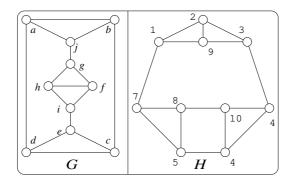
<u>Instituto de Matemática</u> <u>e Estatística - UERJ</u>

Prova de Reposição de Teoria dos Grafos Professor: Luerbio Faria

Data: **21/03/2022**

- 1. [2.0] Considere a relação de amizade reflexiva. Mostre que em uma reunião com 2 ou mais pessoas existem pelo menos duas com o mesmo número de amigos na mesma reunião.
- 2. [2.0] Desenhe todas as árvores não isomorfas com n=9 e diâmetro=4.
- 3. Dada a Figura a seguir.
 - (a) [1.2] Verifique se o par de grafos G e H são isomorfos:
 - (b) [0.4] Defina Conjunto independente, clique, conjunto dominante e cobertura por vértices.
 - (c) [0.4] Para o grafo G, determine um conjunto independente máximo $S \subset V(G)$. E prove porque S é máximo.
 - (d) [0.4] Para o grafo H, determine um conjunto dominante mínimo $R \subset V(H)$. E prove porque R é mínimo.
 - (e) [0.4] Para o grafo H, determine uma cobertura por vértices mínima $M\subset V(H)$. E prove porque M é mínima.



- 4. [2.0] Encontre o grafo G = (V, E) com menor número de vértices tal que 2 = cv(G), 3 = ce(G) e $\delta = 4$.
- 5. [2.0] Responda com as contas Quantos vértices possui um grafo:
 - (a) com menor número de vértices e 120 arestas.
 - (b) conexo com maior número de vértices e 80 arestas.
 - (c) árvore com diâmetro menor ou igual a 3, e 93 folhas.
 - (d) 9-regular com 243 arestas.