$$\Delta T = Rt \cdot P_{total} = 10,26 \cdot 3,34 = 34,28 \, ^{\circ}C$$



## 14) Cálculo do fator de ocupação:

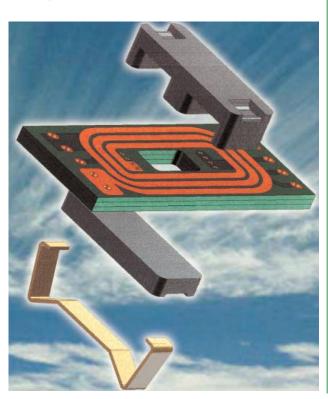
$$Aw_{neces} = \frac{Np \cdot N_{fios\_s} \cdot S_{23} + Ns \cdot N_{fios\_s} \cdot S_{22}}{0.7}$$

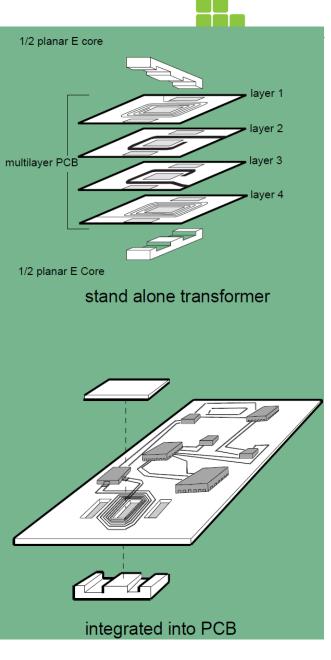
$$Aw_{neces} = \frac{47 \cdot 1 \cdot 0,003221 + 4 \cdot 12 \cdot 0,004013}{0,7} = 0,49 \, cm^2$$

$$K_{ocup} = \frac{Aw_{neces}}{Aw} = \frac{0.49}{2.5} = 0.2$$

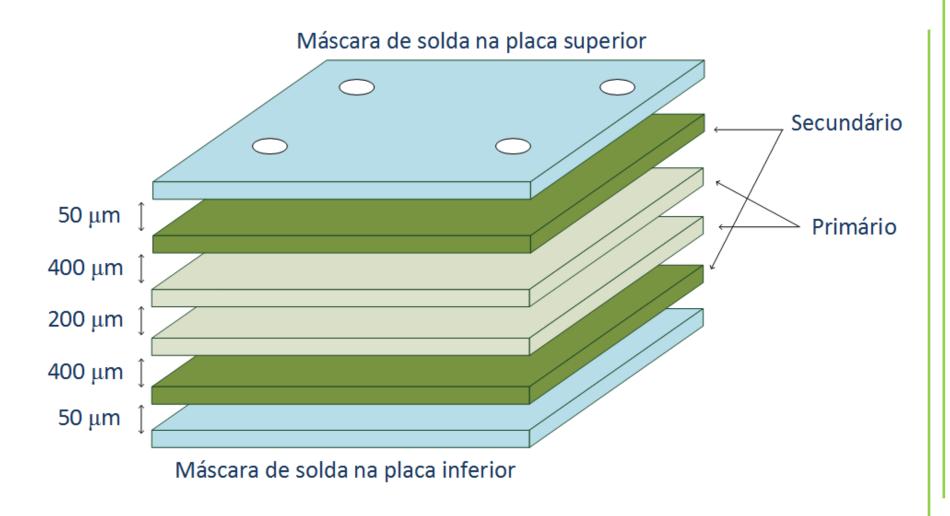
## **Vantagens**

- Excelente característica térmica (R<sub>th</sub> 50% menor)
- Baixo Perfil
- Baixa impedância de dispersão
- Fácil fabricação



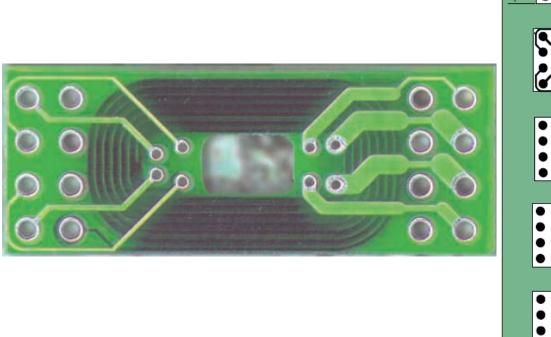


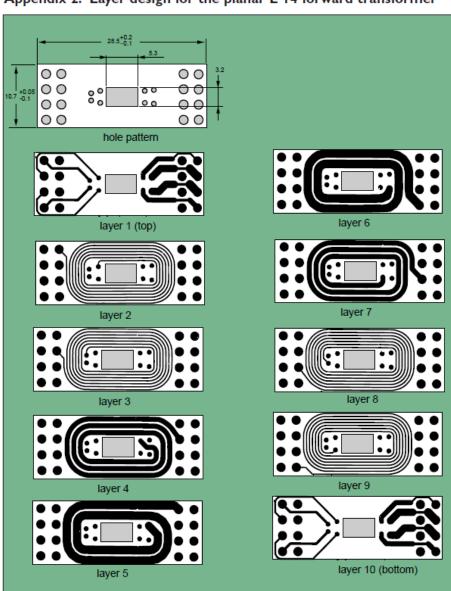






Appendix 2: Layer design for the planar E 14 forward transformer









Conversores Compactos Baixo Volume por W.

Exemplo: Fabricante SynQor



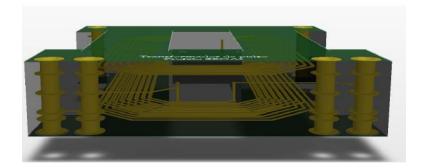


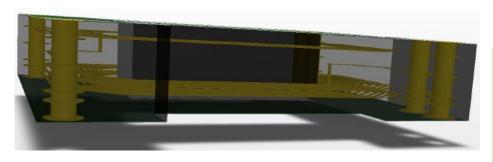


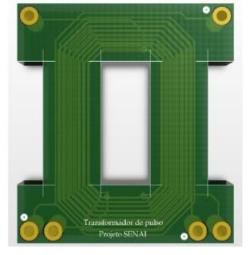
Conversores Compactos Baixo Volume por W.

Exemplo: Conversores Fabricante SynQor











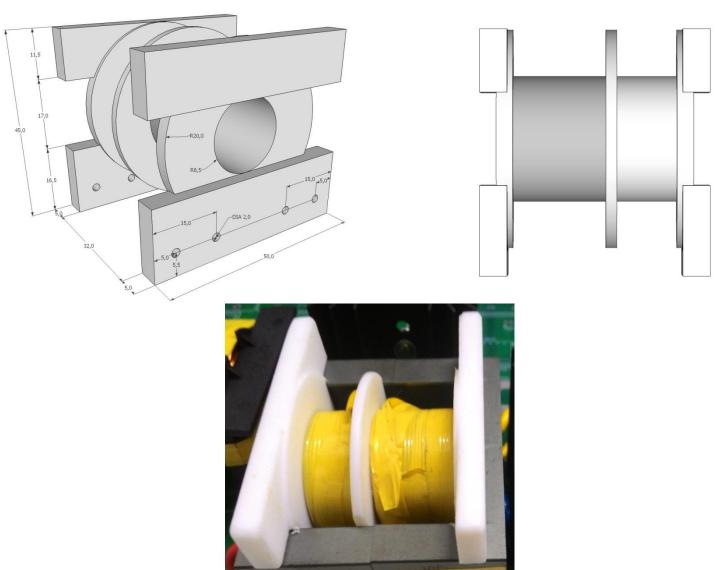






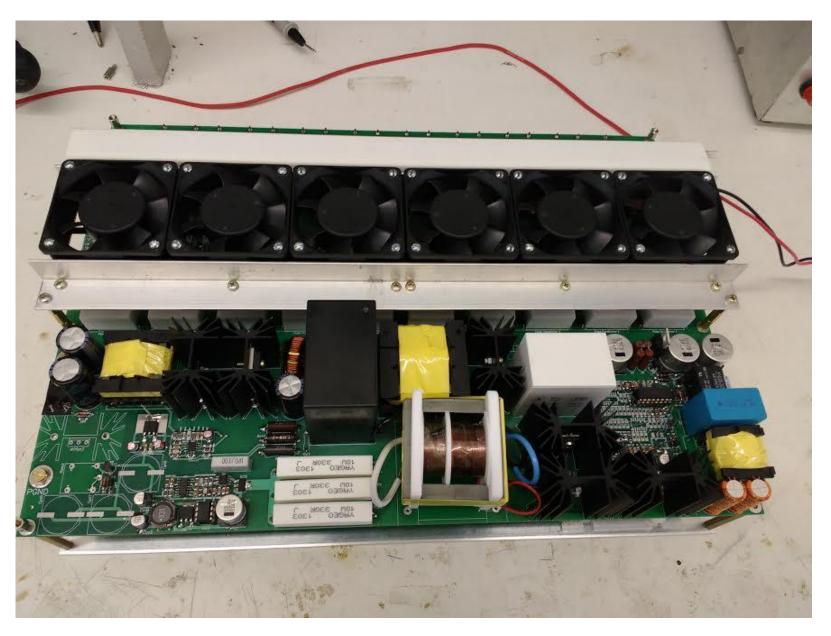
# Transformador com Isolação





# Transformador com Isolação

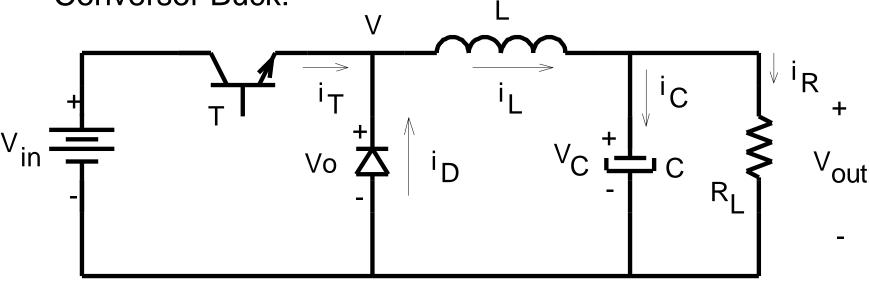




## Tarefa 3 para entregar até a próxima aula







Especificação:

Tensão de Entrada: 36 V

Tensão de Saída: 12 V

Frequência de comutação: 100 kHz;

Indutância L:  $\Delta I=10\%$  da corrente média

Capacitância C: 100 uF;

Potência: 100 W;

#### Apresentar:

- Projetar o Indutor L:
  - Utilizar a planilha desenvolvida no Smath e as aulas e definir um núcleo da Thornton;
  - Utilizar a planilha da Magnetics e definir um núcleo de tal fabricante