

FUNDAMENTOS DE COMPUTACIÓN

ENTREGABLE 3

NÚMEROS RACIONALES

Este trabajo tiene un puntaje de 4 puntos, y debe ser realizado en forma INDIVIDUAL, y SIN ASISTENCIA de herramientas de Inteligencia Artificial. Se debe subir a Aulas antes del día 26/4/24 a las 21:00 hs.

RACIONALES COMO PARES

Se define el tipo Q de los números racionales positivos, representados como pares de naturales:

```
data Q where { R :: N -> N -> Q } deriving Show
```

Así, por ejemplo el número racional $\frac{1}{3}$ se representará con la expresión `R (S 0) (S(S(S 0)))`.

Esta no es la mejor definición, ya que no estamos evitando que el denominador sea cero. Además existen racionales que son iguales, pero tienen diferente representación, como $\frac{1}{2}$, $\frac{2}{4}$, $\frac{4}{8}$, ... De todos modos hay funciones interesantes que podremos definir con este tipo.

FUNCIONES A IMPLEMENTAR

En este trabajo entregable se pide definir las siguientes funciones para los números Racionales definidos arriba. Se deben utilizar las funciones definidas para los Naturales en el Laboratorio 2 que consideren necesarias, las cuales deberán ser importadas de un archivo llamado `Naturales.hs` (leer instrucciones al final):

- 1) `num :: Q -> N`, que devuelva el numerador de un número racional.
Ejemplo: `num (R unos tres) = S 0`
- 2) `den :: Q -> N`, que devuelva el denominador de un número racional.
Ejemplo: `den (R cinco dos) = S(S 0)`
- 3) Implemente la instancia de `Eq` para `Q`, o sea: defina la igualdad de Racionales, teniendo en cuenta que un mismo número puede tener diferentes representaciones.
En este ejercicio y los subsiguientes puede asumir siempre que los racionales que se reciben tienen denominador distinto de cero.
Ejemplos: `R uno dos == R dos cuatro = True`
`R uno dos == R dos dos = False`
`R dos tres /= R cuatro uno = True`
- 4) Implemente la instancia de `Ord` para `Q`, o sea: defina la función (`<=`) para los Racionales.
Ejemplos: `R uno tres <= R uno dos = True`
`R dos cinco > R uno dos = False`
`R dos tres < R uno dos = False`
`R dos tres >= R cuatro seis = True`

- 5) Implemente la instancia de Num para Q, o sea: defina las funciones (+), (*) y (-) para los Racionales.

Ejemplos: `R uno tres + R uno dos == R cinco seis = True`
`R dos tres + R 0 dos == R cuatro seis = True`
`R dos tres * R uno dos == R dos seis = True`
`R tres dos * R uno dos == R tres cuatro = True`
`R uno tres - R uno dos == R 0 seis = True`
`R uno dos - R uno tres == R uno seis = True`

- 6) Defina la función `sumFracc :: N -> Q`, tal que:

$$\text{sumFracc } n = \sum_{i=1}^n \frac{1}{i}$$

Si `n` es cero, se deberá devolver como resultado 0.

Ejemplos: `sumFracc dos == R tres dos = True`, ya que $\frac{1}{1} + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$
`sumFracc tres == R once seis = True`

ENTREGABLES

- El trabajo deberá realizarse en forma individual.
- La entrega deberá realizarse antes del **26/4/2024 a las 21:00 hs.**
- Deberan subirse a Aulas dos archivos Haskell:
 - `Naturales.hs`, con las funciones del laboratorio 2 que hayan definido para N y que sean necesarias para la solución (como las instancias de Eq, Ord, Num, etc. para los Naturales), y
 - `Racionales.hs`, con el código fuente de la solución.
- En Aulas se encuentra el archivo `Racionales.hs` con las funciones que deben implementarse. Para facilitar la corrección deberá usarse este último como template.
- No se corregirán archivos que no compilen, por lo que recomendamos comentar el código que no compile y dejar como `undefined` las funciones no implementadas.
- Se utilizarán herramientas para la detección de copias y de uso de herramientas de IA, por lo que recomendamos NO COMPARTIR CÓDIGO, ya que las copias serán penalizadas.