

Método de Gauss-Seidel para aproximação de soluções de sistemas não lineares

LETÍCIA RINA SAKURAI Nº USP: 9278010 LUCAS ALEXANDRE SOARES Nº USP: 9293265 MATHEUS HENRIQUE SOARES Nº USP: 8066349

São Carlos - SP

30 de abril de 2018

Sumário

1	Introdução	3
2	Resultados	3
3	Implementação	3

Introdução 1

O objetivo do trabalho proposto é a implementação do Método Iterativo de Gauss-Seidel, também conhecido como o Método de Liebmann, para a resolução de sistemas lineares Ax = b.

O Método de Gauss-Seidel utiliza da decomposição LU, que divide a matriz A em uma matriz triangular inferior L e uma matriz traingular superior estrita U. A partir dessa decomposição podemos reescrever o sistema linear como Lx = b - Ux, ou na forma analítica:

$$x^{(k+1)} = L^{-1}(b - Ux^{(k)})$$

Podemos aproveitar a forma triangular de L e então calcular os elementos de $x^{(k+1)}$ sequencialmente utilizando a seguinte substituição, até chegarmos ao critério de parada, que pode ser um determinado valor de erro:

$$x_i^{(k+1)} = \frac{1}{a_{ii}} \left(b_i - \sum_{j=1}^{i-1} a_{ij} x_j^{(k+1)} - \sum_{j=1}^{n} a_{ij} x_j^{(k)} \right), \quad i = 1, 2, ..., n, \quad k = 0, 1, 2, ...$$

2 Resultados

O teste do programa elaborado para resolução do sistema linear foi feito com dois casos, sendo $n = 50, 100, b_i = \sum_{j=1}^n a_{ij}, i = 1, ..., n$ e itmax = 1000. Para n = 50, o resultado obtido foi:

Para n = 100, o resultado obtido foi:

```
Result = (0.999317,
             0.998988,
                         0.998715,
                                      0.998294,
                                                  0.997934,
 0.997598,
             0.997234,
                         0.996881,
                                      0.996539,
                                                  0.996194,
 0.995855,
             0.995521.
                         0.995192,
                                      0.994867,
                                                  0.994549,
 0.994236,
             0.993929,
                         0.993628,
                                      0.993334,
                                                  0.993046,
 0.992766,
             0.992493,
                         0.992228,
                                      0.991971,
                                                  0.991721,
 0.991480.
             0.991248,
                         0.991024,
                                      0.990809,
                                                  0.990603,
 0.990406
             0.990219,
                         0.990041,
                                      0.989873,
                                                  0.989715,
 0.989567,
             0.989429,
                         0.989301,
                                      0.989184,
                                                  0.989077,
 0.988980.
             0.988894.
                         0.988819.
                                      0.988754.
                                                  0.988700.
 0.988657,
                                      0.988593,
                                                  0.988593,
             0.988625,
                         0.988603,
 0.988603,
             0.988625,
                         0.988657,
                                      0.988700,
                                                  0.988753,
 0.988817,
             0.988891,
                         0.988976,
                                      0.989071,
                                                  0.989176,
 0.989291,
             0.989416,
                         0.989551,
                                      0.989695,
                                                  0.989849,
 0.990012,
             0.990184,
                         0.990365,
                                      0.990554,
                                                  0.990753,
 0.990959,
             0.991174,
                         0.991397,
                                      0.991627,
                                                  0.991865,
 0.992110,
             0.992362,
                         0.992621,
                                      0.992887,
                                                  0.993158,
                                      0.994301,
 0.993435,
             0.993719,
                         0.994007,
                                                  0.994599,
 0.994902,
             0.995209,
                         0.995520,
                                      0.995835,
                                                  0.996153,
 0.996474,
             0.996800,
                         0.997122,
                                      0.997452,
                                                  0.997792,
 0.998104,
             0.998438,
                         0.998825,
                                      0.999076,
                                                  0.999378)
```

3 Implementação