RELATÓRIO TÉCNICO - VARIÁVEIS EXÓGENAS E MODELOS

Projeto de Forecasting TJGO

Resumo Executivo

Este relatório detalha o tratamento e configuração das variáveis exógenas, bem como a implementação e parametrização dos modelos de machine learning utilizados no projeto de forecasting do TJGO. A análise revelou que **variáveis exógenas econômicas tradicionais** são mais eficazes que variáveis de alta correlação, e que **modelos mais simples superam abordagens complexas**.

1. VARIÁVEIS EXÓGENAS

1.1 Definição e Conceito

Variáveis Exógenas são fatores externos que influenciam a variável dependente (TOTAL_CASOS) mas não são controlados pelo sistema. No contexto judicial, representam indicadores econômicos, sociais e demográficos que impactam a demanda por serviços judiciais.

Explicação Técnica:

- Endógena: TOTAL_CASOS (variável alvo)
- Exógena: Indicadores econômicos que influenciam a demanda judicial
- Causalidade: Relação direta entre condições econômicas e litigiosidade

1.2 Inventário de Variáveis Disponíveis

1.2.1 Variáveis Econômicas Tradicionais

Justificativa Econômica:

- TAXA_SELIC: Juros altos → Menos crédito → Menos conflitos comerciais
- IPCA: Inflação alta → Maior litigiosidade por reajustes
- TAXA_DESOCUPACAO: Desemprego → Maior demanda por direitos trabalhistas
- INADIMPLENCIA: Correlação direta com conflitos comerciais

1.2.2 Variáveis de Alta Correlação (Removidas)

Análise de Correlação:

- qt_acidente: Correlação 0.87 com TOTAL_CASOS
- QT_ELEITOR: Correlação 0.89 com TOTAL_CASOS
- Problema: Multicolineariedade e overfitting

1.2.3 Outras Variáveis Disponíveis

1.3 Tratamento e Preparação

1.3.1 Limpeza de Dados

```
def clean_exogenous_variables(df):
    """
    Limpeza e preparação das variáveis exógenas
    """
    # 1. Tratamento de valores ausentes
    df = df.fillna(method='ffill').fillna(method='bfill')

# 2. Detecção de outliers
for col in exog_vars:
    Q1 = df[col].quantile(0.25)
    Q3 = df[col].quantile(0.75)
    IQR = Q3 - Q1
    lower_bound = Q1 - 1.5 * IQR
    upper_bound = Q3 + 1.5 * IQR
```

```
# Suavização de outliers

df[col] = df[col].clip(lower_bound, upper_bound)

return df
```

1.3.2 Normalização e Escala

```
def normalize_exogenous_variables(df, exog_vars):
    """
    Normalização das variáveis exógenas
    """
    from sklearn.preprocessing import StandardScaler
    scaler = StandardScaler()
    df[exog_vars] = scaler.fit_transform(df[exog_vars])
    return df, scaler
```

1.3.3 Feature Engineering

```
def create_exogenous_features(df, exog_vars):
    Criação de features derivadas das variáveis exógenas
   # 1. Lags das variáveis exógenas
    for var in exog_vars:
       for lag in [1, 2, 3, 6, 12]:
            df[f'{var}_lag_{lag}'] = df[var].shift(lag)
    # 2. Rolling statistics
    for var in exog_vars:
        for window in [3, 6, 12]:
            df[f'{var}_rolling_mean_{window}'] = df[var].rolling(window).mean()
            df[f'{var}_rolling_std_{window}'] = df[var].rolling(window).std()
    # 3. Interações entre variáveis
    df['SELIC_x_IPCA'] = df['TAXA_SELIC'] * df['IPCA']
    df['DESEMPREGO_x_INADIMPLENCIA'] = df['TAXA_DESOCUPACAO'] *
df['INADIMPLENCIA']
    return df
```

1.4 Configuração por Modelo

1.4.1 SARIMAX (ARIMA com Variáveis Exógenas)

```
def configure_sarimax_exog(train_data, test_data, exog_vars):
    """
    Configuração de variáveis exógenas para SARIMAX
    """
    # SARIMAX requer variáveis exógenas no formato específico
    exog_train = train_data[exog_vars].values
    exog_test = test_data[exog_vars].values

# Verificação de estacionariedade das variáveis exógenas
for var in exog_vars:
    adf_stat, adf_pvalue = adfuller(train_data[var])
    if adf_pvalue > 0.05:
        print(f" {var} não é estacionária (p-value: {adf_pvalue:.3f})")
        # Aplicar diferenciação se necessário
        train_data[f'{var}_diff'] = train_data[var].diff()

return exog_train, exog_test
```

Parâmetros SARIMAX:

- **order**: (1,1,1) ARIMA básico
- seasonal_order: (1,1,1,12) Sazonalidade anual
- enforce_stationarity: False Flexibilidade
- enforce_invertibility: False Flexibilidade

1.4.2 Prophet (Facebook)

```
def configure_prophet_exog(train_data, exog_vars):
    Configuração de variáveis exógenas para Prophet
   from prophet import Prophet
    # Preparar dados no formato Prophet
    prophet_data = train_data.reset_index()
    prophet_data = prophet_data.rename(columns={'DATA': 'ds', 'TOTAL_CASOS':
'y'})
    # Inicializar modelo
    model = Prophet(
       yearly_seasonality=True,
        weekly_seasonality=False,
        daily seasonality=False,
        seasonality_mode='additive',
        interval_width=0.95
    # Adicionar regressores exógenos
    for var in exog_vars:
```

```
if var in prophet_data.columns:
    model.add_regressor(var)
    print(f" Adicionada variável exógena: {var}")

return model, prophet_data
```

Parâmetros Prophet:

- yearly_seasonality: True Sazonalidade anual
- weekly_seasonality: False Sem sazonalidade semanal
- daily_seasonality: False Sem sazonalidade diária
- seasonality_mode: 'additive' Sazonalidade aditiva
- interval_width: 0.95 Intervalo de confiança 95%

1.4.3 Modelos de Machine Learning

```
def configure_ml_exog(train_data, test_data, exog_vars):
    Configuração de variáveis exógenas para ML models
    # Preparar features
    feature cols = []
    # 1. Variáveis exógenas originais
    feature_cols.extend(exog_vars)
    # 2. Features temporais
    feature_cols.extend(['year', 'month', 'quarter'])
    # 3. Lags da variável alvo
    for lag in [1, 2, 3, 6, 12]:
        feature_cols.append(f'TOTAL_CASOS_lag_{lag}')
    # 4. Rolling statistics da variável alvo
    for window in [3, 6, 12]:
        feature_cols.extend([
            f'TOTAL_CASOS_rolling_mean_{window}',
            f'TOTAL_CASOS_rolling_std_{window}'
        1)
    # 5. Lags das variáveis exógenas
    for var in exog_vars:
        for lag in [1, 2, 3]:
            feature_cols.append(f'{var}_lag_{lag}')
    # Remover colunas com muitos NaN
    feature_cols = [col for col in feature_cols
                   if col in train_data.columns and
                   train_data[col].isnull().sum() < len(train_data) * 0.5]</pre>
```

1.5 Experimentos e Descobertas

1.5.1 Experimento 1: Modelo Completo

Configuração: 15 variáveis exógenas + dados 2014-2024

Resultado: MAE = 6.472 (Prophet)

Problema: Overfitting com muitas variáveis

1.5.2 Experimento 2: Modelo Teste (Recomendado)

Configuração: 4 variáveis econômicas tradicionais + dados 2015-2024

Resultado: MAE = 3.634 (Prophet) - **44% MELHOR! Descoberta**: Simplicidade vence complexidade

1.5.3 Análise de Multicolineariedade

Resultados VIF:

```
• TAXA_SELIC: VIF = 2.3 (baixo)
```

- **IPCA**: VIF = 1.8 (baixo)
- TAXA_DESOCUPACAO: VIF = 3.1 (baixo)
- INADIMPLENCIA: VIF = 2.7 (baixo)
- qt_acidente: VIF = 15.2 (alto removida)
- QT ELEITOR: VIF = 18.7 (alto removida)

2. MODELOS DE MACHINE LEARNING

2.1.1 Persistência (Naive Forecast)

```
def baseline_persistence(train_data, test_data, target_col):
    """
    Modelo de persistência: usa último valor conhecido
    """
    # Previsão = último valor do treino
    last_value = train_data[target_col].iloc[-1]
    predictions = np.full(len(test_data), last_value)
    return predictions
```

Explicação:

- Conceito: Assume que o próximo valor será igual ao último observado
- Uso: Baseline mínimo para comparação
- Limitação: Não captura tendências ou sazonalidade

2.1.2 Média Móvel

```
def baseline_moving_average(train_data, test_data, target_col, window=12):
    """
    Modelo de média móvel: média dos últimos N períodos
    """
    # Calcular média móvel
    moving_avg = train_data[target_col].rolling(window=window).mean().iloc[-1]

# Previsão = média móvel
    predictions = np.full(len(test_data), moving_avg)

return predictions
```

Explicação:

- Conceito: Média dos últimos N períodos
- Parâmetro: window=12 (média anual)
- Uso: Baseline sazonal simples

2.2 Modelos Estatísticos

2.2.1 SARIMAX (Seasonal ARIMA with eXogenous variables)

```
def train_sarimax(y_train, exog_train, exog_test, order=(1,1,1),
    seasonal_order=(1,1,1,12)):
```

```
Treinamento do modelo SARIMAX
from statsmodels.tsa.statespace.sarimax import SARIMAX
# Configurar modelo
model = SARIMAX(
   y_train,
   exog=exog_train,
   order=order,
                               # (p,d,q) - ARIMA
   seasonal_order=seasonal_order, # (P,D,Q,s) - Sazonalidade
   enforce stationarity=False,
                               # Flexibilidade
   )
# Treinar modelo
fitted_model = model.fit(disp=False)
# Fazer previsões
predictions = fitted_model.forecast(steps=len(exog_test), exog=exog_test)
return fitted model, predictions
```

Explicação Técnica:

- **ARIMA**: AutoRegressive Integrated Moving Average
- SARIMAX: ARIMA + Sazonalidade + Variáveis Exógenas
- Parâmetros:
 - **p**: Ordem autoregressiva (dependência do passado)
 - o d: Diferenciação (tornar série estacionária)
 - o q: Ordem da média móvel (ruído)
 - P,D,Q,s: Sazonalidade (s=12 para mensal)

Vantagens:

- Captura tendências e sazonalidade
- Incorpora variáveis exógenas
- Intervalos de confiança

Desvantagens:

- Requer série estacionária
- Parâmetros complexos
- Sensível a outliers

2.2.2 Prophet (Facebook)

```
def train_prophet(train_data, exog_vars, target_col='TOTAL_CASOS'):
    """
```

```
Treinamento do modelo Prophet
from prophet import Prophet
# Preparar dados
prophet data = train data.reset index()
prophet_data = prophet_data.rename(columns={'DATA': 'ds', target_col: 'y'})
# Configurar modelo
model = Prophet(
   weekly seasonality=False,
                             # Sem sazonalidade semanal
   seasonality_mode='additive',  # Sazonalidade aditiva
   interval_width=0.95,
                             # Intervalo de confiança 95%
   changepoint_prior_scale=0.05,  # Sensibilidade a mudanças
   seasonality_prior_scale=10.0  # Força da sazonalidade
)
# Adicionar variáveis exógenas
for var in exog_vars:
   if var in prophet data.columns:
      model.add regressor(var)
# Treinar modelo
model.fit(prophet_data)
return model
```

Explicação Técnica:

- **Decomposição**: Tendência + Sazonalidade + Feriados + Regressores
- Algoritmo: Generalized Additive Model (GAM)
- Componentes:
 - o **g(t)**: Tendência (linear + logística)
 - s(t): Sazonalidade (Fourier)
 - o h(t): Feriados
 - βx(t): Regressores exógenos

Vantagens:

- Lida com sazonalidade complexa
- Robustez a outliers
- Intervalos de confiança
- Fácil interpretação

- Requer dados regulares
- Computacionalmente intensivo

Sensível a parâmetros

2.3 Modelos de Machine Learning

2.3.1 Random Forest

```
def train_random_forest(X_train, y_train, X_test, n_estimators=100,
max_depth=10):
    Treinamento do Random Forest
    from sklearn.ensemble import RandomForestRegressor
    # Configurar modelo
    model = RandomForestRegressor(
                                     # Número de árvores
        n estimators=n estimators,
                                       # Profundidade máxima
        max depth=max depth,
        min_samples_split=5,
                                      # Mínimo para dividir
        min_samples_leaf=2,
random_state=42,
                                       # Mínimo por folha
                                       # Reprodutibilidade
        n jobs=-1
                                       # Paralelização
    # Treinar modelo
    model.fit(X_train, y_train)
    # Fazer previsões
    predictions = model.predict(X_test)
    return model, predictions
```

Explicação Técnica:

- Ensemble: Combinação de múltiplas árvores de decisão
- **Bootstrap**: Amostragem com reposição
- Bagging: Agregação de previsões
- Feature Importance: Importância das variáveis

Vantagens:

- Não requer normalização
- Lida com features categóricas
- Feature importance
- Robustez a overfitting

- Não captura tendências temporais
- Requer feature engineering

2.3.2 XGBoost (eXtreme Gradient Boosting)

```
def train_xgboost(X_train, y_train, X_test, n_estimators=100, max_depth=6,
learning rate=0.1):
   0.00
   Treinamento do XGBoost
   import xgboost as xgb
   # Configurar modelo
   model = xgb.XGBRegressor(
      max_depth=max_depth,
                               # Profundidade máxima
      learning_rate=learning_rate,  # Taxa de aprendizado
      subsample=0.8,
                               # Subamostragem
      random_state=42,
                               # Reprodutibilidade
                               # Paralelização
      n jobs=-1
   # Treinar modelo
   model.fit(X_train, y_train)
   # Fazer previsões
   predictions = model.predict(X_test)
   return model, predictions
```

Explicação Técnica:

- Gradient Boosting: Otimização sequencial
- **Regularização**: L1 (Lasso) + L2 (Ridge)
- Pruning: Poda de árvores
- Early Stopping: Parada antecipada

Vantagens:

- Alta performance
- Regularização integrada
- Feature importance
- Paralelização

- Sensível a hiperparâmetros
- Overfitting se não regularizado
- Computacionalmente intensivo

2.3.3 LightGBM (Light Gradient Boosting Machine)

```
def train_lightgbm(X_train, y_train, X_test, n_estimators=100, max_depth=6,
learning rate=0.1):
   Treinamento do LightGBM
   import lightgbm as lgb
   # Configurar modelo
   model = lgb.LGBMRegressor(
                                     # Número de árvores
       n_estimators=n_estimators,
       max depth=max depth,
                                      # Profundidade máxima
       learning_rate=learning_rate,  # Taxa de aprendizado
       subsample=0.8,
                                      # Subamostragem
       colsample_bytree=0.8,
                                     # Subamostragem de features
                                      # Reprodutibilidade
       random state=42,
                                      # Paralelização
       n_{jobs=-1},
       verbose=-1
                                      # Silencioso
   )
   # Treinar modelo
   model.fit(X_train, y_train)
   # Fazer previsões
   predictions = model.predict(X_test)
   return model, predictions
```

Explicação Técnica:

- Leaf-wise Growth: Crescimento por folha
- **Histogram-based**: Binning de features
- GOSS: Gradient-based One-Side Sampling
- **EFB**: Exclusive Feature Bundling

Vantagens:

- Muito rápido
- Baixo uso de memória
- Boa performance
- Regularização integrada

- Sensível a overfitting
- Requer tuning cuidadoso
- Menos interpretável

2.4.1 Grid Search

```
def optimize_hyperparameters(model_class, X_train, y_train, param_grid):
   Otimização de hiperparâmetros com Grid Search
   from sklearn.model selection import GridSearchCV, TimeSeriesSplit
   # Time Series Cross-Validation
   tscv = TimeSeriesSplit(n splits=5)
   # Grid Search
   grid_search = GridSearchCV(
       estimator=model class,
        param_grid=param_grid,
       cv=tscv,
        scoring='neg mean absolute error',
       n jobs=-1,
       verbose=1
   )
   # Executar busca
   grid_search.fit(X_train, y_train)
   return grid_search.best_estimator_, grid_search.best_params_
```

2.4.2 Parâmetros Otimizados

```
# Random Forest
rf_params = {
    'n_estimators': [50, 100, 200],
    'max_depth': [5, 10, 15],
    'min_samples_split': [2, 5, 10]
}
# XGBoost
xgb_params = {
    'n_estimators': [50, 100, 200],
    'max_depth': [3, 6, 9],
    'learning_rate': [0.01, 0.1, 0.2],
    'subsample': [0.8, 0.9, 1.0]
}
# LightGBM
lgb_params = {
    'n_estimators': [50, 100, 200],
```

```
'max_depth': [3, 6, 9],
  'learning_rate': [0.01, 0.1, 0.2],
  'subsample': [0.8, 0.9, 1.0]
}
```

2.5 Validação Temporal

2.5.1 Time Series Cross-Validation

```
def time_series_cv(model, X, y, n_splits=5):
    Validação cruzada temporal
    from sklearn.model_selection import TimeSeriesSplit
   from sklearn.metrics import mean_absolute_error
   tscv = TimeSeriesSplit(n_splits=n_splits)
    scores = []
    for train_idx, val_idx in tscv.split(X):
        X train, X val = X.iloc[train idx], X.iloc[val idx]
       y_train, y_val = y.iloc[train_idx], y.iloc[val_idx]
        # Treinar modelo
       model.fit(X_train, y_train)
        # Fazer previsões
       y_pred = model.predict(X_val)
       # Calcular métrica
        mae = mean_absolute_error(y_val, y_pred)
        scores.append(mae)
    return np.mean(scores), np.std(scores)
```

2.5.2 Walk-Forward Validation

```
def walk_forward_validation(model, X, y, train_size=0.8):
    """
    Validação walk-forward
    """
    n_train = int(len(X) * train_size)

# Dados de treino
    X_train, y_train = X[:n_train], y[:n_train]

# Dados de teste
```

```
X_test, y_test = X[n_train:], y[n_train:]

# Treinar modelo
model.fit(X_train, y_train)

# Fazer previsões
y_pred = model.predict(X_test)

return y_test, y_pred
```

3. CONFIGURAÇÃO FINAL E RESULTADOS

3.1 Configuração Vencedora

3.1.1 Variáveis Exógenas Selecionadas

Justificativa:

- Baixa multicolineariedade: VIF < 5 para todas
- Relevância econômica: Impacto direto na litigiosidade
- **Disponibilidade**: Dados consistentes e atualizados
- Interpretabilidade: Fácil compreensão pelos stakeholders

3.1.2 Modelo Vencedor: Prophet

3.2 Performance Comparativa

Modelo	MAE	RMSE	R ²	Variáveis Exógenas
Prophet (Teste)	3.634	4.597	0.339	4 econômicas tradicionais
Prophet (Completo)	6.472	7.313	-0.245	15 variáveis (incluindo alta correlação)
Random Forest	6.827	7.874	-0.939	4 econômicas + features temporais
XGBoost	7.669	8.918	-1.487	4 econômicas + features temporais
LightGBM	7.464	8.876	-1.464	4 econômicas + features temporais
SARIMAX	9.416	11.290	-2.986	4 econômicas tradicionais

3.3 Lições Aprendidas

3.3.1 Variáveis Exógenas

- 1. Qualidade > Quantidade: 4 variáveis bem escolhidas > 15 variáveis
- 2. Multicolineariedade: Variáveis altamente correlacionadas diminuem performance
- 3. Relevância Econômica: Variáveis econômicas tradicionais são mais eficazes
- 4. Feature Engineering: Lags e rolling statistics são essenciais

3.3.2 Modelos

- 1. **Simplicidade vence complexidade**: Prophet simples > modelos complexos
- 2. Validação Temporal: Crucial para séries temporais
- 3. Interpretabilidade: Modelos interpretáveis são preferíveis
- 4. Robustez: Modelos robustos a outliers são mais confiáveis

4. RECOMENDAÇÕES TÉCNICAS

4.1 Implementação em Produção

4.1.1 Pipeline de Dados

```
def production_pipeline():
    """
    Pipeline de produção para previsões
    """
    # 1. Carregar dados atualizados
    data = load_latest_data()

# 2. Preparar variáveis exógenas
    exog_data = prepare_exogenous_variables(data)
```

```
# 3. Treinar modelo
model = train_prophet_model(exog_data)

# 4. Fazer previsões
forecast = model.predict(future_data)

# 5. Validar previsões
validation_results = validate_forecast(forecast)

return forecast, validation_results
```

4.1.2 Monitoramento

```
def monitor_model_performance():
    """

    Monitoramento da performance do modelo
    """

    # 1. Calcular métricas recentes
    recent_mae = calculate_recent_mae()

# 2. Detectar drift
    if detect_data_drift():
        send_alert("Data drift detected")

# 3. Verificar performance
    if recent_mae > threshold:
        send_alert("Model performance degraded")

# 4. Retreinar se necessário
    if should_retrain():
        retrain_model()
```

4.2 Manutenção e Atualização

4.2.1 Retreinamento Automático

- Frequência: Mensal
- Trigger: Performance degradada ou novos dados
- Validação: Cross-validation temporal
- **Deploy**: A/B testing com modelo anterior

4.2.2 Monitoramento de Variáveis Exógenas

- **Disponibilidade**: Verificar atualização mensal
- Qualidade: Detectar outliers e missing values
- Relevância: Avaliar correlação com variável alvo
- Substituição: Identificar novas variáveis relevantes

5. CONCLUSÕES

5.1 Descobertas Principais

- 1. Variáveis Exógenas Econômicas Tradicionais são mais eficazes que variáveis de alta correlação
- 2. Modelos Simples superam abordagens complexas (princípio da parcimônia)
- 3. Prophet é superior para séries temporais com sazonalidade
- 4. Feature Engineering é crucial para modelos de ML
- 5. Validação Temporal é essencial para séries temporais

5.2 Recomendações Finais

- 1. Usar Prophet com 4 variáveis econômicas tradicionais
- 2. Implementar retreinamento mensal automático
- 3. Monitorar performance continuamente
- 4. Expandir gradualmente para outros tipos de processo
- 5. Documentar decisões para reprodutibilidade

5.3 Próximos Passos

- 1. Implementação em produção com monitoramento
- 2. Expansão para outros tribunais usando metodologia
- 3. Desenvolvimento de dashboard executivo
- 4. Treinamento da equipe técnica
- 5. Pesquisa de novas variáveis exógenas relevantes

Equipe e Contato

- Autores Eng. Manuel Lucala Zengo DIACDE TJGO
- Mentoria Fernando Ribeiro Trindade, Dra. Deborah Silva Alves Fernandes e Marcio Giovane
- Metodologia CRISP-DM adaptada para séries temporais

Data: Outubro de 2025

Versão: 1.0

PROFESSEUR: M.DA ROS

Status: Em Avaliação