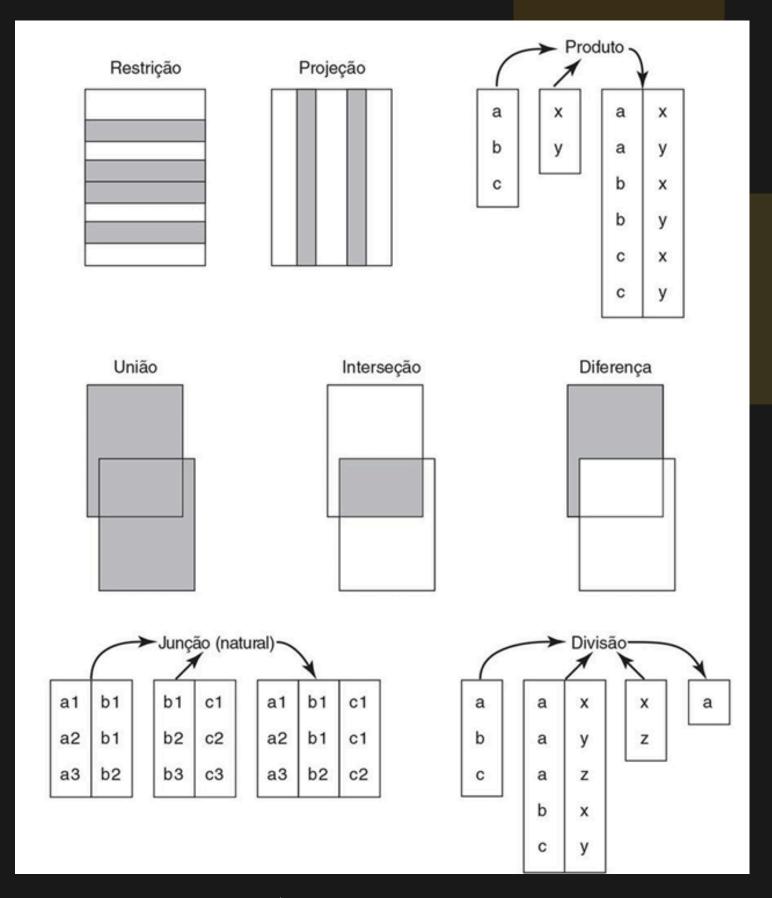
# Álgebra Relacional

Adenilson AlvesLuan FerreiaVictor Bonfim

# Tópicos

- Introdução
- Revendo o fechamento
- A álgebra original: sintaxe
- A álgebra original: semântica
- Exemplos
- Para que serve a álgebra?
- Pontos adicionais
- Operadores adicionais
- Agrupamento e desagrupamento
- Resumo Exercícios
- Referências e bibliografia



A álgebra relacional é uma coleção de operadores que tomam relações como seus operandos e retornam uma relação como seu resultado.

### Propriedade de Fechamento

Fechamento:	A saída de uma operação relacional é outra relação.
Aninhamento:	Permite o aninhamento de expressões relacionais, como ocorre com expressões aritméticas.
Problema:	Relações derivadas precisam de cabeçalhos adequados para operações subsequentes.

F#	FNOME	STATUS	FCIDADE
F1	Smith	20	Londres
F2	Jones	10	Paris
F3	Blake	30	Paris
F4	Clark	20	Londres
F5	Adams	30	Atenas

### Exemplo

**Operador: RENAME** 

Renomeia atributos de uma relação, mantendo o restante inalterado.

#### F RENAME CIDADE AS FCIDADE

Essa expressão – observe que ela é uma expressão, e não um "comando" ou instrução, e portanto pode estar aninhada dentro de outras expressões – produz uma relação que tem o mesmo cabeçalho e corpo da relação que é o valor atual da variável de relação F, exceto pelo fato de o atributo de cidade ser chamado FCIDADE, em vez de CIDADE:

### Álgebra Original: Sintaxe

Sintaxe baseada no Tutorial D

Expressões de álgebra relacional: 8 operadores + RENAME

Inclui notas de semântica

Notação matemática vs. palavras-chave

Preferência por palavras-chave: JOIN, WHERE

Expressões mais longas mas compreensíveis

Símbolo	Operação	Sintaxe	Tipo
σ	Seleção / Restrição	σ condição (Relação)	Primitiva
π	Projeção	π <sub>expressões</sub> ( Relação )	Primitiva
٥	União	Relação1 ∪ Relação2	Primitiva
0	Intersecção	Relação1 ∩ Relação2	Adicional
_	Diferença de conjuntos	Relação1 - Relação2	Primitiva
X	Produto cartesiano	Relação1 x Relação2	Primitiva
$ \mathbf{x} $	Junção	Relação1  x  Relação2	Adicional
÷	Divisão	Relação1 ÷ Relação2	Adicional
ρ	Renomeação	ρ <sub>nome</sub> ( Relação )	Primitiva
←	Atribuição	variável ← Relação	Adicional

### Álgebra Original: Sintaxe

```
RELATION { < lista_com_vírgulas_de_expressão_de_tupla> } < nome_de_variável_de_relação> < invocação_de_operador_relacional> < expressão_with> < nome_introduzido> ( < expressão_relacional> )
```

## Álgebra Original: Semântica

**União**: Combina tuplas de duas relações, Remove duplicatas, Exige mesmo número de colunas e tipos compatíveis

Interseção: Filtra elementos comuns, Exige estrutura compatível entre relações

**Divisão**:Mostra tuplas que estão em uma relação, mas não na outra, Exclui elementos correspondentes, Estrutura de ambas as relações deve ser igual

F#	FNOME	STATUS	CIDADE	
F1 Smith F4 Clark		20 20	Londres Londres	
	nião A UNION B)			
1,	t dittoit by			

F#	FNOME	STATUS	CIDADE
F1	Smith	20	Londres
F2	Jones	10	Paris

F#	FNOME	STATUS	CIDADE
F1	Smith	20	Londres
F4	Clark	20	Londres
F2	Jones	10	Paris

2.	Interseção	
	(A INTERSECT	B)

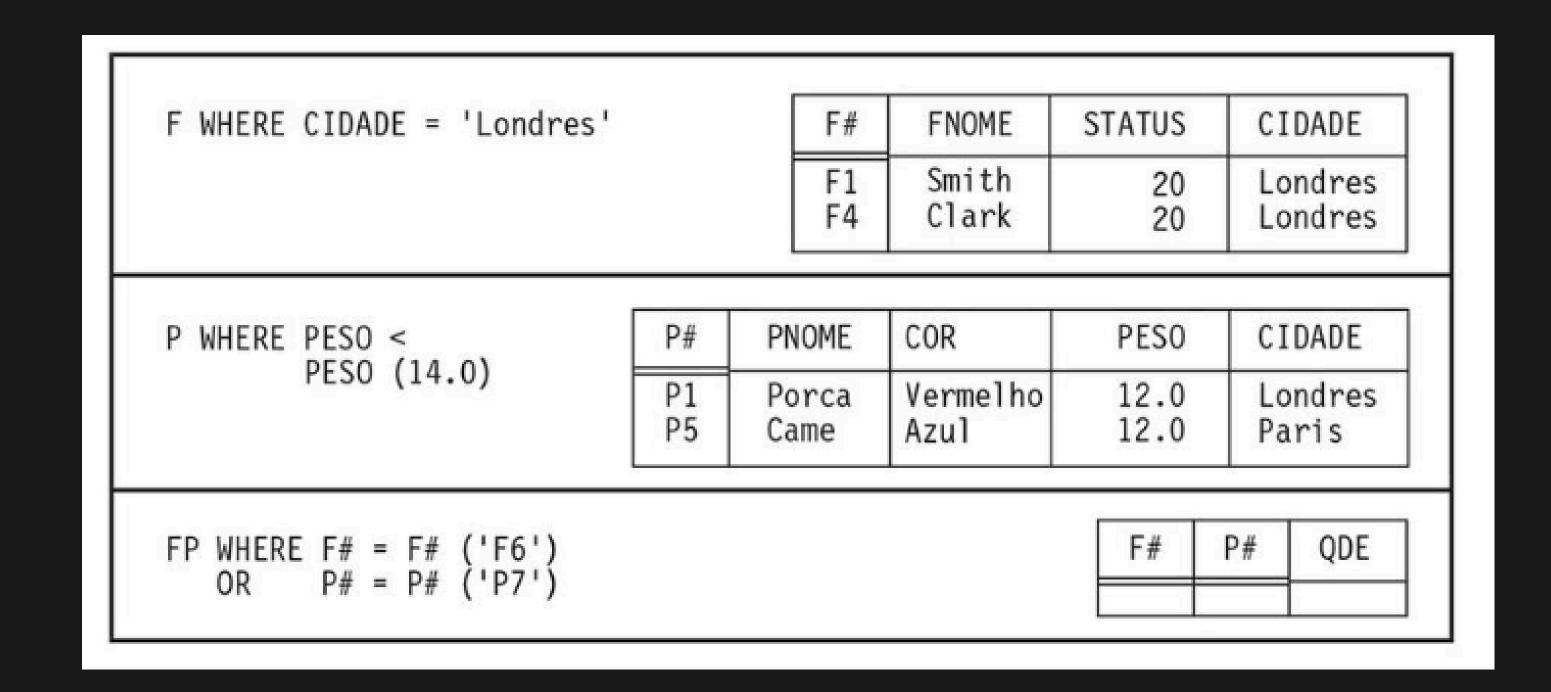
F#	FNOME	STATUS	CIDADE
F1	Smith	20	Londres

#### Diferença (A MINUS B)

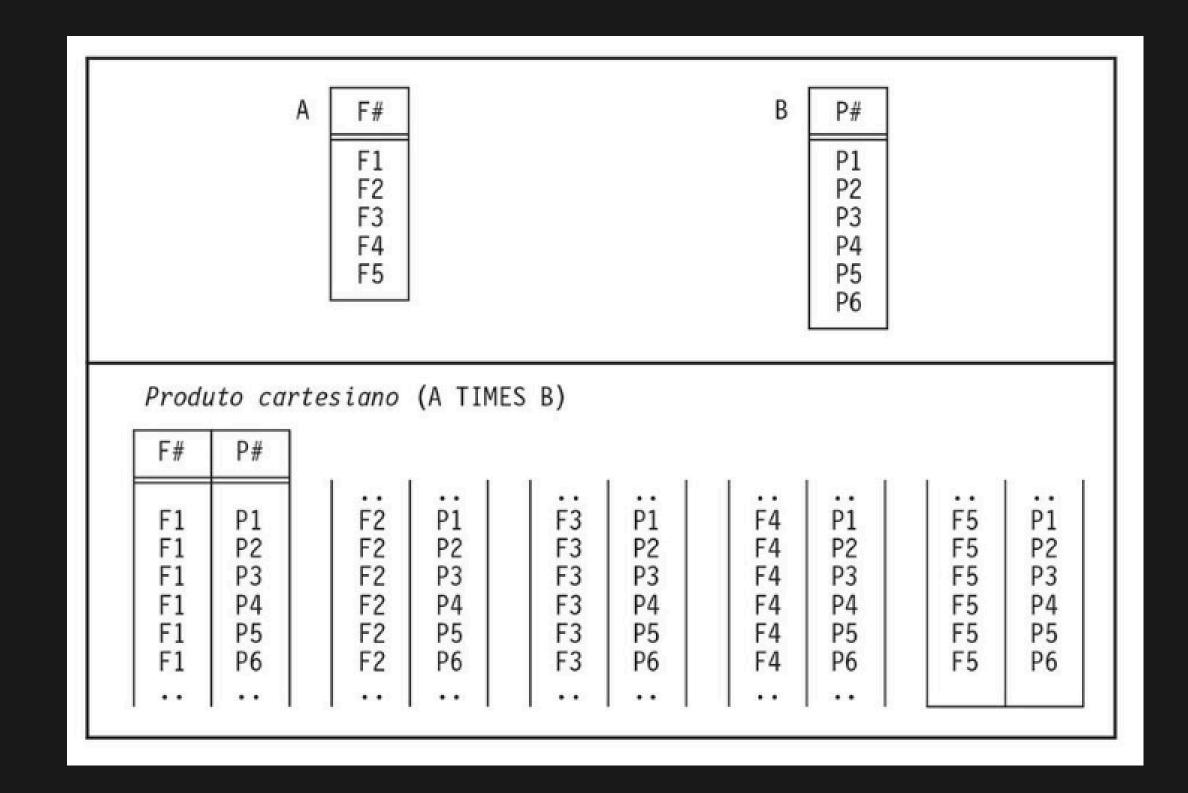
F#	FNOME	STATUS	CIDADE
F4	Clark	20	Londres

 Diferença (B MINUS A)

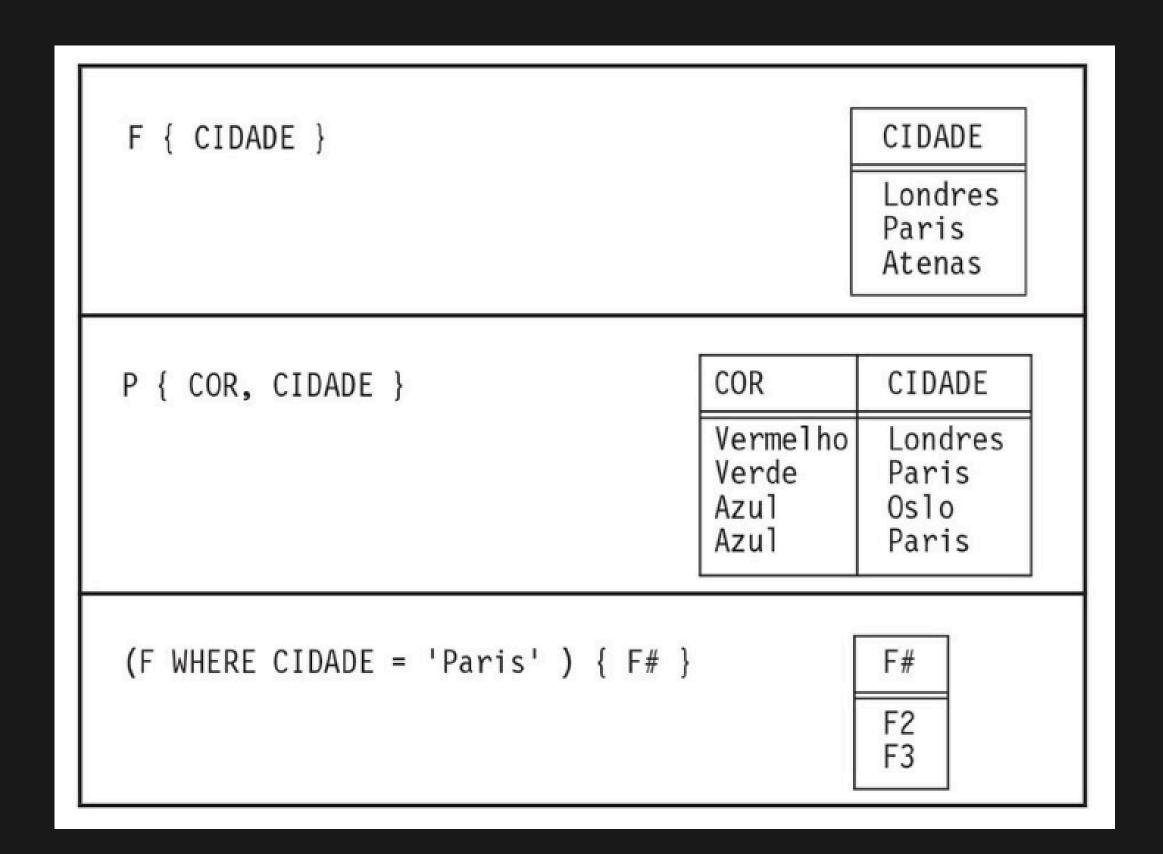
F#	FNOME	STATUS	CIDADE
F2	Jones	10	Paris



**Restrição**: Produto cartesiano: combina tuplas de duas relações, Gera nova relação com todas as colunas, Renomeação necessária para atributos iguais



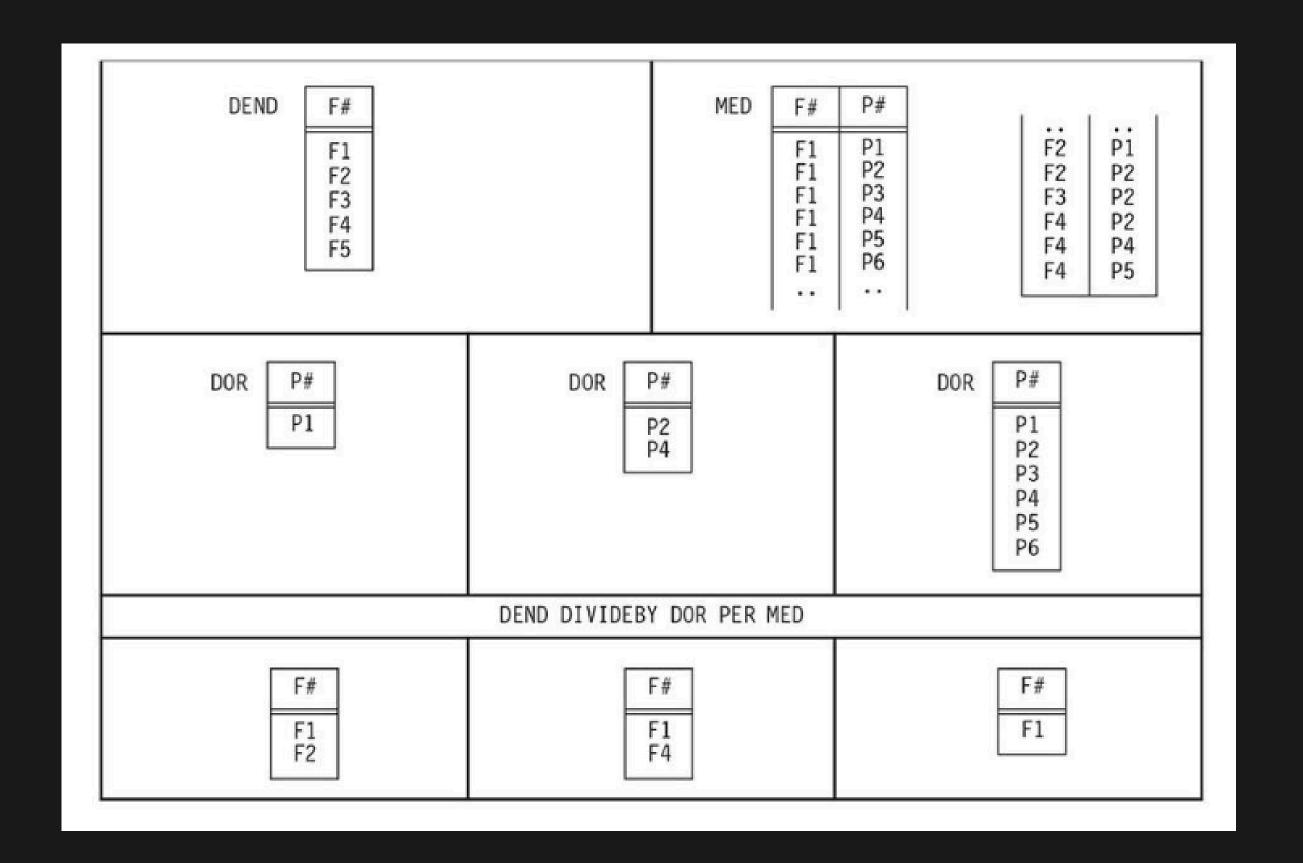
**Produto Cartesiano**: Restrição: aplica condição sobre relação, Retorna nova relação com tuplas que atendem à condição, Filtra apenas tuplas específicas



**Projeção**: Projeção: seleciona atributos específicos, Gera nova relação com tuplas únicas, Elimina duplicatas

	2		30	00 0			
F#	FNOME	STATUS	CIDADE	P#	PNOME	COR	PES0
F1 F1 F2 F2 F3	Smith Smith Smith Jones Jones Blake	20 20 20 10 10	Londres Londres Londres Paris Paris	P1 P4 P6 P2 P5 P2	Porca Parafuso Tubo Pino Came Pino	Vermelho Vermelho Verde Azul Verde	12.0 14.0 19.0 17.0 12.0
F3 F4 F4	Blake Clark Clark Clark	30 20 20 20	Paris Londres Londres Londres	P5 P1 P4 P6	Porca Parafuso Tubo	Azul Vermelho Vermelho Vermelho	12.0 12.0 14.0 19.0

Junção: combina tuplas com valores iguais em atributos comuns, Gera nova relação com todos os atributos de A e B, Retorna tuplas que atendem à igualdade nos atributos correspondentes



**Divisão**: seleciona tuplas associadas a todas as tuplas de outra relação, Retorna resultado com atributos específicos, Foco em tuplas que satisfazem todos os critérios



### Exemplos

Objetivo: Demonstrar o uso de expressões de álgebra relacional para consultas de banco de dados.

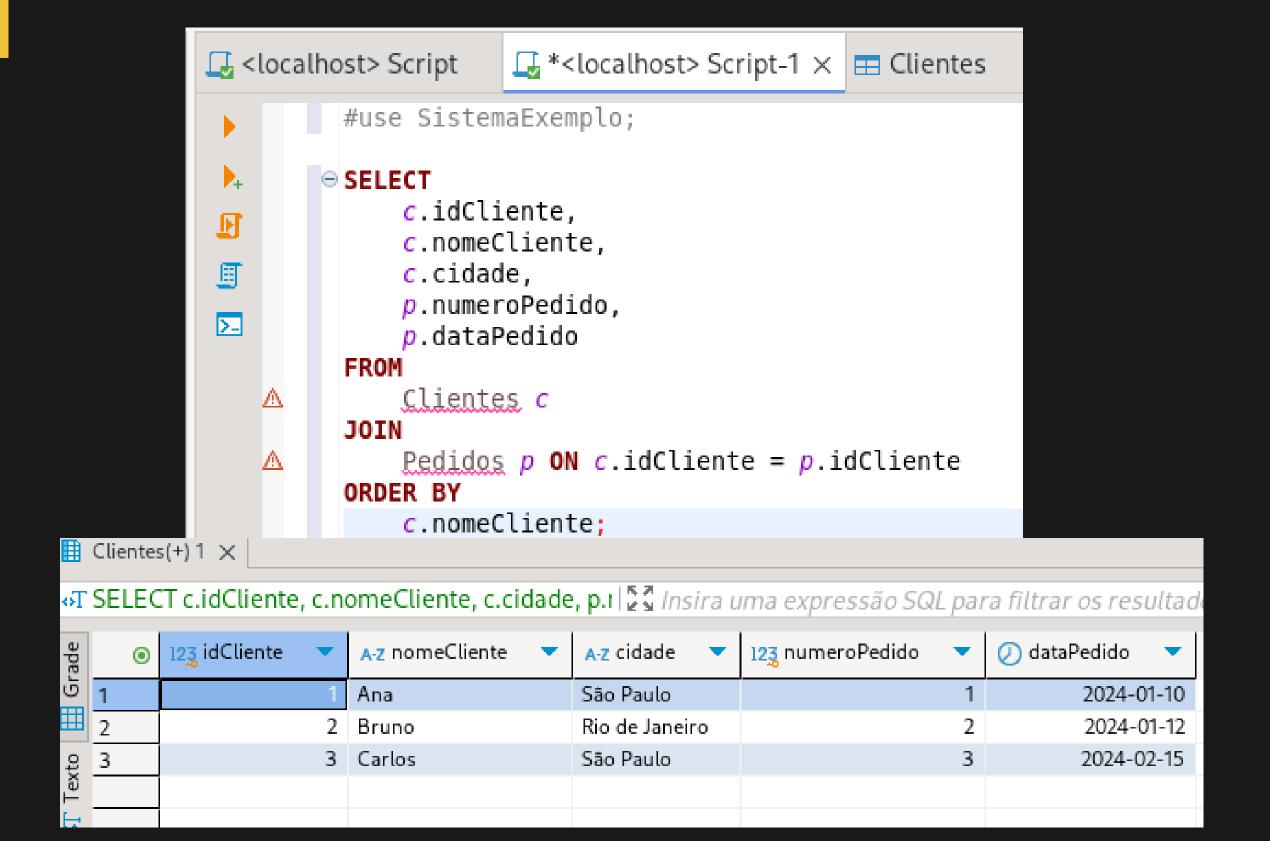
#### Exemplo 1: União

```
#use SistemaExemplo;

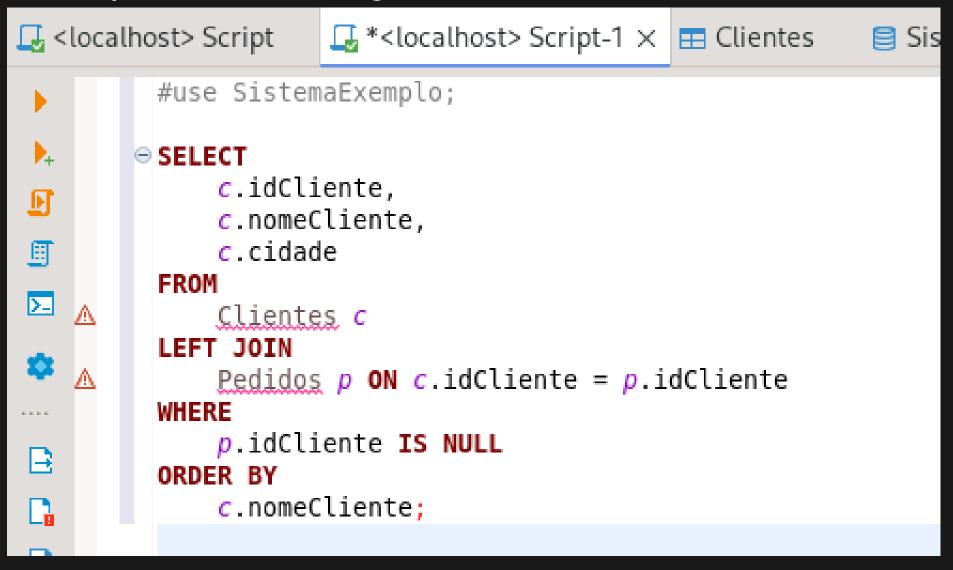
#use SistemaExemp
```

	Resulta	dos 1 🗙	
οT	SELEC	T nomeCliente FROI	И Cli
Grade	0	A-z nomeCliente ▼	
Ğ	1	Ana	
	2	Carlos	
exto	3	Bruno	
ē			

#### Exemplo 2: Interseção

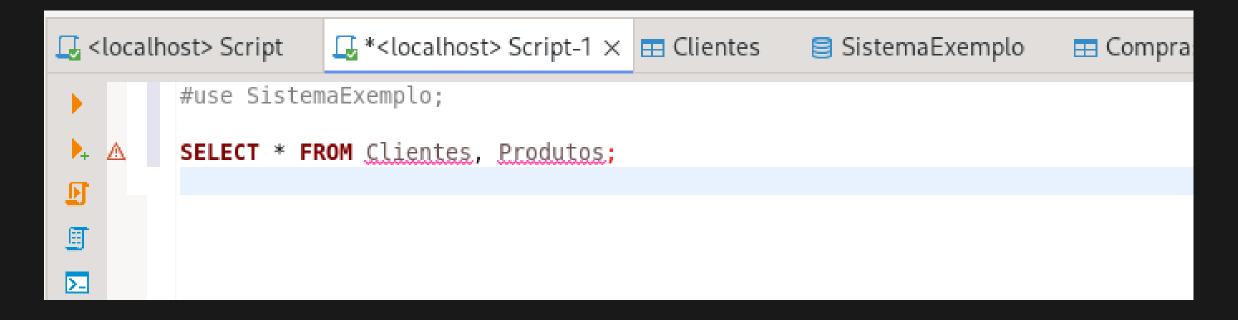


#### Exemplo 3: Diferença



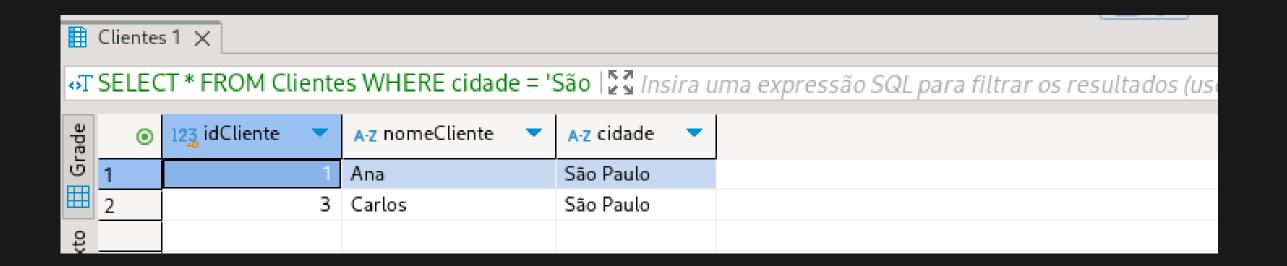


#### Exemplo 4: Produto Cartesiano



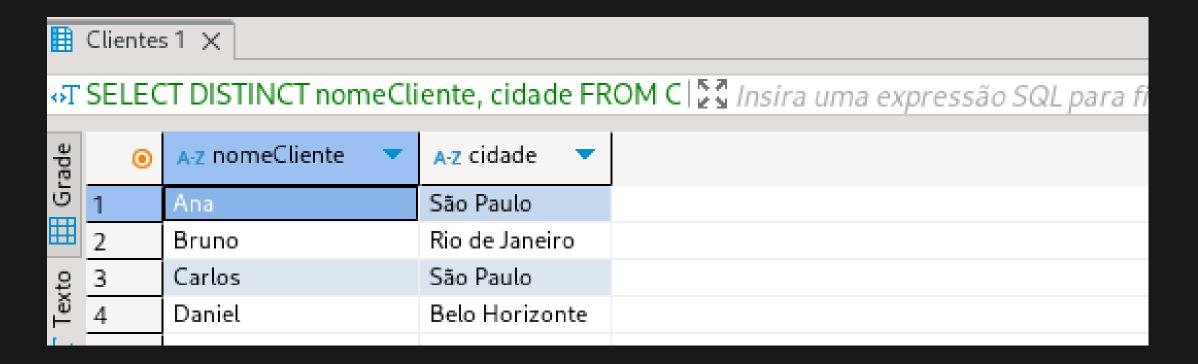
	☐ Clientes(+) 1 ×												
«T SELECT * FROM Clientes, Produtos   ♣ Insira uma expressão SQL para filtrar os resultados (use Ctrl+Espaço)													
Grade	•	123 idCliente	•	A-z nomeCliente	-	A-z cidade ▼	123 idProduto	•	A-z nomeProduto	•	A-z categoria	-	123 precoProduto
	1		1	Ana		São Paulo		1	Celular		Eletrônicos		1.500
	2		2	Bruno		Rio de Janeiro		1	Celular		Eletrônicos		1.500
ę	3		3	Carlos		São Paulo		1	Celular		Eletrônicos		1.500
Texto	4		4	Daniel		Belo Horizonte		1	Celular		Eletrônicos		1.500
Ê	5		1	Ana		São Paulo		2	Notebook		Eletrônicos		3.500
	6		2	Bruno		Rio de Janeiro		2	Notebook		Eletrônicos		3.500
	7		3	Carlos		São Paulo		2	Notebook		Eletrônicos		3.500
	8		4	Daniel		Belo Horizonte		2	Notebook		Eletrônicos		3.500
	9		1	Ana		São Paulo		3	Mesa		Móveis		800
	10		2	Bruno		Rio de Janeiro		3	Mesa		Móveis		800
	11		3	Carlos		São Paulo		3	Mesa		Móveis		800
	12		4	Daniel		Belo Horizonte		3	Mesa		Móveis		800
	13		1	Ana		São Paulo		4	Cadeira		Móveis		300
	14		2	Bruno		Rio de Janeiro		4	Cadeira		Móveis		300
	15		3	Carlos		São Paulo		4	Cadeira		Móveis		300
	16		4	Daniel		Belo Horizonte		4	Cadeira		Móveis		300

#### Exemplo 5: Restrição



#### Exemplo 6: Projeção





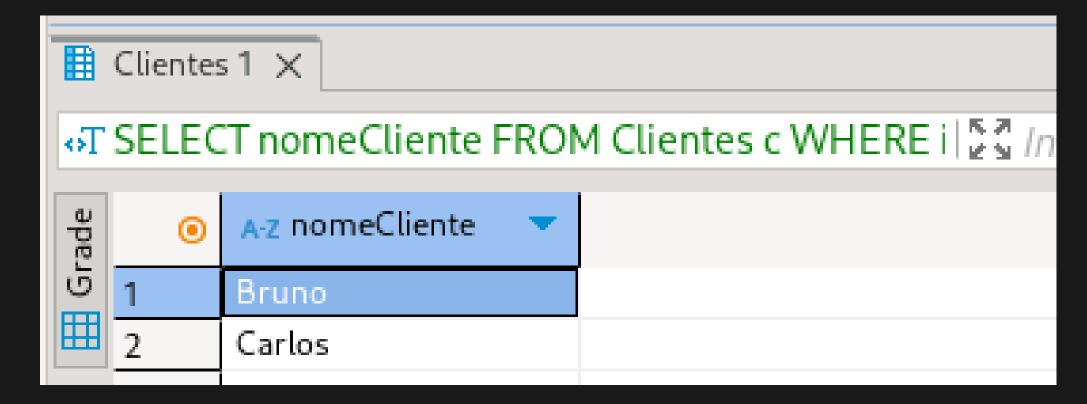
#### Exemplo 7: Junção

```
#use SistemaExemplo;

#use SistemaExemp
```

⊞ Clientes(+) 1 ×								
↔T SELECT Clientes.nomeCliente, Pedidos.numero 👯 Insira uma expressão SQL para 1								
Grade	•	A♂ nomeCliente ▼	123 numeroPedido 🔻					
	1	Ana	1					
	2	Bruno	2					
<u>.</u>	3	Carlos	3					
Texto								

#### Exemplo 8: Divisão



### Para que serve a álgebra relacional?

 Álgebra Relacional: Conjunto de operações (união, interseção, diferença, produto, restrição, projeção, junção, divisão, renomeação de atributos) usado para manipulação de dados.

- Principais Aplicações:
  - a. Busca de Dados: Definir escopos para consultas e atualizações.
  - b. Definição de Restrições: Integridade, segurança, estabilidade e RelVars derivadas.
  - c. Otimização de Consultas: Manipulação simbólica para melhorar eficiência.
  - d. Medida de Poder Expressivo: Avaliar completude relacional de linguagens.

### Pontos avançados

### Associatividade e Comutatividade dos Operadores

- Operadores Associativos:
- UNION, INTERSECT, TIMES, JOIN
  - Exemplo:
  - $\circ$  (a UNION b) UNION c  $\equiv$  a UNION (b UNION c)  $\equiv$  a UNION b UNION c
- Operadores Comutativos:
- UNION, INTERSECT, TIMES, JOIN
  - Exemplo:
  - $\circ$  a UNION b  $\equiv$  b UNION a
- Exceção:
- MINUS não é associativo nem comutativo.

### Equivalências Importantes

- Restrições:
  - $\circ$  r WHERE TRUE  $\equiv$  r
  - r WHERE FALSE = vazio
- Projeções:
  - $\circ$  r {X, Y, ..., Z}  $\equiv$  r (se X, Y, Z forem todos os atributos)
  - ∘ r {} ≡ TABLE\_DEE (se r não for vazio)
- Operações:
  - $\circ$  r JOIN r  $\equiv$  r UNION r  $\equiv$  r INTERSECT r  $\equiv$  r
  - $\circ$  r UNION vazio  $\equiv$  r
  - vazio INTERSECT r ≡ vazio

### Generalizações dos Operadores

- Generalização para n operandos:
  - JOIN, UNION e INTERSECT podem ser aplicados a mais de dois operandos (n-ádicos).
- Caso n = 1:
  - A junção, união ou interseção de uma única relação é a própria relação.
- Caso n = 0:
  - JOIN: TABLE\_DEE
  - UNION: Relação vazia do mesmo tipo.
  - INTERSECT: Relação universal (contém todas as tuplas possíveis).

### Operadores adicionais

Operações de junção e diferença no contexto de bancos de dados relacionais

Diferença entre junção completa e operações semi (semijunção e semidiferença)

Aplicação em consultas SQL para filtragem de dados

# Semijunção (SEMIJOIN)

Retorna as tuplas de uma relação (A) que têm correspondências em outra relação (B), sem incluir colunas de B.

```
#use SistemaExemplo;

#use SistemaExemp
```

Listar clientes que têm pedidos, mas sem detalhar os pedidos.

# Semidiferença (SEMIMINUS)

Definição: Retorna as tuplas de uma relação (A) que não têm correspondências em outra relação (B).

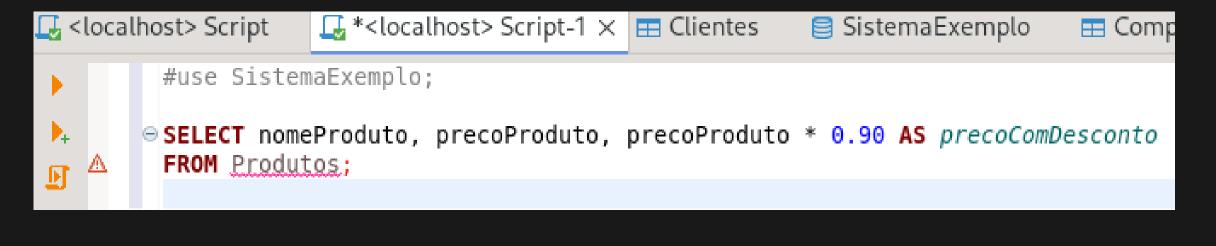
```
#use SistemaExemplo;

#use SistemaExemp
```

Encontrar clientes que não fizeram pedidos.

# Extensão (EXTEND)

Adiciona colunas a uma relação com valores derivados de cálculos ou expressões.

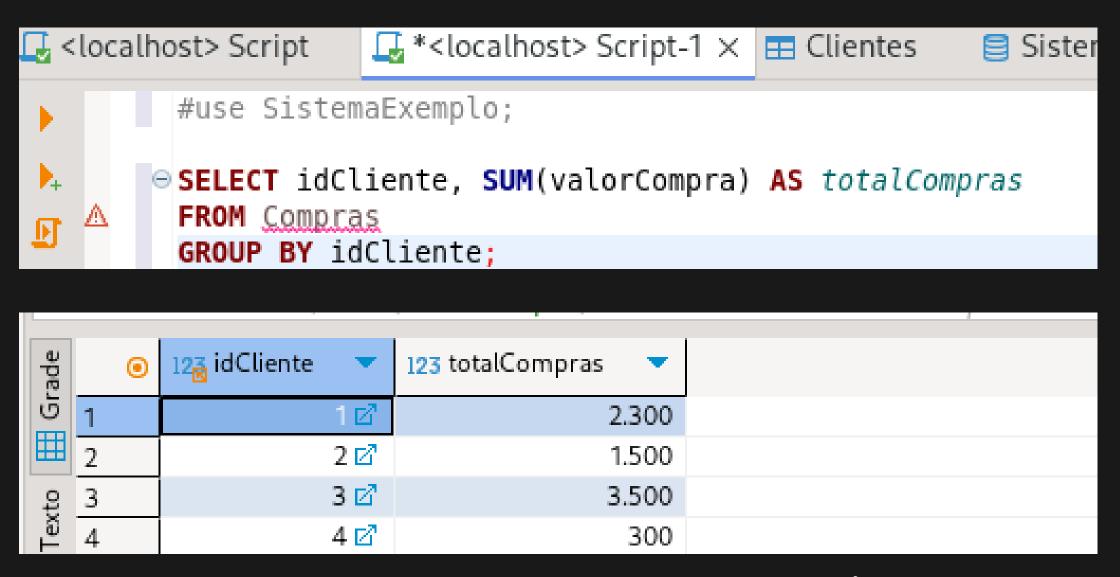


•	A-z nomeProduto 🔻	123 precoProduto 🔻	123 precoComDesconto 🔻
1	Celular	1.500	1.350
2	Notebook	3.500	3.150
3	Mesa	800	720
4	Cadeira	300	270

Criar uma coluna calculada que aplica um desconto ao preço dos produtos.

# Totalização (SUMARIZE)

Agrega dados em uma relação, aplicando funções como soma, média, contagem, etc.



Calcular o valor total das compras de cada cliente.

# Tclose (Fecho transitivo)

Encontra todas as conexões diretas e indiretas em uma relação (usado para hierarquias).

Listar todos os subordinados diretos e indiretos de um gerente usando CTE recursiva.

# Agrupamento e Desagrupamento

Agrupamento e desagrupamento são operações que permitem mapear entre relações que contêm atributos com valores de relação e aquelas que não os contêm.

Essas operações são úteis quando lidamos com dados aninhados, em que um atributo pode conter várias tuplas.

Exemplos de uso prático incluem a agregação de dados relacionados e a sua subsequente separação.

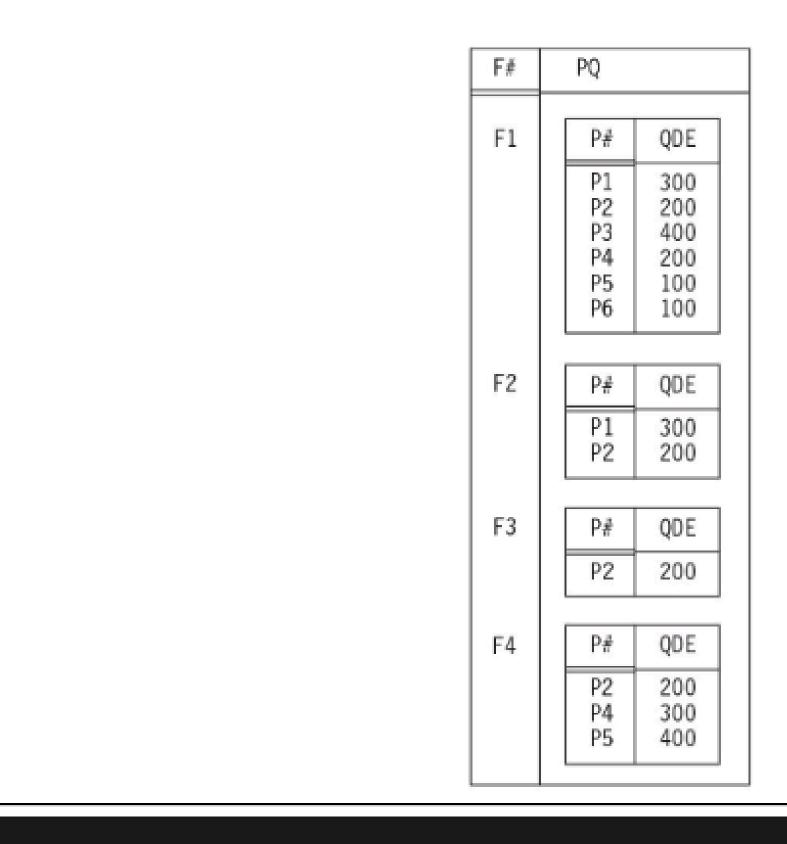
# Agrupamento (GROUP)

 Agrupamento cria uma nova relação na qual alguns atributos são combinados em um único valor de relação.  Agrupamento por F#: Para cada valor distinto de F# na tabela FP, os atributos P# e QDE são agrupados em uma relação.

• Exemplo de expressão:

```
FP GROUP { P#, QDE } AS PQ
```

- Estrutura Resultante
  - Cabeçalho: { F#, PQ (com atributos P# e QDE) }
  - o Corpo: Uma tupla para cada valor distinto de F#.



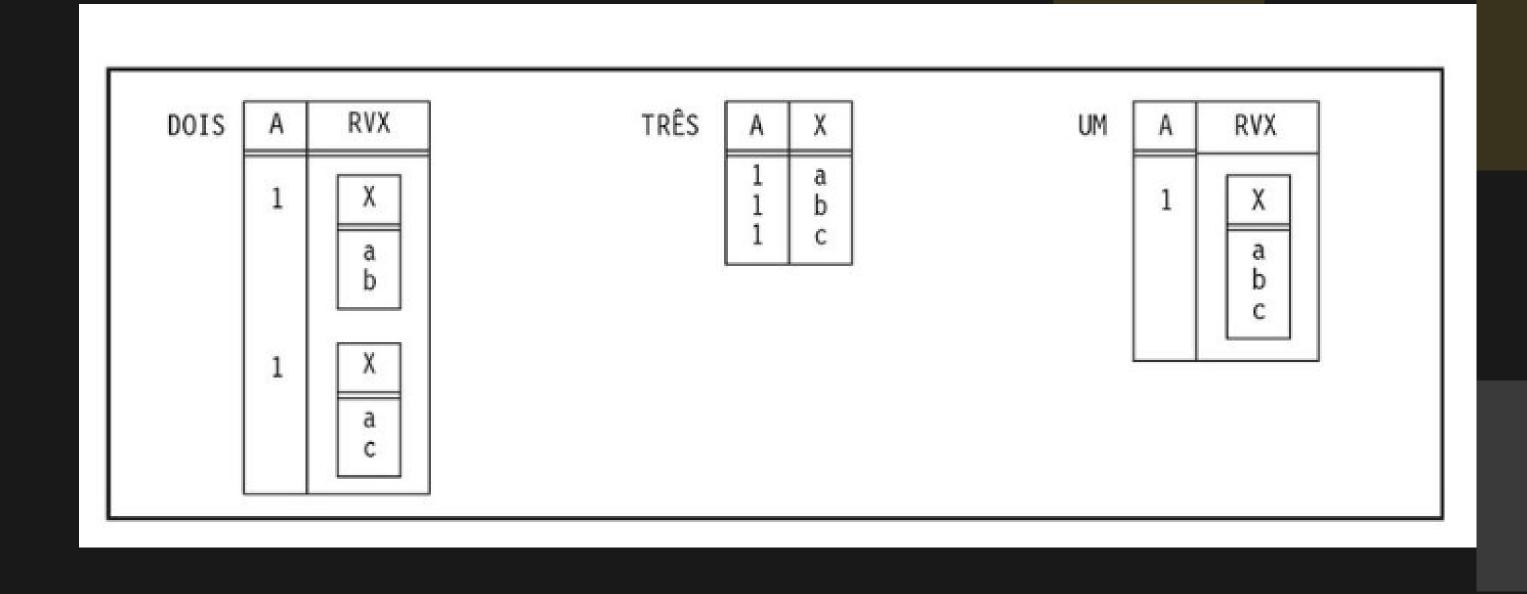
## Desagrupamento (UNGROUP)

• O desagrupamento desfaz o agrupamento, separando os atributos de uma relação aninhada em atributos individuais.

• Exemplo de expressão:

FPQ UNGROUP PQ

- Desagrupamento de PQ: A relação FPQ é convertida de volta à relação FP original, com os atributos P# e QDE separados.
- Estrutura Resultante
  - Cabeçalho: { F#, P#, QDE }
  - Corpo: Uma tupla para cada combinação de F# e sua relação associada de P# e QDE.



# RESUMO

## Introdução à Álgebra Relacional

Importância do Fechamento:
 Regras de inferência e expressões relacionais aninhadas.

Operadores Primitivos:
 Conjunto inicial de operadores que formam a base da álgebra relacional.

## Operadores da Álgebra Relacional

Operadores Tradicionais:
 União, Interseção, Diferença, Produto.

Operadores Relacionais Especiais:
 Restrição, Projeção, Junção, Divisão (substituível por comparações).

### Novos Operadores e Conceitos

Novos Operadores:
 RENAME, SEMIJOIN, SEMIMINUS, EXTEND, SUMMARIZE, GROUP, UNGROUP.

- Abstração e Eficiência:
  - o Definição de operadores em termos de primitivos.
  - Uso de WITH para simplificação de expressões complexas.

# EXERCÍCIOS

#### **EX 1:**

• Liste os nomes dos clientes que moram em cidades diferentes de São Paulo.

#### **EX 2**:

 Liste todos os produtos disponíveis combinados com todos os clientes que moram em Belo Horizonte.

#### **EX 3:**

 Encontre a quantidade de produtos comprados por cada cliente.

#### **EX 4**:

• Liste os nomes dos produtos e suas categorias, mas renomeie as colunas para "Produto" e "Tipo".

#### **EX 5**:

 Liste os clientes que n\u00e3o t\u00e0m compras registradas.



### Isso é tudo pessoal!

"O futuro tem muitos nomes. Para os fracos, é o inatingível. Para os temerosos, o desconhecido. Para os valentes, é a oportunidade."

Victor Hugo em Os Miseráveis:







### Referências bibliográficas

DATE, C. J.; ANDRÉ VIEIRA; LIFSCHITZ, S. Introdução a sistemas de bancos de dados. Rio De Janeiro: Campus, 2004.

KORTH, H. F.; SILBERSCHATZ, A. Sistema de banco de dados. [s.l: s.n.].