

Problema 1 (15 puntos)

Considere la siguiente definición de listas de enteros de memoria dinámica:

```
typedef nodoLista* Lista
struct nodoLista{
    int dato;
    Lista sig;
}
```

a) Implemente una función iterativa **copiarPosicionesPares** que dada una lista de enteros “l” de tipo **Lista**, retorne una copia de “l”, sin compartir memoria, que contenga los elementos que se encuentran en las posiciones pares (posiciones 2, 4, 6, 8, ...) y en el mismo orden que la lista parámetro. Las posiciones en una lista no vacía inician en 1. Si la lista es vacía, el resultado deberá ser la lista vacía.

La función **copiarPosicionesPares** deberá tener **O(n)** de tiempo de ejecución en el peor caso, siendo n el largo de la lista “l”. No utilice funciones o procedimientos auxiliares, ni estructuras de datos adicionales como arreglos/vectores.

Lista copiarPosicionesPares(Lista l)

Por ejemplo, si l=[1,60,32,-3], el resultado debería ser: [60,-3].

b) Justifique muy brevemente el cumplimiento del orden exigido en la parte a) para su implementación de **copiarPosicionesPares**.

Problema 2 (15 puntos)

Considere la siguiente definición del tipo **ABB** de árboles binarios de búsqueda de enteros, en memoria dinámica.

```
typedef nodoABB* ABB;
struct nodoABB{
    int dato;
    ABB izq, der;
}
```

Considere la siguiente definición de listas de enteros de memoria dinámica:

```
typedef nodoLista* Lista;
struct nodoLista{
    int dato;
    Lista sig;
}
```

a) Implemente una función recursiva (no se podrá utilizar operaciones auxiliares) **camino** que, dado un árbol “t” de tipo **ABB**, y un entero “x” de tipo **int**, retorne una lista de tipo **Lista** que contenga el camino a “x” desde la raíz “t”.

En la lista resultado el primer elemento debe corresponder a la raíz de “t”, y el último elemento debe ser “x”. Si “x” no está en “t”, el resultado deberá ser la lista vacía.

Lista camino(ABB t, int x)

b) Indique el orden de tiempo de ejecución en el peor caso y en el caso promedio de la función **camino**. Explique muy brevemente el peor caso.

Posible solución

Problema 1

a)

```
Lista copiarPosicionesPares(Lista l) {  
    Lista ppio = NULL;  
    Lista ult = NULL;  
    unsigned int cont = 1;  
    while(l != NULL) {  
        if(cont%2 == 0) {  
            Lista nodo = new nodoLista;  
            nodo->dato = l->dato;  
            nodo->sig = NULL;  
            if(ppio == NULL)  
                ppio = nodo;  
            else  
                ult->sig = nodo;  
            ult = nodo;  
        }  
        l = l->sig;  
        cont++;  
    }  
    return ppio;  
}
```

b)

*Lista copiarPosicionesPares(Lista l) { // n es la cantidad de elementos de l**Lista ppio = NULL; ||**Lista ult = NULL; || O(1)**unsigned int cont = 1; ||**while(l != NULL){ ||**if(cont%2 == 0){ || ||**Lista nodo = new nodoLista; || ||**nodo->dato = l->dato; || ||**nodo->sig = NULL; || ||**if(ppio == NULL) || O(1) ||**ppio = nodo; || || O(n)**else || ||**ult->sig = nodo; || ||**ult = nodo; || ||**} || ||**l = l->sig; || O(1) ||**cont++; || ||**} || ||**return ppio; || O(1)*

}

Regla de la suma: $O(\max(1, n, 1)) = O(n)$

Problema 2

a)

```
Lista camino(ABB t, int x){
    if(t != NULL){
        if(t->dato == x){
            Lista l = new nodoLista;
            l->dato = t->dato;
            l->sig = NULL;
            return l;
        }else if(t->dato < x){
            Lista caminoIzq = camino(t->izq, x);
            if(caminoIzq != NULL){
                Lista l = new nodoLista;
                l->dato = t->dato;
                l->sig = caminoIzq;
                return l;
            }else{
                return NULL;
            }
        }else{
            Lista caminoDer = camino(t->der, x);
            if(caminoDer != NULL){
                Lista l = new nodoLista;
                l->dato = t->dato;
                l->sig = caminoDer;
                return l;
            }else{
                return NULL;
            }
        }
    }
    return NULL;
}
```

b)

camino es $O(n)$ peor caso, siendo n la cantidad de elementos/nodos del árbol. El peor caso se da si el árbol degenera en una lista, y queremos buscar el camino desde la raíz hasta el menor o mayor elemento.

camino es $O(\log n)$ caso promedio.