



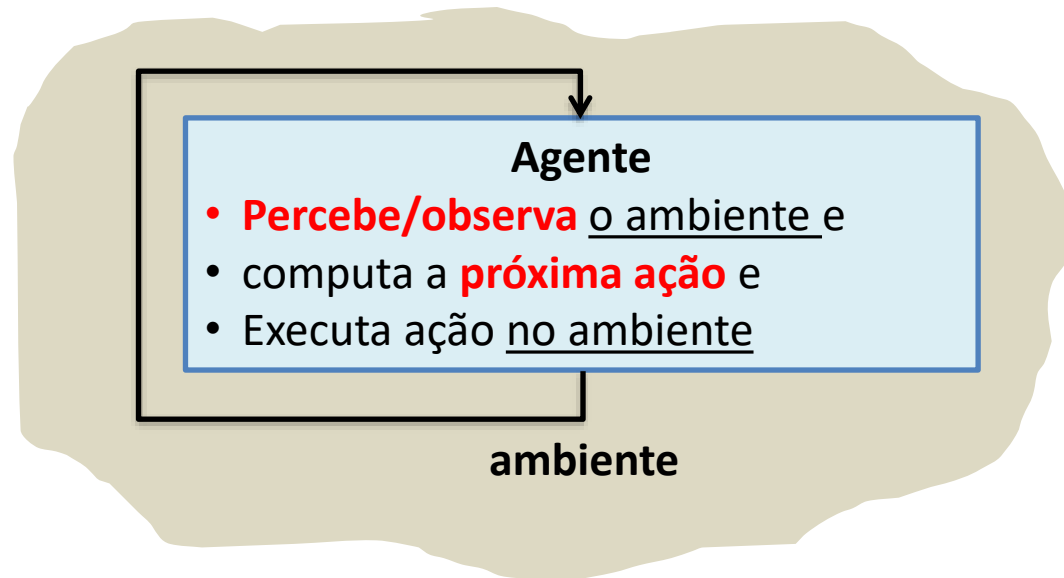
BUSCA ON-LINE

ALGORITMOS ON-LINE DFS E LRTA*
Prof. Tacla UTFPR/Curitiba

Off-line vs. On-line

Na **busca off-line** o agente primeiro computa toda a sequência de ações para então executá-la no ambiente.

Na **busca on-line**, o agente intercala computação e ação:



Malha-fechada: o agente utiliza as percepções para saber em qual estado se encontra

Aplicações

aplicável em **ambientes dinâmicos e semi-dinâmicos**

(nestes últimos, há penalidade quando se toma muito tempo para deliberar)

interessante para **ambientes não-determinísticos** pois o agente pode focar em contigências que realmente acontecem ao invés de considerar todas que *podem* acontecer (como no caso da busca em grafo and-or)

aplicáveis **em problemas de exploração**:

- agente não conhece a topografia do ambiente (ou um mapa do ambiente)
- Agente não conhece o resultado de suas ações no ambiente

Expansão de nós vizinhos

A* pode expandir um nó em uma região do espaço de estados e, em seguida, em outra região completamente diferente.

Já um algoritmo online somente consegue descobrir sucessores de **um nó no qual ele está fisicamente** – *um robô não pode desaparecer de um lugar e aparecer em outro* - então, a ideia é expandir nós próximos para evitar retornos físicos.



A busca em profundidade expande sempre um nó filho do anterior (exceto quando faz *backtracking*)

BUSCA ON-LINE

BUSCA EM PROFUNDIDADE ON-LINE (ON-LINE DFS)

Busca em Profundidade on-line

Funções principais do algoritmo:

ACTIONS(s)

retorna as ações possíveis de serem executadas no estado s ; em princípio, todas as ações

RESULT(s, a)

armazena a função sucessora aprendida durante a exploração e retorna o estado sucessor de s pela execução de a (se conhecido)

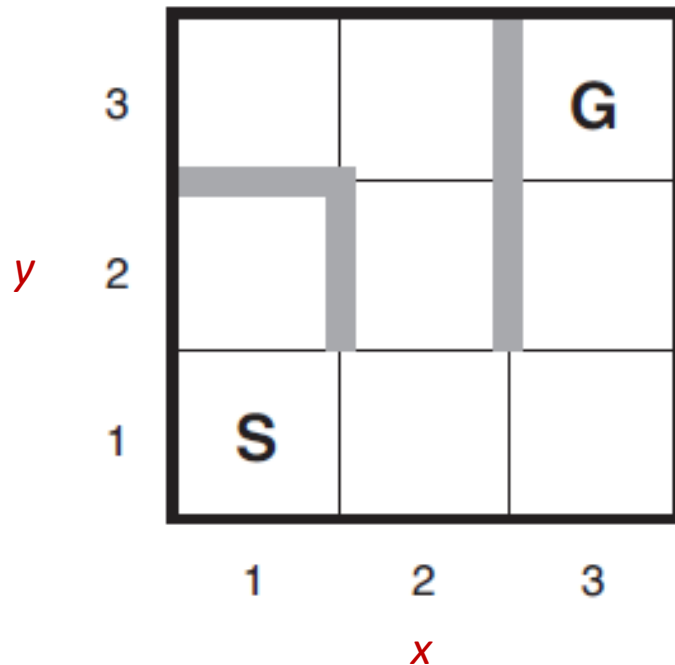
UNTRIED(s)

Lista de ações ainda não tentadas no estado s

UNBACKTRACKED(s)

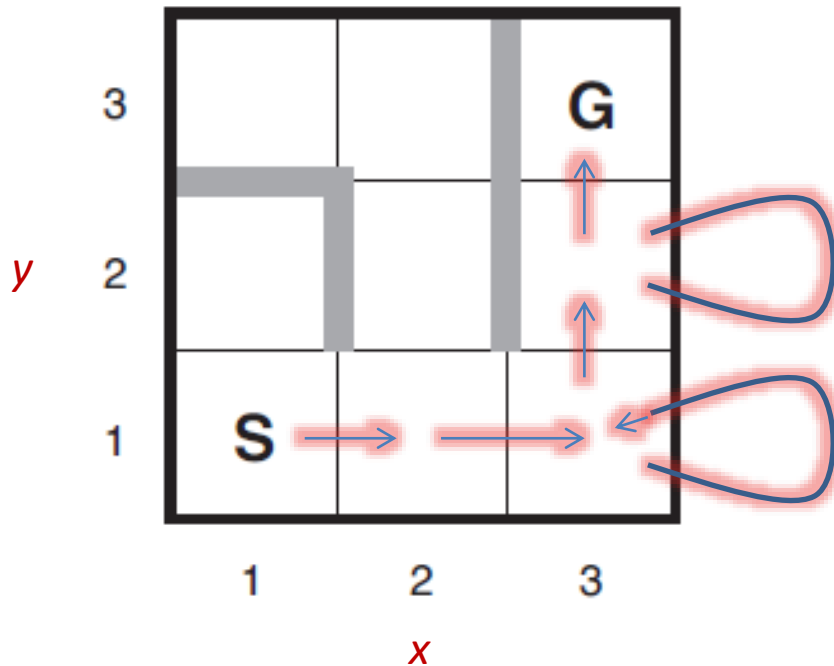
Lista de ações ainda não desfeitas no estado s

Exemplo 1: on-line DFS

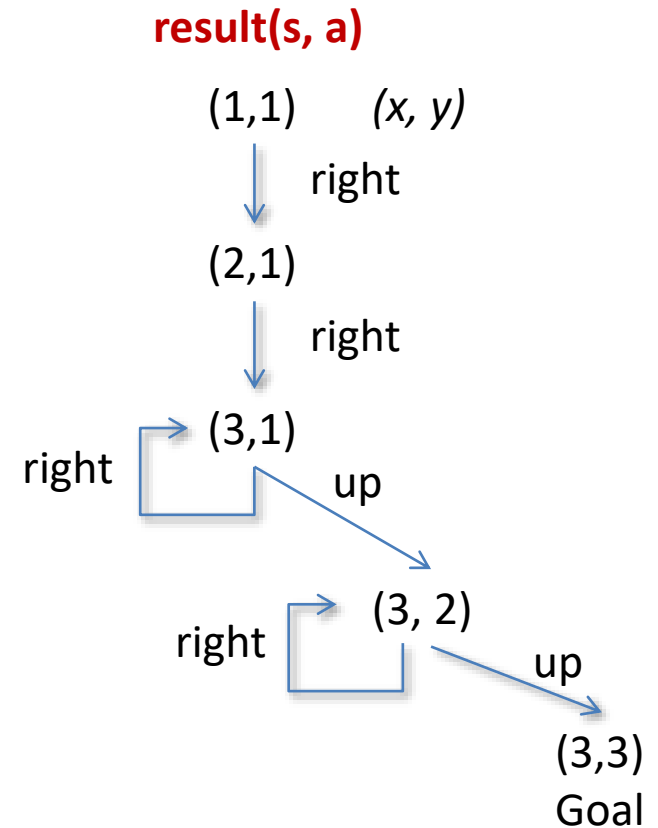


Robô inicia em S e deve atingir G
Não conhece a topografia do ambiente
Não conhece o efeito de suas ações
Tem um sensor que permite goal-test
Ações = {Right, Up, Down, Left}

Exemplo 1: on-line DFS

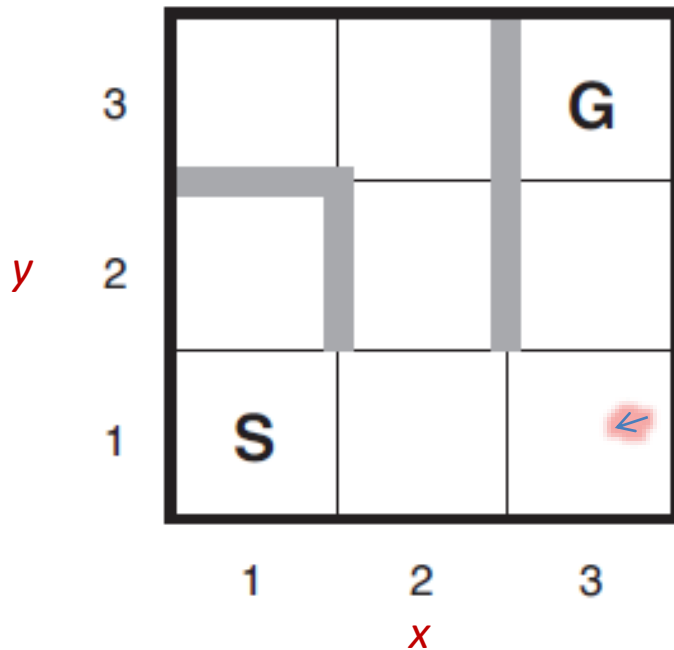


Ações = Right > Up > Down > Left



Função sucessora aprendida durante a execução

Exercício 1a: on-line DFS

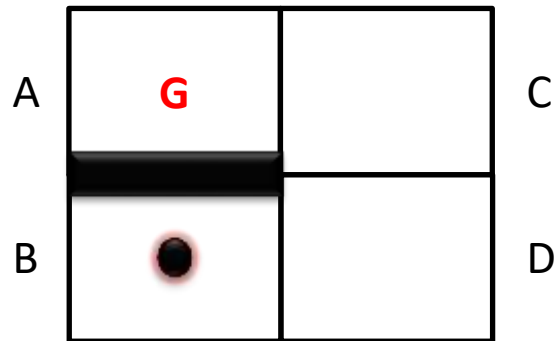


Qual seria a função $\text{RESULT}(S,a)$ após a execução para esta ordenação de ações?

Qual seria a função $\text{UNTRIED}(s)$ após a execução para esta ordenação de ações?

Ações = UP > RIGHT > Down > Left

Exemplo 2: on-line DFS com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B = U>D>R>L

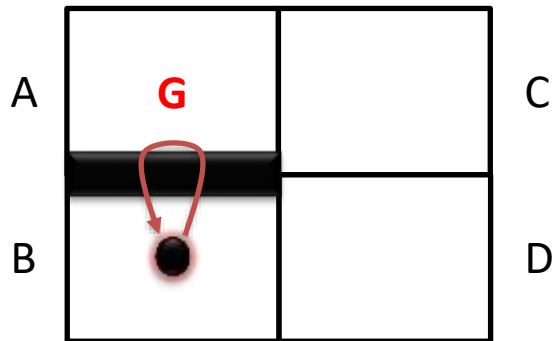
C = U>D>R>L

D = U>D>R>L

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|---|---|---|---|
| A | | | | |
| B | | | | |
| C | | | | |
| D | | | | |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B = D>R>L

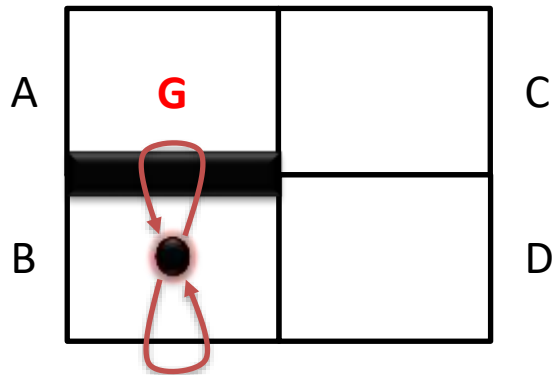
C = U>D>R>L

D = U>D>R>L

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---------|---|----------|---|---|
| estados | A | | | |
| | B | B | | |
| | C | | | |
| | D | | | |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B = R>L

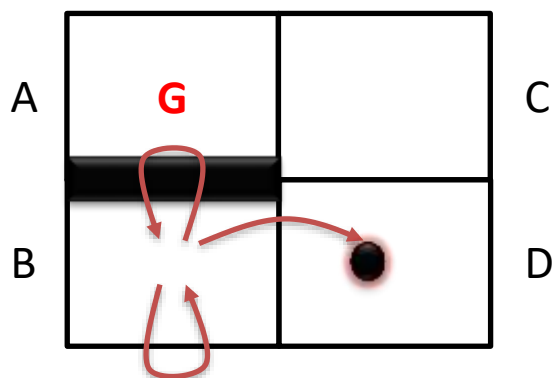
C = U>D>R>L

D = U>D>R>L

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|---|---|
| A | | | | |
| B | B | B | | |
| C | | | | |
| D | | | | |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Unbacktracked associado
ao estado **em(D)**

Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B = >L

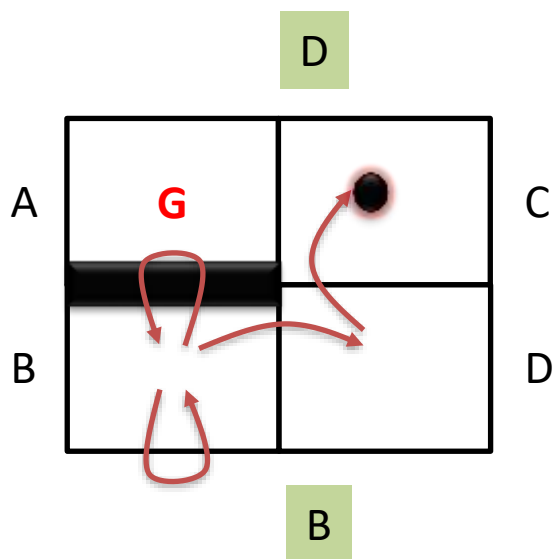
C = U>D>R>L

D = U>D>R>L

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|---|
| A | | | | |
| B | B | B | D | |
| C | | | | |
| D | | | | |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B = >L

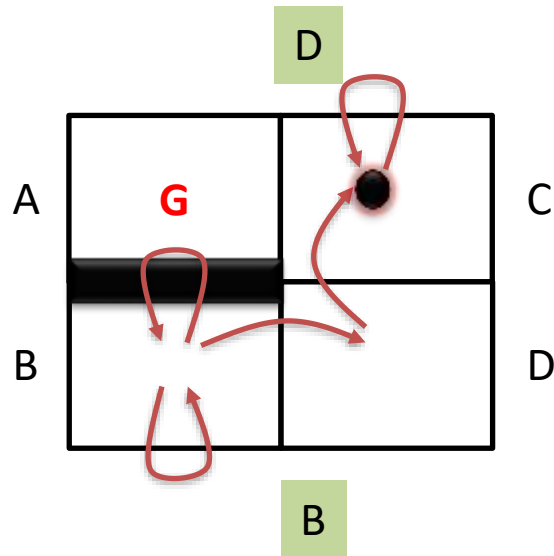
C = U>D>R>L

D = >D>R>L

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|---|
| A | | | | |
| B | B | B | D | |
| C | | | | |
| D | C | | | |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B = >L

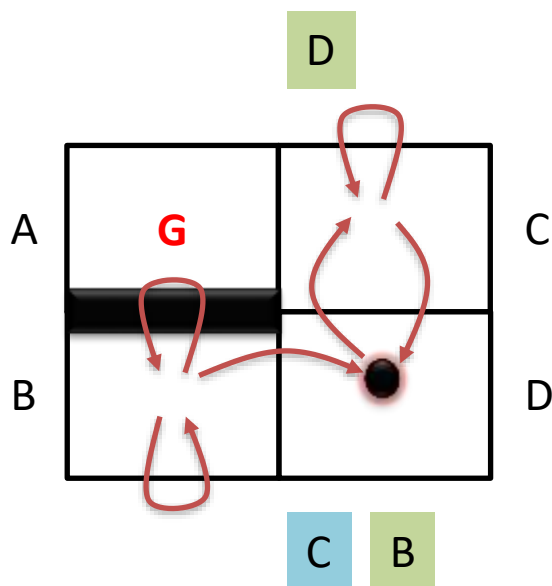
C = >D>R>L

D = >D>R>L

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|---|
| A | | | | |
| B | B | B | D | |
| C | C | | | |
| D | C | | | |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B = >L

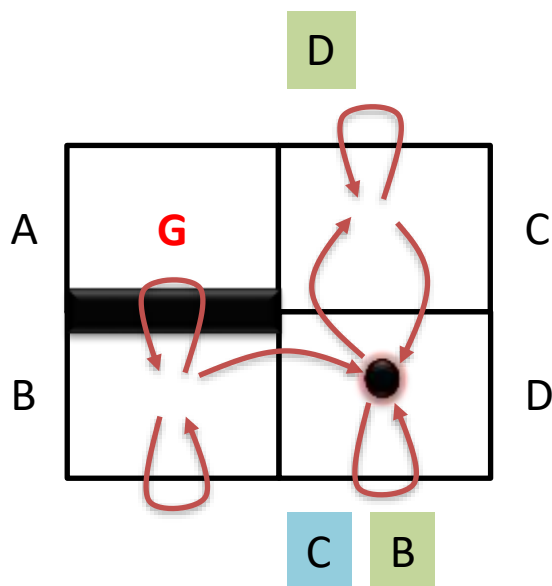
C = >R>L

D = >D>R>L

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|---|
| A | | | | |
| B | B | B | D | |
| C | C | D | | |
| D | C | | | |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B = >L

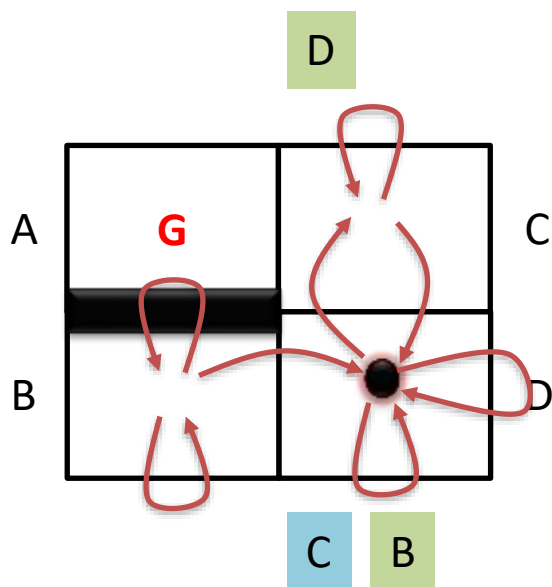
C = >R>L

D = >R>L

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|---|
| A | | | | |
| B | B | B | D | |
| C | C | D | | |
| D | C | D | | |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B = >L

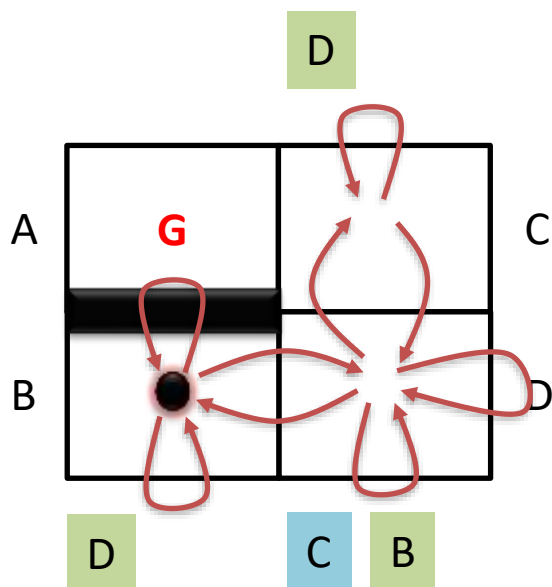
C = >R>L

D = >L

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|---|
| A | | | | |
| B | B | B | D | |
| C | C | D | | |
| D | C | D | D | |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B = >L

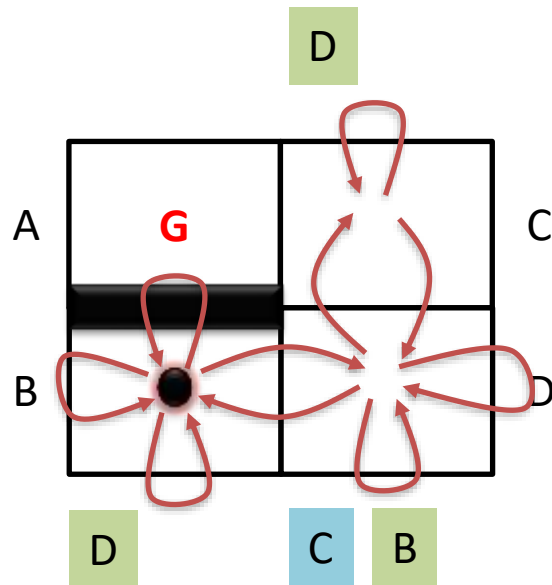
C = >R>L

D =

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|----------|
| A | | | | |
| B | B | B | D | |
| C | C | D | | |
| D | C | D | D | B |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B =

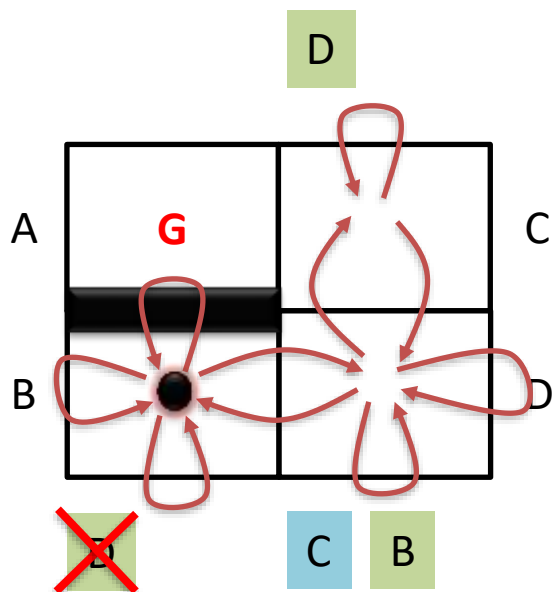
C = >R>L

D =

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|----------|
| A | | | | |
| B | B | B | D | B |
| C | C | D | | |
| D | C | D | D | B |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B =

C = >R>L

D =

Result(s, a) -> s'

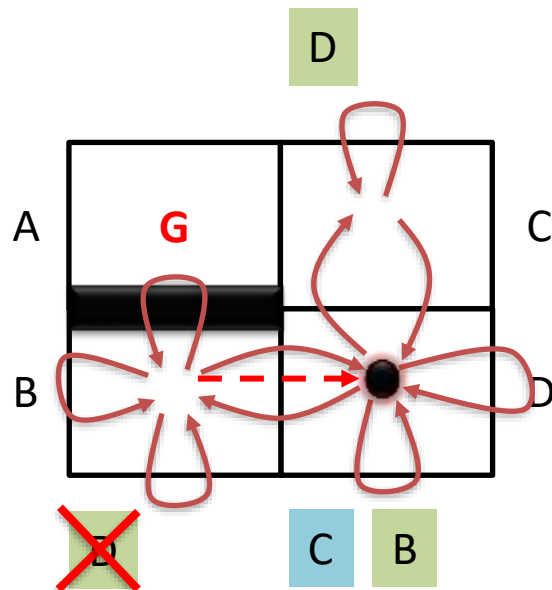
| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|----------|
| A | | | | |
| B | B | B | D | B |
| C | C | D | | |
| D | C | D | D | B |

Não há mais ações a testar no estado **em(B)**.

Pop (unbacktracked (B)) → vai para estado D

(i.e. executa a ação que leva o agente ao estado D
= right)

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B =

C = >R>L

D =

Result(s, a) -> s'

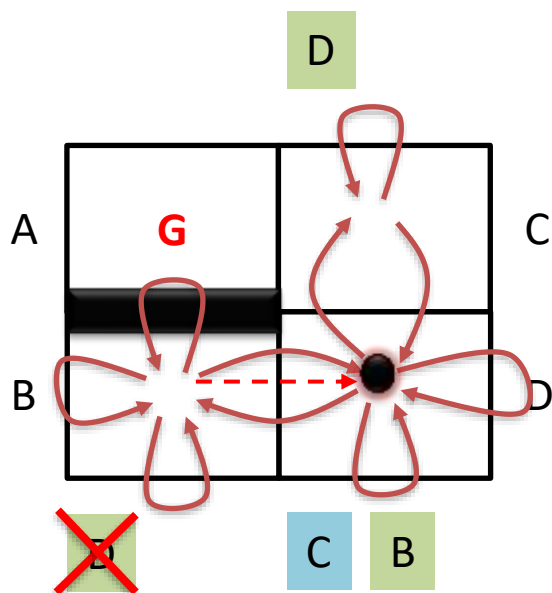
| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|----------|
| A | | | | |
| B | B | B | D | B |
| C | C | D | | |
| D | C | D | D | B |

Não há mais ações a testar no estado **em(B)**.

Pop (unbacktracked (B)) → vai para estado D

(i.e. executa a ação que leva o agente ao estado D
= right)

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Não há mais ações a testar no estado **em(D)**.

Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B =

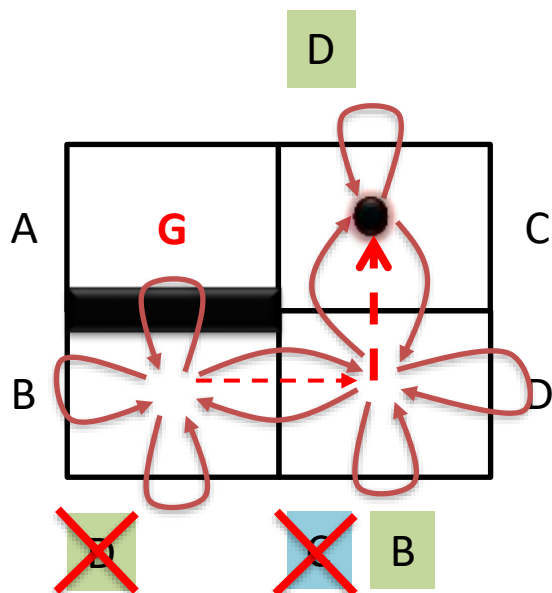
C = >R>L

D =

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|----------|
| A | | | | |
| B | B | B | D | B |
| C | C | D | | |
| D | C | D | D | B |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B =

C = >R>L

D =

Result(s, a) -> s'

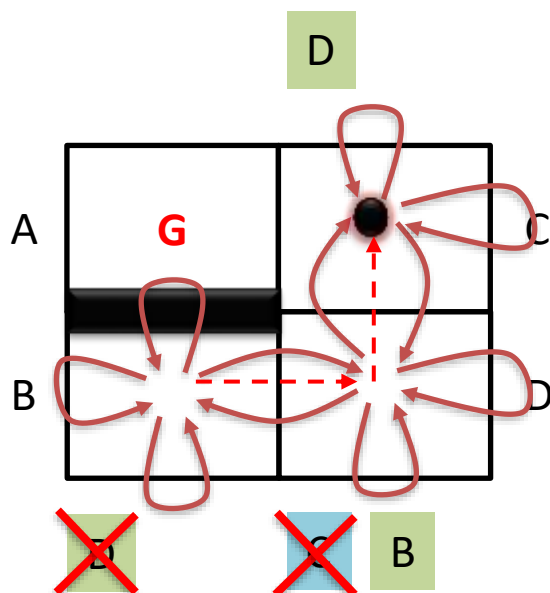
| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|----------|
| A | | | | |
| B | B | B | D | B |
| C | C | D | | |
| D | C | D | D | B |

Não há mais ações a testar no estado **em(D)**.

Pop(unbacktracked(D)) → VAI para estado C

(i.e. executa a ação que leva o agente ao estado C
= UP)

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B =

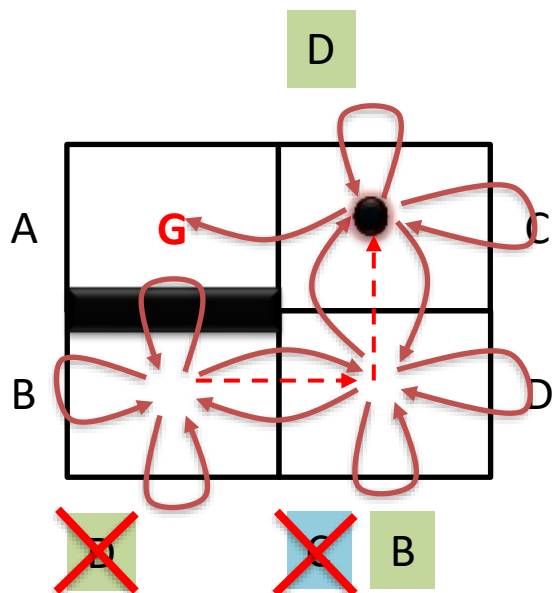
C = >L

D =

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|----------|
| A | | | | |
| B | B | B | D | B |
| C | C | D | C | |
| D | C | D | D | B |

Exemplo 2 on-line DFS: com backtracking



Estados $S = \{A, B, C, D\}$

$S_0 = B, s_g = A$

Ações = {Up, Down, Right, Left}

Untried

A = U>D>R>L

B =

C =

D =

Result(s, a) -> s'

| | U | D | R | L |
|---|----------|----------|----------|----------|
| A | | | | |
| B | B | B | D | B |
| C | C | D | C | A |
| D | C | D | D | B |

Busca em Profundidade (DFS) online

```
function ONLINE-DFS-AGENT( $s'$ ) returns an action
inputs:  $s'$ , a percept that identifies the current state
persistent: result, a table indexed by state and action, initially empty
               untried, a table that lists, for each state, the actions not yet tried
               unbacktracked, a table that lists, for each state, the backtracks not yet tried
                $s, a$ , the previous state and action, initially null

if GOAL-TEST( $s'$ ) then return stop
if  $s'$  is a new state (not in untried) then untried[ $s'$ ]  $\leftarrow$  ACTIONS( $s'$ )
if  $s$  is not null then
    result[ $s, a$ ]  $\leftarrow s'$ 
    add  $s$  to the front of unbacktracked[ $s'$ ]]
if untried[ $s'$ ] is empty then
    if unbacktracked[ $s'$ ] is empty then return stop
    else  $a \leftarrow$  an action  $b$  such that result[ $s', b$ ] = POP(unbacktracked[ $s'$ ]))
else  $a \leftarrow$  POP(untried[ $s'$ ]))
 $s \leftarrow s'$ 
return  $a$ 
```

Função sucessora aprendida durante execução

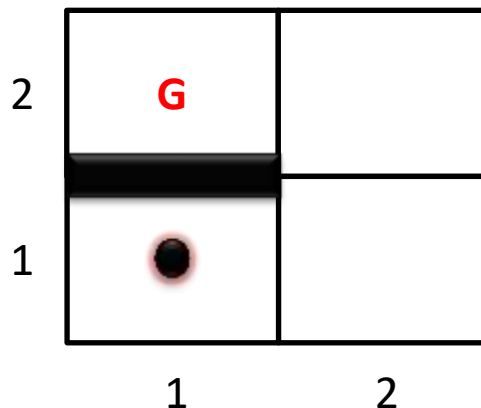
If I've already seen the result of this [s, a] then don't put it back on the **unbacktracked** list otherwise you can keep oscillating between the same states endlessly.

Online DFS

O online DFS funciona bem para ambientes estáticos onde o agente não conhece o efeito de suas ações no ambiente.

Este algoritmo só funciona em espaços de estados onde as **ações são reversíveis**.

Irreversibilidade das ações é provocada pela própria incapacidade do agente (ex. agente que somente executa UP e RIGHT) ou por ambiente dinâmico (ex. paredes que se fecham atrás do agente)



BUSCA ON-LINE

LRTA*

LRTA* ou ATRA*

Learning real-time A* (Korf, 1990)
chamado de ATRA* em português

Recorda-se que lidamos com situações onde é mais importante agir razoavelmente **em tempo hábil** (intercalando raciocínio e ação) do que minimizar o custo de execução tendo que passar muito tempo para encontrar uma solução (planejando).

LRTA*

Learning real-time A* (Korf, 1990)

ideia: equilibrar o tempo de **planejamento** e **execução**

Exemplos:

personagem de games: inverossímil se ficar sentado numa pedra calculando o caminho mínimo e depois executá-lo rapidamente.

carro automático: calcular a trajetória ótima em uma curva – antes de acabar o cálculo terá batido!

Korf, 1990. Real-time heuristic search. Artificial Intelligence, 42(3), 189-212

LRTA* Learning real-time A* (Korf, 1990)

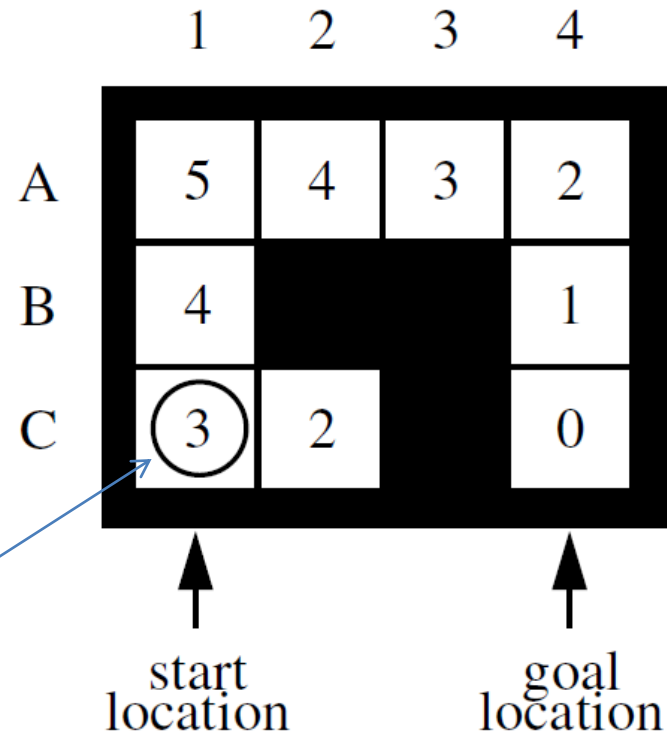
Cenário: problema de navegação **em um terreno conhecido**; o agente sabe onde está inicialmente; ambiente semi-dinâmico = penalidade por demora na deliberação.

Ações do robô:

Norte, Leste, Sul ou Oeste

Custo das ações: 1

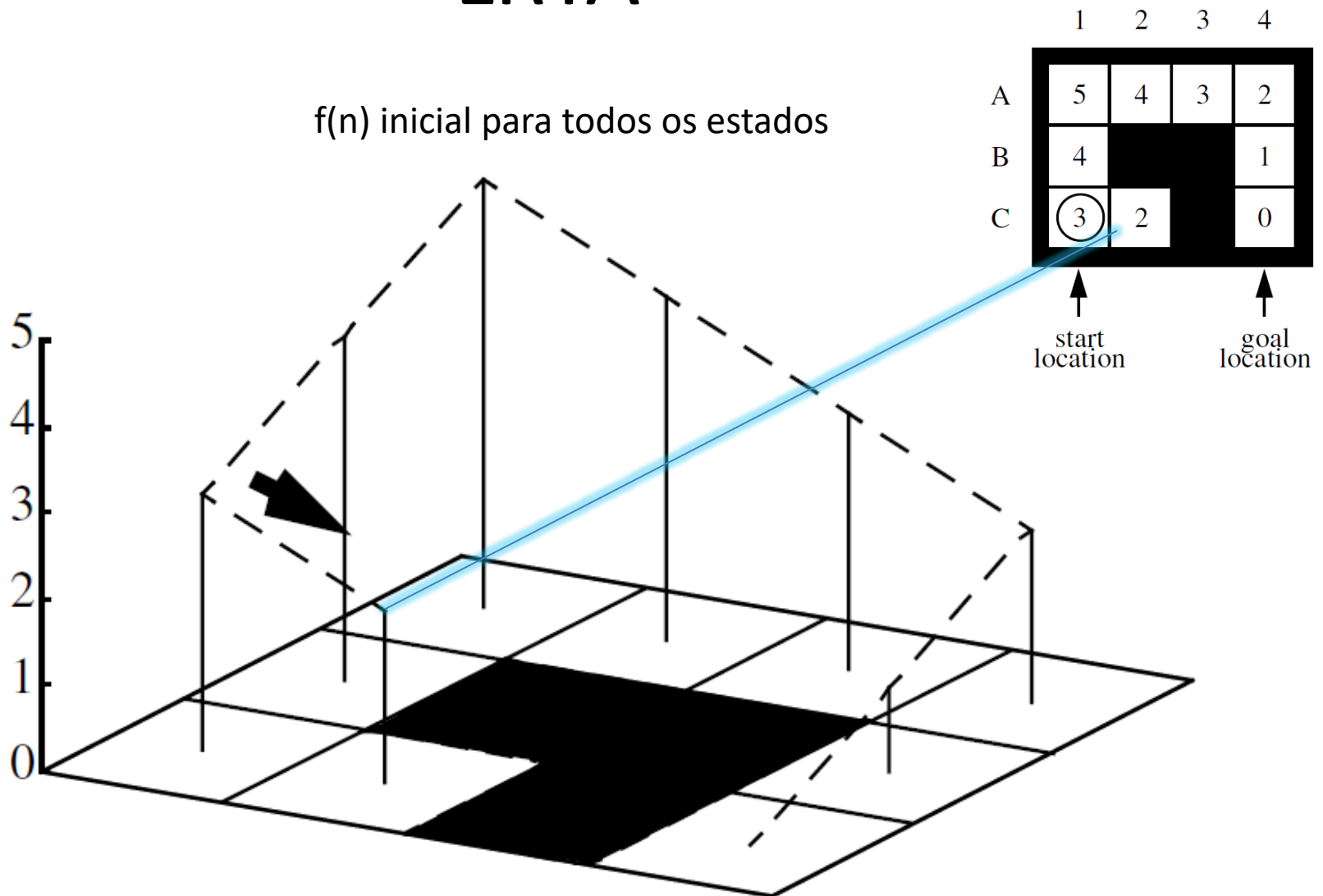
Inicialização da $h(n)$: distância de Manhattan (e.g. $f(C1) = 3$)



(Koenig, 2001. Agent Search, AI Magazine, 109-132)

LRTA*

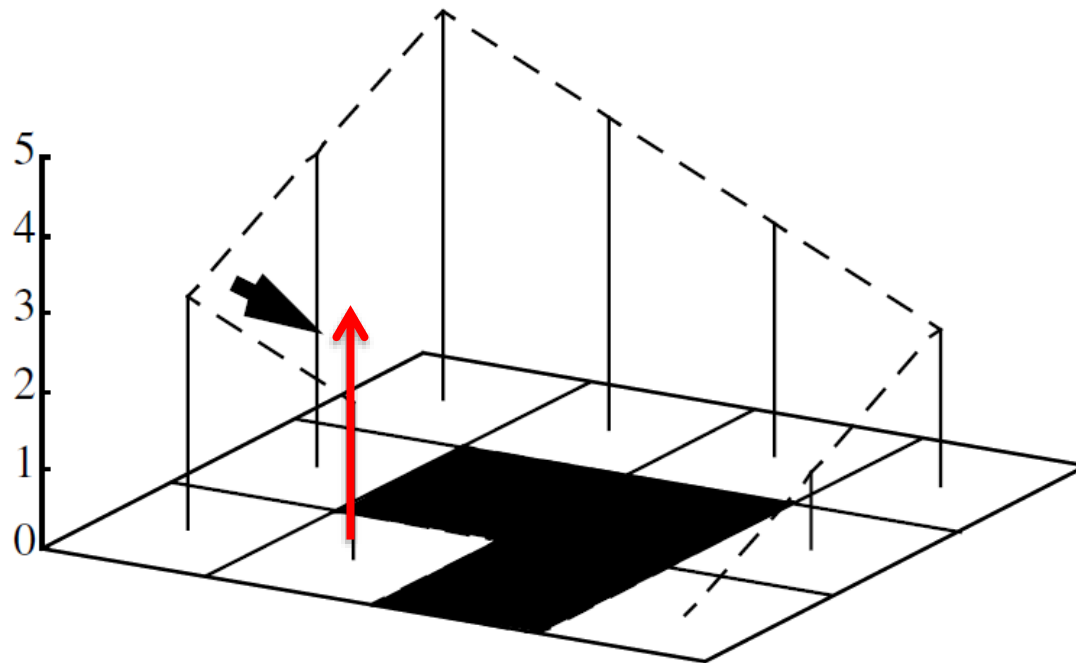
$f(n)$ inicial para todos os estados



Numa busca gulosa, o robô fica preso em C1 e C2

LRTA*

LRTA* escapa dos mínimos locais aumentando o valor de $f(n)$ 'enchendo' os mínimos locais na superfície de valores



LRTA*: intuição

n = estado corrente

n' = representa um estado vizinho qualquer

Para cada ação $\langle a \rangle$ no estado corrente $\langle n \rangle$,
calcule para todo vizinho de $\langle n \rangle$ chamado n' :

$$f(n') = c(n, a, n') + h(n')$$

Atualizar custo estimado nó n : $h(n) \leftarrow \min_{n'} f(n')$

Escolher a ação $\langle a \rangle$ que leva ao vizinho n' de menor $f(n')$; em caso de empate, escolha randomicamente.

LRTA*: EXEMPLO

Ações: NORTE, SUL, LESTE, OESTE

Custo das ações é uniforme = 1

Amarelo: estado atual = n

Vermelho: estado objetivo

Azul: avaliação dos nós vizinhos = n'

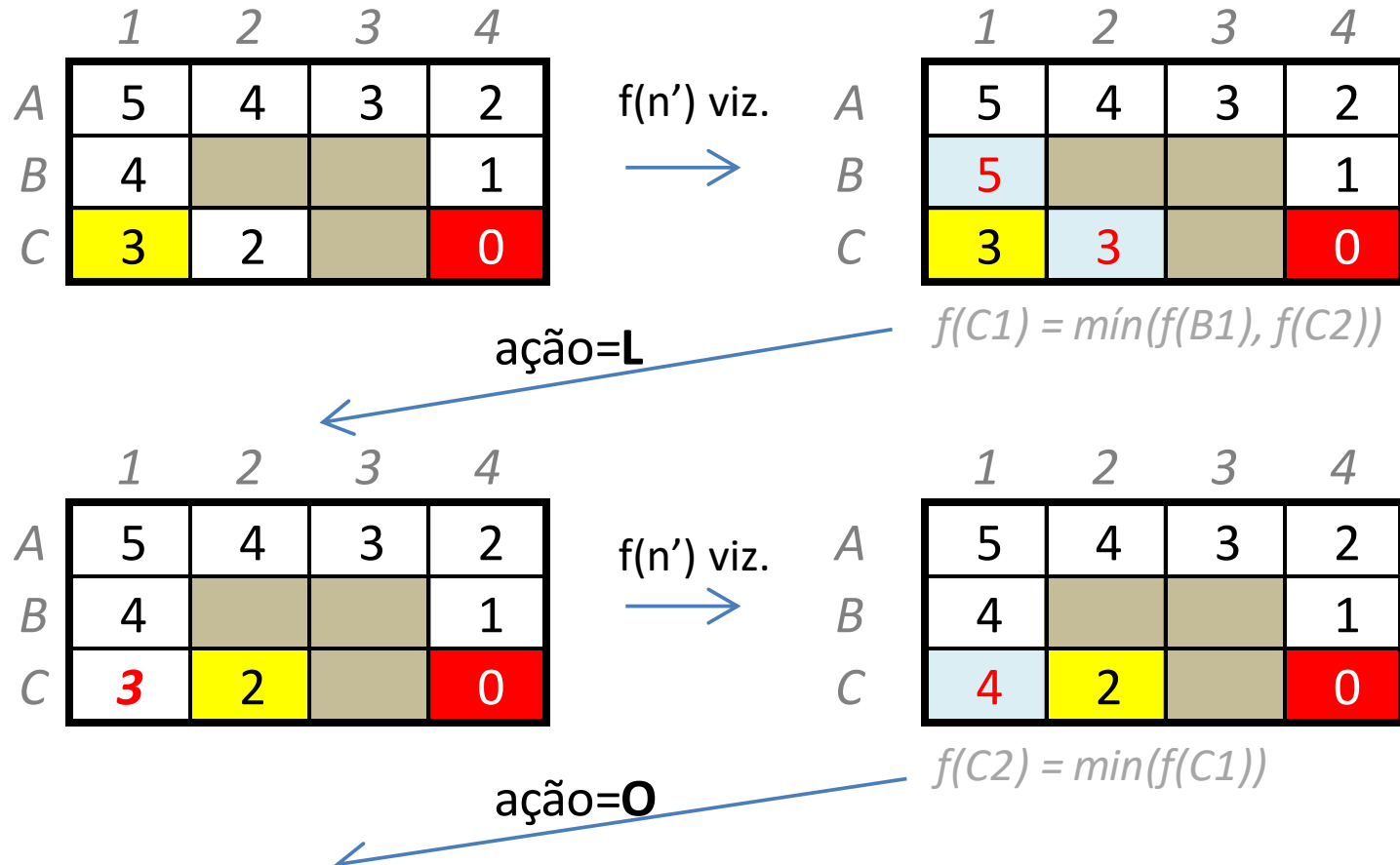
valores nas casas azuis são temporários

$$f(n') = c(n, a, n') + h(n')$$

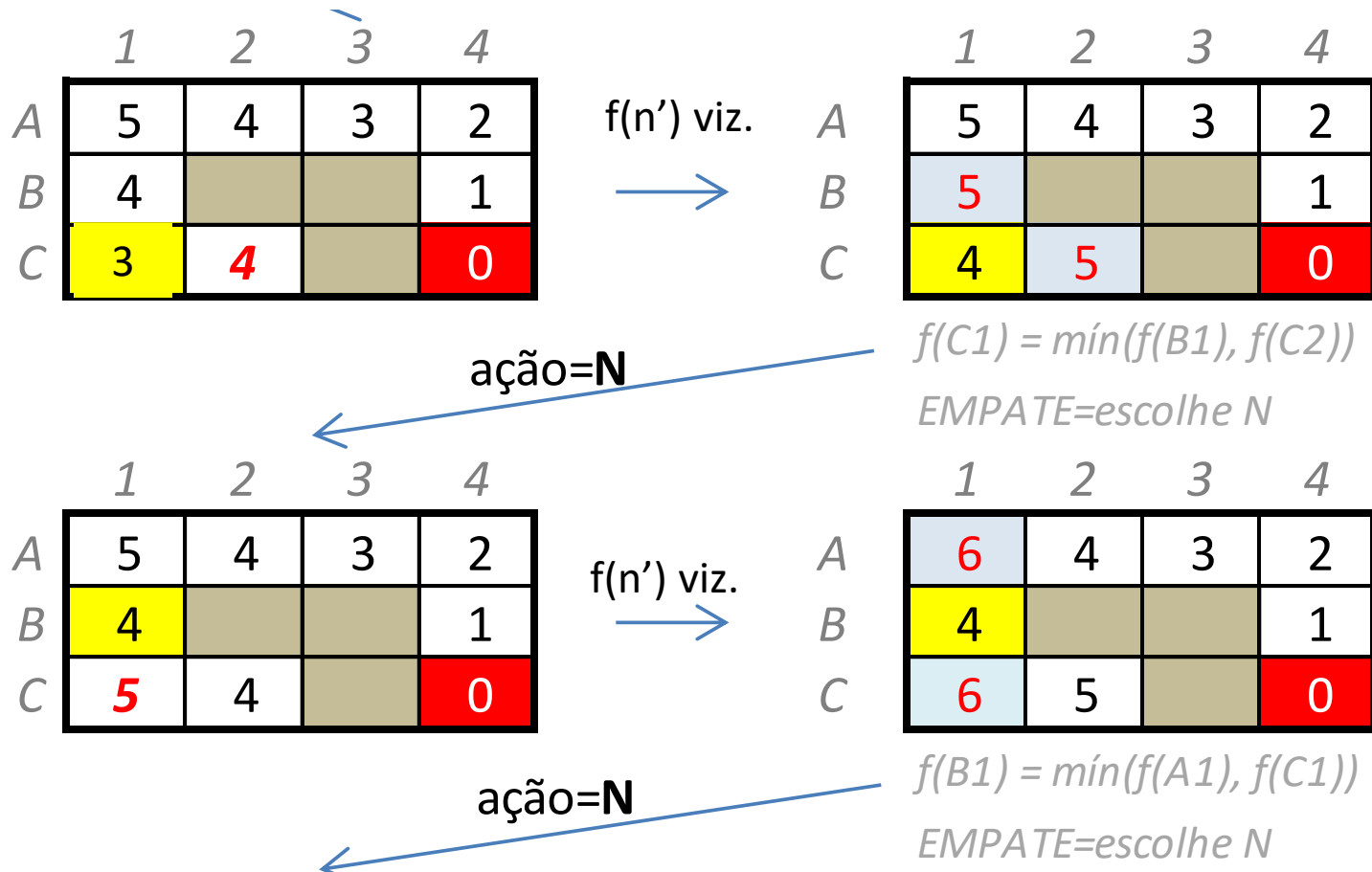
Empates decididos randomicamente

Estados são inicializados com o valor de $h(n)$ (valores na matriz)
Ao longo da execução, $h(n)$ é atualizado.

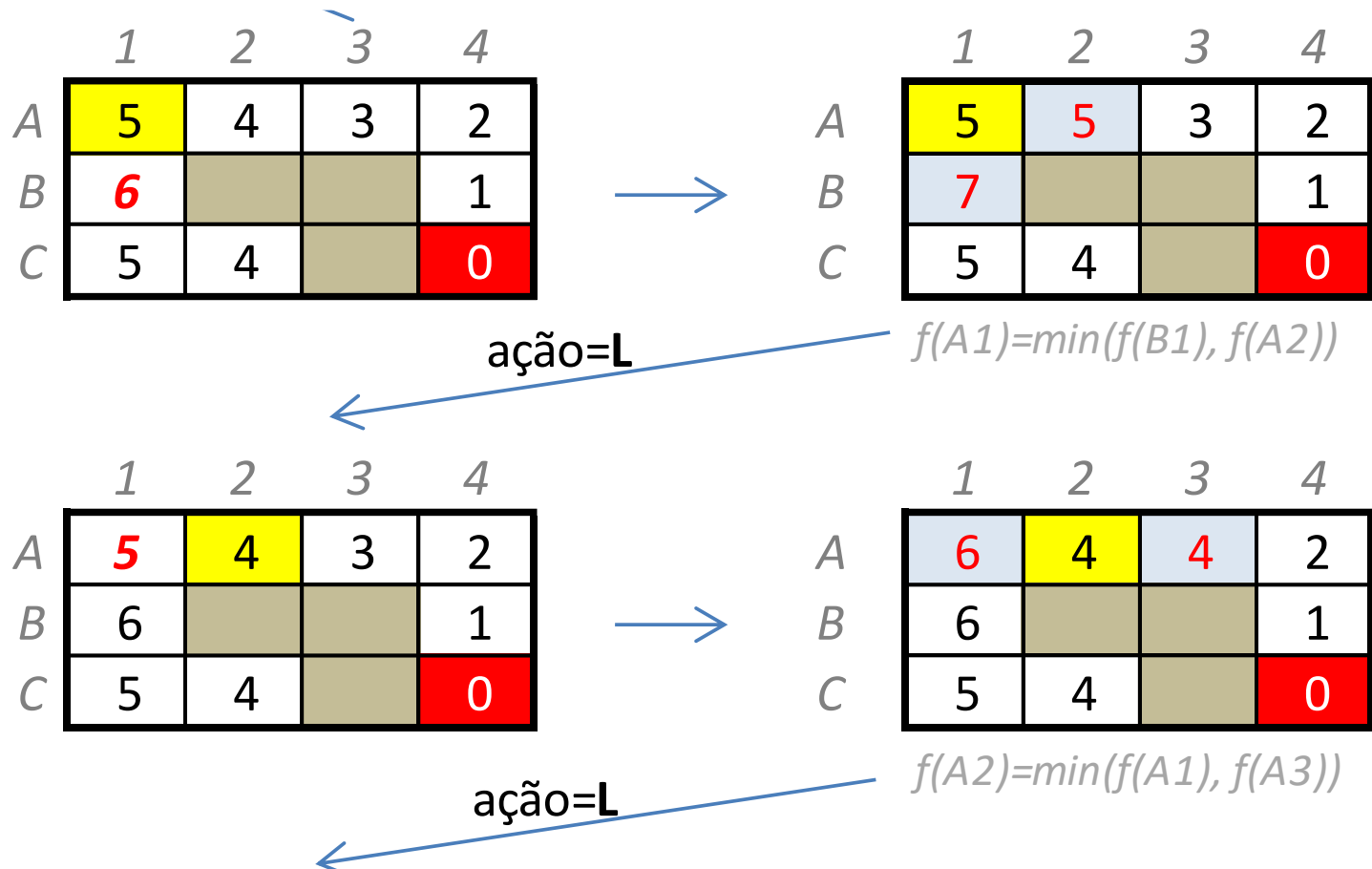
LRTA*: EXECUÇÃO 1



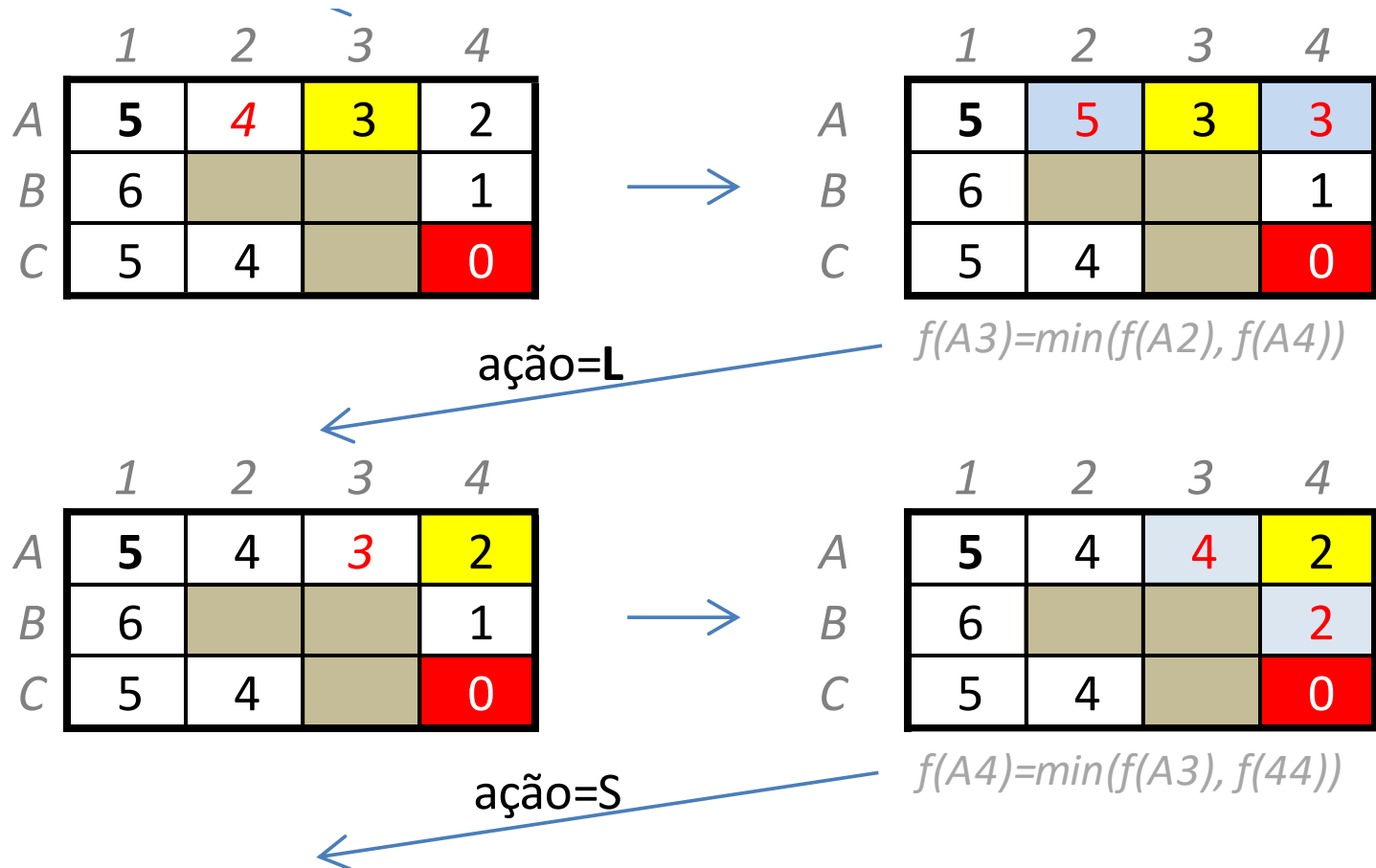
LRTA*: EXECUÇÃO 1



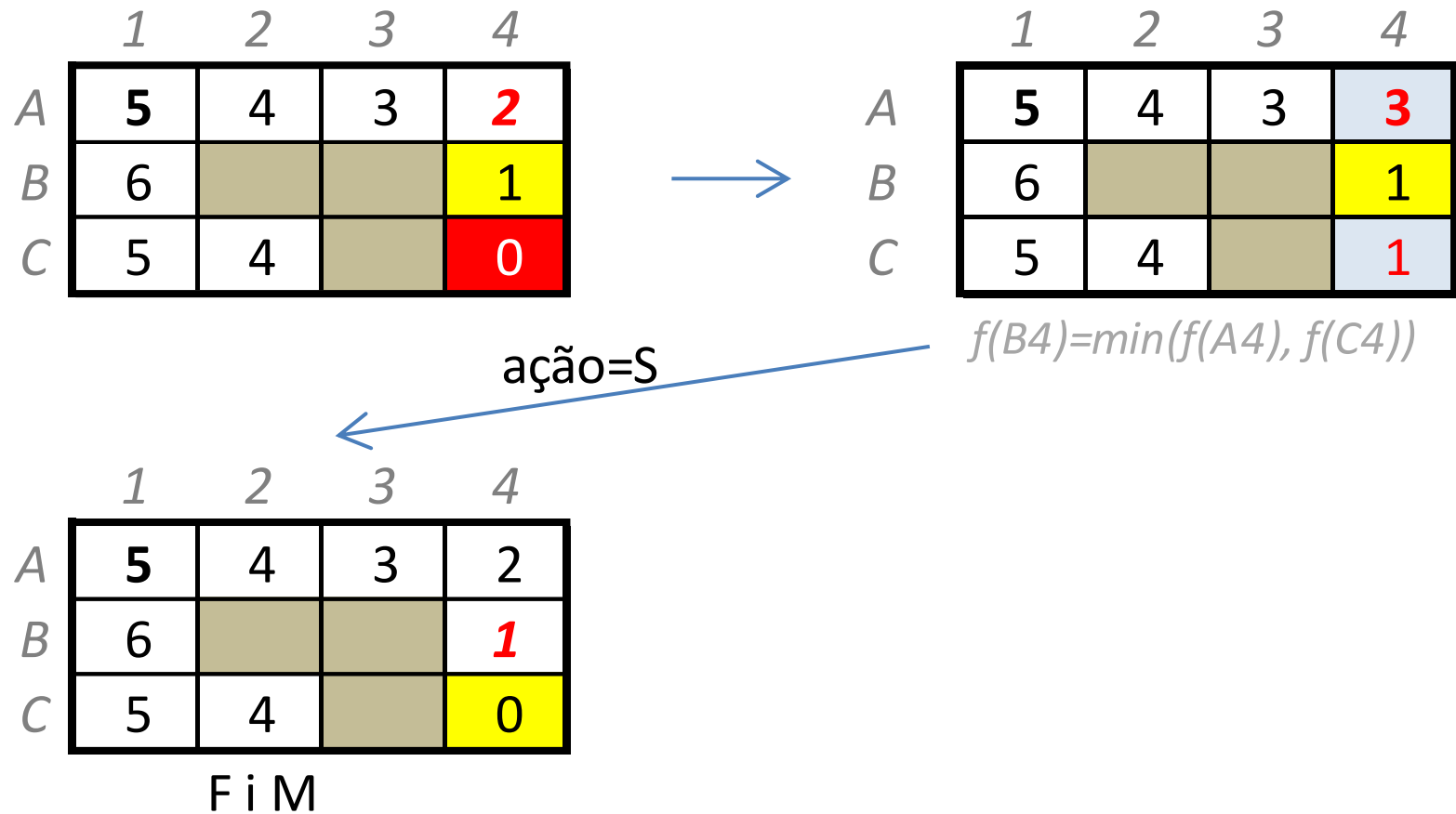
LRTA*: EXECUÇÃO 1



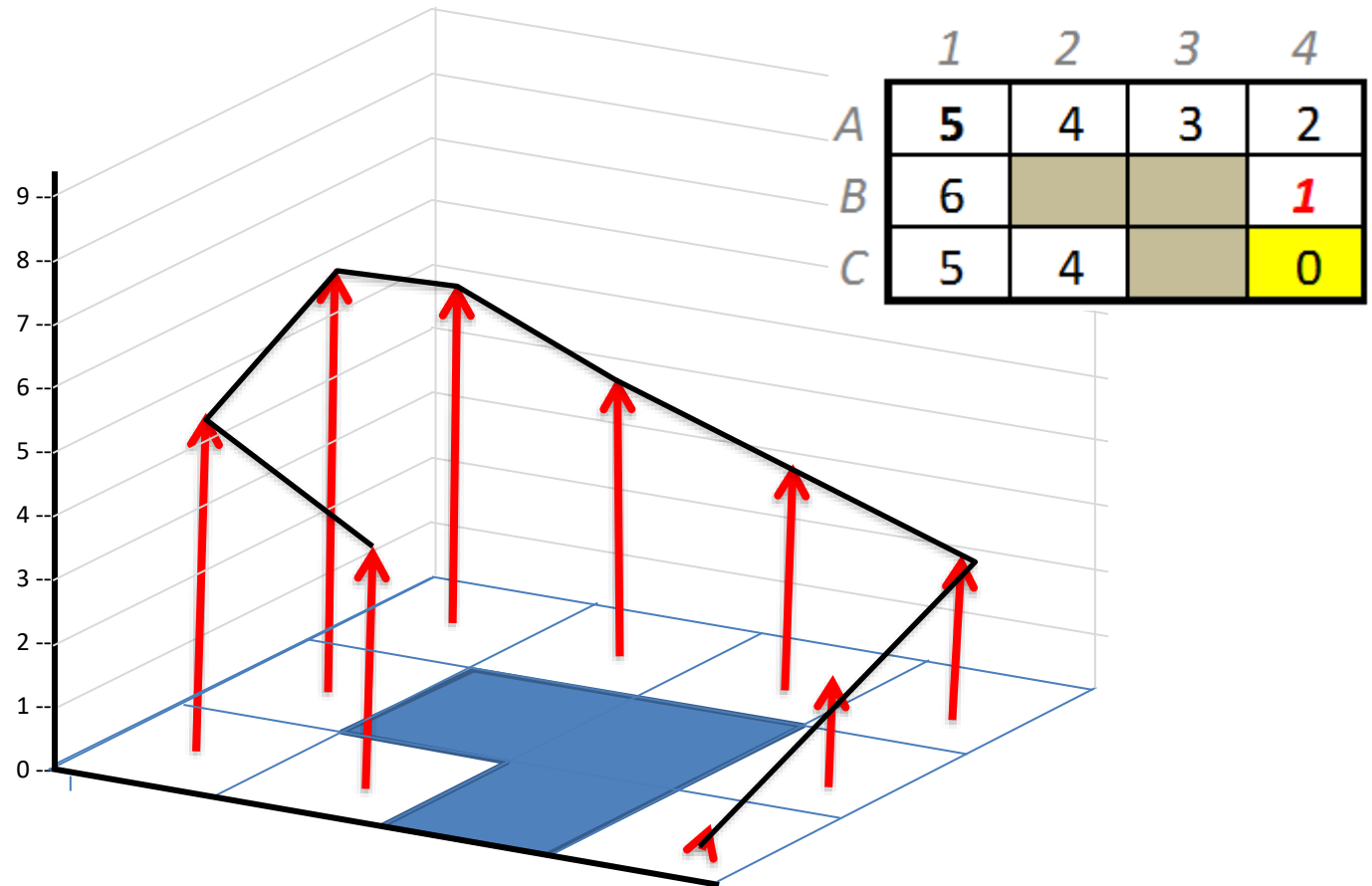
LRTA*: EXECUÇÃO 1



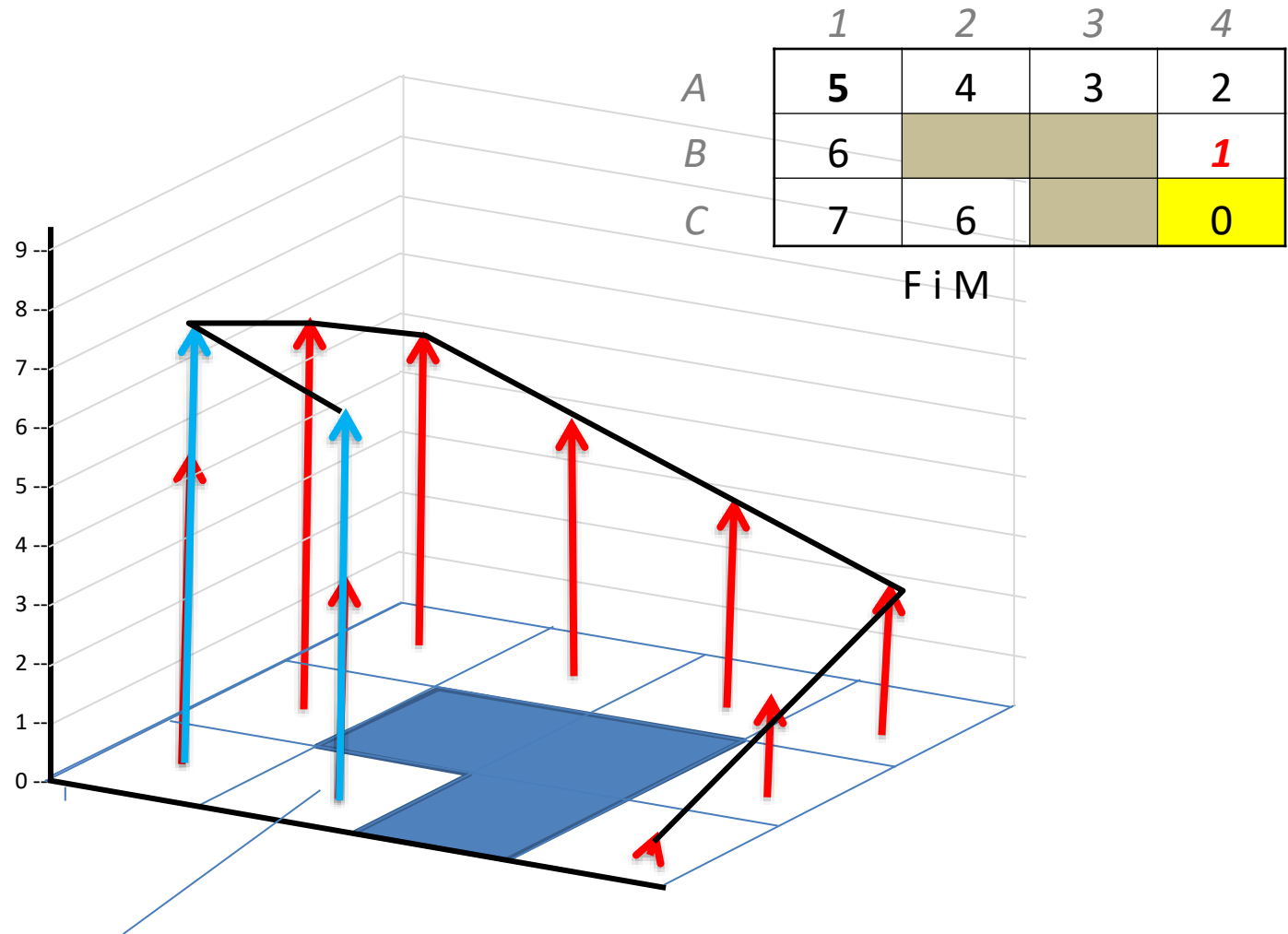
LRTA*: EXECUÇÃO 1



LRTA*: EXECUÇÃO 1



LRTA*: EXECUÇÃO 2



com mais execuções, o valor da posição C2 atingiria 8 que é o custo real

LRTA*

Requisito

Valor inicial de h deve ser otimista, i.e.
$$h(n) \leq h^*(n)$$

LRTA*

O algoritmo é completo?

Sim,

se há um número finito de nós com arestas (ações) de custos positivos, e

se existem caminhos de cada nó ao nó objetivo (*não há nó isolado*) e

se $h(n)$ é não-negativo (pode ser zero)

então LRTA* encontrará o nó objetivo

LRTA*

É ótimo?

Requer várias execuções para alcançar otimalidade.

Se as estimativas iniciais forem admissíveis, então, executando-o várias vezes no mesmo problema, os valores aprendidos pelo LRTA* convergirão para as distâncias reais em todos os caminhos ótimos até o nó objetivo.



quando há empate nos $f(n')$, a escolha do vizinho deve ser randômica, caso contrário, o algoritmo, ao encontrar uma solução ótima, sempre a seguirá