

$$G \xrightarrow{i} (R[G])^\times \xrightarrow{\varphi^\times} K^\times$$