1 Mouvements

1.1 Mouvement Rectiligne

Mouvement d'un corps sur une trajéctoire réctiligne.

Uniforme (MRU)

$$\begin{cases} v = \text{const} \\ x = x_0 + v \cdot t \end{cases} \qquad \begin{cases} v = \text{Vitesse } [m/s] \\ x = \text{Position } [m] \\ x_0 = \text{Position initiale } [m] \\ t = \text{Temps } [s] \end{cases}$$

Uniformément Accéléré (MRUA)

1.2 Mouvement Circulaire

Mouvement d'un corps autour d'un point de rotation (trajectoire circulaire).

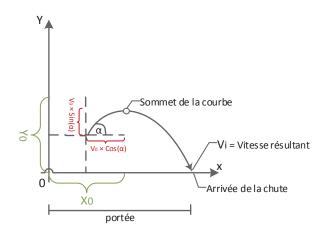
Uniforme (MCU)

$$\begin{cases} \omega = \text{const} \\ \theta = \omega \cdot t + \theta_0 \end{cases} \qquad \begin{cases} \omega = \text{Vitesse angulaire } [rad/s] \\ \theta = \text{Angle } [rad] \\ \theta_0 = \text{Angle initial } [rad] \\ t = \text{Temps } [s] \end{cases}$$

Uniformément Accéléré (MCUA)

$$\begin{cases} \alpha = \text{const} \\ \omega = \omega_0 + \alpha \cdot t \\ \theta = \theta_0 + \omega \cdot t + \frac{\alpha \cdot t^2}{2} \end{cases} \qquad \qquad \begin{aligned} \alpha &= \text{Accélération angulaire } [rad/s^2] \\ \omega_0 &= \text{Vitesse angulaire initiale } [rad/s] \end{aligned}$$

Balistique 2



Au sommet de la courbe: $v_y(t) = 0$

2.1 Equations du mouvement

Acceleration

$$\begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases}$$

Vitesse

$$\begin{cases} v_x(t) = v_0 \cdot \cos \alpha \\ v_y(t) = v_0 \cdot \sin \alpha + a_y \cdot t \end{cases}$$

Position

$$\begin{cases} x(t) = x_0 + v_0 \cdot \cos \alpha \cdot t \\ y(t) = y_0 + v_0 \cdot \sin \alpha \cdot t + \frac{a \cdot t^2}{2} \end{cases}$$

2.2Equations annexes

A utiliser avec précautions, ne s'appliquent pas dans tous les cas.

Portée

$$\begin{cases} p = \frac{v_0^2 \cdot \sin(2 \cdot \alpha)}{a} & \text{Si } y_0 = 0 \\ p = \text{solve} \begin{pmatrix} \left\{ \begin{array}{cc} y(t) & = & 0 \\ x(t) & = & n \end{array} \middle| \text{en } n \end{pmatrix} & \text{Si } y_0 \neq 0 \end{cases} & y_{\text{max}} = \frac{(v_0 \cdot \sin \alpha)^2}{2a} + y_0 \\ \text{Vitesse Résultante} \\ v_i(t) = \sqrt{v_y(t)^2 + v_x(t)^2} \end{cases}$$

Alt. Maximale

$$y_{\text{max}} = \frac{(v_0 \cdot \sin \alpha)^2}{2a} + y_0$$

$$v_i(t) = \sqrt{v_y(t)^2 + v_x(t)^2}$$

Les unités sont identiques aux unités de la section MRUA

3 Newton

3.1 Lois de Newton

1^{ere} loi de Newton

Tout corps dont la somme des forces est nulle est soit au repos, soit animé d'un mouvement rectiligne uniforme non accéléré.

2^{ème} loi de Newton

L'altération du mouvement est proportionnelle à la force qui lui est imprimée ; et cette altération se fait en ligne droite dans la direction de la force.

$$F = m \cdot a$$

$$a = \frac{\sum F}{\sum m}$$

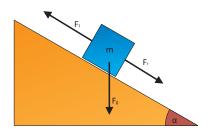
3^{ème} loi de Newton

Pour chaque action, il existe une réaction égale et opposée.

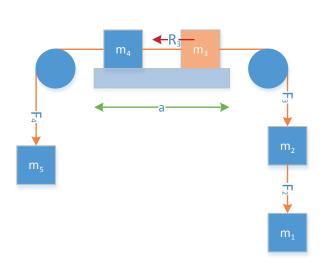
$$\sum \overrightarrow{F} = 0$$

Lois dérivées

Tirer un objet sur une pente



Système de poulies



$$\frac{\sum F_t - \sum R_r - F_g}{\sum m} \mid F_g = m \cdot g \cdot \sin \alpha$$

$$a = \frac{\sum F_n - \sum R_n}{\sum m_n}$$

$$= \frac{g \cdot (m_1 + m_2 - m_5) - R_3}{m_1 + m_2 + m_3 + m_4 + m_5}$$

Variables

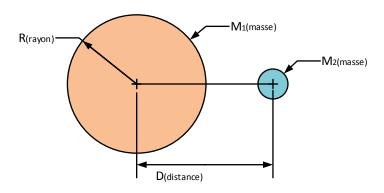
$$F_n = m_n \cdot g$$

 $R_n = \text{Résistance sur la masse } n$

notes

 F_n est nulle si l'objet n'est pas en suspension (ex m_4) Les masses qui ne sont pas en suspension et qui n'exercent pas de frottent sont tout de même comptées dans la somme des masses ($\sum m_n$)

3.2 Gravitation Universelle



Loi de la Gravitation universelle

Deux corps quelconques s'attirent de manière proportionelle à leur masse et inversément proportionnelle au carré de leur distance.

$$F_G = G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{d^2}$$

 F_G = Force de gravitation [N]

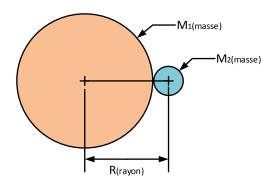
G = Gravitation universelle

 6.67×10^-11

 $m_i = \text{Masse [Kg]}$

d = Distance entre des corps [Km]

Gravitation d'un corps



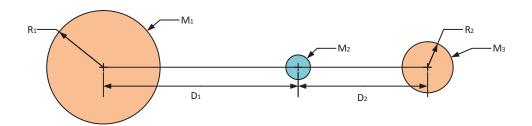
Cette loi peut être dérivée pour lorsqu'un objet est suffisament proche d'un corps de masse plus importante que sa masse et taille new devienent insignifiants.

$$F_G = G \cdot \frac{m}{r^2}$$

Attraction entre deux champs de gravité

Une autre dérivation de cette loi peut s'appliquer lorsqu'un objet est soumis à deux champs de gravité distincts. Cette dérivation permet d'obtenir la direction et la vitesse avec laquel le corps au milieu se dirige.

$$a = G \cdot \left(\frac{m_1 \cdot m_2}{d_1^2} - \frac{m_3 \cdot m_2}{d_2^2} \right)$$



Équilibre d'attraction

Lorsque l'objet se trouve à l'équilibre, l'accélération vaut 0. La formule peut donc être modifiée.

$$\frac{m_1 \cdot m_2}{d_1^2} = \frac{m_3 \cdot m_2}{d_2^2}$$

Rapport des distances et des masses

$$\frac{d_1^2}{d_2^2} = \frac{m_1}{m_3}$$

4 Statique

La statique est l'étude des forces sur un système à l'équilibre, la somme de ses forces est donc nulle.

$$\sum \vec{F} = 0$$

Les forces sont considérées comme des vecteurs est s'additionnenet donc comme tels.

4.1 Moment de Force

Lorsqu'une force est appliquée sur un corps attaché à un axe de rotation, cette force produit un moment de force dont l'effet est propotionnel à la distance par rapport au centre de rotation et est mitigé par l'angle en fonction du corps.

$$\begin{cases} F_{\perp} &= F \cdot \sin \alpha \\ M &= F_{\perp} \cdot d \end{cases}$$

$$M \quad \text{Moment de force}$$

$$F_{\perp} \quad \text{Force perpendiculaire [N]}$$

$$F \quad \text{Force [N]}$$

$$\alpha \quad \text{Angle de la force [deg]}$$

5 Sonique

5.1 Intensité et Décibels

$$\beta = 10 \cdot \log_{10} \left(\frac{I}{I_0} \right)$$

Décibels Intensité Seuil d'audition (10^-12)

5.2 Relations avec la pression

$$I = \frac{(\Delta p)^2}{2 \cdot \rho \cdot V_{\text{son}}}$$
$$\beta = 20 \cdot \log_{20} \left(\frac{\Delta p}{\Delta p_0}\right)$$

Amplitude (différence) de pression

Masse volumique du milieu

Vitesse du son (dans l'air: 344 [m/s])

Intensité

Autre formules

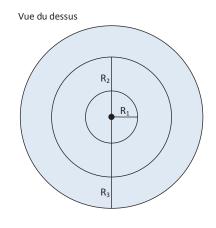
$$10^{\frac{\beta_2-\beta_1}{10}} = \frac{I_2}{I_1}$$

$$\Delta\beta = 10 \cdot \log_{10}(\Delta n)$$

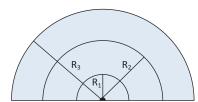
 $\Delta \beta$ Diffèrence de décibels

 Δn Nombre de sources supplémentaires

5.3 Dispertion et Amortissement



Vue latéral



$$I_1 \cdot S_1 = I_2 \cdot S_2$$
$$I_1 \cdot r_1^2 = I_2 \cdot r_2^2$$

$$\begin{split} \frac{I_2}{I_1} &= \frac{S_1}{S_2} \\ \frac{I_2}{I_1} &= \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \end{split}$$

6 Transfert de chaleur

$$\sum Q = 0
Q = m c \Delta \theta
Q = m C
\Delta \theta = T_2 - T_2$$

Q Energie [J] $\Delta \theta$ Diff. de temperature [C] m Masse [kg] c Chaleur specifique C Coefficient de transformation

Contents

1	Mouvements	1
	.1 Mouvement Rectiligne	1
	.2 Mouvement Circulaire	
2	Balistique	2
	2.1 Equations du mouvement	2
	2.2 Equations annexes	2
3	Newton	3
	3.1 Lois de Newton	3
	3.2 Gravitation Universelle	5
4	Statique	7
	1.1 Moment de Force	7
5	Sonique	8
	5.1 Intensité et Décibels	8
	6.2 Relations avec la pression	8
	5.3 Dispertion et Amortissement	
6	Fransfert, de chaleur	9

Contributeurs

- Jeremy David (sti34a 2013, http://github.com/ltouroumov)
- $\bullet\,$ Kevin Wenger (sti
34a 2013)
- Vincent Kobel (sti34a 2013)

Correcteurs

• Olivier Pittet