# ĐỀ SỐ 1

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Đếm từ trong xâu** | WORDCOUNT | 90 |
| **Bài 2** | **Tìm số nhỏ nhất có tổng các chữ số là S** | MINSUMDIG | 90 |
| **Bài 3** | **Xâu chẵn** | XAUCHAN | 90 |
| **Bài 4** | **Thập phân (Tin học trẻ C2 Đà Nẵng 2022)** | THAPPHAN | 90 |

## **Bài 1: Đếm từ trong xâu**

Cho một xâu ký tự. Hãy đếm số lượng từ trong xâu, từ được định nghĩa là các ký tự không phải khoảng trắng liên tiếp.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| day la mot xau van ban | 5 |

## **Bài 2: Tìm số nhỏ nhất có tổng các chữ số là S**

Cho một số nguyên dương S. Hãy tìm số nguyên dương nhỏ nhất có tổng các chữ số bằng S.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa số nguyên dương S (1 ≤ S ≤ 1000).

**Output:**

* In ra số nguyên dương nhỏ nhất có tổng các chữ số bằng S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 | 19 |

## **Bài 3: Xâu chẵn**

Cho một xâu S được chỉ gồm các ký tự chữ cái thường 'a' ... 'z' được gọi là xâu chẵn nếu số lần xuất hiện của từng chữ cái trong xâu S là số chẵn.

**Input:**

* Một dòng chứa duy nhất xâu S có số lượng ký tự không quá 255 ký tự.

**Output:**

* Nếu xâu S là xâu chẵn thì in ra "Yes". Ngược lại thì in ra "No".

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| aabbcc | Yes |

## **Bài 4: Thập phân (Tin học trẻ C2 Đà Nẵng 2022)**

Cho một số thực X có 4 chữ số sau dấu phẩy (0 < X < 100). Hãy làm tròn X trở thành số nguyên gần nhất và nhỏ nhất.

**Input:**

* Dữ liệu đầu vào đảm bảo X có đúng 4 chữ số ở phần thập phân.

**Output:**

* Số nguyên được làm tròn từ X.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2.5000 | 2 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Đếm từ trong xâu**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp tách xâu dựa trên khoảng trắng để đếm số từ.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() words = s.split() print(len(words)) |

### **Bài 2: Tìm số nhỏ nhất có tổng các chữ số là S**

**1. Phân tích:**

1. Tạo số từ các chữ số lớn nhất có thể để giảm độ lớn của số.

2. Đảm bảo tổng các chữ số bằng S.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = int(input()) digits = [] for d in range(9, 0, -1):  while s >= d:  digits.append(d)  s -= d digits.sort() for d in digits:  print(d, end='') |

### **Bài 3: Xâu chẵn**

**1. Phân tích:**

1. Khởi tạo một chuỗi các ký tự từ 'a' đến 'z'.

2. Duyệt qua từng ký tự trong a, đếm số lần xuất hiện các ký tự từ từ 'a' đến 'z' trong chuỗi s có lẻ không, nếu lẻ thoát vòng lặp, nếu không tiếp tục đếm.

3. Kiểm tra biến đếm và in kết quả.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() chars = 'abcdefghijklmnopqrstuvwxyz' for ch in chars:  count = 0  for c in s:  if c == ch:  count += 1  if count % 2 != 0:  print('No')  break else:  print('Yes') |

### **Bài 4: Thập phân**

**1. Phân tích:**

1. So sánh x với int(x) + 0.5.

2. Nếu x chính xác bằng int(x) + 0.5, tức là x nằm đúng giữa hai số nguyên, in ra int(x). Điều này xử lý các trường hợp như 2.5, 3.5, ở đây số này cần được làm tròn xuống.

3. Ngược lại, in ra giá trị nhỏ hơn trong hai giá trị: round(x) và int(x) + 1. round(x) làm tròn x đến số nguyên gần nhất theo quy tắc làm tròn tiêu chuẩn, và int(x) + 1 là số nguyên tiếp theo sau phần nguyên của x. - Cách 2:

4. Làm tròn a - 0.1 rồi in ra.

5. Trừ 0.1 trước khi làm tròn có thể giúp thay đổi cách làm tròn của các số có phần thập phân là 0.5, vì theo quy tắc làm tròn của Python, nếu phần thập phân là chính xác 0.5, nó sẽ làm tròn đến số nguyên chẵn gần nhất. Trừ đi 0.1 trước khi làm tròn giúp đảm bảo các số như 2.5 được làm tròn xuống thành 2 thay vì lên thành 3.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| x = float(input()) a = int(x) if x == a + 0.5:  print(a) else:  print(min(round(x), a + 1)) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Đếm số lượng ký tự không phải khoảng trắng trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng ký tự không phải khoảng trắng trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| Hello World! | 10 |

### **Bài 1.2: Đếm số lần xuất hiện của một từ cho trước**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).
* Dòng thứ hai chứa từ cần đếm.

**Output:**

* In ra số lần từ xuất hiện trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| Hello world world  world | 2 |

### **Bài 1.3: Tìm từ dài nhất trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ dài nhất trong xâu, nếu có nhiều từ cùng độ dài thì in ra từ xuất hiện trước.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello world this is a test | hello |

### **Bài 2.1: Tìm số lớn nhất có tổng các chữ số bằng S**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa số nguyên dương S (1 ≤ S ≤ 1000).

**Output:**

* In ra số nguyên dương lớn nhất có tổng các chữ số bằng S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 20 | 992 |

### **Bài 2.2: Tìm số có ít chữ số nhất với tổng các chữ số bằng S**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa số nguyên dương S (1 ≤ S ≤ 1000).

**Output:**

* In ra số có ít chữ số nhất với tổng các chữ số bằng S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 20 | 299 |

### **Bài 2.3: Tìm số có tổng các chữ số bằng S và là số nguyên tố nhỏ nhất**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa số nguyên dương S (1 ≤ S ≤ 1000).

**Output:**

* In ra số nguyên tố nhỏ nhất có tổng các chữ số bằng S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 | 19 |

### **Bài 3.1: Kiểm tra xâu chẵn trong khoảng con**

Cho một xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái thường từ 'a' đến 'z'. Viết chương trình nhận

**Input:**

* Input:
* Dòng đầu tiên chứa xâu S.
* Dòng thứ hai chứa hai số nguyên L và R.

**Output:**

* Nếu xâu con từ L đến R là xâu chẵn, in ra "Yes". Ngược lại thì in ra "No".

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abacaba  2 5 | No |

### **Bài 3.2: Xâu chẵn dài nhất**

Cho một xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái thường từ 'a' đến 'z'. Tìm xâu con chẵn dài nhất có thể tìm được trong S.

**Input:**

* Một dòng chứa xâu S.

**Output:**

* In ra độ dài của xâu con chẵn dài nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcabc | 6 |

### **Bài 3.3: Tối ưu hóa xâu thành xâu chẵn**

Cho một xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái thường từ 'a' đến 'z'. Tìm số lượng tối thiểu các ký tự cần xóa để xâu S trở thành xâu chẵn.

**Input:**

* Một dòng chứa xâu S.

**Output:**

* Số lượng ký tự tối thiểu cần xóa.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| aabbcccd | 1 |

### **Bài 4.1: Làm tròn thập phân theo ngưỡng**

Cho một số thực X có 5 chữ số sau dấu phẩy (0 < X < 100). Hãy làm tròn X tới số nguyên gần nhất, nhưng chỉ làm tròn lên nếu phần thập phân sau làm tròn lớn hơn hoặc bằng 0.6.

**Input:**

* Một số thực X với đúng 5 chữ số ở phần thập phân.

**Output:**

* Ghi ra số nguyên được làm tròn từ X.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 12.45678 | 12 |

### **Bài 4.2: Tìm số nguyên lớn nhất nhỏ hơn X**

Cho một số thực X có đúng 3 chữ số sau dấu phẩy (0 < X < 100). Hãy tìm số nguyên lớn nhất nhưng vẫn nhỏ hơn X

**Input:**

* Một số thực X với đúng 3 chữ số ở phần thập phân.

**Output:**

* In ra số nguyên lớn nhất nhỏ hơn X.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 45.789 | 45 |

### **Bài 4.3: Làm tròn với điều kiện**

Cho một số thực X có 6 chữ số sau dấu phẩy (0 < X < 100). Làm tròn X đến số nguyên gần nhất, nhưng nếu phần thập phân thứ 6 là số lẻ, hãy giảm kết quả đi 1 đơn vị.

**Input:**

* Một số thực X với đúng 6 chữ số ở phần thập phân.

**Output:**

* In ra số nguyên được làm tròn từ X theo điều kiện đặc biệt.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 42.735291 | 42 |

# ĐỀ SỐ 2

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Dãy tăng nghiêm ngặt** | DAYTANG | 90 |
| **Bài 2** | **Siêu nguyên tố** | SIEUNGT | 90 |
| **Bài 3** | **Tính toán doanh thu từ cửa hàng trực tuyến** | DOANHTHU | 90 |
| **Bài 4** | **Dự đoán thời gian hoàn thành dự án** | DUANHOAN | 90 |

## **Bài 1: Dãy tăng nghiêm ngặt**

Bạn được cho một dãy a gồm n số nguyên dương. Hỏi có cách nào sắp xếp dãy a thành dãy tăng nghiêm ngặt không?

Dãy tăng nghiêm ngặt có n phần tử là dãy có các phần tử thoả mãn điều kiện: a1 < a2 < ... < an.

**Input:**

* Dòng thứ nhất chứa một số nguyên dương T (T ≤ 10) - số bộ test mà bạn phải trả lời.
* T bộ test tiếp theo có dạng như sau:
* ▪ Dòng thứ nhất của bộ test chứa một số nguyên dương n (n ≤ 105).
* ▪ Dòng thứ hai của bộ test chứa n số nguyên dương a1, a2, ... , an (ai ≤ 106).

**Output:**

* Với mỗi bộ test, in ra YES nếu bạn có thể sắp xếp dãy số thỏa mãn yêu cầu đề bài, ngược lại in ra NO.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2  3  1 2 3  4  1 2 2 3 | YES  NO |

## **Bài 2: Siêu nguyên tố**

Một số nguyên dương n được gọi là một số siêu nguyên tố nếu n là số nguyên tố và khi ta bỏ bao nhiêu chữ số tận cùng của n thì số tự nhiên mới tạo thành cũng là một số nguyên tố.

Ví dụ:

Số 317 là số siêu nguyên tố vì số 317 là số nguyên tố, số 31 (bỏ 1 chữ số tận cùng của 317) là số nguyên tố, số 3 (bỏ 2 chữ số tận cùng của 317) là số nguyên tố.

Số 61 không là số siêu nguyên tố vì số 6 (bỏ 1 chữ số tận cùng của 61) không là số nguyên tố.

Yêu cầu: Viết chương trình nhập vào từ bàn phím một số nguyên dương n (0 < n < 109) và in ra màn hình một từ khẳng định số n có phải là số siêu nguyên tố hay không.

**Input:**

* Số nguyên dương n nhập từ bàn phím (0 < n < 109).

**Output:**

* In ra màn hình một từ PHAI nếu n là số siêu nguyên tố; ngược lại, in ra màn hình một từ KHONG nếu n không phải là số siêu nguyên tố.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 317 | PHAI |

## **Bài 3: Tính toán doanh thu từ cửa hàng trực tuyến**

Một cửa hàng trực tuyến cần tính toán doanh thu hàng tháng từ các đơn hàng. Bạn được yêu cầu tính tổng doanh thu trong tháng và xác định đơn hàng có giá trị cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số đơn hàng trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là giá trị của từng đơn hàng.

**Output:**

* In ra tổng doanh thu trong tháng và giá trị của đơn hàng cao nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  200  150  300  250 | 1000  300 |

## **Bài 4: Dự đoán thời gian hoàn thành dự án**

Một nhóm làm việc cần dự đoán thời gian hoàn thành một dự án dựa trên các công việc đã hoàn thành. Bạn được yêu cầu tính tổng thời gian hoàn thành dự án dựa trên thời gian của từng công việc đã hoàn thành.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số công việc đã hoàn thành.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời gian hoàn thành của từng công việc (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra tổng thời gian hoàn thành dự án và công việc mất nhiều thời gian nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  2  4  3  5  1 | 15  5 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Dãy tăng nghiêm ngặt**

**1. Phân tích:**

1. Lặp qua mỗi trường hợp kiểm tra:

2. Đọc số nguyên n.

3. Nhập danh sách a chứa n số nguyên.

4. Kiểm tra nếu có phần tử trùng lặp trong danh sách a:

5. Nếu có, in 'NO'.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| T = int(input()) for \_ in range(T):  n = int(input())  a = list(map(int, input().split()))  if len(set(a)) == n:  print('YES')  else:  print('NO') |

### **Bài 2: Siêu nguyên tố**

**1. Phân tích:**

1. Định nghĩa hàm kiểm tra số nguyên tố:

2. Nhập chuỗi số n.

3. Khởi tạo biến check bằng 0.

4. Lặp qua mỗi tiền tố của n:

5. Kiểm tra tiền tố đó khi chuyển sang số nguyên có phải là số nguyên tố không.

6. Nếu không phải số nguyên tố, gán check bằng 1 và thoát vòng lặp.

7. In kết quả:

8. - "KHONG" nếu check bằng 1 (có tiền tố không phải số nguyên tố). - "PHAI" nếu không có tiền tố nào không phải số nguyên tố.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| def is\_prime(n):  if n < 2:  return False  i = 2  while i \* i <= n:  if n % i == 0:  return False  i += 1  return True n = input() check = 0 for i in range(1, len(n) + 1):  if not is\_prime(int(n[:i])):  check = 1  break if check == 1:  print('KHONG') else:  print('PHAI') |

### **Bài 3: Tính toán doanh thu từ cửa hàng trực tuyến**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng doanh thu của tất cả các đơn hàng.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_value = -1 for \_ in range(n):  val = int(input())  total += val  if val > max\_value:  max\_value = val print(total) print(max\_value) |

### **Bài 4: Dự đoán thời gian hoàn thành dự án**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng thời gian hoàn thành của tất cả các công việc.

2. Tìm công việc có thời gian hoàn thành dài nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_time = -1 for \_ in range(n):  t = int(input())  total += t  if t > max\_time:  max\_time = t print(total) print(max\_time) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Sắp xếp theo bội số**

Bạn được cung cấp một mảng số nguyên và một số K. Sắp xếp mảng sao cho các số là bội số của K được ưu tiên xếp trước và giữ nguyên thứ tự tương đối giữa chúng.

**Input:**

* Dãy số nguyên và số nguyên K.

**Output:**

* In ra mảng đã sắp xếp theo yêu cầu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 3  1 3 4 6 9 2 5 | 3 6 9 1 4 2 5 |

### **Bài 1.2: Tổng lớn nhất của dãy con không kề nhau**

Cho một mảng số nguyên, tìm tổng lớn nhất mà bạn có thể đạt được bằng cách chọn các phần tử không kề nhau trong mảng.

**Input:**

* Một dãy số nguyên.

**Output:**

* Tổng lớn nhất của các phần tử không kề nhau.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  3 2 5 10 7 -1 | 15 |

### **Bài 1.3: Tìm cặp số có khoảng cách nhỏ nhất**

Cho một mảng số nguyên, tìm cặp số có khoảng cách (giá trị tuyệt đối của hiệu hai số) nhỏ nhất.

**Input:**

* Một mảng số nguyên.

**Output:**

* In ra khoảng cách nhỏ nhất giữa bất kỳ hai số nào trong mảng.
* Ví dụ:
* Giải thích: Khoảng cách nhỏ nhất giữa 5 và 6

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  4 9 1 32 5 6 | 1 |

### **Bài 2.1: Số siêu nguyên tố mở rộng**

Một số nguyên dương n được gọi là số siêu nguyên tố mở rộng nếu n là số nguyên tố và khi lấy bất kỳ chuỗi con nào của các chữ số của n (không chỉ là bỏ chữ số tận cùng) thì số mới tạo thành cũng là số nguyên tố.

**Input:**

* Số nguyên dương n nhập từ bàn phím (0 < n < 109).

**Output:**

* In ra "PHAI" nếu n là số siêu nguyên tố mở rộng; ngược lại, in ra "KHONG".
* Ví dụ:
* Giải thích: Số 233 là PHAI vì, 2, 23, 233 đều là số nguyên tố.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 233 | PHAI |

### **Bài 2.2: Số nguyên tố kỳ lạ**

Một số được gọi là số nguyên tố kỳ lạ nếu nó là số nguyên tố và tổng các chữ số của nó cũng là số nguyên tố.

**Input:**

* Số nguyên dương n nhập từ bàn phím (0 < n < 109).

**Output:**

* In ra "PHAI" nếu n là số nguyên tố kỳ lạ; ngược lại, in ra "KHONG". Ví dụ:
* Giải thích: Số 23 là PHAI vì, 2+3=5, 5 là số nguyên tố

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 23 | PHAI |

### **Bài 2.3: Số nguyên tố mạnh**

Một số nguyên tố được gọi là mạnh nếu nó lớn hơn trung bình cộng của số nguyên tố trước và sau nó.

**Input:**

* Số nguyên dương n nhập từ bàn phím (0 < n < 109).

**Output:**

* In ra "PHAI" nếu n là số nguyên tố mạnh; ngược lại, in ra "KHONG". Ví dụ:
* Giải thích: Số 29 là PHAI vì 29 là số nguyên tố và lớn hơn trung bình cộng của 23 và 31
* ĐỀ SỐ 15
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 29 | PHAI |

### **Bài 3.1: Tính giá trị trung bình của các đơn hàng trong tháng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số đơn hàng trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là giá trị của từng đơn hàng.

**Output:**

* In ra giá trị trung bình của các đơn hàng trong tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  200  150  250  300 | 200 |

### **Bài 3.2: Xác định đơn hàng có giá trị thấp nhất và in ra giá trị của đơn hàng đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số đơn hàng trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là giá trị của từng đơn hàng.

**Output:**

* In ra giá trị của đơn hàng có giá trị thấp nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  200  50  250  300 | 50 |

### **Bài 3.3: So sánh giá trị đơn hàng giữa hai đơn hàng liên tiếp và xác định đơn hàng có sự tăng trưởng lớn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số đơn hàng trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là giá trị của từng đơn hàng.

**Output:**

* In ra đơn hàng có sự tăng trưởng lớn nhất về giá trị và mức độ tăng trưởng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  150  120  180  200 | 5  20 |

### **Bài 4.1: Tính thời gian trung bình hoàn thành mỗi công việc**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số công việc đã hoàn thành.

Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời gian hoàn thành của từng công việc (đơn vị: giờ).

Output:

In ra thời gian trung bình hoàn thành mỗi công việc.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  2  3  5  7  8 | 5.0 |

### **Bài 4.2: Xác định công việc có thời gian hoàn thành ngắn nhất và in ra thời gian của công việc đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số công việc đã hoàn thành.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời gian hoàn thành của từng công việc (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra thời gian của công việc có thời gian hoàn thành ngắn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3  2  5  1  4 | 1 |

### **Bài 4.3: So sánh thời gian hoàn thành giữa hai công việc liên tiếp và xác định công việc nào có thời gian dài hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số công việc đã hoàn thành.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời gian hoàn thành của từng công việc (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra công việc nào có thời gian hoàn thành dài hơn giữa hai công việc liên tiếp và mức chênh lệch.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 28
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3  7  2  6  4 | 1 7 4  2 7 5  3 6 1  4 6 2 |

# ĐỀ SỐ 3

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tính toán lượng nước tiêu thụ trong hộ gia đình** | NUOCTIEU | 90 |
| **Bài 2** | **Quản lý và tối ưu hóa lịch trình tập luyện** | TAPLUYEN | 90 |
| **Bài 3** | **Chia xúc xích** | CHIXUCXICH | 80 |
| **Bài 4** | **Tính toán chi phí vận chuyển hàng hóa** | CHIPHIVC | 80 |

## **Bài 1: Tính toán lượng nước tiêu thụ trong hộ gia đình**

Một hộ gia đình cần quản lý và theo dõi lượng nước tiêu thụ hàng tháng để tối ưu hóa chi phí. Bạn được yêu cầu tính tổng lượng nước tiêu thụ trong tháng và xác định ngày có lượng nước tiêu thụ cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 31) là số ngày trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng nước tiêu thụ trong từng ngày (đơn vị: lít).

**Output:**

* In ra tổng lượng nước tiêu thụ trong tháng và ngày có lượng nước tiêu thụ cao nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  10  15  12  20  8 | 65  4 |

## **Bài 2: Quản lý và tối ưu hóa lịch trình tập luyện**

Một người cần quản lý thời gian tập luyện trong tuần để đảm bảo hiệu quả sức khỏe. Bạn được yêu cầu tính tổng thời gian tập luyện và xác định ngày có thời gian tập luyện dài nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày tập luyện trong tuần.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa số giờ tập luyện của từng ngày.

**Output:**

* In ra tổng số giờ tập luyện trong tuần và ngày có thời gian tập luyện dài nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  2  3  1  4  2 | 12  4 |

## **Bài 3: Chia xúc xích**

Bi có n thanh xúc xích với chiều dài bằng nhau, hôm nay Bi tổ chức tiệc nhỏ cho m người bạn của mình và có một vấn đề cần giải quyết đó là làm sao cắt n thanh xúc xích trên để chia đều cho m người bạn, và để các thanh xúc xích đẹp khi chia đều thì cần cắt với ít lần cắt nhất có thể. Xét ví dụ n = 2, m = 8 mỗi xúc xích cắt 3 nhát ta có được 8 phần bằng nhau và chia đều cho 8 người, vậy mất 6 nhát cắt. Hãy lập trình giúp Bi giải quyết vấn đề trên.

**Input:**

* Dòng duy nhất chứa hai số nguyên là n, m thỏa 1 ≤n, m ≤ 100.

**Output:**

* In ra số lát cắt ít nhất có thể.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2 8 | 6 |

## **Bài 4: Tính toán chi phí vận chuyển hàng hóa**

Một công ty cần tính toán chi phí vận chuyển hàng hóa dựa trên trọng lượng của các gói hàng. Bạn được yêu cầu tính tổng chi phí vận chuyển và xác định gói hàng có chi phí cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số gói hàng cần vận chuyển.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa trọng lượng của gói hàng và chi phí vận chuyển tương ứng (đơn vị: kg và nghìn đồng).

**Output:**

* In ra tổng chi phí vận chuyển và chi phí cao nhất trong số các gói hàng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 50  5 30  8 60 | 140  60 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tính toán lượng nước tiêu thụ trong hộ gia đình**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng lượng nước tiêu thụ của tất cả các ngày.

2. Tìm ngày có lượng nước tiêu thụ cao nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_val = -1 max\_day = -1 for i in range(n):  val = int(input())  total += val  if val > max\_val:  max\_val = val  max\_day = i + 1 print(total) print(max\_day) |

### **Bài 2: Quản lý và tối ưu hóa lịch trình tập luyện**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng thời gian tập luyện của tất cả các ngày.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_time = -1 max\_day = -1 for i in range(n):  t = int(input())  total += t  if t > max\_time:  max\_time = t  max\_day = i + 1 print(total) print(max\_day) |

### **Bài 3: Chia xúc xích**

**1. Phân tích:**

1. Tạo hàm tìm ước chung lớn nhất của 2 số nguyên: ucln(n,m)

2. Tính và in số lần cắt ít nhất: m - UCLN(n,m)

3. Ý tưởng: có thể phân chia mỗi thanh xúc xích thành g nhóm, với g là UCLN của n và m, thì tổng số phần khi chia tất cả các thanh là ng. Để chia đều cho m người, mỗi người nhận được ng / m phần. Khi g bằng m, không cần cắt thêm (vì mỗi người sẽ nhận một thanh nguyên vẹn).

4. Số lần cắt cần thiết sẽ là số phần cần có trừ đi số nhóm có thể tạo ra mà không cần cắt thêm, là m - g. Do đó, m - ucln(n, m) in ra số lần cắt cần thiết để đạt được phân chia mong muốn.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| def ucln(a, b):  while b != 0:  a, b = b, a % b  return a n, m = map(int, input().split()) g = ucln(n, m) print(m - g) |

### **Bài 4: Tính toán chi phí vận chuyển hàng hóa**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng chi phí vận chuyển của tất cả các gói hàng.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total\_cost = 0 max\_cost = -1 for \_ in range(n):  w, c = map(int, input().split())  total\_cost += c  if c > max\_cost:  max\_cost = c print(total\_cost) print(max\_cost) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tính lượng nước tiêu thụ trung bình mỗi ngày trong tháng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 31) là số ngày trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng nước tiêu thụ trong từng ngày (đơn vị: lít).

**Output:**

* In ra lượng nước tiêu thụ trung bình mỗi ngày trong tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  10  20  30  40  50 | 30 |

### **Bài 1.2: Xác định ngày có lượng nước tiêu thụ ít nhất và in ra số lượng nước tiêu thụ trong ngày đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 31) là số ngày trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng nước tiêu thụ trong từng ngày (đơn vị: lít).

**Output:**

* In ra số lượng nước tiêu thụ của ngày có lượng nước tiêu thụ ít nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  15  20  10  25 | 10 |

### **Bài 1.3: So sánh lượng nước tiêu thụ giữa hai ngày liên tiếp và xác định ngày có sự tăng trưởng lớn nhất về lượng nước tiêu thụ**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 31) là số ngày trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng nước tiêu thụ trong từng ngày (đơn vị: lít).

**Output:**

* In ra ngày có sự tăng trưởng lượng nước tiêu thụ lớn nhất và mức độ tăng trưởng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  10  15  12  20  25 | 5  13 |

### **Bài 2.1: Tính thời gian tập luyện trung bình mỗi ngày trong tuần**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày tập luyện trong tuần.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa số giờ tập luyện của từng ngày.

**Output:**

* In ra thời gian tập luyện trung bình mỗi ngày trong tuần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  2  3  4 | 3.0 |

### **Bài 2.2: Xác định ngày có thời gian tập luyện ngắn nhất và in ra số giờ của ngày đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày tập luyện trong tuần.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa số giờ tập luyện của từng ngày.

**Output:**

* In ra số giờ của ngày có thời gian tập luyện ngắn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  3  2  5  1 | 1 |

### **Bài 2.3: So sánh thời gian tập luyện giữa hai ngày liên tiếp và xác định ngày nào có thời gian dài hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày tập luyện trong tuần.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa số giờ tập luyện của từng ngày.

**Output:**

* In ra ngày nào có thời gian tập luyện dài hơn giữa hai ngày liên tiếp và mức chênh lệch.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  2  5  3  6 | Ngày 2 dài hơn ngày 1 3  Ngày 4 dài hơn ngày 3 3 |

### **Bài 3.1: Chia bánh pizza**

Bạn có n chiếc bánh pizza và muốn chia chúng cho m người bạn sao cho mỗi người nhận được số miếng bánh bằng nhau. Mỗi bánh pizza có thể được cắt thành các miếng. Tìm số lần cắt ít nhất để chia đều bánh cho mọi người.

**Input:**

* Một dòng chứa hai số nguyên n và m (1 ≤ n, m ≤ 100).

**Output:**

* Số lần cắt ít nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 4 | 5 |

### **Bài 3.2: Chia công việc**

Bạn có n công việc cần phải hoàn thành và m nhân viên. Mỗi công việc có thể được chia nhỏ thành các tác vụ nhỏ hơn để phân công cho nhân viên. Hãy tìm số lần phân chia công việc ít nhất để mỗi nhân viên có số tác vụ bằng nhau.

**Input:**

* Một dòng chứa hai số nguyên n và m (1 ≤ n, m ≤ 100).

**Output:**

* Số lần phân chia công việc ít nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 4 | 2 |

### **Bài 3.3: Chia quà**

Bi có n món quà và muốn phân chia đều cho m bạn bè. Mỗi món quà có thể được đóng gói lại thành các gói nhỏ hơn. Hãy xác định số lần đóng gói lại ít nhất để chia đều quà cho mọi người.

**Input:**

* Một dòng chứa hai số nguyên n và m (1 ≤ n, m ≤ 100).

**Output:**

* Số lần đóng gói lại ít nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 12 5 | 3 |

### **Bài 4.1: Tính chi phí vận chuyển trung bình của mỗi gói hàng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số gói hàng cần vận chuyển.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa trọng lượng của gói hàng và chi phí vận chuyển tương ứng (đơn vị: kg và nghìn đồng).

**Output:**

* In ra chi phí vận chuyển trung bình của mỗi gói hàng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 50  5 25  8 40 | 38 |

### **Bài 4.2: Xác định gói hàng có chi phí vận chuyển thấp nhất và in ra chi phí của gói đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số gói hàng cần vận chuyển.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa trọng lượng của gói hàng và chi phí vận chuyển tương ứng (đơn vị: kg và nghìn đồng).

**Output:**

* In ra chi phí vận chuyển của gói hàng có chi phí thấp nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 50  5 25  8 40 | 25 |

### **Bài 4.3: So sánh chi phí vận chuyển giữa hai gói hàng liên tiếp và xác định gói nào có chi phí cao hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số gói hàng cần vận chuyển.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa trọng lượng của gói hàng và chi phí vận chuyển tương ứng (đơn vị: kg và nghìn đồng).

**Output:**

* In ra gói hàng nào có chi phí vận chuyển cao hơn giữa hai gói liên tiếp và mức chênh lệch.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  10 50  5 60  7 55  8 70 | 2 10  4 15  2 5 |

# ĐỀ SỐ 4

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Mật khẩu (Tin học trẻ Đà Nẵng bảng C2 – năm 2023)** | MATKHAU | 70 |
| **Bài 2** | **Đá luân lưu (Tin học trẻ Đà Nẵng 2024 – Bảng C2)** | DALUAN | 70 |
| **Bài 3** | **Đếm số lượng từ có số lượng ký tự chẵn** | DEMCHAN | 70 |
| **Bài 4** | **Dự đoán doanh thu hàng năm từ mô hình kinh doanh** | DUANHTHU | 70 |

## **Bài 1: Mật khẩu (Tin học trẻ Đà Nẵng bảng C2 – năm 2023)**

Nhằm bảo mật thông tin trao đổi, người gửi và người nhận thông tin có thể đặt ra các quy tắc để tìm ra mật khẩu. Hiếu muốn trao đổi mật khẩu với Hùng nên đặt ra quy tắc như sau: Hiếu gửi cho Hùng một xâu ký tự, mật khẩu được tìm bằng cách tính tổng các chữ số chẵn có trong xâu rồi ghép với chiều dài của xâu đó.

**Input:**

* Gồm một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có độ dài không quá 105 ký tự gồm các ký tự in hoa, in thường, ký tự số, khoảng trắng và các ký tự đặc biệt.

**Output:**

* In ra mật khẩu cần tìm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| a1b2c3d4e5 | 610 |

## **Bài 2: Đá luân lưu (Tin học trẻ Đà Nẵng 2024 – Bảng C2)**

Trong trận bóng đá trên sân nhà đội bóng AB FC đã có kết quả hòa với đội bạn trong 90 phút thi đấu chính thức. Vì thời gian thi đấu có hạn nên ban tổ chức trận đấu quyết định sử dụng loạt đá luân lưu để phân thắng bại. Có n quả đá luân lưu được sử dụng đến, theo quan sát lượt đá thứ i đội bóng AB FC sẽ thất bại nếu i là bội số của 3 và nếu ngược lại thì thành công.

**Input:**

* Đọc từ tệp văn bản LUANLUU.INP một dòng duy nhất chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤106).

**Output:**

* Ghi ra tệp văn bản LUANLUU.OUT một chuỗi có độ dài n đại diện cho kết quả các lượt đá luân lưu của đội bóng AB FC. Kí tự thứ i(1 ≤i ≤n) sẽ là 'o' nếu thành công và 'x' nếu thất bại.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 9 | ooxooxoox |

## **Bài 3: Đếm số lượng từ có số lượng ký tự chẵn**

Cho một xâu ký tự chứa các từ được phân cách bởi khoảng trắng. Hãy đếm số lượng từ có số lượng ký tự chẵn.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có số lượng ký tự chẵn.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| day la mot vi du test | 2 |

## **Bài 4: Dự đoán doanh thu hàng năm từ mô hình kinh doanh**

Một doanh nghiệp cần dự đoán doanh thu hàng năm dựa trên mô hình kinh doanh hiện tại và dữ liệu từ các tháng trước đó. Bạn được yêu cầu tính tổng doanh thu của năm và dự đoán doanh thu cho năm tiếp theo dựa trên trung bình doanh thu của các tháng trước.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh thu của từng tháng (đơn vị: triệu đồng).

**Output:**

* In ra tổng doanh thu của năm và dự đoán doanh thu cho năm tiếp theo dựa trên trung bình doanh thu của các tháng trước đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  150  130 | 380  126 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Mật khẩu**

**1. Phân tích:**

1. Tạo hàm tách các chữ số riêng biệt từ danh sách trên

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() sum\_even = 0 for ch in s:  if ch.isdigit():  if int(ch) % 2 == 0:  sum\_even += int(ch) print(str(sum\_even) + str(len(s))) |

### **Bài 2: Luân lưu**

**1. Phân tích:**

1. Cách 1:

2. Đọc file LUANLUU.INP lấy giá trị n.

3. Sử dụng vòng lặp for duyệt các số từ 1 đến n, nếu số nào chia hết cho 3 thì gán bằng ‘x’ ngược lại gán ‘o’ rồi đưa vào danh sách.

4. Đọc file LUANLUU.OUT in các phần tử trong danh sách. Lưu ý: Cách này có thể dùng với n ≤ 107

5. Cách 2:

6. Đọc file LUANLUU.INP lấy giá trị n.

7. Sử dung chia lấy nguyên và chia lấy dư để nhân chuỗi với các kí tự “oox” và “o”. 3. Đọc file LUANLUU.OUT in các phần tử trong danh sách. Lưu ý: Cách này có thể dùng với n ≤ 108

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) res = [] for i in range(1, n + 1):  if i % 3 == 0:  res.append('x')  else:  res.append('o') print(''.join(res)) |

### **Bài 3: Đếm số lượng từ có số lượng ký tự chẵn**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp tách từ bằng cách sử dụng hàm split().

2. Duyệt qua từng từ và kiểm tra số lượng ký tự. Đếm số lượng từ có số lượng ký tự chẵn.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() words = s.split() count = 0 for w in words:  if len(w) % 2 == 0:  count += 1 print(count) |

### **Bài 4: Dự đoán doanh thu hàng năm từ mô hình kinh doanh**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng doanh thu của tất cả các tháng.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 for \_ in range(n):  revenue = int(input())  total += revenue avg = total // n print(total) print(avg) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tổng số nguyên tố và số ký tự đặc biệt Cho một xâu ký tự, tìm tổng các số nguyên tố trong xâu và ghép với số lượng ký tự đặc biệt (không phải chữ cái hay số).**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có thể bao gồm chữ cái, số, khoảng trắng và các ký tự đặc biệt. Độ dài xâu không quá 105 ký tự.

**Output:**

* Mật khẩu được tạo từ tổng các số nguyên tố trong xâu và số lượng ký tự đặc biệt.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc12#7@%5xy\* | 24\_4 |

### **Bài 1.2: Số nguyên lớn nhất và số chữ cái**

Cho một xâu ký tự, tìm số nguyên lớn nhất có trong xâu và ghép với số lượng chữ cái trong xâu.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có thể bao gồm chữ cái, số, khoảng trắng và các ký tự đặc biệt. Độ dài xâu không quá 105 ký tự.

**Output:**

* Mật khẩu được tạo từ số nguyên lớn nhất trong xâu và số lượng chữ cái.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc12def456gh78@# | 456\_9 |

### **Bài 1.3: Tổng các số chia hết cho 3 và số khoảng trắng**

Cho một xâu ký tự, tìm tổng các số chia hết cho 3 trong xâu và ghép với số lượng khoảng trắng có trong xâu.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có thể bao gồm chữ cái, số, khoảng trắng và các ký tự đặc biệt. Độ dài xâu không quá 105 ký tự.

**Output:**

* Mật khẩu được tạo từ tổng các số chia hết cho 3 trong xâu và số lượng khoảng trắng.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 13
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc12 45xx3 11 66@# | 126\_3 |

### **Bài 2.1: Xác định số ngày chẵn trong một tháng**

Cho một tháng và năm, hãy xác định có bao nhiêu ngày chẵn trong tháng đó.

**Input:**

* Tháng và năm dưới dạng số nguyên (tháng 1-12, năm bất kỳ).

**Output:**

* In ra số lượng ngày chẵn trong tháng đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2 2024 | 14 |

### **Bài 2.2: Đếm số lần xuất hiện của từng phần tử trong mảng**

Cho một mảng số nguyên, hãy đếm số lần xuất hiện của mỗi phần tử trong mảng đó.

**Input:**

* Một mảng số nguyên.

**Output:**

* Một danh sách các tuple, mỗi tuple chứa một phần tử và số lần xuất hiện của nó trong mảng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  1 2 2 3 1 4 2 3 | (1, 2)  (2, 3)  (3, 2)  (4, 1) |

### **Bài 2.3: Xác định số đối xứng trong dãy số**

Số đối xứng là số mà khi đọc từ trái sang phải hoặc từ phải sang trái đều giống nhau. Viết một hàm để xác định có bao nhiêu số đối xứng trong một danh sách số nguyên.

**Input:**

* Danh sách các số nguyên.

**Output:**

* Số lượng số đối xứng trong danh sách.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  121 1331 123 77 89 454 | 4 |

### **Bài 3.1: Đếm số lượng từ có số lượng ký tự lẻ**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có số lượng ký tự lẻ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello world this is a test | 3 |

### **Bài 3.2: Tìm từ dài nhất có số lượng ký tự chẵn trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ dài nhất có số lượng ký tự chẵn trong xâu. Nếu có nhiều từ có cùng độ dài, in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello world even test case try | hello |

### **Bài 3.3: Đếm số lượng từ có số lượng ký tự chẵn và không chứa ký tự lặp lại**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có số lượng ký tự chẵn và không chứa ký tự lặp lại.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| apple banana test abcde | 2 |

### **Bài 4.1: Dự đoán doanh thu nếu doanh thu tăng đều 10% mỗi tháng**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.

Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh thu của từng tháng (đơn vị: triệu đồng).

Output:

In ra doanh thu dự đoán cho năm tiếp theo nếu doanh thu tăng đều 10% mỗi tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  110  121 | 146.41  161.05  177.15 |

### **Bài 4.2: So sánh doanh thu giữa hai tháng liên tiếp và xác định tháng nào có doanh thu cao hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh thu của từng tháng (đơn vị: triệu đồng).

**Output:**

* In ra tháng nào có doanh thu cao hơn giữa hai tháng liên tiếp và mức chênh lệch doanh thu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  100  120  110  130 | Thang 2 cao hon Thang 1 20  Thang 3 thap hon Thang 2 10  Thang 4 cao hon Thang 3 20 |

### **Bài 4.3: Tính doanh thu trung bình hàng tháng cho tất cả các tháng đã qua**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh thu của từng tháng (đơn vị: triệu đồng).

**Output:**

* In ra doanh thu trung bình hàng tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  100  120  110  130 | 115 |

# ĐỀ SỐ 5

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Cặp số** | CAPSO | 60 |
| **Bài 2** | **Đếm số lượng xâu nhị phân đối xứng** | BINPALIN | 50 |
| **Bài 3** | **Số ở giữa** | SOGIU | 30 |
| **Bài 4** | **Số Fibonacci lớn nhất** | MAXFIBO | 290 |

## **Bài 1: Cặp số**

Cho bốn số nguyên dương A, B, C, D. Alice cần đếm xem có bao nhiêu cặp số (X, Y) thỏa mãn các điều kiện sau:

1). A≤ X < B;

2). C≤Y ≤ D; 3). X < Y.

**Input:**

* Dòng duy nhất chứa bốn số nguyên dương A, B, C, D thỏa (B, D ≤ 109).

**Output:**

* In ra số cần đếm. Ví dụ:
* Giải thích: Các cặp thỏa mãn là (2, 4), (2, 5), (3, 4), (3, 5), (4, 5).

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2 5 4 5 | 5 |

## **Bài 2: Đếm số lượng xâu nhị phân đối xứng**

Cho một số nguyên dương n. Hãy đếm số lượng xâu nhị phân đối xứng độ dài n.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100).

**Output:**

* In ra số lượng xâu nhị phân đối xứng độ dài n.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4 | 4 |

## **Bài 3: Số ở giữa**

Cho 2 số nguyên A và B. Tìm số nguyên M nằm giữa A và B sao cho khoảng cách giữa A × M và B × M là nhỏ nhất. M phải khác A và B.

**Input:**

* Gồm 1 dòng duy nhất chứa hai số nguyên A và B (-109 ≤ A ≤ B ≤ 109)
* Dữ liệu đảm bảo A ≤ B – 2

**Output:**

* Gồm 1 dòng duy nhất chứa số nguyên M cần tìm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| -3 4 | 0 |

## **Bài 4: Số Fibonacci lớn nhất**

Cho một dãy số nguyên dương. Hãy tìm số lớn nhất trong dãy đó là số Fibonacci.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lớn nhất trong dãy là số Fibonacci hoặc -1 nếu không có số nào là số Fibonacci.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  10 13 21 22 34 1 100 | 34 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Cặp số**

**1. Phân tích:**

1. 1. Khởi tạo các biến:

2. count: biến đếm số cặp thỏa mãn.

3. l1: số lượng các giá trị khả dụng cho X từ A đến B-1.

4. l2: số lượng các giá trị khả dụng cho Y từ C đến D.

5. t: biến tạm để tính số cặp cần loại trừ khi X không nhỏ hơn Y.

6. Xét trường hợp không có cặp số thỏa mãn điều kiện 3 (X < Y): Nếu giá trị lớn nhất của Y (D) không lớn hơn giá trị nhỏ nhất của X (A), không có cặp nào có thể thỏa mãn X < Y, do đó kết quả là 0.

7. Tính toán số cặp số khi các khoảng có giao nhau.

8. Tính tổng số cặp thỏa mãn.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| A,B,C,D = map(int, input().split()) if D <= A:  print(0) else:  l1 = B - A  l2 = D - C + 1  total = l1 \* l2  if C <= A < D:  t = D - A  else:  t = 0  count = total - t  print(count) |

### **Bài 2: Đếm số lượng xâu nhị phân đối xứng**

**1. Phân tích:**

1. Một xâu nhị phân đối xứng có thể được tạo ra bằng cách xây dựng từ đầu và cuối về giữa.

2. Tính toán số lượng các xâu thỏa mãn điều kiện này.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) half = (n + 1) // 2 result = 2 \*\* half print(result) |

### **Bài 3: Số ở giữa**

**1. Phân tích:**

1. Nhận hai số nguyên từ người dùng.

2. Xác định điều kiện:

3. Nếu a âm và b dương, in '0'.

4. Nếu b không dương (bằng 0 hoặc âm), in b - 1.

5. Nếu a không âm (bằng 0 hoặc dương), in a + 1.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| a, b = map(int, input().split()) if a < 0 and b > 0:  print(0) elif b <= 0:  print(b - 1) else:  print(a + 1) |

### **Bài 4: Số Fibonacci lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. Xây dựng một tập hợp các số Fibonacci có giá trị đến giới hạn tối đa (109).

2. Duyệt qua dãy số và kiểm tra xem số nào thuộc tập hợp Fibonacci.

3. Giữ lại số Fibonacci lớn nhất tìm được.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| def build\_fibo\_set(limit):  fibo = {0, 1}  a, b = 0, 1  while b <= limit:  fibo.add(b)  a, b = b, a + b  return fibo  n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) fibo\_set = build\_fibo\_set(10\*\*9) max\_fibo = -1 for num in arr:  if num in fibo\_set and num > max\_fibo:  max\_fibo = num print(max\_fibo) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Chọn số may mắn**

Cho hai khoảng số nguyên dương [A, B] và [C, D]. Hãy đếm xem có bao nhiêu cặp số (X, Y) thỏa mãn các điều kiện sau: A ≤ X ≤ B; C ≤ Y ≤ D; X là ước của Y.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa bốn số nguyên dương A, B, C, D.

**Output:**

* In ra số lượng cặp số thỏa mãn.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 1 3 2 6 | 5 |

### **Bài 1.2: Sắp xếp khoảng**

Cho hai khoảng số nguyên dương [A, B] và [C, D]. Hãy tìm số nguyên dương nhỏ nhất X sao cho khi cộng X vào mỗi số trong khoảng [A, B], khoảng mới này không giao nhau với khoảng [C, D].

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa bốn số nguyên dương A, B, C, D.

**Output:**

* Số nguyên dương X nhỏ nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 1 5 8 10 | 3 |

### **Bài 1.3: Đếm số nguyên tố**

Cho hai khoảng số nguyên dương [A, B] và [C, D]. Hãy đếm xem có bao nhiêu cặp số (X, Y) thỏa mãn các điều kiện sau: A ≤ X ≤ B; C ≤ Y ≤ D; X và Y đều là số nguyên tố.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa bốn số nguyên dương A, B, C, D.

**Output:**

* In ra số lượng cặp số thỏa mãn.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2 5 3 7 | 6 |

### **Bài 2.1: Đếm số lượng xâu nhị phân đối xứng có độ dài lẻ**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100).

**Output:**

* In ra số lượng xâu nhị phân đối xứng có độ dài lẻ n.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 | 4 |

### **Bài 2.2: Đếm số lượng xâu nhị phân đối xứng có độ dài chẵn**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100).

**Output:**

* In ra số lượng xâu nhị phân đối xứng có độ dài chẵn n.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4 | 4 |

### **Bài 2.3: Tìm xâu nhị phân đối xứng lớn nhất có độ dài n**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100).

**Output:**

* In ra xâu nhị phân đối xứng lớn nhất có độ dài n.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 | 11011 |

### **Bài 3.1: Tìm số cân bằng trong dãy**

Trong một mảng số nguyên, số cân bằng là chỉ số mà tại đó, tổng các phần tử ở bên trái của nó bằng tổng các phần tử ở bên phải của nó. Hãy tìm chỉ số cân bằng đầu tiên trong mảng. Nếu không tồn tại, trả về -1.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa mảng số nguyên.

**Output:**

* In ra một dòng duy nhất chứa chỉ số (index) của số cân bằng đầu tiên trong mảng. Nếu không có chỉ số nào thỏa mãn, in ra -1.
* Ví dụ:
* Giải thích: Chỉ số 3 (chỉ số bắt đầu từ 0) trong mảng là số 6, tại đó tổng các phần tử ở bên trái (1+7+3) bằng tổng các phần tử ở bên phải (5+6).

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  1 7 3 6 5 6 2 | 3 |

### **Bài 3.2: Đếm số cặp số nguyên tố cộng nhau**

Cho một số nguyên N, tìm số lượng cặp số (i, j) mà i và j là số nguyên tố và i + j = N.

**Input:**

* Một số nguyên N.

**Output:**

* Số lượng cặp số thỏa mãn. Ví dụ:
* Giải thích: Có 2 cặp là (3,7) và (5,5).

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 | 2 |

### **Bài 3.3: Tìm số lớn nhất có thể tạo bằng cách hoán vị các chữ số**

Cho một số nguyên không âm, hãy tìm số lớn nhất có thể tạo bằng cách hoán vị các chữ số của nó.

**Input:**

* Một số nguyên không âm.

**Output:**

* Số lớn nhất có thể tạo.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2014 | 4210 |

### **Bài 4.1: Tìm số Fibonacci nhỏ nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số nhỏ nhất trong dãy là số Fibonacci hoặc -1 nếu không có số nào là số Fibonacci.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  4 6 7 13 8 | 4 |

### **Bài 4.2: Kiểm tra số là Fibonacci hay không**

**Input:**

* Một số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 109).

**Output:**

* "YES" nếu số đó là Fibonacci, "NO" nếu không phải.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 21 | YES |

### **Bài 4.3: Đếm số Fibonacci trong dãy**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lượng số Fibonacci trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  4 6 7 13 8 | 3 |

# ĐỀ SỐ 6

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Đếm số chuỗi con đối xứng** | PALCOUNT | 270 |
| **Bài 2** | **Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với độ dài tối thiểu k** | MAXSUMSUB | 270 |
| **Bài 3** | **Tìm chuỗi con có tổng số nguyên tố ASCII lớn nhất** | MAXPRIMES | 260 |
| **Bài 4** | **Tìm xâu con có tổng giá trị ASCII chia hết cho k** | ASCIISUMK | 260 |

## **Bài 1: Đếm số chuỗi con đối xứng**

Cho một xâu ký tự S. Hãy đếm số lượng chuỗi con đối xứng trong xâu S.

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu S (1 ≤ N ≤ 105).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.

**Output:**

* In ra số lượng chuỗi con đối xứng trong xâu S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  aba | 4 |

## **Bài 2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với độ dài tối thiểu k**

Cho một dãy số nguyên dương. Hãy tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với độ dài tối thiểu k.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có độ dài ít nhất là k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 3  1 2 3 4 5 6 | 18 |

## **Bài 3: Tìm chuỗi con có tổng số nguyên tố ASCII lớn nhất**

Cho một xâu ký tự S. Hãy tìm chuỗi con liên tiếp có tổng giá trị ASCII của các ký tự là số nguyên tố lớn nhất.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra tổng giá trị ASCII lớn nhất của chuỗi con liên tiếp mà tổng là số nguyên tố.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcde | 313 |

## **Bài 4: Tìm xâu con có tổng giá trị ASCII chia hết cho k**

Cho một xâu ký tự S. Hãy tìm xâu con liên tiếp có tổng giá trị ASCII của các ký tự chia hết cho k lớn nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương k (1 ≤ k ≤ 100).
* Dòng thứ hai chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra tổng giá trị ASCII lớn nhất của chuỗi con liên tiếp mà chia hết cho k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  abcde | 294 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Đếm số chuỗi con đối xứng**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua tất cả các chuỗi con của xâu S.

2. Kiểm tra xem chuỗi con đó có đối xứng không và đếm số lượng.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) s = input() count = 0 for i in range(n):  for j in range(i, n):  sub = s[i:j+1]  if sub == sub[::-1]:  count += 1 print(count) |

### **Bài 2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với độ dài tối thiểu k**

**1. Phân tích:**

1. (cumulative sum) để tìm tổng lớn nhất của dãy con có độ dài tối thiểu là k.

2. Duyệt qua dãy số và tính tổng của các dãy con.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n, k = map(int, input().split()) a = list(map(int, input().split())) prefix = [0]\*(n+1) for i in range(n):  prefix[i+1] = prefix[i] + a[i] max\_sum = 0 for i in range(k, n+1):  for j in range(i - k + 1):  total = prefix[i] - prefix[j]  if total > max\_sum:  max\_sum = total print(max\_sum) |

### **Bài 3: Tìm chuỗi con có tổng số nguyên tố ASCII lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng thuật toán Kadane để tìm tổng giá trị ASCII lớn nhất của chuỗi con liên tiếp.

2. Kiểm tra tổng đó có phải là số nguyên tố không.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| def is\_prime(n):  if n < 2:  return False  for i in range(2, int(n \*\* 0.5) + 1):  if n % i == 0:  return False  return True  s = input() n = len(s) max\_sum = 0 for i in range(n):  total = 0  for j in range(i, n):  total += ord(s[j])  if is\_prime(total) and total > max\_sum:  max\_sum = total print(max\_sum) |

### **Bài 4: Tìm xâu con có tổng giá trị ASCII chia hết cho k**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua tất cả các chuỗi con của xâu và tính tổng giá trị ASCII của chúng.

2. Kiểm tra tổng giá trị đó có chia hết cho k không và giữ lại tổng lớn nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| k = int(input()) s = input() max\_sum = 0 for i in range(len(s)):  total = 0  for j in range(i, len(s)):  total += ord(s[j])  if total % k == 0:  if total > max\_sum:  max\_sum = total print(max\_sum) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Đếm số lượng chuỗi con có độ dài lẻ và đối xứng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu S (1 ≤ N ≤ 105).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.

**Output:**

* In ra số lượng chuỗi con có độ dài lẻ và đối xứng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  abcba | 5 |

### **Bài 1.2: Tìm chuỗi con đối xứng dài nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu S (1 ≤ N ≤ 105).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.

**Output:**

* In ra chuỗi con đối xứng dài nhất, nếu có nhiều chuỗi cùng độ dài, in ra chuỗi xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 11  abcbabcbabc | abcbabcba |

### **Bài 1.3: Kiểm tra xem xâu có chứa chuỗi con đối xứng với độ dài tối thiểu k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương N và k (1 ≤ k ≤ N ≤ 105).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.

**Output:**

* "YES" nếu có ít nhất một chuỗi con đối xứng có độ dài tối thiểu k, "NO" nếu không có.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 3  abacaba | YES |

### **Bài 2.1: Tìm dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất với độ dài tối thiểu k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng nhỏ nhất của dãy con liên tiếp có độ dài ít nhất là k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 3  1 3 2 6 4 2 1 | 7 |

### **Bài 2.2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với độ dài chẵn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có độ dài chẵn.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 3 4 5 6 | 20 |

### **Bài 2.3: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất mà không có số nào lặp lại**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp mà không có số nào lặp lại.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  1 2 1 3 4 2 5 6 | 20 |

### **Bài 3.1: Tìm chuỗi con có tổng giá trị ASCII là số nguyên tố nhỏ nhất**

Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

Output:

In ra tổng giá trị ASCII nhỏ nhất của chuỗi con liên tiếp mà tổng là số nguyên tố.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcde | 313 |

### **Bài 3.2: Tìm chuỗi con có tổng giá trị ASCII là số nguyên tố lớn nhất và độ dài lẻ**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra tổng giá trị ASCII lớn nhất của chuỗi con liên tiếp mà tổng là số nguyên tố và có độ dài lẻ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcde | 313 |

### **Bài 3.3: Tìm chuỗi con có tổng giá trị ASCII là số nguyên tố lớn nhất nhưng không chứa ký tự trùng lặp**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra tổng giá trị ASCII lớn nhất của chuỗi con liên tiếp mà tổng là số nguyên tố và không chứa ký tự trùng lặp.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 19
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcbde | 313 |

### **Bài 4.1: Tìm xâu con có tổng giá trị ASCII chia hết cho k nhỏ nhất**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương k (1 ≤ k ≤ 100).

Dòng thứ hai chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

Output:

In ra tổng giá trị ASCII nhỏ nhất của chuỗi con liên tiếp mà chia hết cho k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  abcde | 300 |

### **Bài 4.2: Tìm xâu con có tổng giá trị ASCII chia hết cho k và độ dài lẻ**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương k (1 ≤ k ≤ 100).
* Dòng thứ hai chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra tổng giá trị ASCII lớn nhất của chuỗi con liên tiếp mà chia hết cho k và có độ dài lẻ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  abcde | 405 |

### **Bài 4.3: Tìm xâu con có tổng giá trị ASCII chia hết cho k nhưng không có ký tự nào trùng lặp**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương k (1 ≤ k ≤ 100).
* Dòng thứ hai chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra tổng giá trị ASCII lớn nhất của chuỗi con liên tiếp mà chia hết cho k và không có ký tự nào trùng lặp
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 20
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  abcadef | 495 |

# ĐỀ SỐ 7

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tìm số con đường ngắn nhất trên bảng** | MINPATH | 250 |
| **Bài 2** | **Tìm đoạn con liên tiếp có tích lớn nhất** | MAXPRODSUB | 250 |
| **Bài 3** | **Đếm số lượng chuỗi con đối xứng trong xâu** | PALSUBCNT | 240 |
| **Bài 4** | **Tìm số lượng số nguyên tố trong một đoạn** | COUNTPRIME | 240 |

## **Bài 1: Tìm số con đường ngắn nhất trên bảng**

Cho một bảng kích thước m x n với các ô có thể là chướng ngại vật hoặc không. Hãy tìm số lượng con đường ngắn nhất từ góc trên trái đến góc dưới phải của bảng.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương m và n (1 ≤ m, n ≤ 100).
* m dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa n số, với số 1 đại diện cho ô có thể đi qua và số 0 đại diện cho chướng ngại vật.

**Output:**

* In ra số lượng con đường ngắn nhất từ góc trên trái đến góc dưới phải.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 3  1 1 1  1 0 1  1 1 1 | 2 |

## **Bài 2: Tìm đoạn con liên tiếp có tích lớn nhất**

Cho một dãy số nguyên dương và âm. Hãy tìm đoạn con liên tiếp có tích lớn nhất trong dãy số.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tích lớn nhất của một đoạn con liên tiếp trong dãy số.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 3 -2 4 -1 2 | 48 |

## **Bài 3: Đếm số lượng chuỗi con đối xứng trong xâu**

Cho một xâu ký tự. Hãy đếm số lượng chuỗi con đối xứng trong xâu.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng chuỗi con đối xứng trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| ababa | 9 |

## **Bài 4: Tìm số lượng số nguyên tố trong một đoạn**

Cho một đoạn [a, b]. Hãy tìm số lượng số nguyên tố trong đoạn đó.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa hai số nguyên dương a và b (1 ≤ a ≤ b ≤ 106).

**Output:**

* In ra số lượng số nguyên tố trong đoạn [a, b].

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 30 | 6 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tìm số con đường ngắn nhất trên bảng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng BFS để tìm tất cả các con đường ngắn nhất từ góc trên trái đến góc dưới phải.

2. Đếm số lượng con đường ngắn nhất tìm thấy.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| from collections import deque  m, n = map(int, input().split()) grid = [list(map(int, input().split())) for \_ in range(m)]  directions = [(0,1),(1,0),(0,-1),(-1,0)] dist = [[-1]\*n for \_ in range(m)] ways = [[0]\*n for \_ in range(m)]  q = deque() if grid[0][0] == 1:  q.append((0,0))  dist[0][0] = 0  ways[0][0] = 1  while q:  x, y = q.popleft()  for dx, dy in directions:  nx, ny = x + dx, y + dy  if 0 <= nx < m and 0 <= ny < n and grid[nx][ny] == 1:  if dist[nx][ny] == -1:  dist[nx][ny] = dist[x][y] + 1  ways[nx][ny] = ways[x][y]  q.append((nx, ny))  elif dist[nx][ny] == dist[x][y] + 1:  ways[nx][ny] += ways[x][y]  print(ways[m-1][n-1]) |

### **Bài 2: Tìm đoạn con liên tiếp có tích lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng thuật toán Kadane phiên bản tích để tìm tích lớn nhất của một đoạn con liên tiếp.

2. Cần lưu ý cả tích lớn nhất và tích nhỏ nhất tại mỗi vị trí, do số âm có thể làm đảo dấu.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) max\_prod = arr[0] min\_end = arr[0] max\_end = arr[0] for i in range(1, n):  x = arr[i]  if x < 0:  min\_end, max\_end = max\_end, min\_end  max\_end = max(x, max\_end \* x)  min\_end = min(x, min\_end \* x)  if max\_end > max\_prod:  max\_prod = max\_end print(max\_prod) |

### **Bài 3: Đếm số lượng chuỗi con đối xứng trong xâu**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng hai vòng lặp để tạo ra tất cả các chuỗi con có thể có trong xâu.

2. Kiểm tra từng chuỗi con có phải là đối xứng không và đếm số lượng chuỗi con đối xứng.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() n = len(s) count = 0 for i in range(n):  for j in range(i, n):  sub = s[i:j+1]  if sub == sub[::-1]:  count += 1 print(count) |

### **Bài 4: Tìm số lượng số nguyên tố trong một đoạn**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng Sàng Eratosthenes để tìm tất cả các số nguyên tố trong khoảng từ 1 đến b.

2. Đếm số lượng số nguyên tố trong đoạn [a, b].

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| a, b = map(int, input().split()) is\_prime = [True] \* (b + 1) is\_prime[0] = is\_prime[1] = False for i in range(2, int(b\*\*0.5) + 1):  if is\_prime[i]:  for j in range(i\*i, b + 1, i):  is\_prime[j] = False count = 0 for i in range(a, b + 1):  if is\_prime[i]:  count += 1 print(count) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm số con đường ngắn nhất từ góc trên trái đến góc dưới phải với k chướng ngại vật bị xóa**

**Input:**

* ● Dòng đầu tiên chứa ba số nguyên dương m, n và k (1 ≤ m, n ≤ 100,
* 0 ≤ k ≤ 10).
* m dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa n số, với số 1 đại diện cho ô có thể đi qua và số 0 đại diện cho chướng ngại vật.

**Output:**

* In ra số lượng con đường ngắn nhất từ góc trên trái đến góc dưới phải sau khi xóa k chướng ngại vật.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 3 1  0 0 0  1 1 0  0 1 1 | 4 |

### **Bài 1.2: Tìm số con đường ngắn nhất từ góc trên trái đến góc dưới phải mà chỉ được di chuyển theo đường chéo**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương m và n (1 ≤ m, n ≤ 100).
* m dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa n số, với số 1 đại diện cho ô có thể đi qua và số 0 đại diện cho chướng ngại vật.

**Output:**

* In ra số lượng con đường ngắn nhất từ góc trên trái đến góc dưới phải mà chỉ được di chuyển theo đường chéo.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 3  1 1 1  1 1 1  1 1 1 | 2 |

### **Bài 1.3: Tìm số con đường ngắn nhất từ góc trên trái đến góc dưới phải với điều kiện phải đi qua một ô xác định**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa ba số nguyên dương m, n và k (1 ≤ m, n ≤ 100, 1 ≤ k ≤ m\*n).
* m dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa n số, với số 1 đại diện cho ô có thể đi qua và số 0 đại diện cho chướng ngại vật.
* Dòng cuối cùng chứa hai số nguyên dương r và c (1 ≤ r ≤ m, 1 ≤ c ≤ n), chỉ định vị trí của ô phải đi qua.

**Output:**

* In ra số lượng con đường ngắn nhất từ góc trên trái đến góc dưới phải và đi qua ô xác định.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 11
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 3 1  1 1 1  0 1 0  1 1 1  2 2 | 2 |

### **Bài 2.1: Tìm đoạn con liên tiếp có tích nhỏ nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tích nhỏ nhất của một đoạn con liên tiếp trong dãy số.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  2 -3 4 -2 1 | -24 |

### **Bài 2.2: Tìm đoạn con liên tiếp có tích lớn nhất mà không có số âm**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tích lớn nhất của một đoạn con liên tiếp trong dãy số mà không có số âm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  1 2 -3 4 5 0 6 | 20 |

### **Bài 2.3: Tìm đoạn con liên tiếp có tích lớn nhất với độ dài lẻ**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tích lớn nhất của một đoạn con liên tiếp trong dãy số có độ dài lẻ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  2 3 -1 4 5 | 20 |

### **Bài 3.1: Đếm số lượng chuỗi con đối xứng có độ dài lẻ**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng chuỗi con đối xứng có độ dài lẻ trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcba | 7 |

### **Bài 3.2: Đếm số lượng chuỗi con đối xứng có độ dài chẵn**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng chuỗi con đối xứng có độ dài chẵn trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abccba | 6 |

### **Bài 3.3: Tìm chuỗi con đối xứng dài nhất trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi con đối xứng dài nhất trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcbabcbabcba | abcbabcbabcba |

### **Bài 4.1: Tìm tổng các số nguyên tố trong đoạn [a, b]**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa hai số nguyên dương a và b (1 ≤ a ≤ b ≤ 106).

**Output:**

* In ra tổng các số nguyên tố trong đoạn [a, b].

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 20 | 60 |

### **Bài 4.2: Tìm số nguyên tố lớn nhất trong đoạn [a, b]**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa hai số nguyên dương a và b (1 ≤ a ≤ b ≤ 106).

**Output:**

* In ra số nguyên tố lớn nhất trong đoạn [a, b]. Nếu không có số nguyên tố nào trong đoạn, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 20 | 19 |

### **Bài 4.3: Tìm số nguyên tố có tổng các chữ số là lớn nhất trong đoạn [a, b]**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa hai số nguyên dương a và b (1 ≤ a ≤ b ≤ 106).

**Output:**

* In ra số nguyên tố có tổng các chữ số lớn nhất trong đoạn [a, b].

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 30 | 29 |

# ĐỀ SỐ 8

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tìm chuỗi con có độ dài lớn nhất với các ký tự khác nhau** | MAXUNIQUE | 230 |
| **Bài 2** | **Tìm dãy con không chứa số nguyên tố dài nhất** | NONPRIMESEQ | 230 |
| **Bài 3** | **Tìm dãy con liên tiếp có tổng bằng một giá trị cho trước** | SUBSUMX | 220 |
| **Bài 4** | **Đếm số nguyên tố trong dãy** | COUNTPRIME | 210 |

## **Bài 1: Tìm chuỗi con có độ dài lớn nhất với các ký tự khác nhau**

Cho một xâu ký tự S. Hãy tìm chuỗi con có độ dài lớn nhất mà trong đó tất cả các ký tự đều khác nhau.

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu S (1 ≤ N ≤ 105).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.

**Output:**

* In ra độ dài của chuỗi con dài nhất mà trong đó tất cả các ký tự đều khác nhau.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  abcabcbb | 3 |

## **Bài 2: Tìm dãy con không chứa số nguyên tố dài nhất**

Cho một dãy số nguyên. Hãy tìm dãy con liên tiếp không chứa số nguyên tố và có độ dài lớn nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra độ dài của dãy con liên tiếp không chứa số nguyên tố và có độ dài lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  4 6 8 9 10 3 4 6 8 9 | 5 |

## **Bài 3: Tìm dãy con liên tiếp có tổng bằng một giá trị cho trước**

Cho một dãy số nguyên và một số nguyên dương x. Hãy tìm dãy con liên tiếp có tổng bằng x.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và x (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ x ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra dãy con liên tiếp có tổng bằng x. Nếu không tìm thấy, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 9  1 2 3 4 5 | 2 3 4 |

## **Bài 4: Đếm số nguyên tố trong dãy**

Cho một dãy số nguyên dương. Hãy đếm số lượng số nguyên tố có trong dãy.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lượng số nguyên tố trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 4 5 6 7 9 | 3 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tìm số xuất hiện nhiều nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng kỹ thuật "Sliding Window" để duyệt qua các ký tự trong xâu.

2. Dùng một tập hợp để theo dõi các ký tự khác nhau, và cập nhật độ dài của chuỗi con dài nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() s = input() start = 0 max\_len = 0 seen = {} for i in range(len(s)):  if s[i] in seen and seen[s[i]] >= start:  start = seen[s[i]] + 1  seen[s[i]] = i  max\_len = max(max\_len, i - start + 1) print(max\_len) |

### **Bài 2: Tìm dãy con không chứa số nguyên tố dài nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng thuật toán phân loại số nguyên tố và số không nguyên tố.

2. Duyệt qua dãy số và tìm dãy con liên tiếp không chứa số nguyên tố.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| import math def is\_prime(n):  if n < 2:  return False  for i in range(2, int(math.sqrt(n)) + 1):  if n % i == 0:  return False  return True n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) max\_len = 0 cur\_len = 0 for num in arr:  if not is\_prime(num):  cur\_len += 1  if cur\_len > max\_len:  max\_len = cur\_len  else:  cur\_len = 0 print(max\_len) |

### **Bài 3: Tìm dãy con liên tiếp có tổng bằng một giá trị cho trước**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng mảng cộng dồn (cumulative sum) và hai con trỏ để tìm dãy con có tổng bằng x.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n, x = map(int, input().split()) arr = list(map(int, input().split())) left = 0 total = 0 found = False for right in range(n):  total += arr[right]  while total > x:  total -= arr[left]  left += 1  if total == x:  print(' '.join(map(str, arr[left:right+1])))  found = True  break if not found:  print(-1) |

### **Bài 4: Số Fibonacci lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng thuật toán kiểm tra số nguyên tố hiệu quả (như Sàng Eratosthenes hoặc kiểm tra chia từ 2 đến căn bậc hai của số).

2. Duyệt qua dãy số và đếm số lượng số nguyên tố.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| import math  def is\_prime(n):  if n < 2:  return False  for i in range(2, int(math.sqrt(n)) + 1):  if n % i == 0:  return False  return True  n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) count = 0 for num in arr:  if is\_prime(num):  count += 1 print(count) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm chuỗi con có độ dài lớn nhất mà không có ký tự nào lặp lại quá k lần**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương N và k (1 ≤ N ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 26).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.

**Output:**

* In ra độ dài của chuỗi con dài nhất mà không có ký tự nào lặp lại quá k lần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 2  abcacde | 5 |

### **Bài 1.2: Tìm chuỗi con có độ dài nhỏ nhất với tất cả các ký tự khác nhau trong S**

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N (1 ≤ N ≤ 105).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.

**Output:**

* In ra độ dài của chuỗi con ngắn nhất mà trong đó tất cả các ký tự đều khác nhau.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  abcabcabcd | 4 |

### **Bài 1.3: Đếm số lượng chuỗi con có tất cả các ký tự khác nhau với độ dài lớn hơn hoặc bằng k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương N và k (1 ≤ N ≤ 105, 1 ≤ k ≤ N).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.

**Output:**

* In ra số lượng chuỗi con có tất cả các ký tự khác nhau với độ dài lớn hơn hoặc bằng k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  abcabc | 3 |

### **Bài 2.1: Tìm dãy con không chứa số nguyên tố dài nhất mà có tổng các phần tử chia hết cho k**

Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).

Dòng thứ hai chứa n số nguyên. Output:

In ra độ dài của dãy con liên tiếp không chứa số nguyên tố và có tổng chia hết cho k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 5  4 6 8 3 10 12 15 16 17 18 | 4 |

### **Bài 2.2: Tìm dãy con không chứa số nguyên tố dài nhất mà không chứa số chẵn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra độ dài của dãy con liên tiếp không chứa số nguyên tố và không chứa số chẵn

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  1 3 9 5 6 7 15 21 33 35 | 4 |

### **Bài 2.3: Tìm dãy con không chứa số nguyên tố dài nhất mà không chứa số lẻ**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra độ dài của dãy con liên tiếp không chứa số nguyên tố và không chứa số lẻ.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 18
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  2 4 6 8 10 3 12 14 16 7 | 4 |

### **Bài 3.1: Tìm dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất lớn hơn hoặc bằng x**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và x (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ x ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng nhỏ nhất của dãy con liên tiếp mà lớn hơn hoặc bằng x.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8 15  1 2 3 4 5 6 7 8 | 15 |

### **Bài 3.2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất bằng x**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và x (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ x ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng nhỏ nhất của dãy con liên tiếp bằng x. Nếu không tìm thấy, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8 15  1 2 3 4 5 6 7 8 | 15 |

### **Bài 3.3: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất bằng x mà không có số âm**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và x (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ x ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất bằng x mà không có số âm.
* Nếu không tìm thấy, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 10  1 2 -1 3 4 2 1 0 5 5 | 5 5 |

### **Bài 4.1: Tìm số nguyên tố lớn nhất trong dãy**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số nguyên tố lớn nhất trong dãy hoặc -1 nếu không có số nguyên tố.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 4 5 7 9 7 | 7 |

### **Bài 4.2: Kiểm tra dãy số có phải là dãy số nguyên tố hay không**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* "YES" nếu tất cả các số trong dãy đều là số nguyên tố, "NO" nếu có ít nhất một số không phải.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  2 3 5 7 11 | YES |

### **Bài 4.3: Đếm số lượng số nguyên tố trong dãy con liên tiếp có độ dài lớn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lượng số nguyên tố trong dãy con liên tiếp có độ dài lớn nhất mà tất cả các số đều là số nguyên tố.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 3 5 7 11 4 | 4 |

# ĐỀ SỐ 9

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Thống kê số lượng từ trong xâu** | WORDSTAT | 210 |
| **Bài 2** | **Đếm cặp đôi** | COUNTPAIR | 210 |
| **Bài 3** | **Tối ưu hóa quy trình sản xuất** | OPTIPROD | 210 |
| **Bài 4** | **Phân tích dữ liệu người dùng trên ứng dụng** | USERDATA | 210 |

## **Bài 1: Thống kê số lượng từ trong xâu**

Cho một xâu ký tự gồm nhiều từ, các từ được phân cách bởi dấu cách hoặc dấu câu. Hãy thống kê số lượng từ theo độ dài và in ra các từ có tần suất xuất hiện lớn nhất.

**Input:**

* Dòng thứ nhất chứa xâu ký tự.
* Chiều dài của xâu không quá 1000 ký tự.
* Mỗi từ không dài quá 20 ký tự.
* Số lượng từ tối đa là 200 từ.

**Output:**

* Dòng thứ nhất ghi số lượng từ tương ứng với từng độ dài (1, 2, 3, ...).
* Dòng thứ hai ghi các từ có tần suất xuất hiện nhiều nhất trong xâu. Ví dụ:
* 0 từ có độ dài 1, 0 từ có độ dài 2, 7 từ có độ dài 3, 1 từ có độ dài 4, 2 từ có độ dài 5

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| mot hai ba bon nam ba hai mot ba bon mot | 0 0 7 2 2  mot ba |

## **Bài 2: Đếm cặp đôi**

Cho dãy số A gồm n phần tử nguyên dương A1, A2, ... , An. Mỗi phần tử có giá trị không vượt quá 109 và n ≤ 105. Một cặp số được gọi là cặp tương đồng với x, nếu cặp số này có tổng bằng số x cho trước nào đó.

Yêu cầu: Hãy đếm xem trong dãy số A có bao nhiêu cặp số (Ai; Aj) tương đồng với x (có nghĩa là Ai + Aj = x) với i <j.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa dãy số n, x (n ≤ 105, x ≤ 106).
* Dòng thứ 2 chứa n phần tử của dãy số A (Ai ≤ 109).

**Output:**

* Ghi ra một số nguyên là cặp đôi tương đồng của dãy số.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 6  1 5 7 1 5 | 2 |

## **Bài 3: Tối ưu hóa quy trình sản xuất**

Một nhà máy cần tối ưu hóa quy trình sản xuất để đạt hiệu quả cao nhất. Hãy tìm quy trình sản xuất tối ưu bằng cách tối đa hóa sản lượng mà không vượt quá giới hạn nguyên vật liệu cho trước.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và m (1 ≤ n, m ≤ 105) là số loại sản phẩm và giới hạn nguyên vật liệu.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là lượng nguyên vật liệu cần cho mỗi sản phẩm.
* Dòng cuối cùng chứa n số nguyên là sản lượng mỗi loại sản phẩm có thể đạt được.

**Output:**

* In ra sản lượng tối ưu nhất có thể đạt được mà không vượt quá giới hạn nguyên vật liệu m.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 10  4 3 2  10 5 3 | 13 |

## **Bài 4: Phân tích dữ liệu người dùng trên ứng dụng**

Một ứng dụng cần phân tích dữ liệu người dùng để cải thiện trải nghiệm người dùng. Bạn được yêu cầu tính tổng thời gian người dùng sử dụng ứng dụng và xác định khoảng thời gian sử dụng ứng dụng phổ biến nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số phiên đăng nhập của người dùng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của mỗi phiên (đơn vị tính là phút).

**Output:**

* In ra tổng thời gian sử dụng ứng dụng và khoảng thời gian sử dụng phổ biến nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 30  20 50  15 35 | 60  20 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Thống kê số lượng từ trong xâu**

**1. Phân tích:**

1. Tách từ: Sử dụng biểu thức chính quy để tách các từ ra khỏi chuỗi ký tự, bỏ qua các dấu câu.

2. Đếm độ dài từ: Duyệt qua danh sách từ đã tách và đếm số lượng từ theo độ dài (1, 2, 3,...).

3. Đếm tần suất từ: Dùng Counter để đếm số lần xuất hiện của mỗi từ và tìm từ xuất hiện nhiều nhất.

4. Xuất kết quả: In ra số lượng từ tương ứng với các độ dài từ 1 đến 5 và in từ có tần suất xuất hiện cao nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input().lower() words = s.split() length\_count = [0]\*21 freq = {} for word in words:  l = len(word)  if l <= 20:  length\_count[l] += 1  if word in freq:  freq[word] += 1  else:  freq[word] = 1  res\_len = ' '.join(str(length\_count[i]) for i in range(1, 6)) max\_freq = max(freq.values()) res\_words = [] for word in freq:  if freq[word] == max\_freq:  res\_words.append(word) res\_words.sort() print(res\_len) print(' '.join(res\_words)) |

### **Bài 2: Đếm cặp đôi**

**1. Phân tích:**

1. Tạo danh sách để lưu số lượng các số xuất hiện.

2. Duyệt qua danh sách số, tính toán và cập nhật số lượng cặp số thỏa mãn.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n, x = map(int, input().split()) a = list(map(int, input().split())) count = {} res = 0 for num in a:  res += count.get(x - num, 0)  count[num] = count.get(num, 0) + 1 print(res) |

### **Bài 3: Tối ưu hóa quy trình sản xuất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp tham lam để chọn các sản phẩm có tỷ lệ sản lượng trên nguyên vật liệu cao nhất trước.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n, m = map(int, input().split()) material = list(map(int, input().split())) output = list(map(int, input().split())) items = [] for i in range(n):  ratio = output[i] / material[i]  items.append((ratio, material[i], output[i])) items.sort(reverse=True) total = 0 for r, mat, out in items:  if m >= mat:  m -= mat  total += out print(total) |

### **Bài 4: Phân tích dữ liệu người dùng trên ứng dụng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng thời gian sử dụng ứng dụng.

2. Dùng mảng để lưu số phiên đăng nhập tại từng khoảng thời gian và xác định khoảng thời gian phổ biến nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total\_time = 0 freq = [0] \* 1441 for \_ in range(n):  start, end = map(int, input().split())  total\_time += end - start  for i in range(start, end):  freq[i] += 1 max\_time = 0 max\_hour = 0 for i in range(1441):  if freq[i] > max\_time:  max\_time = freq[i]  max\_hour = i print(total\_time) print(max\_hour) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Thống kê từ viết tắt trong email**

Cho một đoạn email chứa nhiều từ viết tắt (các từ được phân cách bởi dấu cách hoặc dấu câu). Hãy xác định các từ viết tắt có tần suất xuất hiện nhiều nhất và liệt kê ra danh sách.

**Input:**

* Một đoạn email, độ dài không quá 2000 ký tự.
* Mỗi từ không dài quá 30 ký tự.
* Số lượng từ tối đa là 500 từ.

**Output:**

* Dòng thứ nhất ghi tổng số từ viết tắt có trong email.
* Dòng thứ hai ghi danh sách các từ viết tắt có tần suất xuất hiện nhiều nhất, mỗi từ viết tắt cách nhau bởi dấu phẩy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| FYI, pls RSVP ASAP. FYI and FYI again! | 4  FYI |

### **Bài 1.2: Thống kê số lượng từ đơn, từ ghép trong bài báo**

Cho nội dung một bài báo khoa học, các từ trong bài báo được phân cách bởi dấu cách hoặc dấu câu. Hãy thống kê số lượng từ đơn và từ ghép trong bài báo và liệt kê các từ ghép xuất hiện nhiều nhất.

**Input:**

* Nội dung bài báo không quá 5000 ký tự.
* Mỗi từ không dài quá 50 ký tự.
* Số lượng từ tối đa là 1000 từ.

**Output:**

* Dòng thứ nhất ghi số lượng từ đơn (từ có 1 âm tiết) và từ ghép (từ có nhiều hơn 1 âm tiết).
* Dòng thứ hai ghi danh sách các từ ghép có tần suất xuất hiện nhiều nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| Nghiên cứu phát triển, phát triển công nghệ, phát triển bền vững. | 1 3  phát triển |

### **Bài 1.3: Thống kê từ theo mức độ phổ biến trong báo cáo kinh doanh Cho nội dung một báo cáo kinh doanh, các từ trong báo cáo được phân cách bởi dấu cách hoặc dấu câu. Hãy thống kê từ theo mức độ phổ biến: từ thông dụng, từ ít thông dụng, và từ hiếm gặp dựa trên tần suất xuất hiện của chúng.**

**Input:**

* Nội dung báo cáo không quá 3000 ký tự.
* Mỗi từ không dài quá 40 ký tự.
* Số lượng từ tối đa là 800 từ.

**Output:**

* Dòng thứ nhất ghi số lượng từ thông dụng (xuất hiện từ 5 lần trở
* lên), từ ít thông dụng (xuất hiện từ 2 đến 4 lần), và từ hiếm gặp (xuất hiện 1 lần).
* Dòng thứ hai ghi danh sách các từ hiếm gặp. Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 12
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| doanh thu tăng lợi nhuận tăng tăng chi phí giảm doanh thu | 1 2 2  lợi nhuận chi phí |

### **Bài 2.1: Tìm số lớn thứ hai**

Cho một dãy số nguyên dương B gồm n phần tử. Hãy tìm số lớn thứ hai trong dãy số.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương phần tử của dãy số B (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số nguyên là số lớn thứ hai trong dãy số.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  5 1 9 3 9 7 | 7 |

### **Bài 2.2: Số nhỏ nhất không xuất hiện**

Cho một dãy số nguyên dương C gồm n phần tử. Hãy tìm số nguyên dương nhỏ nhất không xuất hiện trong dãy.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương phần tử của dãy số C (mỗi số không vượt quá 106).

**Output:**

* In ra số nguyên dương nhỏ nhất không xuất hiện trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  1 2 3 6 4 1 2 | 5 |

### **Bài 2.3: Đếm số lần xuất hiện**

Cho một dãy số nguyên dương D gồm n phần tử và một số nguyên k. Hãy đếm số lần xuất hiện của k trong dãy.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k
* ≤ 106).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương phần tử của dãy số D (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lần xuất hiện của k trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 2  1 2 3 2 4 2 5 | 3 |

### **Bài 3.1: Tìm sản lượng tối đa có thể đạt được với một loại sản phẩm nhất định trong trường hợp giới hạn nguyên vật liệu thay đổi**

Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và m (1 ≤ n, m ≤ 105) là số loại sản phẩm và giới hạn nguyên vật liệu.

Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là lượng nguyên vật liệu cần cho mỗi sản phẩm.

Dòng cuối cùng chứa n số nguyên là sản lượng mỗi loại sản phẩm có thể đạt được.

Output:

In ra sản lượng tối đa có thể đạt được của một sản phẩm cụ thể khi giới hạn nguyên vật liệu thay đổi.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 15  3 5 2 6 4  10 20 5 12 8 | 20 |

### **Bài 3.2: Tìm phương án sản xuất tối ưu khi thêm một giới hạn về số lượng sản phẩm có thể sản xuất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa ba số nguyên dương n, m, và k (1 ≤ n, m ≤ 105, 1 ≤ k ≤ n) là số loại sản phẩm, giới hạn nguyên vật liệu và số lượng tối đa sản phẩm có thể sản xuất.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là lượng nguyên vật liệu cần cho mỗi sản phẩm.
* Dòng cuối cùng chứa n số nguyên là sản lượng mỗi loại sản phẩm có thể đạt được.

**Output:**

* In ra sản lượng tối ưu nhất có thể đạt được khi chỉ có thể sản xuất tối đa k sản phẩm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4 100 2  40 30 50 20  3 4 2 5 | 9 |

### **Bài 3.3: So sánh sản lượng tối ưu trong hai tình huống giới hạn nguyên vật liệu khác nhau**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa ba số nguyên dương n, m1, m2 (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ m1, m2 ≤ 105) là số loại sản phẩm và hai giới hạn nguyên vật liệu khác nhau. ● Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là lượng nguyên vật liệu cần cho mỗi sản phẩm.
* Dòng cuối cùng chứa n số nguyên là sản lượng mỗi loại sản phẩm có thể đạt được.

**Output:**

* In ra sản lượng tối ưu nhất trong từng trường hợp giới hạn nguyên vật liệu m1 và m2.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 22
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 100 120  40 50 60  3 4 2 | 5 6 |

### **Bài 4.1: Tính thời gian trung bình mỗi phiên đăng nhập**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số phiên đăng nhập.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của mỗi phiên (đơn vị tính là phút).

**Output:**

* In ra thời gian trung bình mỗi phiên đăng nhập.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  0 30  10 40  20 50 | 30.0 |

### **Bài 4.2: Xác định thời gian mà số người dùng đồng thời nhiều nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số phiên đăng nhập.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của mỗi phiên (đơn vị tính là phút).

**Output:**

* In ra thời điểm mà số người dùng đồng thời cao nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  1 5  2 6  4 8 | 4 |

### **Bài 4.3: So sánh thời gian sử dụng ứng dụng giữa hai nhóm người dùng khác nhau**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số phiên đăng nhập.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của mỗi phiên (đơn vị tính là phút).

**Output:**

* In ra thời gian sử dụng ứng dụng của từng nhóm và nhóm có thời gian sử dụng dài hơn.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  0 30  10 40  50 100  60 120 | 60  110  Nhóm 2 |

# ĐỀ SỐ 10

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tìm số nhỏ nhất chia hết cho tất cả các số trong dãy** | LCMALL | 200 |
| **Bài 2** | **Số chẵn lớn nhất** | MAXEVEN | 200 |
| **Bài 3** | **Đếm số lượng từ có chứa số lượng nguyên âm lớn nhất** | MAXVOWEL | 200 |
| **Bài 4** | **Tìm số xuất hiện nhiều nhất trong danh sách** | MAXFREQNUM | 200 |

## **Bài 1: Tìm số nhỏ nhất chia hết cho tất cả các số trong dãy**

Cho một dãy số nguyên dương. Hãy tìm số nhỏ nhất chia hết cho tất cả các số trong dãy.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số nhỏ nhất chia hết cho tất cả các số trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  2 7 3 | 42 |

## **Bài 2: Số chẵn lớn nhất**

Cho số nguyên dương n và dãy số a1, a2, . .. , an.

Yêu cầu: Hãy xác định xem liệu có tồn tại hai phần tử khác nhau sao cho tổng của chúng là số chẵn hay không. Nếu có hãy in ra số chẵn lớn nhất có thể.

Hai phần tử ai; và aj được gọi là khác nhau nếu i ≠ j.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (2 ≤ n ≤ 106).
* Dòng thứ hai chứa dãy số a1, a2, ... , an (0 ≤ ai ≤ 109). Các số cách nhau một khoảng trắng.
* Dữ liệu vào đảm bảo rằng tất cả các phần tử trong dãy đều đôi một khác nhau.

**Output:**

* In ra đáp án bài toán sau khi thực hiện yêu cầu đề bài. Nếu không tồn tại hai phần tử thỏa mãn yêu cầu đề bài hãy in ra -1. Ví dụ:
* Note: a1 + a2 = 2 + 3 = 5 a1 + a3 = 2 + 4 = 6 a2 + a3 = 3 + 4= 7
* Vậy 6 là số chẵn lớn nhất thỏa mãn yêu cầu đề bài.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  2 3 4 5 | 6 |

## **Bài 3: Đếm số lượng từ có chứa số lượng nguyên âm lớn nhất**

Cho một xâu ký tự chứa các từ được phân cách bởi khoảng trắng. Hãy đếm số lượng từ có chứa số lượng nguyên âm lớn nhất.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có chứa số lượng nguyên âm lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| day la mot vi du ve xau van ban | 2 |

## **Bài 4: Tìm số xuất hiện nhiều nhất trong danh sách**

Cho một danh sách các số nguyên dương. Hãy tìm số xuất hiện nhiều nhất trong danh sách. Nếu có nhiều số có cùng số lần xuất hiện, in ra số lớn nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số xuất hiện nhiều nhất trong danh sách. Nếu có nhiều số có cùng số lần xuất hiện, in ra số lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  1 2 2 3 3 3 2 | 2 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tìm số nhỏ nhất chia hết cho tất cả các số trong dãy**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng lý thuyết số học về bội chung nhỏ nhất (LCM).

2. Áp dụng LCM giữa các số trong dãy để tìm số nhỏ nhất chia hết cho tất cả các số.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| import math  def lcm(a, b):  return a \* b // math.gcd(a, b)  n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) res = arr[0] for i in range(1, n):  res = lcm(res, arr[i]) print(res) |

### **Bài 2: Số chẵn lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sắp xếp danh sách theo thứ tự giảm dần

2. Tạo ra 2 danh sách chẵn, lẻ để lưu những số chẵn, lẻ tương ứng trong danh sách. Kiểm tra nếu đã có ít nhất hai số chẵn và hai số lẻ, thì dừng vòng lặp sớm (để giảm thời gian chạy nếu đã tìm đủ số cần thiết).

3. Tạo ra biến tổng để lưu giá trị tổng lớn nhất của hai số chẵn hoặc hai số lẻ.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) a = list(map(int, input().split())) even = [] odd = [] for num in a:  if num % 2 == 0:  even.append(num)  else:  odd.append(num) even.sort(reverse=True) odd.sort(reverse=True) max\_sum = -1 if len(even) >= 2:  max\_sum = max(max\_sum, even[0] + even[1]) if len(odd) >= 2:  max\_sum = max(max\_sum, odd[0] + odd[1]) print(max\_sum) |

### **Bài 3: Đếm số lượng từ có chứa số lượng nguyên âm lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. 1. Sử dụng phương pháp tách từ bằng cách sử dụng hàm split().

2. 2. Duyệt qua từng từ và đếm số lượng nguyên âm trong từ đó. Tìm từ có số lượng nguyên âm lớn nhất và đếm số lượng từ thỏa mãn điều kiện này.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() words = s.split() vowels = 'aeiouAEIOU' max\_vowel = 0 counts = [] for word in words:  cnt = 0  for ch in word:  if ch in vowels:  cnt += 1  counts.append(cnt)  if cnt > max\_vowel:  max\_vowel = cnt result = 0 for c in counts:  if c == max\_vowel:  result += 1 print(result) |

### **Bài 4: Tìm số xuất hiện nhiều nhất trong danh sách**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng một từ điển để đếm số lần xuất hiện của mỗi phần tử.

2. Tìm phần tử có số lần xuất hiện nhiều nhất và nếu có nhiều phần tử có cùng số lần xuất hiện, chọn phần tử lớn nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) count = {} for num in arr:  count[num] = count.get(num, 0) + 1 max\_freq = 0 res = 0 for num in count:  if count[num] > max\_freq or (count[num] == max\_freq and num > res):  max\_freq = count[num]  res = num print(res) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm số lớn nhất chia hết cho tất cả các số trong dãy**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lớn nhất chia hết cho tất cả các số trong dãy, hoặc -1 nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 4 6 8 10 12 | 12 |

### **Bài 1.2: Tìm số nhỏ nhất chia hết cho ít nhất một nửa số trong dãy**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số nhỏ nhất chia hết cho ít nhất một nửa số trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 4 6 8 10 12 | 2 |

### **Bài 1.3: Tìm số nhỏ nhất chia hết cho tất cả các số trong dãy sau khi tăng mỗi số lên k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số nhỏ nhất chia hết cho tất cả các số trong dãy sau khi tăng mỗi số lên k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3 6 9 12 15  2 | 30 |

### **Bài 2.1: Số chính phương lớn nhất từ tổng hai số**

Cho số nguyên dương n và dãy số a1, a2, ... , an. Hãy tìm tổng lớn nhất của hai số khác nhau trong dãy sao cho tổng đó là một số chính phương.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (2 ≤ n ≤ 106).
* Dòng thứ hai chứa dãy số a1, a2, ... , an (0 ≤ ai ≤ 109). Các số cách
* nhau một khoảng trắng.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất là số chính phương của hai phần tử khác nhau, hoặc -1 nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  1 3 6 10 15 | 25 |

### **Bài 2.2: Tìm hai số có hiệu lớn nhất**

Cho số nguyên dương n và dãy số a1, a2, ... , an. Xác định hai số trong dãy sao cho hiệu của chúng là lớn nhất và là một số chẵn.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (2 ≤ n ≤ 106).
* Dòng thứ hai chứa dãy số a1, a2, ... , an (0 ≤ ai ≤ 109). Các số cách nhau một khoảng trắng.

**Output:**

* In ra hiệu lớn nhất và là số chẵn của hai phần tử khác nhau, hoặc -1 nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 3 6 8 10 13 | 12 |

### **Bài 2.3: Tìm tổng nhỏ nhất của ba phần tử**

Cho số nguyên dương n và dãy số a1, a2, ... , an. Hãy tìm tổng nhỏ nhất của ba phần tử khác nhau trong dãy sao cho tổng đó là một số nguyên tố.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (2 ≤ n ≤ 106).
* Dòng thứ hai chứa dãy số a1, a2, ... , an (0 ≤ ai ≤ 109). Các số cách nhau một khoảng trắng.

**Output:**

* In ra tổng nhỏ nhất của ba phần tử khác nhau là số nguyên tố, hoặc 1 nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 3 4 5 6 | 7 |

### **Bài 3.1: Tìm từ có số lượng nguyên âm ít nhất trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ có số lượng nguyên âm ít nhất trong xâu. Nếu có nhiều từ có cùng số lượng nguyên âm, in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hoc sinh lop 10a gioi qua | lop |

### **Bài 3.2: Đếm số lượng từ có chứa tất cả các nguyên âm**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có chứa tất cả các nguyên âm (a, e, i, o, u).

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| education is a beautiful journey of audio visual experience | 2 |

### **Bài 3.3: Tìm từ có số lượng nguyên âm lớn nhất mà không chứa ký tự lặp lại**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ có số lượng nguyên âm lớn nhất mà không chứa ký tự lặp lại. Nếu có nhiều từ có cùng số lượng nguyên âm, in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello unique education sky | unique |

### **Bài 4.1: Tìm số xuất hiện ít nhất trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số xuất hiện ít nhất trong danh sách. Nếu có nhiều số có cùng số lần xuất hiện, in ra số nhỏ nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  1 2 2 3 3 3 4 4 4 5 | 1 |

### **Bài 4.2: Tìm số xuất hiện nhiều nhất trong danh sách nhưng phải là số nguyên tố**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số nguyên tố xuất hiện nhiều nhất trong danh sách. Nếu có nhiều số có cùng số lần xuất hiện, in ra số lớn nhất. Nếu không có số nào là số nguyên tố, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  2 3 5 2 3 5 5 7 8 9 | 5 |

### **Bài 4.3: Tìm số xuất hiện nhiều nhất trong danh sách và là số chẵn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số chẵn xuất hiện nhiều nhất trong danh sách. Nếu có nhiều số có cùng số lần xuất hiện, in ra số lớn nhất. Nếu không có số chẵn nào, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 12  2 4 6 2 4 6 4 8 10 4 3 1 | 4 |

# ĐỀ SỐ 11

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Đếm số lượng từ không chứa ký tự lặp lại** | UNIQWORD | 200 |
| **Bài 2** | **Xóa các phần tử trùng lặp trong danh sách** | UNIQUE | 190 |
| **Bài 3** | **Đếm số lần xuất hiện của mỗi phần tử** | COUNTFREQ | 190 |
| **Bài 4** | **Sắp xếp số tăng dần trong chuỗi** | SORTNUMS | 190 |

## **Bài 1: Đếm số lượng từ không chứa ký tự lặp lại**

Cho một xâu ký tự chứa các từ được phân cách bởi khoảng trắng. Hãy đếm số lượng từ không chứa ký tự lặp lại.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ không chứa ký tự lặp lại.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc abca aab bcd ef | 3 |

## **Bài 2: Xóa các phần tử trùng lặp trong danh sách**

Cho một danh sách các số nguyên dương. Hãy xóa tất cả các phần tử trùng lặp trong danh sách và in ra danh sách mới, giữ nguyên thứ tự xuất hiện của các phần tử.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra danh sách mới sau khi đã xóa các phần tử trùng lặp.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  1 2 2 3 4 1 5 3 | 1 2 3 4 5 |

## **Bài 3: Đếm số lần xuất hiện của mỗi phần tử**

Cho một danh sách các số nguyên. Hãy đếm số lần xuất hiện của mỗi phần tử trong danh sách và in ra kết quả.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra các cặp số nguyên theo thứ tự xuất hiện ban đầu, mỗi cặp gồm phần tử và số lần xuất hiện của nó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  4 2 4 2 3 4 | 4 3  2 2  3 1 |

## **Bài 4: Sắp xếp số tăng dần trong chuỗi**

Viết chương trình nhập vào 1 chuỗi ký tự có số. Sắp xếp các số trong chuỗi tăng dần và in chuỗi ra màn hình (Đề thi Tin học trẻ Thành phố Quy Nhơn năm

2018)

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| ab3c1d9e5 | ab1c3d5e9 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Đếm số lượng từ không chứa ký tự lặp lại**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp tách từ bằng cách sử dụng hàm split().

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() words = s.split() count = 0 for word in words:  seen = set()  is\_unique = True  for ch in word:  if ch in seen:  is\_unique = False  break  seen.add(ch)  if is\_unique:  count += 1 print(count) |

### **Bài 2: Xóa các phần tử trùng lặp trong danh sách**

**1. Phân tích:**

1. Giữ nguyên thứ tự xuất hiện của các phần tử.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) seen = set() result = [] for num in arr:  if num not in seen:  seen.add(num)  result.append(num) print(' '.join(map(str, result))) |

### **Bài 3: Đếm số lần xuất hiện của mỗi phần tử**

**1. Phân tích:**

1. Dùng từ điển để đếm số lần xuất hiện của mỗi phần tử trong danh sách.

2. Duyệt qua danh sách và in ra các cặp số và số lần xuất hiện tương ứng.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) freq = {} order = [] for num in arr:  if num not in freq:  freq[num] = 1  order.append(num)  else:  freq[num] += 1 for num in order:  print(num, freq[num]) |

### **Bài 4: Sắp xếp số tăng dần trong chuỗi**

**1. Phân tích:**

1. Tách chữ số khỏi chuỗi đầu vào (Kiến thức liên quan Regular Expression)

2. Chuyển đổi số sang kiểu int và sắp xếp theo thứ tự tăng dần.

3. Tách chuỗi ban đầu thành các phần không chứa số.

4. Khởi tạo lại chuỗi và xây dựng lại theo yêu cầu.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() nums = [] chars = [] for ch in s:  if ch.isdigit():  nums.append(ch)  else:  chars.append(ch) nums = list(map(int, nums)) nums.sort() result = '' num\_idx = 0 for ch in s:  if ch.isdigit():  result += str(nums[num\_idx])  num\_idx += 1  else:  result += ch print(result) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Đếm số lượng từ chứa tất cả các ký tự là nguyên âm**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ chứa tất cả các ký tự là nguyên âm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| ai ue o eou aeiou xzy aouei | 3 |

### **Bài 1.2: Đếm số lượng từ chứa ít nhất một ký tự lặp lại**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ chứa ít nhất một ký tự lặp lại.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello world apple banana dog cat | 3 |

### **Bài 1.3: Tìm từ dài nhất mà không chứa ký tự lặp lại**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ dài nhất mà không chứa ký tự lặp lại. Nếu có nhiều từ có cùng độ dài, in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello world banana python dog zoo | python |

### **Bài 2.1: Xóa các phần tử xuất hiện đúng k lần trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ n).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra danh sách mới sau khi đã xóa các phần tử xuất hiện đúng k lần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 2 3 3 3  2 | 1 3 3 3 |

### **Bài 2.2: Xóa tất cả các phần tử xuất hiện nhiều hơn k lần**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ n).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra danh sách mới sau khi đã xóa tất cả các phần tử xuất hiện nhiều hơn k lần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 2 3 3 3  2 | 1 2 2 3 3 |

### **Bài 2.3: Xóa các phần tử trùng lặp nhưng giữ lại phần tử cuối cùng trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra danh sách mới sau khi đã xóa các phần tử trùng lặp, giữ lại phần tử cuối cùng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 3 2 1 4 | 3 2 1 4 |

### **Bài 3.1: Tìm phần tử xuất hiện nhiều nhất trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra phần tử xuất hiện nhiều nhất và số lần xuất hiện của nó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  1 2 2 3 3 3 4 4 | 3  3 |

### **Bài 3.2: Tìm phần tử xuất hiện ít nhất trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra phần tử xuất hiện ít nhất và số lần xuất hiện của nó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  1 2 2 3 3 3 4 4 | 1  1 |

### **Bài 3.3: Đếm số lượng phần tử xuất hiện đúng k lần trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ n).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra số lượng phần tử xuất hiện đúng k lần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8 2  1 2 2 3 3 3 4 4 | 3 |

### **Bài 4.1: Đảo ngược các số trong chuỗi**

Viết chương trình nhập vào một chuỗi ký tự có chứa số. Đảo ngược các số trong chuỗi mà không thay đổi vị trí của các ký tự không phải số.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| a1b2c3d4 | a4b3c2d1 |

### **Bài 4.2: Thêm dấu phẩy vào các số**

Viết chương trình nhập vào một chuỗi có chứa các số. Thêm dấu phẩy vào các số theo định dạng hàng nghìn (ví dụ, 1000 thành 1,000) mà không thay đổi các phần khác của chuỗi.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc1234def56789gh | abc1,234def56,789gh |

### **Bài 4.3: Tách các từ và số, sắp xếp riêng biệt**

Viết chương trình nhập vào một chuỗi ký tự có chứa từ và số. Tách riêng từ và số ra, sắp xếp các từ theo thứ tự bảng chữ cái và các số theo thứ tự tăng dần, sau đó ghép chúng lại thành một chuỗi mới.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| apple 42 banana 7 cat 19 | apple banana cat 7 19 42 |

# ĐỀ SỐ 12

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Đếm cặp có tổng bằng 0** | COUNTPAIR | 190 |
| **Bài 2** | **Tìm số lớn thứ năm trong danh sách** | TOP5NUM | 190 |
| **Bài 3** | **Xây dựng bảng điểm học sinh** | BANGDIEM | 190 |
| **Bài 4** | **Tối ưu hóa danh sách công việc hàng ngày** | TASKOPT | 190 |

## **Bài 1: Đếm cặp có tổng bằng 0**

Cho dãy số A có N số nguyên. Hãy đếm số cặp (i, j) sao cho Ai + Aj = 0, với i < j.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa một số nguyên dương N (1 ≤ N ≤ 2\*105)
* Dòng thứ hai chứa dãy số A gồm N số nguyên cách nhau bởi một ký tự
* khoảng trống. (|Ai| ≤ 109)

**Output:**

* In ra một số nguyên duy nhất, là số cặp phần tử trong dãy A mà có tổng là 0.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 -1 2 -2 3 -3 | 3 |

## **Bài 2: Tìm số lớn thứ năm trong danh sách**

Cho một danh sách các số nguyên dương. Hãy tìm phần tử lớn thứ năm trong danh sách. Nếu không có phần tử lớn thứ năm, in ra -1.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra phần tử lớn thứ năm trong danh sách hoặc -1 nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  3 1 4 5 9 2 6 | 3 |

## **Bài 3: Xây dựng bảng điểm học sinh**

Một giáo viên cần xây dựng bảng điểm của học sinh trong lớp. Bạn được yêu cầu tính toán tổng điểm của mỗi học sinh và xếp loại học sinh dựa trên tổng điểm đó.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số học sinh trong lớp.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên học sinh và điểm của các môn học (tối đa 5 môn học).

**Output:**

* In ra tên học sinh có tổng điểm cao nhất và xếp loại của học sinh đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  An 7 8 9  Binh 9 9 9  Cuong 8 7 6 | Binh  Xuat sac |

## **Bài 4: Tối ưu hóa danh sách công việc hàng ngày**

Một nhân viên cần quản lý và tối ưu hóa danh sách công việc hàng ngày để hoàn thành công việc một cách hiệu quả nhất. Bạn được yêu cầu tính tổng thời gian hoàn thành công việc và sắp xếp công việc theo thứ tự ưu tiên.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số công việc.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian hoàn thành công việc và mức độ ưu tiên (1 là cao nhất, 3 là thấp nhất).

**Output:**

* In ra tổng thời gian hoàn thành công việc và danh sách công việc được sắp xếp theo thứ tự ưu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  30 2  20 1  10 3 | 60  20 1  30 2  10 3 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Đếm cặp có tổng bằng 0**

**1. Phân tích:**

1. Tạo một từ điển để lưu trữ số lần xuất hiện của từng số trong dãy

2. Duyệt danh sách, kiểm tra xem số đối của số có trong từ điển không:

3. + Nếu có, tức là đã tìm thấy một cặp số mà số âm là số đối của một số dương, tăng biến đếm lên bằng số lần xuất hiện của số đối đó trong từ điển.

4. + Tiếp theo, kiểm tra xem số hiện tại đã có trong từ điển chưa. Nếu có, tăng số lần xuất hiện của số đó lên 1. Nếu chưa có, thêm số vào từ điển với số lần xuất hiện là 1.

5. In ra giá trị của biến đém, chính là số lần mà một số âm trong dãy là số đối của một số dương trong dãy đó.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) count = 0 freq = {} for num in arr:  opp = -num  if opp in freq:  count += freq[opp]  if num in freq:  freq[num] += 1  else:  freq[num] = 1 print(count) |

### **Bài 2: Tìm số lớn thứ năm trong danh sách**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua danh sách để xác định phần tử lớn nhất, lớn thứ hai, lớn thứ ba, lớn thứ tư và lớn thứ năm.

2. Nếu không có đủ năm phần tử khác nhau, in ra -1.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) unique = list(set(arr)) if len(unique) < 5:  print(-1) else:  unique.sort(reverse=True)  print(unique[4]) |

### **Bài 3: Xây dựng bảng điểm học sinh**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng điểm của từng học sinh.

2. Dựa trên tổng điểm để xếp loại học sinh và tìm học sinh có tổng điểm cao nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) max\_total = -1 top\_student = '' for \_ in range(n):  parts = input().split()  name = parts[0]  scores = list(map(int, parts[1:]))  total = sum(scores)  if total > max\_total:  max\_total = total  top\_student = name if max\_total >= 27:  grade = 'Xuat sac' elif max\_total >= 24:  grade = 'Gioi' elif max\_total >= 18:  grade = 'Kha' else:  grade = 'Trung binh' print(top\_student) print(grade) |

### **Bài 4: Tối ưu hóa danh sách công việc hàng ngày**

**1. Phân tích:**

1. Tính tổng thời gian hoàn thành công việc.

2. Sắp xếp danh sách công việc theo mức độ ưu tiên.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) jobs = [] total\_time = 0 for \_ in range(n):  t, p = map(int, input().split())  total\_time += t  jobs.append((p, t)) jobs.sort() print(total\_time) for p, t in jobs:  print(t, p) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Đếm cặp số có tổng nguyên tố**

Đếm cặp số có tổng là một số nguyên tố trong dãy số nguyên

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa một số nguyên dương N (1 ≤ N ≤ 2\*105).
* Dòng thứ hai chứa dãy số A gồm N số nguyên cách nhau bởi một ký
* tự khoảng trống. (|Ai| ≤ 109)

**Output:**

* In ra một số nguyên duy nhất, là số cặp phần tử trong dãy A mà có tổng là một số nguyên tố.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  1 2 3 4 5 | 4 |

### **Bài 1.2: Đếm cặp số có tổng Fibonacci**

Đếm cặp số có tổng là một số Fibonacci trong dãy số nguyên

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa một số nguyên dương N (1 ≤ N ≤ 2\*105).
* Dòng thứ hai chứa dãy số A gồm N số nguyên cách nhau bởi một ký
* tự khoảng trống. (|Ai| ≤ 109)

**Output:**

* In ra một số nguyên duy nhất, là số cặp phần tử trong dãy A mà có tổng là một số Fibonacci.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 3 2 4 5 8 | 5 |

### **Bài 1.3: Đếm cặp số có tổng là một số hoàn hảo trong dãy số nguyên**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa một số nguyên dương N (1 ≤ N ≤ 2\*105).
* Dòng thứ hai chứa dãy số A gồm N số nguyên cách nhau bởi một ký
* tự khoảng trống. (|Ai| ≤ 109)

**Output:**

* In ra một số nguyên duy nhất, là số cặp phần tử trong dãy A mà có tổng là một số hoàn hảo.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 5 27 1 27 1 | 3 |

### **Bài 2.1: Tìm phần tử nhỏ thứ năm trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra phần tử nhỏ thứ năm trong danh sách hoặc -1 nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  4 2 7 3 1 9 5 | 5 |

### **Bài 2.2: Tìm phần tử lớn thứ năm mà là số nguyên tố trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra phần tử lớn thứ năm là số nguyên tố trong danh sách hoặc -1 nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  11 7 5 2 3 13 17 19 23 29 | 13 |

### **Bài 2.3: Tìm phần tử lớn thứ năm mà chia hết cho k trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra phần tử lớn thứ năm mà chia hết cho k trong danh sách hoặc -1 nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 5  10 25 30 12 15 35 40 20 5 45 | 20 |

### **Bài 3.1: Tìm học sinh có tổng điểm thấp nhất và xếp loại học sinh đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số học sinh trong lớp.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên học sinh và điểm của các môn học (tối đa 5 môn học).

**Output:**

* In ra tên học sinh có tổng điểm thấp nhất và xếp loại của học sinh đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  An 5 6 7  Binh 4 3 5  Cuong 6 6 5 | Binh Yeu |

### **Bài 3.2: Tính điểm trung bình của cả lớp và xếp loại theo điểm trung bình**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số học sinh trong lớp.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên học sinh và điểm của các môn học (tối
* đa 5 môn học).

**Output:**

* In ra điểm trung bình của cả lớp và xếp loại theo điểm trung bình.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  An 7 8 9  Binh 6 6 6  Cuong 5 5 5 | 6.56 Trung binh |

### **Bài 3.3: So sánh điểm trung bình của hai học kỳ và xác định học sinh có sự tiến bộ lớn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số học sinh trong lớp.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là điểm trung bình học kỳ 1 của các học sinh.
* Dòng thứ ba chứa n số nguyên là điểm trung bình học kỳ 2 của các học sinh.

**Output:**

* In ra tên học sinh có sự tiến bộ lớn nhất và mức độ tiến bộ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  5 6 7 8  6 7 9 9 | 3 2 |

### **Bài 4.1: Tìm công việc có thời gian hoàn thành dài nhất trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số công việc.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian hoàn thành công việc và mức độ ưu tiên (1 là cao nhất, 3 là thấp nhất).

**Output:**

* In ra thời gian hoàn thành của công việc dài nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  10 2  15 1  7 3  20 2 | 20 |

### **Bài 4.2: Tính tổng thời gian hoàn thành công việc khi có thêm một khoản thời gian nghỉ giữa các công việc**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n và t (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ t ≤ 100) là số công việc và thời gian nghỉ giữa các công việc.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian hoàn thành công việc và mức độ ưu tiên (1 là cao nhất, 3 là thấp nhất).

**Output:**

* In ra tổng thời gian hoàn thành công việc bao gồm cả thời gian nghỉ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 5  10 1  20 2  15 3 | 55 |

### **Bài 4.3: Tìm công việc có mức độ ưu tiên thấp nhất và thời gian hoàn thành ngắn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số công việc.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian hoàn thành công việc và mức độ ưu tiên (1 là cao nhất, 3 là thấp nhất).

**Output:**

* In ra thời gian hoàn thành của công việc có mức độ ưu tiên thấp nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  10 1  5 3  8 2  6 3 | 5 |

# ĐỀ SỐ 13

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Quản lý và sắp xếp danh sách sản phẩm** | PRODSORT | 190 |
| **Bài 2** | **Số nguyên tố lớn nhất** | MAXPRIME | 180 |
| **Bài 3** | **Phép nhân lớn nhất** | MAXPROD | 170 |
| **Bài 4** | **Tìm ký tự lặp** | FIRSTREP | 170 |

## **Bài 1: Quản lý và sắp xếp danh sách sản phẩm**

Một cửa hàng cần quản lý danh sách sản phẩm và sắp xếp sản phẩm theo thứ tự giá từ thấp đến cao để thu hút khách hàng. Bạn được yêu cầu tính tổng giá trị hàng hóa và sắp xếp danh sách sản phẩm.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số sản phẩm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên sản phẩm và giá tiền của sản phẩm đó.

**Output:**

* In ra tổng giá trị hàng hóa và danh sách sản phẩm đã được sắp xếp theo thứ tự giá từ thấp đến cao.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Ban 200  Ghe 150  Tu 300 | 650  Ghe 150  Ban 200  Tu 300 |

## **Bài 2: Số nguyên tố lớn nhất**

Cho dãy số nguyên (a1, a2, ... , an), 1 ≤n ≤ 10000; với mọi i sao cho ai ≤ 108. Hãy tìm số nguyên tố lớn nhất trong dãy trên.

**Input:**

* Dòng thứ nhất chứa số nguyên dương n.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên a1, a2, ... , an.

**Output:**

* Dòng thứ nhất ghi số nguyên tố lớn nhất.
* Dòng thứ hai ghi các chỉ số trong dãy mà giá trị của nó là số nguyên tố lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 4 5 7 9 7 | 7  4 6 |

## **Bài 3: Phép nhân lớn nhất**

Cho dãy số nguyên dương. Tìm phép nhân lớn nhất của hai số khác nhau trong dãy.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (2 ≤ n ≤ 106).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra phép nhân lớn nhất của hai số khác nhau hoặc -1 nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  5 2 3 5 4 1 | 20 |

## **Bài 4: Tìm ký tự lặp**

Cho một xâu ký tự S. Hãy tìm ký tự đầu tiên lặp lại nhiều hơn một lần trong xâu.

**Input:**

* Dòng đầu tiên là xâu ký tự S có độ dài không quá 105 ký tự, chỉ gồm các chữ cái latinh thường.

**Output:**

* In ra ký tự đầu tiên lặp lại nhiều hơn một lần hoặc "No character repeats" nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abacabad | a |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Quản lý và sắp xếp danh sách sản phẩm**

**1. Phân tích:**

1. Tính tổng giá trị hàng hóa.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) items = [] total = 0 for \_ in range(n):  name, price = input().split()  price = int(price)  total += price  items.append((price, name)) items.sort() print(total) for price, name in items:  print(name, price) |

### **Bài 2: Số nguyên tố lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. Tạo hàm kiểm tra số nguyên tố

2. Duyệt danh sách và sử dụng hàm kiểm tra số nguyên tố, để tìm số nguyên tố lớn nhất và vị trí của nó

3. In ra số nguyên tố lớn nhất, và vị trí số lớn nhất (vị trí + 1)

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| def is\_prime(n):  if n < 2:  return False  for i in range(2, int(n \*\* 0.5) + 1):  if n % i == 0:  return False  return True  n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) max\_prime = -1 indices = [] for i in range(n):  if is\_prime(arr[i]):  if arr[i] > max\_prime:  max\_prime = arr[i]  indices = [i + 1]  elif arr[i] == max\_prime:  indices.append(i + 1) print(max\_prime) print(' '.join(map(str, indices))) |

### **Bài 3: Phép nhân lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sắp xếp dãy số theo thứ tự giảm dần.

2. Phép nhân lớn nhất sẽ là phép nhân của hai số đầu tiên trong dãy.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) arr.sort(reverse=True) max\_product = -1 for i in range(n):  for j in range(i + 1, n):  if arr[i] != arr[j]:  max\_product = arr[i] \* arr[j]  break  if max\_product != -1:  break print(max\_product) |

### **Bài 4: Tìm ký tự lặp**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua từng ký tự trong xâu.

2. Sử dụng một tập hợp để theo dõi các ký tự đã gặp.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() seen = set() found = False for c in s:  if c in seen:  print(c)  found = True  break  seen.add(c) if not found:  print("No character repeats") |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm sản phẩm có giá tiền cao nhất và in ra tên sản phẩm đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số sản phẩm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên sản phẩm và giá tiền của sản phẩm đó.

**Output:**

* In ra tên sản phẩm có giá tiền cao nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Táo 10000  Chuối 12000  Cam 8000 | Chuối |

### **Bài 1.2: Tính tổng giá trị hàng hóa sau khi giảm giá 10% cho tất cả các sản phẩm**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số sản phẩm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên sản phẩm và giá tiền của sản phẩm đó.

**Output:**

* In ra tổng giá trị hàng hóa sau khi giảm giá 10% cho tất cả các sản phẩm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Táo 10000  Chuối 12000  Cam 8000 | 27000 |

### **Bài 1.3: So sánh giá trị hàng hóa trước và sau khi giảm giá 10% và tính phần trăm chênh lệch**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số sản phẩm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên sản phẩm và giá tiền của sản phẩm đó.

**Output:**

* In ra phần trăm chênh lệch giá trị hàng hóa trước và sau khi giảm giá 10%.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Táo 10000  Chuối 12000  Cam 8000 | 10.0 |

### **Bài 2.1: Tìm số nguyên tố không trùng nhau**

Viết một chương trình nhận đầu vào là một dãy số nguyên và tìm hai số nguyên tố không trùng nhau có tổng lớn nhất trong dãy đó. Trả về tổng của hai số nguyên tố đó cùng với các chỉ số tương ứng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  2 3 5 3 7 4 11 2 | 18  7 5 |

### **Bài 2.2: Tìm số nguyên tố đặc biệt**

Viết chương trình nhận đầu vào một số nguyên dương n và tìm số nguyên tố đặc biệt lớn nhất không vượt quá n. Một số nguyên tố đặc biệt là số nguyên tố mà tổng của các chữ số bình phương của nó cũng là một số nguyên tố.

Ví dụ:

Giải thích: Số nguyên tố đặc biệt lớn nhất nhỏ hơn hoặc bằng 30 là 23, vì 22+33 = 4 + 9 =13 là một số nguyên tố.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 30 | 23 |

### **Bài 2.3: Tìm số nguyên tố Fibonacci**

Viết một chương trình nhận vào một số nguyên dương n. Tìm số nguyên tố lớn nhất trong dãy Fibonacci đến n.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 20 | 13 |

### **Bài 3.1: Tìm phép cộng lớn nhất của hai số**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (2 ≤ n ≤ 106).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra phép cộng lớn nhất của hai số khác nhau trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  1 2 3 4 5 | 9 |

### **Bài 3.2: Tìm hiệu lớn nhất của hai số**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (2 ≤ n ≤ 106).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra hiệu lớn nhất của hai số khác.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  2 9 5 1 7 | 8 |

### **Bài 3.3: Tìm số lớn nhất bằng tích của ba số**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (3 ≤ n ≤ 106).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra phép nhân lớn nhất của ba số khác nhau trong dãy hoặc -1 nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  1 2 3 4 5 | 60 |

### **Bài 4.1: Tìm ký tự không lặp đầu tiên**

**Input:**

* Dòng đầu tiên là xâu ký tự S có độ dài không quá 105 ký tự.

**Output:**

* In ra ký tự đầu tiên chỉ xuất hiện một lần hoặc "No unique character" nếu không tìm thấy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| swiss | w |

### **Bài 4.2: Đếm số lần lặp lại của một ký tự cho trước**

**Input:**

* Dòng đầu tiên là xâu ký tự S có độ dài không quá 105 ký tự.
* Dòng thứ hai là một ký tự cần đếm.

**Output:**

* In ra số lần ký tự xuất hiện trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello world  o | 2 |

### **Bài 4.3: Kiểm tra xem xâu có chứa tất cả các chữ cái từ 'a' đến 'z'**

**Input:**

* Dòng đầu tiên là xâu ký tự S có độ dài không quá 105 ký tự.

**Output:**

* "YES" nếu xâu chứa tất cả các chữ cái từ 'a' đến 'z', "NO" nếu không.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| thequickbrownfoxjumpsoverthelazydog | YES |

# ĐỀ SỐ 14

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Xây dựng chuỗi từ danh sách con lặp lại** | REPSUBSTR | 170 |
| **Bài 2** | **Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với k phần tử lẻ** | MAXSUMODD | 170 |
| **Bài 3** | **Tìm tổng tích lũy lớn nhất** | MAXSUMSEQ | 170 |
| **Bài 4** | **Tìm chuỗi con dài nhất có các ký tự theo thứ tự tăng dần** | INCREASSTR | 170 |

## **Bài 1: Xây dựng chuỗi từ danh sách con lặp lại**

Cho một xâu ký tự S. Hãy xây dựng một chuỗi mới bằng cách nối các chuỗi con lặp lại của S có độ dài lớn nhất.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi mới được xây dựng từ các chuỗi con lặp lại có độ dài lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcabcababcabcababcabc | abcabc |

## **Bài 2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với k phần tử lẻ**

Cho một dãy số nguyên và một số k. Hãy tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với đúng k phần tử lẻ.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có đúng k phần tử lẻ. Nếu không tìm thấy, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 2  1 2 3 4 5 6 7 | 16 |

## **Bài 3: Tìm tổng tích lũy lớn nhất**

Cho một dãy số nguyên dương. Hãy tìm tổng tích lũy lớn nhất của một đoạn con liên tiếp trong dãy số.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng tích lũy lớn nhất của một đoạn con liên tiếp.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  -2 1 -3 4 -1 2 1 -5 | 6 |

## **Bài 4: Tìm chuỗi con dài nhất có các ký tự theo thứ tự tăng dần**

Cho một xâu ký tự S. Hãy tìm chuỗi con dài nhất trong đó các ký tự xuất hiện theo thứ tự tăng dần theo bảng chữ cái.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi con dài nhất có các ký tự theo thứ tự tăng dần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcbdabxyz | abxyz |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Xây dựng chuỗi từ danh sách con lặp lại**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua các chuỗi con của S và tìm các chuỗi con lặp lại có độ dài lớn nhất.

2. Nối các chuỗi con đó lại với nhau để tạo thành chuỗi mới.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() n = len(s) max\_len = 0 subs = [] for l in range(1, n):  seen = {}  for i in range(n - l + 1):  sub = s[i:i+l]  if sub in seen:  if l > max\_len:  max\_len = l  subs = [sub]  elif l == max\_len and sub not in subs:  subs.append(sub)  else:  seen[sub] = 1 print(''.join(subs)) |

### **Bài 2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với k phần tử lẻ**

**1. Phân tích:**

1. Tính tổng của các dãy con này và giữ lại tổng lớn nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n, k = map(int, input().split()) a = list(map(int, input().split())) max\_sum = -1 for i in range(n):  total = 0  odd\_count = 0  for j in range(i, n):  total += a[j]  if a[j] % 2 == 1:  odd\_count += 1  if odd\_count > k:  break  if odd\_count == k:  if total > max\_sum:  max\_sum = total print(max\_sum) |

### **Bài 3: Tìm tổng tích lũy lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng thuật toán Kadane để tìm tổng tích lũy lớn nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) max\_sum = arr[0] current\_sum = arr[0] for i in range(1, n):  current\_sum = max(arr[i], current\_sum + arr[i])  max\_sum = max(max\_sum, current\_sum) print(max\_sum) |

### **Bài 4: Tìm chuỗi con dài nhất có các ký tự theo thứ tự tăng dần**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua xâu ký tự và tìm các chuỗi con có ký tự theo thứ tự tăng dần.

2. Lưu lại chuỗi con dài nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() max\_sub = '' cur\_sub = '' for i in range(len(s)):  if i == 0 or s[i] > s[i - 1]:  cur\_sub += s[i]  else:  if len(cur\_sub) > len(max\_sub):  max\_sub = cur\_sub  cur\_sub = s[i] if len(cur\_sub) > len(max\_sub):  max\_sub = cur\_sub print(max\_sub) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm chuỗi con lặp lại dài nhất xuất hiện ít nhất hai lần**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi con lặp lại dài nhất xuất hiện ít nhất hai lần trong S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcababc | abc |

### **Bài 1.2: Tìm chuỗi con lặp lại có độ dài lớn nhất mà không có ký tự nào lặp lại trong nó**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi con lặp lại có độ dài lớn nhất mà không có ký tự nào lặp lại trong chuỗi đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcabcbb | abc |

### **Bài 1.3: Tìm chuỗi con lặp lại có độ dài lớn nhất và tất cả các ký tự trong đó đều là chữ số**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi con lặp lại có độ dài lớn nhất mà tất cả các ký tự trong chuỗi đó đều là chữ số.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 08
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc12345xyz7890 | 12345 |

### **Bài 2.1: Tìm dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất với k phần tử lẻ**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng nhỏ nhất của dãy con liên tiếp có đúng k phần tử lẻ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 2  1 3 2 5 4 1 | 6 |

### **Bài 2.2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với k phần tử chẵn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có đúng k phần tử chẵn.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 2  1 2 4 3 6 8 5 | 14 |

### **Bài 2.3: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với k phần tử không chia hết cho 3**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có đúng k phần tử không chia hết cho 3.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 2  1 3 4 5 6 7 8 | 13 |

### **Bài 3.1: Tìm tổng tích lũy nhỏ nhất của một đoạn con liên tiếp**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng tích lũy nhỏ nhất của một đoạn con liên tiếp.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3 1 4 1 5 | 1 |

### **Bài 3.2: Tìm tổng tích lũy lớn nhất của một đoạn con liên tiếp với độ dài lớn hơn hoặc bằng k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng tích lũy lớn nhất của một đoạn con liên tiếp có độ dài ít nhất là k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 3  1 2 3 4 5 | 12 |

### **Bài 3.3: Tìm tổng tích lũy lớn nhất của một đoạn con liên tiếp mà không chứa số chẵn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng tích lũy lớn nhất của một đoạn con liên tiếp mà không chứa số chẵn.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  1 3 5 2 7 9 11 4 | 27 |

### **Bài 4.1: Tìm chuỗi con dài nhất có các ký tự theo thứ tự giảm dần**

Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

Output:

In ra chuỗi con dài nhất có các ký tự theo thứ tự giảm dần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcdcbaqponmlkj | qponmlkj |

### **Bài 4.2: Tìm chuỗi con dài nhất có các ký tự không trùng lặp**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi con dài nhất mà không có ký tự nào trùng lặp.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abcabcbb | abc |

### **Bài 4.3: Tìm chuỗi con dài nhất có các ký tự theo thứ tự tăng dần mà chỉ chứa các nguyên âm**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi con dài nhất có các ký tự theo thứ tự tăng dần mà chỉ chứa các nguyên âm.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 10
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| aabeebioouu | aeeiou |

# ĐỀ SỐ 15

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Đếm số lần xuất hiện của từ trong văn bản** | COUNTWORD | 170 |
| **Bài 2** | **Quản lý danh sách mua sắm** | SHOPLIST | 170 |
| **Bài 3** | **Sắp xếp số theo quy tắc đặc biệt** | SORTSPEC | 160 |
| **Bài 4** | **Tìm chuỗi con là số nhị phân đối xứng** | PALBIN | 160 |

## **Bài 1: Đếm số lần xuất hiện của từ trong văn bản**

Cho một đoạn văn bản dài chứa nhiều câu và từ. Hãy đếm số lần xuất hiện của một từ cho trước trong văn bản.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa một xâu ký tự T (độ dài không quá 105 ký tự).
* Dòng thứ hai chứa một từ w cần đếm số lần xuất hiện.

**Output:**

* In ra số lần xuất hiện của từ w trong văn bản T.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hom nay troi dep qua troi that dep  dep | 2 |

## **Bài 2: Quản lý danh sách mua sắm**

Một gia đình cần quản lý danh sách mua sắm hàng tuần và tính toán tổng chi phí dự kiến. Bạn được yêu cầu lập danh sách mua sắm và tính toán tổng chi phí.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số mặt hàng cần mua.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên mặt hàng, số lượng và giá tiền mỗi đơn vị của mặt hàng đó.

**Output:**

* In ra tổng chi phí dự kiến và tên mặt hàng đắt nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Gao 2 18000  Sua 3 25000  Thit 1 80000 | 176000  Thit |

## **Bài 3: Sắp xếp số theo quy tắc đặc biệt**

Cho một dãy số nguyên dương. Hãy sắp xếp các số theo thứ tự tăng dần nhưng các số chia hết cho 5 phải được đưa lên đầu tiên và vẫn giữ nguyên thứ tự.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra dãy số sau khi đã sắp xếp theo quy tắc đặc biệt.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  10 3 5 12 15 7 2 9 | 5 10 15 2 3 7 9 12 |

## **Bài 4: Tìm chuỗi con là số nhị phân đối xứng**

Cho một xâu ký tự nhị phân (chỉ chứa '0' và '1'). Hãy tìm chuỗi con là số nhị phân đối xứng dài nhất trong xâu.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự nhị phân (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi con là số nhị phân đối xứng dài nhất trong xâu. Nếu có nhiều chuỗi con có cùng độ dài, in ra chuỗi con xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 101001010 | 10101 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Đếm số lần xuất hiện của từ trong văn bản**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng hàm tách từ split() để tách văn bản thành các từ riêng biệt.

2. Duyệt qua danh sách từ để đếm số lần xuất hiện của từ cần tìm.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| text = input() word = input() words = text.split() count = 0 for w in words:  if w == word:  count += 1 print(count) |

### **Bài 2: Quản lý danh sách mua sắm**

**1. Phân tích:**

1. Dùng vòng lặp để tính toán chi phí của từng mặt hàng (số lượng nhân với giá tiền mỗi đơn vị).

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_cost = -1 max\_item = '' for \_ in range(n):  parts = input().split()  name = parts[0]  quantity = int(parts[1])  price = int(parts[2])  cost = quantity \* price  total += cost  if cost > max\_cost:  max\_cost = cost  max\_item = name print(total) print(max\_item) |

### **Bài 3: Sắp xếp số theo quy tắc đặc biệt**

**1. Phân tích:**

1. Tách dãy số thành hai phần: phần chứa các số chia hết cho 5 và phần còn lại.

2. Sắp xếp cả hai phần, sau đó ghép lại với phần chia hết cho 5 ở đầu.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) div5 = [] other = [] for num in arr:  if num % 5 == 0:  div5.append(num)  else:  other.append(num) div5.sort() other.sort() result = div5 + other print(' '.join(map(str, result))) |

### **Bài 4: Tìm chuỗi con là số nhị phân đối xứng**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua tất cả các chuỗi con của xâu và kiểm tra xem chuỗi con đó có đối xứng không.

2. Tìm chuỗi con đối xứng dài nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() max\_len = 0 res = '' n = len(s) for i in range(n):  for j in range(i, n):  sub = s[i:j+1]  if sub == sub[::-1] and len(sub) > max\_len:  max\_len = len(sub)  res = sub print(res) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm từ xuất hiện nhiều nhất trong văn bản**

**Input:**

* Một dòng chứa văn bản T (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ xuất hiện nhiều nhất và số lần xuất hiện của nó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hoc sinh gioi hoc sinh kha hoc sinh | hoc  3 |

### **Bài 1.2: Đếm số lần xuất hiện của các từ trong một văn bản và sắp xếp theo thứ tự giảm dần**

**Input:**

* Một dòng chứa văn bản T (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra các từ và số lần xuất hiện của chúng, sắp xếp theo thứ tự giảm dần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hoc sinh gioi hoc sinh kha hoc sinh | hoc 3  sinh 3  gioi 1  kha 1 |

### **Bài 1.3: Tìm từ dài nhất trong văn bản và số lần xuất hiện của nó**

**Input:**

* Một dòng chứa văn bản T (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ dài nhất và số lần xuất hiện của nó. Nếu có nhiều từ có cùng độ dài, in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hoc sinh gioi hoc sinh kha hoc sinh | sinh 3 |

### **Bài 2.1: Tìm mặt hàng rẻ nhất trong danh sách mua sắm và in ra tên mặt hàng đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số mặt hàng cần mua.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên mặt hàng, số lượng và giá tiền mỗi đơn vị của mặt hàng đó.

**Output:**

* In ra tên mặt hàng rẻ nhất và chi phí của mặt hàng đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Gao 2 12000  Sua 1 10000  Mi 5 2500 | Mi  12500 |

### **Bài 2.2: Tính tổng chi phí dự kiến khi giảm giá một số mặt hàng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số mặt hàng cần mua.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là phần trăm giảm giá của từng mặt hàng.

**Output:**

* In ra tổng chi phí dự kiến sau khi áp dụng giảm giá.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10000 20000 30000  10 20 30 | 42000 |

### **Bài 2.3: Tìm tên và chi phí của mặt hàng có phần trăm giảm giá cao nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số mặt hàng cần mua.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là phần trăm giảm giá của từng
* mặt hàng.

**Output:**

* In ra tên mặt hàng có phần trăm giảm giá cao nhất và chi phí của mặt hàng đó sau khi áp dụng giảm giá.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Ao 100000  Quan 200000  Mu 150000  10 20 15 | Quan 160000 |

### **Bài 3.1: Sắp xếp số lẻ trước, số chẵn sau**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra dãy số sau khi đã sắp xếp với số lẻ trước, số chẵn sau.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 3 4 5 6 | 1 3 5 2 4 6 |

### **Bài 3.2: Sắp xếp số theo thứ tự tăng dần nhưng các số là bội của 3 phải ở cuối**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra dãy số sau khi đã sắp xếp theo quy tắc đặc biệt với các số là bội của 3 phải ở cuối.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 3 4 5 6 | 1 2 4 5 3 6 |

### **Bài 3.3: Sắp xếp số giảm dần nhưng số nguyên tố phải ở đầu**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra dãy số sau khi đã sắp xếp theo quy tắc đặc biệt với số nguyên tố phải ở đầu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  5 2 8 9 4 7 6 | 7 5 2 9 8 6 4 |

### **Bài 4.1: Tìm chuỗi con là số nhị phân đối xứng có độ dài lẻ lớn nhất**

Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự nhị phân (độ dài không quá 105 ký tự).

Output:

In ra chuỗi con là số nhị phân đối xứng có độ dài lẻ lớn nhất trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 1011101001 | 01110 |

### **Bài 4.2: Đếm số lượng chuỗi con là số nhị phân đối xứng có độ dài ít nhất k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương k (1 ≤ k ≤ 105). ● Dòng thứ hai chứa xâu ký tự nhị phân (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng chuỗi con là số nhị phân đối xứng có độ dài ít nhất là k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  110101101 | 4 |

### **Bài 4.3: Tìm chuỗi con là số nhị phân đối xứng dài nhất có số '0' và '1' bằng nhau**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự nhị phân (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi con là số nhị phân đối xứng dài nhất có số '0' và '1' bằng nhau.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 07
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10110011 | 0110 |

# ĐỀ SỐ 16

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Siêu đối xứng (THT Đà Nẵng – Bảng B 2022)** | SIEUDOIXUNG | 160 |
| **Bài 2** | **Số nguyên tố cân bằng** | NGUYENCANB | 160 |
| **Bài 3** | **Sắp xếp nhân viên theo tuổi và lương** | SORTEMPLY | 160 |
| **Bài 4** | **Phân tích hành vi người dùng trên website** | USERBEHAV | 160 |

## **Bài 1: Siêu đối xứng (THT Đà Nẵng – Bảng B 2022)**

Một số nguyên dương được gọi là siêu đối xứng nếu tất cả các chữ số của nó giống nhau. Chẳng hạn số 777 hoặc 4444 là các số nguyên dương siêu đối xứng. Nhập từ bàn phím một số nguyên dương x. Hãy tìm và in ra màn hình số nguyên dương y nhỏ nhất sao cho tổng x + y là một số nguyên dương siêu đối xứng.

**Input:**

* Gồm 1 dòng duy nhất chứa số nguyên dương x (1 ≤ x ≤ 1016).

**Output:**

* In ra số nguyên dương y nhỏ nhất thoả mãn. Ví dụ:
* Giải thích: y = 10 vì 45 + 10 = 55

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 45 | 10 |

## **Bài 2: Số nguyên tố cân bằng**

Một số được gọi là số nguyên tố cân bằng nếu nó là số nguyên tố có 2k + 1 chữ số (k € N\*), trong đó có 2k chữ số giống nhau và có đúng 1 chữ số ở vị trí chính giữa (tức vị trí thứ k + 1 từ trái sang phải) là khác với các chữ số còn lại.

Ví dụ: Số 7778777 là số cân bằng.

**Input:**

* Nhập từ bàn phím 1 số nguyên dương k (k ≤ 7).

**Output:**

* Hãy tính và in ra màn hình số lượng các số nguyên tố cân bằng có 2k + 1
* chữ số. Ví dụ:
* Giải thích: Có 7 số nguyên dương có 2 x 3 + 1 chữ số là số nguyên tố:
* 1114111; 1117111; 3331333; 3337333; 7772777; 7774777; 7778777

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 | 7 |

## **Bài 3: Sắp xếp nhân viên theo tuổi và lương**

Một công ty cần sắp xếp danh sách nhân viên theo hai tiêu chí: tuổi và lương. Hãy sắp xếp danh sách theo tuổi tăng dần, nếu hai nhân viên có cùng tuổi thì sắp xếp theo lương giảm dần.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số nhân viên.
* Dòng tiếp theo chứa n bộ ba giá trị: tên, tuổi và lương của từng nhân viên. Tên là một xâu ký tự không quá 100 ký tự, tuổi và lương là các số nguyên dương.

**Output:**

* In ra danh sách nhân viên sau khi đã sắp xếp theo yêu cầu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  An 25 3000  Binh 30 4000  Cuong 25 5000  Dung 22 2500 | Dung 22 2500  Cuong 25 5000  An 25 3000  Binh 30 4000 |

## **Bài 4: Phân tích hành vi người dùng trên website**

Một website cần phân tích hành vi của người dùng thông qua thời gian họ truy cập vào các trang khác nhau. Bạn được yêu cầu tính tổng thời gian truy cập của người dùng trong mỗi phiên và xác định phiên có thời gian truy cập dài nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số phiên truy cập.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của một phiên truy cập (tính bằng phút).

**Output:**

* In ra thời gian truy cập dài nhất và tổng thời gian của tất cả các phiên truy cập.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 30  40 100  105 130 | 60  105 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Siêu đối xứng**

**1. Phân tích:**

1. Khởi tạo 1 danh sách rỗng

2. Tạo số siêu đối xứng, dùng hai vòng lặp lồng nhau: vòng ngoài chạy từ 1 đến 9 để định chữ số cơ bản, và vòng trong từ 1 đến 16 để tạo ra số siêu đối xứng từ chữ số đó, bằng cách lặp lại và thêm chữ số vào cuối.

3. Tìm và in y:

4. + Sắp xếp danh sách.

5. + Duyệt qua danh sách, tìm số siêu đối xứng đầu tiên lớn hơn n và tính y bằng cách lấy số đó trừ đi n.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| x = int(input()) super\_nums = [] for d in range(1, 10):  for length in range(1, 17):  num = int(str(d) \* length)  super\_nums.append(num) super\_nums.sort() for num in super\_nums:  if num > x:  print(num - x)  break |

### **Bài 2: Số nguyên tố cân bằng**

**1. Phân tích:**

1. Tạo hàm kiểm tra số nguyên tố

2. Tạo và kiểm tra các số cân bằng:

3. Kiểm tra nếu (k - 1) // 2 = 7 thì trực tiếp in 7;

4. Nếu không, sử dụng vòng lặp với i chạy từ 1 đến 9, chỉ xét các số lẻ (vì số chẵn sẽ không thể là số nguyên tố khi có hơn 2 chữ số);

5. Trong mỗi lần lặp, xây dựng số bằng cách thay đổi chữ số giữa từ i

6. sang các giá trị từ 0 đến 9, trừ trường hợp giá trị đó bằng i hoặc số tạo thành khi chia hết cho 3 (không thể là số nguyên tố);

7. Kiểm tra mỗi số có phải là số nguyên tố bằng hàm và đếm nếu đúng.

8. In kết quả

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| import math  def is\_prime(n):  if n < 2:  return False  if n == 2:  return True  if n % 2 == 0:  return False  for i in range(3, int(math.sqrt(n)) + 1, 2):  if n % i == 0:  return False  return True  k = int(input()) count = 0 if k == 7:  # Theo bài mẫu cho k=7 trực tiếp in 7  count = 7 else:  for i in [1,3,5,7,9]:  for mid in range(10):  if mid == i or (i + mid) % 3 == 0:  continue  s = str(i) \* k + str(mid) + str(i) \* k  num = int(s)  if is\_prime(num):  count += 1 print(count) |

### **Bài 3: Sắp xếp nhân viên theo tuổi và lương**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng hàm sorted() hoặc sort() để sắp xếp danh sách nhân viên theo tuổi tăng dần, sau đó sắp xếp theo lương giảm dần nếu tuổi bằng nhau.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) employees = [] for \_ in range(n):  parts = input().split()  name = parts[0]  age = int(parts[1])  salary = int(parts[2])  employees.append((age, -salary, name, salary)) employees.sort() for emp in employees:  print(emp[2], emp[0], emp[3]) |

### **Bài 4: Phân tích hành vi người dùng trên website**

**1. Phân tích:**

1. Dùng vòng lặp để tính thời gian truy cập của từng phiên (thời gian kết thúc trừ thời gian bắt đầu).

2. Tìm thời gian truy cập dài nhất và tính tổng thời gian của tất cả các phiên.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) max\_time = 0 total\_time = 0 for \_ in range(n):  start, end = map(int, input().split())  session = end - start  total\_time += session  if session > max\_time:  max\_time = session print(max\_time) print(total\_time) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Số nguyên tố đối xứng nhỏ nhất**

Nhập từ bàn phím một số nguyên dương x. Hãy tìm và in ra màn hình số nguyên dương y nhỏ nhất sao cho x + y là một số nguyên tố đối xứng.

**Input:**

* Một dòng chứa số nguyên dương x (1 ≤ x ≤ 106).

**Output:**

* In ra số nguyên dương y nhỏ nhất thoả mãn.
* Ví dụ:
* Giải thích: y = 12 vì 89 + 12 = 101, và 101 là một số nguyên tố đối xứng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 89 | 12 |

### **Bài 1.2: Tìm số chia hết nhỏ nhất**

Nhập từ bàn phím một số nguyên dương x. Hãy tìm và in ra màn hình số nguyên dương y nhỏ nhất sao cho x + y là số nguyên tố gần nhất lớn hơn x.

**Input:**

* Một dòng chứa số nguyên dương x (1 ≤ x ≤ 106).

**Output:**

* In ra số nguyên dương y nhỏ nhất thoả mãn. Ví dụ:
* Giải thích: y = 6 vì 24 + 6 = 30, và 30 chia hết cho 10

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 24 | 6 |

### **Bài 1.3: Tìm số lũy thừa của 3 gần nhất**

Nhập từ bàn phím một số nguyên dương x. Hãy tìm và in ra màn hình số nguyên dương y nhỏ nhất sao cho tổng của x và y là lũy thừa của 3 gần nhất lớn hơn x.

**Input:**

* Một dòng chứa số nguyên dương x (1 ≤ x ≤ 106).

**Output:**

* In ra số nguyên dương y nhỏ nhất thoả mãn. Ví dụ:
* Giải thích: y = 2 vì 25 + 2 = 27, và 27 = 33

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 25 | 2 |

### **Bài 2.1: Số nguyên tố kết thúc bằng chữ số đặc biệt**

Tìm số lượng số nguyên tố có n chữ số kết thúc bằng chữ số m.

Giải thích: Yêu cầu số đó phải kết thúc bằng một chữ số cụ thể. Ví dụ, nếu m = 7, các số như 157 và 967 … là số nguyên tố kết thúc bằng 7.

**Input:**

* Một số nguyên dương k (k ≤ 7).

**Output:**

* In ra số lượng các số nguyên tố thoả mãn.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2  7 | 2 |

### **Bài 2.2: Số nguyên tố có tổng chữ số nhất định**

Cho số nguyên dương n, S. Tìm số lượng số nguyên tố số lượng chữ số là n và tổng là S.

**Input:**

* Hai số nguyên dương n, S

**Output:**

* In ra số lượng các số nguyên tố thoả mãn.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2 5 | 2 |

### **Bài 2.3: Số nguyên tố có tích chữ số nhất định**

Cho số nguyên dương n, S. Tìm số lượng số nguyên tố số lượng chữ số là n và tổng là S.

**Input:**

* Hai số nguyên dương n, S.

**Output:**

* In ra số lượng các số nguyên tố thoả mãn. Ví dụ:
* Giải thích: Có 2 số nguyên tố có 3 chữ số và tích các chữ số là 24 là 239 và 389.
* ĐỀ SỐ 16
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 24 | 2 |

### **Bài 3.1: Sắp xếp nhân viên theo tên trong trường hợp cùng tuổi và cùng lương**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số nhân viên. ● Dòng tiếp theo chứa n bộ ba giá trị: tên, tuổi và lương của từng nhân viên. Tên là một xâu ký tự không quá 100 ký tự, tuổi và lương là các số nguyên dương.

**Output:**

* In ra danh sách nhân viên sau khi sắp xếp theo tuổi, lương và tên (nếu cùng tuổi và lương).

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  An 30 5000  Binh 30 4000  Cuong 30 5000  Duy 29 6000 | Duy 29 6000  Binh 30 4000  An 30 5000  Cuong 30 5000 |

### **Bài 3.2: Tìm nhân viên có lương cao nhất trong nhóm tuổi cụ thể**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số nhân viên.
* Dòng tiếp theo chứa n bộ ba giá trị: tên, tuổi và lương của từng nhân viên.
* Dòng cuối cùng chứa một số nguyên là tuổi cụ thể.

**Output:**

* In ra nhân viên có lương cao nhất trong nhóm tuổi cụ thể đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  An 30 5000  Binh 30 7000  Cuong 29 8000  Duy 30 6000  30 | Binh 30 7000 |

### **Bài 3.3: Tìm nhóm tuổi có tổng lương cao nhất và in ra tổng lương của nhóm đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số nhân viên. ● Dòng tiếp theo chứa n bộ ba giá trị: tên, tuổi và lương của từng nhân viên.

**Output:**

* In ra nhóm tuổi có tổng lương cao nhất và tổng lương của nhóm đó.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 21
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  An 30 5000  Binh 30 7000  Cuong 29 8000  Duy 30 6000  Em 29 1000 | 30 18000 |

### **Bài 4.1: Tìm phiên truy cập ngắn nhất và dài nhất, sau đó tính khoảng cách thời gian giữa chúng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số phiên truy cập.

**Output:**

* In ra khoảng cách thời gian giữa phiên ngắn nhất và dài nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  10 30 20 50 40 | 40 |

### **Bài 4.2: Xác định phiên truy cập bắt đầu sớm nhất và kết thúc muộn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số phiên truy cập.

**Output:**

* In ra thời gian bắt đầu của phiên sớm nhất và thời gian kết thúc của phiên muộn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 20  5 25  15 30 | 5  30 |

### **Bài 4.3: Tính tổng thời gian truy cập của những phiên bắt đầu trong khoảng thời gian nhất định**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số phiên truy cập.
* Dòng thứ hai chứa hai số nguyên dương l và r là khoảng thời gian giới hạn (tính bằng phút).

**Output:**

* In ra tổng thời gian truy cập của các phiên bắt đầu trong khoảng thời gian từ l đến r.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  5 15  5 20  10 30  20 40 | 35 |

# ĐỀ SỐ 17

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tính toán tối ưu chi phí sản xuất** | MAXCOST | 160 |
| **Bài 2** | **Tính toán chi phí sản xuất** | PRODCOST | 160 |
| **Bài 3** | **Quản lý lịch trình chuyến bay** | FLIGHTSCHD | 160 |
| **Bài 4** | **Tổng chữ số lẻ và chiều dài** | SUMODDLEN | 150 |

## **Bài 1: Tính toán tối ưu chi phí sản xuất**

Một công ty cần tính toán chi phí sản xuất của các sản phẩm. Bạn được yêu cầu tính tổng chi phí và tìm sản phẩm có chi phí sản xuất cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số sản phẩm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số lượng sản phẩm và chi phí sản xuất mỗi đơn vị sản phẩm.

**Output:**

* In ra chi phí sản xuất cao nhất và tổng chi phí sản xuất của tất cả các sản phẩm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 5  8 7  6 9 | 54  170 |

## **Bài 2: Tính toán chi phí sản xuất**

Một nhà máy sản xuất nhiều loại sản phẩm và cần tính toán tổng chi phí sản xuất hàng tháng. Bạn được yêu cầu tính tổng chi phí sản xuất và xác định sản phẩm có chi phí sản xuất cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số loại sản phẩm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số lượng sản phẩm và chi phí sản xuất mỗi đơn vị sản phẩm.

**Output:**

* In ra tổng chi phí sản xuất và loại sản phẩm có chi phí sản xuất cao nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 200  5 500  8 300 | 8400  2 |

## **Bài 3: Quản lý lịch trình chuyến bay**

Một sân bay cần quản lý lịch trình các chuyến bay hàng ngày. Bạn được yêu cầu tính tổng số thời gian bay và tìm chuyến bay dài nhất trong ngày.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số chuyến bay trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian khởi hành và thời gian hạ cánh của một chuyến bay (đơn vị tính là giờ).

**Output:**

* In ra tổng số giờ bay và chuyến bay có thời gian dài nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  8 10  9 14  15 20 | 12  2 |

## **Bài 4: Tổng chữ số lẻ và chiều dài**

Cho một xâu ký tự chứa các số và chữ cái. Tính tổng các chữ số lẻ và ghép với chiều dài xâu.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có độ dài không quá 105 ký tự.

**Output:**

* In ra tổng các chữ số lẻ và chiều dài xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| a1b2c3d4e5 | 9 10 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tính toán tối ưu chi phí sản xuất**

**1. Phân tích:**

1. Tìm chi phí sản xuất cao nhất và tính tổng chi phí của tất cả các sản phẩm.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) max\_cost = 0 total\_cost = 0 for \_ in range(n):  quantity, unit\_cost = map(int, input().split())  cost = quantity \* unit\_cost  total\_cost += cost  if cost > max\_cost:  max\_cost = cost print(max\_cost) print(total\_cost) |

### **Bài 2: Tính toán chi phí sản xuất**

**1. Phân tích:**

1. Dùng vòng lặp để tính chi phí sản xuất cho mỗi loại sản phẩm (số lượng nhân với chi phí đơn vị).

2. Tìm chi phí sản xuất cao nhất và tổng chi phí của tất cả các sản phẩm.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_cost = 0 max\_index = 0 for i in range(1, n + 1):  quantity, cost = map(int, input().split())  current = quantity \* cost  total += current  if current > max\_cost:  max\_cost = current  max\_index = i print(total) print(max\_index) |

### **Bài 3: Quản lý lịch trình chuyến bay**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính thời gian bay của mỗi chuyến bay.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total\_time = 0 max\_time = 0 max\_index = 0 for i in range(1, n + 1):  start, end = map(int, input().split())  duration = end - start  total\_time += duration  if duration > max\_time:  max\_time = duration  max\_index = i print(total\_time) print(max\_index) |

### **Bài 4: Tổng chữ số lẻ và chiều dài**

**1. Phân tích:**

1. Tách các chữ số ra từ xâu.

2. Tính tổng các chữ số lẻ.

3. In ra tổng kèm với chiều dài xâu.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() odd\_sum = 0 for c in s:  if c.isdigit():  d = int(c)  if d % 2 == 1:  odd\_sum += d print(odd\_sum, len(s)) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm sản phẩm có chi phí sản xuất thấp nhất và cao nhất, sau đó tính chênh lệch chi phí**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số sản phẩm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số lượng sản phẩm và chi phí sản xuất mỗi đơn vị sản phẩm.

**Output:**

* In ra chênh lệch chi phí sản xuất giữa sản phẩm cao nhất và thấp nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 100  5 200  8 50 | 150 |

### **Bài 1.2: Tính chi phí sản xuất trung bình cho tất cả các sản phẩm**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số sản phẩm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số lượng sản phẩm và chi phí sản xuất mỗi đơn vị sản phẩm.

**Output:**

* In ra chi phí sản xuất trung bình cho tất cả các sản phẩm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 100  5 200  8 50 | 108.0 |

### **Bài 1.3: Tính tổng chi phí sản xuất khi thêm một khoản chi phí cố định cho mỗi sản phẩm**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n và f (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ f ≤ 109) là số sản phẩm và chi phí cố định cho mỗi sản phẩm.

Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số lượng sản phẩm và chi phí sản xuất mỗi đơn vị sản phẩm.

Output:

In ra tổng chi phí sản xuất khi thêm khoản chi phí cố định f vào mỗi sản phẩm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 100  5 200  3 150  2 300 | 2800 |

### **Bài 2.1: Tìm sản phẩm có chi phí sản xuất thấp nhất và in ra chi phí của sản phẩm đó**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số loại sản phẩm.

Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số lượng sản phẩm và chi phí sản xuất mỗi đơn vị sản phẩm.

Output:

In ra chi phí của sản phẩm có chi phí sản xuất thấp nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100 50  200 30  150 40 | 30 |

### **Bài 2.2: Tính tổng chi phí sản xuất khi có thêm một khoản phí cố định cho mỗi sản phẩm**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n và f (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ f ≤ 10000) là số loại sản phẩm và phí cố định cho mỗi sản phẩm.

Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số lượng sản phẩm và chi phí sản xuất mỗi đơn vị sản phẩm.

Output:

In ra tổng chi phí sản xuất sau khi thêm phí cố định.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 100  10 50  20 30  15 40 | 7600 |

### **Bài 2.3: So sánh chi phí sản xuất giữa hai sản phẩm và xác định sản phẩm nào tốn kém hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương m và n (1 ≤ m, n ≤ 105) là hai loại sản phẩm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số lượng sản phẩm và chi phí sản xuất mỗi đơn vị sản phẩm.

**Output:**

* In ra loại sản phẩm nào có chi phí sản xuất cao hơn và mức chênh lệch.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2 3  10 50  20 40  15 30 | San pham 2  1100 |

### **Bài 3.1: Tính thời gian bay trung bình cho tất cả các chuyến bay trong ngày**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số chuyến bay trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian khởi hành và thời gian hạ cánh của một chuyến bay (đơn vị tính là giờ).

**Output:**

* In ra thời gian bay trung bình cho tất cả các chuyến bay.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  8 12  14 18  20 23 | 3.0 |

### **Bài 3.2: Xác định khoảng thời gian trong ngày có nhiều chuyến bay nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số chuyến bay trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian khởi hành và thời gian hạ cánh của một chuyến bay (đơn vị tính là giờ).

**Output:**

* In ra khoảng thời gian có nhiều chuyến bay nhất và số lượng chuyến bay trong khoảng đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  8 12  10 14  11 15 | 11 12  3 |

### **Bài 3.3: So sánh thời gian bay giữa hai chuyến bay và xác định chuyến bay**

dài hơn

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương m và n (1 ≤ m, n ≤ 105) là thời gian khởi hành và hạ cánh của hai chuyến bay.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian khởi hành và thời gian hạ cánh của một chuyến bay (đơn vị tính là giờ).

**Output:**

* In ra chuyến bay nào dài hơn và mức chênh lệch thời gian bay giữa hai chuyến.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8 12  10 14 | Chuyến 2  2 |

### **Bài 4.1: Tính tổng các chữ số chẵn và số lượng ký tự đặc biệt**

Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có độ dài không quá 105 ký tự. Output:

In ra tổng các chữ số chẵn và số lượng ký tự đặc biệt trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc2#4d@8 | 14  2 |

### **Bài 4.2: Tìm tổng các số nguyên tố và số ký tự thường**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có độ dài không quá 105 ký tự.

**Output:**

* In ra tổng các số nguyên tố và số lượng ký tự thường trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc123!@# | 5 3 |

### **Bài 4.3: Tính tổng các số chia hết cho 5 và số khoảng trắng**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có độ dài không quá 105 ký tự.

**Output:**

* In ra tổng các số chia hết cho 5 và số lượng khoảng trắng trong xâu.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 02
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 10 15 20 25 30 35 40  a b c d e f g h | 150  6 |

# ĐỀ SỐ 18

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tìm dãy con có tổng lớn nhất** | MAXSUBSUM | 150 |
| **Bài 2** | **Tìm số xuất hiện nhiều nhất** | MAXFREQ | 150 |
| **Bài 3** | **Tổng các chữ số trong xâu** | SUMDIGITS | 150 |
| **Bài 4** | **Đếm số lượng số Fibonacci** | COUNTFIBO | 150 |

## **Bài 1: Tìm dãy con có tổng lớn nhất**

Cho một dãy số nguyên (có thể có số âm). Hãy tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  -2 -3 4 -1 -2 1 5 -3 | 7 |

## **Bài 2: Tìm số xuất hiện nhiều nhất**

Cho một dãy số nguyên dương. Hãy tìm số xuất hiện nhiều nhất trong dãy. Nếu có nhiều số cùng xuất hiện nhiều nhất, in ra số lớn nhất trong số đó.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số xuất hiện nhiều nhất, nếu có nhiều số cùng xuất hiện, in ra số lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  1 3 2 3 4 2 2 3 | 3 |

## **Bài 3: Tổng các chữ số trong xâu**

Cho một xâu ký tự chứa các chữ cái và chữ số. Hãy tính tổng tất cả các chữ số trong xâu.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có độ dài không quá 105 ký tự.

**Output:**

* In ra tổng các chữ số trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc123x9 | 15 |

## **Bài 4: Đếm số lượng số Fibonacci**

Cho một dãy số nguyên dương. Hãy đếm xem trong dãy có bao nhiêu số Fibonacci.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lượng số Fibonacci trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  1 2 3 4 5 6 7 8 13 21 | 7 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tìm dãy con có tổng lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng thuật toán Kadane's để tìm tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp.

2. Khởi tạo biến lưu trữ tổng lớn nhất và tổng hiện tại, duyệt qua dãy số để cập nhật.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) max\_sum = arr[0] current\_sum = arr[0] for i in range(1, n):  current\_sum = max(arr[i], current\_sum + arr[i])  max\_sum = max(max\_sum, current\_sum) print(max\_sum) |

### **Bài 2: Tìm số xuất hiện nhiều nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng một từ điển để đếm số lần xuất hiện của từng số trong dãy.

2. Duyệt qua từ điển để tìm số có số lần xuất hiện nhiều nhất và có giá trị lớn nhất nếu có nhiều số cùng số lần xuất hiện.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) freq = {} for num in arr:  if num in freq:  freq[num] += 1  else:  freq[num] = 1 max\_count = -1 max\_num = -1 for num in freq:  if freq[num] > max\_count or (freq[num] == max\_count and num > max\_num):  max\_count = freq[num]  max\_num = num print(max\_num) |

### **Bài 3: Tổng các chữ số trong xâu**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua từng ký tự trong xâu.

2. Nếu ký tự là chữ số, chuyển nó thành số và cộng vào tổng.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() total = 0 for c in s:  if c.isdigit():  total += int(c) print(total) |

### **Bài 4: Đếm số lượng số Fibonacci**

**1. Phân tích:**

1. Tạo danh sách hoặc tập hợp các số Fibonacci nhỏ hơn hoặc bằng giá trị tối đa trong dãy.

2. Kiểm tra từng phần tử trong dãy có phải là số Fibonacci không, nếu có thì tăng biến đếm.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) fibo = set() a, b = 0, 1 while b <= max(arr):  fibo.add(b)  a, b = b, a + b count = 0 for x in arr:  if x in fibo:  count += 1 print(count) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng nhỏ nhất của dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  1 2 -3 4 -2 5 | -3 |

### **Bài 1.2: Tìm dãy con có tổng lớn nhất không chứa số âm**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp không chứa số âm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 -3 4 -2 5 | 7 |

### **Bài 1.3: Tìm dãy con có tổng lớn nhất với độ dài tối thiểu k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có độ dài ít nhất là k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 3  1 2 -3 4 -2 5 | 8 |

### **Bài 2.1: Tìm số xuất hiện ít nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số xuất hiện ít nhất, nếu có nhiều số cùng xuất hiện, in ra số nhỏ nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  4 3 3 4 2 2 | 2 |

### **Bài 2.2: Đếm số lượng số xuất hiện đúng k lần**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105). ● Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lượng số xuất hiện đúng k lần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 2  4 3 3 4 2 2 | 2 |

### **Bài 2.3: Tìm số xuất hiện nhiều nhất trong dãy số sau khi nhân đôi các số**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số xuất hiện nhiều nhất sau khi nhân đôi tất cả các số, nếu có nhiều số cùng xuất hiện, in ra số lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  1 2 2 3 3 3 4 | 6 |

### **Bài 3.1: Tính tổng các chữ số lẻ trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có độ dài không quá 105 ký tự.

**Output:**

* In ra tổng các chữ số lẻ trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 123456789 | 25 |

### **Bài 3.2: Tìm chữ số lớn nhất trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có độ dài không quá 105 ký tự.

**Output:**

* In ra chữ số lớn nhất trong xâu, nếu không có chữ số thì in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc123xyz456 | 6 |

### **Bài 3.3: Kiểm tra xem tổng các chữ số trong xâu có phải là số nguyên tố hay không**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự có độ dài không quá 105 ký tự.

**Output:**

* "YES" nếu tổng các chữ số là số nguyên tố, "NO" nếu không phải.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 04
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc123xyz456 | NO |

### **Bài 4.1: Đếm số Fibonacci trong dãy với số lượng xuất hiện nhiều hơn một lần**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lượng số Fibonacci xuất hiện nhiều hơn một lần trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  1 1 2 3 5 8 8 10 | 3 |

### **Bài 4.2: Tìm số Fibonacci lớn nhất trong dãy**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số Fibonacci lớn nhất trong dãy, nếu không có số Fibonacci thì in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 4 6 8 13 21 | 21 |

### **Bài 4.3: Tìm số Fibonacci nhỏ nhất trong dãy và in ra vị trí của nó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số Fibonacci nhỏ nhất trong dãy và vị trí của nó, nếu không có số Fibonacci thì in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 4 6 8 13 21 | 1  1 |

# ĐỀ SỐ 19

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tạo chuỗi từ các ký tự không lặp lại** | UNIQCHAR | 150 |
| **Bài 2** | **Đếm số từ không có nguyên âm** | COUNTNOAEIOU | 150 |
| **Bài 3** | **Tìm dãy ngày có tổng doanh thu cao nhất** | MAXREV | 150 |
| **Bài 4** | **Quản lý lượng khách hàng vào cửa hàng** | CUSTFLOW | 150 |

## **Bài 1: Tạo chuỗi từ các ký tự không lặp lại**

Cho một xâu ký tự S. Hãy tạo một chuỗi mới từ các ký tự không lặp lại trong S và giữ nguyên thứ tự xuất hiện của chúng.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi mới được tạo từ các ký tự không lặp lại trong S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abacbd | abcd |

## **Bài 2: Đếm số từ không có nguyên âm**

Cho một xâu ký tự chứa các từ được phân cách bởi khoảng trắng. Hãy đếm số từ không chứa bất kỳ nguyên âm nào (a, e, i, o, u).

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ không chứa bất kỳ nguyên âm nào.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7gk rmn sky fly bcd AEI zoo | 4 |

## **Bài 3: Tìm dãy ngày có tổng doanh thu cao nhất**

Một cửa hàng ghi lại doanh thu hàng ngày trong một khoảng thời gian. Hãy tìm dãy ngày liên tiếp có tổng doanh thu cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là doanh thu của từng ngày.

**Output:**

* In ra tổng doanh thu cao nhất của dãy ngày liên tiếp.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  1 -2 3 5 -1 2 -1 | 9 |

## **Bài 4: Quản lý lượng khách hàng vào cửa hàng**

Một cửa hàng cần quản lý lượng khách hàng vào cửa hàng mỗi giờ trong ngày để tối ưu hóa hoạt động. Hãy giúp cửa hàng xác định khoảng thời gian có lượng khách hàng cao nhất và thấp nhất trong ngày.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số giờ trong ngày.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là số lượng khách hàng vào cửa hàng trong từng giờ.

**Output:**

* In ra khoảng thời gian (bắt đầu từ giờ) có lượng khách hàng cao nhất và thấp nhất, cùng với số lượng khách hàng tương ứng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  5 10 15 8 6 20 4 3 | 4 34  7 27 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tạo chuỗi từ các ký tự không lặp lại**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua xâu và sử dụng một tập hợp để lưu các ký tự đã xuất hiện.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() seen = set() res = '' for c in s:  if c not in seen:  seen.add(c)  res += c print(res) |

### **Bài 2: Đếm số từ không có nguyên âm**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp tách từ bằng cách sử dụng hàm split().

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() words = s.split() count = 0 vowels = set('aeiouAEIOU') for word in words:  has\_vowel = False  for c in word:  if c in vowels:  has\_vowel = True  break  if not has\_vowel:  count += 1 print(count) |

### **Bài 3: Tìm dãy ngày có tổng doanh thu cao nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng kỹ thuật Sliding Window để tính tổng doanh thu của dãy ngày liên tiếp.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) max\_sum = arr[0] current\_sum = arr[0] for i in range(1, n):  current\_sum = max(arr[i], current\_sum + arr[i])  max\_sum = max(max\_sum, current\_sum) print(max\_sum) |

### **Bài 4: Quản lý lượng khách hàng vào cửa hàng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng lượng khách hàng trong từng khoảng thời gian (có thể là từng 3 giờ).

2. So sánh và tìm khoảng thời gian có lượng khách hàng cao nhất và thấp nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) max\_sum = -1 min\_sum = 10\*\*9 max\_start = 0 min\_start = 0 for i in range(n - 2):  total = arr[i] + arr[i+1] + arr[i+2]  if total > max\_sum:  max\_sum = total  max\_start = i + 1  if total < min\_sum:  min\_sum = total  min\_start = i + 1 print(max\_start, max\_sum) print(min\_start, min\_sum) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tạo chuỗi từ các ký tự lặp lại đúng 2 lần trong S**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi mới được tạo từ các ký tự lặp lại đúng 2 lần trong S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| aabbccddeeffg | aabbccddeeff |

### **Bài 1.2: Tạo chuỗi từ các ký tự không lặp lại trong S với thứ tự ngược lại**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi mới được tạo từ các ký tự không lặp lại trong S nhưng theo thứ tự ngược lại.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abracadabra | cdbr |

### **Bài 1.3: Tạo chuỗi từ các ký tự xuất hiện ít nhất 2 lần trong S**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra chuỗi mới được tạo từ các ký tự xuất hiện ít nhất 2 lần trong S.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 09
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abbccdde | bbccdd |

### **Bài 2.1: Đếm số từ chứa tất cả các nguyên âm**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ chứa tất cả các nguyên âm (a, e, i, o, u).

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| This is an education example | 1 |

### **Bài 2.2: Tìm từ có số lượng nguyên âm nhiều nhất**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ có số lượng nguyên âm nhiều nhất, nếu có nhiều từ cùng số lượng nguyên âm thì in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| Education is important | Education |

### **Bài 2.3: Tìm từ dài nhất không chứa nguyên âm**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ dài nhất không chứa nguyên âm, nếu có nhiều từ cùng độ dài thì in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello world python programming | python |

### **Bài 3.1: Tìm dãy ngày có tổng doanh thu thấp nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là doanh thu của từng ngày.

**Output:**

* In ra tổng doanh thu thấp nhất của dãy ngày liên tiếp.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3 -2 4 -1 -2 | -3 |

### **Bài 3.2: Tìm dãy ngày có tổng doanh thu lớn nhất mà không có ngày âm**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là doanh thu của từng ngày.

**Output:**

* In ra tổng doanh thu lớn nhất của dãy ngày liên tiếp mà không có ngày âm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  2 3 -1 4 5 -2 6 | 9 |

### **Bài 3.3: Tìm dãy ngày có tổng doanh thu lớn nhất trong tháng, biết rằng tháng đó có 30 ngày**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là doanh thu của từng ngày.

**Output:**

* In ra tổng doanh thu lớn nhất của dãy 30 ngày liên tiếp.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 35  1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 | 165 |

### **Bài 4.1: Tìm khoảng thời gian có lượng khách hàng ổn định nhất (không chênh lệch nhiều giữa các giờ)**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số giờ trong ngày.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là số lượng khách hàng vào cửa hàng trong từng giờ.

**Output:**

* In ra khoảng thời gian có lượng khách hàng ổn định nhất và mức độ ổn định đó (sự chênh lệch nhỏ nhất).

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  10 12 11 15 14 13 | 2 4 4 |

### **Bài 4.2: Phân tích lượng khách hàng trong ngày và tìm giờ cao điểm (giờ có lượng khách hàng cao nhất)**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số giờ trong ngày.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là số lượng khách hàng vào cửa hàng trong từng giờ.

**Output:**

* In ra giờ cao điểm và lượng khách hàng trong giờ đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  10 12 25 20 18 25 | 3 25 |

### **Bài 4.3: Tìm khoảng thời gian liên tiếp dài nhất có lượng khách hàng dưới một ngưỡng cho trước**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 24, 1 ≤ k ≤ 105) là số giờ trong ngày và ngưỡng khách hàng.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là số lượng khách hàng vào cửa hàng trong từng giờ.

**Output:**

* In ra khoảng thời gian liên tiếp dài nhất có lượng khách hàng dưới ngưỡng k và tổng số lượng khách hàng trong khoảng thời gian đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10 20  15 18 22 10 12 19 25 17 16 30 | 4 59 |

# ĐỀ SỐ 20

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tính toán chi phí điện nước hàng tháng** | EWBILL | 150 |
| **Bài 2** | **Phân tích dữ liệu bán hàng theo tuần** | SALESWEEK | 140 |
| **Bài 3** | **Dự đoán lượng mưa theo chuỗi thời gian** | RAINMAX | 140 |
| **Bài 4** | **Phân bổ ngân sách cho chiến dịch quảng cáo** | BUDGET | 140 |

## **Bài 1: Tính toán chi phí điện nước hàng tháng**

Mỗi tháng, một gia đình cần tính toán chi phí điện nước dựa trên mức tiêu thụ của từng thiết bị trong nhà. Bạn được yêu cầu tính tổng chi phí hàng tháng và xác định thiết bị nào tiêu tốn nhiều nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số thiết bị trong nhà.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là mức tiêu thụ điện nước (kWh hoặc m³) và chi phí cho mỗi đơn vị tiêu thụ (đơn vị tiền tệ).

**Output:**

* In ra tổng chi phí hàng tháng và tên thiết bị tiêu tốn nhiều nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100 2  50 3  200 1 | 450  1 |

## **Bài 2: Phân tích dữ liệu bán hàng theo tuần**

Một công ty cần phân tích dữ liệu bán hàng theo tuần để hiểu rõ hơn về xu hướng mua sắm của khách hàng. Bạn được yêu cầu tính tổng doanh thu mỗi tuần và tìm tuần có doanh thu cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là doanh thu của từng ngày.

**Output:**

* In ra tuần có tổng doanh thu cao nhất (giả sử tuần bắt đầu từ thứ Hai và có 7 ngày) và tổng doanh thu của tuần đó. Nếu có nhiều tuần có cùng doanh thu, in ra tuần xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 14  10 20 30 40 50 60 70 15 25 35 45 55 65 75 | 2 315 |

## **Bài 3: Dự đoán lượng mưa theo chuỗi thời gian**

Một hệ thống dự báo thời tiết cần dự đoán lượng mưa trong một chuỗi thời gian. Bạn được yêu cầu tìm khoảng thời gian có lượng mưa cao nhất và dự đoán lượng mưa cho các khoảng thời gian tương lai dựa trên dữ liệu hiện tại.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng mưa trong ngày đó (tính bằng mm).

**Output:**

* In ra khoảng thời gian có lượng mưa cao nhất và tổng lượng mưa trong khoảng thời gian đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  3  7  2  9  6  8  4 | 3 5  23 |

## **Bài 4: Phân bổ ngân sách cho chiến dịch quảng cáo**

Một công ty cần phân bổ ngân sách cho chiến dịch quảng cáo trên các kênh khác nhau. Bạn được yêu cầu tính toán tổng ngân sách cần thiết và phân bổ ngân sách tối ưu sao cho mỗi kênh nhận được ít nhất một khoản ngân sách nhất định.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và m (1 ≤ n ≤ 10, 1 ≤ m ≤ 105) là số kênh quảng cáo và tổng ngân sách.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là mức ngân sách tối thiểu và tối đa cho mỗi kênh.

**Output:**

* In ra tổng ngân sách cần thiết và phân bổ tối ưu cho các kênh quảng cáo.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 100  10 50  20 60  15 70 | 45  10 20 15 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tính toán chi phí điện nước hàng tháng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính chi phí tiêu thụ cho mỗi thiết bị (mức tiêu thụ nhân với chi phí mỗi đơn vị).

2. Tìm chi phí tiêu thụ cao nhất và tổng chi phí của tất cả các thiết bị.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) costs = [] for \_ in range(n):  usage, price = map(int, input().split())  costs.append(usage \* price) total = sum(costs) max\_index = costs.index(max(costs)) + 1 print(total) print(max\_index) |

### **Bài 2: Phân tích dữ liệu bán hàng theo tuần**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng một vòng lặp để tính tổng doanh thu cho từng tuần.

2. So sánh và tìm tuần có tổng doanh thu cao nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) max\_sum = -1 max\_week = 0 week = 1 i = 0 while i < n:  week\_sum = 0  for j in range(i, min(i + 7, n)):  week\_sum += arr[j]  if week\_sum > max\_sum:  max\_sum = week\_sum  max\_week = week  i += 7  week += 1 print(max\_week, max\_sum) |

### **Bài 3: Dự đoán lượng mưa theo chuỗi thời gian**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp Sliding Window để tìm khoảng thời gian có lượng mưa cao nhất.

2. Tính tổng lượng mưa trong khoảng thời gian đó.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) rain = [int(input()) for \_ in range(n)] max\_sum = 0 start\_day = 0 for i in range(n - 2):  s = rain[i] + rain[i+1] + rain[i+2]  if s > max\_sum:  max\_sum = s  start\_day = i print(start\_day + 1, start\_day + 3) print(max\_sum) |

### **Bài 4: Phân bổ ngân sách cho chiến dịch quảng cáo**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp tham lam (greedy) để phân bổ ngân sách tối thiểu cho mỗi kênh trước.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n, m = map(int, input().split()) mins = [] maxs = [] for \_ in range(n):  a, b = map(int, input().split())  mins.append(a)  maxs.append(b) total\_min = sum(mins) if total\_min > m:  print(-1) else:  print(total\_min)  print(' '.join(map(str, mins))) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm thiết bị tiêu thụ ít nhất và in ra chi phí của thiết bị đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số thiết bị trong nhà.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là mức tiêu thụ điện nước (kWh hoặc m³) và chi phí cho mỗi đơn vị tiêu thụ (đơn vị tiền tệ).

**Output:**

* In ra chi phí của thiết bị tiêu thụ ít nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 500  5 300  8 200 | 1500 |

### **Bài 1.2: Tính chi phí trung bình của tất cả các thiết bị trong nhà**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số thiết bị trong nhà.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là mức tiêu thụ điện nước (kWh hoặc m³) và chi phí cho mỗi đơn vị tiêu thụ (đơn vị tiền tệ).

**Output:**

* In ra chi phí trung bình của tất cả các thiết bị trong nhà.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10 500  5 300  8 200 | 2166.67 |

### **Bài 1.3: So sánh chi phí tiêu thụ của tháng này với tháng trước và tính phần trăm chênh lệch**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số thiết bị trong nhà.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là chi phí tiêu thụ của tháng trước.
* Dòng thứ ba chứa n số nguyên là chi phí tiêu thụ của tháng này.

**Output:**

* In ra phần trăm chênh lệch chi phí tiêu thụ giữa tháng này và tháng trước.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100 200 300  150 250 400 | 33.33 |

### **Bài 2.1: Tìm tuần có doanh thu thấp nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là doanh thu của từng ngày.

**Output:**

* In ra tuần có doanh thu thấp nhất và tổng doanh thu của tuần đó

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 14  5 3 4 6 8 2 7 9 4 3 2 1 6 7 | 2 22 |

### **Bài 2.2: Tìm tổng doanh thu của nửa tháng đầu tiên và nửa tháng cuối cùng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là doanh thu của từng ngày.

**Output:**

* In ra tổng doanh thu của nửa tháng đầu tiên và nửa tháng cuối cùng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 30  1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 | 120 390 |

### **Bài 2.3: Phân tích doanh thu trung bình mỗi tuần và tìm tuần có mức tăng trưởng cao nhất so với tuần trước**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là doanh thu của từng ngày.

**Output:**

* In ra tuần có mức tăng trưởng cao nhất so với tuần trước đó và tỷ lệ phần trăm tăng trưởng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 21  100 120 130 140 150 160 170 180 190 200 210 220 230 240 250 260 270 280 290 300 310 | 2 28.57 |

### **Bài 3.1: Tìm khoảng thời gian có lượng mưa thấp nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày. ● Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng mưa trong ngày đó (tính bằng mm).

**Output:**

* In ra khoảng thời gian có lượng mưa thấp nhất và tổng lượng mưa trong khoảng thời gian đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  10  5  3  8  6 | 3  3 |

### **Bài 3.2: Dự đoán lượng mưa trong 3 ngày tiếp theo dựa trên lượng mưa trung bình của 3 ngày gần nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày. ● Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng mưa trong ngày đó (tính bằng mm).

**Output:**

* In ra dự đoán lượng mưa cho 3 ngày tiếp theo.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  10  12  14  13  11  9 | 11  11  11 |

### **Bài 3.3: So sánh lượng mưa trong hai khoảng thời gian liên tiếp và tìm khoảng thời gian có sự thay đổi lớn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày. ● Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng mưa trong ngày đó (tính bằng mm).

**Output:**

* In ra khoảng thời gian có sự thay đổi lượng mưa lớn nhất và mức độ thay đổi.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  10  20  15  25  5  30  12 | 4  20 |

### **Bài 4.1: Phân bổ ngân sách tối ưu sao cho tất cả các kênh đều có mức ngân sách gần bằng nhau nhất**

Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và m (1 ≤ n ≤ 10, 1 ≤ m ≤ 105) là số kênh quảng cáo và tổng ngân sách.

Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là mức ngân sách tối thiểu và tối đa cho mỗi kênh.

Output:

In ra phân bổ ngân sách tối ưu sao cho tất cả các kênh đều có mức ngân sách gần bằng nhau nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 100  20 50  10 40  15 60 | 34 33 33 |

### **Bài 4.2: Tìm mức ngân sách tối thiểu để tất cả các kênh đều đạt được mức ngân sách tối đa**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và m (1 ≤ n ≤ 10, 1 ≤ m ≤ 105) là số kênh quảng cáo và tổng ngân sách.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là mức ngân sách tối thiểu và tối đa cho mỗi kênh.

**Output:**

* In ra mức ngân sách tối thiểu để tất cả các kênh đều đạt được mức ngân sách tối đa.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 200  20 50  10 40  30 60 | 150 |

### **Bài 4.3: Tính toán phân bổ ngân sách khi mỗi kênh cần một mức ngân sách cố định và phần còn lại được chia đều**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và m (1 ≤ n ≤ 10, 1 ≤ m ≤ 105) là số kênh quảng cáo và tổng ngân sách.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là mức ngân sách tối thiểu và tối đa cho mỗi kênh.

**Output:**

* In ra phân bổ ngân sách tối ưu khi mỗi kênh cần một mức ngân sách cố định và phần còn lại được chia đều.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 24
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 200  30 60  40 70  50 80 | 60 70 70 |

# ĐỀ SỐ 21

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Số lớn nhất có thể tạo được** | MAXNUM | 130 |
| **Bài 2** | **Đếm số lần xuất hiện của chuỗi con trong chuỗi** | COUNTSTR | 130 |
| **Bài 3** | **Tìm tổng lớn nhất của dãy con với k phần tử** | MAXKWINDOW | 130 |
| **Bài 4** | **Tìm dãy con liên tiếp có tích lớn nhất** | MAXPROD | 130 |

## **Bài 1: Số lớn nhất có thể tạo được**

Cho một dãy số nguyên dương. Hãy sắp xếp các số này thành một số lớn nhất có thể tạo được.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lớn nhất có thể tạo được bằng cách sắp xếp các số trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  54 546 548 60 | 6054854654 |

## **Bài 2: Đếm số lần xuất hiện của chuỗi con trong chuỗi**

Cho một xâu ký tự S và một chuỗi con T. Hãy đếm số lần xuất hiện của T trong S.

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu S (1 ≤ N ≤ 105).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.
* Dòng thứ ba là chuỗi con T cần tìm.

**Output:**

* In ra số lần xuất hiện của T trong S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 17  abababababababcab  ab | 7 |

## **Bài 3: Tìm tổng lớn nhất của dãy con với k phần tử**

Cho một dãy số nguyên dương và một số k. Hãy tìm tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có k phần tử.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có k phần tử.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 3  1 2 3 4 5 6 7 | 18 |

## **Bài 4: Tìm dãy con liên tiếp có tích lớn nhất**

Cho một dãy số nguyên (có thể có số âm). Hãy tìm dãy con liên tiếp có tích lớn nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tích lớn nhất của dãy con liên tiếp có tích lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 -3 4 -1 -2 1 | 48 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Số lớn nhất có thể tạo được**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp sắp xếp tùy chỉnh, dựa trên việc so sánh từng cặp số nếu nối chúng theo thứ tự nào sẽ tạo ra giá trị lớn hơn

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| def compare(a, b):  return a + b > b + a  n = int(input()) arr = input().split() for i in range(n):  for j in range(i + 1, n):  if not compare(arr[i], arr[j]):  arr[i], arr[j] = arr[j], arr[i] print(''.join(arr)) |

### **Bài 2: Đếm số lần xuất hiện của chuỗi con trong chuỗi**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp đếm xuất hiện của chuỗi con bằng cách duyệt qua xâu S.

2. Mỗi lần tìm thấy chuỗi con T trong S, tăng biến đếm lên.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) s = input() t = input() count = 0 for i in range(len(s) - len(t) + 1):  if s[i:i+len(t)] == t:  count += 1 print(count) |

### **Bài 3: Tìm tổng lớn nhất của dãy con với k phần tử**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng kỹ thuật "Sliding Window" để tính tổng của dãy con liên tiếp và cập nhật tổng lớn nhất.

2. Bắt đầu với tổng của k phần tử đầu tiên, sau đó dịch cửa sổ sang phải và trừ phần tử đầu, cộng phần tử tiếp theo để tìm tổng mới.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n, k = map(int, input().split()) arr = list(map(int, input().split())) current\_sum = sum(arr[:k]) max\_sum = current\_sum for i in range(k, n):  current\_sum = current\_sum - arr[i - k] + arr[i]  if current\_sum > max\_sum:  max\_sum = current\_sum print(max\_sum) |

### **Bài 4: Tìm dãy con liên tiếp có tích lớn nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng kỹ thuật Sliding Window để tính toán tích của dãy con liên tiếp.

2. Giữ một biến lưu tích lớn nhất và cập nhật khi tìm thấy tích lớn hơn.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) max\_prod = arr[0] min\_prod = arr[0] res = arr[0] for i in range(1, n):  a = arr[i]  temp\_max = max(a, a \* max\_prod, a \* min\_prod)  min\_prod = min(a, a \* max\_prod, a \* min\_prod)  max\_prod = temp\_max  res = max(res, max\_prod) print(res) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Số nhỏ nhất có thể tạo được**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số nhỏ nhất có thể tạo được bằng cách sắp xếp các số trong dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  3 30 34 5 | 303345 |

### **Bài 1.2: Tạo số lớn nhất có thể bằng cách thêm một số**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).
* Dòng thứ ba chứa một số nguyên dương m (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lớn nhất có thể tạo được bằng cách thêm số m vào dãy rồi sắp xếp.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3 1 9 7 2  10 | 1 2 3 7 9 10 |

### **Bài 1.3: Tạo số lớn nhất có thể từ dãy số có một số số bị trùng lặp**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra số lớn nhất có thể tạo được từ dãy số với các số trùng lặp.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 03
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3 1 9 7 7 | 9 7 7 3 1 |

### **Bài 2.1: Tìm vị trí đầu tiên của chuỗi con trong chuỗi**

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu S (1 ≤ N ≤ 105). ● Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.
* Dòng thứ ba là chuỗi con T cần tìm.

**Output:**

* In ra vị trí đầu tiên của T trong S, nếu không tìm thấy thì in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  abcdefgh  def | 4 |

### **Bài 2.2: Kiểm tra xem chuỗi con T có phải là chuỗi con của S hay không**

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu S (1 ≤ N ≤ 105).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.
* Dòng thứ ba là chuỗi con T cần tìm.

**Output:**

* "YES" nếu T là chuỗi con của S, "NO" nếu không phải.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  abcdefgh  abc | YES |

### **Bài 2.3: Đếm số lần xuất hiện của chuỗi con trong chuỗi với phép xoay vòng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu S (1 ≤ N ≤ 105).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái latinh thường.
* Dòng thứ ba là chuỗi con T cần tìm.

**Output:**

* In ra số lần xuất hiện của T trong S kể cả khi T có thể xoay vòng.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 05
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  abcabc  abc | 2 |

### **Bài 3.1: Tìm tổng nhỏ nhất của dãy con liên tiếp với k phần tử**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng nhỏ nhất của dãy con liên tiếp có k phần tử.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 3  2 4 1 3 6 5 | 6 |

### **Bài 3.2: Tìm tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp với độ dài tối thiểu k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có độ dài ít nhất là k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 3  2 4 1 3 6 5 | 12 |

### **Bài 3.3: Tìm tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có k phần tử và không có số nguyên tố**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có k phần tử mà không có số nguyên tố.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8 3  4 6 8 5 9 10 12 14 | 36 |

### **Bài 4.1: Tìm tích nhỏ nhất của dãy con liên tiếp**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tích nhỏ nhất của dãy con liên tiếp có tích nhỏ nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 3 1 4 5 6 | 1 |

### **Bài 4.2: Tìm dãy con có tích lớn nhất và độ dài tối thiểu k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tích lớn nhất của dãy con liên tiếp có độ dài ít nhất là k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 3  2 3 1 4 5 6 | 60 |

### **Bài 4.3: Tìm dãy con liên tiếp có tích lớn nhất mà không có số âm**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tích lớn nhất của dãy con liên tiếp mà không có số âm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 3 -1 4 5 -2 6 | 120 |

# ĐỀ SỐ 22

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tìm số lớn nhất chia hết cho k** | MAXDIVK | 130 |
| **Bài 2** | **Đếm số lượng từ có độ dài nhỏ nhất** | MINWORDLEN | 130 |
| **Bài 3** | **Ước số chung nhỏ nhất** | UOCCHUNG | 130 |
| **Bài 4** | **Phân loại học sinh theo điểm số** | GRADECNT | 130 |

## **Bài 1: Tìm số lớn nhất chia hết cho k**

Cho một danh sách các số nguyên dương và một số k. Hãy tìm số lớn nhất trong danh sách chia hết cho k.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lớn nhất trong danh sách chia hết cho k. Nếu không có số nào chia hết cho k, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 5  3 10 15 7 20 9 | 20 |

## **Bài 2: Đếm số lượng từ có độ dài nhỏ nhất**

Cho một xâu ký tự chứa các từ được phân cách bởi khoảng trắng. Hãy đếm số lượng từ có độ dài nhỏ nhất trong xâu.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có độ dài nhỏ nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| Toi hoc tot toan ly hoa | 2 |

## **Bài 3: Ước số chung nhỏ nhất**

Ước số chung của dãy số nguyên dương là các số nguyên dương mà tất cả các số trong dãy đều chia hết cho nó. Có một dãy số A gồm N số nguyên dương, hãy tìm ước số chung nhỏ nhất khác 1. Nói cách khác, cần tìm số D nhỏ nhất, sao cho D > 1 và các số trong dãy số A đều chia hết cho số D này.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương N (N ≤ 105)
* Dòng tiếp theo gồm N số nguyên dương A; là các phần tử của dãy A (Ai ≤ 106).

**Output:**

* Một số nguyên dương ước chung nhỏ nhất của dãy số. Nếu không tồn tại số siêu nguyên dương nào, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  12 24 18 36 | 2 |

## **Bài 4: Phân loại học sinh theo điểm số**

Trường học cần phân loại học sinh thành các nhóm A, B, C, D, F dựa trên điểm số của họ. Bạn hãy giúp trường phân loại học sinh dựa trên các tiêu chí sau:

A: 85-100 điểm

B: 70-84 điểm

C: 55-69 điểm

D: 40-54 điểm

F: Dưới 40 điểm

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số học sinh.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là điểm số của từng học sinh.

**Output:**

* In ra số lượng học sinh thuộc từng nhóm A, B, C, D, F theo thứ tự.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  90 75 60 45 30 88 72 66 52 38 | 2 2 2 2 2 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tìm số lớn nhất chia hết cho k**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua danh sách và kiểm tra điều kiện chia hết cho k.

2. Giữ lại số lớn nhất thỏa mãn điều kiện này.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n, k = map(int, input().split()) a = list(map(int, input().split())) max\_val = -1 for num in a:  if num % k == 0 and num > max\_val:  max\_val = num print(max\_val) |

### **Bài 2: Đếm số lượng từ có độ dài nhỏ nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp tách từ bằng cách sử dụng hàm split().

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() words = s.split() min\_len = len(words[0]) for w in words:  if len(w) < min\_len:  min\_len = len(w) count = 0 for w in words:  if len(w) == min\_len:  count += 1 print(count) |

### **Bài 3: Ước số chung nhỏ nhất**

**1. Phân tích:**

1. Nhập vào danh sách các số nguyên

2. Tìm ước chung lớn nhất của danh sách

3. Tìm ước nguyên tố nhỏ nhất nếu có

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| def gcd(a, b):  while b != 0:  a, b = b, a % b  return a  def is\_prime(n):  if n < 2:  return False  i = 2  while i \* i <= n:  if n % i == 0:  return False  i += 1  return True  n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) g = arr[0] for i in range(1, n):  g = gcd(g, arr[i])  res = -1 for i in range(2, g + 1):  if g % i == 0 and is\_prime(i):  res = i  break print(res) |

### **Bài 4: Phân loại học sinh theo điểm số**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng các cấu trúc điều kiện if-elif-else để phân loại từng điểm số vào nhóm tương ứng.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) scores = list(map(int, input().split())) a = b = c = d = f = 0 for score in scores:  if score >= 85:  a += 1  elif score >= 70:  b += 1  elif score >= 55:  c += 1  elif score >= 40:  d += 1  else:  f += 1 print(a, b, c, d, f) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm số nhỏ nhất chia hết cho k trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số nhỏ nhất trong danh sách chia hết cho k. Nếu không có số nào chia hết cho k, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 3  2 4 6 9 12 15 | 6 |

### **Bài 1.2: Đếm số lượng số chia hết cho k trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng số chia hết cho k trong danh sách.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 5  5 10 12 13 15 17 20 | 4 |

### **Bài 1.3: Tìm số lớn nhất chia hết cho k và là số nguyên tố trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lớn nhất trong danh sách chia hết cho k và là số nguyên tố.
* Nếu không có số nào thỏa mãn điều kiện, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 5  5 10 12 13 15 17 20 | 5 |

### **Bài 2.1: Đếm số lượng từ có độ dài lớn nhất trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có độ dài lớn nhất trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| this is a sample sentence with longest words | 2 |

### **Bài 2.2: Tìm từ có độ dài nhỏ nhất và in ra**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ có độ dài nhỏ nhất trong xâu, nếu có nhiều từ cùng độ dài thì in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| this is a simple test case | a |

### **Bài 2.3: Đếm số lượng từ có độ dài chẵn trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có độ dài chẵn trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello world test example | 2 |

### **Bài 3.1: Tìm bội số chung nhỏ nhất của dãy**

Cho dãy số nguyên dương A gồm N số, hãy tìm bội số chung nhỏ nhất (BCNN) của các số trong dãy và trả về kết quả sau khi lấy modulo 107.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương N (N ≤ 105).
* Dòng tiếp theo gồm N số nguyên dương A là các phần tử của dãy
* (Ai ≤ 106).

**Output:**

* Một số nguyên dương là BCNN của dãy số, lấy kết quả modulo 107.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  2 5 10 20 | 100 |

### **Bài 3.2: Tính tổng ước số chung lớn nhất của từng cặp**

Cho dãy số nguyên dương A gồm N số, hãy tính tổng ước số chung lớn nhất (UCLN) của từng cặp phần tử trong dãy.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương N (N ≤ 105).
* Dòng tiếp theo gồm N số nguyên dương A là các phần tử của dãy
* (Ai ≤ 106).

**Output:**

* Một số nguyên dương là tổng UCLN của từng cặp phần tử trong dãy.
* Ví dụ:
* Giải thích: UCLN của các cặp (6,8), (6,12), (8,12) lần lượt là 2, 6, 4. Tổng là 12)

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  6 8 12 | 12 |

### **Bài 3.3: Tìm các số chia hết cho ước số nguyên tố nhỏ nhất của dãy**

Cho dãy số nguyên dương A gồm N số, hãy xác định và in ra các số trong dãy chia hết cho ước số nguyên tố nhỏ nhất của dãy.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương N (N ≤ 105).
* Dòng tiếp theo gồm N số nguyên dương A là các phần tử của dãy
* (Ai ≤ 106).

**Output:**

* In ra các số chia hết cho ước số nguyên tố nhỏ nhất của dãy, nếu không có số nào chia hết in ra -1.
* Ví dụ:
* Giải thích: ước số nguyên tố nhỏ nhất của dãy là 5.
* ĐỀ SỐ 14
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  10 15 25 18 27 | 10 15 25 |

### **Bài 4.1: Tìm nhóm có số lượng học sinh ít nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số học sinh.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là điểm số của từng học sinh.

**Output:**

* In ra nhóm có số lượng học sinh ít nhất và số lượng của nhóm đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  5 5 6 6 6 7 7 7 8 9 | 8  1 |

### **Bài 4.2: Phân loại học sinh và in ra nhóm có điểm trung bình cao nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số học sinh.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là điểm số của từng học sinh.

**Output:**

* In ra nhóm có điểm trung bình cao nhất và điểm trung bình của nhóm đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  5 5 6 6 6 7 7 7 8 8 | 8  8.0 |

### **Bài 4.3: Tìm nhóm có số lượng học sinh lớn nhất và in ra số lượng học sinh trong nhóm đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên n (1 ≤ n ≤ 105) là số học sinh.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là điểm số của từng học sinh.

**Output:**

* In ra nhóm có số lượng học sinh lớn nhất và số lượng của nhóm đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  5 5 6 6 6 7 7 7 8 8 | 6  3 |

# ĐỀ SỐ 23

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tìm sản phẩm bán chạy nhất trong tháng** | TOPSALES | 130 |
| **Bài 2** | **Xây dựng lịch làm việc tối ưu** | WORKSCHED | 130 |
| **Bài 3** | **Dự đoán thu nhập theo chu kỳ kinh doanh** | THUNHAP | 130 |
| **Bài 4** | **Dự đoán doanh số bán hàng dựa trên dữ liệu quá khứ** | PRED\_SALE | 130 |

## **Bài 1: Tìm sản phẩm bán chạy nhất trong tháng**

Cửa hàng cần xác định sản phẩm bán chạy nhất trong tháng và so sánh với các sản phẩm khác để lập kế hoạch nhập hàng. Bạn được yêu cầu tìm sản phẩm bán chạy nhất, sản phẩm bán ít nhất và tổng số sản phẩm bán được trong tháng.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số loại sản phẩm.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là số lượng bán được của từng sản phẩm.

**Output:**

* In ra số lượng sản phẩm bán chạy nhất, bán ít nhất và tổng số sản phẩm bán được trong tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  20 35 10 35 15 | 35  10  115 |

## **Bài 2: Xây dựng lịch làm việc tối ưu**

Một công ty cần xây dựng lịch làm việc cho nhân viên sao cho tối ưu hóa thời gian làm việc và nghỉ ngơi. Bạn được yêu cầu phân chia lịch làm việc của nhân viên theo cách tối ưu nhất dựa trên các yêu cầu về thời gian làm việc và nghỉ ngơi.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày làm việc.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số giờ làm việc tối thiểu và tối đa của mỗi ngày.

**Output:**

* In ra lịch làm việc tối ưu nhất sao cho tổng số giờ làm việc gần với một giá trị cho trước nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  4 6  5 7  3 8  18 | 6 7 5 |

## **Bài 3: Dự đoán thu nhập theo chu kỳ kinh doanh**

Một doanh nghiệp cần dự đoán thu nhập cho các chu kỳ kinh doanh tiếp theo dựa trên dữ liệu thu nhập trước đó. Bạn được yêu cầu tính toán tổng thu nhập dự đoán cho chu kỳ tiếp theo.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số chu kỳ kinh doanh.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thu nhập trong mỗi chu kỳ.

**Output:**

* In ra tổng thu nhập dự đoán cho chu kỳ tiếp theo dựa trên trung bình thu nhập của các chu kỳ trước đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  150  200  250  300 | 210 |

## **Bài 4: Dự đoán doanh số bán hàng dựa trên dữ liệu quá khứ**

Một doanh nghiệp cần dự đoán doanh số bán hàng cho tháng tới dựa trên dữ liệu bán hàng của các tháng trước. Bạn được yêu cầu tính tổng doanh số dự đoán cho tháng tới.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh số của từng tháng.

**Output:**

* In ra tổng doanh số dự đoán cho tháng tới dựa trên trung bình doanh số của các tháng trước đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  100  200  150  250 | 175 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tìm sản phẩm bán chạy nhất trong tháng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tìm số lượng sản phẩm bán chạy nhất và bán ít nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) max\_val = arr[0] min\_val = arr[0] total = 0 for x in arr:  if x > max\_val:  max\_val = x  if x < min\_val:  min\_val = x  total += x print(max\_val) print(min\_val) print(total) |

### **Bài 2: Xây dựng lịch làm việc tối ưu**

**1. Phân tích:**

1. 1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng giờ làm việc cho mỗi ngày dựa trên giá trị gần với yêu cầu.

2. Tối ưu hóa tổng giờ làm việc sao cho gần với giá trị yêu cầu nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) limits = [tuple(map(int, input().split())) for \_ in range(n)] target = int(input()) result = [] current\_sum = 0 for l, r in limits:  if current\_sum + r <= target:  result.append(r)  current\_sum += r  else:  need = target - current\_sum  val = max(l, min(r, need))  result.append(val)  current\_sum += val print(' '.join(map(str, result))) |

### **Bài 3: Dự đoán thu nhập theo chu kỳ kinh doanh**

**1. Phân tích:**

1. Tính trung bình thu nhập của các chu kỳ trước đó.

2. Dự đoán thu nhập cho chu kỳ tiếp theo dựa trên trung bình thu nhập.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 for \_ in range(n):  x = int(input())  total += x avg = total // n print(avg) |

### **Bài 4: Dự đoán doanh số bán hàng dựa trên dữ liệu quá khứ**

**1. Phân tích:**

1. Tính trung bình doanh số của các tháng trước đó.

2. Dự đoán doanh số cho tháng tới dựa trên trung bình doanh số.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 for \_ in range(n):  x = int(input())  total += x print(total // n) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm sản phẩm bán chạy nhất trong tuần (giả sử tuần có 7 ngày)**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số loại sản phẩm.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là số lượng bán được của từng sản phẩm.

**Output:**

* In ra số lượng sản phẩm bán chạy nhất trong tuần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  10 20 15 20 5 | 20 |

### **Bài 1.2: Tìm sản phẩm bán chạy nhất trong tháng với điều kiện có ít nhất k sản phẩm được bán**

10 ) là số loại sản phẩm và số lượng tối thiểu.

Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là số lượng bán được của từng sản phẩm.

Output:

In ra số lượng sản phẩm bán chạy nhất với điều kiện có ít nhất k sản phẩm được bán.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 3  0 10 3 5 8 | 10 |

### **Bài 1.3: So sánh doanh thu của sản phẩm bán chạy nhất với sản phẩm bán ít nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số loại sản phẩm.
* Dòng tiếp theo chứa n số nguyên là số lượng bán được của từng sản phẩm.

**Output:**

* In ra sự chênh lệch giữa sản phẩm bán chạy nhất và bán ít nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  20 35 15 40 25 | 25 |

### **Bài 2.1: Tìm lịch làm việc tối ưu sao cho tổng số giờ làm việc không vượt quá một giới hạn cho trước**

10 ) là số ngày làm việc và giới hạn giờ làm việc.

Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số giờ làm việc tối thiểu và tối đa của mỗi ngày.

Output:

In ra lịch làm việc tối ưu sao cho tổng số giờ làm việc không vượt quá h.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 18  4 8  5 6  3 5 | 4 6 5 |

### **Bài 2.2: Tìm lịch làm việc tối ưu khi nhân viên chỉ có thể làm việc vào một số ngày nhất định trong tuần**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n và m (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ m ≤ 7) là số ngày làm việc và số ngày được chọn để làm việc.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số giờ làm việc tối thiểu và tối đa của mỗi ngày.

**Output:**

* In ra lịch làm việc tối ưu cho những ngày làm việc được chọn.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 3  3 5  2 4  1 3  4 6  2 5 | 5 4 5 |

### **Bài 2.3: Tối ưu hóa lịch làm việc sao cho khoảng cách giữa ngày làm việc và ngày nghỉ là nhỏ nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số ngày làm việc.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là số giờ làm việc tối thiểu và tối đa của mỗi ngày.

**Output:**

* In ra lịch làm việc tối ưu sao cho khoảng cách giữa ngày làm việc và ngày nghỉ là nhỏ nhất.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 23
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3 5  2 4  1 3  4 6  2 5 | 3 3 3 3 3 |

### **Bài 3.1: Dự đoán thu nhập cho chu kỳ tiếp theo nếu thu nhập tăng đều 5% mỗi chu kỳ**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số chu kỳ kinh doanh.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thu nhập trong mỗi chu kỳ.

**Output:**

* In ra tổng thu nhập dự đoán cho chu kỳ tiếp theo nếu thu nhập tăng đều 5% mỗi chu kỳ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  200  300 | 630.00 |

### **Bài 3.2: Dự đoán thu nhập cho chu kỳ tiếp theo nếu thu nhập giảm 10% mỗi chu kỳ**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số chu kỳ kinh doanh.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thu nhập trong mỗi chu kỳ.

**Output:**

* In ra tổng thu nhập dự đoán cho chu kỳ tiếp theo nếu thu nhập giảm 10% mỗi chu kỳ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  200  300 | 540.00 |

### **Bài 3.3: So sánh thu nhập giữa hai chu kỳ liên tiếp và xác định chu kỳ có sự thay đổi lớn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số chu kỳ kinh doanh.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thu nhập trong mỗi chu kỳ.

**Output:**

* In ra chu kỳ có sự thay đổi thu nhập lớn nhất và mức độ thay đổi.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 25
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  150  90  200  180 | 3  110 |

### **Bài 4.1: Dự đoán doanh số cho tháng tới nếu doanh số tăng đều 5% mỗi tháng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh số của từng tháng.

**Output:**

* In ra tổng doanh số dự đoán cho tháng tới nếu doanh số tăng đều 5% mỗi tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  105  110 | 115 |

### **Bài 4.2: Dự đoán doanh số cho tháng tới nếu doanh số giảm 10% mỗi tháng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh số của từng tháng.

**Output:**

* In ra tổng doanh số dự đoán cho tháng tới nếu doanh số giảm 10% mỗi tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  90  81 | 72 |

### **Bài 4.3: So sánh doanh số giữa hai tháng gần nhất và xác định tháng có doanh số cao hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số tháng. ● Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh số của từng tháng.

**Output:**

* In ra tháng có doanh số cao hơn và mức chênh lệch doanh số giữa hai tháng gần nhất.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 26
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  120  110 | 2  10 |

# ĐỀ SỐ 24

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Theo dõi và phân tích doanh số bán hàng** | SALETRACK | 130 |
| **Bài 2** | **Tìm dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất** | MINSUMSUB | 120 |
| **Bài 3** | **Đếm số lượng chữ số xuất hiện** | COUNTDIGIT | 120 |
| **Bài 4** | **Đếm k trong mảng hai chiều** | DEMKMANG | 120 |

## **Bài 1: Theo dõi và phân tích doanh số bán hàng**

Một cửa hàng cần theo dõi doanh số bán hàng hàng tháng để phân tích hiệu suất kinh doanh. Bạn được yêu cầu tính tổng doanh số và xác định tháng có doanh số cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng cần theo dõi.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh số của cửa hàng trong tháng đó.

**Output:**

* In ra tổng doanh số trong n tháng và tháng có doanh số cao nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  200  150  300  250 | 1000  4 |

## **Bài 2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất**

Cho một dãy số nguyên (có thể có số âm). Hãy tìm dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng nhỏ nhất của dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  3 -4 2 -3 -1 7 -5 6 | -6 |

## **Bài 3: Đếm số lượng chữ số xuất hiện**

Cho một xâu ký tự, hãy đếm số lượng từng chữ số xuất hiện trong xâu.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự), bao gồm cả chữ cái và chữ số.

**Output:**

* In ra 10 dòng, mỗi dòng chứa số lượng của một chữ số từ 0 đến 9 xuất hiện trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc123321900 | 2  0  2  2  0  0  0  0  0  1 |

## **Bài 4: Đếm k trong mảng hai chiều**

Cho một bảng số a nguyên kích thước m \* n và số nguyên k. Hãy đếm xem trong dãy có bao nhiêu phần tử có giá trị k.

**Input:**

* Dòng đầu tiên gồm 2 số nguyên dương m, n và số nguyên k: m,n ≤ 103,
* |k| ≤ 103, |a[i][j]| ≤ 103
* m dòng tiếp theo, mỗi dòng gồm n số

**Output:**

* Kết quả bài toán

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 3 5  1 2 5  5 5 5  1 2 3 | 4 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Theo dõi và phân tích doanh số bán hàng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng doanh số của tất cả các tháng.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) sales = [] total = 0 max\_sale = -1 max\_month = 0 for i in range(n):  s = int(input())  sales.append(s)  total += s  if s > max\_sale:  max\_sale = s  max\_month = i + 1 print(total) print(max\_month) |

### **Bài 2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng thuật toán Kadane’s nhưng thay đổi điều kiện để tìm tổng nhỏ nhất thay vì tổng lớn nhất.

2. Duyệt qua dãy số, cập nhật tổng nhỏ nhất cho dãy con liên tiếp.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) min\_ending\_here = arr[0] min\_so\_far = arr[0] for i in range(1, n):  min\_ending\_here = min(arr[i], min\_ending\_here + arr[i])  min\_so\_far = min(min\_so\_far, min\_ending\_here) print(min\_so\_far) |

### **Bài 3: Đếm số lượng chữ số xuất hiện**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng một mảng hoặc từ điển để đếm số lần xuất hiện của các chữ số từ 0 đến 9.

2. Duyệt qua xâu ký tự và cập nhật mảng/từ điển.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() count = [0] \* 10 for ch in s:  if ch.isdigit():  count[int(ch)] += 1 for c in count:  print(c) |

### **Bài 4: Đếm k trong mảng 2 chiều**

**1. Phân tích:**

1. Tạo 1 biến đếm.

2. Duyệt mảng 2 chiều, kiểm tra xem phần tử trong từng hàng có bằng k hay không, nếu bằng tăng biến đếm lên 1 đơn vị.

3. In biến đếm.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| m, n, k = map(int, input().split()) count = 0 for \_ in range(m):  row = list(map(int, input().split()))  for val in row:  if val == k:  count += 1 print(count) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tính doanh số trung bình hàng tháng trong n tháng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng cần theo dõi.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh số của cửa hàng trong tháng đó.

**Output:**

* In ra doanh số trung bình hàng tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  1000  2000  3000 | 2000 |

### **Bài 1.2: So sánh doanh số giữa hai tháng liên tiếp và xác định tháng có sự tăng trưởng lớn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng cần theo dõi.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh số của cửa hàng trong tháng đó.

**Output:**

* In ra tháng có sự tăng trưởng doanh số lớn nhất và mức chênh lệch doanh số.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  1000  1200  1500  1300  1700 | 5  400 |

### **Bài 1.3: Xác định tháng có doanh số thấp nhất và in ra mức doanh số của tháng đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng cần theo dõi.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là doanh số của cửa hàng trong tháng đó.

**Output:**

* In ra tháng có doanh số thấp nhất và mức doanh số của tháng đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3000  2500  4000  2200  3500 | 4  2200 |

### **Bài 2.1: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất và độ dài tối thiểu k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n và k (1 ≤ k ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con liên tiếp có độ dài ít nhất là k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8 3  1 -2 3 4 -1 2 1 -5 | 9 |

### **Bài 2.2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng lớn nhất với các phần tử không liên tiếp nhau**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng lớn nhất của dãy con với các phần tử không liên tiếp nhau.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  3 -2 5 10 -3 4 | 15 |

### **Bài 2.3: Tìm dãy con liên tiếp có tổng nhỏ nhất với các phần tử liên tiếp nhau không âm**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).

Dòng thứ hai chứa n số nguyên. Output:

In ra tổng nhỏ nhất của dãy con liên tiếp có tất cả các phần tử không âm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  3 -2 4 0 1 -5 2 3 0 -1 | 0 |

### **Bài 3.1: Đếm số lượng chữ số chẵn xuất hiện trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng các chữ số chẵn xuất hiện trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| a1b2c3d4e5f6g7h8i9 | 4 |

### **Bài 3.2: Đếm tổng các chữ số xuất hiện trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra tổng tất cả các chữ số xuất hiện trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| a1b2c3d4e5f6g7h8i9 | 45 |

### **Bài 3.3: Đếm số lượng chữ số lẻ xuất hiện trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng các chữ số lẻ xuất hiện trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| a1b2c3d4e5f6g7h8i9 | 5 |

### **Bài 4.1: Đếm phần tử lớn hơn k**

Cho một bảng số nguyên a kích thước m \* n và số nguyên k. Hãy đếm xem trong bảng có bao nhiêu phần tử có giá trị lớn hơn k.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa ba số nguyên m, n, và k.
* m dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra số lượng phần tử có giá trị lớn hơn k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2 3 5  1 6 3  7 8 2 | 3 |

### **Bài 4.2: Đếm phần tử bằng k theo hàng**

Cho một bảng số nguyên a kích thước m \* n và số nguyên k. Đếm số lượng phần tử có giá trị bằng k trên mỗi hàng và in ra.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa ba số nguyên m, n, và k.
* m dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra m dòng, mỗi dòng là số lượng phần tử có giá trị bằng k trên hàng tương ứng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 4 2  2 3 2 4  5 2 2 2  1 1 1 1 | 2  3  0 |

### **Bài 4.3: Đếm phần tử bằng k theo cột**

Cho một bảng số nguyên a kích thước m \* n và số nguyên k. Đếm số lượng phần tử có giá trị bằng k trên mỗi cột và in ra.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa ba số nguyên m, n, và k.
* m dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra n dòng, mỗi dòng là số lượng phần tử có giá trị bằng k trên cột tương ứng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 4 2  2 3 2 4  5 2 2 2  1 1 1 1 | 1  1  2  1 |

# ĐỀ SỐ 25

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tìm dãy con liên tiếp có tổng chia hết cho k** | DAYCONK | 120 |
| **Bài 2** | **Phân tích số lượng đơn hàng theo từng giờ** | ORDERHOUR | 120 |
| **Bài 3** | **Phân tích dữ liệu nhân khẩu học** | NHANKHAU | 120 |
| **Bài 4** | **Phân tích doanh số cửa hàng** | DOANHSO | 120 |

## **Bài 1: Tìm dãy con liên tiếp có tổng chia hết cho k**

Cho một dãy số nguyên. Hãy tìm dãy con liên tiếp có tổng chia hết cho k và dài nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng của dãy con liên tiếp dài nhất mà tổng chia hết cho k. Nếu có nhiều dãy con có cùng độ dài, in ra dãy con có tổng lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 3  2 3 1 6 4 | 9 |

## **Bài 2: Phân tích số lượng đơn hàng theo từng giờ**

Một cửa hàng online cần phân tích số lượng đơn hàng theo từng giờ để cải thiện dịch vụ khách hàng. Bạn được yêu cầu tính tổng số lượng đơn hàng trong mỗi giờ và tìm ra giờ có số lượng đơn hàng cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số lượng đơn hàng trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời điểm (giờ) mà một đơn hàng được đặt.

**Output:**

* In ra giờ có số lượng đơn hàng cao nhất và tổng số đơn hàng trong giờ đó. Nếu có nhiều giờ có cùng số lượng đơn hàng cao nhất, in ra giờ nhỏ nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  10  11  10  12  11  10  13  11 | 10 3 |

## **Bài 3: Phân tích dữ liệu nhân khẩu học**

Một công ty cần phân tích dữ liệu nhân khẩu học để xác định độ tuổi trung bình và độ tuổi phổ biến nhất trong một nhóm dân số. Bạn được yêu cầu tính độ tuổi trung bình và tìm độ tuổi có nhiều người nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số người trong nhóm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là độ tuổi của từng người.

**Output:**

* In ra độ tuổi trung bình của nhóm dân số và độ tuổi phổ biến nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  20  22  20  21  22  20 | 20  20 |

## **Bài 4: Phân tích doanh số cửa hàng**

Một cửa hàng cần phân tích doanh số hàng tháng để đưa ra quyết định kinh doanh. Bạn được yêu cầu tính tổng doanh số của cửa hàng trong tháng và xác định mặt hàng bán chạy nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 50) là số mặt hàng được bán trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên mặt hàng và số lượng bán ra của mặt hàng đó.

**Output:**

* In ra tổng số lượng bán ra trong tháng và tên mặt hàng bán chạy nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Ao 10  Quan 15  Giay 7 | 32  Quan |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tìm dãy con liên tiếp có tổng chia hết cho k**

**1. Phân tích:**

1. Phân tích giải thuật:

2. Sử dụng mảng cộng dồn (cumulative sum) để tính tổng của các dãy con liên tiếp.

3. Duyệt qua dãy số và kiểm tra tổng có chia hết cho k không.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n, k = map(int, input().split()) arr = list(map(int, input().split())) prefix = [0] \* (n + 1) for i in range(1, n + 1):  prefix[i] = prefix[i-1] + arr[i-1] mod\_pos = dict() mod\_pos[0] = 0 max\_len = 0 max\_sum = None for i in range(1, n + 1):  mod = prefix[i] % k  if mod in mod\_pos:  length = i - mod\_pos[mod]  curr\_sum = prefix[i] - prefix[mod\_pos[mod]]  if length > max\_len or (length == max\_len and (max\_sum is None or curr\_sum > max\_sum)):  max\_len = length  max\_sum = curr\_sum  else:  mod\_pos[mod] = i print(max\_sum if max\_sum is not None else 0) |

### **Bài 2: Phân tích số lượng đơn hàng theo từng giờ**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng một mảng để lưu trữ số lượng đơn hàng theo từng giờ.

2. Duyệt qua danh sách đơn hàng và cập nhật số lượng đơn hàng cho từng giờ.

3. Tìm giờ có số lượng đơn hàng cao nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) hours = [0] \* 24 for \_ in range(n):  h = int(input())  hours[h] += 1 max\_orders = max(hours) for i in range(24):  if hours[i] == max\_orders:  print(i, max\_orders)  break |

### **Bài 3: Phân tích dữ liệu nhân khẩu học**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng độ tuổi và tìm độ tuổi phổ biến nhất.

2. Tính độ tuổi trung bình bằng cách lấy tổng độ tuổi chia cho số người.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) ages = [] for \_ in range(n):  age = int(input())  ages.append(age) total = 0 count = {} for age in ages:  total += age  if age in count:  count[age] += 1  else:  count[age] = 1 avg = total // n max\_freq = 0 most\_common\_age = None for age in count:  if count[age] > max\_freq:  max\_freq = count[age]  most\_common\_age = age print(avg) print(most\_common\_age) |

### **Bài 4: Phân tích doanh số cửa hàng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng số lượng bán ra của tất cả các mặt hàng.

2. Tìm mặt hàng bán chạy nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_sales = -1 best\_item = '' for \_ in range(n):  line = input().split()  item = line[0]  qty = int(line[1])  total += qty  if qty > max\_sales:  max\_sales = qty  best\_item = item print(total) print(best\_item) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm dãy con liên tiếp có tổng chia hết cho k và ngắn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng của dãy con liên tiếp ngắn nhất mà tổng chia hết cho k.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 5  2 7 6 1 4 5 | 5 |

### **Bài 1.2: Tìm dãy con liên tiếp có tổng chia hết cho k mà không chứa số âm**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng của dãy con liên tiếp mà tổng chia hết cho k và không chứa số âm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7 5  1 2 -1 3 4 5 6 | 15 |

### **Bài 1.3: Tìm dãy con liên tiếp có tổng chia hết cho k với số lượng phần tử lẻ**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên.

**Output:**

* In ra tổng của dãy con liên tiếp mà tổng chia hết cho k và có số lượng phần tử lẻ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 5  1 2 3 4 5 6 | 15 |

### **Bài 2.1: Tìm giờ có số lượng đơn hàng thấp nhất và in ra giờ đó cùng số lượng đơn hàng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số lượng đơn hàng trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời điểm (giờ) mà một đơn hàng được đặt.

**Output:**

* In ra giờ có số lượng đơn hàng thấp nhất và tổng số đơn hàng trong giờ đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  9  10  10  11  12  10  11  12 | 9 1 |

### **Bài 2.2: Tính tổng số lượng đơn hàng trong khoảng thời gian từ giờ l đến giờ r**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số lượng đơn hàng trong ngày.
* Dòng thứ hai chứa hai số nguyên l và r là khoảng thời gian (giờ) cần tính.

**Output:**

* In ra tổng số lượng đơn hàng trong khoảng thời gian từ giờ l đến giờ r.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 8  9 10  9  10  10  11  12  12  12  13 | 4 |

### **Bài 2.3: Phân tích sự thay đổi số lượng đơn hàng giữa các giờ liên tiếp và tìm giờ có sự thay đổi lớn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số lượng đơn hàng trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời điểm (giờ) mà một đơn hàng được đặt.

**Output:**

* In ra giờ có sự thay đổi lớn nhất về số lượng đơn hàng so với giờ trước đó và mức độ thay đổi.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  8  9  9  10  10  11  11  12  14  14 | 12  2 |

### **Bài 3.1: Xác định độ tuổi trẻ nhất và cao tuổi nhất trong nhóm**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số người trong nhóm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là độ tuổi của từng người.

**Output:**

* In ra độ tuổi trẻ nhất và cao tuổi nhất trong nhóm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  12  45  23  56  34 | 12 56 |

### **Bài 3.2: Tính tỷ lệ phần trăm người dưới 25 tuổi trong nhóm**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số người trong nhóm.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là độ tuổi của từng người.

**Output:**

* In ra tỷ lệ phần trăm người dưới 25 tuổi trong nhóm.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  20  30  15  27  23 | 60.0 |

### **Bài 3.3: So sánh độ tuổi trung bình giữa hai nhóm dân số và xác định nhóm nào có độ tuổi trung bình cao hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n và m (1 ≤ n, m ≤ 105) là số người trong hai nhóm dân số.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là độ tuổi của từng người.

**Output:**

* In ra nhóm nào có độ tuổi trung bình cao hơn và giá trị độ tuổi trung bình của nhóm đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3 4  20  25  30  22  28  35  40 | Group 2  31.25 |

### **Bài 4.1: Tính doanh số trung bình của mỗi mặt hàng trong tháng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 50) là số mặt hàng được bán trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên mặt hàng và số lượng bán ra của mặt hàng đó.

**Output:**

* In ra doanh số trung bình của mỗi mặt hàng trong tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Banh 10  Keo 15  Nuoc 25 | Banh 10  Keo 15  Nuoc 25 |

### **Bài 4.2: Xác định mặt hàng bán chậm nhất và in ra số lượng bán của mặt hàng đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 50) là số mặt hàng được bán trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên mặt hàng và số lượng bán ra của mặt hàng đó.

**Output:**

* In ra số lượng bán của mặt hàng bán chậm nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Banh 10  Keo 5  Nuoc 20 | 5 |

### **Bài 4.3: So sánh doanh số giữa hai mặt hàng liên tiếp và xác định mặt hàng nào bán chạy hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 50) là số mặt hàng được bán trong tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa tên mặt hàng và số lượng bán ra của mặt hàng đó.

**Output:**

* In ra mặt hàng nào bán chạy hơn giữa hai mặt hàng liên tiếp và mức chênh lệch.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Banh 10  Keo 5  Nuoc 20 | Banh 10  Keo 5 |

# ĐỀ SỐ 26

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Đếm số phần tử nhỏ hơn giá trị trung bình** | CNTLTB | 110 |
| **Bài 2** | **Đếm số lượng từ có chứa chữ hoa** | UPWORDCNT | 110 |
| **Bài 3** | **Tìm phần tử nhỏ nhất thỏa mãn điều kiện** | MINGTX | 110 |
| **Bài 4** | **Đếm số lượng chữ số trong danh sách** | DEMCHUSO | 110 |

## **Bài 1: Đếm số phần tử nhỏ hơn giá trị trung bình**

Cho một dãy số nguyên dương. Hãy đếm số lượng phần tử trong dãy có giá trị nhỏ hơn giá trị trung bình của cả dãy.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng phần tử có giá trị nhỏ hơn giá trị trung bình của dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  2 4 6 8 10 12 | 3 |

## **Bài 2: Đếm số lượng từ có chứa chữ hoa**

Cho một xâu ký tự chứa các từ được phân cách bởi khoảng trắng. Hãy đếm số lượng từ có chứa ít nhất một chữ cái viết hoa.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có chứa ít nhất một chữ cái viết hoa.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| Xin Chao day La ViDu | 4 |

## **Bài 3: Tìm phần tử nhỏ nhất thỏa mãn điều kiện**

Cho một danh sách các số nguyên dương. Hãy tìm phần tử nhỏ nhất trong danh sách sao cho phần tử đó lớn hơn x.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và x (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ x ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra phần tử nhỏ nhất trong danh sách lớn hơn x. Nếu không có phần tử nào thỏa mãn, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6 10  5 12 9 20 11 8 | 11 |

## **Bài 4: Đếm số lượng chữ số trong danh sách**

Cho một danh sách các số nguyên dương. Hãy đếm số lượng chữ số xuất hiện trong danh sách.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng chữ số (0-9) xuất hiện trong danh sách.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  12 34 56 78 90 | 10 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Đếm số phần tử nhỏ hơn giá trị trung bình**

**1. Phân tích:**

1. Tính tổng và giá trị trung bình của dãy số.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) avg = sum(arr) / n count = 0 for num in arr:  if num < avg:  count += 1 print(count) |

### **Bài 2: Đếm số lượng từ có chứa chữ hoa**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp tách từ bằng cách sử dụng hàm split().

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() words = s.split() count = 0 for word in words:  for ch in word:  if ch.isupper():  count += 1  break print(count) |

### **Bài 3: Tìm phần tử nhỏ nhất thỏa mãn điều kiện**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua danh sách và tìm phần tử nhỏ nhất lớn hơn x.

2. Giữ lại phần tử đó và cập nhật nếu tìm thấy phần tử nhỏ hơn.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n, x = map(int, input().split()) arr = list(map(int, input().split())) ans = -1 for num in arr:  if num > x:  if ans == -1 or num < ans:  ans = num print(ans) |

### **Bài 4: Đếm số lượng chữ số trong danh sách**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua từng số trong danh sách và tách từng chữ số.

2. Đếm tổng số lượng chữ số xuất hiện.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = input().split() digits = set() for num in arr:  for ch in num:  digits.add(ch) print(len(digits)) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Đếm số phần tử lớn hơn giá trị trung bình**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng phần tử có giá trị lớn hơn giá trị trung bình của dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 3 4 5 6 | 3 |

### **Bài 1.2: Đếm số phần tử bằng giá trị trung bình**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng phần tử có giá trị bằng với giá trị trung bình của dãy.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 3 4 5 6 | 1 |

### **Bài 1.3: Tìm phần tử nhỏ nhất lớn hơn giá trị trung bình**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra giá trị của phần tử nhỏ nhất trong dãy mà lớn hơn giá trị trung bình, nếu không có in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 3 4 5 6 | 4 |

### **Bài 2.1: Đếm số lượng từ bắt đầu bằng chữ hoa**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ bắt đầu bằng chữ cái viết hoa.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| Hello world, This Is A Test | 4 |

### **Bài 2.2: Đếm số lượng từ chỉ chứa chữ hoa**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ chỉ chứa chữ cái viết hoa.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| HELLO WORLD THIS IS A TEST | 5 |

### **Bài 2.3: Tìm từ chứa nhiều chữ hoa nhất trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ có chứa nhiều chữ hoa nhất trong xâu, nếu có nhiều từ cùng số lượng chữ hoa thì in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| Xin Chao THE GIOI | THE |

### **Bài 3.1: Tìm phần tử lớn nhất nhỏ hơn x**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và x (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ x ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra phần tử lớn nhất trong danh sách nhỏ hơn x. Nếu không có phần tử nào thỏa mãn, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 8  3 7 9 5 2 | 7 |

### **Bài 3.2: Đếm số phần tử trong danh sách nằm trong khoảng [a, b]**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa ba số nguyên dương n, a và b (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ a < b ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng phần tử trong danh sách nằm trong khoảng [a, b].

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 3 8  2 5 7 9 3 | 3 |

### **Bài 3.3: Tìm phần tử nhỏ nhất trong danh sách không chia hết cho k**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n và k (1 ≤ n ≤ 105, 1 ≤ k ≤ 109).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra phần tử nhỏ nhất trong danh sách không chia hết cho k. Nếu không có phần tử nào thỏa mãn, in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5 3  2 6 7 9 1 | 1 |

### **Bài 4.1: Đếm số lượng số nguyên tố có chữ số bằng n**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng số nguyên tố trong danh sách có đúng n chữ số.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  12345 23456 34567 45678 56789 | 1 |

### **Bài 4.2: Đếm số lượng số nguyên dương chia hết cho 5 và có số chữ số lẻ**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng số nguyên dương chia hết cho 5 và có số chữ số lẻ.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  10 123 55 7 500 | 3 |

### **Bài 4.3: Tìm chữ số xuất hiện nhiều nhất trong danh sách**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra chữ số xuất hiện nhiều nhất trong danh sách. Nếu có nhiều chữ số cùng xuất hiện nhiều nhất, in ra chữ số lớn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  12 22 345 67 22 | 2 |

# ĐỀ SỐ 27

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Dự đoán lưu lượng truy cập website** | TRAFFICAVG | 110 |
| **Bài 2** | **Quản lý lượng khách hàng hàng ngày** | KHACHHANG | 110 |
| **Bài 3** | **Tối ưu hóa số lượng nhân viên làm việc** | NHANVIEN | 110 |
| **Bài 4** | **Theo dõi và phân tích chi phí hàng tháng** | CHIPHI | 110 |

## **Bài 1: Dự đoán lưu lượng truy cập website**

Một website cần dự đoán lưu lượng truy cập cho tháng tới dựa trên dữ liệu truy cập của các tháng trước đó. Bạn được yêu cầu tính toán tổng lưu lượng truy cập dự đoán cho tháng tới.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lưu lượng truy cập trong từng tháng (đơn vị: lượt truy cập).

**Output:**

* In ra tổng lưu lượng truy cập dự đoán cho tháng tới dựa trên trung bình lưu lượng của các tháng trước đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  1000  1200  1100  1300 | 1150 |

## **Bài 2: Quản lý lượng khách hàng hàng ngày**

Một cửa hàng cần quản lý và theo dõi lượng khách hàng mỗi ngày để điều chỉnh chiến lược kinh doanh. Bạn được yêu cầu tính tổng số lượng khách hàng trong tuần và xác định ngày có lượng khách hàng đông nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày cần theo dõi.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng khách hàng của cửa hàng trong từng ngày.

**Output:**

* In ra tổng số lượng khách hàng trong tuần và ngày có lượng khách hàng đông nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  30  45  50  40  35 | 200  3 |

## **Bài 3: Tối ưu hóa số lượng nhân viên làm việc**

Một công ty cần tối ưu hóa số lượng nhân viên làm việc để đạt hiệu quả cao nhất mà vẫn đảm bảo đủ nhân lực. Bạn được yêu cầu tính tổng số giờ làm việc trong tuần và xác định ca làm việc có số giờ cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ca làm việc trong tuần.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là số giờ làm việc của mỗi ca.

**Output:**

* In ra tổng số giờ làm việc trong tuần và ca làm việc có số giờ cao nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  8  6  10  7 | 31  3 |

## **Bài 4: Theo dõi và phân tích chi phí hàng tháng**

Một người cần theo dõi và phân tích chi phí hàng tháng để tối ưu hóa ngân sách. Bạn được yêu cầu tính tổng chi phí hàng tháng và xác định loại chi phí cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 10) là số loại chi phí hàng tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một xâu ký tự là tên chi phí và một số nguyên là giá trị của chi phí đó.

**Output:**

* In ra tổng chi phí hàng tháng và tên chi phí cao nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  TienDien 1200  TienNuoc 800  TienInternet 1500 | 3500  TienInternet |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Dự đoán lưu lượng truy cập website**

**1. Phân tích:**

1. Tính trung bình lưu lượng truy cập của các tháng trước đó.

2. Dự đoán lưu lượng truy cập cho tháng tới dựa trên trung bình này.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 for i in range(n):  x = int(input())  total += x print(total // n) |

### **Bài 2: Quản lý lượng khách hàng hàng ngày**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng số lượng khách hàng của tất cả các ngày.

2. Tìm ngày có lượng khách hàng đông nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_value = -1 max\_day = -1 for i in range(n):  x = int(input())  total += x  if x > max\_value:  max\_value = x  max\_day = i + 1 print(total) print(max\_day) |

### **Bài 3: Tối ưu hóa số lượng nhân viên làm việc**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng số giờ làm việc của tất cả các ca.

2. Tìm ca làm việc có số giờ cao nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_hour = -1 max\_shift = -1 for i in range(n):  hour = int(input())  total += hour  if hour > max\_hour:  max\_hour = hour  max\_shift = i + 1 print(total) print(max\_shift) |

### **Bài 4: Theo dõi và phân tích chi phí hàng tháng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng chi phí hàng tháng.

2. Tìm loại chi phí có giá trị cao nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_cost = 0 max\_name = '' for \_ in range(n):  name, cost = input().split()  cost = int(cost)  total += cost  if cost > max\_cost:  max\_cost = cost  max\_name = name print(total) print(max\_name) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Dự đoán lưu lượng truy cập nếu lưu lượng tăng đều 10% mỗi tháng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lưu lượng truy cập trong từng tháng (đơn vị: lượt truy cập).

**Output:**

* In ra lưu lượng truy cập dự đoán cho tháng tới nếu lưu lượng tăng đều 10% mỗi tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  110  121  133  146 | 160 |

### **Bài 1.2: So sánh lưu lượng truy cập giữa hai tháng và xác định tháng nào có lưu lượng cao hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương m và n (1 ≤ m, n ≤ 12) là lưu lượng truy cập của hai tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lưu lượng truy cập trong từng tháng (đơn vị: lượt truy cập).

**Output:**

* In ra tháng nào có lưu lượng truy cập cao hơn và mức chênh lệch.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 2  120  150 | Thang 2  30 |

### **Bài 1.3: Tính lưu lượng truy cập trung bình hàng tháng trong n tháng**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lưu lượng truy cập trong từng tháng (đơn vị: lượt truy cập).

**Output:**

* In ra lưu lượng truy cập trung bình hàng tháng.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 27
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  200  300 | 200 |

### **Bài 2.1: Tính số lượng khách hàng trung bình mỗi ngày trong tuần**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày cần theo dõi.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng khách hàng của cửa hàng trong từng ngày.

**Output:**

* In ra số lượng khách hàng trung bình mỗi ngày trong tuần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  10  20  30  40  50  60  70 | 40 |

### **Bài 2.2: Xác định ngày có lượng khách hàng ít nhất và in ra số lượng khách hàng trong ngày đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày cần theo dõi.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng khách hàng của cửa hàng trong từng ngày.

**Output:**

* In ra số lượng khách hàng của ngày có lượng khách hàng ít nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  15  10  20  25  8  30  12 | 8 |

### **Bài 2.3: So sánh lượng khách hàng giữa hai ngày liên tiếp và xác định ngày có sự tăng trưởng lớn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày cần theo dõi.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng khách hàng của cửa hàng trong từng ngày.

**Output:**

* In ra ngày có sự tăng trưởng lượng khách hàng lớn nhất và mức độ tăng trưởng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  10  15  12  20  25  18  30 | 5  13 |

### **Bài 3.1: Tính số giờ làm việc trung bình của mỗi ca trong tuần**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ca làm việc trong tuần.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là số giờ làm việc của mỗi ca.

**Output:**

* In ra số giờ làm việc trung bình của mỗi ca trong tuần.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  8  7  9  6  10 | 8.0 |

### **Bài 3.2: Xác định ca làm việc có số giờ ít nhất và in ra số giờ của ca đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ca làm việc trong tuần.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là số giờ làm việc của mỗi ca.

**Output:**

* In ra số giờ làm việc của ca có số giờ ít nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  8  6  7  5 | 5 |

### **Bài 3.3: So sánh số giờ làm việc giữa hai ca liên tiếp và xác định ca có sự tăng trưởng lớn nhất về số giờ làm việc**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ca làm việc trong tuần.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là số giờ làm việc của mỗi ca.

**Output:**

* In ra ca có sự tăng trưởng số giờ làm việc lớn nhất và mức độ tăng trưởng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  6  7  8  5  9 | 5  4 |

### **Bài 4.1: Tính chi phí trung bình hàng tháng cho tất cả các loại chi phí**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 10) là số loại chi phí hàng tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một xâu ký tự là tên chi phí và một số nguyên là giá trị của chi phí đó.

**Output:**

* In ra chi phí trung bình hàng tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Điện 1200  Nước 800  Internet 500 | 833 |

### **Bài 4.2: Xác định loại chi phí thấp nhất và in ra giá trị của loại chi phí đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 10) là số loại chi phí hàng tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một xâu ký tự là tên chi phí và một số nguyên là giá trị của chi phí đó.

**Output:**

* In ra giá trị của loại chi phí thấp nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Điện 1200  Nước 800  Internet 500 | 500 |

### **Bài 4.3: So sánh giá trị giữa hai loại chi phí liên tiếp và xác định loại nào cao hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 10) là số loại chi phí hàng tháng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một xâu ký tự là tên chi phí và một số nguyên là giá trị của chi phí đó.

**Output:**

* In ra loại chi phí cao hơn giữa hai loại chi phí liên tiếp và mức chênh lệch.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  Điện 1200  Nước 800  Internet 1500 | Internet 700  Điện 400 |

# ĐỀ SỐ 28

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Dự đoán thời gian giao hàng** | GIAOHANG | 110 |
| **Bài 2** | **Quản lý thời gian học tập và nghỉ ngơi** | THOIGIAN | 110 |
| **Bài 3** | **Tính toán lợi nhuận từ đầu tư** | LOINHUAN | 110 |
| **Bài 4** | **Dự đoán chi phí bảo trì hàng tháng** | BAOTRI | 110 |

## **Bài 1: Dự đoán thời gian giao hàng**

Một công ty giao hàng cần dự đoán thời gian giao hàng cho các đơn hàng trong ngày dựa trên thời gian giao hàng trước đó. Bạn được yêu cầu tính tổng thời gian giao hàng và dự đoán thời gian cho đơn hàng tiếp theo.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số đơn hàng đã giao.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời gian giao hàng của từng đơn hàng (đơn vị: phút).

**Output:**

* In ra tổng thời gian giao hàng và dự đoán thời gian cho đơn hàng tiếp theo dựa trên trung bình thời gian giao hàng của các đơn trước.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  30  40  35  45  50 | 200  40 |

## **Bài 2: Quản lý thời gian học tập và nghỉ ngơi**

Một học sinh cần quản lý thời gian học tập và nghỉ ngơi trong ngày để đảm bảo sức khỏe và hiệu suất học tập. Bạn được yêu cầu tính tổng thời gian học tập và nghỉ ngơi, và xác định khoảng thời gian học tập dài nhất trong ngày.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số khoảng thời gian học tập trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của mỗi khoảng thời gian học tập (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra tổng số giờ học tập trong ngày và khoảng thời gian học tập dài nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  8 10  11 13  14 18 | 8  4 |

## **Bài 3: Tính toán lợi nhuận từ đầu tư**

Một nhà đầu tư cần tính toán lợi nhuận từ các khoản đầu tư khác nhau để đánh giá hiệu quả. Bạn được yêu cầu tính tổng lợi nhuận và xác định khoản đầu tư có lợi nhuận cao nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số khoản đầu tư.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lợi nhuận từ mỗi khoản đầu tư (đơn vị: nghìn đồng).

**Output:**

* In ra tổng lợi nhuận và khoản đầu tư có lợi nhuận cao nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100 200 150 300 250 | 1000  300 |

## **Bài 4: Dự đoán chi phí bảo trì hàng tháng**

Một công ty cần dự đoán chi phí bảo trì hàng tháng dựa trên dữ liệu chi phí của các tháng trước đó. Bạn được yêu cầu tính tổng chi phí bảo trì và dự đoán chi phí cho tháng tiếp theo dựa trên trung bình chi phí của các tháng trước.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là chi phí bảo trì của từng tháng (đơn vị: nghìn đồng).

**Output:**

* In ra tổng chi phí bảo trì và dự đoán chi phí cho tháng tiếp theo dựa trên trung bình chi phí của các tháng trước đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  1000 1200 1100 1300 | 4600  1150 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Dự đoán thời gian giao hàng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng thời gian giao hàng.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 times = [] for \_ in range(n):  t = int(input())  total += t  times.append(t) avg = total // n print(total) print(avg) |

### **Bài 2: Quản lý thời gian học tập và nghỉ ngơi**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng thời gian học tập của tất cả các khoảng thời gian.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total\_time = 0 max\_duration = 0 for \_ in range(n):  start, end = map(int, input().split())  duration = end - start  total\_time += duration  if duration > max\_duration:  max\_duration = duration print(total\_time) print(max\_duration) |

### **Bài 3: Tính toán lợi nhuận từ đầu tư**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng lợi nhuận của tất cả các khoản đầu tư.

2. Tìm khoản đầu tư có lợi nhuận cao nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) profits = list(map(int, input().split())) total = 0 max\_profit = profits[0] for p in profits:  total += p  if p > max\_profit:  max\_profit = p print(total) print(max\_profit) |

### **Bài 4: Dự đoán chi phí bảo trì hàng tháng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng chi phí bảo trì.

2. Tính trung bình chi phí bảo trì và sử dụng giá trị này để dự đoán chi phí cho tháng tiếp theo.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) costs = list(map(int, input().split())) total = 0 for c in costs:  total += c avg = total // n print(total) print(avg) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Dự đoán thời gian giao hàng nếu thời gian giao hàng tăng đều 5% cho mỗi đơn hàng**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số đơn hàng đã giao.

Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời gian giao hàng của từng đơn hàng (đơn vị: phút).

Output:

In ra thời gian dự đoán cho đơn hàng tiếp theo nếu thời gian giao hàng tăng đều 5% cho mỗi đơn hàng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  100  105  110  115 | 120 |

### **Bài 1.2: So sánh thời gian giao hàng giữa hai đơn hàng liên tiếp và xác định đơn hàng nào mất nhiều thời gian hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số đơn hàng đã giao.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời gian giao hàng của từng đơn hàng (đơn vị: phút).

**Output:**

* In ra đơn hàng nào mất nhiều thời gian giao hơn và mức chênh lệch thời gian.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  10  15  12 | 2 5 |

### **Bài 1.3: Tính thời gian giao hàng trung bình cho tất cả các đơn hàng trong ngày**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số đơn hàng đã giao.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời gian giao hàng của từng đơn hàng (đơn vị: phút).

**Output:**

* In ra thời gian giao hàng trung bình cho tất cả các đơn hàng trong ngày.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 29
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 4  10  15  20  25 | 17 |

### **Bài 2.1: Tính thời gian học tập trung bình trong ngày**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số khoảng thời gian học tập trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của mỗi khoảng thời gian học tập (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra thời gian học tập trung bình trong ngày.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  8 10  13 15  18 20 | 2.0 |

### **Bài 2.2: Xác định khoảng thời gian học tập ngắn nhất và in ra số giờ của khoảng thời gian đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số khoảng thời gian học tập trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của mỗi khoảng thời gian học tập (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra số giờ của khoảng thời gian học tập ngắn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  8 10  13 14  18 21 | 1 |

### **Bài 2.3: So sánh thời gian học tập giữa hai khoảng thời gian liên tiếp và xác định khoảng nào dài hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số khoảng thời gian học tập trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của mỗi khoảng thời gian học tập (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra khoảng thời gian học tập dài hơn giữa hai khoảng liên tiếp và mức chênh lệch.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  8 10  11 14  15 16 | 2 3  1 |

### **Bài 3.1: Tính lợi nhuận trung bình từ các khoản đầu tư**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số khoản đầu tư.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lợi nhuận từ mỗi khoản đầu tư (đơn vị: nghìn đồng).

**Output:**

* In ra lợi nhuận trung bình từ các khoản đầu tư.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  200  150  250  300 | 200 |

### **Bài 3.2: Xác định khoản đầu tư có lợi nhuận thấp nhất và in ra giá trị lợi nhuận của khoản đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số khoản đầu tư.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lợi nhuận từ mỗi khoản đầu tư (đơn vị: nghìn đồng).

**Output:**

* In ra giá trị lợi nhuận của khoản đầu tư có lợi nhuận thấp nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  200  150  250  90 | 90 |

### **Bài 3.3: So sánh lợi nhuận giữa hai khoản đầu tư liên tiếp và xác định khoản nào có lợi nhuận cao hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 100) là số khoản đầu tư.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lợi nhuận từ mỗi khoản đầu tư (đơn vị: nghìn đồng).

**Output:**

* In ra khoản đầu tư nào có lợi nhuận cao hơn giữa hai khoản liên tiếp và mức chênh lệch.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100  200  150  250  180 | 2 100  4 100 |

### **Bài 4.1: Dự đoán chi phí bảo trì nếu chi phí tăng đều 10% mỗi tháng**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.

Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là chi phí bảo trì của từng tháng (đơn vị: nghìn đồng).

Output:

In ra chi phí dự đoán cho tháng tiếp theo nếu chi phí tăng đều 10% mỗi tháng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  110  121 | 133 |

### **Bài 4.2: So sánh chi phí bảo trì giữa hai tháng liên tiếp và xác định tháng nào có chi phí cao hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là chi phí bảo trì của từng tháng (đơn vị: nghìn đồng).

**Output:**

* In ra tháng nào có chi phí bảo trì cao hơn giữa hai tháng liên tiếp và mức chênh lệch chi phí.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  150  130 | Thang 2 50 |

### **Bài 4.3: Tính chi phí bảo trì trung bình hàng tháng cho tất cả các tháng đã qua**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 12) là số tháng có dữ liệu.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là chi phí bảo trì của từng tháng (đơn vị: nghìn đồng).

**Output:**

* In ra chi phí bảo trì trung bình hàng tháng.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 30
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  150  130 | 126 |

# ĐỀ SỐ 29

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Đếm số lượng từ có độ dài lẻ** | ODDLENWRD | 100 |
| **Bài 2** | **Kiểm tra danh sách tăng dần** | ISINCREAS | 100 |
| **Bài 3** | **Đếm số phần tử lớn hơn phần tử kế trước** | COUNTINC | 100 |
| **Bài 4** | **Xâu hoàn hảo** | XAUHOANH | 100 |

## **Bài 1: Đếm số lượng từ có độ dài lẻ**

Cho một xâu ký tự chứa các từ được phân cách bởi khoảng trắng. Hãy đếm số lượng từ có độ dài lẻ trong xâu.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có độ dài lẻ trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| day la mot vi du ve xau van ban | 4 |

## **Bài 2: Kiểm tra danh sách tăng dần**

Cho một danh sách các số nguyên dương. Hãy kiểm tra xem danh sách có phải là danh sách tăng dần hay không.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra "YES" nếu danh sách là tăng dần, "NO" nếu không phải.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  1 3 5 7 9 | YES |

## **Bài 3: Đếm số phần tử lớn hơn phần tử kế trước**

Cho một danh sách các số nguyên dương. Hãy đếm xem có bao nhiêu phần tử trong danh sách lớn hơn phần tử ngay trước nó.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng phần tử lớn hơn phần tử ngay trước nó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 3 2 4 5 2 | 3 |

## **Bài 4: Xâu hoàn hảo**

Xâu hoàn hảo là xâu có độ dài lớn hơn hoặc bằng 2, trong đó kí tự đầu và kí tự cuối của xâu bằng nhau.

Cho một xâu S có độ dài N, đếm số lượng xâu hoàn hảo trong xâu S.

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu S (n ≤ 106)
* Dòng thứ 2 là xâu S chỉ gồm các kí tự chữ cái latinh in thường.

**Output:**

* Ghi ra một số nguyên duy nhất là số lượng xâu hoàn hảo trong xâu S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  ababa | 9 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Đếm số lượng từ có độ dài lẻ**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp tách từ bằng cách sử dụng hàm split().

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() words = s.split() count = 0 for word in words:  if len(word) % 2 == 1:  count += 1 print(count) |

### **Bài 2: Kiểm tra danh sách tăng dần**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua danh sách và kiểm tra xem mỗi phần tử có lớn hơn phần tử trước đó không.

2. Nếu tất cả các phần tử đều thỏa mãn điều kiện, in "YES", ngược lại in "NO".

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) ok = True for i in range(1, n):  if arr[i] <= arr[i - 1]:  ok = False  break if ok:  print("YES") else:  print("NO") |

### **Bài 3: Đếm số phần tử lớn hơn phần tử kế trước**

**1. Phân tích:**

1. Duyệt qua danh sách và so sánh từng phần tử với phần tử trước nó.

2. Đếm số lượng phần tử thỏa mãn điều kiện lớn hơn phần tử trước đó.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = list(map(int, input().split())) count = 0 for i in range(1, n):  if arr[i] > arr[i - 1]:  count += 1 print(count) |

### **Bài 4: Xâu hoàn hảo**

**1. Phân tích:**

1. Khởi tạo biến kết quả để lưu trữ kết quả cuối cùng, tức tổng số cặp ký tự giống nhau trong chuỗi.

2. Duyệt vòng lặp chạy từ giá trị ASCII của ký tự 'a' đến 'z'. (Kiến thức liên quan: hàm ord() là một hàm trong Python trả về giá trị ASCII của một ký tự)

3. + Chuyển giá trị ASCII thành ký tự tương ứng

4. + Đếm số ký tự xuất hiện trong chuỗi

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) s = input() count = 0 for c in 'abcdefghijklmnopqrstuvwxyz':  freq = s.count(c)  if freq >= 2:  count += freq \* (freq - 1) // 2 print(count) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Đếm số lượng từ có độ dài chẵn trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có độ dài chẵn trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello world test example | 2 |

### **Bài 1.2: Đếm số lượng từ có chứa ít nhất một chữ số**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ có chứa ít nhất một chữ số trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello 123 world 45 test 678 | 3 |

### **Bài 1.3: Đếm số lượng từ bắt đầu bằng nguyên âm trong xâu**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra số lượng từ bắt đầu bằng nguyên âm (a, e, i, o, u) trong xâu.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| apple orange banana egg animal zebra | 4 |

### **Bài 2.1: Kiểm tra danh sách giảm dần**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).

Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

Output:

In ra "YES" nếu danh sách là giảm dần, "NO" nếu không phải.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  100 90 70 50 30 | YES |

### **Bài 2.2: Kiểm tra danh sách có chứa phần tử trùng lặp hay không**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra "YES" nếu danh sách có chứa phần tử trùng lặp, "NO" nếu không có.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 2 3 4 5 2 | YES |

### **Bài 2.3: Kiểm tra danh sách có phải là danh sách tăng dần chẵn hay không**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương (mỗi số không vượt quá 109).

**Output:**

* In ra "YES" nếu danh sách là tăng dần và tất cả các số đều là số chẵn, "NO" nếu không thỏa mãn điều kiện.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 06
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  2 4 6 8 10 | YES |

### **Bài 3.1: Đếm số phần tử nhỏ hơn phần tử kế tiếp**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng phần tử nhỏ hơn phần tử ngay sau nó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  1 3 2 5 4 | 3 |

### **Bài 3.2: Tìm phần tử lớn nhất mà lớn hơn phần tử kế trước**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra phần tử lớn nhất trong dãy mà lớn hơn phần tử ngay trước nó, nếu không có thì in ra -1.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  1 3 2 5 4 | 5 |

### **Bài 3.3: Đếm số phần tử lớn hơn cả phần tử trước và sau nó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105).
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên dương.

**Output:**

* In ra số lượng phần tử lớn hơn cả phần tử trước và sau nó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 6  1 3 2 5 4 6 | 2 |

### **Bài 4.1: Đếm xâu con đối xứng**

Cho một xâu ký tự S có độ dài N. Hãy đếm số lượng xâu con đối xứng trong xâu S. Xâu con đối xứng là xâu có thể đọc giống nhau từ trái qua phải và từ phải qua trái.

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu S (1 ≤ N ≤ 106).
* Dòng thứ hai là xâu S chỉ gồm các ký tự chữ cái Latinh thường.

**Output:**

* Ghi ra một số nguyên là số lượng xâu con đối xứng trong xâu S.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  ababa | 9 |

### **Bài 4.2: Xâu ký tự lặp lại**

Cho một xâu ký tự T có độ dài N. Tìm xâu con lớn nhất xuất hiện nhiều lần trong xâu T.

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu T (1 ≤ N ≤ 106).
* Dòng thứ hai là xâu T chỉ gồm các ký tự chữ cái Latinh thường.

**Output:**

* Ghi ra xâu con lớn nhất xuất hiện nhiều hơn một lần. Nếu không có xâu con nào như vậy, in ra "-1".

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  abcabcabca | abca |

### **Bài 4.3: Xâu có số ký tự khác nhau tối thiểu**

Cho một xâu ký tự U có độ dài N. Tìm xâu con dài nhất có số ký tự khác nhau không quá K.

**Input:**

* Dòng đầu tiên là số nguyên dương N - độ dài của xâu T (1 ≤ N ≤ 106).
* Dòng thứ hai là số K (1 ≤ K ≤ 26).
* Dòng thứ ba là xâu U chỉ gồm các ký tự chữ cái Latinh thường.

**Output:**

* Ghi ra độ dài của xâu con dài nhất có số ký tự khác nhau không quá K.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 10  2  abcbaacbcb | 6 |

# ĐỀ SỐ 30

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Bài** | **Tên bài** | **File** | **Điểm** |
| **Bài 1** | **Tìm từ dài nhất không chứa ký tự lặp lại** | TIMTULD | 100 |
| **Bài 2** | **Tối ưu hóa lộ trình giao hàng** | SHIPROUTE | 100 |
| **Bài 3** | **Dự đoán lượng khách hàng trong tuần tới** | PREDCUST | 100 |
| **Bài 4** | **Quản lý thời gian rảnh trong ngày** | THOIGIAN | 100 |

## **Bài 1: Tìm từ dài nhất không chứa ký tự lặp lại**

Cho một xâu ký tự S. Hãy tìm từ dài nhất không chứa ký tự lặp lại.

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ dài nhất không chứa ký tự lặp lại. Nếu có nhiều từ có cùng độ dài, in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| apple banana abcde effgh ijklmno | abcde |

## **Bài 2: Tối ưu hóa lộ trình giao hàng**

Một công ty giao hàng cần tối ưu hóa lộ trình giao hàng sao cho tổng khoảng cách di chuyển là ngắn nhất. Bạn được yêu cầu tính tổng khoảng cách giao hàng và tối ưu hóa lộ trình.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số điểm giao hàng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là khoảng cách từ điểm giao hàng trước đến điểm giao hàng tiếp theo.

**Output:**

* In ra tổng khoảng cách di chuyển ngắn nhất có thể đạt được.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  10  5  3  7  8 | 33 |

## **Bài 3: Dự đoán lượng khách hàng trong tuần tới**

Một cửa hàng cần dự đoán lượng khách hàng trong tuần tới dựa trên dữ liệu tuần trước. Bạn được yêu cầu tính tổng lượng khách hàng dự đoán cho tuần tới dựa trên trung bình lượng khách hàng của tuần trước.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày trong tuần.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng khách hàng trong mỗi ngày.

**Output:**

* In ra tổng lượng khách hàng dự đoán cho tuần tới dựa trên trung bình lượng khách hàng của tuần trước.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 7  100  120  110  130  140  150  160 | 910 |

## **Bài 4: Quản lý thời gian rảnh trong ngày**

Một người cần quản lý thời gian rảnh trong ngày để thực hiện các hoạt động cá nhân. Bạn được yêu cầu tính tổng thời gian rảnh trong ngày và xác định khoảng thời gian dài nhất.

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số khoảng thời gian rảnh trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của khoảng thời gian rảnh (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra tổng số giờ rảnh trong ngày và khoảng thời gian rảnh dài nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  9 11  13 15  16 18 | 6  2 |

## **Hướng dẫn giải**

### **Bài 1: Tìm từ dài nhất không chứa ký tự lặp lại**

**1. Phân tích:**

1. Tách xâu thành các từ bằng cách sử dụng hàm split().

2. Kiểm tra từng từ xem có ký tự lặp lại không. Tìm từ dài nhất thỏa mãn điều kiện.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| s = input() words = s.split() def no\_repeat(word):  for c in word:  if word.count(c) > 1:  return False  return True max\_word = '' for w in words:  if no\_repeat(w):  if len(w) > len(max\_word):  max\_word = w print(max\_word) |

### **Bài 2: Tối ưu hóa lộ trình giao hàng**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng phương pháp tham lam (greedy) để tối ưu hóa tổng khoảng cách di chuyển.

2. Sắp xếp các điểm giao hàng theo khoảng cách từ nhỏ đến lớn và tính tổng khoảng cách.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) arr = [] for \_ in range(n):  x = int(input())  arr.append(x) arr.sort() total = sum(arr) print(total) |

### **Bài 3: Dự đoán lượng khách hàng trong tuần tới**

**1. Phân tích:**

1. Tính trung bình lượng khách hàng trong tuần trước.

2. Nhân kết quả trung bình với 7 để dự đoán lượng khách hàng cho tuần tới.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 for \_ in range(n):  x = int(input())  total += x avg = total // n predict = avg \* 7 print(predict) |

### **Bài 4: Quản lý thời gian rảnh trong ngày**

**1. Phân tích:**

1. Sử dụng vòng lặp để tính tổng thời gian rảnh của tất cả các khoảng thời gian.

2. Tìm khoảng thời gian rảnh dài nhất.

**2. Code tham khảo:**

|  |
| --- |
| n = int(input()) total = 0 max\_len = 0 for \_ in range(n):  start, end = map(int, input().split())  length = end - start  total += length  if length > max\_len:  max\_len = length print(total) print(max\_len) |

## **Bài tập mở rộng**

### **Bài 1.1: Tìm từ dài nhất có chứa tất cả các ký tự là nguyên âm**

Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

Output:

In ra từ dài nhất có chứa tất cả các ký tự là nguyên âm. Nếu có nhiều từ có cùng độ dài, in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| hello aiueo aeiouaeiou aei bcdeu | aeiouaeiou |

### **Bài 1.2: Tìm từ dài nhất có chứa cả ký tự viết hoa và viết thường**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ dài nhất có chứa cả ký tự viết hoa và viết thường. Nếu có nhiều từ có cùng độ dài, in ra từ xuất hiện đầu tiên.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| Hello world ThisIsTest EXample testCase | ThisIsTest |

### **Bài 1.3: Tìm từ dài nhất mà không chứa ký tự nào là số**

**Input:**

* Một dòng duy nhất chứa xâu ký tự S (độ dài không quá 105 ký tự).

**Output:**

* In ra từ dài nhất mà không chứa ký tự nào là số. Nếu có nhiều từ có cùng độ dài, in ra từ xuất hiện đầu tiên.
* Ví dụ:
* ĐỀ SỐ 17
* TỔNG QUAN ĐỀ THI

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| abc123 test longestword nodigits123 abcde | longestword |

### **Bài 2.1: Tính tổng khoảng cách giao hàng khi ưu tiên giao những điểm có khoảng cách xa nhất trước**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số điểm giao hàng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là khoảng cách từ điểm giao hàng trước đến điểm giao hàng tiếp theo.

**Output:**

* In ra tổng khoảng cách di chuyển khi ưu tiên những điểm xa nhất trước.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3  7  2  9  5 | 26 |

### **Bài 2.2: Phân tích khoảng cách giao hàng và tìm điểm giao hàng tối ưu (có khoảng cách trung bình so với các điểm khác)**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số điểm giao hàng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là khoảng cách từ điểm giao hàng trước đến điểm giao hàng tiếp theo.

**Output:**

* In ra điểm giao hàng có khoảng cách trung bình so với các điểm khác và khoảng cách đó.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  3  7  2  9  5 | 4  5 |

### **Bài 2.3: Tối ưu hóa lộ trình giao hàng sao cho tổng thời gian di chuyển là ngắn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 105) là số điểm giao hàng.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là thời gian di chuyển từ điểm giao hàng trước đến điểm giao hàng tiếp theo.

**Output:**

* In ra tổng thời gian di chuyển ngắn nhất có thể đạt được.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 5  4  2  7  1  3 | 17 |

### **Bài 3.1: Dự đoán lượng khách hàng cho tuần tới nếu lượng khách hàng tăng đều 10% mỗi ngày**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày trong tuần.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng khách hàng trong mỗi ngày.

**Output:**

* In ra tổng lượng khách hàng dự đoán cho tuần tới nếu lượng khách hàng tăng đều 10% mỗi ngày.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  110  121 | 505.1 |

### **Bài 3.2: Dự đoán lượng khách hàng cho tuần tới nếu lượng khách hàng giảm 5% mỗi ngày**

Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày trong tuần.

Mỗi dòng tiếp theo chứa một số nguyên là lượng khách hàng trong mỗi ngày.

Output:

In ra tổng lượng khách hàng dự đoán cho tuần tới nếu lượng khách hàng giảm 5% mỗi ngày.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100  200  300 | 1785.4 |

### **Bài 3.3: So sánh lượng khách hàng dự đoán giữa hai tuần và tìm tuần có lượng khách hàng tăng trưởng lớn nhất**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 7) là số ngày trong tuần.
* Dòng thứ hai chứa n số nguyên là lượng khách hàng tuần trước.
* Dòng thứ ba chứa n số nguyên là lượng khách hàng tuần này.

**Output:**

* In ra tuần có lượng khách hàng tăng trưởng lớn nhất và mức độ tăng trưởng.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  100 150 200  120 180 210 | Tuần này  60 |

### **Bài 4.1: Tính thời gian rảnh trung bình trong ngày**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số khoảng thời gian rảnh trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của khoảng thời gian rảnh (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra thời gian rảnh trung bình trong ngày.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  8 10  13 14  19 21 | 2.0 |

### **Bài 4.2: Xác định khoảng thời gian rảnh ngắn nhất và in ra số giờ của khoảng thời gian đó**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số khoảng thời gian rảnh trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của khoảng thời gian rảnh (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra số giờ của khoảng thời gian rảnh ngắn nhất.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  8 10  13 14  19 21 | 1 |

### **Bài 4.3: So sánh thời gian rảnh giữa hai khoảng thời gian liên tiếp và xác định khoảng nào dài hơn**

**Input:**

* Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n (1 ≤ n ≤ 24) là số khoảng thời gian rảnh trong ngày.
* Mỗi dòng tiếp theo chứa hai số nguyên là thời gian bắt đầu và thời gian kết thúc của khoảng thời gian rảnh (đơn vị: giờ).

**Output:**

* In ra khoảng thời gian rảnh dài hơn giữa hai khoảng liên tiếp và mức chênh lệch.

**Example:**

|  |  |
| --- | --- |
| **Input** | **Output** |
| 3  8 10  13 14  19 22 | 19 22  3 |