2022 年江苏省大学生电子设计竞赛 (TI 杯)

题目: 信号调制度测量装置___

题目编号: <u>F题</u>

参赛队编号: NJ149

参赛队学校: 南京大学

参赛队学生: 纪宇豪 靳希睿 李水仙

二〇二二年七月

摘 要

本设计为一种信号调制度测量装置,可以实现对输入信号的调制方式进行识别并显示,输入调幅、调频信号解调,以及调制度测量等功能。系统通过 DDS (Direct Digital Synthesizer,即直接数字频率合成) 技术进行扫频,并结合乘法器混频,调幅调频检波以及单片机 ADC 采样并进行 FFT 处理等技术,可以实现稳定、无失真、无干扰无噪声的检波以及准确的输入信号判断,同时测量出调频信号载波频率以及已解调信号的频率、幅度等信息。最终利用对鉴频曲线,调幅度-已检波信号幅度曲线,鉴频器频率响应曲线的拟合,对单片级 ADC 采集到的数据进行处理运算,最终实现准确的 AM、FM 波调制度的准确测量。系统稳定,判断准确,检波稳定,干扰噪声小,测量精准,且全部测量过程不需要人工干预,均有单片机控制完成,理想地达到了题目要求并在此基础上有所提高。

关键词:调制信号解调;调制度测量;高频信号测量

1. 方案论证

1.1 技术方案分析比较

(1) 输入信号类型判断

方案 1: 通过扫频确定载波,将所有信号与载波混频并通过 100k 低通滤波,将输入信号 搬移去除载波搬移到低频段,并通过 ADC 采样做 FFT 绘制频谱,若只有直流为单频信号,若除直流外只有一条谱线为调幅波,若除直流外有多条谱线为调频波。此方法再判断的同时不能实现检波,且需要增加一个混频器增加一次变频操作。

方案 2: 将输入吸纳后直接经过 ADL5511 模块包络检波,对检波得到信号做 FFT,若有相应谱线则为调幅波;若未得到再进行扫频,将载波搬移到 10.7M 并进行检波,对检波得到信号做 FFT,若有相应谱线则为调频波。若两次均无相应谱线则为单频信号。

综合以上两种方案,选择方案2。

(2) 调频波解调

- 方案 1: 将输入信号下变频到 10.7MHz,采用 NE564 锁相环对调频波进行解调,但锁相环每次解调需要调节电位器进行载波对准锁相环锁定,检波得到的波形存在较大抖动,且存在一定的频响。
- 方案 2: 将输入信号上变频到 56MHz,采用 AC21HHK835 射频解调模块,此模块在扫频 未扫到载波时,输出波形峰峰值较大,容易烧坏 ADC。
- **方案 3:** 将输入信号下变频到 10.7MHz,采用 10.7M 鉴频器电路进行调频波解调,此方法得到的波形较为稳定,噪声小且无需调节电位器进行锁定,对 3kHz 的调制信号也能输出较大

且稳定的波形。

综合以上三种方案和实地试验,选择方案3。

(3) 混频正弦信号的产生

方案 1: 锁相环 PLL 产生正弦波, 但 PLL 锁定需要时间, 不利于扫频, 且存在较大杂散。

方案 2: DDS 数字频率合成技术,精度高,相位噪声小,频率切换快,可实现快速扫频。

方案 3: 利用有源晶振产生方波并低通滤波得到正弦波,此时频率固定,无法实现扫频。

综合以上三种方案,本题需要扫频且对扫频信号频率要求较高,因此选择方案2。

(4) 频偏测量

方案 1: 直接用单片机 ADC 对输入信号进行采样,绘制频谱,通过测量带宽计算频偏。 此方法对 ADC 采样率要求极高,且频偏计算易产生较大误差。

方案 2: 将输入信号检波后再进行 ADC 采样,读出检波后信号的幅度和峰峰值,利用调制信号幅度和频偏间线性关系拟合曲线计算频偏。此方法对 ADC 采样频率要求较低,且频偏计算误差较小。

综合以上两种方案,本装置 STM32F407 单片机使用 12 位 ADC,无法实现较高频率采样,因此选用方案 2。

1.2 系统结构工作原理

(1) DDS 原理

DDS 的结构主要由相位累加器、波形存储器、数模(D/A)转换器和低通滤波器等四个大的结构组成。其结构框图如下。

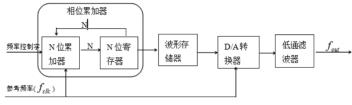


图 1 DDS 工作原理

在 DDS 模块中,输出频率的公式为

$$f_{out} = \frac{f_{clk}}{2^N} \times M \tag{1}$$

其中 M 为频率控制字, 当频率控制字变化时, 输出频率也跟着变化, 从而可以实现调频的基本功能。

(2) 调幅原理

调幅的特点时载波的振幅收受调制信号的控制作用周期性的变化,这个变化的周期与调制信号的周期相同,而振幅变化则与调制信号的振幅成正比,对于简谐振荡的调制信号 v_{α} =

 $V_{\Omega}cos\Omega t$,用它对载波 $v=V_{0}cos\omega_{0}t$ 进行调幅,则已调幅波的振幅为 $V(t)=V_{0}+k_{a}V_{\Omega}cos\Omega t$, 其中 k_a 为比例常数。

因此,已调波可以用下式表示:

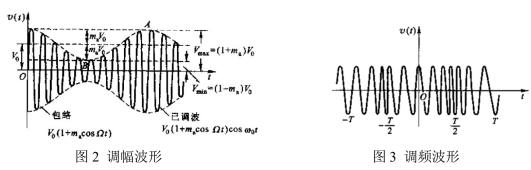
$$v(t) = V(t)\cos\omega_0 t = V_0(1 + m_a\cos\Omega t)\cos\omega_0 t \tag{2}$$

$$v(t) = V(t)\cos\omega_0 t = V_0(1 + m_a\cos\Omega t)\cos\omega_0 t$$

$$m_a = \frac{\frac{1}{2}(V_{max} - V_{min})}{V_0}$$
(2)

式中 $m_a = \frac{k_a V_{\Omega}}{V_0}$ 叫做调幅指数, m_a 的数值范围可以自0(未调幅)至1(百分之百调幅), 调幅波形如图 2 所示。

从上式可知,在输入信号幅度 V_0 恒定且已知的情况下,调幅度与包络检波得到的正弦波 峰峰值 $V_{max} - V_{min}$ 成正比,因此只需测量已检波形的峰峰值即可得到调幅指数 m_a 。本设计装 置即通过此方法确定调幅度。



(3) 调频原理

频率调制是用调制信号去控制高频载波的频率, 使其瞬时频率在原来基础上新增随调制 信号线性变化的频率分量,简称为调频,记为FM。调频时已调波的瞬时角频率为

$$\omega(t) = \omega_0 + k_f \, v_{\Omega}(t) \tag{4}$$

式中, ω_0 为正弦载波的固有频率, $v_{\Omega}(t)$ 为调制信号, k_f 为电路变换指数, $\Delta\omega(t)$ = $k_f v_{\Omega}(t)$ 表示瞬时角频率相对于载频的频偏,简称角频偏。 $\Delta\omega(t)$ 的最大值 $\Delta\omega$ 叫做最大频移, 也称为频偏。

$$\Delta\omega = k_f |v_{\Omega}(t)|_{max} \tag{5}$$

若调制信号为 $v_{\Omega} = V_{\Omega} cos \Omega t$,则可以得到调频波的数学表达式

$$a_f(t) = A_0 \cos(\omega_0 t + m_f \sin\Omega t) \tag{6}$$

式中调频波的调制指数 $m_f = \frac{k_f v_\Omega}{o}$,可以得到调频指数与最大频偏和调频信号频率间的 关系

$$m_f = \frac{\Delta f}{F} \tag{7}$$

1.3 系统方案描述

综合以上预期目标,技术方案分析比较以及工作原理分析,最终确定系统方案如下:

输入信号放大后分成两路,初始模拟开关置于调幅路输出。信号在调幅路经过包络检波,ADC 采样并做 FFT,若得到非直流的谱线,则确定输入信号类型为 AM 波,通过谱线高度与固定幅度信号调幅度线性拟合,读取谱线高度即可确定 AM 波调幅度。

若没有在调幅路输出检测到非直流谱线将开关掷于调频路输出。同时单片机控制 DDS 进行 20.7MHz~40.7MHz 扫频,经过与放大过的输入信号混频,再经放大和压电陶瓷滤波,将载波搬移到 10.7MHz。通过 10.7MHz 鉴频器检波得到解调波形,经过各级滤波器,ADC 采样并做FFT,若在扫频过程中得到非直流的谱线,则确定输入信号为调频波,并确定载波频率。通过读取 FFT 结果,可以得到调制信号频率 F 以及谱线高度,利用固定调制频率下谱线高度与频偏间的线性关系拟合,可以确定频偏并最终确定 FM 波调频度。

若在以上过程中均无非直流谱线,则确定输入信号为单载波信号。

2. 理论分析与计算

2.1 关键器件性能分析

- (1) 单片机 STM32F407,12 位 ADC 最高采样频率 2.4M,可以实现对检波后 $1^{\sim}10 {\rm kHz}$ 的调制信号进行充分采样。
- (2) DDS 直接数字频率合成方法采用高性能芯片 AD9959, 具有高频率分辨率、高频率切换速度, 其工作频率高达 500 MHz, 可以轻松实现 10M~30M 的连续扫频。

2.2 系统相关参数设计

(1) 滤波器设计

此装置中滤波器参数需要进行理论计算选择,由于工作频率较低,为追求通带内平坦以及截止频率准确性,选用 TL081 芯片制作有源滤波器。调幅波调制信号频率要求 1~10kHz,因此包络检波后的低通滤波器选用截止频率 10kHz。调频波频率要求 3~10kHz,调频度 m_f 要求 1~6,因此整个实验中最大频偏为 60kHz。同时由于鉴频电路输出波形有 1kHz 一下低频干扰,因此选用截止频率 2kHz 高通滤波器和截止频率 100kHz 低通滤波器串联制作成带通滤波器,再用程控低通滤除掉带通通带内的高频分量。另外,模拟开关引入了高频干扰,为使输出波形稳定,在示波器前又接入了跟随器和 60kHz 低通滤波器,1~10kHz 的已解调信号均能通过。有源滤波器设计可以选用 TI 公司的滤波器设计软件 Filter Designer 进行设计,为保证通带内平坦,选用巴特沃兹类型;为降低器件灵敏度,选用 MFB 型滤波器;为保证下降速度,选用 4 阶滤波器;同时选择 E24 类型电阻电容便于焊接。其中一个有源滤波器设计结果如下。

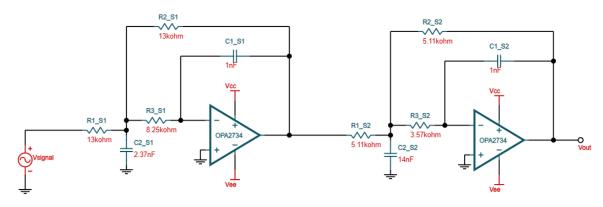


图 4 4 阶有源 10kHz 低通滤波器参数设计

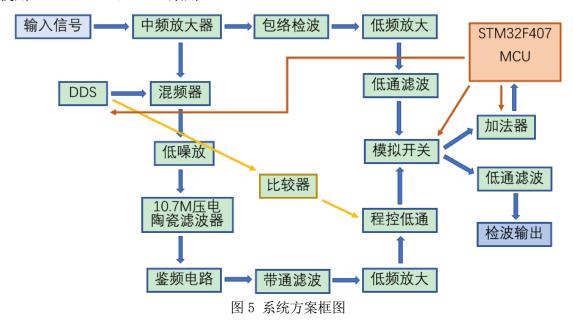
(2) 10.7M 压电陶瓷滤波器阻抗匹配

未经过阻抗匹配的压电陶瓷滤波器在中心频率处下凹,且频带宽度不符合题目要求。本题由于载波在 10~30M 之间以 0.5M 为步进,因此滤波器需要保证 10.5M 的载波不能通过。同时调频波最大频偏为 60k,因此滤波器的带宽应在 120k~400k 之间(所以此装装置不能采用石英晶体滤波器,且需要保证选用的压电陶瓷带宽合适),通过压电陶瓷滤波器输入输出电阻测量并利用阻抗匹配网站进行 L 型匹配网路参数计算,得到合理的参数(电感 1970nH,电容 70.2pF),实现了带通滤波器的通带平坦以及带宽要求。

3. 电路与程序设计

3.1 系统组成与原理框图

系统结构框图如图 2 所示,图中包络检波采用 ADL5511,混频器采用 AD835,比较器采用 TLV3501,程控滤波器采用 LTC1069,模拟开关采用 CH440G,低噪放采用 SPF5189,单片机使用 STM32F407,DDS 采用 AD9959。



3.2 关键模块电路原理

(1) 包络检波模块 ADL5511

ADL5511 为射频 RF 检波器,芯片内部电路如下。峰值检波器通过放大器、二极管及电容器实现对输入射频信号峰值的捕获和保持。具体而言,放大器使得输入信号对电容器充电,而二极管用于防止该电容器放电。

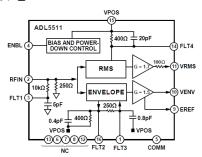


图 6 ADL5511 芯片内部电路

(2) 鉴频电路

该鉴频电路为电容耦合相位鉴频器,由频相转换电路和鉴相器两部分组成。输入的调频信号加到放大器 T 的基极上,放大管的负载是频相转换电路,是通过电容 C_4 , C_5 耦合的双调谐回路。初级和次级都调谐在中心频率 1/10.7MHz 上。初级回路电压 S 直接加到次级回路中的串联电容 C_4 , C_5 的中心点上,作为鉴相器的参考电压;同时,S 又经电容 C_4 , C_5 耦合到次级回路,作为鉴相器的输入电压,即加在 L_2 两端用 U 表示。电容 C_4 , C_5 上没有压降,二极管 D_4 两端电压为 U^* 。 U^* 是初级回路通过电容耦合到次级回路两端的电压,两者幅度相同,但相位差随着输入调频信号瞬时频率变化。

鉴相器采用两个并联二极管检波电路,电压传输系数完全相等,输出信号为两个检波电路的输出电压差。当 $f=f_0$ 时输出电压比输入滞后 90° ,此时鉴频器输出为 0;当 $f>f_0$ 时滞后小于 90° ,此时鉴频器输出大于 0;当 $f<f_0$ 时滞后大于 90° ,此时鉴频器输出小于 0。

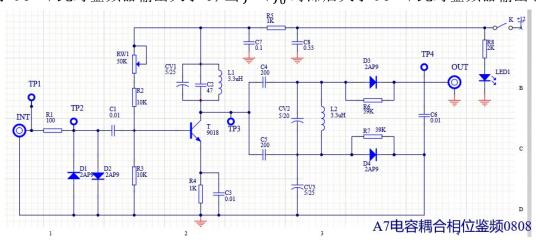


图 7 鉴频特性曲线

3.3 系统软件与流程图

(1) 软件流程图

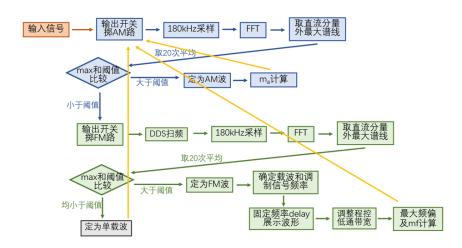


图 8 TLV3501 迟滞比较器 V-A 特性

(2) 主要模块程序设计

代码清单(具体代码见见附录): ① 判断波形是否为调幅波; ② 判断波形是否为调频波; ③ 找频域最大谱线; ④ FFT 波形绘制; ⑤ 拟合 m_f 代码

4. 测试方案与测试结果

4.1 测试环境

①固纬程控直流电源(GPD3303);②鼎阳 500M 示波器(SDS3052);③信号发生器(DG1032);④鼎阳 3.2G 频谱仪(SA8300B-E);⑤STM32F407 开发板

4.2 测试方案

(1)首先输入单频载波,看装置能否准确判断波形。(2)再输入100mV调幅波,改变载波频率,调制信号频率,输入信号调幅度,看是否能准确判断波形,检波得到波形是否稳定噪声小,显示得到的调幅度是否准确。(3)最后输入100mV调频波,改变载波频率,调制信号频率,最大频偏,看能否准确判断波形,检波得到波形是否稳定噪声小,显示得到的最大频偏和调频度是否准确。

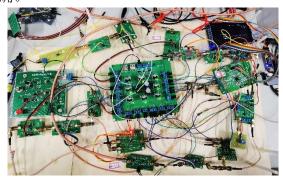


图 9 实际电路

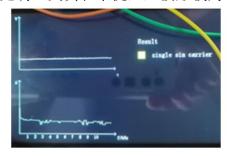
4.3 测试结果

(1) 波形判断

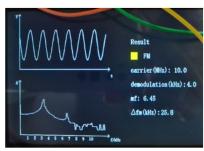
如图 10 中 a~c 所示,装置可以对输入波形进行正确判断并显示。

(2) 解调信号波形

如图 10 中 d e,分别为调频波解调结果,可以看到该装置解调得到的波形幅度大小适中, 无明显失真和干扰,且波形较为稳定,完美完成了题目要求。



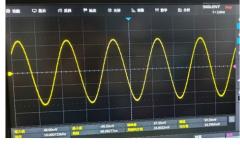


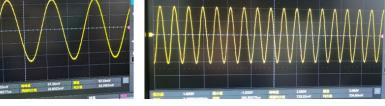


a 单载波波形判断

b 调幅波波形判断

c 调频波波形判断





d 调幅波解调波形

e 调频波解调波形

(3) 调幅度及调频度测试

控制载波频率为 10MHz, 改变调制信号频率和调制度, 得到调制度测量值如下。

表 1 调幅度测试表

调幅度真实值/%	调制信号频率/kHz									
	1	2	3	5	6	7	8	9	10	
20	20.5	19,5	19.3	19.2	18.3	17.2	17	22.3	25	
30	29.7	31	32.7	28.8	27.4	34.1	33.2	26.6	35.3	
40	40.4	39.2	38.2	37.3	43	44.3	36.5	44.2	45	
50	50.3	51.2	51.3	52.4	46.7	47.2	53.2	54.4	46.5	
60	59.5	62,3	58	63.4	56.4	64.7	65.3	56.7	55.6	
70	69.7	67.8	68.4	72.1	71.3	68.9	65	67.4	73.8	
80	80.2	78.2	77.8	82.9	78.4	83.5	76.4	85.3	77.8	
90	90.4	88.5	89.6	90.8	88.4	87.5	93.2	86.7	94.2	
100	99.3	100.3	98	102	97.2	97.6	96.3	94.2	104.3	

如上表所示,调幅度测量误差均控制在 0.1 之内,但误差有随调制信号频率增大而增大, 随调幅度增大而增大的趋势。当调幅度较大时,检波得到的波形不可避免地失真,且由于放 大器等器件频响不平坦,拟合时采用二次曲线,因此较大的调制信号频率处很可能产生误差。

如下表所示,调频度误差均控制在 0.3 之内,但在调频度较高时误差较大。由于放大器,滤波器等器件频响不平坦,因此也采用二次曲线拟合,且 DDS 输出信号幅度随上电时间有一定变化,因此在调频度较大时会存在较大误差。

调频度真实值	调制信号频率/kHz										
	3	4	5	6	7	8	9	10			
1	0.98	1.03	0.99	1.02	0.96	0.97	0.98	0.99			
2	1.97	1.96	2.04	2.05	2.02	1.96	1.93	2.06			
3	2.95	3.06	3.22	2.74	2.93	3.04	3.25	3.16			
4	4.01	3.89	3.97	3.86	4.04	4.16	3.85	4.27			
5	4.82	4.78	4.76	4.81	5.24	4.76	5.26	4.81			
6	5.78	5.75	5.81	5.74	5.76	5.77	6.1	5.88			

表 2 调频度测试表

5. 参考资料

- [1] 康华光. 电子技术基础(模拟部分)[M]. 北京: 高等教育出版社, 2013.
- [2] 黄智伟. 《全国大学生电子设计竞赛训练教程》. 电子工业出版式社,2005年第1版
- [3] 张肃文. 高频电子线路(第四版)[M]. 北京: 高等教育出版社, 2004.

附录

1. 判断波形是否为调幅波

```
float type judge()
    int num=0;
    float maxpower=0;
    for (int m=0; m<20; m++)</pre>
    for (int j=0; j<NPT; j++) {</pre>
         lBufInArray[j]=(signed short)Get Adc(ADC Channel 5);
    for(int i=0;i<NPT;i++)</pre>
    {
         lBufInArray[i] = (lBufInArray[i]) << 16;</pre>
    cr4 fft 1024 stm32(lBufOutArray, lBufInArray, NPT);
    GetPowerMag();
    maxpower+=get_maxpower(&num);
    maxpower/=20;
    if (maxpower>0)
        return maxpower;
    }
    else
        return 0;
}
```

2. 判断波形是否为调频波

扫频,确定载波,频谱判断

```
int get carrier()
1
    int freq0=20700000;
    int freq;
    int num=0;
    float max=0;
    int first=0;
    int maxp;
    float power frst;
    float power;
    WriteFreq(1,1000000,1);
    for(int i=0;i<=40;i++)
        freq=freq0+500000*i;
        WriteFreq(0, freq, 1);
        WriteAmplitude(0, get_amp(freq/1000000.0), 1);
        delay_ms(50);
        for(int j=0;j<NPT;j++){</pre>
            lBufInArray[j]=(signed short)Get_Adc(ADC_Channel 5);
        for (int i=0;i<NPT;i++)</pre>
            lBufInArray[i] = (lBufInArray[i]) << 16;</pre>
        cr4_fft_1024_stm32(lBufOutArray, lBufInArray, NPT);
        GetPowerMag();
        power frst=get maxpower(&maxp);
        if(power frst>max) {max=power frst;num=freq;}
    power_frst=0;
```

```
if (max>40)
    WriteFreq(0, num, 1);
    WriteAmplitude(0, get_amp(num/1000000.0), 1);
    delay ms(50);
    for (int m=0; m<5; m++) {</pre>
        for(int j=0;j<NPT;j++){</pre>
             lBufInArray[j]=(signed short)Get_Adc(ADC_Channel_5);
        for(int i=0;i<NPT;i++)</pre>
             lBufInArray[i] = (lBufInArray[i]) << 16;</pre>
        cr4 fft 1024 stm32(lBufOutArray, lBufInArray, NPT);
        GetPowerMag();
        power=get_maxpower(&maxp);
        power_frst+=power;
    return num-10700000;
return 0;
```

3. 找频域最大谱线

```
void GetPowerMag()
    signed short 1X,1Y;
    float X,Y,Mag;
    unsigned short i;
    for (i=0; i<NPT/2; i++)</pre>
        1X = (lBufOutArray[i] << 16) >> 16;
        lY = (lBufOutArray[i] >> 16);
        X = NPT * ((float)1X) / 32768;
        Y = NPT * ((float)1Y) / 32768;
        Mag = sqrt(X * X + Y * Y) / NPT;
        if(i == 0)
            lBufOutArrayl[i] = (long) (Mag * 32768);
            lBufOutArray1[i] = (long) (Mag * 65536);
}
```

4. FFT 波形绘制

```
void Draw_FFTwave(void)
    int i:
    LCD_Display_Dir(1);
    double y0,y1;
LCD_Fill(51,256,409,449,BLACK);
    for(i=0;i<70;i++)
         if(lBufOutArray1[i]<=0)</pre>
         {
             y0 = -1;
         }
         else
             y0=(log10(lBufOutArray1[i]))/2.5*100;
         if(lBufOutArrayl[i+1]<=0)</pre>
                 y1=-1;
             y1=(log10(lBufOutArray1[i+1]))/2.5*100;
         if (y0>190) y0=190;
         if (y1>190) y1=190;
         LCD DrawLine (50+5*i, 440-(int)y0, 50+5*i+2, 440-(int)y1);
}
```

5. 拟合 m_f 代码

```
import numpy as np
import matplotlib as mpl
 import matplotlib.pyplot as plt
from numpy import polyfit, polyld
x = [204, 404, 182, 365, 540,
                                                                                                                                                                                                                                                      780,
848,
                                                                                                                                                                                        595,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     952,
969,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    1110.
                                                                                                                                                                                        698,
                                                                                                                            439,
195,
220,
                                                                                                                          558,
608,
                                                                                                                                                                                          706,
763,
                                                              385,
                                                                                                                                                                                                                                                      836,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         950,
                                                                                                                                                                                                                                                        894,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        1015,
                                                              426,
 184,
 162,
                                                                                                                          413,
447,
                                                                                                                                                                                        509,
546,
                                                              303,
                                                                                                                                                                                                                                                        595,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         664,
                                                                                                                                                                                                                                                      630,
                                                            329,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        708,
 180,
                                                                                                                            291,
                                                                                                                                                                                                                                                          408,
                                                                                                                                                                                                                                                        427,
                                                            230,
                                                                                                                             305,
                           | | | y = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6] | y = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6] | coe3 = polyfit(x[0:5], y[0:5], 2) | coe35 = polyfit(x[6:11], y[6:11], 2) | coe4 = polyfit(x[18:23], y[18:23], 2) | coe45 = polyfit(x[18:23], y[18:23], 2) | coe55 = polyfit(x[24:29], y[24:29], 2) | coe55 = polyfit(x[24:29], y[24:29], 2) | coe55 = polyfit(x[24:29], y[24:29], z) | coe55 = polyfit(x[24:29], z) | coe55 | coe55 = polyfit(x[24:29], z) | coe55 | co
                        coe45 = polyfit(x[18:23], y[18:23], 2)
coe5 = polyfit(x[18:23], y[18:23], 2)
coe6 = polyfit(x[36:41], y[36:41], 2)
coe7 = polyfit(x[36:41], y[36:41], 2)
coe8 = polyfit(x[42:47], y[42:47], 2)
coe9 = polyfit(x[48:53], y[48:53], 2)
coe10 = polyfit(x[54:59], y[54:59], 2)
print("double coe3[3]={}{},{},{}{};".format("{",coe3[0], coe3[1], coe3[2],"}"))
print("double coe45[3]={}{},{},{}{};".format("{",coe4[0], coe4[1], coe4[2],"]"))
print("double coe45[3]={}{},{},{},{};".format("{",coe4[0], coe45[1], coe45[2],"]"))
print("double coe6[3]={},{},{},{};".format("{",coe5[0], coe5[1], coe5[2],"]"))
print("double coe6[3]={},{},{},{};".format("{",coe6[0], coe6[1], coe6[2],"]"))
print("double coe7[3]={},{},{},{};".format("{",coe6[0], coe6[1], coe6[2],"]"))
print("double coe7[3]={},{},{},{};".format("{",coe7[0], coe7[1], coe7[2],"]"))
print("double coe8[3]={},{},{},{};".format("{",coe9[0], coe9[1], coe9[2],"]"))
print("double coe9[3]={},{},{},{};".format("{",coe9[0], coe9[1], coe9[2],"]"))
print("double coe0[3]={},{},{},{};".format("{",coe9[0], coe9[1], coe9[2],"]"))
print("double coe0[3]={},{},{},{};".format("{",coe9[0], coe0[1], coe9[2],"]"))
print("double coe0[3]={},{},{},{};".format("{",coe0[0], coe0[1], coe0[0],"]"))
```