Universidade do Estado do Rio de Janeiro Instituto de Matemática e Estatística Departamento de Análise Matemática

## **Cálculo I** Turmas 1 e 2 - 1/2018 Simulado - limites

- 1. Dê exemplo, através de um gráfico, de uma função:
- (i) f: definida na Reta, contínua em  $\mathbb{R} \{0\}$ , e no ponto de descontinuidade os limites laterais existem.
- (ii) g: definida em  $\mathbb{R} \{-1, 0, 1\}$ , contínua.

2.

- (i) A partir do gráfico da função  $f(x)=\frac{\operatorname{tg}\ (4x)}{x},$  estime o valor do  $\lim_{x\to 0}f(x).$  USE O PROGRAMA MAPLE (pasta Maple13 no Dropbox).
- (ii) Calcule  $\lim_{x\to 0} f(x)$ , usando o limite fundamental  $\lim_{x\to 0} \frac{\sin x}{x} = 1$ .
  - 3. Na teoria da Relatividade, a massa de uma partícula com velocidade  $\nu$  é

$$m=\frac{m_0}{\sqrt{1-\nu^2/c^2}},$$

onde  $m_0$  é a massa da partícula em repouso e c, a velocidade da luz. O que acontece se  $\nu \to c^-$ ? (Faça a conta e tente interpretar o resultado.)

- 4. Calcule:
- (i)  $\lim_{x \to 4} \frac{4-x}{\sqrt{x}-2};$
- ${\rm (ii)}\, \lim_{x\to 5}\frac{2-\sqrt{x-1}}{\sqrt{x}-\sqrt{5}};$
- $\mathrm{(ii)} \, \lim_{x \to \infty} (\sqrt{x+1} \sqrt{x}).$

Bom Estudo!