

# Pensando en formato Greedy

Pablo Zimmermann<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Universidad Nacional de Rosario

Training Camp 2015

## 1 Algoritmos Greedy

- Qué son los algoritmos greedy

## 2 Ejemplos

- Activity Selection Problem
- The Hero
- The Agency
- Demostración de un algoritmo Greedy
- Woodworms

## 3 Resumen

## 4 Links a Ejercicios

# Contenidos

## 1 Algoritmos Greedy

- Qué son los algoritmos greedy

## 2 Ejemplos

- Activity Selection Problem
- The Hero
- The Agency
- Demostración de un algoritmo Greedy
- Woodworms

## 3 Resumen

## 4 Links a Ejercicios

# Definición de algoritmo greedy

- Diremos que un algoritmo es greedy cuando en cada paso elige la “mejor” solución local.

# Definición de algoritmo greedy

- Diremos que un algoritmo es greedy cuando en cada paso elige la “mejor” solución local.
- Dicha función de elección puede conducirnos o no a una solución óptima.

# Definición de algoritmo greedy

- Diremos que un algoritmo es greedy cuando en cada paso elige la “mejor” solución local.
- Dicha función de elección puede conducirnos o no a una solución óptima.
- Cuando el algoritmo conduzca a una solución óptima diremos que el greedy “funciona”.

# Ejemplos

- En el algoritmo de Kruskal (MST), elegimos en cada paso la arista más liviana que no genera un ciclo.

# Ejemplos

- En el algoritmo de Kruskal (MST), elegimos en cada paso la arista más liviana que no genera un ciclo.
- Para calcular el máximo Matching en un árbol, elegimos en cada paso cualquier arista a la que pertenezca una hoja.



# Ejemplos

- En el algoritmo de Kruskal (MST), elegimos en cada paso la arista más liviana que no genera un ciclo.
- Para calcular el máximo Matching en un árbol, elegimos en cada paso cualquier arista a la que pertenezca una hoja.
- Los greedys conocidos ya sabemos que andan, no tenemos que demostrarlos cada vez que los usamos.

# Ejemplos

- En el algoritmo de Kruskal (MST), elegimos en cada paso la arista más liviana que no genera un ciclo.
- Para calcular el máximo Matching en un árbol, elegimos en cada paso cualquier arista a la que pertenezca una hoja.
- Los greedys conocidos ya sabemos que andan, no tenemos que demostrarlos cada vez que los usamos.
- **Demostrar que un greedy funciona no es una tarea simple,** generalmente requiere una demostración formal.

# Ejemplos

- En el algoritmo de Kruskal (MST), elegimos en cada paso la arista más liviana que no genera un ciclo.
- Para calcular el máximo Matching en un árbol, elegimos en cada paso cualquier arista a la que pertenezca una hoja.
- Los greedys conocidos ya sabemos que andan, no tenemos que demostrarlos cada vez que los usamos.
- **Demostrar que un greedy funciona no es una tarea simple**, generalmente requiere una demostración formal.
- Veámoslo con un ejemplo conocido...



¿Para dónde tiene que patear Marco Ruben?

# Contenidos

## 1 Algoritmos Greedy

- Qué son los algoritmos greedy

## 2 Ejemplos

- **Activity Selection Problem**
- The Hero
- The Agency
- Demostración de un algoritmo Greedy
- Woodworms

## 3 Resumen

## 4 Links a Ejercicios

# Enunciado

## Problema

Juan tiene  $n$  actividades que realizar y sabe cuándo empieza y cuándo termina cada una. Lamentablemente algunas se superponen y por lo tanto no puede realizarlas todas. El problema pide la máxima cantidad de actividades que Juan puede realizar sin que se le superpongan dos de ellas.

# Enunciado

## Problema

Juan tiene  $n$  actividades que realizar y sabe cuándo empieza y cuándo termina cada una. Lamentablemente algunas se superponen y por lo tanto no puede realizarlas todas. El problema pide la máxima cantidad de actividades que Juan puede realizar sin que se le superpongan dos de ellas.

- Por ejemplo si tenemos tres tareas de rangos  $(1,3)$  ,  $(2,9)$  y  $(8,10)$ ...

# Enunciado

## Problema

Juan tiene  $n$  actividades que realizar y sabe cuándo empieza y cuándo termina cada una. Lamentablemente algunas se superponen y por lo tanto no puede realizarlas todas. El problema pide la máxima cantidad de actividades que Juan puede realizar sin que se le superpongan dos de ellas.

- Por ejemplo si tenemos tres tareas de rangos  $(1,3)$  ,  $(2,9)$  y  $(8,10)$ ...
- ... la respuesta sería 2 tareas, la primera y la última



# Posibles soluciones

- Ordenando las tareas por tiempo de inicio y creando un estado para los subproblemas, se puede realizar una dinámica en  $O(n^3)$ . Sin embargo, esto puede ser muy lento para las cotas de nuestro problema.

# Posibles soluciones

- Ordenando las tareas por tiempo de inicio y creando un estado para los subproblemas, se puede realizar una dinámica en  $O(n^3)$ . Sin embargo, esto puede ser muy lento para las cotas de nuestro problema.
- Pensemos en otro sentido... ¿Hay alguna forma de decidir rápidamente qué tarea hacer primero?

# Posibles soluciones

- Ordenando las tareas por tiempo de inicio y creando un estado para los subproblemas, se puede realizar una dinámica en  $O(n^3)$ . Sin embargo, esto puede ser muy lento para las cotas de nuestro problema.
- Pensemos en otro sentido... ¿Hay alguna forma de decidir rápidamente qué tarea hacer primero?
- ¿Qué les parece elegir la tarea que dure menos tiempo?

# Posibles soluciones

- Ordenando las tareas por tiempo de inicio y creando un estado para los subproblemas, se puede realizar una dinámica en  $O(n^3)$ . Sin embargo, esto puede ser muy lento para las cotas de nuestro problema.
- Pensemos en otro sentido... ¿Hay alguna forma de decidir rápidamente qué tarea hacer primero?
- ¿Qué les parece elegir la tarea que dure menos tiempo? No funciona...

# Posibles soluciones

- Ordenando las tareas por tiempo de inicio y creando un estado para los subproblemas, se puede realizar una dinámica en  $O(n^3)$ . Sin embargo, esto puede ser muy lento para las cotas de nuestro problema.
- Pensemos en otro sentido... ¿Hay alguna forma de decidir rápidamente qué tarea hacer primero?
- ¿Qué les parece elegir la tarea que dure menos tiempo? No funciona...
- Intuitivamente, uno quiere realizar una tarea y que te quede el mayor tiempo posible para realizar las próximas.

# Posibles soluciones

- Ordenando las tareas por tiempo de inicio y creando un estado para los subproblemas, se puede realizar una dinámica en  $O(n^3)$ . Sin embargo, esto puede ser muy lento para las cotas de nuestro problema.
- Pensemos en otro sentido... ¿Hay alguna forma de decidir rápidamente qué tarea hacer primero?
- ¿Qué les parece elegir la tarea que dure menos tiempo? No funciona...
- Intuitivamente, uno quiere realizar una tarea y que te quede el mayor tiempo posible para realizar las próximas.
- ¿Entonces cómo las ordenamos?

# Solución que utilizaremos

- La forma correcta de ordenarlas es por horario de finalización.

# Solución que utilizaremos

- La forma correcta de ordenarlas es por horario de finalización.
- Siempre que podamos realizar la próxima tarea la realizamos, sino la ignoramos.



# Solución que utilizaremos

- La forma correcta de ordenarlas es por horario de finalización.
- Siempre que podamos realizar la próxima tarea la realizamos, sino la ignoramos.
- De esta forma, intuitivamente vamos realizando una a una las tareas con el objetivo de que nos sobre mayor tiempo para realizar las otras.

# Solución que utilizaremos

- La forma correcta de ordenarlas es por horario de finalización.
- Siempre que podamos realizar la próxima tarea la realizamos, sino la ignoramos.
- De esta forma, intuitivamente vamos realizando una a una las tareas con el objetivo de que nos sobre mayor tiempo para realizar las otras.
- ¿Funciona esto?

# ¿Por qué es correcto este algoritmo?

- Supongamos que el algoritmo no es óptimo.

# ¿Por qué es correcto este algoritmo?

- Supongamos que el algoritmo no es óptimo.
- Con la selección de tareas que nosotros realizamos vamos resolviendo los siguientes subproblemas: ¿Cuántas actividades podemos hacer desde que terminaron las primeras  $i$  actividades?  
¿Cuál es la próxima tarea a hacer?

# ¿Por qué es correcto este algoritmo?

- Supongamos que el algoritmo no es óptimo.
- Con la selección de tareas que nosotros realizamos vamos resolviendo los siguientes subproblemas: ¿Cuántas actividades podemos hacer desde que terminaron las primeras  $i$  actividades? ¿Cuál es la próxima tarea a hacer?
- Supongamos que en ese subproblema, no elijo como primer tarea la que finaliza primero dentro de las posibles.

# ¿Por qué es correcto este algoritmo?

- Supongamos que el algoritmo no es óptimo.
- Con la selección de tareas que nosotros realizamos vamos resolviendo los siguientes subproblemas: ¿Cuántas actividades podemos hacer desde que terminaron las primeras  $i$  actividades? ¿Cuál es la próxima tarea a hacer?
- Supongamos que en ese subproblema, no elijo como primer tarea la que finaliza primero dentro de las posibles.
- Borremos la primer tarea elegida, y pongamos la que finaliza primero. Todas las otras claramente van a poder realizarse.

# ¿Por qué es correcto este algoritmo?

- Supongamos que el algoritmo no es óptimo.
- Con la selección de tareas que nosotros realizamos vamos resolviendo los siguientes subproblemas: ¿Cuántas actividades podemos hacer desde que terminaron las primeras  $i$  actividades? ¿Cuál es la próxima tarea a hacer?
- Supongamos que en ese subproblema, no elijo como primer tarea la que finaliza primero dentro de las posibles.
- Borremos la primer tarea elegida, y pongamos la que finaliza primero. Todas las otras claramente van a poder realizarse.
- Por lo tanto hay una solución óptima que elige la primer tarea que finaliza. Contradicción.

# ¿Por qué es correcto este algoritmo?

- Supongamos que el algoritmo no es óptimo.
- Con la selección de tareas que nosotros realizamos vamos resolviendo los siguientes subproblemas: ¿Cuántas actividades podemos hacer desde que terminaron las primeras  $i$  actividades? ¿Cuál es la próxima tarea a hacer?
- Supongamos que en ese subproblema, no elijo como primer tarea la que finaliza primero dentro de las posibles.
- Borremos la primer tarea elegida, y pongamos la que finaliza primero. Todas las otras claramente van a poder realizarse.
- Por lo tanto hay una solución óptima que elije la primer tarea que finaliza. Contradicción.
- El algoritmo es óptimo.



# Contenidos

## 1 Algoritmos Greedy

- Qué son los algoritmos greedy

## 2 Ejemplos

- Activity Selection Problem
- **The Hero**
- The Agency
- Demostración de un algoritmo Greedy
- Woodworms

## 3 Resumen

## 4 Links a Ejercicios

# Enunciado

## Problema

Dado un héroe llamado *Leopoldus* con sus puntos de vida inicial y dados los monstruos que *Leopoldus* tiene que matar, queremos saber si puede matarlos a todos sin quedarse en ningún momento sin energía.

Los monstruos se simbolizan con la vida  $c_i$  que le cuesta al héroe matar al  $i$ -ésimo monstruo. Además, cada monstruo cuida un cofre que contiene una poción, la cual *Leopoldus* sólo puede beber luego de matar al monstruo que la ciuda y que le hace recuperar  $r_i$  puntos de vida al héroe.

## Constraints

$N \leq 10^5$  Monstruos,  $1 \leq Z \leq 10^5$  vida inicial,  $c_i, r_i \leq 10^5$  naturales

# Solución

- Estos problemas son típicos. La solución es siempre la misma idea (según el gran Nicolás Álvarez). Hay que buscar una forma de ordenar los monstruos para saber cuál matar primero.

# Solución

- Estos problemas son típicos. La solución es siempre la misma idea (según el gran Nicolás Álvarez). Hay que buscar una forma de ordenar los monstruos para saber cuál matar primero.
- Lo **primero** que hay que suponer es que podemos matar a todos y ver si llegamos a una contradicción.

# Solución

- Estos problemas son típicos. La solución es siempre la misma idea (según el gran Nicolás Álvarez). Hay que buscar una forma de ordenar los monstruos para saber cuál matar primero.
- Lo **primero** que hay que suponer es que podemos matar a todos y ver si llegamos a una contradicción.
- Ahora... ¿En qué orden los matamos?

# Solución

- Estos problemas son típicos. La solución es siempre la misma idea (según el gran Nicolás Álvarez). Hay que buscar una forma de ordenar los monstruos para saber cuál matar primero.
- Lo **primero** que hay que suponer es que podemos matar a todos y ver si llegamos a una contradicción.
- Ahora... ¿En qué orden los matamos?
- Empecemos matando a los **monstruos buenos**, los que te dan diferencia positiva de vida, es decir, los que la poción te da más vida que la que te saca el monstruo.

# Solución

- Estos problemas son típicos. La solución es siempre la misma idea (según el gran Nicolás Álvarez). Hay que buscar una forma de ordenar los monstruos para saber cuál matar primero.
- Lo **primero** que hay que suponer es que podemos matar a todos y ver si llegamos a una contradicción.
- Ahora... ¿En qué orden los matamos?
- Empecemos matando a los **monstruos buenos**, los que te dan diferencia positiva de vida, es decir, los que la poción te da más vida que la que te saca el monstruo.
- Se puede demostrar que estos van primero. Nuevamente por el absurdo. Supongamos que no los podemos matar al principio, no los vamos a poder matar teniendo menor vida (No esperen algo más formal que esto en lo que quede de la clase).

# Solución

- Pero... ¿En qué orden matamos a los monstruos buenos?



# Solución

- Pero... ¿En qué orden matamos a los monstruos buenos?
- No parece muy complejo, como cada vez vamos a tener mayor vida si antes podíamos matar a un monstruo **bueno**, nunca vamos a dejar de poder matarlo, por lo que una estrategia “matar al que podamos” va a funcionar.

# Solución

- Pero... ¿En qué orden matamos a los monstruos buenos?
- No parece muy complejo, como cada vez vamos a tener mayor vida si antes podíamos matar a un monstruo **bueno**, nunca vamos a dejar de poder matarlo, por lo que una estrategia “matar al que podamos” va a funcionar.
- Si en algún momento queda algún monstruo bueno y no podemos matar a ninguno, nunca podremos matarlo.

# Solución

- Pero... ¿En qué orden matamos a los monstruos buenos?
- No parece muy complejo, como cada vez vamos a tener mayor vida si antes podíamos matar a un monstruo **bueno**, nunca vamos a dejar de poder matarlo, por lo que una estrategia “matar al que podamos” va a funcionar.
- Si en algún momento queda algún monstruo bueno y no podemos matar a ninguno, nunca podremos matarlo.
- Pensando un poquito más para simplificar el algoritmo, podemos matarlos en orden creciente de la vida  $d_i$  que nos cuesta matarlos.

# Solución

- Pero... ¿En qué orden matamos a los monstruos buenos?
- No parece muy complejo, como cada vez vamos a tener mayor vida si antes podíamos matar a un monstruo **bueno**, nunca vamos a dejar de poder matarlo, por lo que una estrategia “matar al que podamos” va a funcionar.
- Si en algún momento queda algún monstruo bueno y no podemos matar a ninguno, nunca podremos matarlo.
- Pensando un poquito más para simplificar el algoritmo, podemos matarlos en orden creciente de la vida  $d_i$  que nos cuesta matarlos.
- Si en algún momento no podemos matar al monstruo bueno  $i$ -ésimo no podremos matar a ningún otro bueno y nunca podremos poseer más vida de la que ya tenemos  $\Rightarrow$  **No podemos matar a todos**

# Solución

- Nos quedan los monstruos malos.

# Solución

- Nos quedan los monstruos malos.
- ¿Podemos matarlos en el mismo orden que a los buenos?

# Solución

- Nos quedan los monstruos malos.
- ¿Podemos matarlos en el mismo orden que a los buenos?
- Antes de programar esa idea, intentemos buscar un caso borde que nos destruya ese greedy...

# Solución

- Nos quedan los monstruos malos.
- ¿Podemos matarlos en el mismo orden que a los buenos?
- Antes de programar esa idea, intentemos buscar un caso borde que nos destruya ese greedy...
- Si un monstruo **malo** cuesta mucho pero te recupera casi la misma cantidad quizá convenga matarlo antes, ¿no?



# Solución

- Nos quedan los monstruos malos.
- ¿Podemos matarlos en el mismo orden que a los buenos?
- Antes de programar esa idea, intentemos buscar un caso borde que nos destruya ese greedy...
- Si un monstruo **malo** cuesta mucho pero te recupera casi la misma cantidad quizá convenga matarlo antes, ¿no?
- |     |     |
|-----|-----|
| 2   | 120 |
| 100 | 99  |
| 50  | 0   |

# Solución

- Nos quedan los monstruos malos.
- ¿Podemos matarlos en el mismo orden que a los buenos?
- Antes de programar esa idea, intentemos buscar un caso borde que nos destruya ese greedy...
- Si un monstruo **malo** cuesta mucho pero te recupera casi la misma cantidad quizá convenga matarlo antes, ¿no?
- 2 120  
100 99  
50 0
- Nuestro algoritmo mata primero al que nos cuesta 50 de vida, sin dejarnos vida suficiente para matar al primero. Matándolos al revés podríamos matarlos.

# Solución

- ¿Otra idea?

# Solución

- ¿Otra idea?
- ¡Matemos al que te cueste menor diferencia de vida!

# Solución

- ¿Otra idea?
- ¡Matemos al que te cueste menor diferencia de vida!
- ¡Matemos al que te saque mayor vida!

# Solución

- ¿Otra idea?
- ¡Matemos al que te cueste menor diferencia de vida!
- ¡Matemos al que te saque mayor vida!
- Mejor frenemos un cacho, generemos un caso de prueba con 2 monstruos y analicemos como deberíamos resolverlo.

# Solución

- ¿Otra idea?
- ¡Matemos al que te cueste menor diferencia de vida!
- ¡Matemos al que te saque mayor vida!
- Mejor frenemos un cacho, generemos un caso de prueba con 2 monstruos y analicemos como deberíamos resolverlo.

- 2 X  
100 90  
50 40

# Solución

- ¿Otra idea?
- ¡Matemos al que te cueste menor diferencia de vida!
- ¡Matemos al que te saque mayor vida!
- Mejor frenemos un cacho, generemos un caso de prueba con 2 monstruos y analicemos como deberíamos resolverlo.

• 2 X

100 90

50 40

¿A cuál de estos monstruos deberíamos matar primero? ¿Es lo mismo?



# Solución

- ¿Otra idea?
- ¡Matemos al que te cueste menor diferencia de vida!
- ¡Matemos al que te saque mayor vida!
- Mejor frenemos un cacho, generemos un caso de prueba con 2 monstruos y analicemos como deberíamos resolverlo.
- 2 X  
100 90  
50 40  
¿A cuál de estos monstruos deberíamos matar primero? ¿Es lo mismo?
- Si pudiéramos tomar la poción antes, sería mucho más simple. (Pensarlo)

# Solución

- ¿Otra idea?
- ¡Matemos al que te cueste menor diferencia de vida!
- ¡Matemos al que te saque mayor vida!
- Mejor frenemos un cacho, generemos un caso de prueba con 2 monstruos y analicemos como deberíamos resolverlo.
- $$\begin{array}{cc} 2 & X \\ 100 & 90 \\ 50 & 40 \end{array}$$

¿A cuál de estos monstruos deberíamos matar primero? ¿Es lo mismo?
- Si pudiéramos tomar la poción antes, sería mucho más simple. (Pensarlo)
- El problema es que la última poción la estamos desperdiciando, ¿y entonces qué hacemos?

# Solución

- Matemos los monstruos malos en orden decreciente de lo que nos recuperan  $r_j$ .

# Solución

- Matemos los monstruos malos en orden decreciente de lo que nos recuperan  $r_j$ .
- De esta forma, usamos las mejores pociones al principio, para poder luchar contra la mayor cantidad de monstruos restantes!

# Solución

- Matemos los monstruos malos en orden decreciente de lo que nos recuperan  $r_i$ .
- De esta forma, usamos las mejores pociones al principio, para poder luchar contra la mayor cantidad de monstruos restantes!
- ¡Demostrémoslo!

# Solución

- Matemos los monstruos malos en orden decreciente de lo que nos recuperan  $r_j$ .
- De esta forma, usamos las mejores pociones al principio, para poder luchar contra la mayor cantidad de monstruos restantes!
- ¡Demostrémoslo! Nah, mejor pensemos un caso para probarlo.

# Solución

- Matemos los monstruos malos en orden decreciente de lo que nos recuperan  $r_j$ .
- De esta forma, usamos las mejores pociones al principio, para poder luchar contra la mayor cantidad de monstruos restantes!
- ¡Demostrémoslo! Nah, mejor pensemos un caso para probarlo.

• 3 X

10000 10

100 10

1000 20

# Solución

- Matemos los monstruos malos en orden decreciente de lo que nos recuperan  $r_j$ .
- De esta forma, usamos las mejores pociones al principio, para poder luchar contra la mayor cantidad de monstruos restantes!
- ¡Demostrémoslo! Nah, mejor pensemos un caso para probarlo.
- 3 X  
10000 10  
100 10  
1000 20
- ¿¿Por qué este caso??



# Solución

- Matemos los monstruos malos en orden decreciente de lo que nos recuperan  $r_j$ .
- De esta forma, usamos las mejores pociones al principio, para poder luchar contra la mayor cantidad de monstruos restantes!
- ¡Demostrémoslo! Nah, mejor pensemos un caso para probarlo.
- 3 X  
10000 10  
100 10  
1000 20
- ¿¿Por qué este caso?? Porque queremos ver si realmente lo único que importa es la poción que nos dan.

# Solución

- Matemos los monstruos malos en orden decreciente de lo que nos recuperan  $r_i$ .
- De esta forma, usamos las mejores pociones al principio, para poder luchar contra la mayor cantidad de monstruos restantes!
- ¡Demostrémoslo! Nah, mejor pensemos un caso para probarlo.
- 3 X  
10000 10  
100 10  
1000 20
- ¿¿Por qué este caso?? Porque queremos ver si realmente lo único que importa es la poción que nos dan.
- Probando todos los órdenes, queda claro que conviene arrancar con el tercer monstruo para minimizar la mínima vida necesaria que debe tener *Leopoldus*.

# Solución

- También se puede demostrar.

# Solución

- También se puede demostrar.
- La demostración es similar a la de todos los greedy's. Agarremos dos monstruos malos, supongamos que los matamos en orden creciente de las pociones y veamos que también los podemos matar al revés.

# Solución

- También se puede demostrar.
- La demostración es similar a la de todos los greedy's. Agarremos dos monstruos malos, supongamos que los matamos en orden creciente de las pociones y veamos que también los podemos matar al revés.
- Queda como ejercicio.

# Contenidos

## 1 Algoritmos Greedy

- Qué son los algoritmos greedy

## 2 Ejemplos

- Activity Selection Problem
- The Hero
- **The Agency**
- Demostración de un algoritmo Greedy
- Woodworms

## 3 Resumen

## 4 Links a Ejercicios

# Enunciado

## Problema

En una galaxia lejana, cada planeta se representa como una secuencia de 0's y 1's y a cada secuencia le corresponde un planeta. Viajar de un planeta a otro sólo es posible si difieren en 1 bit y el único costo está dado por aterrizar en el planeta entrante. Cada bit tiene una tasa fija, y el costo de ir a un planeta es la suma de los costos de los bits que ese planeta tiene en 1.

## Input/Output

Dado  $N \leq 10^3$  Cantidad de bits en la galaxia,  $S$  y  $E$  dos strings que simbolizan los códigos de los planetas, y  $a_i \leq 10^6$  costos de cada bit, **se pide que responder el costo mínimo de viajar entre  $S$  y  $E$ .**

# Casos de Ejemplo

## Case 1

```
5 00000 11111
1 2 3 4 5
```

## Case 2

```
5 11111 00000
1 2 3 4 5
```

## Case 3

```
3 110 011
3 1 2
```

## Case 4

```
4 1111 1000
100 1 1 1
```



# Casos de Ejemplo

## Case 1

5 00000 11111

1 2 3 4 5

*Rta* : 35

## Case 2

5 11111 00000

1 2 3 4 5

## Case 3

3 110 011

3 1 2

## Case 4

4 1111 1000

100 1 1 1

# Casos de Ejemplo

## Case 1

5 00000 11111

1 2 3 4 5

*Rta* : 35

## Case 2

5 11111 00000

1 2 3 4 5

## Case 3

3 110 011

3 1 2

## Case 4

4 1111 1000

100 1 1 1

# Casos de Ejemplo

## Case 1

5 00000 11111

1 2 3 4 5

*Rta* : 35

## Case 2

5 11111 00000

1 2 3 4 5

*Rta* : 20

## Case 3

3 110 011

3 1 2

## Case 4

4 1111 1000

100 1 1 1

# Casos de Ejemplo

## Case 1

5 00000 11111

1 2 3 4 5

*Rta* : 35

## Case 2

5 11111 00000

1 2 3 4 5

*Rta* : 20

## Case 3

3 110 011

3 1 2

## Case 4

4 1111 1000

100 1 1 1

# Casos de Ejemplo

## Case 1

5 00000 11111

1 2 3 4 5

*Rta* : 35

## Case 2

5 11111 00000

1 2 3 4 5

*Rta* : 20

## Case 3

3 110 011

3 1 2

*Rta* : 4

## Case 4

4 1111 1000

100 1 1 1

# Casos de Ejemplo

## Case 1

5 00000 11111

1 2 3 4 5

*Rta* : 35

## Case 2

5 11111 00000

1 2 3 4 5

*Rta* : 20

## Case 3

3 110 011

3 1 2

*Rta* : 4

## Case 4

4 1111 1000

100 1 1 1

# Casos de Ejemplo

## Case 1

5 00000 11111

1 2 3 4 5

*Rta* : 35

## Case 2

5 11111 00000

1 2 3 4 5

*Rta* : 20

## Case 3

3 110 011

3 1 2

*Rta* : 4

## Case 4

4 1111 1000

100 1 1 1

*Rta* : 106 → *Hack!*

# Casos de Ejemplo

## Case 1

5 00000 11111

1 2 3 4 5

*Rta* : 35

## Case 2

5 11111 00000

1 2 3 4 5

*Rta* : 20

## Case 3

3 110 011

3 1 2

*Rta* : 4

## Case 4

4 1111 1000

100 1 1 1

*Rta* : 106 → *Hack!*



# Solución

- El problema se puede traducir a que hay que ir prendiendo y apagando bits para llegar de un inicio a un fin.

# Solución

- El problema se puede traducir a que hay que ir prendiendo y apagando bits para llegar de un inicio a un fin.
- El primer ejemplo nos muestra que para pagar menor costo claramente conviene prender los bits que necesitamos de menor a mayor.

# Solución

- El problema se puede traducir a que hay que ir prendiendo y apagando bits para llegar de un inicio a un fin.
- El primer ejemplo nos muestra que para pagar menor costo claramente conviene prender los bits que necesitamos de menor a mayor.
- El segundo ejemplo nos muestra que para pagar menor costo conviene apagar los bits que necesitamos de mayor a menor.

# Solución

- El problema se puede traducir a que hay que ir prendiendo y apagando bits para llegar de un inicio a un fin.
- El primer ejemplo nos muestra que para pagar menor costo claramente conviene prender los bits que necesitamos de menor a mayor.
- El segundo ejemplo nos muestra que para pagar menor costo conviene apagar los bits que necesitamos de mayor a menor.
- El tercer ejemplo nos muestra que para pagar menor costo conviene apagar primero antes de prender los que necesitemos.

# Solución

- El problema se puede traducir a que hay que ir prendiendo y apagando bits para llegar de un inicio a un fin.
- El primer ejemplo nos muestra que para pagar menor costo claramente conviene prender los bits que necesitamos de menor a mayor.
- El segundo ejemplo nos muestra que para pagar menor costo conviene apagar los bits que necesitamos de mayor a menor.
- El tercer ejemplo nos muestra que para pagar menor costo conviene apagar primero antes de prender los que necesitemos.
- ¡El cuarto ejemplo nos rompe todo! Algo de todo los 3 puntos anteriores debe estar mal, ¿no?

# Solución

- El problema se puede traducir a que hay que ir prendiendo y apagando bits para llegar de un inicio a un fin.
- El primer ejemplo nos muestra que para pagar menor costo claramente conviene prender los bits que necesitamos de menor a mayor.
- El segundo ejemplo nos muestra que para pagar menor costo conviene apagar los bits que necesitamos de mayor a menor.
- El tercer ejemplo nos muestra que para pagar menor costo conviene apagar primero antes de prender los que necesitemos.
- ¡El cuarto ejemplo nos rompe todo! Algo de todo los 3 puntos anteriores debe estar mal, ¿no?
- ¡No! Los tres puntos parecen bastante claros. ¿Qué nos estamos olvidando?

# Solución

- El problema se puede traducir a que hay que ir prendiendo y apagando bits para llegar de un inicio a un fin.
- El primer ejemplo nos muestra que para pagar menor costo claramente conviene prender los bits que necesitamos de menor a mayor.
- El segundo ejemplo nos muestra que para pagar menor costo conviene apagar los bits que necesitamos de mayor a menor.
- El tercer ejemplo nos muestra que para pagar menor costo conviene apagar primero antes de prender los que necesitemos.
- ¡El cuarto ejemplo nos rompe todo! Algo de todo los 3 puntos anteriores debe estar mal, ¿no?
- ¡No! Los tres puntos parecen bastante claros. ¿Qué nos estamos olvidando?
- Que aunque parezca anti-intuitivo, puede convenir apagar bits que tanto en el inicio como en el final estén prendidos.

# Solución

- ¿Qué hacemos? Podemos intentar pensarlo con dinámica...



# Solución

- ¿Qué hacemos? Podemos intentar pensarlo con dinámica...
- ¡No! Tenemos muchas cosas greedy para abandonarlo, solo queda solucionar el problema de apagar bits que al principio y al final están prendidos. ¿¿Se puede saber cuándo conviene hacer esto??

# Solución

- ¿Qué hacemos? Podemos intentar pensarlo con dinámica...
- ¡No! Tenemos muchas cosas greedy para abandonarlo, solo queda solucionar el problema de apagar bits que al principio y al final están prendidos. ¿¿Se puede saber cuándo conviene hacer esto??
- No, pero como tenemos  $N \leq 10^3$  podemos probar todas las posibilidades en  $O(N^2)$ .

# Solución

- ¿Qué hacemos? Podemos intentar pensarlo con dinámica...
- ¡No! Tenemos muchas cosas greedy para abandonarlo, solo queda solucionar el problema de apagar bits que al principio y al final están prendidos. ¿¿Se puede saber cuándo conviene hacer esto??
- No, pero como tenemos  $N \leq 10^3$  podemos probar todas las posibilidades en  $O(N^2)$ .
- Para cada cantidad  $i$  de bits prendidos inicio-fin que vamos a apagar y prender deberíamos elegir los  $i$  más grandes (para ahorrar el costo).

# Solución

- ¿Qué hacemos? Podemos intentar pensarlo con dinámica...
- ¡No! Tenemos muchas cosas greedy para abandonarlo, solo queda solucionar el problema de apagar bits que al principio y al final están prendidos. ¿¿Se puede saber cuándo conviene hacer esto??
- No, pero como tenemos  $N \leq 10^3$  podemos probar todas las posibilidades en  $O(N^2)$ .
- Para cada cantidad  $i$  de bits prendidos inicio-fin que vamos a apagar y prender deberíamos elegir los  $i$  más grandes (para ahorrar el costo).
- Cuando los apagamos seguimos el orden de los otros que tenemos que apagar, y cuando los prendemos el orden de los que tenemos que prender.

# Solución

- ¿Qué hacemos? Podemos intentar pensarlo con dinámica...
- ¡No! Tenemos muchas cosas greedy para abandonarlo, solo queda solucionar el problema de apagar bits que al principio y al final están prendidos. ¿¿Se puede saber cuándo conviene hacer esto??
- No, pero como tenemos  $N \leq 10^3$  podemos probar todas las posibilidades en  $O(N^2)$ .
- Para cada cantidad  $i$  de bits prendidos inicio-fin que vamos a apagar y prender deberíamos elegir los  $i$  más grandes (para ahorrar el costo).
- Cuando los apagamos seguimos el orden de los otros que tenemos que apagar, y cuando los prendemos el orden de los que tenemos que prender.
- Y listo,  $O(N^2)$

# Solución

- ¿Qué hacemos? Podemos intentar pensarlo con dinámica...
- ¡No! Tenemos muchas cosas greedy para abandonarlo, solo queda solucionar el problema de apagar bits que al principio y al final están prendidos. ¿¿Se puede saber cuándo conviene hacer esto??
- No, pero como tenemos  $N \leq 10^3$  podemos probar todas las posibilidades en  $O(N^2)$ .
- Para cada cantidad  $i$  de bits prendidos inicio-fin que vamos a apagar y prender deberíamos elegir los  $i$  más grandes (para ahorrar el costo).
- Cuando los apagamos seguimos el orden de los otros que tenemos que apagar, y cuando los prendemos el orden de los que tenemos que prender.
- Y listo,  $O(N^2)$
- Ejercicio: Formalizar la demostración de porque funciona esto.

# Contenidos

## 1 Algoritmos Greedy

- Qué son los algoritmos greedy

## 2 Ejemplos

- Activity Selection Problem
- The Hero
- The Agency
- **Demostración de un algoritmo Greedy**
- Woodworms

## 3 Resumen

## 4 Links a Ejercicios

# Demostración de un algoritmo Greedy

- Acabamos de ver tres problemas que se solucionan con “ideas greedy”



# Demostración de un algoritmo Greedy

- Acabamos de ver tres problemas que se solucionan con “ideas greedy”
- Para tener garantizado un “Accepted”, los *Greedy*s hay que demostrarlos.

# Demostración de un algoritmo Greedy

- Acabamos de ver tres problemas que se solucionan con “ideas greedy”
- Para tener garantizado un “Accepted”, los *Greedys* hay que demostrarlos.
- Demostrar greedys es siempre muy similar. Suponés que no seguís esa estrategia localmente, y ves que siguiendo esa estrategia también llegaríamos a un algoritmo óptimo.

# Demostración de un algoritmo Greedy

- O... podemos probarlos con casos de prueba inteligentes.

# Demostración de un algoritmo Greedy

- O... podemos probarlos con casos de prueba inteligentes.
- Casos de pruebas inteligentes son casos chicos, donde poder analizar que ideas sirven.

# Demostración de un algoritmo Greedy

- O... podemos probarlos con casos de prueba inteligentes.
- Casos de pruebas inteligentes son casos chicos, donde poder analizar que ideas sirven.
- Si el algoritmo pasa los casos, lo programamos y lo mandamos.

# Demostración de un algoritmo Greedy

- O... podemos probarlos con casos de prueba inteligentes.
- Casos de pruebas inteligentes son casos chicos, donde poder analizar que ideas sirven.
- Si el algoritmo pasa los casos, lo programamos y lo mandamos.
- Este enfoque es riesgoso, uno tiene que estar preparado para dejar un problema si no te da *Accepted*.

# Demostración de un algoritmo Greedy

- O... podemos probarlos con casos de prueba inteligentes.
- Casos de pruebas inteligentes son casos chicos, donde poder analizar que ideas sirven.
- Si el algoritmo pasa los casos, lo programamos y lo mandamos.
- Este enfoque es riesgoso, uno tiene que estar preparado para dejar un problema si no te da *Accepted*.
- Sin embargo es muy efectivo, y yo lo sigo sin dudar.

# Otros usos de los casos de pruebas

- Generar casos de pruebas tienen otras utilidades.



# Otros usos de los casos de pruebas

- Generar casos de pruebas tienen otras utilidades.
- Podemos usarlos para garantizar que no estemos programando cualquiera.

# Otros usos de los casos de pruebas

- Generar casos de pruebas tienen otras utilidades.
- Podemos usarlos para garantizar que no estemos programando cualquiera.
- Podemos usarlos para comprobar otros algoritmos.

# Otros usos de los casos de pruebas

- Generar casos de pruebas tienen otras utilidades.
- Podemos usarlos para garantizar que no estemos programando cualquiera.
- Podemos usarlos para comprobar otros algoritmos.
- Y podemos usarlos para entender los problemas.

# Otros usos de los casos de pruebas

- Generar casos de pruebas tienen otras utilidades.
- Podemos usarlos para garantizar que no estemos programando cualquiera.
- Podemos usarlos para comprobar otros algoritmos.
- Y podemos usarlos para entender los problemas.
- Esta última, según mi opinión, es el uso menos dado y uno de los más importantes, sobre todo al realizar algoritmos greedy.

# Otros usos de los casos de pruebas

- Generar casos de pruebas tienen otras utilidades.
- Podemos usarlos para garantizar que no estemos programando cualquiera.
- Podemos usarlos para comprobar otros algoritmos.
- Y podemos usarlos para entender los problemas.
- Esta última, según mi opinión, es el uso menos dado y uno de los más importantes, sobre todo al realizar algoritmos greedy.
- Veamos un último ejemplo de este uso.

# Contenidos

## 1 Algoritmos Greedy

- Qué son los algoritmos greedy

## 2 Ejemplos

- Activity Selection Problem
- The Hero
- The Agency
- Demostración de un algoritmo Greedy
- **Woodworms**

## 3 Resumen

## 4 Links a Ejercicios

# Enunciado

## Problema

Gabina y Melanie juegan a un juego. Dada una lista de  $N \leq 10^6$  números, tal que  $1 \leq a_i \leq 10^9$  cada jugador puede retirar de la lista el número de la izquierda, el número de la derecha o ambos. El juego termina cuando no quedan más números. El objetivo de ambos jugadores es obtener la mayor suma posible. Calcular la mayor suma que puede asegurarse obtener Gabina, sin importar lo bien Melanie.

## Unico caso de ejemplo dado

4

5 2 9 3

Rta: 14

# Interpretando el enunciado

- Ideas???



# Interpretando el enunciado

- Ideas???
- Analicemos algunos ejemplos.

# Interpretando el enunciado

- Ideas???
- Analicemos algunos ejemplos.
- Cómo generamos ejemplos?

# Interpretando el enunciado

- Ideas???
- Analicemos algunos ejemplos.
- Cómo generamos ejemplos?
- Busquemos los más simples posible.

# Interpretando el enunciado

- Ideas???
- Analicemos algunos ejemplos.
- Cómo generamos ejemplos?
- Busquemos los más simples posible.
- Definimos  $p_1$  puntaje óptimo de Gabina y  $p_2$  puntaje óptimo de Melanie.

# Interpretando el enunciado

- Ideas???
- Analicemos algunos ejemplos.
- Cómo generamos ejemplos?
- Busquemos los más simples posible.
- Definimos  $p_1$  puntaje óptimo de Gabina y  $p_2$  puntaje óptimo de Melanie.
- Aclaración: En este ejercicio voy a intentar mostrar de que forma creo que hay que pensar los "greedys". No se esperen algo entendible.

# $N = 1$

- $N = 1$   
 $a_1$

# $N = 1$

- $N = 1$   
 $a_1$
- Gabina solo puede llevarse  $a_1$ , Melanie no se lleva nada.

# N = 2

- $N = 2$   
 $a_1 a_2$



# $N = 2$

- $N = 2$

$$a_1 a_2$$

- Trivialmente a Gabina le conviene llevarse ambos, al ser positivos

$$p_1 = a_1 + a_2$$

$$p_2 = 0.$$

# N = 3

- $N = 3$   
 $a_1 a_2 a_3$

# N = 3

- $N = 3$   
 $a_1 a_2 a_3$
- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2 + a_3$ .

# N = 3

- N = 3

$a_1 a_2 a_3$

- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2 + a_3$ .
- Si Gabina se lleva solo  $a_3$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_1 + a_2$ .

# N = 3

- N = 3

$a_1 a_2 a_3$

- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2 + a_3$ .
- Si Gabina se lleva solo  $a_3$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_1 + a_2$ .
- Si Gabina se lleva  $a_1$  y  $a_3$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2$ .

# N = 3

- N = 3

$$a_1 a_2 a_3$$

- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2 + a_3$ .
- Si Gabina se lleva solo  $a_3$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_1 + a_2$ .
- Si Gabina se lleva  $a_1$  y  $a_3$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2$ .
- Trivialmente a Gabina le conviene llevarse ambos  $a_1$  y  $a_3$ , al ser positivos, para minimizar el puntaje de Melanie.

$$p_1 = a_1 + a_3$$

$$p_2 = a_2.$$

# N = 4

- $N = 4$

$a_1 a_2 a_3 a_4$

# N = 4

- N = 4

$a_1 a_2 a_3 a_4$

- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2 + a_4$ .



# N = 4

- N = 4

$$a_1 a_2 a_3 a_4$$

- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2 + a_4$ .
- Si Gabina se lleva solo  $a_4$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_1 + a_3$ .

# N = 4

- N = 4

$$a_1 a_2 a_3 a_4$$

- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2 + a_4$ .
- Si Gabina se lleva solo  $a_4$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_1 + a_3$ .
- Si Gabina se lleva  $a_1$  y  $a_4$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2 + a_3$ .

# N = 4

- N = 4

$a_1 a_2 a_3 a_4$

- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2 + a_4$ .
- Si Gabina se lleva solo  $a_4$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_1 + a_3$ .
- Si Gabina se lleva  $a_1$  y  $a_4$ , por lo dicho antes  $p_2$  será  $a_2 + a_3$ .
- Realmente esto no me da mucha información.

# N = 5

- N = 5

$a_1 a_2 a_3 a_4 a_5$

# N = 5

- N = 5

$$a_1 a_2 a_3 a_4 a_5$$

- Si Gabina se lleva  $a_1$  y  $a_5$ , por lo dicho antes  $p_2 = a_2 + a_4 \Rightarrow$   
 $p_1 = a_1 + a_3 + a_5.$

# N = 5

- N = 5  
 $a_1 a_2 a_3 a_4 a_5$
- Si Gabina se lleva  $a_1$  y  $a_5$ , por lo dicho antes  $p_2 = a_2 + a_4 \Rightarrow$   
 $p_1 = a_1 + a_3 + a_5$ .
- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  
 $p_2 = \max(a_2 + a_4, a_2 + a_5, a_3 + a_5)$ .

# N = 5

- N = 5  
 $a_1 a_2 a_3 a_4 a_5$
- Si Gabina se lleva  $a_1$  y  $a_5$ , por lo dicho antes  $p_2 = a_2 + a_4 \Rightarrow p_1 = a_1 + a_3 + a_5$ .
- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2 = \max(a_2 + a_4, a_2 + a_5, a_3 + a_5)$ .
- $\Rightarrow p_2 \geq a_2 + a_4$ .
- Si Gabina se lleva  $a_5$ , podemos obtener con un razonamiento análogo que  $p_2 \geq a_2 + a_4$ .

# N = 5

- N = 5  
 $a_1 a_2 a_3 a_4 a_5$
- Si Gabina se lleva  $a_1$  y  $a_5$ , por lo dicho antes  $p_2 = a_2 + a_4 \Rightarrow p_1 = a_1 + a_3 + a_5$ .
- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2 = \max(a_2 + a_4, a_2 + a_5, a_3 + a_5)$ .
- $\Rightarrow p_2 \geq a_2 + a_4$ .
- Si Gabina se lleva  $a_5$ , podemos obtener con un razonamiento análogo que  $p_2 \geq a_2 + a_4$ .
- Acá tenemos un greedy! A Gabina le conviene sacar  $a_1$  y  $a_5$  y obligar a que  $p_2 = a_2 + a_4$ .



# N = 5

- $N = 5$   
 $a_1 a_2 a_3 a_4 a_5$
- Si Gabina se lleva  $a_1$  y  $a_5$ , por lo dicho antes  $p_2 = a_2 + a_4 \Rightarrow p_1 = a_1 + a_3 + a_5$ .
- Si Gabina se lleva solo  $a_1$ , por lo dicho antes  $p_2 = \max(a_2 + a_4, a_2 + a_5, a_3 + a_5)$ .
- $\Rightarrow p_2 \geq a_2 + a_4$ .
- Si Gabina se lleva  $a_5$ , podemos obtener con un razonamiento análogo que  $p_2 \geq a_2 + a_4$ .
- Acá tenemos un greedy! A Gabina le conviene sacar  $a_1$  y  $a_5$  y obligar a que  $p_2 = a_2 + a_4$ .

$$N = 2k+1$$

- $N = 1 \Rightarrow p_1 = a_1$

$$N = 2k+1$$

- $N = 1 \Rightarrow p_1 = a_1$
- $N = 3 \Rightarrow p_1 = a_1 + a_3$

$$N = 2k+1$$

- $N = 1 \Rightarrow p_1 = a_1$
- $N = 3 \Rightarrow p_1 = a_1 + a_3$
- $N = 5 \Rightarrow p_1 = a_1 + a_3 + a_5$

$$N = 2k+1$$

- $N = 1 \Rightarrow p_1 = a_1$
- $N = 3 \Rightarrow p_1 = a_1 + a_3$
- $N = 5 \Rightarrow p_1 = a_1 + a_3 + a_5$
- Acá tiene que haber un greedy general.

# Demostración para $N$ impar

- Si  $N$  es impar, Melanie se puede asegurar sacar todos los números de las posiciones pares.

# Demostración para N impar

- Si N es impar, Melanie se puede asegurar sacar todos los números de las posiciones pares.
- Simplementa repite la jugada de Gabina.

# Demostración para N impar

- Si N es impar, Melanie se puede asegurar sacar todos los números de las posiciones pares.
- Simplementa repite la jugada de Gabina.
- A su vez Gabina se puede asegurar sacar todos los números de las posiciones impares.



# Demostración para N impar

- Si N es impar, Melanie se puede asegurar sacar todos los números de las posiciones pares.
- Simplementa repite la jugada de Gabina.
- A su vez Gabina se puede asegurar sacar todos los números de las posiciones impares.
- Simplemente saca  $a_1$  y  $a_n$  y repite la jugada de Melanie!

# Demostración para N impar

- Si N es impar, Melanie se puede asegurar sacar todos los números de las posiciones pares.
- Simplemente repite la jugada de Gabina.
- A su vez Gabina se puede asegurar sacar todos los números de las posiciones impares.
- Simplemente saca  $a_1$  y  $a_n$  y repite la jugada de Melanie!
- Por lo tanto ambos son óptimas! Ninguno puede asegurar sacar más

# Demostración para N impar

- Si N es impar, Melanie se puede asegurar sacar todos los números de las posiciones pares.
- Simplemente repite la jugada de Gabina.
- A su vez Gabina se puede asegurar sacar todos los números de las posiciones impares.
- Simplemente saca  $a_1$  y  $a_n$  y repite la jugada de Melanie!
- Por lo tanto ambos son óptimas! Ninguno puede asegurar sacar más
- Queda como ejercicio pensar N par ya teniendo la información de como resolver el problema para N impar. No es muy complicado.

# Resumen

- La mejor forma de aprender a resolver Greedys es realizando problemas.

# Resumen

- La mejor forma de aprender a resolver Greedys es realizando problemas.
- Para demostrar que andan, se procede por el absurdo. Se supone que el greedy no es óptimo y se llega a una contradicción.

# Resumen

- La mejor forma de aprender a resolver Greedys es realizando problemas.
- Para demostrar que andan, se procede por el absurdo. Se supone que el greedy no es óptimo y se llega a una contradicción.
- Otra forma es probar casos bordes, y confiar en que funciona.

# Resumen

- La mejor forma de aprender a resolver Greedys es realizando problemas.
- Para demostrar que andan, se procede por el absurdo. Se supone que el greedy no es óptimo y se llega a una contradicción.
- Otra forma es probar casos bordes, y confiar en que funciona.
- Como los greedys son muy simples de codear, lo mandamos y probamos. Si anda un golazo, sino lo volvemos a pensar. Esta estrategia seguimos nosotros como equipo.

# Resumen

- La mejor forma de aprender a resolver Greedys es realizando problemas.
- Para demostrar que andan, se procede por el absurdo. Se supone que el greedy no es óptimo y se llega a una contradicción.
- Otra forma es probar casos bordes, y confiar en que funciona.
- Como los greedys son muy simples de codear, lo mandamos y probamos. Si anda un golazo, sino lo volvemos a pensar. Esta estrategia seguimos nosotros como equipo.
- Para encontrar un greedy en un ejercicio es fundamental probar como resolverías el ejercicio para casos bordes.



# Resumen

- La mejor forma de aprender a resolver Greedys es realizando problemas.
- Para demostrar que andan, se procede por el absurdo. Se supone que el greedy no es óptimo y se llega a una contradicción.
- Otra forma es probar casos bordes, y confiar en que funciona.
- Como los greedys son muy simples de codear, lo mandamos y probamos. Si anda un golazo, sino lo volvemos a pensar. Esta estrategia seguimos nosotros como equipo.
- Para encontrar un greedy en un ejercicio es fundamental probar como resolverías el ejercicio para casos bordes.
- Sino es imposible poder llegar a encontrar una solución intuitiva.

# Links a Ejercicios

- The Agency
- The Hero y Woodworms (pedirme user y password para submitear)
- Emoticons (Medio)
- Flip and Shift (Medio)
- Takeover Wars (Hard)
- Kabaleo (Hard)



# ¿Preguntas?