

## ♦ Liste (List, Linked List)

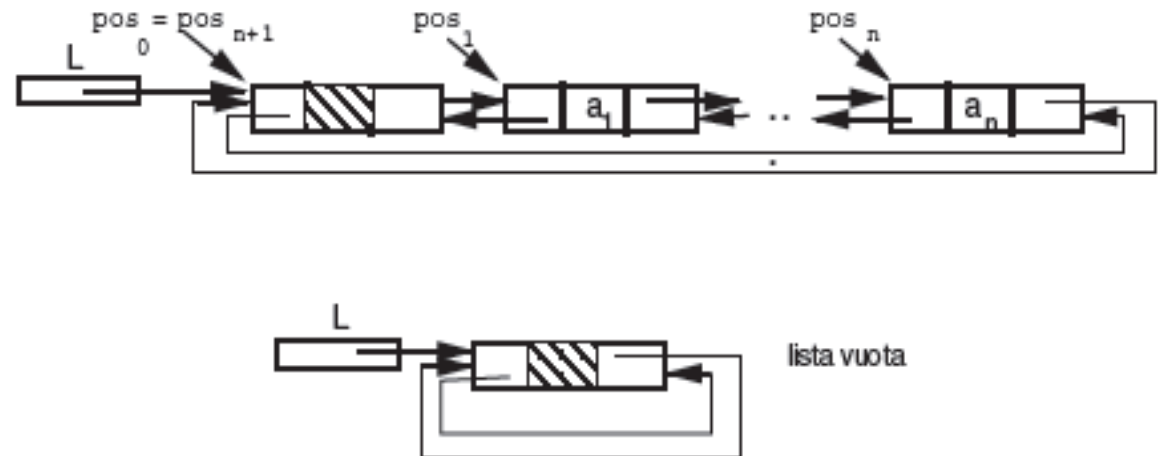
- ♦ Una sequenza di nodi, contenenti dati arbitrari e 1-2 puntatori all'elemento successivo e/o precedente
- ♦ Contiguità nella lista  $\Rightarrow$  contiguità nella memoria

## ♦ Costo operazioni

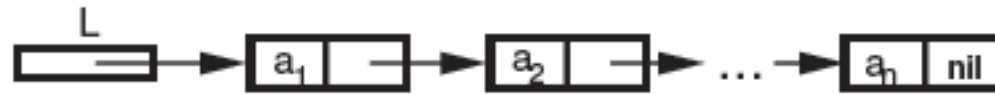
- ♦ Tutte le operazioni hanno costo  $O(1)$

## ♦ Realizzazione possibili

- ♦ *Bidirezionale* / monodirezionale
- ♦ *Con sentinella* / senza sentinella
- ♦ *Circolare* / non circolare



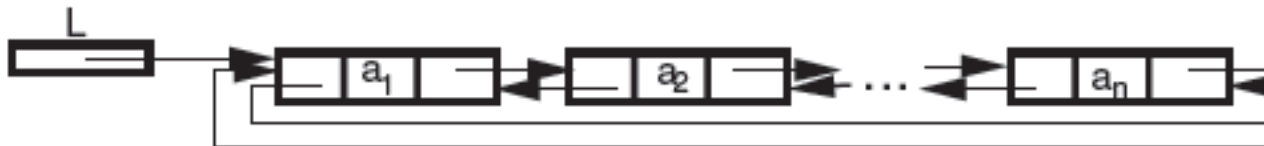
# Linked List - Altri esempi



monodirezionale



bidirezionale

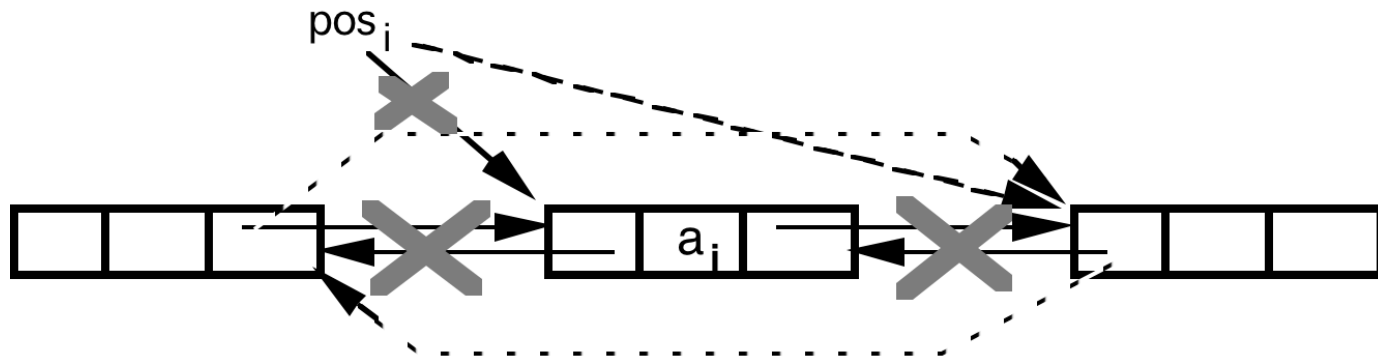


bidirezionale circolare

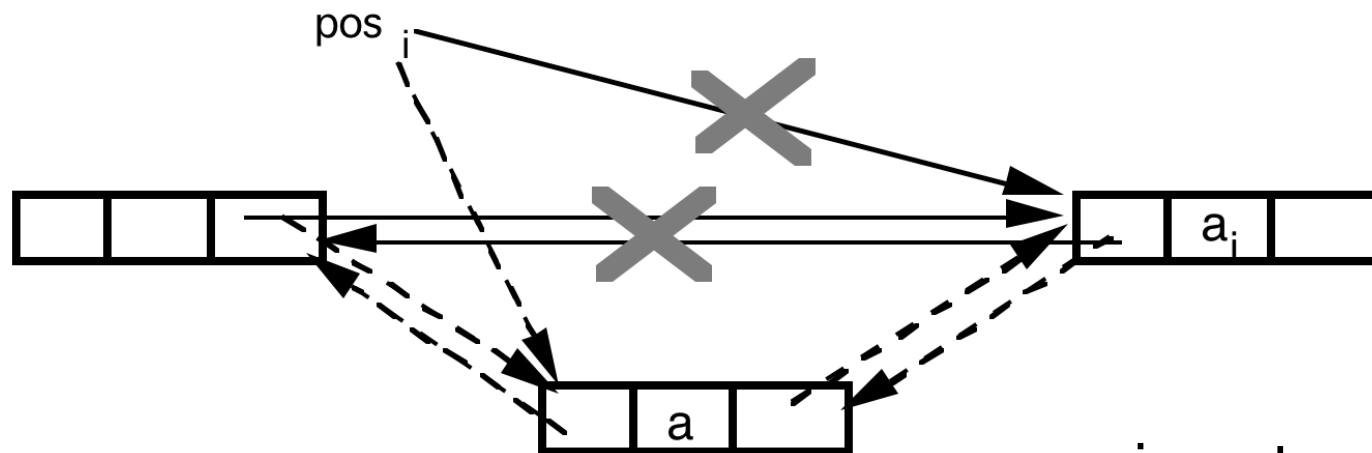


monodirezionale con sentinella

## List – cancellazione e inserimento



remove



insert

## List (Java) - bidirezionale senza sentinella

```
class Pos
{
    Pos succ;
    Pos pred;
    Object v;

    Pos(Object v) {
        succ = pred = null;
        this.v = v;
    }
}
```



## List (Java) - bidirezionale senza sentinella

```
public class List {  
  
    /** First element of the list */  
    private Pos head;  
  
    /** Last element of the list */  
    private Pos tail;  
  
    public List() {  
        head = tail = null;  
    }  
  
    public Pos head() { return head; }  
    public Pos tail() { return tail; }  
    public Pos next(Pos pos) { return (pos != null ? pos.succ : null); }  
    public Pos prev(Pos pos) { return (pos != null ? pos.pred : null); }  
    public boolean finished(Pos pos) { return pos == null; }  
    public boolean isEmpty() { return head == null; }  
    public Object read(Pos p) { return p.v; }  
    public void write(Pos p, Object v) { p.v = v; }
```



## List (Java) - bidirezionale senza sentinella

```
public Pos insert(Pos pos, Object v) {  
    Pos t = new Pos(v);  
    if (head == null) {  
        // Insert in a empty list  
        head = tail = t;  
    } else if (pos == null) {  
        // Insert at the end  
        t.pred = tail;  
        tail.succ = t;  
        tail = t;  
    } else {  
        // Insert in front of an existing position  
        t.pred = pos.pred;  
        if (t.pred != null)  
            t.pred.succ = t;  
        else  
            head = t;  
        t.succ = pos;  
        pos.pred = t;  
    }  
    return t;  
}
```



## List (Java) - bidirezionale senza sentinella

```
public void remove(Pos pos) {  
    if (pos.pred == null)  
        head = pos.succ;  
    else  
        pos.pred.succ = pos.succ;  
    if (pos.succ == null)  
        tail = pos.pred;  
    else  
        pos.succ.pred = pos.pred;  
}
```



## Liste - Realizzazione con vettori

### ✦ E' possibile realizzare una lista con vettori

- ✦ Posizione  $\equiv$  indice nel vettore
- ✦ Le operazioni `insert()` e `remove()` hanno costo *lineare in (n)*
- ✦ Tutte le altre operazioni hanno costo  $O(1)$

### ✦ Problema

- ✦ Spesso non si conosce a priori quanta memoria serve per memorizzare la lista
- ✦ Se ne alloca una certa quantità, per poi accorgersi che non è sufficiente.

### ✦ Soluzione

- ✦ Si alloca un vettore di dimensione maggiore, si ricopia il contenuto del vecchio vettore nel nuovo e si rilascia il vecchio vettore
- ✦ Esempi: `java.util.Vector`, `java.util.ArrayList`





## Vettori dinamici: espansione

```
private Object[] buffer = new Object[INITSIZE];  
// Utilizzato in ArrayList()  
private void doubleStorage() {  
    Object[] newb = new Object[2*buffer.length];  
    System.arraycopy(buffer, 0, newb, 0, buffer.length);  
    buffer = newb;  
}  
// Utilizzabile in Vector()  
private Object[] buffer = new Object[INITSIZE];  
private void incrementStorage() {  
    Object[] newb = new Object[buffer.length+INCREMENT];  
    System.arraycopy(buffer, 0, newb, 0, buffer.length);  
    buffer = newb;  
}
```



# Stack

## ♦ Una pila (stack)

♦ è un insieme dinamico in cui l'elemento rimosso dall'operazione di cancellazione è predeterminato: *“quello che per meno tempo è rimasto nell'insieme”*

♦ politica “*last in, first out*” (LIFO)

## ♦ Operazioni previste (tutte realizzabili in *tempo costante*)

---

### STACK

---

% Restituisce **true** se la pila è vuota

**integer** isEmpty()

% Inserisce *v* in cima alla pila

**push**(ITEM *v*)

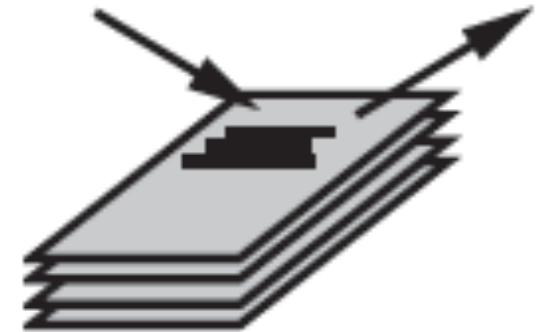
% Estrae l'elemento in cima alla pila e lo restituisce al chiamante

ITEM **pop**()

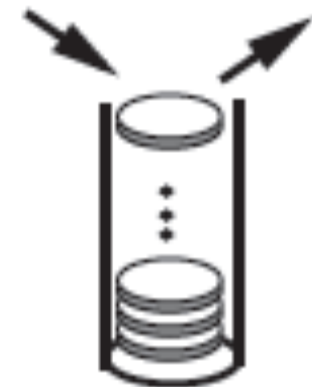
% Legge l'elemento in cima alla pila

ITEM **top**()

---



pratiche burocratiche



tubetto di pastiglie



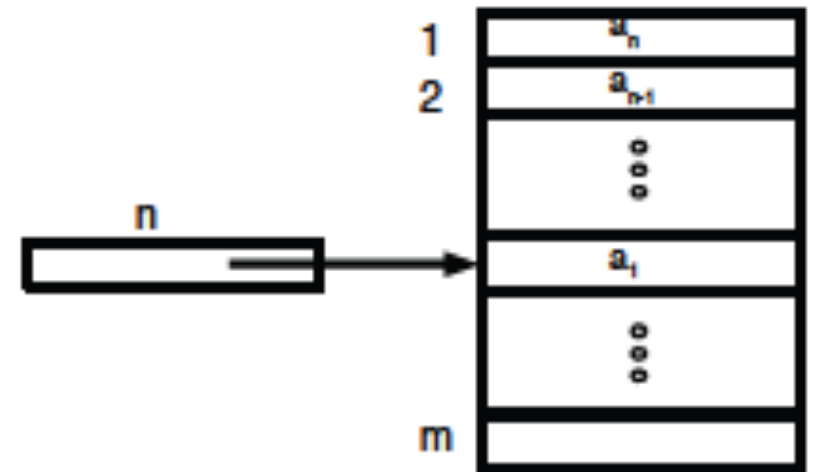
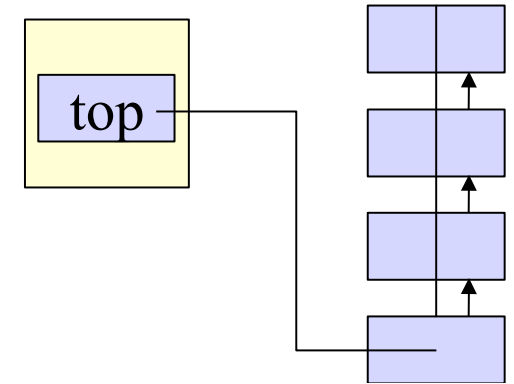
## ♦ Possibili implementazioni

### ♦ Tramite *liste bidirezionali*

♦ puntatore all'elemento top

### ♦ Tramite *vettore*

♦ dimensione limitata, overhead più basso



# Stack - pseudocodice

## STACK

ITEM[] *A*                      % Elementi  
integer *n*                      % Cursore  
integer *m*                      % Dim. max

STACK Stack(integer *dim*)

    STACK *t* ← new STACK

*t.A* ← new integer[1 ... *dim*]

*t.m* ← *dim*

*t.n* ← 0

    return *t*

ITEM top()

    precondition:  $n > 0$

    return *A*[*n*]

boolean isEmpty()

    return  $n = 0$

ITEM pop()

    precondition:  $n > 0$

    ITEM *t* ← *A*[*n*]

$n \leftarrow n - 1$

    return *t*

push(ITEM *v*)

    precondition:  $n < m$

$n \leftarrow n + 1$

*A*[*n*] ← *v*



## Stack: implementazione tramite vettori (Java)

```
public class VectorStack implements Stack
{

    /** Vector containing the elements */
    private Object[] A;

    /** Number of elements in the stack */
    private int n;

    public VectorStack(int dim) {
        n = 0;
        A = new Object[dim];
    }

    public boolean isEmpty() {
        return n==0;
    }
}
```



## Stack: implementazione tramite vettori (Java)

```
public Object top() {  
    if (n == 0)  
        throw new IllegalStateException("Stack is empty");  
    return A[n-1];  
}
```

```
public Object pop() {  
    if (n == 0)  
        throw new IllegalStateException("Stack is empty");  
    return A[--n];  
}
```

```
public void push(Object o) {  
    if (n == A.length)  
        throw new IllegalStateException("Stack is full");  
    A[n++] = o;  
}  
}
```



## ♦ Una coda (queue)

♦ è un insieme dinamico in cui l'elemento rimosso dall'operazione di cancellazione è predeterminato: *“quello che per più tempo è rimasto nell'insieme”*

♦ politica *“first in, first out”* (**FIFO**)



## ♦ Operazioni previste (tutte realizzabili in $O(1)$ )

---

### QUEUE

---

% Restituisce **true** se la coda è vuota

**integer** isEmpty()

% Inserisce *v* in fondo alla coda

**enqueue**(ITEM *v*)

% Estrae l'elemento in testa alla coda e lo restituisce al chiamante

ITEM **dequeue**()

% Legge l'elemento in testa alla coda

ITEM **top**()

---

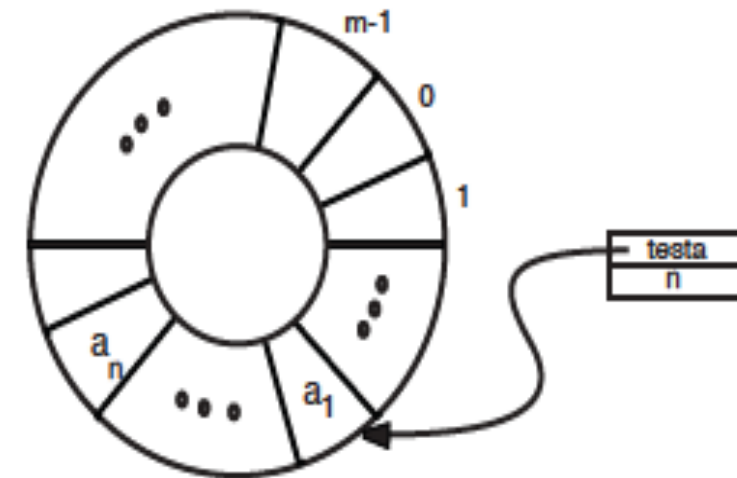
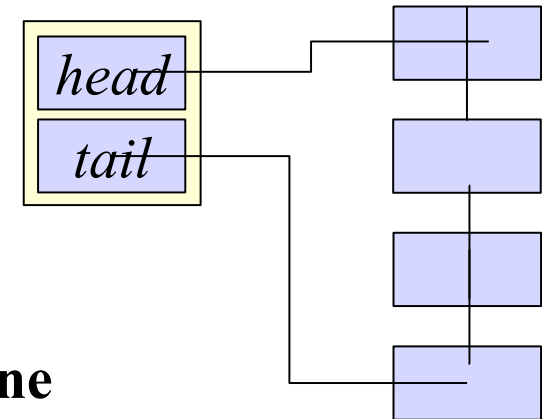


## ♦ Possibili utilizzi

- ♦ Nei sistemi operativi, i processi in attesa di utilizzare una risorsa vengono gestiti tramite una coda
- ♦ La politica FIFO è fair

## ♦ Possibili implementazioni

- ♦ Tramite liste monodirezionali
  - ♦ puntatore *head* (inizio della coda), per estrazione
  - ♦ puntatore *tail* (fine della coda), per inserimento
- ♦ Tramite array circolari
  - ♦ dimensione limitata, overhead più basso



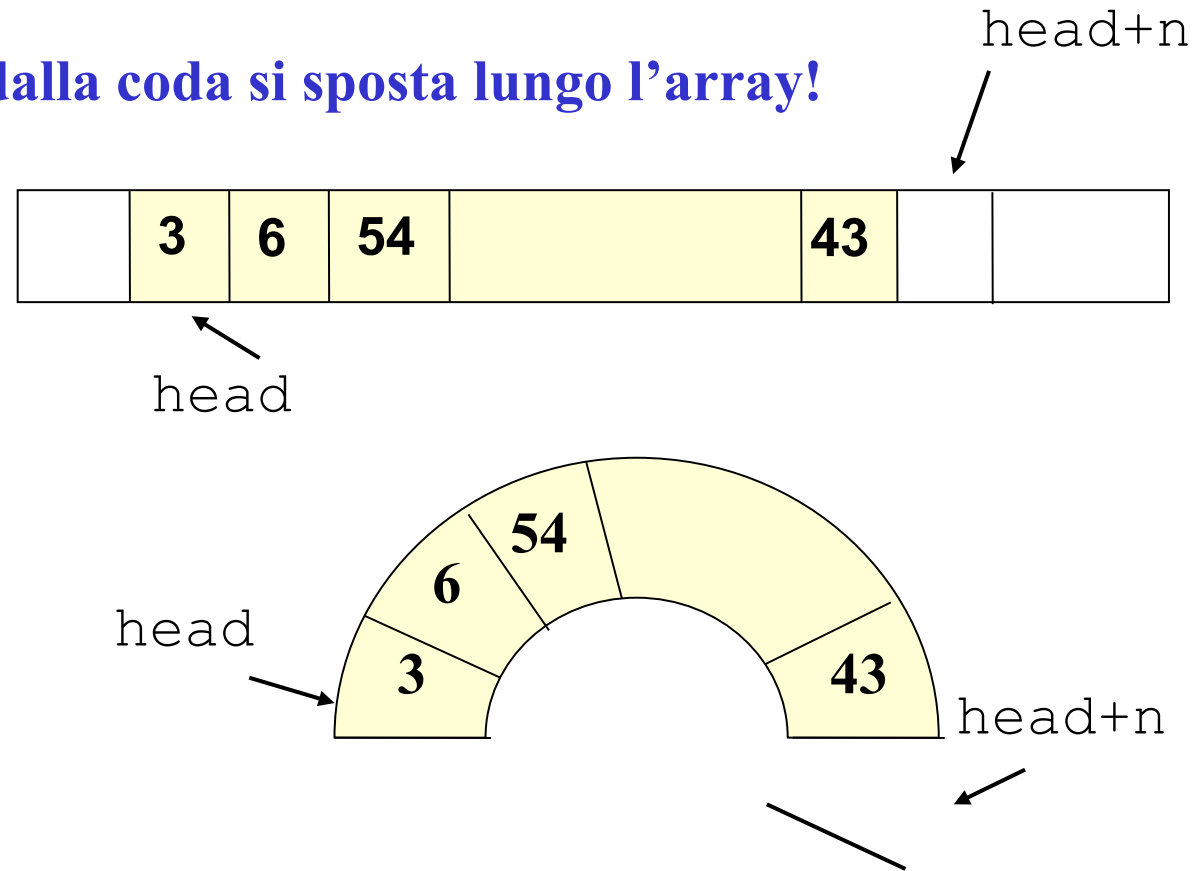


## Coda: Realizzazione tramite vettore circolare

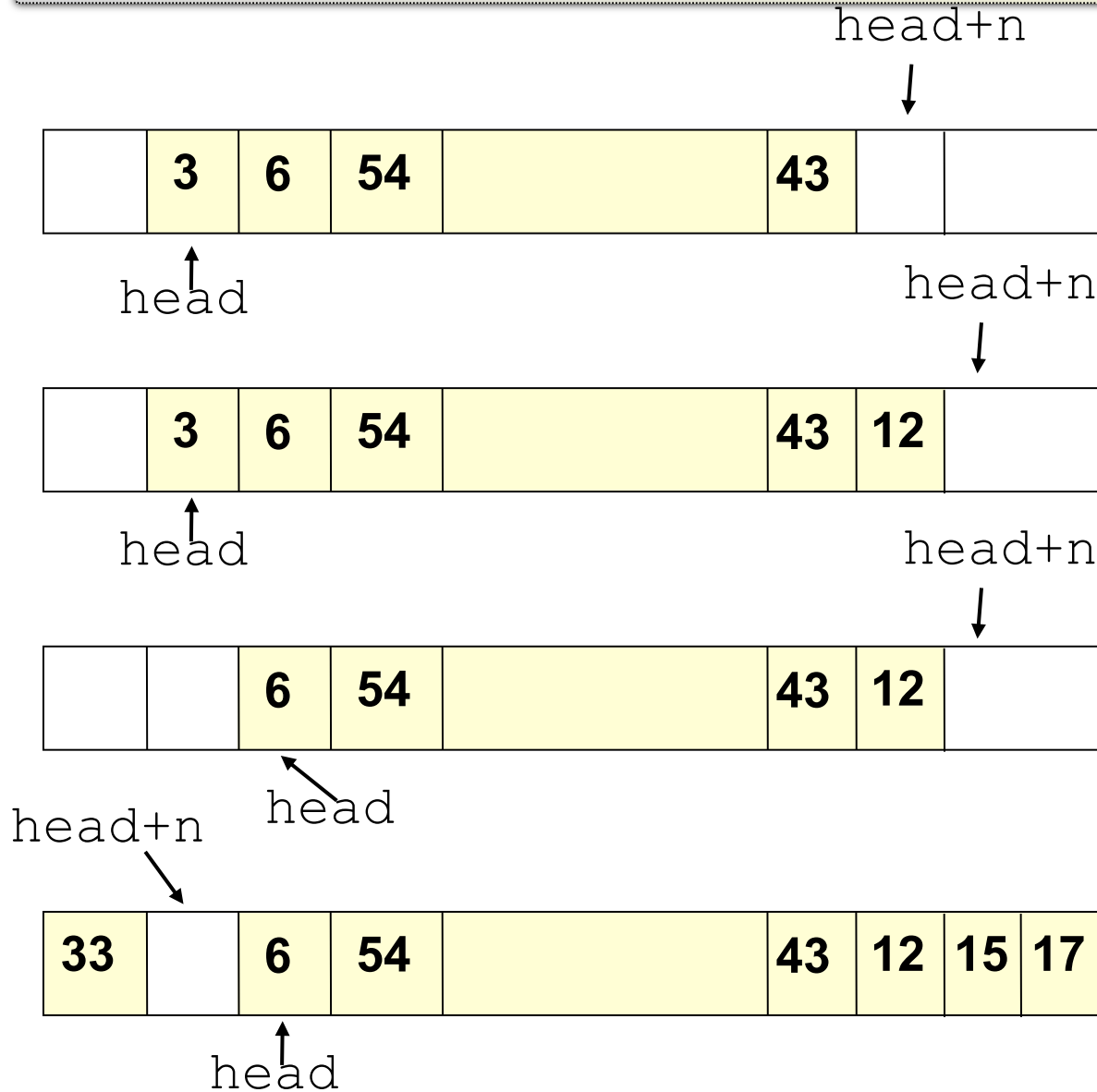
- ♦ La “finestra” dell’array occupata dalla coda si sposta lungo l’array!

- ♦ **Dettagli implementativi**

- ♦ L'array circolare può essere implementato con un'operazione di modulo
- ♦ Bisogna prestare attenzione ai problemi di overflow (buffer pieno)



## Coda: Realizzazione tramite vettore circolare



`enqueue (12)`

`dequeue () → 3`

`enqueue (15, 17, 33)`



## QUEUE

ITEM[] *A*                      % Elementi  
integer *n*                      % Dim. attuale  
integer *testa*                      % Testa  
integer *m*                      % Dim. max

QUEUE Queue(integer *dim*)  
    QUEUE *t* ← new QUEUE  
    *t.A* ← new integer[0...*dim* - 1]  
    *t.m* ← *dim*  
    *t.testa* ← 0  
    *t.n* ← 0  
    return *t*

ITEM top()  
    precondition: *n* > 0  
    return *A[testa]*

boolean isEmpty()

    return *n* = 0

ITEM dequeue()

    precondition: *n* > 0

    ITEM *t* ← *A[testa]*

*testa* ← (*testa* + 1) mod *m*

*n* ← *n* - 1

    return *t*

enqueue(ITEM *v*)

    precondition: *n* < *m*

*A[(testa + *n*) mod *m*] ← *v**

*n* ← *n* + 1



## Queue: Implementazione tramite array circolari (Java)

```
public class VectorQueue implements Queue
{

    /** Vector containing the elements */
    private Object[] A;

    /** Number of elements in the queue */
    private int n;

    /** Top element of the queue */
    private int head;

    public VectorQueue(int dim) {
        n = 0;
        head = 0;
        A = new Object[dim];
    }

    public boolean isEmpty()
    {
        return n==0;
    }
}
```



## Queue: Implementazione tramite array circolari (Java)

```
public Object top() {
    if (n == 0)
        throw new IllegalStateException("Queue is empty");
    return A[head];
}

public Object dequeue()
{
    if (n == 0)
        throw new IllegalStateException("Queue is empty");
    Object t = A[head];
    head = (head+1) % A.length;
    n = n-1;
    return t;
}

public void enqueue(Object v)
{
    if (n == A.length)
        throw new IllegalStateException("Queue is full");
    A[(head+n) % A.length] = v;
    n = n+1;
}
```

