# Cifra de Vigenère: Fundamentos, Implementação e Criptoanálise

A Cifra de Vigenère, concebida no século XVI, é um método de criptografia por substituição polialfabética que historicamente representou um avanço em relação às cifras monoalfabéticas. Sua robustez advém da utilização de múltiplos alfabetos de cifragem, selecionados ciclicamente por uma palavra-chave.

### Mecanismo da Cifra de Vigenère

A operação da cifra baseia-se na *tabula recta*, uma matriz 26x26 onde cada linha representa um alfabeto de César, deslocado em relação ao anterior. A palavra-chave determina qual linha (alfabeto de cifragem) é utilizada para cada caractere do texto plano.

### Processo de Cifragem:

- 1. **Palavra-Chave:** Uma palavra-chave é definida e repetida, se necessário, para corresponder ao comprimento do texto plano.
- 2. **Mapeamento Criptográfico:** Para um caractere P\_i do texto plano e o caractere correspondente K\_i da palavra-chave (alinhada), o caractere cifrado C\_i é obtido pela interseção da linha K\_i e coluna P\_i na *tabula recta*.
  - Aritmética Modular: Numericamente, convertendo letras para inteiros (A=0, ..., Z=25), a cifragem é: C\_i = (P\_i + K\_i) mod 26.

# Processo de Decifragem:

1. A decifragem é a operação inversa: P\_i = (C\_i - K\_i + 26) mod 26. O termo +26 assegura um resultado positivo antes da operação modular.

## Implementação Algorítmica em Python

No código vigenere\_attack\_multilang (referenciado implicitamente), as funções criptografar\_vigenere e descriptografar\_vigenere implementam este processo:

- normalizar\_texto(texto, codigo\_idioma): Precede as operações criptográficas.
  Realiza a conversão para maiúsculas, remoção de caracteres não alfabéticos e, para o português (PT), a transliteração de caracteres acentuados para seus equivalentes não acentuados. Esta etapa garante a conformidade com o alfabeto de 26 caracteres utilizado.
- criptografar\_vigenere(texto\_plano\_original, chave, codigo\_idioma):
  - 1. Normaliza o texto plano original.
  - 2. A chave é convertida para maiúsculas.
  - 3. Itera sobre os caracteres do texto plano normalizado, aplicando a aritmética modular (valor\_numerico\_P + valor\_numerico\_K) % 26 para cada par de

caracteres (texto plano, chave). O operador módulo (%) sobre o tamanho da chave gerencia sua repetição cíclica.

### descriptografar\_vigenere(texto\_cifrado\_normalizado, chave):

- 1. Opera sobre um texto\_cifrado\_normalizado.
- Aplica a aritmética modular inversa (valor\_numerico\_C valor\_numerico\_K + 26) % 26.

### Criptoanálise da Cifra de Vigenère por Análise de Frequência

A principal vulnerabilidade da Cifra de Vigenère reside na periodicidade da palavra-chave. Se a chave possui comprimento L, o i-ésimo caractere, o (i+L)-ésimo, o (i+2L)-ésimo, e assim por diante, são todos cifrados com a mesma letra da chave, ou seja, com o mesmo deslocamento de César. Isso transforma o problema polialfabético em L problemas monoalfabéticos distintos.

A criptoanálise efetiva compreende duas fases:

### 1. Determinação do Período da Chave (L):

- Teste de Kasiski: Identifica sequências de caracteres repetidas no criptograma. As distâncias entre ocorrências dessas sequências são frequentemente múltiplos do comprimento da chave L. Fatorando essas distâncias, pode-se inferir L.
- Índice de Coincidência (IC): Este método estatístico, implementado no código, avalia a probabilidade de dois caracteres aleatoriamente selecionados de um texto serem idênticos.
  - Idiomas naturais possuem um IC característico (e.g., Inglês ≈ 0.067; Português ≈ 0.078).
  - Um texto com distribuição uniforme de caracteres (aleatório) possui IC ≈ 1/26 ≈ 0.0385.
  - Ao segmentar o criptograma em L colunas para um L candidato, se L for o período correto, cada coluna (sendo uma cifra de César) exibirá um IC próximo ao do idioma subjacente. Para um L incorreto, as colunas terão um IC médio mais próximo ao de um texto aleatório.

### 2. Determinação dos Caracteres da Chave:

- Com L conhecido, o criptograma é decomposto em L textos intercalados, cada um cifrado monoalfabeticamente.
- Para cada uma dessas L colunas, aplica-se a análise de frequência. Testa-se cada um dos 26 possíveis deslocamentos de César.
- A estatística Qui-Quadrado (χ²) é utilizada para quantificar a semelhança entre a distribuição de frequência de uma coluna decifrada (com um deslocamento candidato) e a distribuição de frequência esperada para o

idioma. O deslocamento que minimiza o valor de  $\chi^2$  é o mais provável para aquela coluna, revelando a letra correspondente da chave.

### Implementação da Criptoanálise no Código Python

A função realizar\_ataque\_frequencia\_vigenere no código executa a criptoanálise:

#### 1. Configuração e Normalização:

- Seleciona os parâmetros estatísticos (frequencias e ic\_esperado) do idioma com base no codigo\_idioma.
- o O texto\_cifrado\_original é processado por normalizar\_texto.

### 2. Estimativa do Período da Chave (estimar\_tamanho\_chave):

- Itera sobre comprimentos de chave candidatos (de 1 a max tamanho chave).
- Para cada tamanho\_chave\_teste, o criptograma é dividido em colunas.
- O IC médio das colunas é calculado (calcular\_indice\_coincidencia).
- O tamanho\_chave\_teste que produz um IC médio mais próximo do ic\_esperado\_idioma\_ref é selecionado como tamanho\_chave\_estimado.

### 3. Decomposição em Colunas (dividir\_em\_colunas):

 O criptograma é segmentado nas colunas\_texto\_cifrado com base no tamanho\_chave\_estimado.

### 4. Identificação dos Caracteres da Chave (encontrar\_letra\_chave\_da\_coluna):

- Para cada texto\_coluna\_atual:
  - São testados os 26 deslocamento\_teste possíveis.
  - A coluna é decifrada com o deslocamento corrente.
  - A estatística χ² é calculada (calcular\_estatistica\_qui\_quadrado) comparando a distribuição da coluna decifrada com frequencias\_idioma\_ref.
  - O deslocamento que minimiza  $\chi^2$  determina a letra da chave para a coluna.
- As letras da chave identificadas são concatenadas, formando a chave\_estimada\_final.

### 5. Decifragem com a Chave Estimada:

 O texto\_cifrado\_normalizado é decifrado com a chave\_estimada\_final através de descriptografar\_vigenere.