#### 75.15 / 75.28 / 95.05 - Base de Datos

# Teoría del Diseño Relacional Parte I: Formas Normales

Alberto Fasce, Mariano Beiró

Dpto. de Computación - Facultad de Ingeniería (UBA)

## **Topics**

- 1 Introducción
- 2 Dependencias funcionales
- 3 Formas normales: 1FN, 2FN, 3FN, FNBC
- 4 Dependencias multivaluadas y 4FN
- 5 Dependencias de junta y 5FN
- 6 Bibliografía

- 1 Introducción
- 2 Dependencias funcionales
- 3 Formas normales: 1FN, 2FN, 3FN, FNBC
- 4 Dependencias multivaluadas y 4FN
- 5 Dependencias de junta y 5FN
- 6 Bibliografía

#### Introducción

- Criterios de un buen diseño relacional
  - Preservación de información
  - Redundancia mínima
- Cuando se parte de un correcto diseño conceptual y se hace un correcto pasaje al modelo lógico, se obtiene un esquema sin redundancia y se preserva toda la información del mundo real que se quería modelar.
- Pero, ¿cómo verificamos un esquema relacional? ¿cómo corregimos un esquema que fue mal diseñado?
- La teoría del diseño relacional formaliza estos requisitos a través de las formas normales.

- 1 Introducción
- 2 Dependencias funcionales
- 3 Formas normales: 1FN, 2FN, 3FN, FNBC
- 4 Dependencias multivaluadas y 4FN
- 5 Dependencias de junta y 5FN
- 6 Bibliografía

# Dependencia funcional

#### Definición

- Dada una relación R(A), una dependencia funcional X → Y, con X, Y ⊂ A es una restricción sobre las posibles tuplas de R que implica que dos tuplas con igual valor del conjunto de atributos X deben también tener igual valor del conjunto de atributos Y.
- Ésto es:

$$\forall s, t \in R : s[X] = t[X] \rightarrow s[Y] = t[Y]$$

- La dependencia funcional X → Y implica que hay una relación funcional entre los valores de X y los de Y dentro de la base de datos.
- Cuando  $Y \subset X$  decimos que  $X \to Y$  es trivial.
- Las dependencias funcionales se definen a partir de la semántica de los datos. ¡No es posible inferirlas viendo los datos!

- 1 Introducción
- 2 Dependencias funcionales
- 3 Formas normales: 1FN, 2FN, 3FN, FNBC
- 4 Dependencias multivaluadas y 4FN
- 5 Dependencias de junta y 5FN
- 6 Bibliografía

#### Formas normales

- Las formas normales son una serie de estructuras con las que un esquema de base de datos puede cumplir ó no.
- Las formas normales clásicas son:
  - Primera forma normal (1FN) (E. Codd, 1970)
  - Segunda forma normal (2FN) (E. Codd, 1971)
  - Tercera forma normal (3FN) (E. Codd, 1971)
  - Forma normal Boyce-Codd (FNBC) (R. Boyce E. Codd, 1974)
  - Cuarta forma normal (4FN) (R. Fagin, 1977)
  - Quinta forma normal (5FN) (R. Fagin, 1979)
- Cada forma normal es más fuerte que las anteriores –en el orden en que las hemos introducido–. Entonces:

S está en 5FN  $\rightarrow$  S está en 4FN  $\rightarrow$  ... S está en 2FN  $\rightarrow$  S está en 1FN.

#### Formas normales

- En 1972 E. Codd propuso el concepto de normalización como el proceso a través del cual se convierte un esquema de base de datos en uno equivalente (i.e., que preserva toda la información) y que cumple con una determinada forma normal.
- El objetivo es:
  - Preservar la información
  - Eliminar la redundancia
  - Evitar las anomalías de ABM
- Partiremos de un conjunto de dependencias funcionales que supondremos definido por el diseñador de la base de datos.

# Primera forma normal (1FN)

#### Definición

- Decimos que un esquema de base de datos relacional está en primera forma normal (1FN) cuando los dominios de todos sus atributos sólo permiten valores atómicos (es decir, indivisibles) y monovaluados.
- Actualmente, se considera que en el modelo relacional todos los atributos deben ser monovaluados y atómicos.
- Con este criterio, todo esquema relacional está ya en 1FN.
- Pero, ¿cómo lo resolveríamos si éste no fuera el caso?

| nombre_profesor | mail                                      |
|-----------------|---|
| Juan Gómez      | {jgomez@udbc.com.ar, jgomez94@mibase.com} |
| Roberta Casas   | {rcasas@udbc.com.ar, rcasas@ggmail.com}   |
| Irene Adler     | {iadler@udbc.com.ar}                      |

## Primera forma normal (1FN)

#### Situación

#### Situación:

| nombre_profesor             | mail   |
|-----------------------------|--|
| Juan Gómez<br>Roberta Casas | {jgomez@udbc.com.ar, jgomez94@mibase.com}<br>{rcasas@udbc.com.ar, rcasas@ggmail.com} |
| Irene Adler                 | {iadler@udbc.com.ar}   |

 Solución 1: Colocar un mail por tupla y repetir el nombre del profesor.

| nombre_profesor | mail                |
|-----------------|---------------------|
| Juan Gómez      | jgomez@udbc.com.ar  |
| Juan Gómez      | jgomez94@mibase.com |
| Roberta Casas   | rcasas@udbc.com.ar  |
| Roberta Casas   | rcasas@ggmail.com   |
| Irene Adler     | iadler@udbc.com.ar  |

Solución 2: Suponer un máximo posible M de mails y tener M atributos distintos reservados a tal fin. Para profesores que tienen menos de M mails, quedarán valores nulos.

| nombre_profesor | mail1              | mail2               |
|-----------------|--------------------|---------------------|
| Juan Gómez      | jgomez@udbc.com.ar | jgomez94@mibase.com |
| Roberta Casas   | rcasas@udbc.com.ar | rcasas@ggmail.com   |
| Irene Adler     | iadler@udbc.com.ar | NULL                |

Situación

Consideremos ahora el siguiente ejemplo, ya en 1FN:

| nombre_dpto | nombre_profesor | asignatura |
|-------------|-----------------|------------|
| Física      | Juan Gómez      | Física II  |
| Física      | Roberta Casas   | Física II  |
| Física      | Juan Gómez      | Física III |
| Matemática  | Roberta Casas   | Topología  |
| Matemática  | Irene Adler     | Álgebra I  |

- Identifiquemos las dependencias funcionales semánticas:
  - asignatura → nombre dpto
- Existen otras dependencias funcionales que pueden deducirse de la anterior:
  - {nombre\_profesor, asignatura} → nombre\_dpto
- Y otras que son triviales:
  - Ejemplo: {nombre\_profesor, asignatura} → asignatura

Situación

| nombre_dpto | nombre_profesor | asignatura |
|-------------|-----------------|------------|
| Física      | Juan Gómez      | Física II  |
| Física      | Roberta Casas   | Física II  |
| Física      | Juan Gómez      | Física III |
| Matemática  | Roberta Casas   | Topología  |
| Matemática  | Irene Adler     | Álgebra I  |

- Identifiquemos ahora las claves candidatas de la relación:
  - CK = {nombre\_profesor, asignatura}
- Ésta es la única clave candidata, y por lo tanto será la clave primaria.
- Observemos que nombre\_dpto no depende de la clave primaria completa, sino sólo de una parte. Decimos que la dependencia PK → nombre\_dpto es una dependencia funcional parcial.

Dependencia funcional parcial: Definición

- Una dependencia funcional  $X \to Y$  es parcial cuando existe un subconjunto propio  $A \subset X$ ,  $A \neq X$  para el cual  $A \to Y$ .
- Una dependencia funcional X → Y es completa si y sólo si no es parcial.

| nombre_dpto | nombre_profesor | asignatura |
|-------------|-----------------|------------|
| Física      | Juan Gómez      | Física II  |
| Física      | Roberta Casas   | Física II  |
| Física      | Juan Gómez      | Física III |
| Matemática  | Roberta Casas   | Topología  |
| Matemática  | Irene Adler     | Álgebra I  |

En el ejemplo, nombre\_dpto no tiene dependencia funcional completa de la clave primaria {nombre\_profesor, asignatura}.

#### Definición

- Atributo primo de una relación: Es aquel que es parte de alguna clave candidata de la relación.
- Decimos que una relación está en segunda forma normal (2FN) cuando todos sus atributos no primos tienen dependencia funcional completa de las claves candidatas.

| nombre_dpto | nombre_profesor | asignatura |
|-------------|-----------------|------------|
| Física      | Juan Gómez      | Física II  |
| Física      | Roberta Casas   | Física II  |
| Física      | Juan Gómez      | Física III |
| Matemática  | Roberta Casas   | Topología  |
| Matemática  | Irene Adler     | Álgebra I  |

- ¿Cómo resolvemos la situación en el ejemplo?
  - DocenteAsignatura(nombre\_profesor, asignatura)
  - AsignaturaDepartamento(asignatura, nombre\_dpto)

Ejemplo: Base de datos de torneos de tenis individual

|                   |      |        |         | TENIS       |             |         |     |       |       |
|-------------------|------|--------|---------|-------------|-------------|---------|-----|-------|-------|
| nombre_torneo     | año  | ciudad | país    | tenista1    | tenista2    | ronda   | set | punt1 | punt2 |
| Roland Garros     | 2016 | París  | Francia | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 1   | 6     | 4     |
| Roland Garros     | 2016 | París  | Francia | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 2   | 6     | 2     |
| Roland Garros     | 2016 | París  | Francia | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 3   | 4     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | París  | Francia | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 4   | 6     | 2     |
| Masters de Madrid | 2015 | Madrid | España  | R. Federer  | R. Nadal    | 4-final | 1   | 3     | 6     |
| Masters de Madrid | 2015 | Madrid | España  | R. Federer  | R. Nadal    | 4-final | 2   | 1     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | París  | Francia | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 1   | 6     | 3     |
| Roland Garros     | 2016 | París  | Francia | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 2   | 1     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | París  | Francia | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 3   | 6     | 2     |
| Roland Garros     | 2016 | París  | Francia | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 4   | 6     | 4     |

Hipótesis: Todos los torneos son por eliminación, de manera que 2 tenistas pueden enfrentarse 1 vez como máximo por torneo.

- Identificamos las dependencias funcionales no triviales a partir de la semántica:
  - nombre\_torneo → {ciudad, país}
  - $\blacksquare \ \{ nombre\_torneo, \ a\~no, \ tenista1, \ tenista2 \} \rightarrow \{ ronda \}$
  - {nombre\_torneo, año, tenista1, ronda} → {tenista2}
  - $\blacksquare \ \{ nombre\_torneo, \, a\~no, \, tenista2, \, ronda \} \rightarrow \{ tenista1 \}$
  - $\blacksquare \ \{nombre\_torneo, \ a\~no, \ tenista1, \ tenista2, \ set\} \rightarrow \{punt1, \ punt2\}$
  - $\blacksquare \ \{nombre\_torneo, \, a\~no, \, tenista1, \, ronda, \, set\} \rightarrow \{punt1, \, punt2\}$
  - ¶ {nombre torneo, año, tenista2, ronda, set} → {punt1, punt2}

Ejemplo: Base de datos de torneos de tenis individual

- Identificamos la clave primaria
  - {nombre\_torneo, año, tenista1, tenista2, set}
- Identificamos otras claves candidatas
  - {nombre torneo, año, tenista1, ronda, set}
  - {nombre\_torneo, año, tenista2, ronda, set}
- ¿Dependencias funcionales parciales de una clave candidata de atributos no primos?
  - nombre\_torneo → {ciudad, país}
- Descomposición:

#### Descomposición

Torneos(nombre\_torneo, ciudad, país)

Partidos(nombre\_torneo, año, tenista1, tenista2, set, ronda, punt1, punt2)

Ejemplo: Base de datos de torneos de tenis individual

| TORNEOS           |        |         |  |  |  |  |  |
|-------------------|--------|---------|--|--|--|--|--|
| nombre_torneo     | ciudad | país    |  |  |  |  |  |
| Roland Garros     | París  | Francia |  |  |  |  |  |
| Masters de Madrid | Madrid | España  |  |  |  |  |  |

| PARTIDOS          |      |             |             |         |     |       |       |
|-------------------|------|-------------|-------------|---------|-----|-------|-------|
| nombre_torneo     | año  | tenista1    | tenista2    | ronda   | set | punt1 | punt2 |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 1   | 6     | 4     |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 2   | 6     | 2     |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 3   | 4     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 4   | 6     | 2     |
| Masters de Madrid | 2015 | R. Federer  | R. Nadal    | 4-final | 1   | 3     | 6     |
| Masters de Madrid | 2015 | R. Federer  | R. Nadal    | 4-final | 2   | 1     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 1   | 6     | 3     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 2   | 1     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 3   | 6     | 2     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 4   | 6     | 4     |

# Descomposición

#### Definición

- En el ejemplo anterior hemos "descompuesto" la relación Tenis en dos relaciones: Torneos y Partidos.
- Pero, ¿qué es exactamente una descomposición de una relación?
- Partimos del concepto de relación universal: una relación  $R(A_1, A_2, ..., A_n)$  que engloba todos los atributos del mundo real que nuestro modelo lógico representa.
- Dada una relación universal R(A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub>, ..., A<sub>n</sub>) y un conjunto de dependencias funcionales F definidas sobre ella, decimos que un conjunto de relaciones {R<sub>1</sub>(B<sub>11</sub>, B<sub>12</sub>, ..., B<sub>1n1</sub>), ..., R<sub>m</sub>(B<sub>m1</sub>, B<sub>m2</sub>, ..., B<sub>mnm</sub>)} es una descomposición de R cuando todos los atributos de la relación R se conservan. Es decir:

$$\bigcup_{i=1}^n A_i = \bigcup_{i=1}^m \bigcup_{j=1}^{n_i} B_{ij}$$

# Descomposición

#### **Propiedades**

- Analizaremos dos propiedades de las descomposiciones:
  - La preservación de información.
  - La preservación de dependencias funcionales.
- Si una descomposición cumple que para toda instancia posible de R, la junta de las proyecciones sobre los R<sub>i</sub> permite recuperar la misma instancia de relación, entonces decimos que la descomposición preserva la información.
- Diremos que la descomposición preserva las dependencias funcionales cuando toda dependencia funcional X → Y en R puede inferirse a partir de dependencias funcionales definidas en los R<sub>i</sub>.

# Descomposición

#### **Propiedades**

- Una descomposición de *R* que cumple con ambas propiedades se denomina descomposición equivalente de *R*.
- A medida que avanzamos en la normalización, se minimiza la redundancia de datos, una propiedad deseable en todo esquema de base de datos.
- En el ejemplo anterior, la descomposición en {Torneos, Partidos} es una descomposición equivalente porque preserva la información (Tenis = Torneos \* Partidos) y preserva las dependencias funcionales. A la vez, reduce la redundancia de datos respecto a la relación Tenis inicial.

#### Situación

Veamos el siguiente ejemplo:

| VENTAS      |                 |          |              |                      |          |             |  |  |
|-------------|-----------------|----------|--------------|----------------------|----------|-------------|--|--|
| nro_factura | cliente         | nro_item | cod_producto | nombre_producto      | cantidad | precio_unit |  |  |
| 0003-45821  | Lionel Pessari  | 1        | 249          | Suprabond 500mg      | 2        | 87.00       |  |  |
| 0003-45821  | Lionel Pessari  | 2        | 230          | Tersuave azul 4l     | 1        | 270.00      |  |  |
| 0003-45821  | Lionel Pessari  | 3        | 115          | Brocha 5cm           | 2        | 90.00       |  |  |
| 0003-45822  | Claudia Serrano | 1        | 258          | Alba p/Exteriores 3l | 2        | 225.00      |  |  |
| 0003-45822  | Claudia Serrano | 2        | 116          | Brocha 10cm          | 2        | 130.00      |  |  |
| 0003-45823  | Claudia Serrano | 1        | 330          | Cetol 2I             | 1        | 315.00      |  |  |

- Identificamos las dependencias funcionales no triviales a partir de la semántica:
  - nro factura → cliente
  - {nro\_factura, nro\_item} → {nombre\_producto, cod\_producto, cantidad, precio\_unit}
  - cod\_producto → nombre\_producto
- Identificamos la clave primaria:
  - { nro\_factura, nro\_item}
- No hay otras claves candidatas.

Situación

| VENTAS      |                 |          |              |                      |          |             |  |
|-------------|-----------------|----------|--------------|----------------------|----------|-------------|--|
| nro_factura | cliente         | nro_item | cod_producto | nombre_producto      | cantidad | precio_unit |  |
| 0003-45821  | Lionel Pessari  | 1        | 249          | Suprabond 500mg      | 2        | 87.00       |  |
| 0003-45821  | Lionel Pessari  | 2        | 230          | Tersuave azul 4l     | 1        | 270.00      |  |
| 0003-45821  | Lionel Pessari  | 3        | 115          | Brocha 5cm           | 2        | 90.00       |  |
| 0003-45822  | Claudia Serrano | 1        | 258          | Alba p/Exteriores 3I | 2        | 225.00      |  |
| 0003-45822  | Claudia Serrano | 2        | 116          | Brocha 10cm          | 2        | 130.00      |  |
| 0003-45823  | Claudia Serrano | 1        | 330          | Cetol 2I             | 1        | 315.00      |  |

- El esquema Ventas, ¿está en 2FN?
  - No, por la dependencia parcial de "cliente" con la clave primaria.
- Normalización:

#### Descomposición a 2FN

ClienteFactura(nro\_factura, cliente)

DetalleFactura(nro\_factura, nro\_item, cod\_producto, nombre\_producto, cantidad, precio\_unit)

Situación

| CLIENTE FACTURA |                 |  |  |
|-----------------|-----------------|--|--|
| nro_factura     | cliente         |  |  |
| 0003-45821      | Lionel Pessari  |  |  |
| 0003-45822      | Claudia Serrano |  |  |

| DETALLE FACTURA |          |              |                      |          |             |  |  |
|-----------------|----------|--------------|----------------------|----------|-------------|--|--|
| nro_factura     | nro_item | cod_producto | nombre_producto      | cantidad | precio_unit |  |  |
| 0003-45821      | 1        | 249          | Suprabond 500mg      | 2        | 87.00       |  |  |
| 0003-45821      | 2        | 230          | Tersuave azul 4l     | 1        | 270.00      |  |  |
| 0003-45821      | 3        | 115          | Brocha 5cm           | 2        | 90.00       |  |  |
| 0003-45822      | 1        | 258          | Alba p/Exteriores 3I | 2        | 225.00      |  |  |
| 0003-45822      | 2        | 116          | Brocha 10cm          | 2        | 130.00      |  |  |
| 0003-45823      | 1        | 330          | Cetol 2I             | 1        | 315.00      |  |  |

- Observemos que todas las dependencias funcionales que había se mantienen.
- Sin embargo, una de las dependencias muestra que un atributo no primo puede deducirse a partir de otro atributo no primo.
  - cod\_producto → nombre\_producto
- Entonces, decimos que *nombre\_producto* tiene "dependencia transitiva" en la clave primaria, lo que no es deseable.

Dependencia transitiva: Definición

■ Una dependencia funcional  $X \to Y$  es transitiva cuando existe un conjunto de atributos Z que satisface dependencias  $X \to Z$  y  $Z \to Y$ , siendo  $Z \to Y$  no trivial,  $X \to Y$  no trivial, y  $Z \not\to X$ .

| DETALLEFACTURA   |   |     |                      |   |        |  |  |
|--|---|-----|----------------------|---|--------|--|--|
| nro_factura nro_item cod_producto nombre_producto cantidad precio_unit |   |     |                      |   |        |  |  |
| 0003-45821   | 1 | 249 | Suprabond 500mg      | 2 | 87.00  |  |  |
| 0003-45821   | 2 | 230 | Tersuave azul 4l     | 1 | 270.00 |  |  |
| 0003-45821   | 3 | 115 | Brocha 5cm           | 2 | 90.00  |  |  |
| 0003-45822   | 1 | 258 | Alba p/Exteriores 3I | 2 | 225.00 |  |  |
| 0003-45822   | 2 | 116 | Brocha 10cm          | 2 | 130.00 |  |  |
| 0003-45823   | 1 | 330 | Cetol 2I             | 1 | 315.00 |  |  |

- En el ejemplo, nombre\_producto tiene dependencia transitiva en la clave primaria porque {nro\_factura, nro\_item} → cod\_producto y cod\_producto → nombre\_producto.
- Observación: Toda dependencia funcional parcial no trivial es transitiva.

#### Definición

- Decimos que una relación está en tercera forma normal (3FN) cuando no existen dependencias transitivas  $CK_i \rightarrow Y$  de atributos no primos (i.e.  $Y \not\subset \bigcup_i CK_i$ ), con  $CK_i$  clave candidata.
- Una definición equivalente es que para toda dependencia funcional no trivial  $X \to Y$ , o bien X es superclave, o bien Y X contiene sólo atributos primos.

| DETALLEFACTURA |          |              |                      |          |             |  |  |
|----------------|----------|--------------|----------------------|----------|-------------|--|--|
| nro_factura    | nro_item | cod_producto | nombre_producto      | cantidad | precio_unit |  |  |
| 0003-45821     | 1        | 249          | Suprabond 500mg      | 2        | 87.00       |  |  |
| 0003-45821     | 2        | 230          | Tersuave azul 4l     | 1        | 270.00      |  |  |
| 0003-45821     | 3        | 115          | Brocha 5cm           | 2        | 90.00       |  |  |
| 0003-45822     | 1        | 258          | Alba p/Exteriores 3I | 2        | 225.00      |  |  |
| 0003-45822     | 2        | 116          | Brocha 10cm          | 2        | 130.00      |  |  |
| 0003-45823     | 1        | 330          | Cetol 2I             | 1        | 315.00      |  |  |

- PK = { nro\_factura, nro\_item}
- ¿Cómo se resuelve la situación?
  - DetalleFactura(nro\_factura nro\_item cod\_producto cantidad precio\_unit)
  - Productos(cod\_producto, nombre\_producto)

Ejemplo: Base de datos de torneos de tenis individual

Volvamos al ejemplo de los tenistas:

| PARTIDOS          |      |                               |                               |         |     |       |       |
|-------------------|------|-------------------------------|-------------------------------|---------|-----|-------|-------|
| nombre_torneo     | año  | tenista1                      | tenista2                      | ronda   | set | punt1 | punt2 |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray                     | S. Wawrinka                   | 2-final | 1   | 6     | 4     |
| Roland Garros     | 2016 | <ul> <li>A. Murray</li> </ul> | S. Wawrinka                   | 2-final | 2   | 6     | 2     |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray                     | S. Wawrinka                   | 2-final | 3   | 4     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | <ul> <li>A. Murray</li> </ul> | S. Wawrinka                   | 2-final | 4   | 6     | 2     |
| Masters de Madrid | 2015 | R. Federer                    | R. Nadal                      | 4-final | 1   | 3     | 6     |
| Masters de Madrid | 2015 | R. Federer                    | R. Nadal                      | 4-final | 2   | 1     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic                   | <ul> <li>A. Murray</li> </ul> | Final   | 1   | 6     | 3     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic                   | A. Murray                     | Final   | 2   | 1     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic                   | A. Murray                     | Final   | 3   | 6     | 2     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic                   | A. Murray                     | Final   | 4   | 6     | 4     |

- ¿Hay dependencias transitivas de atributos no primos? No.
  - ¶ {nombre\_torneo, año, tenista1, tenista2, set} → punt1
  - A su vez: {nombre\_torneo, año, tenista1, tenista2} → ronda
  - Y luego: {nombre\_torneo, año, tenista1, ronda, set} → punt1
  - Pero *ronda* es parte de una clave candidata.
- Por lo tanto, está en tercera forma normal.

Situación

Hay un tipo de redundancia que aún no eliminamos...

| CURSADA          |                    |                 |  |  |  |
|------------------|--------------------|-----------------|--|--|--|
| alumno           | materia            | profesor        |  |  |  |
| Dante Micelli    | Zoología           | Edmundo Ribeiro |  |  |  |
| Dante Micelli    | Botánica           | José Cestoni    |  |  |  |
| Dante Micelli    | Anatomía General I | Pedro González  |  |  |  |
| Alberto Deheza   | Botánica           | José Cestoni    |  |  |  |
| Alberto Deheza   | Zoología           | Viviana Díaz    |  |  |  |
| Carla Hernández  | Zoología           | Edmundo Ribeiro |  |  |  |
| Carla Hernández  | Anatomía General I | Pedro González  |  |  |  |
| Carla Hernández  | Botánica           | José Cestoni    |  |  |  |
| Leticia Humboldt | Botánica           | Héctor Larraza  |  |  |  |
| Leticia Humboldt | Zoología           | Viviana Díaz    |  |  |  |

Hipótesis: Cada materia es dictada por muchos profesores, pero un estudiante sólo cursa con uno de ellos. La universidad tiene la restricción de que un profesor sólo puede dictar una materia.

- Identificamos las dependencias funcionales no triviales a partir de la semántica:
  - {alumno, materia} → profesor
  - profesor → materia

#### Situación

| CURSADA          |                    |                 |  |  |  |
|------------------|--------------------|-----------------|--|--|--|
| alumno           | materia            | profesor        |  |  |  |
| Dante Micelli    | Zoología           | Edmundo Ribeiro |  |  |  |
| Dante Micelli    | Botánica           | José Cestoni    |  |  |  |
| Dante Micelli    | Anatomía General I | Pedro González  |  |  |  |
| Alberto Deheza   | Botánica           | José Cestoni    |  |  |  |
| Alberto Deheza   | Zoología           | Viviana Díaz    |  |  |  |
| Carla Hernández  | Zoología           | Edmundo Ribeiro |  |  |  |
| Carla Hernández  | Anatomía General I | Pedro González  |  |  |  |
| Carla Hernández  | Botánica           | José Cestoni    |  |  |  |
| Leticia Humboldt | Botánica           | Héctor Larraza  |  |  |  |
| Leticia Humboldt | Zoología           | Viviana Díaz    |  |  |  |

- Identificamos la clave primaria:
  - {alumno, materia}
- Aunque hay otras claves candidatas:
  - {alumno, profesor}
- La "materia" podría deducirse con parte de la clave candidata, y sin embargo la estamos repitiendo...
- La forma normal Boyce-Codd impide que esto suceda prohibiendo que existan dependencias transitivas de una clave candidata, inclusive de atributos primos.
  - $\blacksquare \ \{\textit{alumno}, \textit{profesor}\} \rightarrow \textit{profesor} \rightarrow \textit{materia}$

#### Definición

- Una relación está en forma normal Boyce-Codd (FNBC) cuando no existen dependencias transitivas CK → Y, con CK clave candidata.
  - Es decir, eliminamos la posibilidad de tener dependencias transitivas  $X \rightarrow Y$  en las que Y es un atributo primo.
- Dicho de otra forma, una relación está en FNBC cuando para toda dependencia funcional no trivial X → Y, X es superclave.
- El problema que resuelve la FNBC se da cuando en una relación existen varias claves candidatas que se solapan.
- ¿Cómo se resuelve la situación anterior?
  - Inscripciones(alumno, profesor)
  - Cursos(materia, profesor)
- ¡Pero observemos que perdimos la dependencia funcional {alumno, materia} → profesor!

Situación

| INS | CR | IPC | 101 | IES |
|-----|----|-----|-----|-----|
|     |    |     |     |     |

| INSUNIFCIONES    |                 |  |  |  |  |  |
|------------------|-----------------|--|--|--|--|--|
| alumno           | profesor        |  |  |  |  |  |
| Dante Micelli    | Edmundo Ribeiro |  |  |  |  |  |
| Dante Micelli    | José Cestoni    |  |  |  |  |  |
| Dante Micelli    | Pedro González  |  |  |  |  |  |
| Alberto Deheza   | José Cestoni    |  |  |  |  |  |
| Alberto Deheza   | Viviana Díaz    |  |  |  |  |  |
| Carla Hernández  | Edmundo Ribeiro |  |  |  |  |  |
| Carla Hernández  | Pedro González  |  |  |  |  |  |
| Carla Hernández  | José Cestoni    |  |  |  |  |  |
| Leticia Humboldt | Héctor Larraza  |  |  |  |  |  |
| Leticia Humboldt | Viviana Díaz    |  |  |  |  |  |
|                  |                 |  |  |  |  |  |

#### CURSOS

| materia            | profesor        |
|--------------------|-----------------|
| Zoología           | Edmundo Ribeiro |
| Botánica           | José Cestoni    |
| Anatomía General I | Pedro González  |
| Zoología           | Viviana Díaz    |
| Botánica           | Héctor Larraza  |

Ejemplo: Base de datos de torneos de tenis individual

| PARTIDOS          |      |             |             |         |     |       |       |
|-------------------|------|-------------|-------------|---------|-----|-------|-------|
| nombre_torneo     | año  | tenista1    | tenista2    | ronda   | set | punt1 | punt2 |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 1   | 6     | 4     |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 2   | 6     | 2     |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 3   | 4     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final | 4   | 6     | 2     |
| Masters de Madrid | 2015 | R. Federer  | R. Nadal    | 4-final | 1   | 3     | 6     |
| Masters de Madrid | 2015 | R. Federer  | R. Nadal    | 4-final | 2   | 1     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 1   | 6     | 3     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 2   | 1     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 3   | 6     | 2     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic | A. Murray   | Final   | 4   | 6     | 4     |

- La "ronda" puede deducirse con sólo una parte de la clave primaria, y sin embargo la estamos repitiendo en cada set.
- La FNBC impide que esto suceda prohibiendo que existan dependencias parciales de una clave candidata, inclusive de atributos primos.
- Una dependencia que nos molesta es {nombre\_torneo, año, tenista1, tenista2} → ronda, porque {nombre\_torneo, año, tenista1, tenista2} no es superclave.

Ejemplo: Base de datos de torneos de tenis individual

- Lo resolvemos de la siguiente forma:
  - Torneos(nombre\_torneo, ciudad, país)
  - Rondas(nombre\_torneo, año, tenista1, tenista2, ronda)
  - Partidos(nombre\_torneo, año, tenista1, tenista2, set, punt1, punt2)

| TORNEOS           |        |         |  |  |
|-------------------|--------|---------|--|--|
| nombre_torneo     | ciudad | país    |  |  |
| Roland Garros     | París  | Francia |  |  |
| Masters de Madrid | Madrid | España  |  |  |
|                   |        | -       |  |  |

| RONDAS            |      |             |             |         |
|-------------------|------|-------------|-------------|---------|
| nombre_torneo     | año  | tenista1    | tenista2    | ronda   |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray   | S. Wawrinka | 2-final |
| Masters de Madrid | 2015 | R. Federer  | R. Nadal    | 4-final |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic | A. Murray   | Final   |

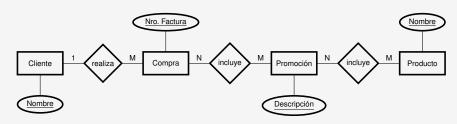
| PARTIDOS          |      |                               |             |     |       |       |
|-------------------|------|-------------------------------|-------------|-----|-------|-------|
| nombre_torneo     | año  | tenista1                      | tenista2    | set | punt1 | punt2 |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray                     | S. Wawrinka | 1   | 6     | 4     |
| Roland Garros     | 2016 | <ul> <li>A. Murray</li> </ul> | S. Wawrinka | 2   | 6     | 2     |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray                     | S. Wawrinka | 3   | 4     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | A. Murray                     | S. Wawrinka | 4   | 6     | 2     |
| Masters de Madrid | 2015 | R. Federer                    | R. Nadal    | 1   | 3     | 6     |
| Masters de Madrid | 2015 | R. Federer                    | R. Nadal    | 2   | 1     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic                   | A. Murray   | 1   | 6     | 3     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic                   | A. Murray   | 2   | 1     | 6     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic                   | A. Murray   | 3   | 6     | 2     |
| Roland Garros     | 2016 | N. Djokovic                   | A. Murray   | 4   | 6     | 4     |

- 1 Introducción
- 2 Dependencias funcionales
- 3 Formas normales: 1FN, 2FN, 3FN, FNBC
- 4 Dependencias multivaluadas y 4FN
- 5 Dependencias de junta y 5FN
- 6 Bibliografía

### Dependencia multivaluada

#### Situación

Observemos el siguiente caso de un supermercado:



Hipótesis: Por cada compra sólo se puede adquirir una vez cada promoción.

| PROMOCIONES VENDIDAS |                |                    |                       |  |  |  |
|----------------------|----------------|--------------------|-----------------------|--|--|--|
| nro_factura          | nombre_cliente | descripción_promo  | nombre_producto       |  |  |  |
| 0249-19855           | Juana Auzqui   | Fiesta-Pancho      | Pack salchichas x6    |  |  |  |
| 0249-19855           | Juana Auzqui   | Fiesta-Pancho      | Pack pan de viena x6  |  |  |  |
| 0249-19855           | Juana Auzqui   | Fiesta-Pancho      | Mayonesa 250gr        |  |  |  |
| 0034-20329           | Bernardo Lühn  | Vajilla Reluciente | Esponjas x2           |  |  |  |
| 0034-20329           | Bernardo Lühn  | Vajilla Reluciente | 1 detergente Universo |  |  |  |
| 0034-20329           | Bernardo Lühn  | Vajilla Reluciente | 1 antigrasa Universo  |  |  |  |
| 0034-20329           | Bernardo Lühn  | Vajilla Reluciente | Repasadores x3        |  |  |  |
| 0058-91330           | Bernardo Lühn  | Fiesta-Pancho      | Pack salchichas x6    |  |  |  |
| 0058-91330           | Bernardo Lühn  | Fiesta-Pancho      | Pack pan de viena x6  |  |  |  |
| 0058-91330           | Bernardo Lühn  | Fiesta-Pancho      | Mayonesa 250gr        |  |  |  |

# Dependencia multivaluada

Situación

| PROMOCIONESVENDIDAS |                |                    |                       |  |  |
|---------------------|----------------|--------------------|-----------------------|--|--|
| nro_factura         | nombre_cliente | descripción_promo  | nombre_producto       |  |  |
| 0249-19855          | Juana Auzqui   | Fiesta-Pancho      | Pack salchichas x6    |  |  |
| 0249-19855          | Juana Auzqui   | Fiesta-Pancho      | Pack pan de viena x6  |  |  |
| 0249-19855          | Juana Auzqui   | Fiesta-Pancho      | Mayonesa 250gr        |  |  |
| 0034-20329          | Bernardo Lühn  | Vajilla Reluciente | Esponjas x2           |  |  |
| 0034-20329          | Bernardo Lühn  | Vajilla Reluciente | 1 detergente Universo |  |  |
| 0034-20329          | Bernardo Lühn  | Vajilla Reluciente | 1 antigrasa Universo  |  |  |
| 0034-20329          | Bernardo Lühn  | Vajilla Reluciente | Repasadores x3        |  |  |
| 0058-91330          | Bernardo Lühn  | Fiesta-Pancho      | Pack salchichas x6    |  |  |
| 0058-91330          | Bernardo Lühn  | Fiesta-Pancho      | Pack pan de viena x6  |  |  |
| 0058-91330          | Bernardo Lühn  | Fiesta-Pancho      | Mayonesa 250gr        |  |  |

- Clave de la relación:
  - {nro\_factura, descripcion\_promo, nombre\_producto}.
- No es cierto que "nombre\_producto" dependa funcionalmente de "descripción\_promo". Sin embargo, tenemos información redundante porque los productos que integran cada promo son siempre los mismos independientemente de quienes compran la promo.
- Este tipo de redundancia es capturado por el concepto de dependencia multivaluada.

## Dependencia multivaluada

### Definición

- Dada una relación R(A), la dependencia multivaluada  $X \rightarrow Y$  es una restricción sobre las posibles tuplas de R que implica que para todo par de tuplas  $t_1$ ,  $t_2$  tales que  $t_1[X] = t_2[X]$ , deberían existir otras dos tuplas  $t_3$  y  $t_4$  que resulten de intercambiar los valores de Y entre  $t_1$  y  $t_2$ . En otras palabras, tales que:
  - $t_3[X] = t_4[X] = t_1[X] = t_2[X]$
  - $\bullet$   $t_3[Y] = t_1[Y] \text{ y } t_4[Y] = t_2[Y]$
  - $t_3[A (X \cup Y)] = t_2[A (X \cup Y)] \text{ y } t_4[A (X \cup Y)] = t_1[A (X \cup Y)]$
- Por una cuestión de simetría, si  $X \rightarrow Y$  entonces también vale que  $X \rightarrow A (X \cup Y)$ .
  - Observemos que en el ejemplo anterior: descripcion\_promo → nombre\_producto descripcion\_promo → {nombre\_factura, nombre\_cliente}.
- Las dependencias multivaluadas en las que  $X \cup Y = A$  ó  $Y \subset X$  son triviales.

# Cuarta forma normal (4FN)

#### Definición

- Una relación R está en cuarta forma normal cuando para toda dependencia multivaluada no trivial  $X \rightarrow Y$ , X es superclave.
- Propiedad: Si R está en 4FN, entonces R está en FNBC.
  - ¿Demostración?
  - Toda dependencia funcional es una dependencia multivaluada:  $X \rightarrow Y \Rightarrow X \rightarrow Y$
  - Luego, si un esquema está en 4FN, no puede haber una df no trivial X → Y en la que X no sea superclave.
- Es común que las dependencias multivaluadas provengan de la existencia de atributos multivaluados en el modelo conceptual, o de interrelaciones N-N no capturadas.

## Cuarta forma normal (4FN)

Solución al ejemplo de las promociones

■ Primero normalizamos para llevar a FNBC eliminando la dependencia funcional parcial nro\_factura → nombre\_cliente. Para ello descomponemos en:

### Descomposición a FNBC

ClienteFactura(nro\_factura, nombre\_cliente)
PromoProdFactura(nro\_factura, descripción\_promo, nombre\_producto)

■ Luego eliminamos la dependencia multivaluada descripcion promo → nombre producto descomponiendo en:

### Descomposición a 4FN

Promociones(descripción\_promo, nombre\_producto)

ClientesFactura(nro\_factura, nombre\_cliente)

PromocionesFactura(nro\_factura, descripción\_promo)

# Cuarta forma normal (4FN)

Solución al ejemplo de las promociones

| PROMOCIONES | <b>PRO</b> | MO | CI | ON | IES |
|-------------|------------|----|----|----|-----|
|-------------|------------|----|----|----|-----|

| PROMOCIONES        |                       |  |  |
|--------------------|-----------------------|--|--|
| descripción_promo  | nombre_producto       |  |  |
| Fiesta-Pancho      | Pack salchichas x6    |  |  |
| Fiesta-Pancho      | Pack pan de viena x6  |  |  |
| Fiesta-Pancho      | Mayonesa 250gr        |  |  |
| Vajilla Reluciente | Esponjas x2           |  |  |
| Vajilla Reluciente | 1 detergente Universo |  |  |
| Vajilla Reluciente | 1 antigrasa Universo  |  |  |
| Vajilla Reluciente | Repasadores x3        |  |  |
|                    |                       |  |  |

#### CLIENTESFACTURA

| nro_factura | nombre_cliente |
|-------------|----------------|
| 0249-19855  | Juana Auzqui   |
| 0034-20329  | Bernardo Lühn  |

#### PROMOCIONESFACTURA

| PROMOGIONESPACIONA |                    |  |
|--------------------|--------------------|--|
| nro_factura        | descripción_promo  |  |
| 0249-19855         | Fiesta-Pancho      |  |
| 0034-20329         | Vajilla Reluciente |  |
| 0058-91330         | Fiesta-Pancho      |  |

- 1 Introducción
- 2 Dependencias funcionales
- 3 Formas normales: 1FN, 2FN, 3FN, FNBC
- 4 Dependencias multivaluadas y 4FN
- 5 Dependencias de junta y 5FN
- 6 Bibliografía

### Dependencias de junta

- Resultado [Fagin, 1977]: Siempre que en una relación R(X, Y, Z) haya una dependencia multivaluada X → Y (y recuerde que, en particular, si X → Y entonces también X → Y), R puede ser descompuesta sin pérdida en:
  - $\blacksquare R_1(X,Y)$
  - $\blacksquare R_2(X,Z)$
- La inversa también es cierta.
- Sin embargo, existen relaciones que pueden ser descompuestas en más de dos relaciones, también sin pérdida. Cuando esto ocurre, decimos que hay una dependencia de junta.
- Dada una relación R(A), y una serie de subconjuntos de sus atributos,  $X_1, X_2, ..., X_n$ , con  $X_i \subset A$ , decimos que  $(X_1, X_2, ..., X_n)$  es una dependencia de junta cuando la descomposición de R en  $\pi_{X_1}(R), \pi_{X_2}(R), ..., \pi_{X_n}(R)$  es sin pérdida de información. Es decir:  $\pi_{X_1}(R) * \pi_{X_2}(R) * ... * \pi_{X_n} = R$ .

#### Situación

Un supermercado tiene varias sucursales que comercializan distintos tipos de productos (p.ej., lácteos, vinos, elementos de bazar, yerbas, etc). El supermercado trabaja con distintos proveedores y no todos comercializan todo. Pero cuando una sucursal trabaja con un cierto proveedor, le adquiere todos los productos que la sucursal comercializa y el proveedor ofrece.

| COMERCIALIZACIÓN |             |               |  |
|------------------|-------------|---------------|--|
| sucursal         | proveedor   | tipo_producto |  |
| Floresta         | El Picadero | Vinos         |  |
| Floresta         | La Bondad   | Leches        |  |
| Floresta         | La Bondad   | Yerbas        |  |
| La Boca          | Blanquín    | Bazar         |  |
| La Boca          | Blanquín    | Pañales       |  |
| La Boca          | Pirulo      | Bazar         |  |
| Villa del Parque | El Picadero | Vinos         |  |
| Villa del Parque | El Picadero | Quesos        |  |
| Villa del Parque | Blanquín    | Bazar         |  |
| Recoleta         | Blanquín    | Bazar         |  |
| Recoleta         | Romualdo    | Quesos        |  |
| Recoleta         | El Picadero | Vinos         |  |
| Recoleta         | El Picadero | Quesos        |  |

Observación: Floresta no puede comprarle Quesos a Romualdo. ¿Por qué?

Situación

| COMERCIALIZACIÓN |             |               |  |
|------------------|-------------|---------------|--|
| sucursal         | proveedor   | tipo_producto |  |
| Floresta         | El Picadero | Vinos         |  |
| Floresta         | La Bondad   | Leches        |  |
| Floresta         | La Bondad   | Yerbas        |  |
| La Boca          | Blanquín    | Bazar         |  |
| La Boca          | Blanquín    | Pañales       |  |
| La Boca          | Pirulo      | Bazar         |  |
| Villa del Parque | El Picadero | Vinos         |  |
| Villa del Parque | El Picadero | Quesos        |  |
| Villa del Parque | Blanquín    | Bazar         |  |
| Recoleta         | Blanquín    | Bazar         |  |
| Recoleta         | Romualdo    | Quesos        |  |
| Recoleta         | El Picadero | Vinos         |  |
| Recoleta         | El Picadero | Quesos        |  |

- No podemos identificar ninguna dependencia multivaluada.
- Sin embargo la relación puede ser descompuesta en:

### Descomposición

ProveedoresSucursales(sucursal, proveedor)

 $Productos Proveedores ( \underline{proveedor}, \, \underline{tipo\_prod}ucto)$ 

ProductosSucursales(sucursal, tipo\_producto)

Solución al ejemplo de las sucursales

| PROVEEDORES SUCURSALES |             |  |
|------------------------|-------------|--|
| sucursal               | proveedor   |  |
| Floresta               | El Picadero |  |
| Floresta               | La Bondad   |  |
| La Boca                | Blanquín    |  |
| La Boca                | Pirulo      |  |
| Villa del Parque       | El Picadero |  |
| Villa del Parque       | Blanquín    |  |
| Recoleta               | Blanquín    |  |
| Recoleta               | Romualdo    |  |
| Recoleta               | El Picadero |  |

| PRODUCTOS   | PROVEEDORES   |
|-------------|---------------|
| proveedor   | tipo_producto |
| El Picadero | Vinos         |
| La Bondad   | Leches        |
| La Bondad   | Yerbas        |
| Blanquín    | Bazar         |
| Blanquín    | Pañales       |
| Pirulo      | Bazar         |
| El Picadero | Quesos        |
| Romualdo    | Quesos        |

| PRODUCTOS SUCURSALES |               |  |
|----------------------|---------------|--|
| sucursal             | tipo_producto |  |
| Floresta             | Vinos         |  |
| Floresta             | Leches        |  |
| Floresta             | Yerbas        |  |
| La Boca              | Bazar         |  |
| La Boca              | Pañales       |  |
| Villa del Parque     | Vinos         |  |
| Villa del Parque     | Quesos        |  |
| Villa del Parque     | Bazar         |  |
| Recoleta             | Quesos        |  |
| Recoleta             | Vinos         |  |

### → Existe la siguiente dependencia de junta:

({sucursal, proveedor}, {proveedor, tipo producto}, {sucursal, tipo producto}).

#### Definición

- Una relación R(A) está en quinta forma normal (5FN) si y sólo si para toda dependencia de junta  $(X_1, X_2, ..., X_n)$  no trivial (i.e., tal que ningún  $X_i = A$ ) todos los  $X_i$  son superclaves.
- Observemos que en particular las dependencias funcionales y las multivaluadas son también dependencias de junta.



Es muy difícil detectar dependencias de junta en forma general, y esta descomposición rara vez es aplicada.

- Introducciór
- 2 Dependencias funcionales
- 3 Formas normales: 1FN, 2FN, 3FN, FNBC
- 4 Dependencias multivaluadas y 4FN
- 5 Dependencias de junta y 5FN
- 6 Bibliografía

### Bibliografía

[ELM16] Fundamentals of Database Systems, 7th Edition.

R. Elmasri, S. Navathe, 2016.

Capítulo 14

[SILB19] Database System Concepts, 7th Edition.

A. Silberschatz, H. Korth, S. Sudarshan, 2019.

Capítulo 7

[GM09] Database Systems, The Complete Book, 2nd Edition.

H. García-Molina, J. Ullman, J. Widom, 2009.

Capítulo 3

[CONN15] Database Systems, a Practical Approach to Design, Implementation and Management, 6th Edition.

T. Connolly, C. Begg, 2015.

Capítulo 14, Capítulo 15