

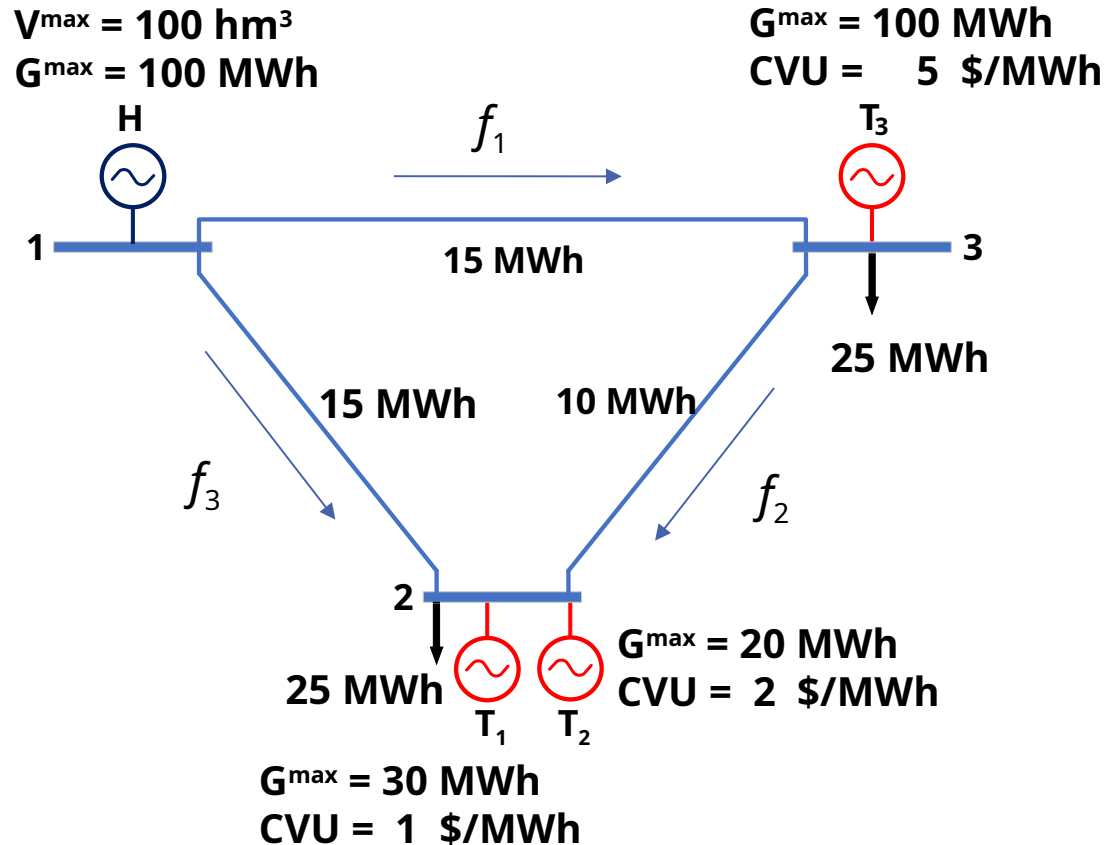


UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA

PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA
ÁREA DE CONCENTRAÇÃO DE SISTEMAS DE ENERGIA ELÉTRICA

TUTORIAL: TRABALHO COMPUTACIONAL – OPERAÇÃO E FORMAÇÃO DE PREÇOS

Apresentação do Sistema



Função de Produção

Hidrelétrica

$$gh = 0.90q + 0.1v$$

q : volume turbinado (hm^3)

Função de Custo Futuro

v : volume final (hm^3)

$$\alpha \geq 287,5 - 6v, \alpha \geq 237,5 - 4v,$$

$$\alpha \geq 112,5 - 1,5v, \alpha \geq 0$$

α : custo futuro esperado (R\$)

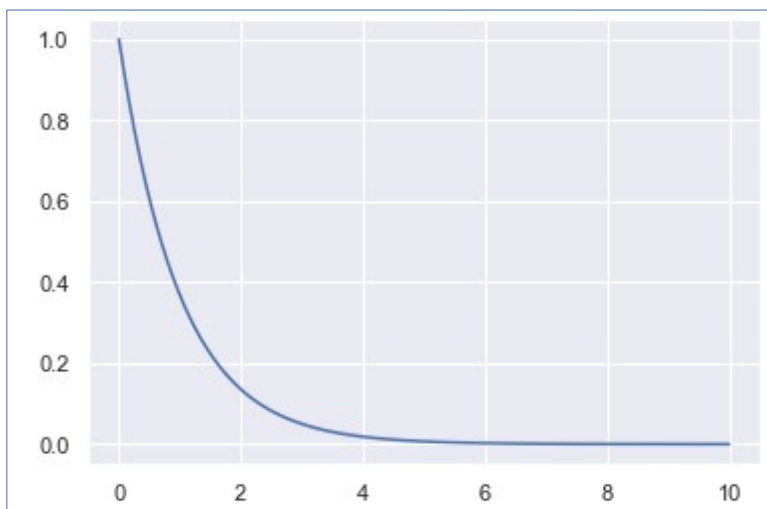
Condições iniciais

volume inicial = 0 (hm^3)

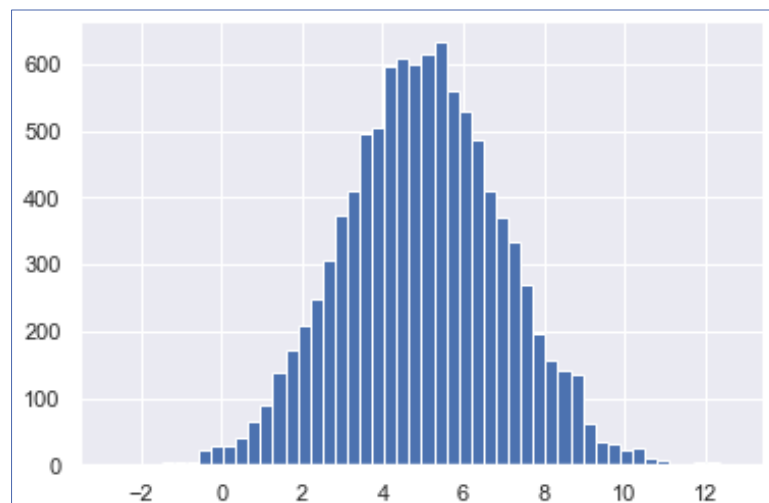
- As demandas em cada barra seguem uma Função de Densidade de Probabilidade (FDP) normal com média de 25 MWh e desvio padrão de 2 MWh
- O volume afluente pode variar entre 0 e 100 hm^3 de acordo com uma FDP

1. Realize um sorteio para obter 20 “trios” com valores inteiros de volume afluente e demanda das barras

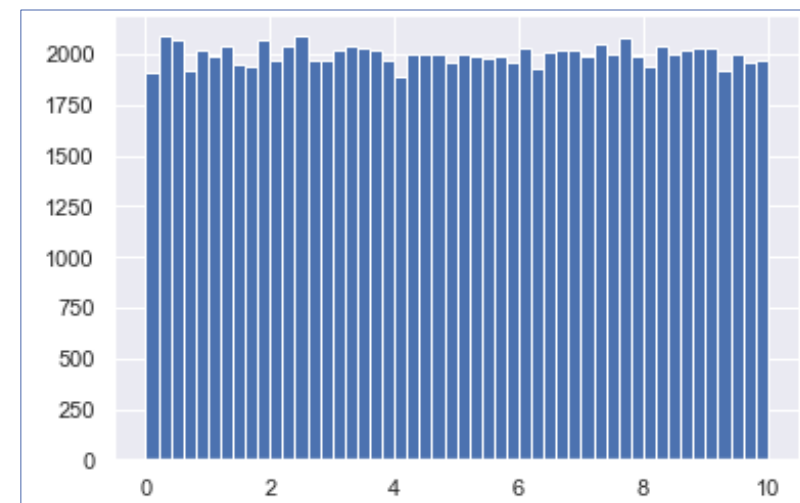
Relembrando alguns exemplos de Função de Densidade de Probabilidade:



Exponencial



Normal/Gaussiana



Uniforme



- ❑ As demandas em cada barra seguem uma **Função de Densidade de Probabilidade (FDP) normal com média** de 25 MWh e **desvio padrão** de 2 MWh
- ❑ O volume afluente pode variar entre 0 e 100 hm³ de acordo com uma **FDP uniforme**

1. Realize um sorteio para obter 20 “trios” com valores inteiros de volume afluente e demanda das barras

- Tanto o editor de planilhas Excel quanto diferentes linguagens de programação como MATLAB, Python, C#, Java etc... contém alguma função nativa que gera dados seguindo uma dada distribuição probabilística. Mas de forma geral, em qualquer ferramenta, a FDP uniforme e normal pode ser expressa como:

$$Y = (b - a) \cdot RAND() + a$$

FDP uniforme

- Em que $[a, b]$ é o domínio da distribuição. Logo, para o desvio da afluência, temos $[0 \ 100] \text{ hm}^3$.
- $RAND()$ é uma função que gera um escalar randômico uniformemente distribuído entre 0 e 1. Ex: $RAND()$ no Excel, $\text{rand}(x,y)$ no MATLAB, $\text{np.random.uniform}()$ no Python.

1. Realize um sorteio para obter 20 “trios” com valores inteiros de volume afluente e demanda das barras

- Para a demanda, é fornecido a média e desvio padrão. Assim como no caso da distribuição uniforme, existem funções pegam direto esses parâmetros, mas de forma geral é possível calcular da seguinte forma:

$$desv = (\mathbf{b} - \mathbf{a}) \cdot RANDN() + \mathbf{a}$$

FDP Normal

- Para o desvio padrão 2MW, $[a, b] = [-2, 2]$. Logo, temos

$$desv = (\mathbf{2} + \mathbf{2}) \cdot RANDN() - \mathbf{2}$$

$$Demanda = 25 + desv$$

- RANDN() é uma função que gera um escalar randômico normalmente distribuído entre 0 e 1. Ex: NORMINV(RAND(),0,1) no Excel, randn (x,y) no MATLAB, **np.random.normal(mu, sigma, 20)** no Python. Essa opção utilizando o numpy no python entrega os 20 cenários com média μ e desvio σ

2. Para cada trio sorteado, obtenha o despacho ótimo de cada usina e o custo marginal de operação de cada barra

Modelo de otimização genérico para o problema:

$$\min f = \sum_{i=1}^3 CVU_i \cdot gt_i + \alpha$$

Função objetivo – minimiza custo presente + futuro

$$\text{s.a.: } \sum_{g \in \Omega_b} gt_g + \sum_{q \in \Omega_b} q_q \pm \sum_{l \in \Omega_b} f_l = L_b$$

Balanço de potência nas barras

$$v + q + s = y$$

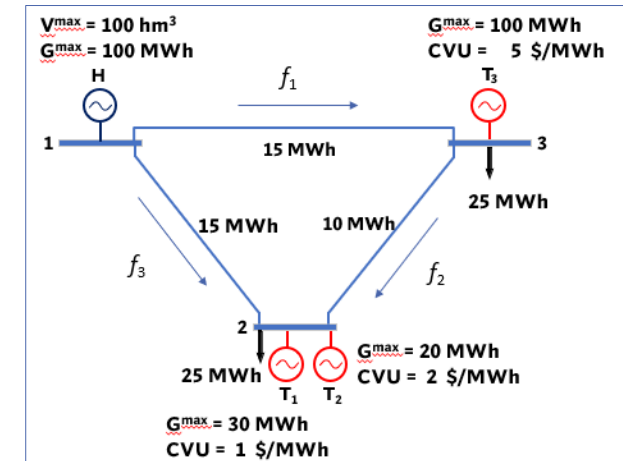
Balanço de volume

$$\alpha + c_1 v \geq c_2$$

Cortes da FCF

$$gt_i \leq G_i^{\max}, f_l \leq F_l^{\max}, v \leq V^{\max}, q \leq Q^{\max}, s \geq 0$$

Limite das variáveis



- A modelagem completa bem como a resolução de um problema similar podem ser vistos com detalhes no slide “06 – Operação e Formações de Preço” no Moodle e na aula “Tópico II – Aula 2.mp4” no link: https://drive.google.com/drive/folders/1IweriFj9IKSCwFRiZ6-MuBJXYP_xlad3

2. Para cada trio sorteado, obtenha o despacho ótimo de cada usina e o custo marginal de operação de cada barra

Onde implementar os modelos de otimização? Alguns exemplos:

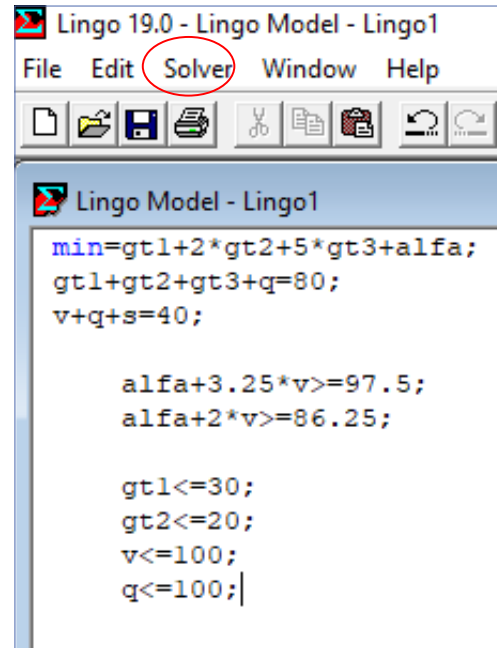
Linguagem/Solver	Aprendizado	Implementação	Vantagens	Desvantagens
Lingo	Fácil	Fácil	<ol style="list-style-type: none">1. Feito especialmente para resolução de problemas de otimização numérica;2. Interface fácil de utilizar.	<ol style="list-style-type: none">1. Possui grande limitação no número de variáveis;2. Ok para o Trabalho, mas você provavelmente não utilizará no futuro para problemas reais.
MATLAB/Linprog	Intermediário	Difícil	<ol style="list-style-type: none">1. Linguagem mais conhecida entre os estudantes;2. Necessita apenas de manipulação de matrizes e vetores, pouca codificação.	<ol style="list-style-type: none">1. Esparsidade dos vetores e matrizes;2. Difícil <i>debug</i>.
Python/Gurobi	Difícil	Facílima	<ol style="list-style-type: none">1. Um dos <i>top solvers</i> mundiais para problemas de otimização junto com o CPLEX e outros.	<ol style="list-style-type: none">1. Para quem não tem conhecimentos prévios em Python, pode ser mais difícil de utilizar no começo
Excel*	Intermediário	Difícilima	<ol style="list-style-type: none">1. Melhor visualização dos dados finais	<ol style="list-style-type: none">1. Excel não é apropriado para resolução de problemas de otimização (a não ser que algum plugin para otimização seja instalado). Esse ambiente normalmente requer discretização de todo domínio das variáveis para checar o valor da função <i>obj</i> e o cumprimento das restrições e ainda assim, a otimalidade não é garantida.

despacho ótimo de cada usina e o custo marginal de operação de cada barra

LINGO:



$$\min f = gt_1 + 2gt_2 + 5gt_3 + \alpha$$
$$sa : gt_1 + gt_2 + gt_3 + q = 80$$
$$v + q + s = 40$$
$$\alpha + 3.25v \geq 97.5$$
$$\alpha + 2v \geq 86.25$$
$$gt_1 \leq 30$$
$$gt_2 \leq 20$$
$$v \leq 100$$
$$q \leq 100$$



- ❑ O modelo de otimização retratado aqui não é igual ao do trabalho! É um sistema simples de barra única, que apenas serve para entender cada uma das ferramentas

Variable	Value	Reduced Cost
GT1	30.00000	0.000000
GT2	19.00000	0.000000
GT3	0.000000	3.000000
ALFA	68.25000	0.000000
Q	31.00000	0.000000
V	9.000000	0.000000
S	0.000000	2.000000

Global optimal solution found.
Objective value: 136.2500
Infeasibilities: 0.000000

- ❑ Disponível em: <https://www.lindo.com/index.php/ls-downloads/try-lingo>

- ❑ Alternativa:



Para aqueles que dentre as opções, escolheram o LINGO para o trabalho. As versões mais recentes assumem que as variáveis são não negativas (mesmo que você coloque o limite inferior negativo) por padrão. Isso precisa ser alterado porque o fluxo nas linhas pode ser tanto negativo quanto positivo para que o problema entenda que ele possa seguir ambos em sentidos.

Procedimento: Tem que ir em lá em cima na barra de tarefas Solver > Solver/Options > Aba: General Solver > Desmarque a opção "Variables Assumed Non-Negative" para o lingo permitir que variáveis sejam negativas. Ao fazer isso, no entanto, lembre declarar o limite inferior de todas as variáveis mesmo que seja 0 ou ele irá assumir que é -INF.

2. Para cada trio sorteado, obtenha o despacho ótimo de cada usina e o custo marginal de operação de cada barra

MATLAB:



$$\min_x f^T x \text{ such that } \begin{cases} A \cdot x \leq b, \\ Aeq \cdot x = beq, \\ lb \leq x \leq ub. \end{cases}$$

$$[x, fval] = \text{linprog}(f, A, b, Aeq, beq, lb, ub)$$

$$\min f = gt_1 + 2gt_2 + 5gt_3 + \alpha$$

$$sa : gt_1 + gt_2 + gt_3 + q = 80$$

$$v + q + s = 40$$

$$\alpha + 3.25v \geq 97.5$$

$$\alpha + 2v \geq 86.25$$

$$gt_1 \leq 30$$

$$gt_2 \leq 20$$

$$v \leq 100$$

$$q \leq 100$$

```
% gt1 gt2 gt3 v q s alfa
f = [1 2 5 0 0 0 1];
% gt1 gt2 gt3 v q s alfa
A = [0 0 0 -3.25 0 0 -1;
     0 0 0 -2 0 0 -1];
b = [-97.5; -86.25];
% gt1 gt2 gt3 v q s alfa
Aeq = [1 1 1 0 1 0 0;
       0 0 0 1 1 1 0];
beq = [80; 40];

lb = [0 0 0 0 0 0 0];
ub = [30 20 1e9 100 100 1e9 1e9];

[x, fval] = linprog(f, A, b, Aeq, beq, lb, ub);
```

```
x =
    30.0000
    20.0000
         0
    10.0000
    30.0000
         0
    66.2500

>> fval

fval =
    136.2500
```

2. Para cada trio sorteado, obtenha o despacho ótimo de cada usina e o custo marginal de operação de cada barra

ANACONDA/PYTHON/GUROBI:



$$\min f = gt_1 + 2gt_2 + 5gt_3 + \alpha$$

$$sa : gt_1 + gt_2 + gt_3 + q = 80$$

$$v + q + s = 40$$

$$\alpha + 3.25v \geq 97.5$$

$$\alpha + 2v \geq 86.25$$

$$gt_1 \leq 30$$

$$gt_2 \leq 20$$

$$v \leq 100$$

$$q \leq 100$$

```
from gurobipy import *

m = Model("EF")

#Declarando variáveis
m = Model("EF")
gt1 = m.addVar( lb=0, ub=30, name="ptermica 1")
gt2 = m.addVar( lb=0, ub=20, name="ptermica 2")
gt3 = m.addVar( lb=0, ub=GRB.INFINITY, name="ptermica 3")
alfa = m.addVar( lb=0, ub=GRB.INFINITY, name="alfa")
v = m.addVar( lb=0, ub=100, name="volume final")
s = m.addVar( lb=0, ub=1*10e8, name="vertimento")
q = m.addVar( lb=0, ub=100, name="vazão turbinada")

#Modelo

m.addConstr( gt1 + gt2 + gt3 + q == 80, "balanço de potência" )
m.addConstr( v + q + s == 40, "balanço de volume " )

m.addConstr( alfa + 3.25*v >= 97.5, "corte 1" )
m.addConstr( alfa + 2*v >= 86.25, "corte 2" )

m.setObjective( gt1 + 2*gt2 + 5*gt3 + alfa, GRB.MINIMIZE )
# m.write("retricos2.lp")
m.Params.timeLimit = 120
m.params.MIPGap = 0.000001
m.optimize()

if m.status == GRB.Status.OPTIMAL:
    fobj = m.objVal
    GT1 = m.getAttr("X", m.getVars())
else:
    print("Inviável!!!")
```

```
Solved in 1 iterations and 0.01 seconds (0.00 work units)
Optimal objective 1.362500000e+02
```

```
In [11]: GT1
Out[11]: [30.0, 20.0, 0.0, 66.25, 10.0, 0.0, 30.0]
```

- Veja que os despachos são diferentes dos que foram encontrados pelo LINGO mas o custo total é o mesmo!!!
- Custo Marginal da Água = Custo de gt_2 nessas condições. Ambas soluções estão corretas.

❑ Disponível em: <https://www.gurobi.com/documentation/9.5/quickstart windows/cs anaconda and grb conda .html>

❑ Licença acadêmica: <https://www.gurobi.com/downloads/end-user-license-agreement-academic/>

2. Para cada trio sorteado, obtenha o despacho ótimo de cada usina e o custo marginal de operação de cada barra

EXCEL:



- ❑ Discretiza-se as variáveis de decisão $gt1$, $gt2$ e $gt3$;
- ❑ Faça $gt1 + gt2 + gt3 + q = \text{Demanda Total}$ para calcular o valor de " q ". (Obs: esse seria o valor de " q " supondo f não ativo nas restrições de balanço - sistema de barra única)
- ❑ Verifique o volume final " v " que sobra para o estágio posterior por meio da restrição de balanço de volume;
- ❑ Verifique por meio dos cortes o valor de alfa e calcule o custo total da $fobj$;
- ❑ Agora, tornando " f " ativo Calcule os valores de f por meio das equações de balanço de potência;
- ❑ Aquele que refletir o menor custo e atender os limites de f **poderá*** ser a solução ótima.

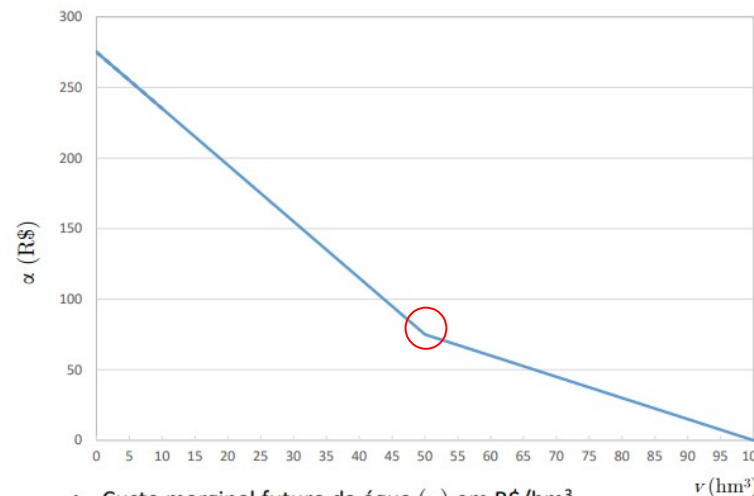
2. Para cada trio sorteado, obtenha o despacho ótimo de cada usina e o custo marginal de operação de cada barra

- ❑ Ao resolver o modelo apresentado no slide 6, a solução retorna o despacho ótimo, custo total etc... para **o cenário**.
- ❑ Como determinar o custo marginal de operação de cada barra? Duas formas: analiticamente ou utilizando seu modelo.

- ❑ Utilize o seu modelo! Simplesmente aumente em 1MW a potência em uma barra por vez. Depois faça:

$$CMO_b = CustoNovo_b - CustoAnterior; \forall b = 1, 2, 3$$

- ❑ Em que CMO_b é o custo marginal de operação na barra b , e $CustoNovo_b$ é o novo valor da função objetivo ao se aumentar em 1 MW a demanda na



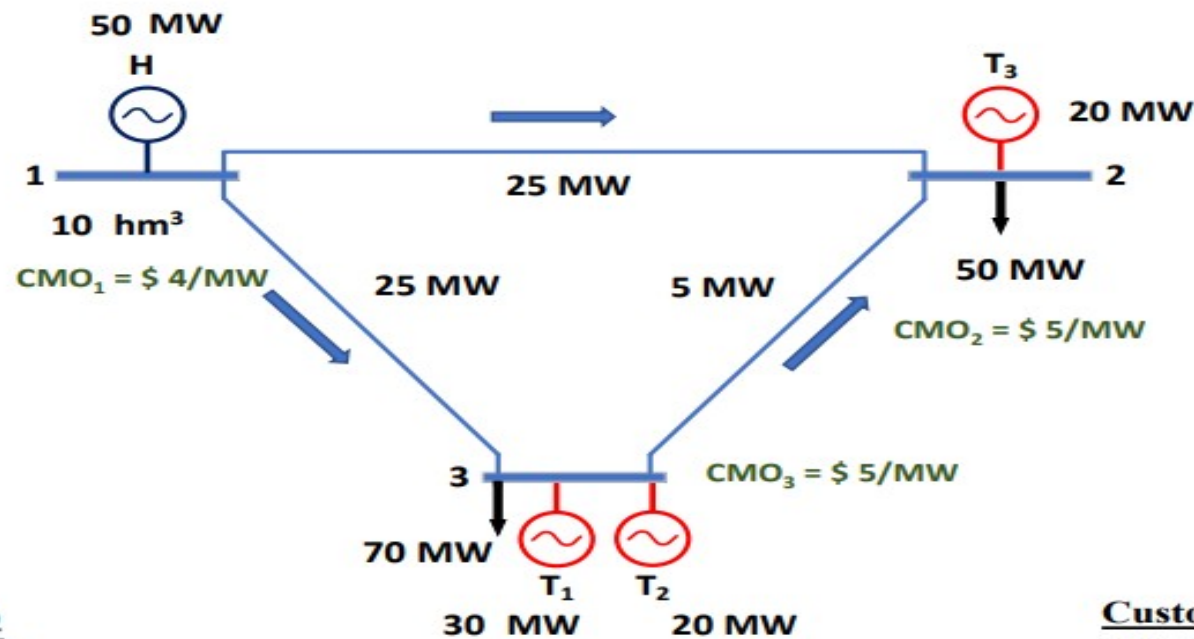
- $v < 50, \pi = -4,0$
- $v > 50, \pi = -1,5$
- $v = 50, -4,0 \leq \pi \leq -1,5$

Não recomenda-se a forma analítica.
Lembre que:

3. Considerando a inexistência de contratação, apresenta para contabilização no mercado de curto prazo

- Revendo o exemplo da aula:

Solução do Problema



Solução

$$\begin{aligned}gt_1 &= 30 \\gt_2 &= 20 \\gt_3 &= 20 \\gh &= 50 \\v &= 30 \\\alpha &= 155 \\f &= 325\end{aligned}$$

Custo de Operação

$$\begin{aligned}gt_1 &= 30 \\gt_2 &= 40 \\gt_3 &= 100 \\gh &= 155 \\Total \$ &= 325 \\Custo \text{ Médio} &= 2,71\end{aligned}$$

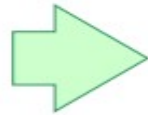
3. Considerando a inexistência de contratação, apresente para cada trio os valores de EM e EMT, bem como a contabilização no mercado de curto prazo

- Revendo o exemplo da aula:

Preço e Excedente de Mercado

Preço?

Preço = CMO



Barra 1 = 4
Barra 2 = 5
Barra 3 = 5

Receita dos Geradores

$$gt_1 = 30 \cdot 5 = 150$$

$$gt_2 = 20 \cdot 5 = 100$$

$$gt_3 = 20 \cdot 5 = 100$$

$$gh = 50 \cdot 4 = 200$$

$$\text{Total} = \$550$$

Custo para o Mercado

$$120 \cdot 5 = \$600$$

Excedente de Mercado (EM)

$$\text{EM} = 600 - 325 = 275$$

Excedente de Mercado devido à Transmissão (EMT)

$$\text{EMT} = 600 - 550 = 50 \text{ (está embutido no EM)}$$

- Diferença entre a receita dos geradores e o custo de operação = $550 - 325 = 225$ é apropriada pelos geradores eficientes e contribui para a recuperação do custo

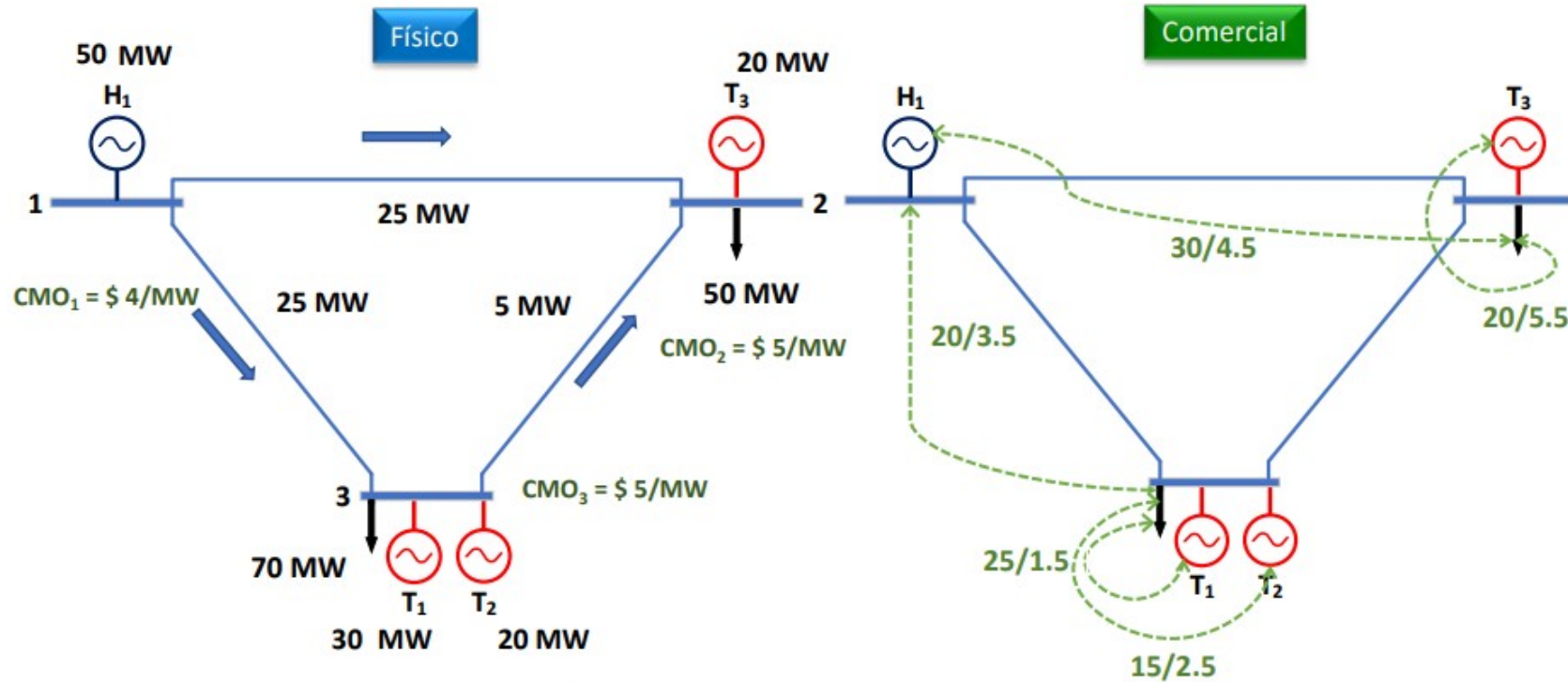
✓ **Custo Total = CF + CVU·G**

3 e 4. Contabilização no mercado de curto prazo com e sem contrato:

- Revendo o exemplo da aula:

Restrições de Transmissão Ativas

Demanda	gt_1	gt_2	gt_3	gh
Barra 3	25/1.5	15/2.5	-	20/3.0
Barra 2	-	-	30/5.5	20/4.0



Mercado de Curto Prazo (Exposição - Geradores)

- $T_1 \rightarrow (30 - 25) \cdot 5 = \$ 25$
- $T_2 \rightarrow (20 - 15) \cdot 5 = \$ 25$
- $T_3 \rightarrow (20 - 20) \cdot 5 = \$ 0$
- $H \rightarrow (50 - 0) \cdot 4 + (0 - 20) \cdot 5 + (0 - 30) \cdot 5 = \$ -50$

Consumidores

- $D_2 \rightarrow (50 - 50) \cdot 5 = \$ 0$
- $D_3 \rightarrow (60 - 70) \cdot 5 = \$ -50$



EMT = \$ 50!

5 e 6. Faça uma análise crítica dos resultados e Elabore um relatório técnico com as informações pedidas acima (e mais aquelas pertinentes para a compreensão do trabalho) – Enviar por e-mail até 25/11
Enviar dúvidas para: davidlucasbr@gmail.com

Versão final do trabalho para: davidlucasbr@gmail.com e erlon.finardi@ufsc.br