

Appunti di Basi di Dati

Luca Facchini

Matricola: 245965

Corso tenuto dal prof. Bouquet Paolo

Università degli Studi di Trento

A.A. 2024/2025

Sommario

Questo documento contiene gli appunti del corso di Basi di Dati tenuto dal prof. Bouquet Paolo presso l'Università degli Studi di Trento nell'anno accademico 2024/2025.

Indice

1	Il Modello Relazionale	3
1.1	Concetti Generali	3
1.2	Relazione	3
1.2.1	Definizione intensionale	3
1.2.2	Definizione estensionale	3
1.2.3	Stato di una relazione	4
1.2.4	Chiave di una relazione	4
1.3	Vincoli	4
1.3.1	Definizioni	4
1.3.2	Vincolo di chiave	5
1.3.3	Vincolo di integrità delle entità	5
1.3.4	Vincoli di integrità referenziale	5
1.3.5	Altri vincoli	5
1.4	Stato e Operazione di una base di dati	5
1.4.1	Stato di una base di dati	5
1.4.2	Operazioni di base	6
2	Algebra relazionale	7
2.1	Introduzione	7
2.1.1	Perché algebra relazionale	7
2.1.2	Concetti generali	7
2.2	Operazioni dell'AR	7
2.2.1	Operazione Unarie	8
2.2.2	Operazioni Insiemistiche	9
2.2.3	Operazioni Binarie	9
2.3	Query Tree	10
3	SQL - Structured Query Language	12

Capitolo 1

Il Modello Relazionale

1.1 Concetti Generali

La Storia Il modello fu proposto da Edgar F. Codd nel 1970 nel suo articolo: "A Relational Model of Data for Large Shared Data Banks".

Il Modello Il modello relazionale è un modello di dati che si basa sul concetto matematico di relazione.

1.2 Relazione

Definizione *Informalmente*, una **relazione** può essere vista come una **tabella** con un insieme di valori su ogni riga.

Ci sono due livelli che definiscono una relazione:

- Lo **schema** della relazione (livello *intensionale*)
- **Istanze** della relazione (livello *estensionale*)

1.2.1 Definizione intensionale

Lo schema di una relazione definisce:

- Il nome della relazione
- il nome di ogni attributo
- il dominio di ogni attributo

Si nota come l'ordine degli attributi non sia rilevante. Uno dei modi "standard" di rappresentare una relazione è il seguente: `Students(sid: string, name: string, login: string, age: integer, gpa: real)`.

Grado Il **grado** di una relazione è il numero di attributi che la compongono (nel caso dell'esempio, il grado è 5).

1.2.2 Definizione estensionale

Un'istanza di uno schema di relazione è un insieme di **tuple** (o **record**), ognuna delle quali ha lo stesso numero di campi dello schema della relazione. Questo comporta:

- Essendo un insieme **non** possono esserci duplicati
- L'ordine delle tuple non è rilevante

Cardinalità La **cardinalità** di una relazione è il numero di tuple che contiene.

1.2.3 Stato di una relazione

Lo **stato di una relazione** è un sottoinsieme del prodotto cartesiano dei domini dei suoi attributi:

Data una relazione: $R(A_1, A_2, \dots, A_n)$, lo stato di R è definito come:

$$r(R) \subset \text{dom}(A_1) \times \text{dom}(A_2) \times \dots \times \text{dom}(A_n)$$

ovvero:

$$\begin{aligned} r(R) &= \{t_1, t_2, \dots, t_n\} && \text{dove ogni } t_i \text{ è una tupla} \\ t_i &= \langle v_1, v_2, \dots, v_n \rangle && \text{dove } v_i \text{ è un elemento dell'attributo } \text{dom}(A_j) \end{aligned}$$

1.2.4 Chiave di una relazione

Ogni riga di una relazione ha un campo (o un insieme di campi) il cui valore (o i cui valori) identifica univocamente quella la riga in quella tabella. Questo campo (o insieme di campi) è detto **chiave** della relazione.

Talvolta si usano valori convenzionali per identificare una riga in una tabella. Si parla di *chiave artificiale* (*artificial key*) o *chiavi surrogate* (*surrogate key*).

1.3 Vincoli

Definizione I vincoli determinano quali stati di una relazione in una base di dati relazionale sono ammissibili e quali non lo sono.

Esistono tre tipi di vincoli:

1. **Vincoli Impliciti:** dipendono dal *data model* stesso.
2. **Vincoli basati sullo schema** (o **espliciti**): sono definiti nello schema usando gli strumenti forniti dal modello **ER**.
3. **Vincoli applicativi o semantici:** si trattano di vincoli che vanno al di là del modello e devono essere imposti a livello di programma

Un vincolo è definito come una **condizione** che DEVE valere affinché lo **stato** di una relazione sia **valido**. I principali tipi di vincoli espliciti che possono essere espressi nel modello relazionale sono:

- Vincolo di **dominio**
- Vincolo di **chiave**
- Vincolo di **integrità delle entità**
- Vincolo di **integrità referenziale**

1.3.1 Definizioni

Superchiave di una relazione R : è un insieme di attributi S_K di R tale che:

- Non esistano due tuple di $r(R)$ in cui gli attributi di S_K abbiano lo stesso valore
- Questa condizione deve essere rispettata in *ogni stato valido* di R

Chiave di una relazione R : è una superchiave minimale, ovvero una superchiave tale che la rimozione di qualsiasi attributo produrrebbe un insieme di attributi che non è più una superchiave di R .

Ogni chiave minimale è detta anche **chiave candidata**

Una chiave è sempre una superchiave ma non viceversa

1.3.2 Vincolo di chiave

Se una relazione ha più di una **chiave candidata** allora ne viene scelta una come **chiave primaria** (in generale quella più piccola per numero di attributi)

I valori della chiave primaria sono usati per *identificare* in modo *univoco* le tuple di una relazione.

1.3.3 Vincolo di integrità delle entità

Nessuno degli attributi che compongono la chiave primaria PK di una relazione R può avere valore NULL in una tupla di $r(R)$.

1.3.4 Vincoli di integrità referenziale

Il vincolo di integrità referenziale coinvolge più relazioni:

- una **relazione referenziante** R_1 che contiene un riferimento alla chiave primaria di un'altra relazione
- una **relazione referenziata** R_2 che contiene la chiave primaria referenziata

Inoltre una tupla t_1 in R_1 si dice che **referenzia** una tupla t_2 in R_2 se $t_1[FK] = t_2[PK]$.

I valori degli attributi della chiave esterna FK della **relazione referenziale** R_1 possono essere:

1. Uno dei valori del corrispondente attributo della chiave primaria PK in R_2
2. Assumere il valore NULL

Se NULL la FK in R_1 non deve far parte degli attributi della chiave primaria di R_2 .

Osservazione 1 La FK può fare riferimento alla stessa relazione di appartenenza della PK .

Osservazione 2 Gli attributi alla FK non necessariamente devono avere lo stesso nome degli attributi della PK .

1.3.5 Altri vincoli

Vincoli di integrità semantica

I vincoli di integrità semantica sono vincoli che vanno al di là del modello relazionale e devono essere imposti a livello di programma.

1.4 Stato e Operazione di una base di dati

1.4.1 Stato di una base di dati

Base di dati relazionale

Ogni *relazione* è tipicamente popolata da un insieme di tuple. Uno **stato di una base di dati relazionale** con schema S è un sottoinsieme di stati delle relazioni $\{r_1, r_2, \dots, r_n\}$ tali che ogni r_i è uno stato di R_i e che r_i soddisfa i vincoli di integrità relazionale in IC .

Uno **stato** che **non** soddisfa i vincoli di integrità è detto **stato non valido**.

Base di dati popolata

Lo *stato della base di dati* è l'unione di tutti i singoli stati delle relazioni che compongono la base di dati, ogni volta che questa è modificata si passa ad un nuovo stato.

1.4.2 Operazioni di base

Le operazioni di base che possono essere eseguite su una base di dati relazionale sono:

INSERT Inserisce una nuova tupla in una relazione

DELETE Rimuove una tupla da una relazione

MODIFY Modifica il valore di uno o più attributi di una tupla

Importante: queste operazioni non devono portare alla violazione di alcun vincolo di integrità, per garantire questa condizione può essere necessario **propagare automaticamente** gli aggiornamenti

Operazioni con vincoli di integrità

RESTRICT o anche (NO ACTION, REJECT) impedisce l'operazione se viola un vincolo di integrità

CASCADE, SET NULL, SET DEFAULT Modificano automaticamente i valori delle chiavi esterne in modo da mantenere l'integrità referenziale

routine Esegue una procedura specifica per gestire l'errore

Violazioni per l'operazioni INSERT

- Violazione del vincolo di dominio - il valore inserito non è nel dominio dell'attributo
- Violazione del vincolo di chiave - il valore inserito è duplicato rispetto alla chiave
- Violazione del vincolo di integrità referenziale - il valore inserito non è presente nella chiave referenziata
- Violazione del vincolo di integrità delle entità - il valore della chiave primaria è NULL

Violazioni per l'operazioni DELETE

- Violazione del vincolo di integrità referenziale - esistono tuple in altre relazioni che fanno riferimento alla tupla che si vuole eliminare

Violazioni per l'operazioni UPDATE

- UPDATE della chiave primaria \Rightarrow possibile violazione del vincolo di integrità referenziale
- UPDATE di una chiave esterna \Rightarrow possibile violazione del vincolo di integrità referenziale
- UPDATE di un attributo che fa parte di una chiave \Rightarrow possibile violazione del vincolo di dominio o vincoli UNIQUE e NOT NULL

Come preservare l'integrità referenziale

- **CASCADE** - cancella tutte le tuple che referenziavano la chiave primaria della tupla cancellata o modificata
- **SET NULL** - Imposta a NULL i valori delle chiavi esterne che referenziano la chiave primaria della tupla cancellata o modificata - NON può essere fatto se la chiave esterna è parte della chiave primaria
- **SET DEFAULT** - assegnare un valore di default alle chiavi esterne che referenziano la chiave primaria della tupla cancellata o modificata - NON può essere fatto se la chiave esterna è parte della chiave primaria
- **RESTRICT** - Impedisce l'operazione se viola un vincolo di integrità

Capitolo 2

Algebra relazionale

2.1 Introduzione

Linguaggio di interrogazione Un **linguaggio di interrogazione** (*query language*) per il modello relazionale specializzato per manipolare (tipicamente estrarre) dati di una base di dati relazionali. I linguaggi possono essere suddivisi in:

Procedurali Il programmatore descrive passo passo come ottenere il risultato.

Dichiarativi Il programmatore descrive il risultato che vuole ottenere, senza specificare come ottenerlo.

L'Algebra relazionale è un linguaggio dichiarativo.

2.1.1 Perché algebra relazionale

- **Fondamenta teoriche per le operazioni sui dati**
- **Ottimizzazione delle query**
- **Portabilità tra DBMS**
- **Comprensione degli algoritmi di esecuzione delle query**

2.1.2 Concetti generali

Input Output Nella AR input e output sono *relazioni* (nel senso del modello relazionale).

Risultato il risultato di un'operazione è una *nuova relazione*, che viene generata a partire da una o più relazioni di *input*.

Algebra Chiusa Effetto diretto della definizione di input e output come relazioni è che l'algebra relazionale è *chiusa*, ovvero il risultato di un'operazione è sempre una relazione.

2.2 Operazioni dell'AR

Operazioni unarie

- **SELECT** (simbolo σ)
- **PROJECT** (simbolo π)
- **RENAME** (simbolo ρ)

Operazioni insiemistiche di AR

- **UNIONE** (simbolo \cup)
- **INTERSEZIONE** (simbolo \cap)
- **DIFFERENZA** (simbolo \circ)
- **PRODOTTO CARTESIANO** (simbolo \times)

Operazioni binarie

- **JOIN** (simbolo \bowtie)
- **DIVISIONE** (simbolo \div)

Altre Operazioni

- **OUTER JOINS; OUTER UNION**
- **AGGREGAZIONE**

2.2.1 Operazione Unarie**Selezione**

Proprietà La forma generale dell'operazione *select* è:

$$\sigma_{\theta}(R)$$

- σ è l'operatore di selezione
- θ è il predicato di selezione o condizione
- R è la relazione di input

Commutativo L'operazione di selezione è commutativa, ovvero:

$$\sigma_{\theta_1}(\sigma_{\theta_2}(R)) = \sigma_{\theta_2}(\sigma_{\theta_1}(R))$$

Questa però può essere semplificata in:

$$\sigma_{\theta_1 \wedge \theta_2}(R)$$

Proiezione

Proprietà La forma generale dell'operazione *project* è:

$$\pi_{A_1, A_2, \dots, A_n}(R)$$

- π è l'operatore di proiezione
- A_1, A_2, \dots, A_n è la lista degli attributi di R che si vogliono mantenere

Duplicati L'operazione di proiezione rimuove le tuple duplicate in quanto il risultato è un insieme di tuple.

Risultato Il numero di tuple in $\pi_{A_1, A_2, \dots, A_n}(R)$ è minore o uguale al numero di tuple in R . Inoltre se A_1, A_2, \dots, A_n include una *chiave* di R , allora il numero di tuple restituite da PROJECT sarà sempre *uguale* al numero di tuple in R .

non commutativo L'operazione di proiezione non è commutativa, ovvero:

$$\pi_{A_1, A_2, \dots, A_n}(\pi_{B_1, B_2, \dots, B_m}(R)) \neq \pi_{B_1, B_2, \dots, B_m}(\pi_{A_1, A_2, \dots, A_n}(R))$$

sono uguali $\Leftrightarrow A_1, A_2, \dots, A_n$ e B_1, B_2, \dots, B_m sono uguali.

Rename

L'operatori di ridenominazione ha la seguente forma: $\rho(R(A_1, \dots, A_n), E)$ dove:

- E è una qualunque espressione algebrica
- R è una nuova relazione che ha le stesse tuple di E ma con alcuni attributi rinominati
- A_1, \dots, A_n è la lista di ridenominazione e contiene espressioni nella forma *vecchioNome* \rightarrow *nuovoNome*

Se il nome degli attributi non viene modificato si può omettere la lista di ridenominazione.

2.2.2 Operazioni Insiemistiche

Criteri Per tutte le operazioni insiemistiche valgono i seguenti criteri:

1. R e S devono avere lo stesso numero di attributi (se diverso non rispetta il significato di insieme)
2. Gli attributi di R e S devono avere lo stesso dominio o dominio compatibile
3. Se i nomi degli attributi sono diversi, bisognerà rinominare in output il nome degli attributi

In sostanza le operazioni insiemistiche sono definite solo per relazioni "compatibili".

Unione

$(R \cup S)$: è la relazione che include tutte le tuple che sono in R o in S o in entrambe.

Intersezione

$(R \cap S)$: è la relazione che include tutte le tuple che sono in R e in S .

Differenza

$(R - S)$: è la relazione che include tutte le tuple che sono in R ma non in S . Questo

Prodotto Cartesiano

$(R \times S)$: è la relazione che ha come schema l'unione degli attributi di R e S e una tupla $\langle r, s \rangle$ (la concatenazione di r e s) per ogni coppia di tuple $r \in R$ e $s \in S$. Il grado della relazione risultante è la somma dei gradi delle relazioni di input, mentre la cardinalità è il prodotto delle cardinalità delle relazioni di input.

$$R(A_1, A_2, \dots, A_n) \times S(B_1, B_2, \dots, B_m) = Q(A_1, A_2, \dots, A_n, B_1, B_2, \dots, B_m)$$

Notiamo come il grado di Q sia $n + m$ e la cardinalità sia $|R| \times |S|$.

2.2.3 Operazioni Binarie

Join

L'operazione di JOIN di due relazioni R e S ($R \bowtie_c S$) è definita come **prodotto cartesiano** seguito da una **selezione**:

$$R \bowtie_c S = \sigma_\theta(R \times S)$$

Il risultato è l'insieme delle combinazioni di tuple di R e S che soddisfano il predicato c .

JOIN commutativo e associativo L'operazione di JOIN è commutativa e associativa nei casi di EQUI JOIN (join con condizione di uguaglianza).

Cardinalità La cardinalità del risultato di un JOIN è al massimo il prodotto delle cardinalità delle relazioni di input (caso nel quale tutte le tuple soddisfano il predicato), e al minimo 0 (caso in cui nessuna tupla soddisfa il predicato).

Equi Join Un EQUI JOIN è un JOIN in cui il predicato è una condizione di uguaglianza tra attributi delle relazioni di input.

Natural Join Un NATURAL JOIN è un JOIN in cui il predicato è l'uguaglianza di **tutti** gli attributi con lo stesso nome. In caso di attributi con nome diverso ma vogliamo comunque fare un NATURAL JOIN dobbiamo prima eseguire un RENAME (almeno su una delle due relazioni).

Outer Join Un OUTER JOIN è un JOIN nel quale vengono mantenute le tuple che **non** soddisfano il predicato. Si distinguono tre tipi di OUTER JOIN:

Left Outer Join ($R \bowtie_c S$): mantiene tutte le tuple di R sia che soddisfino il predicato che no. Se una tupla di R non soddisfa il predicato, i valori degli attributi di S saranno NULL.

Right Outer Join ($R \bowtie_c S$): mantiene tutte le tuple di S sia che soddisfino il predicato che no. Se una tupla di S non soddisfa il predicato, i valori degli attributi di R saranno NULL.

Full Outer Join ($R \bowtie_c S$): mantiene tutte le tuple di R e S sia che soddisfino il predicato che no. Se una tupla di R o S non soddisfa il predicato, i valori degli attributi dell'altra relazione saranno NULL.

Divisione

La DIVISIONE è una operazione che non è primitiva nell'algebra relazionale e raramente implementata dai DBMS. Risponde alla domanda: "Quali sono i valori di A per i quali valgono tutti i valori di B ?". È definita come:

$$R \div S = \{ \langle x \rangle \mid \exists \langle x, y \rangle \in R, \forall \langle y \rangle \in S \}$$

dove R e S sono relazioni e x e y sono gli attributi di R e S rispettivamente.

2.3 Query Tree

Definizione La *query tree* è una struttura dati usata per rappresentare i passi di esecuzione di una query.

Proprietà Le *query tree* sono standard quando si parla di stimare: il lavoro necessario per eseguire una query, la generazione dei risultati intermedi e se è possibile ottimizzare la query. In una query tree:

- Ogni nodo rappresenta un'operazione (selezione, proiezione, join, ecc...)
- Le foglie rappresentano le relazioni di partenza

Cosa fare con il *query tree*? Una volta che una query è stata scritta è utile costruirsi il suo *query tree* per verificare se esiste un altro piano di esecuzione che:

- produca lo stesso risultato
- abbia un costo inferiore (in termini di tempo e risorse)

Esempi di ottimizzazioni comuni

Anticipazione delle selezioni Eseguire le selezioni il prima possibile in modo da ridurre il numero di tuple da processare, questo applicando eventuali filtri prima di eseguire altre operazioni.

Anticipazione delle proiezioni Eseguire le proiezioni il prima possibile in modo da ridurre il numero di attributi da processare.

Riordino dei join Cambiare l'ordine dei join in modo da ridurre il numero di tuple intermedie tra un join e l'altro, o per ridurre il numero di tuple da processare successivamente.

Capitolo 3

SQL - Structured Query Language