学号\_\_\_\_\_20165004\_\_\_\_\_\_ 密级\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

**东北大学本科毕业论文**

**基于深度图卷积网络的结点分类算法的研究与实现**

学 院 名 称：软件学院

专 业 名 称：软件工程

学 生 姓 名：刘唐

指 导 教 师：张伟 副教授

黄增峰 副教授

**宋体小3号**

**上面写校内导师姓名与职称，下面写企业导师姓名与职称**

**20XX 年 X 月**

基于深度图卷积网络的结点分类算法的研究与实现

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| 作者姓名： | 刘唐 | |
| 校内指导教师： | 张伟 | 副教授 |
| 校外指导教师： | 黄增峰 | 副教授 |
| 单位名称： | 软件学院 | |
| 专业名称： | 软件工程 | |

东 北 大 学

20XX年X月

**论文中所有英文和数字的字体均为Times New Roman，所有中文内容中的标点符号都要用中文标点符号。实词首字母大写，虚词首字母小写。**

**此页段落格式：**

段前1行，段后1行，

行距32磅，居中。

**Design and Implementation of Game-Experience Announcing Wubsystem in Social Network Site for Game Players**

以下四号字体，

姓在前名在后，首字母大写，多字名字，以后名字汉语拼音首字母小写。

by Liu Tang

校内指导教师职称：

Professor（教授），

Associate Professor（副教授），Lecturer（讲师）。

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Supervisor: | Professor | Liu Hongyi |
| Associate Supervisor: | Engineer | Zhang Jun |

企业指导教师职称：

Engineer（工程师），

Senior Engineer（高级工程师）。

Northeastern University

June 20xx

**郑 重 声 明**

本人呈交的学位论文，是在导师的指导下，独立进行研究工作所取得的成果，所有数据、图片资料真实可靠。尽我所知，除文中已经注明引用的内容外，本学位论文的研究成果不包含他人享有著作权的内容。对本论文所涉及的研究工作做出贡献的其他个人和集体，均已在文中以明确的方式标明。本学位论文的知识产权归属于培养单位。

本人签名： 日期：

摘 要

毕业设计（论文）是学生在校学习的最后阶段，是培养学生综合运用所学知识，发现、提出、分析和解决实际问题，锻炼实践能力的重要环节，是对学生实际工作能力的系统训练和考察过程。毕业设计（论文）是学生在教师指导下，对所从事工作和取得成果的完整表述，是学生毕业及学位资格认定的重要依据。论文的撰写是学生基本能力训练的过程，应当符合国家及有关行业（部门）指定的有关标准，符合汉语语言规范。为加强对此项工作的指导，严格把关，依据中华人民共和国《科学技术报告、学位论文和学术论文的编写格式》和东北大学论文格式制定此规范，本规范专为我院本科毕业设计（论文）撰写打印时使用。

摘要正文：

宋体，小四号，段前0行，段后0行，1.5倍行距，首行缩进2字符。

400到700字之间。

本文主要介绍本科毕业设计（论文）的排版及打印规范，关于论文的撰写原则及内容指导请参考《本科毕业设计（论文）的撰写规范》一文。学位论文主要部分由前头部分、主体部分和结尾部分组成。前头部分主要包括：封面、中文题名页、英文题名页、郑重声明、中文摘要、英文摘要、目录。主体部分主要包括：绪论、正文、总结及展望。结尾部分包括：参考文献、致谢、附录（限必要时添加）。

希望通过本文的阐述，使同学们能够了解掌握东北大学软件学院本科毕业设计（论文）的排版及打印规范，并认真执行。

**关键词：**本科毕业设计；论文排版；论文打印；页面布局；段落格式

此页页码采用罗马数字，五号，左右各有一个“-”，居中。

**关键词**与摘要内容空一行，悬挂缩进4字符。

“关键词”加粗，关键词内容3到5个，用“；”分隔

**ABSTRACT**

小二号，加粗。

In recent years, VoIP (Voice over IP) has been applied widely with the develop- ment of Internet. But IP network provides data transmitting service only in a “best effort” manner, it does not guarantee the quality of services to VoIP, as a real-time service. Then, QoS(Quality of Service) is becoming more and more important to VoIP, and it’s also a study focus to computer network for a long time.

This article mainly discusses the QoS architecture, the principle of VoIP and the two related protocols: H.323, SIP. And then, introduce some QoS control mechanisms: packet classification, admission control, QoS route and queue management.

………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………………….

**Key words:** VoIP; QoS; H.323; SIP; RSVP

**关键词**与摘要内容空一行，悬挂缩进。

“**Key words**”加粗，关键词内容3到5个，用英文半角“;”分隔

目 录

黑体小二号，段前0.8行，段后0.5行，单倍行距，居中。

“目录”两字之间空一个中文空格。

宋体小四号，英文字体Times New Roman，1.5倍行距。

[摘 要 II](#_Toc19304)

黑体四号，英文字体Times New Roman，1.5倍行距。

[ABSTRACT III](#_Toc22538)

[第1章　绪 论 1](#_Toc23936)

[1.1 论文排版总体要求 1](#_Toc24502)

[1.1.1 打印 1](#_Toc9021)

[1.1.2 页码编排 1](#_Toc13406)

[1.1.3 页眉设置 1](#_Toc32586)

[1.1.4 装订 1](#_Toc12105)

[1.2 论文主要部分 2](#_Toc2550)

[1.2.1 前头部分 2](#_Toc8998)

[1.2.2 主体部分 2](#_Toc24674)

[1.2.3 结尾部分 3](#_Toc16630)

[1.3 本文结构 3](#_Toc32336)

[第2章　论文前头部分 5](#_Toc28980)

[2.1 封面 5](#_Toc32544)

[2.1.1 论文题目 5](#_Toc11079)

[2.1.2 学生信息 5](#_Toc18429)

[2.1.3 论文封面日期 5](#_Toc25991)

[2.2 中英文题名页 5](#_Toc27733)

[2.2.1 题目 5](#_Toc19031)

[2.2.2 姓名 6](#_Toc26370)

[2.2.3 学校与日期 6](#_Toc800)

[2.3 郑重声明 6](#_Toc21972)

[2.4 中英文摘要 6](#_Toc12351)

[2.4.1 摘要标题 6](#_Toc4702)

[2.4.2 摘要内容 6](#_Toc7442)

[2.4.3 关键词 6](#_Toc6705)

[2.5 目录 7](#_Toc31185)

[2.5.1 目录 7](#_Toc2540)

[2.5.2 索引条目 7](#_Toc28889)

[第3章 正文部分 8](#_Toc18888)

[3.1 各级标题 8](#_Toc23433)

[3.2 正文 8](#_Toc16266)

[3.3 图 8](#_Toc15084)

[3.4 表 9](#_Toc14593)

[3.5 程序代码 10](#_Toc31424)

[3.6 公式 10](#_Toc7035)

[3.7 注释 11](#_Toc31126)

[3.8 引文标示 11](#_Toc2003)

[第4章 结尾部分 13](#_Toc26403)

[4.1 参考文献 13](#_Toc24586)

[4.2 参考文献格式 13](#_Toc20993)

[4.3 参考文献举例 14](#_Toc17031)

[参考文献 15](#_Toc18532)

[致 谢 16](#_Toc28784)

第1章　绪 论

本文首先介绍深度图卷积神经网络和图上的半监督结点分类的研究背景，接着分析近年来的国内外研究现状，然后介绍本文的研究内容和主要贡献，最后给出该论文的组织结构。

## 1.1 研究背景

随着训练数据的大量增长和计算资源的快速发展，深度学习在语音识别、目标检测、自然语言处理等方面取得了巨大成功。这归功于深度学习能从欧式数据如语音、文本、图像等中提取有效的特征表示。但是越来越多的任务要求对非欧式数据，如引用网络、社交网络、蛋白质结构等图数据进行处理。然而由于图的不规则、异质性、大规模等特点，传统的神经网络CNN、RNN等无法胜任。近年来，研究人员相继提出了图递归神经网络GRNNs、图卷积神经网络GCNs、图自编码器GAEs、图强化学习GRL等模型，在图数据处理上取得了优越的效果。

图分类、结点分类、链路预测是常见的图上的学习任务。其中结点分类一般指半监督结点分类任务：给定包含结点信息和结构信息的图数据集，带有标签的部分结点作为训练集，预测剩余结点的标签类别。有研究者运用近似技巧从谱图卷积推导出图卷积神经网络的逐层传播公式，使得图像处理中的卷积操作能够被简单应用到图结构数据处理中，在图的半监督结点分类任务上取得了不错的表现。

深度学习的成功在于深层网络架构，该架构具有更高的模型复杂度，因此也具有更强的学习能力。此外，加深网络相比加宽网络具有逐层处理、特征变换等优点。在图像分类任务中，杰出的ResNet具有152层。然而研究表明，随着层数增加，GCN的性能会急剧下降。目前对该问题的研究还较少，为什么性能会下降，如何才能加深GCN，是GCN发展面临的两个挑战。

通过将关系数据自然地建模为图结构数据，GCN等基于图的深度学习模型被广泛应用于其他学科，如计算机视觉、推荐系统、自然语言处理、疾病或药物预测、基于图的NP问题等。对如何加深GCN的研究，能够提升模型的性能，从而促进更深入地挖掘现有图数据的丰富价值。

## 1.2 研究现状

图神经网络是近年来新兴起的研究热点，对深度图卷积神经网络的研究也刚起步不久。

理论方面，研究者们揭示了K层GCN与K步随机游走的关系；证明了图卷积是一种特殊形式的拉普拉斯平滑；分析了在图同构测试任务上GNN性能的上限。

模型方面，PPNP将神经网络与传播算法分离，融入Personalized PageRank算法，在聚合时可以获取更大范围的邻居信息；JK-Net以层级聚合的方式自适应地融合不同层的信息，从而平衡不同邻域的结点的局部与全局信息；Cluster-GCN通过变换邻接矩阵并添加正则化，在考虑权重的同时强化邻近邻居结点的信息；N-GCN在不同尺度下进行图卷积操作，最后融合所有卷积结果得到结点的特征表示，通过对不同尺寸感受野的组合提高模型的表征能力；RGCN基于第K层捕获了K-Hop邻居结点信息，这些相邻层之间存在依赖关系，使用RNN（GRU，LSTM）对层间的长期依赖建模；DeepGCN借鉴CNN的成功经验，基于梯度消失/爆炸的问题，引入残差连接、密集连接和空洞卷积，在点云语义分割任务上进行了实验；Dropedge在每轮训练中从图中随机删除一定比例的边，从数据增强角度缓解了过拟合，从减缓传播角度缓解了过光滑；Snowball和Truncated Krylov均利用了多尺度信息，在一定条件下两种网络结构是等价的，是谱图卷积和深度GCN在块Krylov空间下的推广形式；PairNorm通过引入正则化项改进目标函数，既保证了同一类簇的结点信息趋于一致，又促进了不同类簇的结点信息差异扩大。

这些模型都增强了GCN的学习能力，但是各自也存在着一些不足之处，在几个引用数据集上性能提升有限，多数模型在超过两层后性能仍然会下降。其中，PPNP的传播部分借鉴的是Personalized PageRank，它是基于经验假设设计的，直接进行量化计算而不需要参数学习过程，但是也失去了神经网络的优势；JK-Net只在最后一层对所有层进行融合，层之间的传播方式没有改变，较深层产生的输出仍然存在不同类簇间的结点混合问题，RGCN虽然有一些改进，但是仍然存在相似的问题；Cluster-GCN是基于矩阵的改进，当数据集庞大时，就会面临内存限制问题，而大数据集恰恰最需要更深的GCN；N-GCN、Snowball和Truncated Krylov的思路都类似于Inception，从“宽度”上对网络进行拓展，在同一层级上运行多个不同尺寸的卷积核，但是大尺寸的卷积核不可避免地会引起过光滑问题；DeepGCN的动机在于解决梯度消失/爆炸，但是它不是阻碍GCN加深的主要原因，同时，DeepGCN只在点云数据集上进行了实验，该任务属于图层次的分类，每张图之间不连通，不存在过光滑问题；DropEdge采用随机割边的方法，在稀疏连接图数据上有一定效果，在密集连接图数据上却有反作用；PairNorm的正则化项扩大的是所有不相连结点对间的差异，总体来说对于缓解过光滑问题效果有限。

## 1.3 研究内容

文献方面，本文从理论和模型两个角度，对当前深度GCN研究的最新进展进行了总结归纳，确定了过光滑问题是限制GCN层数加深的主要原因。

理论方面，本文提出了过光滑的量化方法，细化到了结点特征矩阵的行列，从而能够定量地研究过光滑问题。

模型方面，本文从两个角度展开了研究：

针对过拟合问题，在GCN上研究并实验了几种传统方法：权重衰减weight decay、提前终止Early Stopping和丢弃法Dropout。

针对梯度消失/爆炸问题，在GCN上研究并实验了几种传统方法：Xavier初始化、梯度修剪和批量归一化Batch Norm。

针对过光滑的问题，从图数据预处理的角度，在DropEdge的基础上做了两种改进，分别是基于结点度数的DegreeDrop和基于特征相似DistanceDrop；从控制邻居权重的角度，利用特征的余弦相似度，经过Softmax归一化处理，作为结点与邻居间的权重；从平衡局部全局的角度，将残差连接引入GCN网络，并提出了带可学习权重的残差连接，同时进一步引入并尝试了密集连接；从增强结点自身的角度，在每层引入输入层的链接，并在初始特征和当前特征间赋予平衡权重。

实验方面，本文额外引入了几个密集连接的图数据集，使得实验结果更能区分模型的学习能力；设计了对过光滑理论分析的验证实验，有力地佐证了过光滑是阻碍GCN加深的主要问题；规范了对过光滑问题的模型的实验设置，排除了过拟合和梯度消失/爆炸对实验的混合影响。

本文的创新之处主要体现在模型和实验方面，一方面基于理论分析从不同角度计了多个有效缓解过光滑问题的有效模型，另一方面通过改进和规范实验设置与流程，使得对深度GCN的实验研究更具有说明力。

## 1.4 组织结构

针对梯度消失/爆炸问题，在GCN上研究并实验了几种传统方法：Xavier初始化、Batch Norm和梯度修剪。

针对过光滑的问题，从图数据预处理的角度，在DropEdge的基础上做了两种改进，分别是基于结点度数的DegreeDrop和基于特征相似DistanceDrop；从控制邻居权重的角度，利用特征的余弦相似度，经过Softmax归一化处理，作为结点与邻居间的权重；从平衡局部全局的角度，将残差连接引入GCN网络，并提出了带可学习权重的残差连接，同时进一步引入并尝试了密集连接；从增强结点自身的角度，在每层引入输入层的链接，并在初始特征和当前特征间赋予平衡权重。

第2章　相关工作

## 2.1 图卷积神经网络

图卷积神经网络GCN由ChebNet近似推导而来，是一种简单有效的层式传播模型，是深度图卷积神经网络的基础。

2.1.1 问题定义

图上的半监督结点分类任务是指：给定包含结点信息和结构信息的图数据集，将带标签的部分结点作为训练集，预测剩余结点的标签类别。对该任务可采取的学习策略见公式（2.1）-（2.2）表述。

其中表示带标签的结点的监督损失，表示图结构信息引入的损失，表示神经网络的可微分函数，是权重系数，是结点特征向量矩阵，表示无向图的拉普拉斯矩阵，是邻接矩阵，D是度矩阵，。

正则化项基于相邻结点更加相似的假设，然而该假设可能会限制模型的能力。GCN使用神经网络模型直接编码图结构信息，回避了损失函数中的正则化项的使用。

2.1.2 谱图卷积

经过对称归一化后拉普拉斯矩阵为，其中是的特征向量矩阵，是的特征值矩阵。给定输入信号，傅里叶域的滤波器，谱图卷积见公式（2.3）表述。

其中是对x做图上的傅里叶变换，可视作的特征值得函数。然而，大图上的特征分解很低效，特征向量矩阵乘法的时间复杂度也较高。这里可以用切比雪夫多项式近似，见公式（2.4）表述。

这里是的最大特征值，是切比雪夫因子。切比雪夫多项式由递推公式定义，其中。将切比雪夫近似公式代入谱图卷积公式，见公式（2.5）表述。其中。

2.1.3 传播公式

在公式（2.5）中，令，谱图卷积近似为关于的线性函数，我们可以堆叠多层获得卷积能力；令，我们期望神经网络的参数在训练过程中自适应该变化。在这些条件下近似结果见公式（2.6）表述。

其中参数和可以共享于所有结点的计算。我们引入进一步近似，见公式（2.7）表述。这在一定程度上可以缓解过拟合，并减少计算量。

这里的特征值范围是[0, 2]，重复该操作会导致数值不稳定等问题。为此我们引入再正则化技巧，其中。

我们将公式（2.7）进一步泛化，给定输入信号，有C个通道（即C维特征），卷积包含F个滤波器，见公式（2.8）表述。

其中是滤波器的参数矩阵，是卷积操作后的信号矩阵。在多层神经网络中，习惯上把变换后的记做，表示结点在隐藏层的嵌入。此外，习惯上把神经网络的参数记做而非，当前层的输出会作为下一层输入。经过这些符号替换后，得到GCN逐层传播公式，见公式（2.9）表述。

2.1.4 结点分类

经过GCN处理后的输出嵌入可以用于下游任务，两层的用于半监督结点分类任务的GCN见公式（2.10）表述。

这里是权重矩阵，在输入层和隐藏层间做线性变换，也是权重矩阵，在隐藏层和输出层间做线性变换。变换结果经过softmax激活函数输出作为分类结果。对于半监督结点分类任务，在带标签的样本上评估交叉熵，见公式（2.11）表述。

其中表示所有带标签的结点的集合。通过梯度下降法我们可以训练神经网络的权重。

## 2.2 深度图卷积神经网络

研究发现，超过2-3层后，随着层数增加，GCN的性能会急剧下降。研究者在加深GCN上做了一些尝试，提出了一些深度GCN模型。

2.2.1 PPNP

传统的GCN模型在每一层变换时包括特征变换和1阶邻居的聚合，通常只能使用有限的邻居结点信息并且难以扩展，但是边缘结点，稀疏结点等需要更多的邻居结点信息。然而，简单地堆叠层以获取更多邻居结点信息会带来两个问题：一是聚合次数过多会导致过平滑，丧失了结点的局部特性；二是堆叠层数过多会导致参数量过大，有可能造成过拟合。

受Personalized PageRank启发，研究者提出一种新的传播算法，该方法可以平衡局部性和对更大范围邻居信息的需求，从而缓解过光滑的问题。此外将神经网络与传播过程分离，神经网络的深度完全独立于传播过程，从而回避过拟合的问题。普通的PageRank见公式（2.12）表述。

Personalized PageRank考虑了根节点，见公式（2.13），其中是添加了自循环的对称归一化邻接矩阵。

求解公式（2.13）并矩阵化后见公式（2.14）表述。它的每个元素(yx)表示结点x对y的影响分数大小。

为了利用上述Personalized PageRank影响分数，我们将该分数与高层特征一起用于生成每个结点的类别概率分布，见公式（2.15）表述。

其中是结点的输入特征矩阵，是结点的隐层特征矩阵，表示任意特征映射函数，如神经网络，独立地对每个结点进行变换，该过程中不涉及聚合操作。

直接计算矩阵的时间复杂度和空间复杂度都很高，我们可以用迭代的方法近似求解，见公式（2.16）-（2.18）表述。

其中是超参数，表示迭代轮数。我们可以通过设置转移概率控制邻居结点的范围，对于不同类型的图和任务选择不同的转移概率。

PPNP的传播部分借鉴的是Personalized PageRank，在该过程中聚合图的结构信息，它是基于经验假设设计的，直接进行量化计算而不需要参数学习过程，但是也失去了神经网络的优势。本文在增强结点自身的角度，将Personalized PageRank引入了GCN，可以同时自动学习结构信息和特征信息。

2.2.2 JK-Net

虽然GCN能适应不同结构的图数据，但是GCN固定的层级结构无法满足不同邻域结构的结点对平滑范围的要求。K步随机游走在不同邻域结构的结点上的效果见图2.1，从左往右分别是中心结点的4步随机游走，边缘结点的4步随机游走和5步随机游走。可以看到，位于连接紧密的中心结点，平滑范围扩散过快；位于连接稀疏的边缘结点，平滑范围扩散过慢，但是一旦触及中心，平滑范围就会陡增。

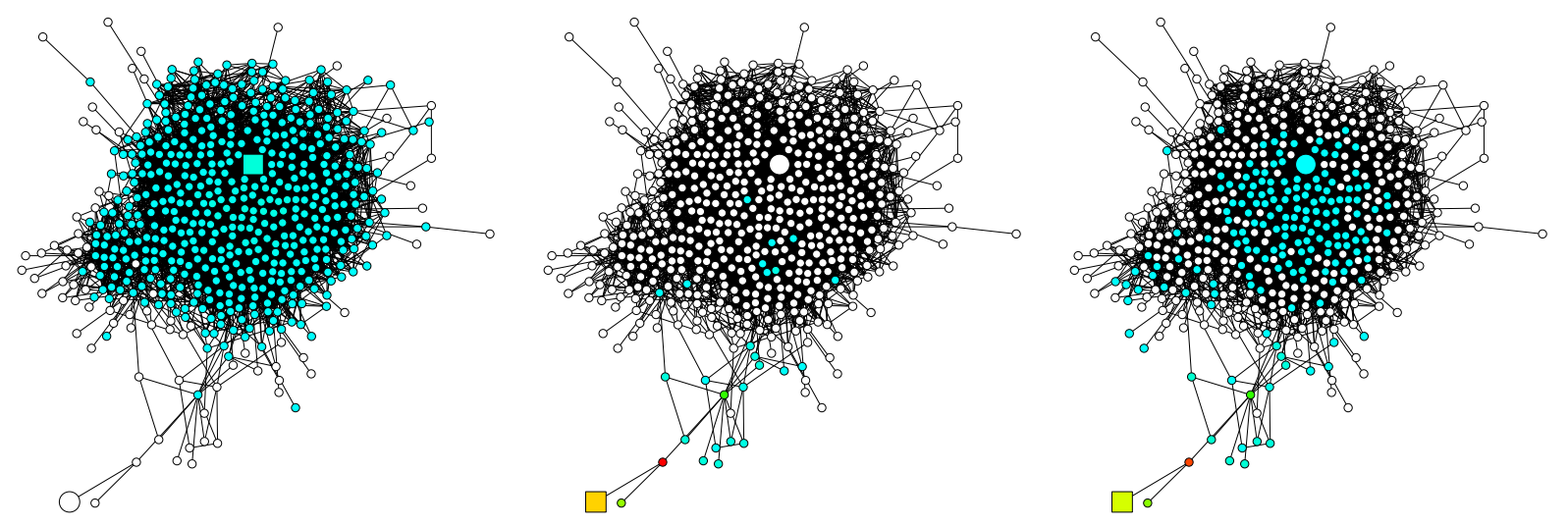


图2.1 K步随机游走在不同邻域结构的结点上的效果

底层信息更具局部性，高层信息更具全局性，JK-Net以层级聚合的方式自适应的融合不同层的信息，从而平衡不同邻域结构结点的局部与全局信息，见图2.2。具体的融合方式有Concatenation、Max-pooling和LSTM-attention。

Concatenation将各层输出拼接，之后作线性变换用于分类；Max-pooling将各层输出聚在一起做元素级别的最大池化操作。

LSTM-attention是最复杂的融合方式，为每层学习注意力系数，该系数表示各层的重要程度。将各层输入依次送入一个双向LSTM，将每层的前向表达和后向表达拼接后作线性变换得到一个系数，对该系数作softmax归一化得到最终的注意力系数，最后对各层输出依据注意力系数加权求和。

加入融合机制后，GCN就存在两种聚合方式，横向的邻居聚合学习结构信息，纵向的层级聚合促使模型有选择地学习结构信息，从而使得GCN模型能够堆叠更多层。

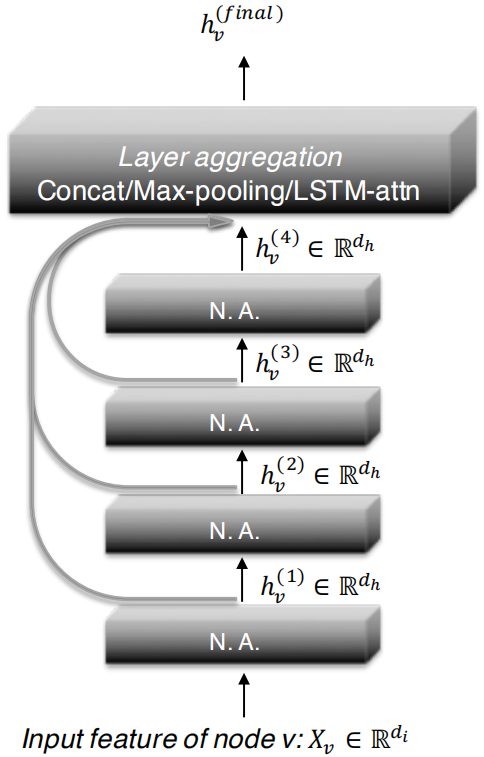


图2.2 JK-Net网络结构

JK-Net能自适应地根据结点的邻域结构组合不同层的信息，但是由于JK-Net只在最后一层对所有层进行融合，层之间的传播方式没有改变，较深层产生的输出仍然存在不同类簇间的结点混合问题。本文引入DenseNet对此作了改进。

2.2.3 Cluster-GCN

近距离的邻居结点比远距离的邻居结点贡献更大，通过放大GCN中邻接矩阵的对角部分，可以在每层的聚合中对上一层的表达施加更多权重，见公式（2.19）表述。

然而该改进存在两个弊端：一是对所有结点使用相同的权重可能是不合理的；二是随着层数增加可能会导致数值不稳定。我们可以为原始矩阵添加自循环后再标准化，从而规避数值不稳定问题，见公式（2.20）表述。

接着考虑到结点的权重添加正则化，见公式（2.21）表述。

基于矩阵的实现，当数据集庞大时，就会面临内存限制问题，而大数据集恰恰最需要更深的GCN。本文基于DGL框架实现模型，采用消息发送与接收的方式进行邻居聚合和结点更新。

2.2.4 N-GCN

受Inception的启发，我们可以在不同尺度下进行卷积，最后融合所有卷积结果得到结点的特征表示，通过组合不同尺寸感受野来提高模型的表征能力。N-GCN的原理见公式（2.22）表述。

N-GCN相当于采用Concatenation融合方式的JK-Net，较深层产生的输出仍然存在不同类簇间的结点混合问题。

2.2.5 RGCN

对于一个n层的GCN，第i层捕获了i-hop邻居结点的信息，相邻层之间存在依赖关系，我们可以用RNN对各层之间的长期依赖建模。RGCN的原理见公式（2.23）-（2.24）表述。

基于门控的循环神经网络引入门控机制来控制信息的累积速度，包括有选择地加入新的信息，并有选择的遗忘之前累积的信息，有效地改善了循环神经网络的长程依赖问题，常用的有长短期记忆网络和门控循环单元网络。

长短期记忆网络LSTM是循环神经网络的一个变体，可以有效地解决简单循环神经网络的梯度消失/爆炸问题。将LSTM引入GCN，RGCN-LSTM的原理见公式（2.25）-（2.31）表述。

门控循环单元网络GRU是一种比LSTM网络更加简单的循环神经网络。GRU网络引入门控机制来控制信息更新的方式。和LSTM不同，GRU不引入额外的记忆单元。GRU引入一个更新门来控制当前状态需要从历史状态中保留多少信息，以及需要从候选状态中接受多少信息。将GRU引入GCN，RGCN-GRU的原理见公式（2.32）-（2.36）表述。

与JK-Net在最后一层使用LSTM融合各层信息不同，RGCN使用RNN对各层之间的长期依赖建模，缓解了更深的层不同类簇结点混合的问题。

2.2.6 DeepGCN

借鉴深度CNN的经验，我们可以将残差连接、密集连接引入GCN解决由于网络加深导致的梯度消失/爆炸问题，将空洞卷积引入GCN解决由于池化操作导致的空间信息丢失问题。ResGCN和DenseGCN的网络结构见图2.3。

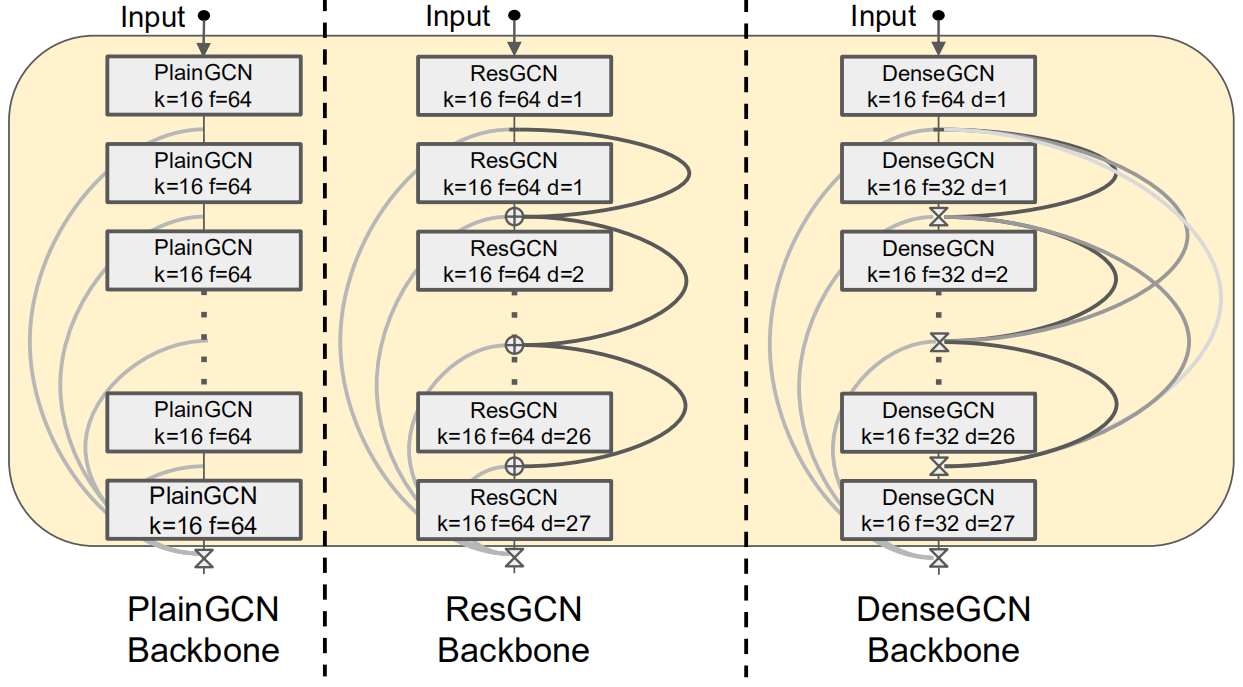


图2.3 GCN、ResGCN、DenseGCN网络结构

残差网络ResNet通过给非线性的卷积层增加直连边的方式来提高信息的传播效率。将残差连接引入GCN，ResGCN的原理见公式（2.37）描述。

密集网络DenseNet通过密集连接来改进信息流并重用层之间的特征。将密集连接引入GCN，以利用不同层的信息流，DenseGCN的原理见公式（2.38）描述。

空洞卷积是一种不增加参数数量，同时增加输出单元感受野的方法，也称为膨胀卷积。空洞卷积通过给卷积核插入“空洞”来变相地增加其大小。在特征空间上使用L2距离，根据与目标结点的距离将邻居结点排序，见公式（2.39）表述。

给定空洞系数，目标结点的邻居结点见公式（2.40）表述。

DeepGCN的动机在于解决梯度消失/爆炸，但是它不是阻碍GCN加深的主要原因，同时，DeepGCN只在点云数据集上进行了实验，该任务属于图层次的分类，每张图之间不连通，不存在过光滑问题。本文在引用数据集等多个图数据集上实验了ResGCN、DenseGCN，并提出了带可学习权重的ResGCN。

2.2.7 DropEdge

DropEdge在每轮训练中随机删除图数据集中一定数量的边，在验证集和测试集上不使用DropEdge机制。具体而言，在随机矩阵中随机选取个非零元素置零，其中是原始图的总边数，是删除概率，最后得到邻接矩阵，见公式（2.41）描述。

接着对添加自循环并做对称归一化，将得到的结果代替GCN中的。我们可以让所有层共享同一个，也可以在每一层进行DropEdge，在第层得到邻接矩阵，这样可以赋予原始数据更多随机性。

从数据增强角度，DropEdge在训练中不断随机删除原始图的边，增强了输入数据的随机性和多样性，从而缓解了过拟合问题。从消息传递角度，GCN中结点间通过连边进行消息传递，随机删除一些边可以使得结点连接变稀疏，从而缓解了过光滑问题。

在基于结点采样的方法DropNode中，删除某个结点相当于删除了与该结点相连的所有边，可以视为DropEdge的特殊形式。与DropNode相比，DropEdge是面向边的，保留了所有结点的特征，更具灵活性。此外DropNode对所有边的采样是并行的，更具高效性。

Dropout是一种正则化方法，在训练中随机丢弃一部分神经元，即随机将特征向量的部分维度置零，与DropEdge相比，它可以缓解过拟合但是不能缓解过平滑。图稀疏性通过复杂的优化算法删掉部分边来压缩图，与DropEdge相比时间复杂度往往很高。

DropEdge是一种简单而高效的方法，但是实验发现，在引用数据集等稀疏图上表现良好，在其他几个密集图数据集上却起到了反作用，这可能是因为相当一部分有效边被随机删除了。本文基于DropEdge做了一些改进，分别是基于结点度数的DegreeDrop和基于特征相似DistanceDrop。

2.2.8 PairNorm

给定表示结点的新特征矩阵，其中表示特征矩阵的第行，图上的正则化最小平方GRLS优化问题见公式（2.42）描述。

这里运算，第一项可以看做带度数权重的最小平方，第二项表示图结构上新特征之间的差异。该优化问题的目标在于保证新特征与原特征相似，同时促使新特征在图上更光滑。

GRLS问题有解析解，其中，是一阶泰勒近似，即。用代替，也就是。因此，图卷积是GRLS问题的近似解。

理想情况下，我们希望同一类簇类更光滑，同时不同类簇间不光滑，但是公式（2.42）只能确保前者。为了同时实现两个目标，我们可以在公式（2.42）中增加一项，该项表示不相连结点对之间的距离总和，见公式（2.43）描述。

其中系数用于平衡两个目标的重要程度。我们可以求出公式（2.43）的解析解，并用图卷积近似，从而得到带系数的新的图卷积操作，但是这样不具备通用性。

给定图卷积的输出作为PairNorm层的输入，是PairNorm层的输出。图卷积只实现了第一个目标，PairNorm作为正则化层，通过增加不相连结点对间的总距离来实现第二个目标。结点对间的总距离记做TPSD，PairNorm确保，见公式（2.44）描述。

随着图卷积操作的不断平滑，和越来越接近，因此和也越来越接近。是与数据集特性相关的常数，记做超参数C。

为了对进行正则化，我们需要计算，然而对于大数据集直接计算时间复杂度很高。的等价形式见公式（2.45）描述。

为进一步简化，将中心化，第二项为0，TPSD的值不变。具体地，PairNorm分为两步，中心化见公式（2.46）描述，缩放化见公式（2.47）描述。

PairNorm具有坚实的理论基础，但是由于扩大的是所有不相连结点对间的差异，总体来说对于缓解过光滑问题效果有限，在受过光滑较严重的密集连接图数据集上表现不佳。本文提出的基于DropEdge的改进方法直接针对过光滑问题，取得了较好的效果。

## 2.3 本章小结

本章首先介绍了图卷积神经网络的理论基础和模型详情，并介绍了GCN在图的半监督结点分类任务上的应用，接着介绍了8种深度图卷积神经网络模型，讨论分析了它们各自的优缺点以及本文的主要工作以及在已有工作上的改进。

第3章 实验规范

## 3.1 数据集

本文使用9个开源图数据集验证提出的方法和模型。这些数据集的详细信息如表3.1所示。

表3.1 图数据集

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **Dataset** | **Cora** | **Cite.** | **Pubm.** | **Cham.** | **Squi.** | **Actor** | **Corn.** | **Texa.** | **Wisc.** |
| Nodes | 2708 | 3327 | 19717 | 2277 | 5201 | 7600 | 183 | 183 | 251 |
| Edges | 5429 | 4732 | 44338 | 36101 | 217073 | 33544 | 295 | 309 | 499 |
| Features | 1433 | 3703 | 500 | 2325 | 2089 | 931 | 1703 | 1703 | 1703 |
| Classes | 7 | 6 | 3 | 4 | 4 | 4 | 5 | 5 | 5 |
| α | 4 | 6.5 | 4.5 | 2.5 | 2.5 | 3 | 2 | 1.5 | 2 |
| β | 0.83 | 0.71 | 0.79 | 0.25 | 0.22 | 0.24 | 0.11 | 0.06 | 0.16 |

我们用Gromov hyperbolicity 衡量图的双曲率，越小，空间双曲率越高，意味着该图包含更多的结构信息。我们用参数衡量图的同质性，见公式（3.1）描述。

Citiation networks：Cora、Citeseer和Pubmed是3个标准的引用网络基准数据集。在引用网络中，结点表示论文，边表示论文之间的引用关系。结点特征是论文的词袋模型表示，结点标签是论文的学术主题。

WebKB：WebKB是从各大学计算机系收集的网页数据集，我们使用了它的3个子集：Cornell、Texas和Wisconsin。在WebKB数据集中，结点表示网页，边表示网页之间的超链接关系。结点特征是网页的词袋模型表示。网页被人为分成5类：student、project、course、staff和faculty。

Actor co-occurrence network：该数据集是电影-导演-演员-编剧网络的诱导子图，只包含了演员。结点表示演员，边表示演员在同一维基百科页面的共现关系。结点特征表示维基百科页面的某些关键词。我们人为将其分为4类。

Wikipedia network：Chameleon和squirrel是维基百科中特定主题下的page-page网络。结点表示网页，边表示网页之间的相互链接关系。结点特征是维基百科页面中的一些信息量丰富的名词。我们人为将其分为4类。

## 3.2 实验设置

1. 数据集划分

对于所有图数据集，我们按照60%、20%、20%的比例将其划分为训练集、验证集和测试集。其中训练集用于训练模型，验证集用于超参数寻优、测试集用于评估模型。

对于过拟合和梯度消失/爆炸问题，我们只使用引用数据集验证模型。对于过光滑问题，我们使用所有数据集验证模型。

1. 损失函数

我们用交叉熵损失函数来训练模型。交叉熵损失函数一般用于分类问题。假设样本的标签为离散的类别，模型的输出类别为类别标签的条件概率分布，即，并满足。我们可以用一个C维的one-hot向量y来表示样本标签。假设样本的标签为k，那么标签向量y只有第k维的值为1，其余元素的值都为0.标签向量y可以看做样本标签的真实条件概率分布，即第c维是类别为c的真实条件概率。对于两个概率分布，一般可以用交叉熵来衡量它们的差异，标签的真实分布y和模型预测分布之间的交叉熵见公式（3.2）描述。

1. 评价指标

对于分类问题，常见的评价标准有准确率、精确率、召回率和F值等。给定测试集，假设标签，用学习好的模型对测试集中的每一个样本进行预测，结果为。我们用准确率来评价模型，见公式（3.3）描述，其中为指示函数。

1. 超参数寻优

我们用网格搜索进行超参数寻优。网格搜索是一种通过尝试所有超参数的组合来寻址合适一组超参数配置的方法。假设总共有个超参数，第个超参数可以取 个值，那么总共的配置组合数量为。网格搜索根据这些超参数的不同组合分别训练一个模型，然后测试这些模型在验证集上的性能，选取一组性能最好的配置。

1. 激活函数

常用的非线性激活函数有Sigmoid、ReLU等，原始的GCN采用ReLU作为激活函数。然而研究表明，由于过光滑问题，随着层数加深，在GCN中Tanh函数更有利于保持特征列之间的线性无关性，效果比ReLU要好，因此本文也采用Tanh作为激活函数。

1. 优化算法

常用的优化算法有动量法、Nesterov加速梯度、RMSprop算法、Adam算法等。Adam算法是动量法和RMSprop算法的结合，不仅使用动量作为参数更新方向，而且可以自适应调整学习率。本文统一采用Adam优化算法，初始学习率设置为1e-2。

为了保证每一章从奇数页开始，因此加本页空白页

本页不显示页眉和页码，但仍然占有一页页码。

第4章 面向过拟合的方法

## 4.1 问题定义

模型的好坏可以通过期望风险来衡量，见公式（4.1）描述，其中为真实的数据分布，为损失函数，用于量化两个变量之间的差异。

一个优秀的模型应当有较小的期望错误，但是由于无法得知真实的数据分布和映射函数，事实上无法计算其期望风险。给定一个训练集，我们可以计算的是经验风险，即在训练集上的平均损失，见公式（4.2）描述。

因此，一个切实可行的学习准则是找到一组参数使得经验风险最小，即经验风险最小化原则，见公式（4.3）描述。

根据大数定理可知，当训练集大小趋向于无穷大时，经验风险就趋向于期望风险。然而通常情况下，我们无法获取无限的训练样本，并且训练样本往往是真实数据的一个很小的子集或者包含一定的噪声数据，不能很好地反映全部数据的真实分布。经验风险最小化原则很容易导致模型在训练集上错误率很低，但是在未知数据上错误率很高。

更一般地，过拟合可以定义为：给定一个假设空间，一个假设属于，如果存在其他的假设也属于，使得在训练集上的损失比的损失小，但在整个样本空间上的损失比的损失小，那么就说假设过度拟合训练数据。

过拟合问题往往是由于训练数据少，包含噪声，模型能力强等原因造成的。正则化是一类通过限制模型复杂度，从而避免过拟合，提高泛化能力的方法。常用的正则化方法有权重衰减、提前终止、丢弃法等。

## 4.2 权重衰减

4.2.1 算法详情

权重衰减是一种有效的正则化方法，在每次更新参数时，引入一个衰减系数，见公式（4.4）描述，其中为第步更新时的梯度，为学习率，为权重衰减系数，一般取值比较小。

在标准的随机梯度下降中，权重衰减正则化和正则化效果相同。因此，在一些深度学习框架中权重衰减通过正则化来实现。和正则化是机器学习中最常用的正则化方法，通过约束参数的和范数来减小模型在训练数据集上的过拟合现象。通过加入和正则化，优化问题见公式（4.5）描述。

其中为损失函数，为训练样本数量，为待学习的神经网路，为其参数，为范数函数，的取值通常为代表和范数，为正则化系数。带正则化的优化问题等价于带约束条件的优化问题，见公式（4.6）-（4.7）描述。

4.2.2 实验分析



图4.1 Pubmed上权重衰减方法的实验结果

实验中采用了正则化，层数为时正则化系数设置为，层数为[9,16]时正则化系数设置为。层时GCN的准确率见表4.1。其中GCN(WD)表示使用了权重衰减的GCN。

可以看到，当层数为2时，权重衰减方法会起到反作用，此时会造成模型轻微的欠拟合。当层数为时，模型的参数增多，学习能力变强，产生了过拟合问题。此时权重衰减方法降低了模型的复杂度，缓解了过拟合问题。特别地，当层数达到16层时，权重衰减方法的作用非常明显。

表4.1 权重衰减方法的实验结果

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **数据集** | **模型** | **2层** | **4层** | **8层** | **16层** |
| Cora | GCN | 87.15 | 85.94 | 86.35 | 26.51 |
| GCN(WD) | 85.94 | 87.55 | 85.94 | 42.17 |
| Citeseer | GCN | 76.42 | 75.94 | 72.64 | 63.21 |
| GCN(WD) | 76.42 | 75 | 75 | 72.64 |
| Pubmed | GCN | 86.87 | 85.6 | 84.43 | 59.99 |
| GCN(WD) | 85.55 | 86.11 | 84.69 | 70.59 |

Pubmed的数据规模最大，更能区分模型的有效性。我们在该数据集上实验了层的GCN采用权重衰减方法的效果，见图4.1。可以看到，当不使用权重衰减方法时，随着层数加深性能下降，使用权重衰减方法后得到缓和。值得注意的是，当层数超过14层后，训练集和测试集的准确率都会骤降，这说明还有其他因素阻碍着GCN的加深，这就是后面会讲到的过光滑问题。



图4.2 Pubmed上提前终止方法的实验结果

## 4.3 提前终止

4.3.1 算法详情

提前终止对于深度神经网络来说是一种简单有效的正则化方法。由于深度神经网络的拟合能力非常强，因此比较容易在训练集上过拟合。在使用梯度下降法进行优化时，我们可以使用一个和训练集独立的样本集合，称为验证集，并用验证集上的错误来代替期望错误。当验证集上的错误率不再下降，就停止迭代。

然而在实际操作中，验证集上的错误率变化曲线并不一定是平衡曲线，很可能是先升高再降低。因此，提前终止的具体标准需要根据实际任务进行优化。

表4.2 提前终止方法的实验结果

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **数据集** | **模型** | **2层** | **4层** | **8层** | **16层** |
| Cora | GCN | 85.14 | 83.94 | 85.14 | 26.51 |
| GCN(ES) | 87.15 | 85.94 | 86.35 | 26.51 |
| Citeseer | GCN | 69.81 | 67.92 | 68.4 | 62.81 |
| GCN(ES) | 76.42 | 75.94 | 72.64 | 63.21 |
| Pubmed | GCN | 86.46 | 84.94 | 84.08 | 40.37 |
| GCN(ES) | 86.87 | 85.6 | 84.43 | 59.99 |

具体而言，提前终止主要有三种停止标准。

第一类停止标准是指，当泛化损失超过指定阈值时停止训练，泛化损失见公式（4.8）表述，它表示的是当前迭代周期中，泛化误差相对目前最小误差的增长率。的其中表示第次迭代时验证集的误差，描述的是泛化误差，表示迭代次后取得的最小的验证集误差。

第二类停止标准基于一个假设：过拟合出现在训练集误差降低很慢的时候。也就是训练集误差依然下降很快时，泛化误差可能会在未来被修正。给定一个周期，度量进展见公式（4.9）描述。

度量进展描述了在某段时间内训练集误差的平均下降情况。当训练过程不稳定时，该变量的值可能会很大。训练了较长时间后，该变量会趋向于0。因此，引入第二类停止标准，泛化损失和度量进展的比值超过指定阈值时停止训练，该比值见公式（4.10）描述。

第三类停止标准完全基于泛化误差的变化，在连续个周期内泛化误差持续增长时停止训练。该停止标准可以用作剪枝算法。

4.3.2 实验分析

实验中采用了第三类停止标准，在其他方法的实验中，我们用该标准作为剪枝算法，以节省不必要的训练开销。不使用提前终止方法时，训练轮数设置为400轮。使用提前终止方法时，训练轮数设置为400轮，变化窗口设置为50轮。层时GCN的准确率见表4.2。其中GCN(ES)表示采用了提前终止方法的GCN。

可以看到，在所有数据集上，在任意层数GCN上，采用了提前终止方法都会有一定的性能提升。即使在两层的GCN上，如果不采用正则化方法，随着训练轮数的不断增加，最终也会产生过拟合问题。由于Pubmed的结点的特征向量的维数比较小，当层数过多时过拟合会更明显。

同样地，我们在规模最大的Pubmed数据集上实验了层的GCN，见图4.2。准确率随层数增加的整体走势与图4.1相似。由于在进行其他方法的实验时，都采用了提前终止作为辅助手段，所以图4.2的整体准确率不高。



图4.3 Pubmed上丢弃法的实验结果

## 4.4 丢弃法

4.4.1 算法详情

当训练一个深度神经网络时，我们可以随机丢弃一部分神经元来避免过拟合，这种方法称为丢弃法。每次选择丢弃的神经元是随机的。最简单的方法是设置一个固定的概率。对于每一个神经元都以概率来判定要不要保留。对于一个神经层，我们可以引入一个掩蔽函数使得。掩蔽函数的定义见公式（4.11）描述。

其中是丢弃掩码，通过概率为的伯努利分布随机生成。在训练时，激活神经元的平均数量是原来的倍。而在测试时，所有的神经元都是可以激活的，这回造成训练和测试时网络的输出不一致。为了缓解这个问题，在测试时需要将神经层的输入乘以，相当于把不同的神经网络做了平均。保留率可以通过验证集来选取一个最优的。通常来说，对于隐藏层的神经元，其保留率时效果最好，这对大部分的网络和任务都比较有效。当时，在训练时有一半的神经元被丢弃，只剩余一半的神经元是可以激活的，随机生成的网络结构最具多样性。对于输入层的神经元，其保留率通常设为更接近1的数，使得输入变化不会太大。对输入层神经元进行丢弃时，相当于给数据增加噪声，以此来提高网络的鲁棒性。

从集成学习的角度，每做一次丢弃，相当于从原始的网络中采样得到一个子网络。如果一个神经网络有个神经元，那么总共可以采样出个子网络。每次迭代都相当于训练一个不同的子网络，这些子网络都共享原始网络的参数。那么，最终的网络可以近似看作集成了指数级个不同网络的组合模型。

表4.3 丢弃法的实验结果

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **数据集** | **模型** | **2层** | **4层** | **8层** | **16层** |
| Cora | GCN | 87.15 | 85.94 | 86.35 | 26.51 |
| GCN(DO) | 88.76 | 87.15 | 87.95 | 33.33 |
| Citeseer | GCN | 76.42 | 75.94 | 72.64 | 63.21 |
| GCN(DO) | 75.94 | 75.94 | 74.53 | 76.42 |
| Pubmed | GCN | 86.87 | 85.6 | 84.43 | 59.99 |
| GCN(DO) | 88.44 | 85.85 | 84.94 | 82.25 |

4.4.2 实验分析

实验中的保留率统一设置为0.5。层数为的GCN的实验结果见表4.3。其中GCN（DO）表示采用了丢弃法的GCN。可以看到，相比较其他两种正则化方法，丢弃法的效果最好，GCN的性能有很大提升。

我们也在Pubmed数据集上实验了层的GCN，实验结果见图4.3。与表4.3显示的情况有所出入，采用了丢弃法的GCN在层数为时性能出现了波动，在12层时甚至大幅下降，这可能是因为丢弃法涉及了随机过程。通过设置较大的早停窗口，增加实验次数取均值等方法，我们可以获得更加准确的实验结果。

## 4.5 本章小结

本章首先介绍了过拟合问题地具体含义，接着介绍了三种常用的正则化方法：权重衰减、提前终止和丢弃法，并在GCN上做了一些实验。实验表明，过拟合问题也是限制GCN加深的一个因素，传统的正则化方法可以用于缓解该问题。但是实验发现，即使缓解了过拟合，当GCN层数超过14层后，训练集和测试集的准确率都会骤降，这与过拟合现象不符，限制GCN加深的关键因素不是过拟合。

第5章 面向梯度消失的方法

## 5.1 问题定义

在神经网络中误差反向传播的迭代公式见公式（5.1）表述。

误差从输出层反向传播时，在每一层都要乘以该层的激活函数的导数。当我们使用Sigmoid型函数，Logistic函数或函数时，其导数见公式（5.2）-（5.3）表述。

Sigmoid型函数的导数的值域都小于或等于1。由于Sigmoid型函数的饱和性，饱和区的导数更是接近于0。这样，误差经过每一层传播都会不断衰减。当网络的层数很深时，梯度就会不停衰减，甚至消失，使得整个网络很难训练。这就是梯度消失问题。除了激活函数的导数，神经网络的参数的初始值也会导致梯度消失问题。类似地，还有梯度爆炸问题，统称梯度消失/爆炸问题。

## 5.2 Xavier初始化

5.2.1 算法详情

给定神经网络第层的神经元，其输出值见公式（5.4）表述。其中为前一层个神经元的输出 。是激活函数，是学习参数。

假设为恒等激活函数，和相互独立且均值为0，那么的均值见公式（5.5）描述。

同样地，我们可以推导出的方差，见公式（5.6）描述。

可以看到，输入信号的方差被神经元缩放了倍。通过使每个神经元的输入与输出的方差尽可能保持一致，确保输入信号在经过许多层网络后不被过分缩放。我们可以将设置为1，见公式（5.7）表述。

在反向传播过程中，误差信号也会被缩放，为此我们可以采用同样的方法，见公式（5.8）表述。

同时考虑前向传播和反向传播过程中信号的缩放，见公式（5.9）表述。

计算出参数的约束方差后，我们可以通过均匀分布或正态分布对其进行随机初始化。如果采用正态分布，可以按进行初始化。如果采用均匀分布，可以按进行初始化，其中的取值见公式（5.10）表述。上述方法就是Xavier初始化。

神经元的参数和输入的绝对值一般比较小，处于Logistic函数和Tanh函数的线性区间，此时他们可以近似为线性函数，也可以使用Xavier初始化。在实际使用中，根据使用的激活函数，通常将方差乘以一个缩放因子。

5.2.2 实验分析

参考文献要求10篇以上，并要求全部引用。其中不能出现上课时所使用的教材，而且不能全部为书或全部为网络资源，参考文献中必须有英文文献和网络资源。

按正文中参考文献引用的先后顺序用阿拉伯数字连续编号。参考文献的序号左顶格，并用数字加方括号表示，与正文中的引文标示一致，如[1]，[2]……。每一条参考文献著录均以“.”结束。采用宋体小四号字，段前0行，段后0行，1.5倍行距，悬挂缩进2字符。

## 5.3 梯度修剪

5.3.1 算法详情

梯度修剪主要用于缓解梯度爆炸问题。在梯度下降中，如果梯度骤增，用大梯度更新参数会使得其远离最优点。梯度修剪通过将梯度的模限制在一个区间内来缓解该问题。主要有两类截断方式。

一类是按值修剪。给定区间，如果参数的梯度超过，将其设置为；如果参数的梯度小于，将其设置为，见公式（5.11）表述，其中是第次迭代时参数的梯度。

一类是按模修剪。按模修剪通过将梯度的模限制为一个给定的阈值来缓解该问题，见公式（5.12）表述。

阈值是超参数，一般设置为一个较小的值就可以取得不错的结果。

5.3.2 实验分析

参考文献要求10篇以上，并要求全部引用。其中不能出现上课时所使用的教材，而且不能全部为书或全部为网络资源，参考文献中必须有英文文献和网络资源。

按正文中参考文献引用的先后顺序用阿拉伯数字连续编号。参考文献的序号左顶格，并用数字加方括号表示，与正文中的引文标示一致，如[1]，[2]……。每一条参考文献著录均以“.”结束。采用宋体小四号字，段前0行，段后0行，1.5倍行距，悬挂缩进2字符。

## 5.4 批量归一化

5.4.1 算法详情

批量归一化是逐层归一化方法的一种。逐层归一化是传统机器学习中的一种数据归一化方法，通过对隐藏层的输入进行归一化，从而使网络的训练更加容易。

给定激活函数，可学习参数和，第层的净输入，第层神经元的输出见公式（5.13）表述。

通过保持净输入的分布一致，我们可以提高优化的效率，例如将归一化为标准正态分布。在实践中，一般在仿射变换后，激活函数前进行归一化操作。我们可以使用标准化将的每个维度归一化为标准正态分布，见公式（5.14）表述。

这里和是指在当前参数下，在整个训练集上，的每个维度的期望和方差。但是在小批量随机梯度下降法中，无法准确地计算的期望和方差。因此，我们只能用小批量样本集近似估计，见公式（5.15）-（5.16）表述。其中为小批量样本集合的容量，为第层神经元的净输入，和为均值和方差。

经过标准归一化后，的取值会集中在0附近，该取值区间是一些激活函数的近似线性变换区间，削弱了神经网络的非线性能力。因此，我们附加一个缩放和平移变化操作来修正取值区间，见公式（5.17）表述。

这里和分别是缩放和平移参数。当时，。批量归一化可以作为一个神经层，作用在激活函数之前，见公式（5.18）表述。批量归一化包含了平移变换，因此仿射变换不再需要偏置参数。

需要注意的是，小批量样本的均值和方差是变化的，在计算梯度时需要考虑该影响。一般我们可以用移动平均代替计算。

批量归一化不仅可以提高优化效率，也能起到正则化方法的作用，使得模型不会在某个特定样本上过拟合。

5.4.2 实验分析

参考文献要求10篇以上，并要求全部引用。其中不能出现上课时所使用的教材，而且不能全部为书或全部为网络资源，参考文献中必须有英文文献和网络资源。

按正文中参考文献引用的先后顺序用阿拉伯数字连续编号。参考文献的序号左顶格，并用数字加方括号表示，与正文中的引文标示一致，如[1]，[2]……。每一条参考文献著录均以“.”结束。采用宋体小四号字，段前0行，段后0行，1.5倍行距，悬挂缩进2字符。

第6章 面向过光滑的方法

## 6.1 问题定义

参考文献要求10篇以上，并要求全部引用。其中不能出现上课时所使用的教材，而且不能全部为书或全部为网络资源，参考文献中必须有英文文献和网络资源。

按正文中参考文献引用的先后顺序用阿拉伯数字连续编号。参考文献的序号左顶格，并用数字加方括号表示，与正文中的引文标示一致，如[1]，[2]……。每一条参考文献著录均以“.”结束。采用宋体小四号字，段前0行，段后0行，1.5倍行距，悬挂缩进2字符。

## 6.2 实验验证

参考文献要求10篇以上，并要求全部引用。其中不能出现上课时所使用的教材，而且不能全部为书或全部为网络资源，参考文献中必须有英文文献和网络资源。

按正文中参考文献引用的先后顺序用阿拉伯数字连续编号。参考文献的序号左顶格，并用数字加方括号表示，与正文中的引文标示一致，如[1]，[2]……。每一条参考文献著录均以“.”结束。采用宋体小四号字，段前0行，段后0行，1.5倍行距，悬挂缩进2字符。

## 6.2 实验验证

参考文献

[1] 戴军, 袁惠新. 膜技术在含油废水处理中的应用[**J**]. 膜科学与技术, 2002, 22(2)：59-64.

[2] 毛侠, 孙云. 和谐图案的自动生成研究[**A**]. 第一届中国情感计算及智能交互学术会议论文集[**C**]. 北京: 中国科学院自动化研究所, 2003: 277-279.

[3] 王湛. 膜分离技术基础[M]. 北京: 化学工业出版社, 2000: 14-21, 30.

[4] 张志祥. 间断动力系统的随机扰动及其在守恒律方程中的应用[D]. 北京: 北京大学, 1998.

[5] World Health Organization. Factors regulating the immune response: report of WHO Scientific Group[R]. Geneva: WHO, 1970.

[6] 河北绿洲生态环境科技有限公司. 一种荒漠化地区生态植被综合培育种植方法:中国, 01129210.5[P]. 2001-10-24.

[7] GB/T16159-1996, 汉语拼音证词法基本规则[S]. 北京: 中国标准出版社, 1996.

[8] 毛侠. 情感工学破解“舒服之谜”[N]. 光明日报, 2004-04-17(B1).

[9] 陈剑. 上博简《民之父母》“而得既塞於四海矣”句解释[EB/OL]. 简帛研究网站，http://www.bamboosilk.org/Wssf/2003/chenjian03.htm．2003-01-18.

致 谢

应以简短的文字对题目与论文撰写过程中曾直接给予帮助的人员(例如指导教师、答疑教师及其他人员)表示自已的谢意 ，这不仅是一种礼貌，也是对他人劳动的尊重，是治学者应有的思想作风。对整个毕业设计（论文）进行总体性、概括性总结，表达出设计（论文）的思路、学习收获、对未来进一步学习的设想。