

# Aufgabe 1 (ca. 20 Minuten):

Lösen Sie die folgende Aufgabe manuell auf einem Blatt Papier und scannen Sie dieses in die Datei *Gruppe\_S2\_Aufg1.pdf*:

a) Bestimmen Sie die Anzahl verschiedener Maschinenzahlen auf einem Rechner, der 15-stellige Gleitpunktzahlen mit 5-stelligen Exponenten sowie dazugehörige Vorzeichen im Dualsystem verwendet.

Bitmuster:  $\underbrace{\pm}_{2 \text{ Werte}} 0. \underbrace{m_1 m_2 \dots m_{14} m_{15}}_{\substack{\text{normiert:} \\ 2^{14} \text{ mögliche Werte}}} \cdot \underbrace{2^{e_1 e_2 e_3 e_4 e_5}}_{2^5 \text{ mögliche Werte}}$

Anzahl normierte unterschiedliche, eindeutige Maschinenzahlen:

$$2 \cdot 2^{14} \cdot 2^5 = 2^{20} \Rightarrow \underline{\underline{1'048'576}}$$

b) Geben Sie die Maschinengenauigkeit einer Rechenmaschine an, die mit 16-stelliger Dezimalarithmetik arbeitet.

Maschinengenauigkeit  $\epsilon_{ps} = \frac{B}{2} \cdot B^{-n} \Rightarrow \underline{\underline{5 \cdot 10^{-16}}}$

c) Gegeben seien zwei verschiedene Rechenmaschinen. Die erste davon arbeite mit einer 52-stelligen Binärarithmetik (entspricht double Precision im IEEE Format) und die zweite mit einer 14-stelligen Hexadezimalarithmetik. Welche Maschine rechnet genauer? (Mit Begründung!)

$$\epsilon_{ps} = \frac{B}{2} \cdot B^{-n}$$

$$\text{Für } n=52, B=2: \epsilon_{ps} = 2^{-52} = 222 \cdot 10^{-16}$$

$$\text{Für } n=14, B=16: \epsilon_{ps} = 8 \cdot 16^{-14} = 1,11 \cdot 10^{-16}$$

Die Maschinengenauigkeit der Maschine mit  $n=14$  und  $B=16$  ist halb so gross wie die der anderen Rechenmaschine. Das bedeutet, dass die Maschine mit  $n=14, B=16$  mit kleineren Zahlen genauer rechnen kann.