Fisica Appunti universitari

Luca Casadei

28 febbraio 2024

Indice

| 1 | Cin | ematica |
|--------------|----------|-----------------------------|
| | 1.1 | Moto rettilineo |
| | | 1.1.1 Velocità |
| | | 1.1.2 Accelerazione |
| | | 1.1.3 Caduta di corpi gravi |
| | 1.2 | Moto nello spazio |
| 2 | Dinamica | |
| \mathbf{A} | Ese | cizi |
| | A.1 | Cinematica |
| | | A.1.1 In slide di teoria |

Capitolo 1

Cinematica

Questo capitolo parla del moto dei corpi.

Punto: Se consideriamo un punto, ci interessano le sue coordinate X, Y, Znello spazia, ciascuna coordinata è una funzione nel tempo: X(t), Y(t), Z(t)per ogni istante t il punto si troverà in una certa posizione. Questo è rappresentabile anche attraverso un vettore, che ha anch'esso 3 dimensioni.

Misura: Le coordinate rappresentano una distanza da un'origine nello spa-Nel sistema di riferimento viene rappresentata una curva in forma parametrica.

Moto rettilineo 1.1

Nel moto rettilineo ho una retta che ha un verso (orientata) e il punto si muove su questa retta, determiniamo con X(t) la posizione del punto sulla retta, definito da una sola coordinata spaziale. Questa funzione è detta legge oraria.

1.1.1 Velocità

Se il corpo si sta spostando per come lo osservo, prendendo due istanti diversi t_1, t_2 il corpo è in posizioni diverse X_1, X_2 , possiamo definire la velocità media come: $V_m = \frac{\Delta_x}{\Delta_t} = \frac{X_2 - X_1}{t_2 - t_1}$. Questa si basa su dei Δ macroscopici, se t_2 si avvicina a t_1 , il Δ diventa

sempre minore e il limite rappresenta effettivamente la derivata.

Inoltre essa è la pendenza della retta secante a quella che rappresenta il movimento, se riduco t_2 fino ad arrivare a t_1 ottengo la **velocità istantanea**. Vediamo quindi come arrivare a questa velocità: se consideriamo il coefficiente angolare $m_{sec} = \frac{f(x_0+h)-f(x_0)}{x_0+h-x_0} \Rightarrow \frac{(x_0+h)-f(x_0)}{h}$ come si può notare questo è il rapporto incrementale che dobbiamo utilizzare per ottenere questa volta la velocità istantanea (quindi in un istante), che è rappresentata dal coefficiente angolare della retta tangente al punto dell'istante di nostro interesse, procediamo quindi con: $m_{tg} = \lim_{h\to 0} \left(\frac{f(x_0+h)-f(x_0)}{h}\right) = \frac{df}{dx}(x_0) = \lim_{\Delta t\to 0} \left(\frac{\Delta x}{\Delta t}\right) = v_{ist}$ come si può vedere ho ottenuto la derivata, con la quale posso calcolare la velocità in un certo istante.

Classificazione delle velocità in base al grafico della funzione

- No moto: Se la funzione è costante, la retta è parallela all'asse delle ascisse e non abbiamo quindi alcun movimento.
- Velocità costante: Se la funzione è una retta e non presenta curve (velocità costante), la sua derivata è semplicemente la retta tangente di tutti i suoi punti, la cui pendenza è 0. In questo caso $v_0 = v$ costante.
- Velocità non costante: Nel caso in cui la velocità cambia nel tempo (ad esempio se cresce sempre all'aumentare del tempo), allora si avrà una curva e non una retta, cosa che invece abbiamo se si tratta di moto uniformemente accelerato.

Possiamo notare che matematicamente per arrivare alla velocità considerando le 3 coordinate di un punto è che: $X = A + B(t) + C(t^2) \Rightarrow v = B + C(t)$.

Ricavare la legge oraria dalla velocità

Ovviamente si può ricavare X(t) facendo l'integrale di v(t), che è il contrario della derivata, con qualche accorgimento. Devo infatti prestare particolarmente attenzione al fatto che l'integrale da fare è quello definito, quindi descritto da un intervallo.

Possiamo effettuare la seguente trasformazione:

$$\frac{dx}{dt} = v(t) \Rightarrow
dx = v(t)dt \Rightarrow
\int_{x_0}^x (dx') = \int_{t_0}^t (v(t')dt') \Rightarrow
x - x_0 = \int_{t_0}^t (v(t')dt') \Rightarrow
x = x_0 + \int_{t_0}^t (v_0(dt')) \Rightarrow x(t) = x_0 + v_0(t - t_0)$$

Quando abbiamo un movimento di un corpo e dobbiamo sapere la sua posizione a seguito di una certa velocità, dobbiamo sapere da dov'è partito, quindi un'istante di tempo che ci dica dove sia all'inizio, per questo nella formula compare x_0 , dato che l'integrale è definito questo è il punto come consideriamo come quello di partenza, che tipicamente prendiamo come 0. Passare invece dalla legge oraria alla velocità non richiede nessun parametro aggiuntivo.

Attenzione: Se la funzione della velocità è discontinua (ad esempio quando si torna indietro), la funzione non è derivabile, quindi si devono considerare due leggi del moto differenti, prima dell'urto e dopo l'urto.

1.1.2 Accelerazione

Possiamo distinguere accelerazione media e accelerazione istantanea come nella velocità.

$$a_m = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2}$$

$$a = 0 \iff v \text{ è costante.}$$

$$dv = a(t)dt \implies \Delta v = \int_{v_0}^v dv = \int_{t_0}^t a(t)dt$$

$$v(t) = v_0 + \int_{t_0}^t (a(t))dt$$

Se a è costante ho un **moto rettilineo uniforme** definibile con: $X(t) = X_0 + \int_{t_0}^t (v(t'))dt = X_0 \int_{t_0}^t [v_0 + a(t - t_0)]dt = X_0 + \int_{t_0}^t v_0 dt + \int_{t_0}^t a(t - t_0)dt \Longrightarrow X(t) = X_0 + v_0(t - t_0) + \frac{1}{2}a(t - t_0)^2$

Se però non abbiamo informazioni sul tempo, e vogliamo considerare la velocità in funzione della distanza invece che il tempo (v(x)) invece che v(t), elaboro le informazioni nel seguente modo:

catasets to intrinsection for segments modes:
$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{dv}{dx} \frac{dx}{dt} = v(\frac{dv}{dx}) \Rightarrow$$

$$adx = vdv \text{ passo poi all'integrale } \int_{x_0}^x (a)dx' = \int_{v_0}^v (v)dv = \int_{x_0}^x (a(x))dx' = \frac{1}{2}v^2 - \frac{1}{2}v_0^2 \Longrightarrow$$

$$v^2 = v_0^2 + 2a(x - x_0)$$

Unità di misura

$$\begin{split} [L] &\longrightarrow m \to Km \\ [T] &\longrightarrow s \to h \text{ (hours)}, \ d \text{ (days)}, \ y \text{ (years)} \\ [v] &= [LT^{-1}] &\longrightarrow \frac{m}{s} \to \frac{Km}{h} \\ [a] &= [LT^{-2}] &\longrightarrow \frac{m}{s^2} \end{split}$$

1.1.3 Caduta di corpi gravi

Consideriamo uno spazio bidimensionale (la caduta è considerata completamente in verticale).

Figura

1.2 Moto nello spazio

Capitolo 2

Dinamica

Perché un corpo si muove in un determinato modo?

Appendice A

Esercizi

A.1 Cinematica

A.1.1 In slide di teoria

• Guido l'automobile a 43Km/h per 5.2Km su una strada rettilinea. Resto senza benzina e percorro a piedi 1.2Km in 27 minuti, fino al distributore. Qual è stata la mia velocità media? Disegnare anche un grafico di x(t).

```
\begin{array}{l} v(x)=43\frac{Km}{h}\\ \text{Spazio percorso è: }x=x_1+x_2=(5,2+1,2)Km=6,4Km\\ v_m=\frac{\Delta x}{\Delta t}=\frac{x-x_0}{t-t_0}=\frac{6400}{t}\frac{m}{s}\text{ Ci manca da trovare }t=t_1+t_2\\ t_1=(\frac{1}{43}*5,2)\frac{h}{Km}*Km=0,1209h=435,24s\\ t_2=27m=27+60=1620s\\ \text{Concludendo: }v_m=\frac{6400}{2055,24}\frac{m}{s}=3,1139\frac{m}{s} \end{array}
```