Estimação Intervalar

Luan D. Fiorentin

Universidade Federal do Paraná
Departamento de Estatística
Laboratório de Estatística e Geoinformação

30/10/2019

Sumário

Introdução

- Existem dois tipos de **estimativas** que se pode obter a partir de uma amostra aleatória:
  - Estimativa **pontual**: fornecem como estimativa um único valor numérico para o parâmetro de interesse.
  - Estimativa **intervalar**: fornece um intervalo de valores "plausíveis" para o parâmetro de interesse.
- Por serem **variáveis aleatórias**, os estimadores pontuais possuem uma **distribuição de probabilidade** (distribuições amostrais).

Introdução

- É possível apresentar uma estimativa mais informativa para o parâmetro de interesse, que inclua uma medida de precisão do valor obtido: **estimativa intervalar** ou **intervalo de confiança**.
- **Os intervalos de confiança são obtidos a partir da distribuição amostral de seus estimadores.**
    - Por exemplo: é possível obter um intervalo de confiança para a média amostral.

Sumário

Pressuposição inicial

- A amostra é uma **amostra aleatória simples** (AAS). Portanto, todas as amostras de mesmo tamanho tem a mesma probabilidade de serem selecionadas.
- O valor do desvio padrão populacional σ é **conhecido**.
- Uma ou ambas das seguintes condições são satisfeitas:
  - A população é normalmente distribuída.
  - A amostra possui $n > 30$.

Erro a amostral

- Quando coleta-se uma amostra aleatória e calcula-se uma média, o valor da média possui um **desvio natural** em relação ao verdadeiro valor da média populacional (**erro amostral**), ou seja:

$$e = \bar{X} - \mu$$

$$\bar{X} = \mu + e.$$

- Sabe-se que a distribuição amostral da média é uma **distribuição normal**, com média μ e variância σ^2/n:

$$\bar{X} \sim N\left(\mu, \frac{\sigma^2}{n}\right).$$

Margem de erro

- Usando a transformação

$$Z = \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} = \frac{e}{\sigma/\sqrt{n}} \sim N(0,1),$$

pode-se determinar o erro máximo provável que assumimos para a média amostral que estamos calculando.

- O **erro máximo provável** ou **margem de erro da média** é definido por

$$e = z_{\gamma/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}},$$

onde $z_{\gamma/2}$ é chamado de **valor crítico**.

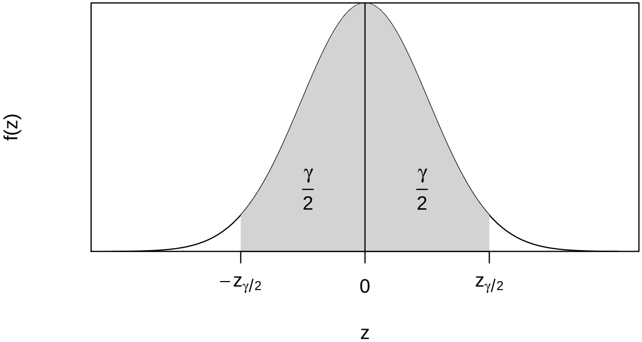
Intervalo de confiança

Fixando um valor γ tal que $0 < \gamma < 1$, é possível encontrar um valor $z_{\gamma/2}$ tal que:

$$
\begin{aligned}
P[|Z| < z_{\gamma/2}] &= \gamma \\
P[-z_{\gamma/2} < Z < z_{\gamma/2}] &= \gamma \\
P\left[-z_{\gamma/2} < \frac{\bar{x} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} < z_{\gamma/2}\right] &= \gamma \\
P\left[\bar{x} - z_{\gamma/2} \cdot \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right) < \mu < \bar{x} + z_{\gamma/2} \cdot \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right)\right] &= \gamma \\
P[\bar{x} - e < \mu < \bar{x} + e] &= \gamma
\end{aligned}
$$

Intervalo de confiança

O valor crítico $z_{\gamma/2}$ é o valor de γ dividido por 2, uma vez que a "massa" γ deve ser distribuída igualmente em torno de 0.



Intervalo de confiança

- A área γ representa o **coeficiente de confiança** associado ao **intervalo de confiança** que está sendo construído.
- O valor $z_{\gamma/2}$ pode ser obtido da tabela da **Normal Padrão**, localizando o valor de $\gamma/2$ obtido na tabela e determinando o valor $z_{\gamma/2}$ nas margens.
- Exemplo: considere o coeficiente de confiança $\gamma = 0,95$:
    - Tem-se que $\gamma/2 = 0,475$ é a área a ser procurada na tabela.
    - $\gamma/2 = 0,475 = 1,96$ é o valor crítico.

Construção do intervalo de confiança

- Podemos construir um intervalo de confiança com um coeficiente de confiança para μ, com coeficiente de confiança γ:

$$IC[\mu, \gamma] = \left[\bar{X} - z_{\gamma/2} \cdot \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right); \bar{X} + z_{\gamma/2} \cdot \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right)\right].$$

Com outras notações:

$$IC[\mu, \gamma] = [\bar{X} - e; \bar{X} + e]$$

$$IC[\mu, \gamma] = \bar{x} \pm e$$

$$\bar{x} - e < \mu < \bar{x} + e.$$

Como construir um intervalo de confiança???

- Verifique se as suposições são satisfeitas:
  - É uma amostra aleatória;
  - Desvio padrão é conhecido;
  - População tem distribuição normal ou n > 30.
- Determinar o nível de confiança γ e obter o valor crítico $z_{\gamma/2}$.
- Determinar a margem de erro e.
- Calcular o $IC[\mu, \gamma]$.

Interpretação do intervalo de confiança

- Suponha que foi obtido um intervalo de 95% de confiança: $IC[\mu; 0,95] = [95; 105]$

Interpretação 1

Temos 95% de confiança de que a verdadeira média populacional μ se encontra entre 95 e 105.

Interpretação 2

Temos 95% de confiança de que o intervalo entre 95 e 105 realmente contém a verdadeira média populacional μ.

Interpretação do intervalo de confiança

- Suponha que foi obtido um intervalo de 95% de confiança: $IC[\mu; 0,95] = [95; 105]$

Interpretação 1 — ERRADA

Temos 95% de confiança de que a verdadeira média populacional μ se encontra entre 95 e 105.

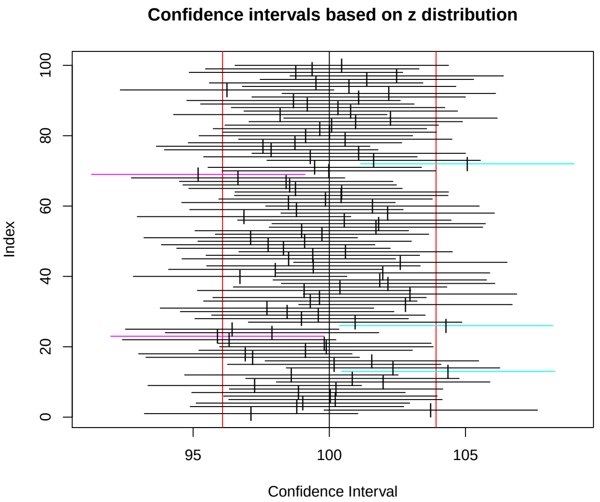
Interpretação 2 — CERTA

Temos 95% de confiança de que o intervalo entre 95 e 105 realmente contém a verdadeira média populacional μ.

Interpretação do intervalo de confiança

- Como o intervalo de confiança é calculado a partir de uma **amostra aleatória**, este intervalo **também é aleatório**!
- Isso significa que para cada amostra aleatória que tivermos, um intervalo **diferente** será calculado.
- Como o valor de μ é fixo, é o intervalo que deve conter o valor de μ, e não o contrário.
- Isso significa que se pudermos obter 100 amostras diferentes, e calcularmos um intervalo de confiança de 95% para cada uma das 100 amostras, esperamos que 5 destes intervalos **não** contenham o verdadeiro valor da média populacional μ.

Interpretação do intervalo de confiança



Exemplo 1

Uma empresa de computadores deseja estimar o tempo médio de horas semanais que as pessoas utilizam o computador.

Uma amostra aleatória de 25 pessoas apresentou um tempo médio de uso de 22,4 horas. Com base em estudos anteriores, a empresa assume que $\sigma = 5,2$ horas, e que os tempos são normalmente distribuídos.

Construa um intervalo de confiança para a média μ com coeficiente de confiança de 95%.

Exemplo 1

$$IC[\mu;\gamma] = \left[\bar{X} - z_{\gamma/2} \cdot \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right); \bar{X} + z_{\gamma/2} \cdot \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right)\right]$$

$$IC[\mu; 0,95] = \left[22,4 - 1,96 \cdot \left(\frac{5,2}{\sqrt{25}}\right); 22,4 + 1,96 \cdot \left(\frac{5,2}{\sqrt{25}}\right)\right]$$

$$IC[\mu; 0,95] = \left[22,4 - 2,04; 22,4 + 2,04\right]$$

$$IC[\mu; 0,95] = [20,36 < \mu < 24,44]$$

$$IC[\mu; 0,95] = [20,36; 24,44].$$

Amplitude do intervalo

- A **amplitude** de um intervalo de confiança é dada pela diferença entre o limite superior e o limite inferior, ou seja,

$$AMP_{IC} = \left[\bar{x} + z_{\gamma/2} \cdot \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right)\right] - \left[\bar{x} - z_{\gamma/2} \cdot \left(\frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right)\right]$$

$$AMP_{IC} = 2 \cdot z_{\gamma/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}.$$

Amplitude do intervalo

$$AMP_{IC} = 2 \cdot z_{\gamma/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

- $z_{\gamma/2}$: cada vez que aumenta-se a confiança γ, o valor de $z_{\gamma/2}$ fica maior e, consequentemente, a amplitude do intervalo aumenta.
- σ: um grande desvio padrão indica a possibilidade de um considerável distanciamento dos valores amostrais em relação à média populacional.
- n: quanto maior for o tamanho da amostra, maior será a quantidade de informação disponível. Com isso, valores maiores de n produzem intervalos mais informativos.

Exemplo 2

- Seja $X \sim N(\mu, 36)$.

1. Para uma amostra de tamanho 50, obtivemos média amostral de 18,5. Construa intervalos de confiança de: i) 90%; ii) 95%; e iii) 99%.
2. Calcule as amplitudes dos intervalos acima e explique a diferença.
3. Para um nível de confiança de 95%, construa intervalos de confiança (admita a mesma média amostral de 18,5) supondo tamanhos de amostra de: i) 15; e ii) 100.
4. Calcule as amplitudes dos intervalos acima e explique a diferença.

Exemplo 2

1. $IC[\mu; 90\%] = [17,11; 19,89]$

$IC[\mu; 95\%] = [16,84; 20,16]$

$IC[\mu; 99\%] = [16,33; 20,67].$

2. $AMP_{IC}[\mu; 90\%] = 2,78$

$AMP_{IC}[\mu; 95\%] = 3,32$

$AMP_{IC}[\mu; 99\%] = 4,34.$

3. $AMP_{IC}[\mu; 95\%] = [15,46; 21,54]$

$AMP_{IC}[\mu; 95\%] = [17,32; 19,68].$

4. $AMP_{IC}[\mu; 95\%] = 6,08$

$AMP_{IC}[\mu; 95\%] = 2,36.$

Dimensionamento de amostra

- O objetivo do estudo é **estimar a média populacional μ desconhecida**. Logo, a pergunta é:

Quantos elementos (itens, objetos, pessoas, . . .) eu devo amostrar?

- **Em geral, recomenda-se inicialmente $n > 30$ como um tamanho de amostra mínimo para grande parte dos problemas**.
- No entanto, pode-se obter uma **estimativa mais adequada** de quantos elementos amostrar.

Dimensionamento de amostra

- A partir do **erro máximo provável**

$$e = z_{\gamma/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}},$$

pode-se isolar n e determinar uma **expressão** para estimar o tamanho amostral

$$n = \left[\frac{z_{\gamma/2} \cdot \sigma}{e} \right]^2.$$

Dimensionamento de amostra

- Tamanho da amostra n não depende do tamanho da **população** N.
- No entanto, o **tamanho amostral depende** do:
  - Nível de confiança desejado (γ);
  - Erro máximo desejado (e);
  - Desvio padrão (σ).

$$n = \left[\frac{z_{\gamma/2} \cdot \sigma}{e} \right]^2.$$

- O tamanho amostral precisa ser um **número inteiro**, arredonda-se sempre o valor para o maior número inteiro mais próximo.

Exemplo 3

Desejamos coletar uma amostra de uma variável aleatória X, com distribuição Normal, de média desconhecida e variância 30. Qual deve ser o tamanho da amostra para que, com 95% de probabilidade:

1. A média amostral não difira da média populacional por mais de 1 unidade? E por mais de 4 unidades?
2. Qual o impacto do erro máximo assumido para o tamanho da amostra?
3. Calcule o tamanho da amostra, para que a diferença da média amostral para a média populacional (em valor absoluto) seja menor ou igual a 2 unidades, com níveis de confiança de 90% e 95%.
4. Analise o impacto do nível de confiança para a determinação do tamanho amostral.

Exemplo 3

1.
$$n = \left[\frac{1,96 \cdot \sqrt{30}}{1}\right]^2 = 116.$$
$$n = \left[\frac{1,96 \cdot \sqrt{30}}{4}\right]^2 = 8.$$
2. Quanto menor o erro, maior o tamanho amostral.
3.
$$n = \left[\frac{1,64 \cdot \sqrt{30}}{2}\right]^2 = 21.$$
$$n = \left[\frac{1,96 \cdot \sqrt{30}}{2}\right]^2 = 29.$$
4. Quanto menor o nível de confiança, menor o tamanho amostral.

Sumário

Estimativa da variância amostral

- Na maioria das situações práticas, não sabemos o **verdadeiro** valor do desvio padrão populacional σ.
- Se o desvio padrão é desconhecido, ele precisa ser estimado.
- Considere variáveis aleatórias $(X_1, X_2, ..., X_n)$, onde $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, sabe-se que o "melhor" estimador para σ^2 é a variância amostral

$$S^2 = \frac{1}{n-1}\left(\sum_{i=1}^{n} x_i^2 - n\bar{x}^2\right),$$

a qual não é viciada e é consistente para σ^2.

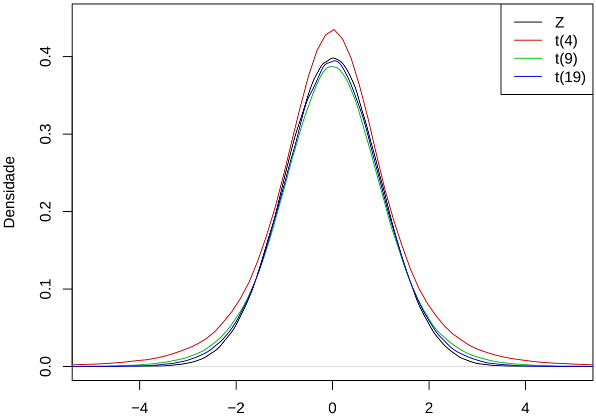
A distribuição t de Student

- A **variável padronizada** é
$$T = \frac{\bar{X} - \mu}{\sqrt{S^2/n}} = \frac{\bar{X} - \mu}{S\sqrt{n}}.$$
- Logo, o denominador S^2 fará com que T seja diferente da Normal.
- Essa densidade é denominada **t de Student**, e seu parâmetro é denominado **graus de liberdade**, que nesse caso é $n-1$. Portanto,
$$T = \frac{\bar{X} - \mu}{S\sqrt{n}} \sim t_{(n-1)}.$$

Características da distribuição t

- É **simétrica** com média $t = 0$ (assim como $z = 0$).
- É **diferente** para tamanhos de amostra diferentes.
- Maior área nas caudas e menor área no centro, quando comparada com a distribuição normal, serve para incorporar as **incertezas**.
- **Desvio padrão** da distribuição t varia com o tamanho da amostra (ao contrário da distribuição z onde $\sigma = 1$):
  - Se n diminui, σ aumenta.
  - Se n aumenta, σ diminui.
- A medida que o n amostral aumenta, a distribuição t se aproxima cada vez mais de uma **distribuição normal padrão** Z.

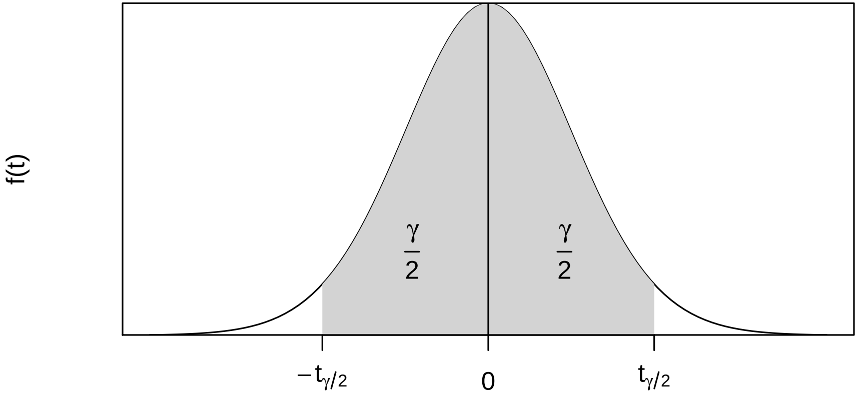
Características da distribuição t



Como encontrar os valores críticos de t?

- Com a definição do **nível de confiança** e sabendo o **tamanho da amostra** n, sabe-se então o valor de γ e dos G.L., podendo encontrar o **valor crítico** de $t_{\gamma/2}$.
- Exemplo: $\gamma = 0,95$ e uma amostra de tamanho $n = 7$:
  - Se $n = 7$, o G.L. associado é $n - 1 = 6$.
  - Na tabela da distribuição t de Student procura-se a linha correspondente aos G.L. e a coluna correspondente ao valor de $1 - \gamma = 1 - 0,95 = 0,05 = 5\%$.
  - Valor de $t_{\gamma/2}$ será determinado pelos valores correspondentes no corpo da tabela. Nesse caso, $t_{\gamma/2} = 2,447$ é o valor crítico procurado.

Como encontrar os valores críticos de t?



Construção do intervalo de confiança

- Podemos construir um intervalo de confiança com um coeficiente de confiança:

$$IC[\mu, \gamma] = \left[\bar{X} - t_{\gamma/2} \cdot \left(\frac{S}{\sqrt{n}}\right); \bar{X} + t_{\gamma/2} \cdot \left(\frac{S}{\sqrt{n}}\right)\right]$$

$$IC[\mu, \gamma] = [\bar{x} - e; \bar{x} + e] = \bar{x} \pm e$$

$$\bar{x} - e < \mu < \bar{x} + e.$$

Como construir um intervalo de confiança?

- Verifique se as suposições são satisfeitas:
  - É uma amostra aleatória.
  - Desvio padrão é **estimado**.
  - População tem distribuição normal ou n $>$ 30.
- Determinar o nível de confiança γ e o valor crítico $t_{\gamma/2}$.
- Determinar a margem de erro $e = t_{\gamma/2} \cdot (S/\sqrt{n})$.
- Calcular o $IC[\mu, \gamma]$.

Exemplo 4

Em um teste da eficácia do alho na dieta para a redução do colesterol, 51 pessoas foram avaliadas e seus níveis de colesterol foram medidos antes e depois do tratamento. As mudanças nos níveis de colesterol apresentaram média de $0,4$ e desvio-padrão de 21.

1. Para um nível de confiança de 95%, calcule o intevalo para a verdadeira média das mudanças no nível de colesterol.
2. O que o intervalo de confiança sugere sobre a eficácia do uso do alho na dieta para a redução do colesterol?
3. Resolva o mesmo exemplo supondo que o $\sigma = s$ é conhecido (usando a distribuição Z). Compare os resultados.

Exemplo 4

1.
$$IC[\mu; 0,95] = \left[0,4 - 2,01 \cdot \left(\frac{21}{\sqrt{51}}\right); 0,4 + 2,01 \cdot \left(\frac{21}{\sqrt{51}}\right)\right]$$
$$IC[\mu; 0,95] = [-5,51; 6,31].$$

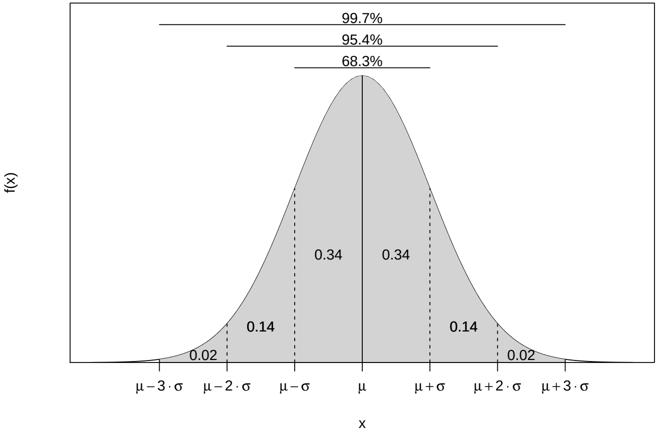
2. O intervalo de confiança sugere que o alho não é eficiente na dieta.

3.
$$IC[\mu; 0,95] = \left[0,4 - 1,96 \cdot \left(\frac{21}{\sqrt{51}}\right); 0,4 + 1,96 \cdot \left(\frac{21}{\sqrt{51}}\right)\right]$$
$$IC[\mu; 0,95] = [-5,36; 6,16].$$

Dimensionamento de amostra

- Se σ é **desconhecido**:
- Estimar o valor de σ com base em estudo preliminar.
- Faça uma amostra piloto e estime o desvio padrão amostral s e use-o como uma aproximação para o desvio-padrão populacional σ.
- Use a **regra empírica** da amplitude para dados com distribuição (aproximadamente) normal.

Regra empírica para uma distribuição normal



Regra empírica para uma distribuição normal

Como sabemos que em uma distribuição (aproximadamente) normal aproximadamente 95% dos dados encontram-se a 2 desvios-padrões acima e abaixo da média, temos que

$$4\sigma = (max - min)$$

$$\hat{\sigma} = s = \frac{(max - min)}{4}.$$

Exemplo 5

Um professor deseja estimar o salário médio de professores do ensino médio de uma cidade.

Quantos professores devem ser selecionados para termos 95% de confiança que a média amostral esteja a menos de R\$ $30,00$ da média populacional? Sabe-se apenas que os salários variam entre R\$ $800,00$ e R\$ $1.200,00$.

Exemplo 5

Um professor deseja estimar o salário médio de professores do ensino médio de uma cidade.

Quantos professores devem ser selecionados para termos 95% de confiança que a média amostral esteja a menos de R$ $30,00$ da média populacional? Sabe-se apenas que os salários variam entre R$ $800,00$ e R$ $1.200,00$.

$$n = \left[\frac{z_{\gamma/2} \cdot \sigma}{e}\right]^2 = \left[\frac{1,96 \cdot 100}{30}\right]^2 = 43.$$

Sumário

Proporção amostral

- A **proporção amostral** é dada como:

$$\hat{p} = \frac{x}{n} = \frac{\text{número de sucessos}}{\text{total de tentativas}},$$

onde $\hat{p}$ é o melhor estimador para a proporção populacional p.

- Por meio do estudo da distribuição amostral da proporção chegamos aos seguintes resultados:
    - A proporção amostral $\hat{p}$ tende para o valor da proporção populacional p;
    - A distribuição das proporções amostrais tende a ser uma **distribuição normal**;
    - $E[\hat{p}] = \mu_{\hat{p}} = p$;
    - $V[\hat{p}] = \sigma^2_{\hat{p}} = \frac{p(1-p)}{n}$.

Proporção amostral

- Assim, sabe-se que

$$\hat{p} \sim N\left(p, \frac{p(1-p)}{n}\right).$$

- Ainda, pode-se mostrar que a quantidade

$$Z = \frac{\hat{p} - p}{\sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}} \sim N(0,1).$$

Erro amostral da proporção

- O **erro amostral da proporção** pode ser definido por

$$e = p - \hat{p} \quad \rightarrow \quad p = \hat{p} + e,$$

então,

$$Z = \frac{\hat{p} - p}{\sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}} = \frac{e}{\sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}} \sim N(0,1).$$

- Portanto, o **erro máximo provável ou margem de erro da proporção** é dado como

$$e = z_{\gamma/2} \cdot \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}.$$

Intervalo de Confiança para Proporção

- Com estas definições, podemos construir um **intervalo de confiança para** p, com coeficiente de confiança γ.

$$IC(p, \gamma) = \left[\hat{p} - z_{\gamma/2} \cdot \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}; \hat{p} + z_{\gamma/2} \cdot \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}\right].$$

Outras notações:

$$\hat{p} - e < p < \hat{p} + e$$

$$\hat{p} \pm e$$

$$[\hat{p} - e; \hat{p} + e].$$

Como construir um intervalo de confiança?

- Verifique se as suposições são satisfeitas:
  - É uma **amostra aleatória simples** (AAS).
  - As condições para uma **distribuição binomial** são satisfeitas:
    - As tentativas são independentes;
    - Há duas categorias de resultado ("sucesso", "fracasso");
    - Probabilidade de sucesso **p** permanece **constante**;
    - A distribuição normal pode ser usada como **aproximação** para a distribuição binomial, ou seja, $np \geq 5$ e $np(1-p) \geq 5$.
- Determinar o nível de confiança γ e o valor crítico $z_{\gamma/2}$.
- Determinar a margem de erro e.
- Calcular o $IC[p, \gamma]$.

Estimação do p

- Uma possível dificuldade nessa abordagem é que em geral não conhecemos o verdadeiro valor de p para calcular o IC.
- Quando não conhecemos a proporção populacional p, temos duas alternativas:
  - Usar $\hat{p}$ no lugar de p (**estimativa otimista**).
  - Usar $p = 0,5$ (**estimativa conservadora**). Quando $p = 0,5$, o termo $p(1-p)$ terá valor máximo:

p	$(1-p)$	$p(1-p)$
0,1	0,9	0,09
0,3	0,7	0,21
0,5	0,5	0,25
0,6	0,4	0,24
0,8	0,2	0,16

Exemplo 6

Em uma pesquisa realizada por um instituto de pesquisa Norte-Americano, 1500 adultos foram selecionados aleatoriamente para responder à pergunta se acreditam ou não no aquecimento global. 1050 entrevistados respoderam que sim. Com isso:

1. Para um nível de confiança de 95%, calcule o intervalo de confiança para a verdadeira proporção de pessoas que acreditam no aquecimento global, utilizando i) $p = \hat{p}$ e ii) $p = 0,5$ e compare os resultados.
2. Com base nesses resultados, podemos concluir que a maioria dos adultos acredita no aquecimento global?

Exemplo 6

1. $$IC(p;95\%) = \left[0,7 \pm 1,96 \cdot \sqrt{\frac{0,7(1-0,7)}{1500}}\right]$$
$$IC(p;95\%) = [0,68;0,72].$$
$$IC(p;95\%) = \left[0,5 \pm 1,96 \cdot \sqrt{\frac{0,5(1-0,5)}{1500}}\right]$$
$$IC(p;95\%) = [0,48;0,53].$$
2. Pode-se afirmar que a maioria dos adultos acreditam no aquecimento global quando usamos uma proporção estimada com base na amostra.

Erro máximo

- A partir da equação do erro máximo provável

$$e = z_{\gamma/2} \cdot \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}},$$

se pode isolar n e chegar na seguinte equação para a determinação do tamanho amostral para uma proporção populacional:

$$n = \left(\frac{z_{\gamma/2}}{e}\right)^2 \cdot p(1-p).$$

- Quando não conhecemos p, usamos $\hat{p}$ (estimativa otimista) ou $p = 0,5$ (estimativa conservadora) como estimativas de p.

Exemplo 7

Um fabricante de peças deseja estimar a verdadeira proporção de peças defeituosas no processo de fabricação, com um erro máximo de 3% e nível de confiança de 99%. Calcule o tamanho da amostra necessário para se estimar esta proporção se:

1. O fabricante tem uma estimativa de que em uma amostra anterior, aproximadamente 10% das peças eram defeituosas.
2. O fabricante não tem nenhuma informação prévia sobre a proporção de peças defeituosas.

Exemplo 7

1. $$n = \left(\frac{2,57}{0,03}\right)^2 \cdot 0,1(1-0,1) = 661.$$

2. $$n = \left(\frac{2,57}{0,03}\right)^2 \cdot 0,5(1-0,5) = 1835.$$

Sumário

Exercícios recomendados

- Seção 7.4: Ex. 1, 2, 3, 4, 5, 6 e 7.
- Seção 7.5: Ex. 17, 18, 19, 21, 23 e 25 e 29.