

Trabalho Estatística

May 21, 2024

1 Índices da Educação Brasileira no Ano de 2010

Integrantes: Guilherme Lorete Schmidt - 13676857 e Luana Hartmann Franco da Cruz - 13676350

2 Introdução

No cenário contemporâneo, a análise estatística dos índices educacionais no Brasil desempenha um papel crucial na compreensão da qualidade e eficácia do sistema educacional do país. A educação é um dos pilares fundamentais para o desenvolvimento social, econômico e cultural de uma nação, influenciando diretamente a formação de cidadãos e o progresso coletivo. Portanto, examinar de forma sistemática e estatística os indicadores educacionais torna-se imperativo para identificar tendências, desafios e oportunidades de melhoria.

Neste contexto, a análise estatística proporciona uma abordagem objetiva e baseada em evidências para avaliar diversos aspectos do sistema educacional brasileiro, focando-se nesta análise no acesso à escola dentre diferentes grupos populacionais. Ao coletar, organizar e interpretar dados quantitativos e qualitativos, é possível identificar padrões, correlações e disparidades que ajudam a informar políticas públicas, direcionar investimentos e promover a equidade no acesso à educação.

Além disso, a análise estatística permite uma comparação longitudinal e transversal dos índices educacionais, possibilitando acompanhar o progresso ao longo do tempo e fazer comparações entre diferentes redes de ensino e grupos demográficos. Essa perspectiva ampla e detalhada é essencial para uma avaliação abrangente e contextualizada do sistema educacional brasileiro, fornecendo insights valiosos para a formulação de estratégias e intervenções eficazes.

Portanto, este estudo se propõe a realizar uma análise estatística dos principais índices da educação brasileira, buscando entender os desafios enfrentados, as conquistas alcançadas e as áreas prioritárias para investimento e aprimoramento. Ao examinar indicadores como taxa de alfabetização, taxa de escolarização, desempenho em avaliações nacionais e acesso à educação de qualidade, pretendemos contribuir para o debate público e para o desenvolvimento de políticas educacionais mais eficientes e inclusivas.

3 Metodologia

3.1 Base de Dados

A base de dados a ser analisada foi obtida a partir do website do Instituto Brasileiro de Geografia e Estatística (IBGE), principal entidade brasileira em estatísticas sociais e econômicas gerais do país. A base de dados está disponível através

do link <https://www.ibge.gov.br/estatisticas/sociais/educacao/9662-censo-demografico-2010.html?edicao=9753&t=resultados>.

Tais dados foram coletados pelo Instituto no Censo Demográfico de 2010, com o objetivo de identificar as características do povo brasileiro e revelar como vivem através de uma amostragem probabilística da mesma. A coleta das informações foi conduzida, em geral, através de entrevista presencial entre recenseadores e moradores. Todos os dados coletados passaram, no momento da entrevista, pelo processo de crítica eletrônica, cuja finalidade era eliminar inconsistências entre as informações dos diversos quesitos do questionário provenientes de equívocos ou não respostas durante a fase da coleta.

Segundo informações disponibilizadas pelo IBGE, a amostra do Censo 2010 teve cinco frações diferentes usadas de acordo com o total da população do município. Nos municípios com até 2.500 habitantes, a fração amostral foi de 50%, ou seja, em metade do total de domicílios foi aplicado o questionário da amostra. Os que tinham mais de 2.500 até 8.000 habitantes, tiveram a fração amostral de 33%. Nos municípios com mais de 8.000 até 20.000 habitantes, a fração foi de 20%. Já nos que tinham mais de 20.000 até 500 mil habitantes, a fração foi de 10%. E, por fim, nos municípios com população maior que 500 mil, a fração foi de 5%.

Portanto, a partir da base de dados disponibilizada pelo IBGE em formato `.xls` e `.xlsx`, foram selecionados dados que permitam relacionar as variáveis `sexo`, `cor` ou `raça`, `frequência escolar`, `idade` e `renda`, de forma a obter-se um panorama geral do acesso ao ambiente escolar em relação a diferentes setores da população brasileira. Sendo assim, os dados foram analisados em grande parte através da biblioteca `pandas` e graficadas através da `matplotlib`, ambas nativas à linguagem de programação Python. Demais bibliotecas podem ser encontradas abaixo.

```
[ ]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy.stats as scp
from tabulate import tabulate
import pandas as pd
import seaborn as sns
```

```
[ ]: # planilha censo demográfico 2010 educação por sexo, idade
tab1 = pd.read_excel('tab1_1.1.xlsx', skiprows=8)

# planilha censo demográfico 2010 educação por cor ou raça
tab2 = pd.read_excel('tab1_1.2.xlsx', skiprows=6)

# planilha censo demográfico 2010 educação por rendimento nominal per capita
tab3 = pd.read_excel('tab1_1.3.xlsx', skiprows=6)

# planilhas contendo dados similares contemplando diferentes regiões brasileiras
tab1_reg = [pd.read_excel('tab2_' + str(x) + '_1.1.xls', skiprows=7) for x in
             range(1, 6)]
tab2_reg = [pd.read_excel('tab2_' + str(x) + '_1.2.xls', skiprows=5) for x in
             range(1, 6)]
tab3_reg = [pd.read_excel('tab2_' + str(x) + '_1.3.xls', skiprows=5) for x in
             range(1, 6)]
```

3.2 Definição de variáveis

Primeiramente, as variáveis devem ser devidamente identificadas e agrupadas de acordo com suas características, dividindo-se entre *qualitativas*, categorizando dados, ou *quantitativas*, quantificando dados. Ainda assim, *variáveis qualitativas* podem ainda ser subdivididas entre *nominais*, quando trata de categorias sem ordem aparente entre elas, ou *ordinais*, se trata de categorias que possuem uma ordem. O mesmo vale para *variáveis quantitativas*, que podem ser subdivididas entre *discretas*, quando tratam de valores individuais discretizados, e *contínuas*, se caracterizam quantias que podem ser descritas de forma contínua.

A partir dessa descrição, detalham-se as variáveis para avaliação posterior: - Sexo: traz as categorias de masculino e feminino; - Cor ou Raça: divide-se entre diversas categorias étnicas da população brasileira; - Frequência escolar: descreve se um dado habitante frequenta, já frequentou, ou nunca frequentou o ambiente escolar; - Idade: traz a idade (discretizada em anos) dos habitantes; - Renda: traz a renda dos habitantes (discretizada em frações de salários mínimos).

Portanto, dadas estas características, traz-se abaixo uma classificação das variáveis em formato de tabela:

Nome	Variável	Tipo
sexo	qualitativa	nominal
cor ou raça	qualitativa	nominal
situação escolar	qualitativa	nominal
idade	quantitativa	discreta
renda	quantitativa	discreta

4 Resultados

4.1 Tabelas de frequência e análise preliminar

Inicialmente, será feita uma análise preliminar das variáveis, de forma a identificar padrões dentro destes e obter-se uma visão geral de seu comportamento. Esta tomará a forma principalmente de tabelas de frequência e gráficos de setores.

4.1.1 Sexo

Com um espaço amostral contendo toda a população brasileira, começamos trazendo uma tabela de frequências de cada sexo em relação à população total, além de um gráfico de setores que a represente.

```
[ ]: # População total brasileira
total_pop = tab1.iloc[0:14, 1]
total_homem = tab1.iloc[15:29, 1]
total_mulher = tab1.iloc[30:44, 1]

# Prepara tabela proposta
tabela = [['Sexo', 'Total', 'Frequência (%)'], ['Masculino'], ['Feminino']]
tabela[1].append(int(np.sum(total_homem)))
tabela[1].append(np.sum(total_homem) / np.sum(total_pop) * 100)
```

```

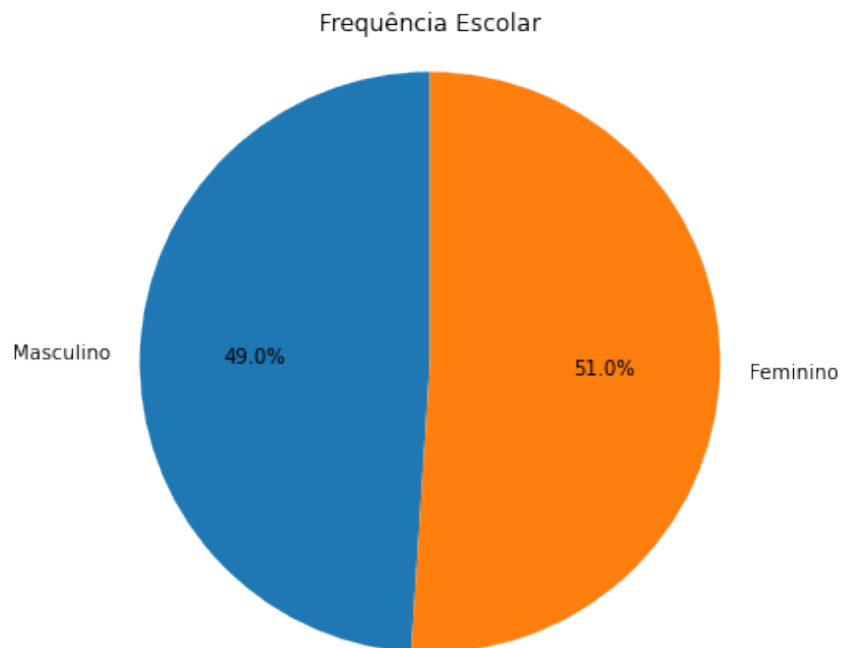
tabela[2].append(int(np.sum(total_mulher)))
tabela[2].append(np.sum(total_mulher) / np.sum(total_pop) * 100)

print(tabulate(tabela, headers='firstrow', tablefmt="fancy_grid", intfmt="",
    ↪colalign=(["center"]*3)))

# Prepara gráfico de setores
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.pie([np.sum(total_homem), np.sum(total_mulher)], startangle=90, autopct='%1.
    ↪1f%', labels=['Masculino', 'Feminino'])
plt.title('Frequência Escolar')
plt.axis('equal')
plt.show()

```

Sexo	Total	Frequência (%)
Masculino	93406989	48.9668
Feminino	97348808	51.0332



A partir da tabela e do gráfico, vê-se que os dados confirmam estatísticas já conhecidas acerca da população brasileira, destacando a maior presença de habitantes do sexo feminino que do sexo masculino.

4.1.2 Cor ou Raça

É de grande importância se analisar o impacto de cor ou raça sobre a educação, com vistas à criação de políticas públicas direcionadas à universalização do ensino. Portanto, será trazido abaixo as frequências gerais de cada cor ou raça sobre a população brasileira.

```
[ ]: # População total brasileira
cor_total = [tab2.iloc[0:12, x] for x in range(2, 8)]

# Prepara tabela proposta
tabela = [['Cor ou Raça', 'Total', 'Frequência_
↳(%)'], ['Branca'], ['Preta'], ['Amarela'], ['Parda'], ['Indígena'], ['Sem_
↳Declaração']]

for x in range(0,6):
    tabela[x+1].append(int(np.sum(cor_total[x])))
    tabela[x+1].append(np.sum(cor_total[x]) / np.sum(total_pop) * 100)

print(tabulate(tabela, headers='firstrow', tablefmt="fancy_grid",
↳colalign=(["center"]*3)))
```

Cor ou Raça	Total	Frequência (%)
Branca	90621281	47.5064
Preta	14351162	7.52332
Amarela	2105352	1.10369
Parda	82820451	43.417
Indígena	821500	0.430656
Sem Declaração	36050	0.018899

Como é possível visualizar na tabela de frequências, o grupo de maior presença na população brasileira é o de cor ou raça “Branca”, seguido logo atrás pela “Parda”. Por outro lado, vê-se que o grupo menos presente é o de indígenas. Nas seções posteriores, tal variável será importante ao analisar a influência desta sobre a frequência escolar.

4.1.3 Frequência Escolar

Uma das principais estatísticas ao se analisar o panorama educacional brasileiro é a frequência escolar. Portanto, traremos aqui uma tabela de frequências relacionando o percentual populacional em cada categoria, além de um gráfico de setores que a representa.

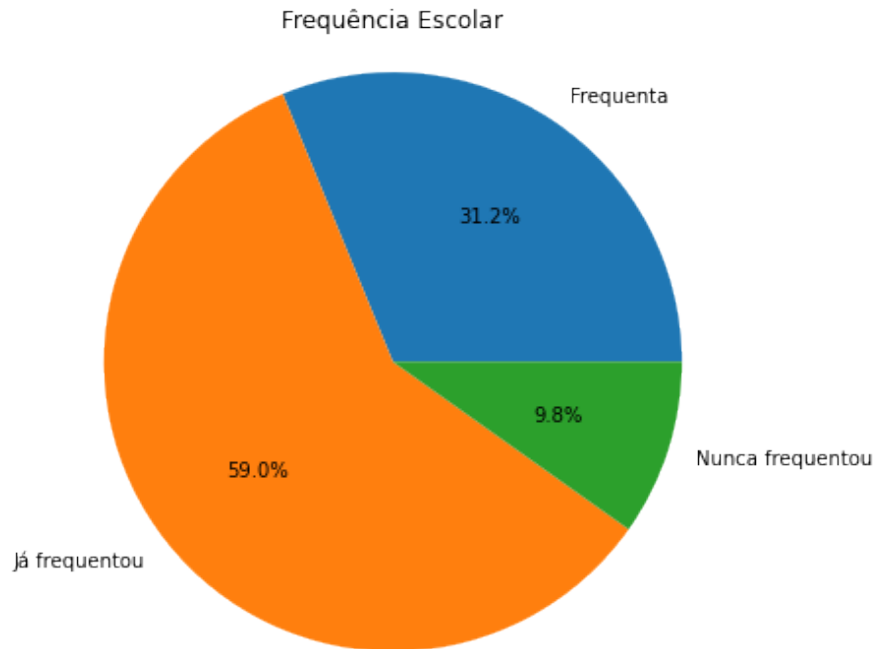
```
[ ]: # População total brasileira
freq_pop = tab1.iloc[0:14, 2]
jafreq_pop = tab1.iloc[0:14, 3]
nfreq_pop = tab1.iloc[0:14, 4]

# Prepara tabela proposta
tabela = [['Frequência Escolar', 'Total', 'Frequência (%)'], ['Frequenta'], ['Já frequentou'], ['Nunca frequentou']]
tabela[1].append(int(np.sum(freq_pop)))
tabela[1].append(np.sum(freq_pop) / np.sum(total_pop) * 100)
tabela[2].append(int(np.sum(jafreq_pop)))
tabela[2].append(np.sum(jafreq_pop) / np.sum(total_pop) * 100)
tabela[3].append(int(np.sum(nfreq_pop)))
tabela[3].append(np.sum(nfreq_pop) / np.sum(total_pop) * 100)

print(tabulate(tabela, headers='firstrow', tablefmt="fancy_grid", intfmt="",
               colalign=(["center"]*3)))

# Prepara gráfico de setores
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.pie([np.sum(freq_pop), np.sum(jafreq_pop), np.sum(nfreq_pop)], autopct='%1.1f%%', labels=['Frequenta', 'Já frequentou', 'Nunca frequentou'])
plt.title('Frequência Escolar')
plt.axis('equal')
plt.show()
```

Frequência Escolar	Total	Frequência (%)
Frequenta	59565188	31.2259
Já frequentou	112465161	58.9577
Nunca frequentou	18725449	9.81645



A partir da tabela e do gráfico, vê-se que grande parte da população (59.0%) já frequentou a escola, fato condizente com a população adulta brasileira, mas que deve ser analisado mais a fundo. Igualmente, 31.2% da população frequenta a escola, o que muito provavelmente corresponde à parcela da população em idade escolar. No entanto, 9.8% da população nunca frequentou a escola, indicando uma dado preocupante de falha no acesso ao ambiente escolar.

4.1.4 Idade

Idade é um dado de grande influência sobre a relação do habitante com o ambiente escolar. Portanto, uma análise preliminar desta através de uma tabela de frequências é aqui construída.

```
[ ]: # Prepara tabela proposta
tabela = [['Idade', 'Total', 'Frequência (%)'], ['0 a 3 anos'], ['4 anos'], ['5 a 9 anos'], ['6 anos'], ['7 a 9 anos'], ['10 a 14 anos'], ['15 a 17 anos'], ['18 a 19 anos'], ['20 a 24 anos'], ['25 a 29 anos'], ['30 a 39 anos'], ['40 a 49 anos'], ['50 a 59 anos'], ['60 ou mais anos']]

for x in range(0,14):
    tabela[x+1].append(int(total_pop[x]))
    tabela[x+1].append(total_pop[x] / np.sum(total_pop) * 100)

print(tabulate(tabela, headers='firstrow', tablefmt="fancy_grid", intfmt="",
               colalign=(["center"]*3)))
```

Idade	Total	Frequência (%)
-------	-------	----------------

0 a 3 anos	10938913	5.73451
4 anos	2867819	1.5034
5 anos	2933763	1.53797
6 anos	2891614	1.51587
7 a 9 anos	9142389	4.79272
10 a 14 anos	17167135	8.99954
15 a 17 anos	10353865	5.42781
18 a 19 anos	6632922	3.47718
20 a 24 anos	17240863	9.03819
25 a 29 anos	17102917	8.96587
30 a 39 anos	29632807	15.5344
40 a 49 anos	24843142	13.0235
50 a 59 anos	18418754	9.65567
60 ou mais anos	20588890	10.7933

Vê-se uma grande heterogeneidade sobre a distribuição brasileira dentre esse espectro de idades, dado pela pirâmide etária brasileira. Portanto, em análises futuras envolvendo idades, o número de pessoas em uma dada idade será tratado de forma percentual, de forma que ainda seja possível enxergar padrões dentre a população.

4.1.5 Renda

Renda também constitui um fator de grande influência sobre o acesso à educação. Desse modo, traz-se novamente uma análise preliminar de tal informação.

```
[ ]: # População total brasileira
renda_total = [tab3.iloc[0:12, x] for x in range(2, 10)]

# Prepara tabela proposta
tabela = [['Renda', 'Total', 'Frequência (%)'], ['Sem renda'], ["Até 1/4"], ["1/4_
↪a 1/2"], ["1/2 a 1"], ["1 a 2"], ["2 a 3"], ["3 a 5"], ["Mais de 5"]]

for x in range(0,8):
```



```

tabela[x+1].append(int(np.sum(renda_total[x])))
tabela[x+1].append(np.sum(renda_total[x]) / np.sum(total_pop) * 100)

print(tabulate(tabela, headers='firstrow', tablefmt="fancy_grid",
    ↪colalign=["center"]*3)))

```

Renda	Total	Frequência (%)
Sem renda	7039630	3.69039
Até 1/4	23802968	12.4782
1/4 a 1/2	35029585	18.3636
1/2 a 1	52066691	27.2949
1 a 2	40481415	21.2216
2 a 3	12973764	6.80124
3 a 5	9428422	4.94267
Mais de 5	8939342	4.68628

Analisando-se os dados de renda, vê-se uma concentração de pessoas no intervalo de renda entre 1/2 e 1 salário mínimo, enquanto o menor número de pessoas encontra-se na categoria “Sem renda”. No entanto, nota-se que a maior parte da população possui renda inferior a 1 salário mínimo. Estudaremos os impactos de tal fato sobre a educação.

4.2 Medidas Resumo

Caracterizados os dados que serão empregados na análise, descreveremos agora relações entre os demais dados e a frequência escolar, de forma a caracterizar a interdependência entre os dados. Note que serão empregados dados de diferentes regiões brasileiras para garantir uma visão ampla sobre as medidas obtidas, em termos de médias e desvios.

De modo a iniciar a análise, calcularemos as medidas resumo dos dados obtidos, manifestando-se através da média, desvio padrão, 1º quartil, mediana, 3º quartil e máximo de cada uma. Portanto, segue a análise.

4.2.1 Relação entre sexo e frequência escolar

Nesta seção serão abordadas medidas que descrevam a relação entre o percentual da população que encontra-se em uma dada situação de escolaridade em relação a seu sexo, contemplando diferentes regiões dentre os dados originais.

Frequenta a escola Abaixo são calculadas as medidas resumo para o percentual da população que frequenta a escola.

```
[ ]: # Percentual da população que frequenta a escola
freq_pop = pd.DataFrame([tab1_reg[x].iloc[0, 2] / tab1_reg[x].iloc[0, 1] * 100
    ↪for x in range(5)])
freq_homem = pd.DataFrame([tab1_reg[x].iloc[16, 2] / tab1_reg[x].iloc[16, 1] *
    ↪100 for x in range(5)])
freq_mulher = pd.DataFrame([tab1_reg[x].iloc[32, 2] / tab1_reg[x].iloc[32, 1] *
    ↪100 for x in range(5)])

# Calcular estatísticas descritivas para cada categoria
desc_freq_pop = freq_pop.describe()
desc_freq_homem = freq_homem.describe()
desc_freq_mulher = freq_mulher.describe()

# Mostrar as estatísticas descritivas
print("Medidas resumo para percentual da população que frequenta a escola")

linhas = ["", "média", "desvio padrão", "1º quartil", "mediana", "3º quartil",
    ↪"máximo"]
reg_freq_print = [linhas, ['total'], ['homem'], ['mulher']]
for x in [1, 2, 4, 5, 6, 7]:
    reg_freq_print[1].append(desc_freq_pop.values[x][0])
    reg_freq_print[2].append(desc_freq_homem.values[x][0])
    reg_freq_print[3].append(desc_freq_mulher.values[x][0])

data = (np.array(reg_freq_print).T)
print(tabulate(data, headers='firstrow', tablefmt="fancy_grid",
    ↪colalign=(["center"]*4)))
```

Medidas resumo para percentual da população que frequenta a escola

	total	homem	mulher
média	31.8078	31.7345	31.8908
desvio padrão	2.99029	2.604	3.40866
1º quartil	29.5416	30.0352	29.0744
mediana	31.2576	30.9293	31.5814
3º quartil	33.7067	33.7796	33.6372
máximo	35.893	35.0705	36.7307

Vê-se que em média, 31.8% da população frequenta atualmente a escola, sendo que, em geral, as mulheres lideram este quesito por 0.2% em relação aos homens. De todo modo, é perceptível um desvio padrão maior dentre mulheres, mostrando a alta variabilidade dos dados para diferentes regiões brasileiras.

Já frequentou a escola Abaixo são calculadas as medidas resumo para o percentual da população que já frequentou a escola.

```
[ ]: jafreq_pop = pd.DataFrame([tab1_reg[x].iloc[0, 3] / tab1_reg[x].iloc[0, 1] * 100 for x in range(5)])
jafreq_homem = pd.DataFrame([tab1_reg[x].iloc[16, 3] / tab1_reg[x].iloc[16, 1] * 100 for x in range(5)])
jafreq_mulher = pd.DataFrame([tab1_reg[x].iloc[32, 3] / tab1_reg[x].iloc[32, 1] * 100 for x in range(5)])

# Calcular estatísticas descritivas para cada categoria
desc_jafreq_pop = jafreq_pop.describe()
desc_jafreq_homem = jafreq_homem.describe()
desc_jafreq_mulher = jafreq_mulher.describe()

# Mostrar as estatísticas descritivas
print("Medidas resumo para percentual da população que já frequentou escola")

linhas = ["", "média", "desvio padrão", "1º quartil", "mediana", "3º quartil", "máximo"]
reg_jafreq_print = [linhas, ['total'], ['homem'], ['mulher']]
for x in [1, 2, 4, 5, 6, 7]:
    reg_jafreq_print[1].append(desc_jafreq_pop.values[x][0])
    reg_jafreq_print[2].append(desc_jafreq_homem.values[x][0])
    reg_jafreq_print[3].append(desc_jafreq_mulher.values[x][0])

data = (np.array(reg_jafreq_print).T)
print(tabulate(data, headers='firstrow', tablefmt="fancy_grid", colalign=(["center"]*4)))
```

Medidas resumo para percentual da população que já frequentou escola

	total	homem	mulher
média	57.6929	57.5534	57.8217
desvio padrão	5.84346	5.83228	5.88299
1º quartil	53.6807	52.9566	54.3711
mediana	58.4075	58.4604	58.3553

3º quartil	62.7001	62.3988	62.9853
máximo	63.6734	63.6824	63.6646

Vê-se que, em média, 57.7% da população já frequentou a escola, sendo que, em geral, mulheres lideram este quesito por 0.3% em relação aos homens. É perceptível um crescimento no desvio padrão, mostrando a alta variabilidade dos dados para diferentes regiões brasileiras.

Nunca frequentou a escola Abaixo são calculadas as medidas resumo para o percentual da população nunca frequentou a escola.

```
[ ]: nfreq_pop = pd.DataFrame([tab1_reg[x].iloc[0, 4] / tab1_reg[x].iloc[0, 1] * 100
    ↪ for x in range(5)])
nfreq_homem = pd.DataFrame([tab1_reg[x].iloc[16, 4] / tab1_reg[x].iloc[16, 1] *
    ↪ 100 for x in range(5)])
nfreq_mulher = pd.DataFrame([tab1_reg[x].iloc[32, 4] / tab1_reg[x].iloc[32, 1]
    ↪ * 100 for x in range(5)])

# Calcular estatísticas descritivas para cada categoria
desc_nfreq_pop = nfreq_pop.describe()
desc_nfreq_homem = nfreq_homem.describe()
desc_nfreq_mulher = nfreq_mulher.describe()

# Mostrar as estatísticas descritivas
print("Medidas resumo para percentual da população que nunca frequentou escola")

linhas = ["", "média", "desvio padrão", "1º quartil", "mediana", "3º quartil",
    ↪ "máximo"]
reg_nfreq_print = [linhas, ['total'], ['homem'], ['mulher']]
for x in [1, 2, 4, 5, 6, 7]:
    reg_nfreq_print[1].append(desc_nfreq_pop.values[x][0])
    reg_nfreq_print[2].append(desc_nfreq_homem.values[x][0])
    reg_nfreq_print[3].append(desc_nfreq_mulher.values[x][0])

data = (np.array(reg_nfreq_print).T)
print(tabulate(data, headers='firstrow', tablefmt="fancy_grid",
    ↪ colalign=(["center"]*4)))
```

Medidas resumo para percentual da população que nunca frequentou escola

	total	homem	mulher
média	10.4993	10.7121	10.2875
desvio padrão	2.8685	3.26299	2.48509
1º quartil	7.75827	7.56597	7.94027

mediana	10.3349	10.6104	10.0633
3º quartil	12.6126	13.2638	11.9917
máximo	14.1042	14.6607	13.5374

Vê-se que, em média, 10.5% da população nunca frequentou a escola, sendo que, em geral, homens lideram este quesito por 0.4% em relação às mulheres. Portanto, é demonstrado um alto número de pessoas que nunca compareceu à escola, notavelmente independente do sexo.

É perceptível uma considerável desvio padrão dentre os homens, permitindo inferir uma certa variação na evasão escolar dentre regiões brasileiras.

4.2.2 Relação entre cor ou raça e frequência escolar

Nesta seção serão abordadas medidas que descrevam a relação entre o percentual da população encontra-se em uma dada situação de escolaridade em relação a sua cor ou raça, contemplando diferentes regiões brasileiras dentre os dados originais. Nesta seção, isto se dará na forma de tabelas e de boxplots.

Frequenta a escola Abaixo são calculadas as medidas resumo para o percentual da população frequenta a escola.

```
[ ]: # Conjuntos de dados de cor ou raça
cor_total = pd.DataFrame([tab2_reg[x].iloc[0, 2:7] for x in range(5)])
cor_freq = pd.DataFrame([tab2_reg[x].iloc[13, 2:7] / cor_total.values[x] * 100
    ↪ for x in range(5)])
cor_jafreq = pd.DataFrame([tab2_reg[x].iloc[26, 2:7] / cor_total.values[x] *
    ↪ 100 for x in range(5)])
cor_nfreq = pd.DataFrame([tab2_reg[x].iloc[39, 2:7] / cor_total.values[x] * 100
    ↪ for x in range(5)])

# Calcular estatísticas descritivas para cada categoria
desc_cor_freq = [cor_freq.iloc[:,x].describe() for x in range(5)]

# Mostrar as estatísticas descritivas
print("Medidas resumo para percentual da população que frequenta a escola")
linhas = ["", "média", "desvio padrão", "1º quartil", "mediana", "3º quartil",
    ↪ "máximo"]
cor_freq_print =
    ↪ [linhas, ['Branca'], ['Preta'], ['Amarela'], ['Parda'], ['Indígena']]
for y in range(5):
    for x in [1, 2, 4, 5, 6, 7]:
        cor_freq_print[y + 1].append(desc_cor_freq[y][x])

data = (np.array(cor_freq_print).T)
```

```

print(tabulate(data, headers="firstrow", tablefmt="fancy_grid",
    ↪colalign=["center"]*6), floatfmt=".3f"))

# Plota box plot
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.boxplot(cor_freq.values, patch_artist=True)

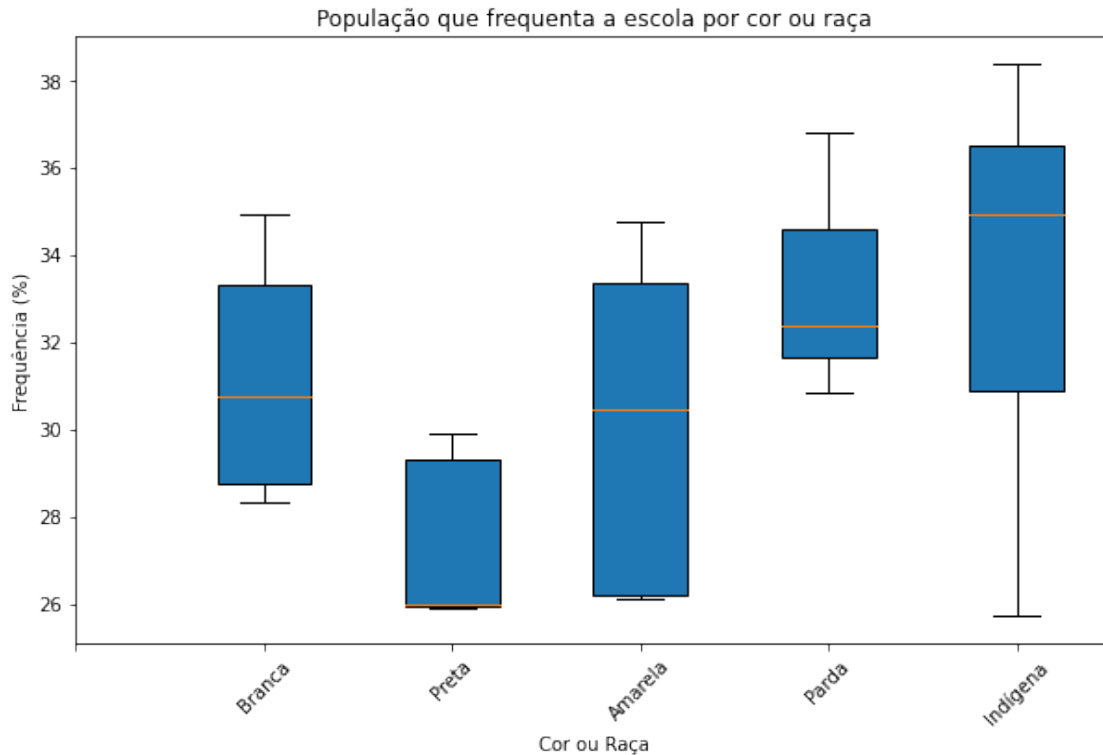
# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Cor ou Raça')
plt.ylabel('Frequência (%)')
plt.title('População que frequenta a escola por cor ou raça')
plt.xticks(range(6), ['', 'Branca', 'Preta', 'Amarela', 'Parda', 'Indígena'],
    ↪rotation=45)

plt.show()

```

Medidas resumo para percentual da população que frequenta a escola

	Branca	Preta	Amarela	Parda	Indígena
média	31.214	27.396	30.174	33.256	33.286
desvio padrão	2.868	2.026	3.979	2.426	5.038
1º quartil	28.756	25.920	26.210	31.662	30.893
mediana	30.742	25.963	30.451	32.369	34.945
3º quartil	33.303	29.305	33.361	34.583	36.494
máximo	34.944	29.902	34.740	36.815	38.361



A partir das informações na tabela e no boxplot acima, vê-se que todos os grupos encontram-se bem próximos na porcentagem populacional que frequenta a escola, destacando-se os *indígenas*, que mais frequentam em relação aos demais. Nota-se também que a população *preta* tem um percentual de pessoas que frequenta a escola ligeiramente menor que as demais populações.

Já frequentou a escola Abaixo são calculadas as medidas resumo para o percentual da população já frequentou a escola.

```
[ ]: # Calcular estatísticas descritivas para cada categoria
desc_cor_jafreq = [cor_jafreq.iloc[:,x].describe() for x in range(5)]

# Mostrar as estatísticas descritivas
print("Medidas resumo para percentual da população que já frequentou a escola")
linhas = ["", "média", "desvio padrão", "1º quartil", "mediana", "3º quartil",
          ↪ "máximo"]
cor_jafreq_print =
    ↪ [linhas, ['Branca'], ['Preta'], ['Amarela'], ['Parda'], ['Indígena']]
for y in range(5):
    for x in [1, 2, 4, 5, 6, 7]:
        cor_jafreq_print[y + 1].append(desc_cor_jafreq[y][x])

data = (np.array(cor_jafreq_print).T)
```

```

print(tabulate(data, headers="firstrow", tablefmt="fancy_grid",
    ↪colalign=["center"]*6), floatfmt=".3f"))

# Plota box plot
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.boxplot(cor_jafreq.values, patch_artist=True)

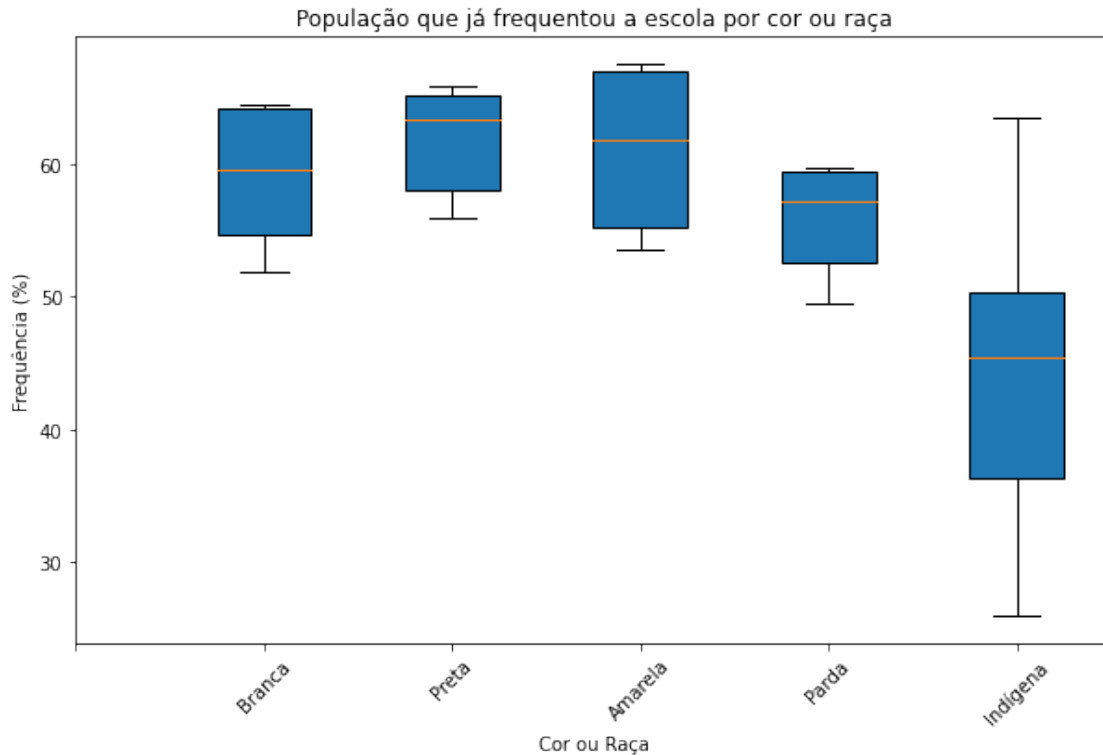
# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Cor ou Raça')
plt.ylabel('Frequência (%)')
plt.title('População que já frequentou a escola por cor ou raça')
plt.xticks(range(6), ['', 'Branca', 'Preta', 'Amarela', 'Parda', 'Indígena'],
    ↪rotation=45)

plt.show()

```

Medidas resumo para percentual da população que já frequentou a escola

	Branca	Preta	Amarela	Parda	Indígena
média	58.935	61.670	60.985	55.670	44.293
desvio padrão	5.622	4.469	6.455	4.524	14.157
1º quartil	54.619	58.039	55.211	52.570	36.278
mediana	59.533	63.404	61.742	57.132	45.436
3º quartil	64.113	65.131	66.917	59.485	50.313
máximo	64.513	65.911	67.498	59.738	63.421



A partir das informações na tabela e no boxplot acima, vê-se que todos os grupos encontram-se bem próximos na porcentagem populacional que já frequentou a escola, excetuando-se os “indígenas”, que menos frequentaram em relação aos demais. Além disso, vê-se que a população “preta” e “amarela” têm um percentual de pessoas a já frequentar a escola ligeiramente maior que as populações “branca” e “parda”.

Nunca frequentou a escola Abaixo são calculadas as medidas resumo para o percentual da população nunca frequentou a escola.

```
[ ]: # Calcular estatísticas descritivas para cada categoria
desc_cor_nfreq = [cor_nfreq.iloc[:,x].describe() for x in range(5)]

# Mostrar as estatísticas descritivas
print("Medidas resumo para percentual da população que nunca frequentou a_
↳escola")
linhas = ["", "média", "desvio padrão", "1º quartil", "mediana", "3º quartil",
↳"máximo"]
cor_nfreq_print =
↳[linhas,['Branca'],['Preta'],['Amarela'],['Parda'],['Indígena']]
for y in range(5):
    for x in [1, 2, 4, 5, 6, 7]:
        cor_nfreq_print[y + 1].append(desc_cor_nfreq[y][x])
```

```

data = (np.array(cor_nfreq_print).T)
print(tabulate(data, headers="firstrow", tablefmt="fancy_grid",
    ↪colalign=["center"]*6), floatfmt=".3f"))

# Plota box plot
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.boxplot(cor_nfreq.values, patch_artist=True)

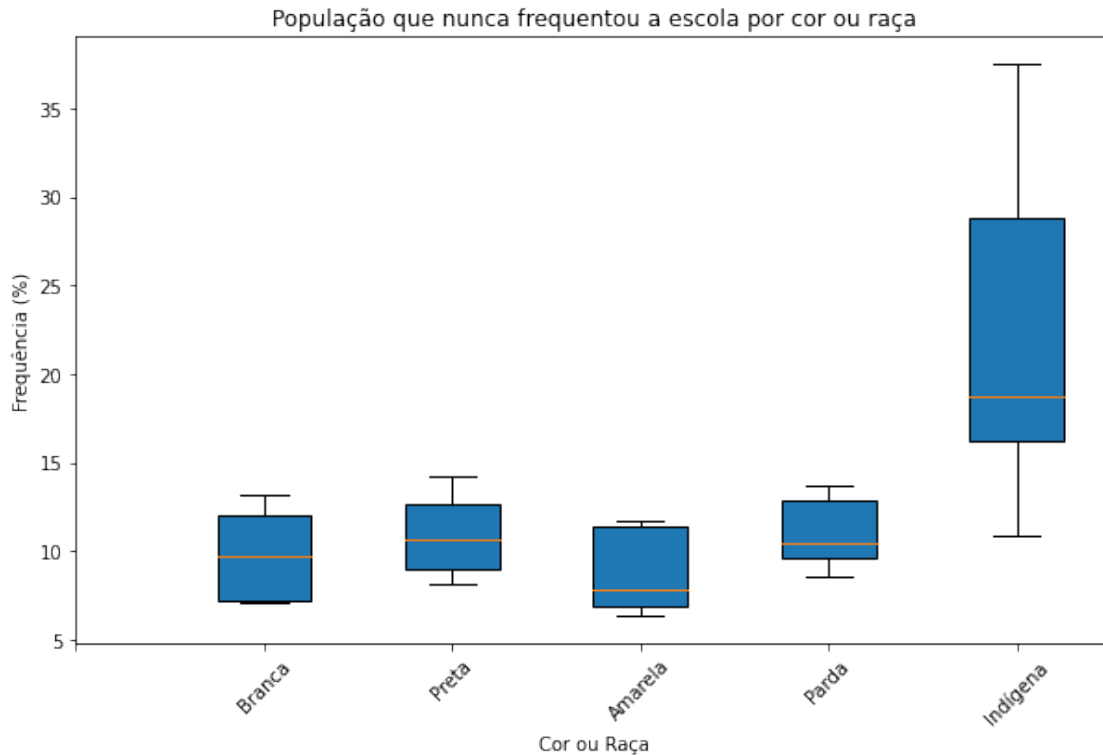
# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Cor ou Raça')
plt.ylabel('Frequência (%)')
plt.title('População que nunca frequentou a escola por cor ou raça')
plt.xticks(range(6), ['', 'Branca', 'Preta', 'Amarela', 'Parda', 'Indígena'],
    ↪rotation=45)

plt.show()

```

Medidas resumo para percentual da população que nunca frequentou a escola

	Branca	Preta	Amarela	Parda	Indígena
média	9.851	10.934	8.841	11.074	22.421
desvio padrão	2.763	2.532	2.540	2.169	10.645
1º quartil	7.164	8.976	6.874	9.662	16.203
mediana	9.725	10.676	7.807	10.499	18.795
3º quartil	12.078	12.656	11.429	12.847	28.777
máximo	13.158	14.235	11.701	13.762	37.489



A partir das informações na tabela e no boxplot acima, vê-se que o grupo dos “indígenas” é o que menos frequentou a escola em relação aos demais, em graves 22.4%. Além disso, vê-se que o a população “preta” e “parda” tem um percentual de pessoas que nunca frequentou a escola maior que as populações “branca” e “amarela”, o que indica uma maior taxa de evasão escolar dentre estes grupos.

Nota-se também um alto desvio padrão dentre os indígenas, indicando grandes diferenças na educação a eles oferecida entre diferentes regiões brasileiras.

4.2.3 Relação entre renda e frequência escolar

Nesta seção serão abordadas medidas que descrevam a relação entre o percentual da população encontra-se em uma dada situação de escolaridade em relação a sua renda, contemplando diferentes regiões brasileiras na análise.

Frequenta a escola Abaixo são calculadas as medidas resumo para o percentual da população que frequenta a escola.

```
[ ]: # Conjuntos de dados de renda
renda_total = pd.DataFrame([tab3_reg[x].iloc[0, 2:10] for x in range(5)])
renda_freq = pd.DataFrame([tab3_reg[x].iloc[13, 2:10] / renda_total.values[x] *
    ↳ 100 for x in range(5)])
renda_jafreq = pd.DataFrame([tab3_reg[x].iloc[26, 2:10] / renda_total.values[x]
    ↳ * 100 for x in range(5)])
```

```

renda_nfreq = pd.DataFrame([tab3_reg[x].iloc[39, 2:10] / renda_total.values[x]
    ↪ * 100 for x in range(5)])

# Calcular estatísticas descritivas para cada categoria
desc_renda_freq = [renda_freq.iloc[:,x].describe() for x in range(8)]

# Mostrar as estatísticas descritivas
print("Medidas resumo para percentual da população que frequenta a escola")
linhas = ["", "média", "desvio padrão", "1º quartil", "mediana", "3º quartil",
    ↪ "máximo"]
renda_freq_print = [linhas, ["Até 1/4"], ["1/4 a 1/2"], ["1/2 a 1"], ["1 a 2"],
    ↪ ["2 a 3"], ["3 a 5"], ["Mais de 5"], ["Sem rendimento"]]
for y in range(8):
    for x in [1, 2, 4, 5, 6, 7]:
        renda_freq_print[y + 1].append(desc_renda_freq[y][x])

data = (np.array(renda_freq_print).T)
print(tabulate(data, headers="firstrow", tablefmt="fancy_grid",
    ↪ colalign=["center"]*9), floatfmt=".3f"))

```

Medidas resumo para percentual da população que frequenta a escola

		Até 1/4	1/4 a 1/2	1/2 a 1	1 a 2	2 a 3	3 a
5	Mais de 5	Sem rendimento					
	média	42.994	37.138	30.111	27.068	27.941	
28.517	26.284		29.490				
	desvio padrão	1.030	1.206	2.039	2.356	2.958	
2.666	2.665		1.632				
	1º quartil	42.413	35.988	29.757	25.435	25.136	
25.957	23.668		28.950				
	mediana	43.670	37.282	30.384	26.482	28.848	
29.664	27.112		29.275				
	3º quartil	43.702	37.802	30.930	27.435	29.227	
30.050	27.404		29.504				

máximo	43.741	38.719	32.525	30.939	31.745
31.474	29.733	32.102			

Analisando a tabela acima, vê-se que a o percentual média da população que frequenta a escola decresce gradativamente de acordo com o aumento da renda, um fato de grande importância no contexto social brasileiro, indicando potenciais relações entre idade e renda, por exemplo.

Já frequentou a escola Abaixo são calculadas as medidas resumo para o percentual da população que já frequentou a escola.

```
[ ]: # Calcular estatísticas descritivas para cada categoria
desc_renda_jafreq = [renda_jafreq.iloc[:,x].describe() for x in range(8)]

# Mostrar as estatísticas descritivas
print("Medidas resumo para percentual da população que já frequentou a escola")
linhas = ["", "média", "desvio padrão", "1º quartil", "mediana", "3º quartil", "
↪máximo"]
renda_jafreq_print = [linhas, ["Até 1/4"], ["1/4 a 1/2"], ["1/2 a 1"], ["1 a
↪2"], ["2 a 3"], ["3 a 5"], ["Mais de 5"], ["Sem rendimento"]]
for y in range(8):
    for x in [1, 2, 4, 5, 6, 7]:
        renda_jafreq_print[y + 1].append(desc_renda_jafreq[y][x])

data = (np.array(renda_jafreq_print).T)
print(tabulate(data, headers="firstrow", tablefmt="fancy_grid",
↪colalign=["center"]*9), floatfmt=".3f"))
```

Medidas resumo para percentual da população que já frequentou a escola

		Até 1/4	1/4 a 1/2	1/2 a 1	1 a 2	2 a 3	3 a
5	Mais de 5	Sem rendimento					
	média	40.690	49.180	58.521	66.366	67.872	
68.041	70.948		53.359				
	desvio padrão	2.536	2.035	2.355	3.267	3.789	
3.345	3.222		5.553				
	1º quartil	39.538	47.948	56.904	65.343	66.363	
65.902	69.547		51.924				

mediana	41.151	50.423	60.010	66.587	66.645
66.996	70.292	54.035			
3º quartil	42.669	50.440	60.191	69.128	71.671
71.390	73.941	56.423			
máximo	43.165	50.903	60.337	69.389	71.734
71.691	74.335	59.581			

Analisando a tabela acima, vê-se que a o percentual médio da população que já frequentou a escola cresce de acordo com a renda (desconsiderando a classe *sem rendimentos*). Tal fato indica que habitantes com alta renda já passaram pelo sistema educacional, em grande parte dos casos.

Nunca frequentou a escola Abaixo são calculadas as medidas resumo para o percentual da população que nunca frequentou a escola.

```
[ ]: # Calcular estatísticas descritivas para cada categoria
desc_renda_nfreq = [renda_nfreq.iloc[:,x].describe() for x in range(8)]

# Mostrar as estatísticas descritivas
print("Medidas resumo para percentual da população que nunca frequentou a_
↳escola")
linhas = ["", "média", "desvio padrão", "1º quartil", "mediana", "3º quartil",
↳"máximo"]
renda_nfreq_print = [linhas, ["Até 1/4"], ["1/4 a 1/2"], ["1/2 a 1"], ["1 a_
↳2"], ["2 a 3"], ["3 a 5"], ["Mais de 5"], ["Sem rendimento"]]
for y in range(8):
    for x in [1, 2, 4, 5, 6, 7]:
        renda_nfreq_print[y + 1].append(desc_renda_nfreq[y][x])

data = (np.array(renda_nfreq_print).T)
print(tabulate(data, headers="firstrow", tablefmt="fancy_grid",
↳colalign=(["center"]*9), floatfmt=".3f"))
```

Medidas resumo para percentual da população que nunca frequentou a escola

		Até 1/4	1/4 a 1/2	1/2 a 1	1 a 2	2 a 3	3 a
5	Mais de 5	Sem rendimento					
	média	16.315	13.682	11.368	6.566	4.188	
3.442	2.768		17.151				

desvio padrão	2.311	1.336	1.597	1.010	0.876
0.718	0.588	6.159			
1º quartil	15.147	13.109	9.906	5.561	3.518
2.870	2.391	11.475			
mediana	15.389	13.661	12.166	6.931	4.127
3.341	2.597	17.015			
3º quartil	18.049	14.770	12.311	7.223	4.788
4.048	3.049	20.456			
máximo	19.331	15.093	13.031	7.677	5.312
4.298	3.642	25.665			

Analisando a tabela acima, vê-se que a o percentual média da população que nunca frequentou a escola decresce consideravelmente com o aumento da renda. Tal fato indica uma relação aparente entre evasão escolar e renda, além de trazer corroborações para afirmações acerca da última tabela.

4.3 Representação Gráfica

Nesta seção, traremos representações gráficas das relações entre as variáveis até então apresentadas.

Começemos, portanto, trazendo um panorama da distribuição da população brasileira dentre diferentes faixas etárias, conforme pode ser observado abaixo.

```
[ ]: # População total brasileira
total_pop = tab1.iloc[0:14, 1]
total_homem = tab1.iloc[15:29, 1]
total_mulher = tab1.iloc[30:44, 1]

# Define faixas etárias a serem impressas abaixo de cada barra
rotulos_x = tab1.iloc[0:14, 0]

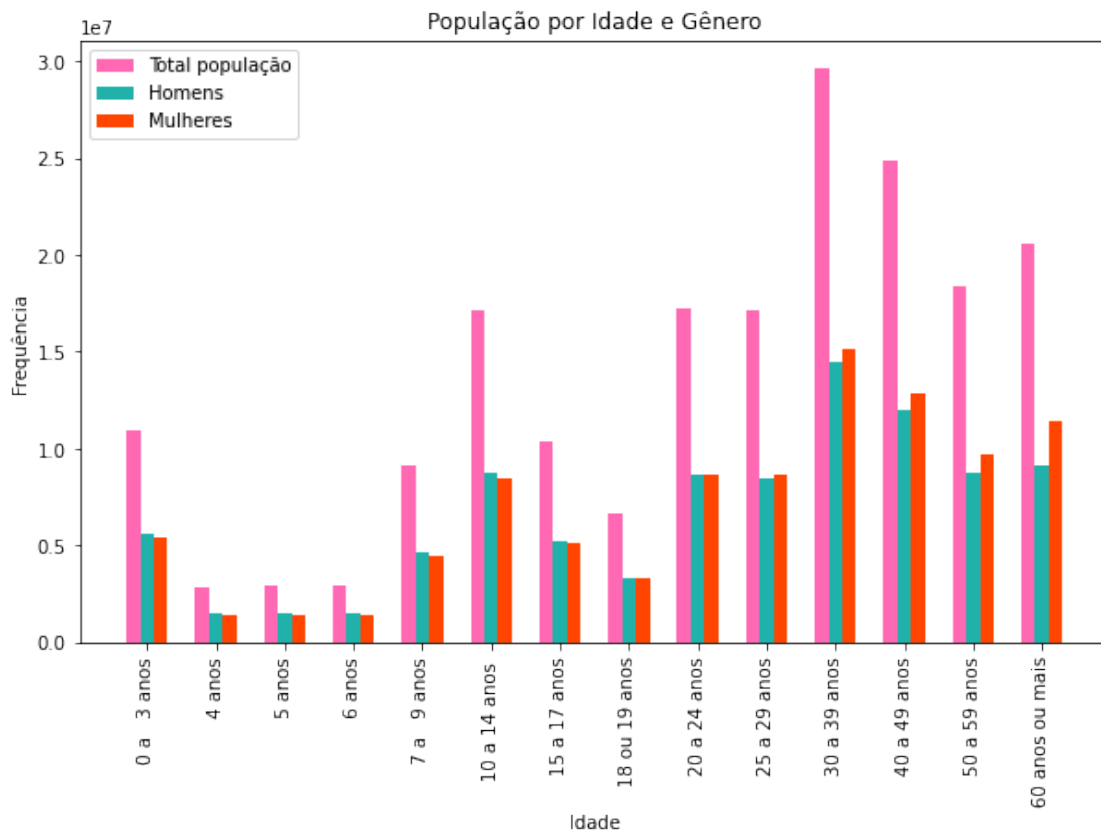
largura_barra = 0.2
indices = list(range(len(total_pop)))

# Plota barras para total, homem e mulher
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.bar([i - largura_barra for i in indices], total_pop, largura_barra,
        color='hotpink', label='Total Pop')
```

```
plt.bar(indices, total_homem, largura_barra, color='lightseagreen',
        label='Total H')
plt.bar([i + largura_barra for i in indices], total_mulher, largura_barra,
        color='orangered', label='Total M')

# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Idade')
plt.ylabel('Frequência')
plt.title('População por Idade e Gênero')
plt.xticks(indices, rotulos_x, rotation=90)
plt.legend(['Total população', 'Homens', 'Mulheres'], loc='upper left')

plt.show()
```



O gráfico de barras acima visualizado é equivalente à pirâmide etária brasileira, e não segue nenhuma distribuição específica, mas permiti-nos identificar que, de forma geral, o número de mulheres e de homens na população é bem semelhante, divergindo a partir dos 30 anos, quando passam a haver mais mulheres que homens na população.

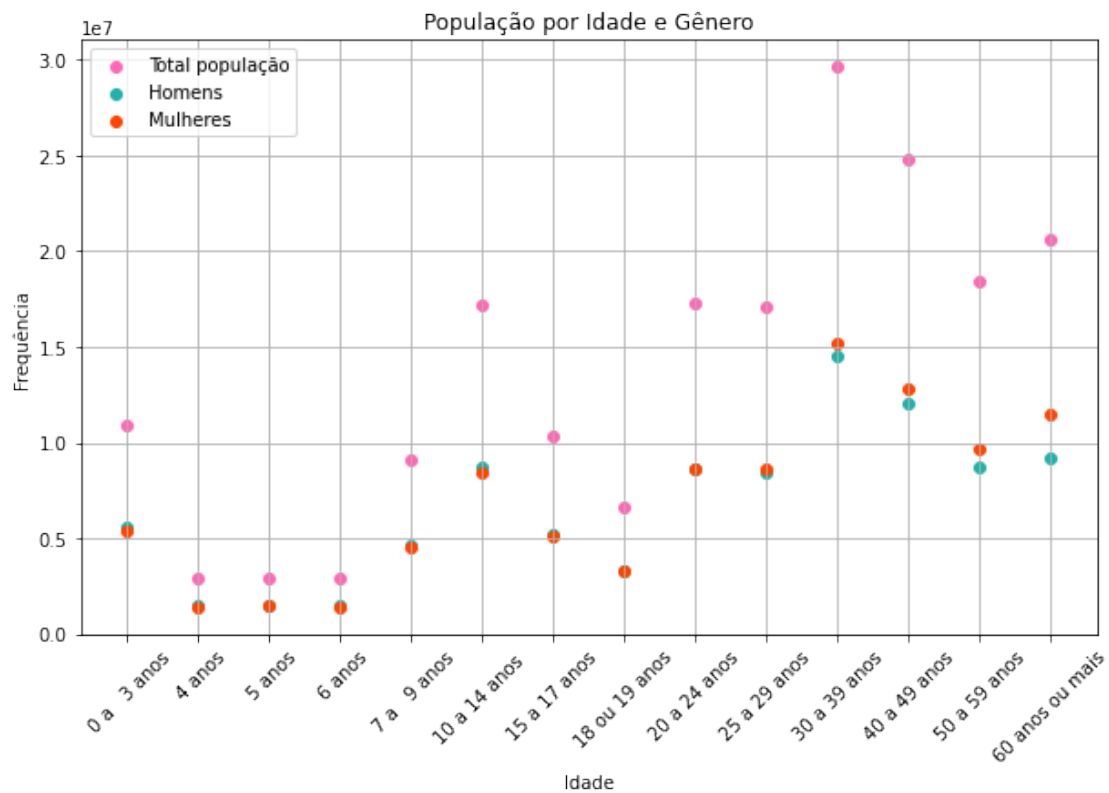
Abaixo, verifica-se novamente essa relação através de um gráfico de dispersão.


```
[ ]: # Define faixas etárias a serem impressas abaixo de cada ponto
rotulos_y = tab1.iloc[0:14, 0]

# Plota scatter plot para total, homem e mulher
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.scatter (indices, total_pop, color='hotpink')
plt.scatter (indices, total_homem, color='lightseagreen')
plt.scatter (indices, total_mulher, color='orangered')

# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Idade')
plt.ylabel('Frequência')
plt.title('População por Idade e Gênero')
plt.xticks(indices, rotulos_x, rotation=45)
plt.legend(['Total população', 'Homens', 'Mulheres'], loc='upper left')

plt.grid(True)
plt.show()
```



4.3.1 Frequência escolar em razão da idade

População que frequenta a escola Primeiramente, plotaremos um gráfico de barras e outro de dispersão trazendo a relação entre a idade e a frequência escolar, de acordo com o sexo e de forma total. Note que o eixo horizontal adota diferentes faixas de idade, enquanto o eixo vertical adota o percentual de pessoas na dada faixa de idade que frequenta a escola.

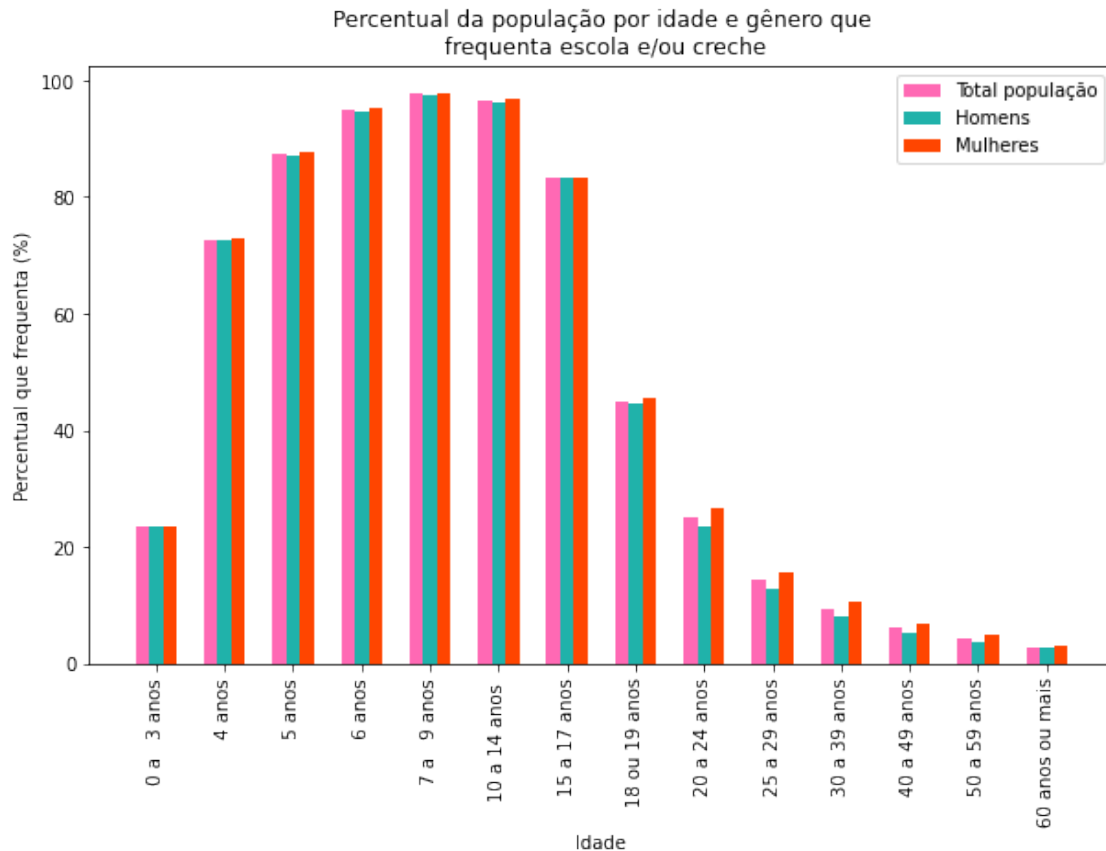
```
[ ]: # Percentual da população que frequenta a escola
freq_pop = tab1.iloc[0:14, 2] / total_pop * 100
freq_homem = tab1.iloc[15:29, 2] / total_homem * 100
freq_mulher = tab1.iloc[30:44, 2] / total_mulher * 100

largura_barra = 0.2
indices = list(range(len(freq_pop)))

# Plota barras para total, homem e mulher
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.bar([i - largura_barra for i in indices], freq_pop, largura_barra,
        color='hotpink', label='Total Pop')
plt.bar(indices, freq_homem, largura_barra, color='lightseagreen', label='Total
        H')
plt.bar([i + largura_barra for i in indices], freq_mulher, largura_barra,
        color='orangered', label='Total M')

# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Idade')
plt.ylabel('Percentual que frequenta (%)')
plt.title('Percentual da população por idade e gênero que\n frequenta escola e/
        ou creche')
plt.xticks(indices, rotulos_x, rotation=90)
plt.legend(['Total população', 'Homens', 'Mulheres'], loc='upper right')

plt.show()
```

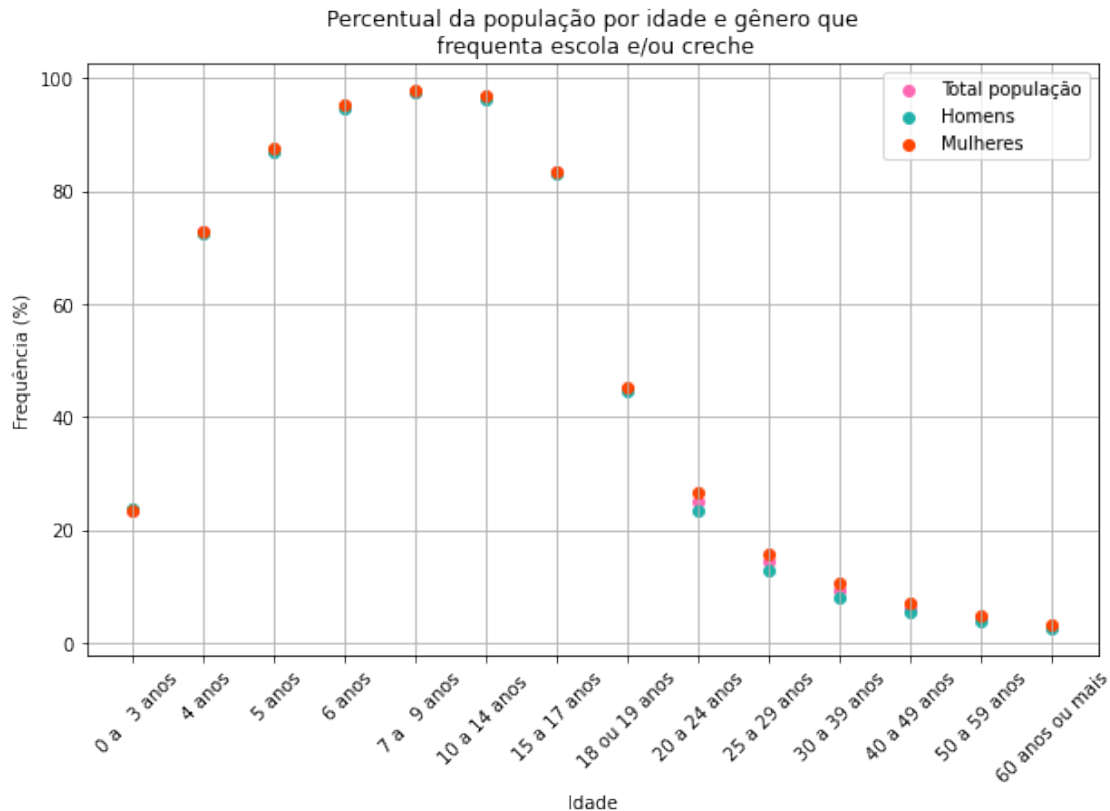


```
[ ]: # Define faixas etárias a serem impressas abaixo de cada ponto
rotulos_y = tab1.iloc[0:14, 0]

# Plota scatter plot para total, homem e mulher
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.scatter(indices, freq_pop, color='hotpink')
plt.scatter(indices, freq_homem, color='lightseagreen')
plt.scatter(indices, freq_mulher, color='orangered')

# Define rótulos do gráfico
plt.ylabel('Frequência (%)')
plt.xlabel('Idade')
plt.title('Percentual da população por idade e gênero que\n frequenta escola e/\n ou creche')
plt.xticks(indices, rotulos_x, rotation=45)
plt.legend(['Total população', 'Homens', 'Mulheres'], loc='upper right')

plt.grid(True)
plt.show()
```



Analisando o gráfico, nota-se que este sobe rapidamente para faixas de idade acima dos 3 anos de idade, chegando a seu máxima na faixa de 7 a 9 anos, e decaindo rapidamente a partir de então. Nota-se também que a frequência escolar é em grande parte independente do sexo, com um pequeno crescimento do percentual de mulheres em relação ao de homens percebido a partir dos 20 anos.

A partir do gráfico, verifica-se que a presença no ensino fundamental é relativamente alta (acima de 90%), decaindo significativamente ao avançar para o ensino médio (agora próximo de 80%).

Também é perceptível a semelhança com a distribuição qui-quadrado, a qual pode ser analisada posteriormente.

População que já frequentou a escola A seguir, tomaremos um novo gráfico de barras e um de dispersão trazendo a população que já frequentou a escola, nos mesmos moldes do anterior.

```
[ ]: # percentual de população que já frequentou a escola
jafreq_pop = tab1.iloc[0:14, 3] / total_pop * 100
jafreq_homem = tab1.iloc[15:29, 3] / total_homem * 100
jafreq_mulher = tab1.iloc[30:44, 3] / total_mulher * 100

indices = list(range(len(jafreq_pop)))

# Plota barras para total, homem e mulher
```

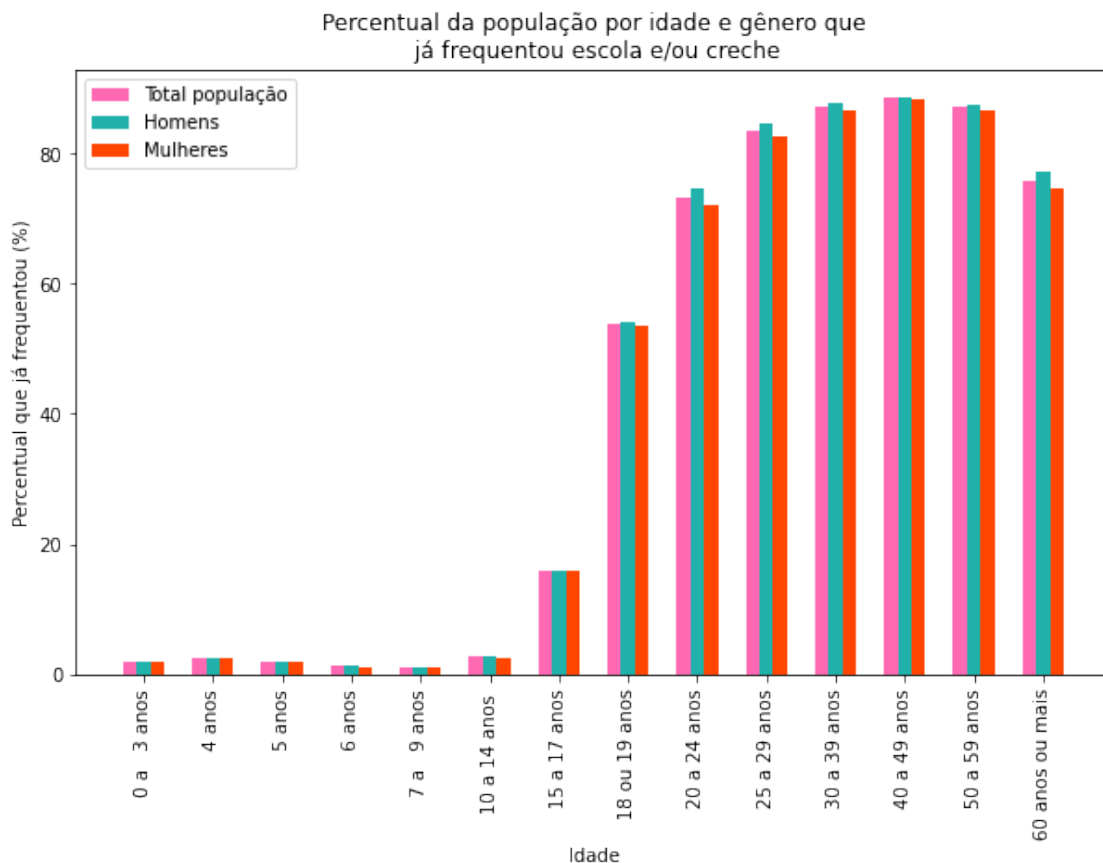
```

plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.bar([i - largura_barra for i in indices], jafreq_pop, largura_barra,
        color='hotpink', label='Total Pop')
plt.bar(indices, jafreq_homem, largura_barra, color='lightseagreen',
        label='Total H')
plt.bar([i + largura_barra for i in indices], jafreq_mulher, largura_barra,
        color='orangered', label='Total M')

# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Idade')
plt.ylabel('Percentual que já frequentou (%)')
plt.title('Percentual da população por idade e gênero que\n já frequentou_\n escola e/ou creche')
plt.xticks(indices, rotulos_x, rotation=90)
plt.legend(['Total população', 'Homens', 'Mulheres'], loc='upper left')

plt.show()

```

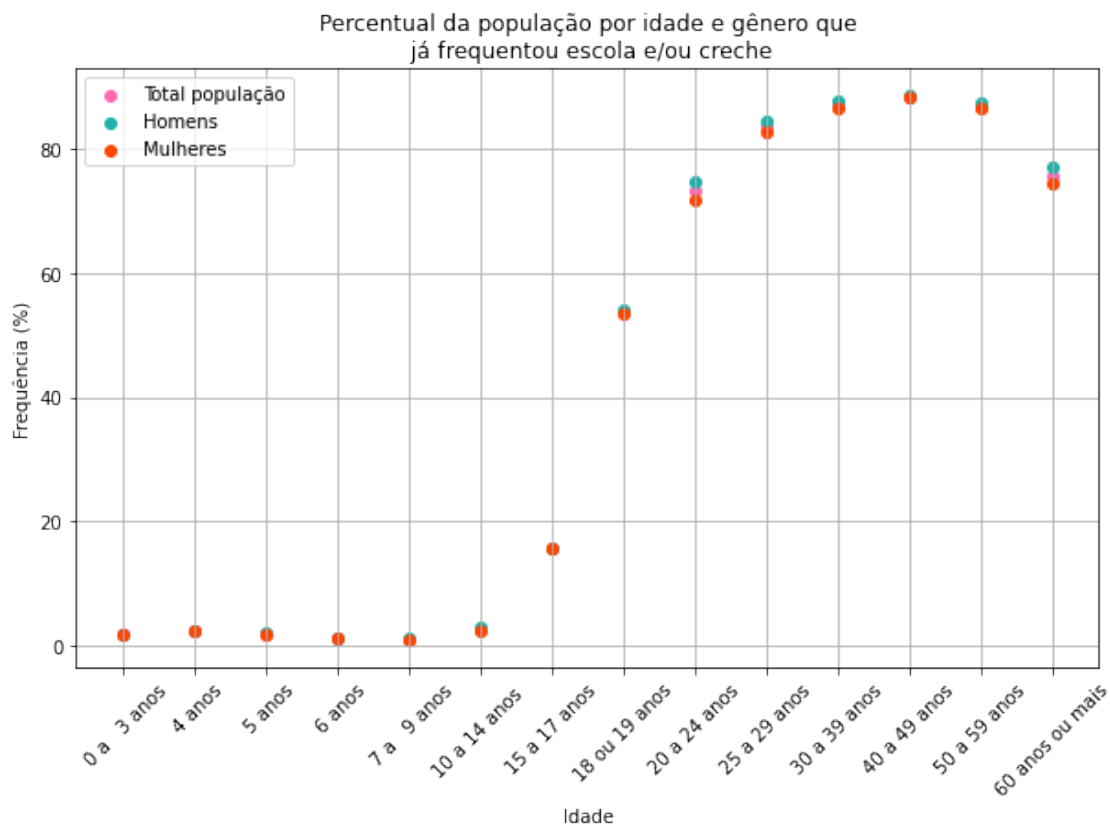


```
[ ]: # Define faixas etárias a serem impressas abaixo de cada ponto
rotulos_y = tab1.iloc[0:14, 0]

# Plota scatter plot para total, homem e mulher
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.scatter(indices, jafreq_pop, color='hotpink')
plt.scatter(indices, jafreq_homem, color='lightseagreen')
plt.scatter(indices, jafreq_mulher, color='orangered')

# Define rótulos do gráfico
plt.ylabel('Frequência (%)')
plt.xlabel('Idade')
plt.title('Percentual da população por idade e gênero que\n já frequentou_
↵escola e/ou creche')
plt.xticks(indices, rotulos_x, rotation=45)
plt.legend(['Total população', 'Homens', 'Mulheres'], loc='upper left')

plt.grid(True)
plt.show()
```



A partir do exposto nos gráficos, vê-se que o percentual da população que já frequentou a escola é

extremamente baixo antes dos 15 anos, condizente com o último gráfico analisado, dado que grande parte encontra-se frequentando ativamente a escola. No entanto, a partir dos 15 anos, cresce rapidamente o número de pessoas que já frequentou a escola, chegando a seu máximo na faixa dos 40 a 49 anos. Sendo assim, identifica-se uma certa taxa de evasão escolar no ensino médio, além da prevalência de um baixo número de pessoas a continuar os estudos após o ensino básico. Por fim, uma queda na faixa acima dos 60 anos indica um conjunto de pessoas que nunca frequentou a escola, o que pode ser verificado no gráfico a seguir.

Percebe-se uma aproximação de uma distribuição normal com média em 40 anos.

População que nunca frequentou a escola Novamente, tomaremos um novo gráfico de barras e de dispersão trazendo a população que nunca frequentou a escola, nos mesmos moldes já adotados.

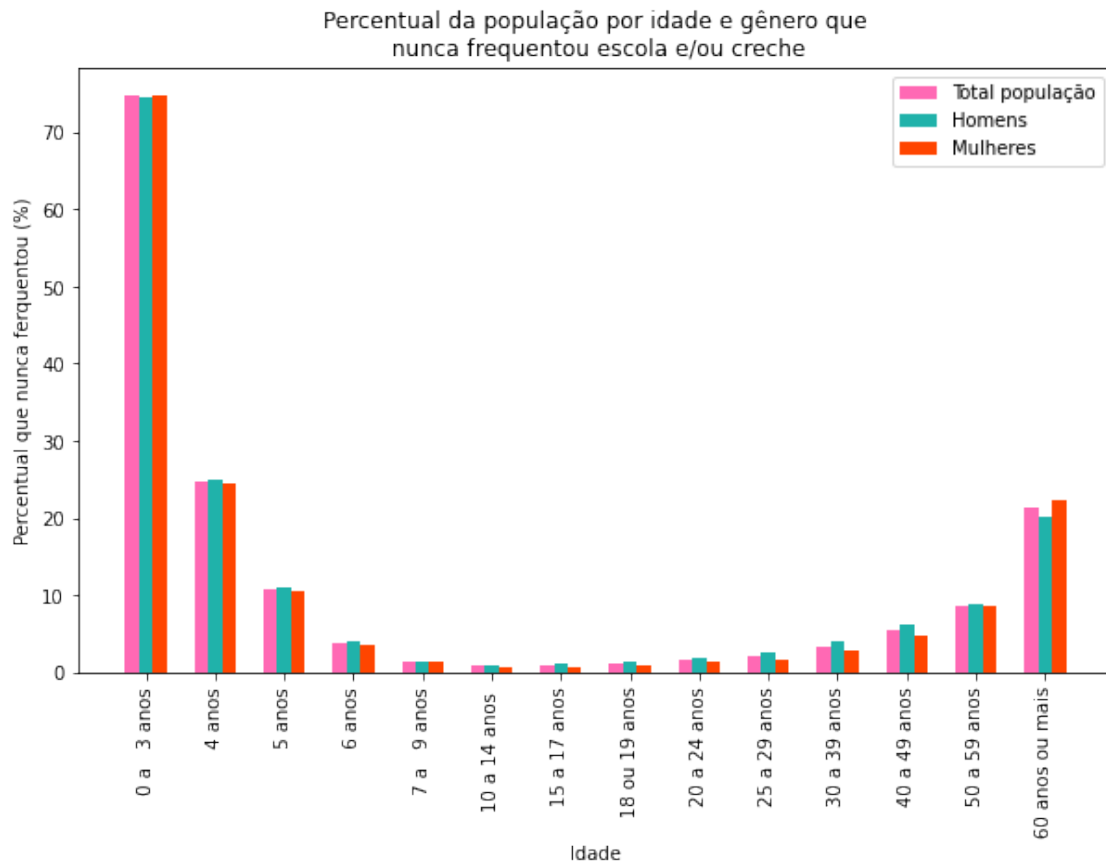
```
[ ]: # percentual de população que nunca frequentou a escola
nfreq_pop = tab1.iloc[0:14, 4] / total_pop * 100
nfreq_homem = tab1.iloc[15:29, 4] / total_homem * 100
nfreq_mulher = tab1.iloc[30:44, 4] / total_mulher * 100

indices = list(range(len(nfreq_pop)))

# Plota barras para total, homem e mulher
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.bar([i - largura_barra for i in indices], nfreq_pop, largura_barra,
        color='hotpink', label='Total Pop')
plt.bar(indices, nfreq_homem, largura_barra, color='lightseagreen',
        label='Total H')
plt.bar([i + largura_barra for i in indices], nfreq_mulher, largura_barra,
        color='orangered', label='Total M')

# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Idade')
plt.ylabel('Percentual que nunca frequentou (%)')
plt.title('Percentual da população por idade e gênero que\n nunca frequentou\
        escola e/ou creche')
plt.xticks(indices, rotulos_x, rotation=90)
plt.legend(['Total população', 'Homens', 'Mulheres'], loc='upper right')

plt.show()
```

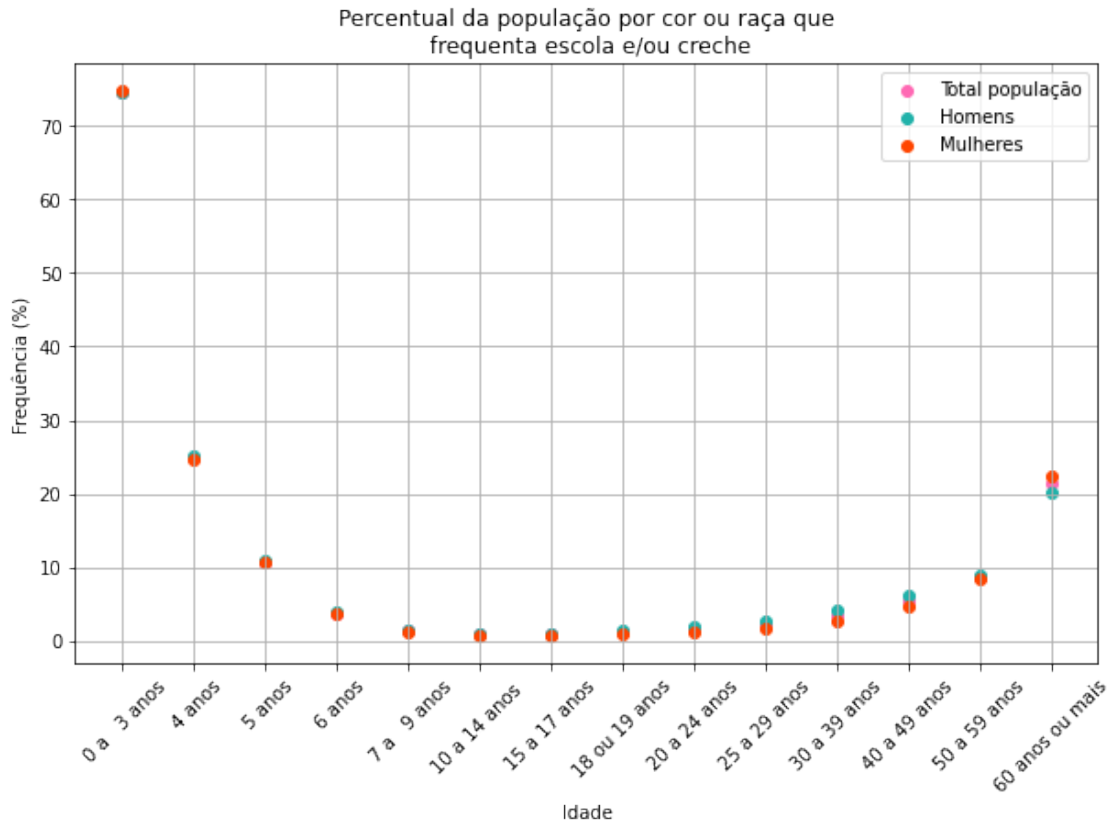


```
[ ]: # Define faixas etárias a serem impressas abaixo de cada ponto
rotulos_y = tab1.iloc[0:14, 0]

# Plota scatter plot para total, homem e mulher
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.scatter(indices, nfreq_pop, color='hotpink')
plt.scatter(indices, nfreq_homem, color='lightseagreen')
plt.scatter(indices, nfreq_mulher, color='orangered')

# Define rótulos do gráfico
plt.ylabel('Frequência (%)')
plt.xlabel('Idade')
plt.title('Percentual da população por cor ou raça que\n frequenta escola e/ou\ncreche')
plt.xticks(indices, rotulos_x, rotation=45)
plt.legend(['Total população', 'Homens', 'Mulheres'], loc='upper right')

plt.grid(True)
plt.show()
```

Com estes gráficos, constata-se que um baixo percentual de crianças vai à creche antes do 3 anos, aumentando para os 4 e 5 anos, mas ainda demonstrando uma evasão notável. Outro ponto interessante a se analisar é o percentual populacional que nunca compareceu à escola dentre as pessoas a partir dos 60 anos, indicando as mudanças do sistema educacional desde 1950 e a crescente importância atribuída à educação.

4.3.2 Frequência escolar em razão da cor ou raça

Plotaremos um gráfico de barras trazendo a relação entre a cor ou raça e a frequência escolar, de forma total. Note que o eixo horizontal adota diferentes cores ou raças, enquanto o eixo vertical adota o percentual de pessoas no dado grupo que frequenta a escola. São plotadas barras paralelas para cada categoria de frequência escolar.

```
[ ]: rotulos_x_cor = 'Branca', 'Preta', 'Amarela', 'Parda', 'Indígena', 'Sem Declaração'

cor_total = [tab2.iloc[0:12, x] for x in range(2, 8)]
cor_freq = [tab2.iloc[13:25, x] for x in range(2, 8)]
cor_jafreq = [tab2.iloc[26:38, x] for x in range(2, 8)]
cor_nfreq = [tab2.iloc[39:51, x] for x in range(2, 8)]

largura_barra = 0.2
```

```

lista_freq = [sum(cor_freq[x]) / sum(cor_total[x]) * 100 for x in range(6)]
lista_jafreq = [sum(cor_jafreq[x]) / sum(cor_total[x]) * 100 for x in range(6)]
lista_nfreq = [sum(cor_nfreq[x]) / sum(cor_total[x]) * 100 for x in range(6)]
indices_cor = list(range(len(lista_freq)))

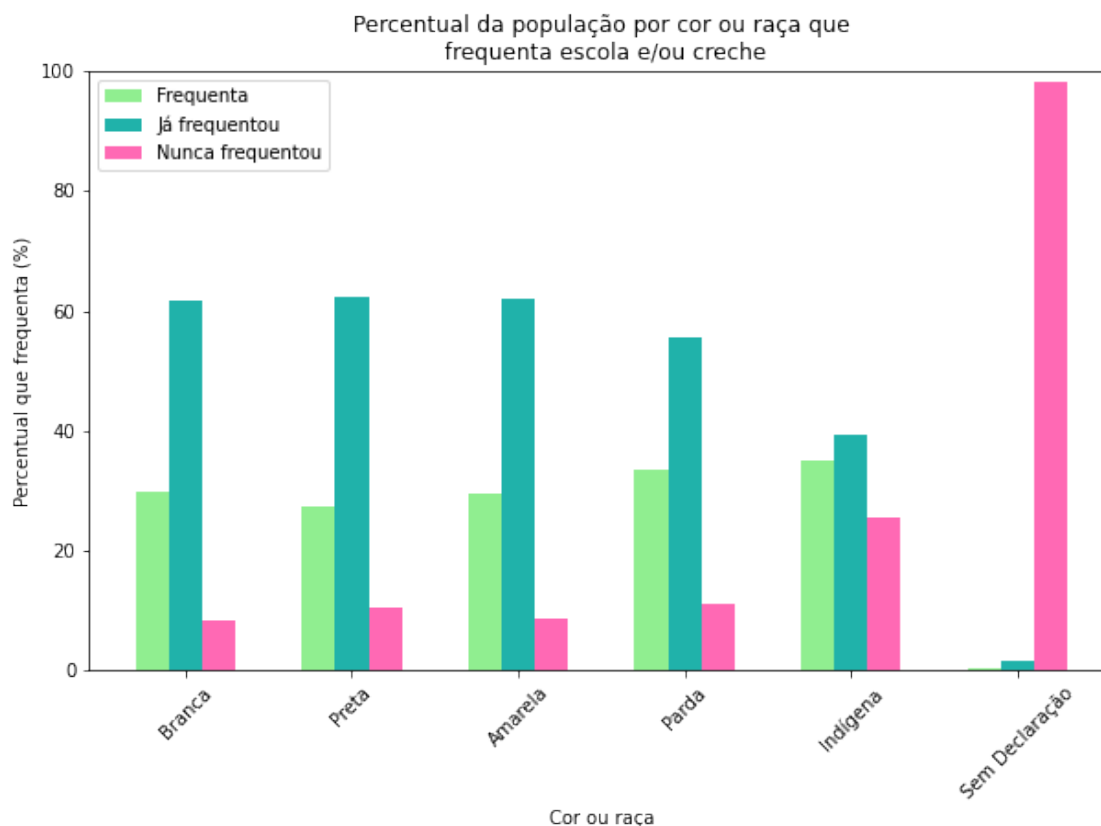
# Plota barras
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.bar([i - largura_barra for i in indices_cor], lista_freq, largura_barra,
        color='lightgreen', label='Total H')
plt.bar(indices_cor, lista_jafreq, largura_barra, color='lightseagreen',
        label='Total H')
plt.bar([i + largura_barra for i in indices_cor], lista_nfreq, largura_barra,
        color='hotpink', label='Total H')

# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Cor ou raça')
plt.ylabel('Percentual que frequenta (%)')
plt.title('Percentual da população por cor ou raça que\n frequenta escola e/ou\ncreche')
plt.ylim([0,100])
plt.xticks(indices_cor, rotulos_x_cor, rotation=45)

plt.legend(['Frequenta', 'Já frequentou', 'Nunca frequentou'], loc='upper left')

plt.show()

```



Vê-se, por meio do gráfico, que o grupo *indígena*, de forma geral, possui um acesso mais precário que os demais à escola. Nesse sentido uma certa redução também é perceptível para os grupos *pretos* e *pardos*, trazendo o peso das características sociais brasileiras sobre a análise.

A partir do exposto acima, vê-se que todos os grupos encontram-se bem próximos na porcentagem populacional que frequenta a escola, e que os *indígenas* mais frequentam em relação aos demais. Nota-se também que a população *preta* tem um percentual de pessoas que frequenta a escola ligeiramente menor que as demais. No grupo *sem declaração*, vê-se uma atendimento à escola extremamente baixa, próxima de 0. Trata-se de um fato preocupante, mas que pode ser parcialmente atribuído ao baixo número de amostras e à natureza da parte da categoria (que será desconsiderada em análises posteriores). Além disso, é visível que os grupos encontram-se bem próximos na porcentagem populacional que já frequentou a escola, excetuando-se os *indígenas* e *pardos*, que menos frequentaram em relação aos demais.

Por fim, vê-se que o grupo dos “indígenas” é o que menos frequentou a escola em relação aos demais, em graves 25% que nunca compareceram ao ambiente escolar. Além disso, vê-se que a população “preta” e “parda” tem um percentual de pessoas que nunca frequentou a escola ligeiramente maior que as populações “branca” e “amarela”, o que indica uma maior taxa de evasão escolar dentre estes grupos.

Abaixo, é construído um gráfico linear para avaliar a relação entre cor ou raça e o percentual de pessoas que frequenta ou já frequentou a escola.

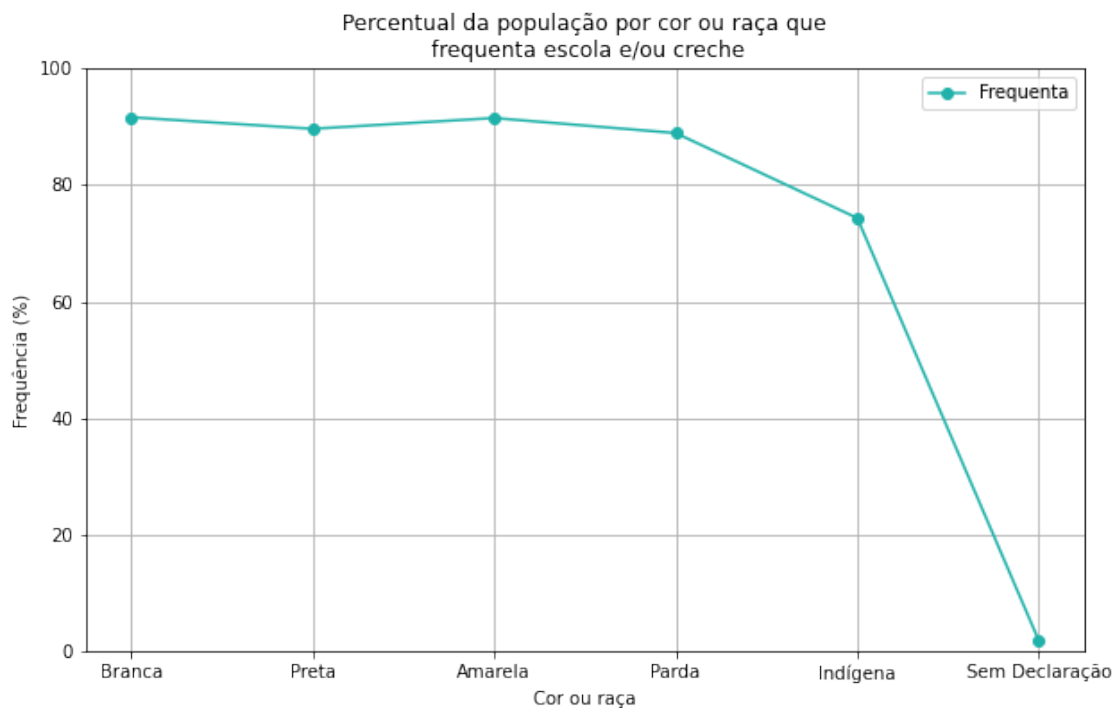
```
[ ]: # Define faixas etárias a serem impressas abaixo de cada ponto
rotulos_y = tab1.iloc[0:14, 0]

# Plota scatter plot
lista = np.add(lista_jafreq, lista_freq)
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(indices_cor, lista, marker='o', linestyle='-', color='lightseagreen')

# Define rótulos do gráfico
plt.ylabel('Frequência (%)')
plt.xlabel('Cor ou raça')
plt.title('Percentual da população por cor ou raça que\n frequenta escola e/ou\ncreche')
plt.xticks(indices_cor, rotulos_x_cor)
plt.legend(['Frequenta', 'Já frequentou', 'Nunca frequentou'], loc='upper_\nright')
plt.ylim([0,100])

lcor = [np.sum(np.array(cor_freq[x]) + np.array(cor_jafreq[x])) for x in\nrange(6)]
lcorn = [np.sum(cor_nfreq[x]) for x in range(6)]
res = scp.chi2_contingency([lcorn, lcor])

plt.grid(True)
plt.show()
```



Vê-se novamente indígenas apresentam uma queda expressiva no acesso escolar de grupos *indígenas*, ainda mais acentuada para os sem declaração. Por outro lado, os demais grupos encontram-se em níveis similares, com ligeiras quedas para os grupos *pretos* e *pardos*, atribuídas a fatores socioeconômicos da sociedade brasileira

4.3.3 Frequência escolar em razão da renda

População que frequenta ou já frequentou a escola Avaliaremos aqui, na forma de um gráfico de barras, a relação entre renda e escolaridade. No eixo vertical são separadas distintas classes de renda às quais a população pertence, enquanto no eixo horizontal é mostrado o percentual da população dentro de tal nível de renda que frequenta ou já frequentou a escola.

A realização de análises separadas para cada situação de acesso à escola, como realizado anteriormente, foi descartada neste caso, pois a informação de maior relevância constitui de fato como o acesso, ou ausência deste, ao ambiente escolar. Portanto, segue o gráfico.

```
[ ]: rotulos_x_renda = "Sem rendimento", "Até 1/4", "1/4 a 1/2", "1/2 a 1", "1 a 2", "2 a 3", "3 a 5", "Mais de 5"

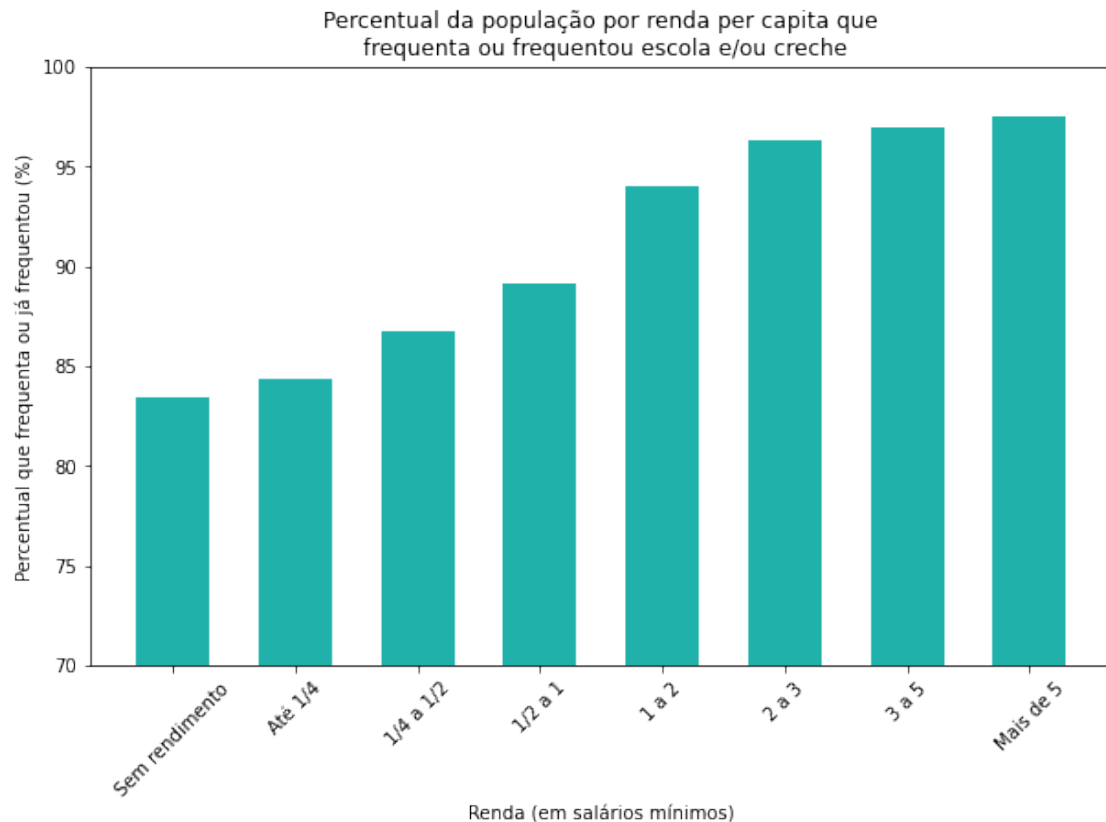
renda_total = [tab3.iloc[0:12, x] for x in range(2, 10)]
renda_freq = [tab3.iloc[13:25, x] for x in range(2, 10)]
renda_jafreq = [tab3.iloc[26:38, x] for x in range(2, 10)]

largura_barra = 0.6
lista_freq = [sum(np.add(renda_freq, renda_jafreq)[x]) / sum(renda_total[x]) * 100 for x in range(8)]
indices_renda = list(range(len(lista_freq)))

# Plota barras
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.bar(indices_renda, lista_freq, largura_barra, color='lightseagreen', label='Total H')

# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Renda (em salários mínimos)')
plt.ylabel('Percentual que frequenta ou já frequentou (%)')
plt.title('Percentual da população por renda per capita que frequenta ou frequentou escola e/ou creche')
plt.ylim([70, 100])
plt.xticks(indices_renda, rotulos_x_renda, rotation=45)

plt.show()
```



A partir deste gráfico, verifica-se uma relação quase diretamente proporcional entre o nível de renda e o percentual da população com acesso ao ambiente escolar, indicando o forte impacto das condições monetárias sobre o acesso à escola.

Correlação entre população que frequenta ou já frequentou a escola e renda Já forma a avaliar a correlação, foi construído um gráfico linear com os pontos acima destacados, de forma a visualizar e avaliar a relação entre os dados. Em laranja, destaca-se a regressão linear dos, e na legenda abaixo, o coeficiente de correlação de pearson.

```
[ ]: datas = pd.DataFrame(np.array([lista_freq, indices_renda]).T,
    ↪ columns=['porcentagem', 'renda'])
correlation = datas.corr()

# Prepara para plotar gráfico
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(indices_renda, lista_freq, marker='o', linestyle='-',
    ↪ color='lightseagreen', label='Total H')

plt.text(0.95, 0.2, f'Coeficiente de correlação: {correlation.iloc[0,1]:.3f}',
    ↪ transform=plt.gca().transAxes,
```

```

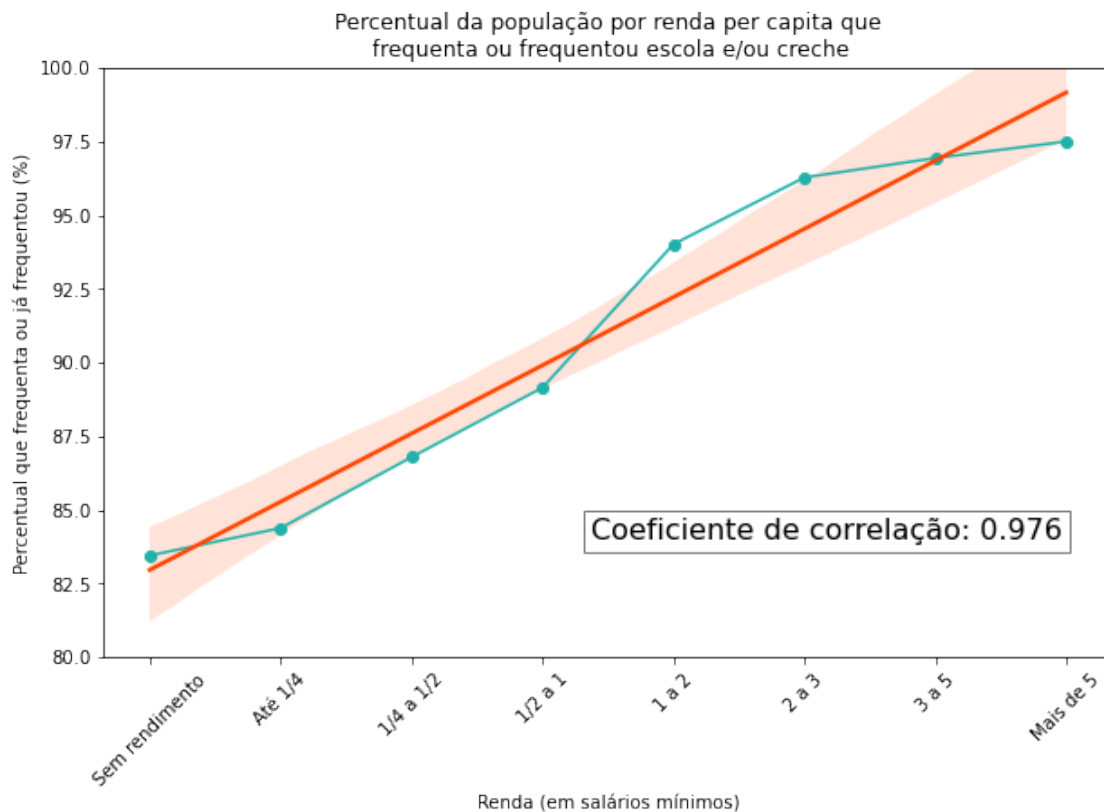
        ha='right', bbox=dict(facecolor='white', alpha=0.5,
↪edgecolor='black'), fontsize=16)

sns.regplot(data=datas, x='renda', y='porcentagem', scatter_kws={'s': 0},
↪line_kws={'color': 'orangered'})

# Define rótulos do gráfico
plt.xlabel('Renda (em salários mínimos)')
plt.ylabel('Percentual que frequenta ou já frequentou (%)')
plt.title('Percentual da população por renda per capita que\n frequenta ou
↪frequentou escola e/ou creche')
plt.ylim([80,100])
plt.xticks(indices_renda, rotulos_x_renda, rotation=45)

plt.show()

```



A partir dos dados aqui visualizados e do coeficiente de correlação calculado, afirma-se que, de fato, há uma interdependência notável entre a renda e a frequência escolar. Tal fato confirma o já esperado, dado o contexto social brasileiro.

5 Conclusão

Com base nas análises estatísticas realizadas, foi possível obter diversas informações de alta relevância acerca do panorama educacional brasileiro. Os dados revelam padrões significativos e tendências que podem informar políticas educacionais e estratégias de intervenção. A exemplo, discerniu-se durante as análises realizadas que renda apresenta uma correlação considerável com o acesso ao ambiente escolar, mostrando-se um fator de grande relevância na universalização do ensino. Ademais, vê-se a influência do grupo étnico ao qual o cidadão pertence sobre os índices de evasão escolar, permitindo a formulação de políticas direcionadas para sua prevenção.

A compreensão detalhada desses dados permite identificar áreas críticas que necessitam de melhorias, bem como pontos fortes que podem ser fortalecidos. Em suma, este estudo contribui para uma visão mais abrangente e fundamentada do cenário educacional no Brasil, oferecendo subsídios valiosos para tomadas de decisão que visam aprimorar a qualidade da educação no país.

6 Referências

- [1] IBGE. Censo demográfico : 2010 : educação e deslocamento : resultados da amostra, 2010. Disponível em: <https://biblioteca.ibge.gov.br/index.php/biblioteca-catalogo?view=detalhes&id=7545>. Acesso em: 12 de maio de 2024.
- [2] BUSSAB, Wilson de O.; MORETTIN, Pedro A. Estatística básica. 5a-edição, Ed. Saraiva, S. P, 2003.
- [3] OLIVEIRA, Luiz Antonio Pinto de; SIMÕES, Celso Cardoso da Silva. O IBGE e as pesquisas populacionais. Revista Brasileira de Estudos de População, v. 22, p. 291-302, 2005.