f-24-jupyter-page-rank

April 29, 2021

```
[1]: import numpy as np
[2]: m = np.array([[ 0., 1/4., 0., 1/2., 0., 1/6.],
                  [1/3., 0., 0., 1/2., 1/6.],
                  [0., 1/4., 0., 0., 1/6.],
                  [1/3., 0., 0., 1/2., 1/6.],
                  [1/3., 1/4., 0., 1/2., 0., 1/6.],
                  [0., 1/4., 1.0, 0., 0., 1/6.]
[3]: p = 0.85
    n = m.shape[0]
    a = p * m + ((1-p)/n) * np.ones_like(m)
[4]: a
[4]: array([[0.025
                   , 0.2375
                                 , 0.025
                                             , 0.45
                                                        , 0.025
            0.16666667],
           [0.30833333, 0.025
                                             , 0.025
                                                        , 0.45
                                 , 0.025
            0.16666667],
           [0.025
                     , 0.2375
                                 , 0.025
                                             , 0.025
                                                        , 0.025
            0.16666667],
           [0.30833333, 0.025
                                 , 0.025
                                            , 0.025
                                                        , 0.45
            0.16666667],
           [0.30833333, 0.2375
                                                        , 0.025
                                 , 0.025
                                             , 0.45
            0.16666667],
           [0.025
                     , 0.2375
                                 , 0.875
                                             , 0.025
                                                        , 0.025
            0.16666667]])
[6]: rng = np.random.default_rng()
    v = rng.random((n, 1))
    v /= np.linalg.norm(v)
    tolerens = 1e-9
    while True:
        v_ny = a @ v
        v_ny /= np.linalg.norm(v_ny)
```

```
if np.vdot(v_ny, v) > 1.0 - tolerens:
              print(v_ny)
              break
          else:
              v = v_ny
     [[0.3964695]
      [0.44276113]
      [0.20828913]
      [0.44276113]
      [0.50879702]
      [0.38532887]]
 [7]: (v_ny.T @ (a @ v_ny))[0,0]
 [7]: 1.0000009615773882
 [8]: np.argmax(v_ny)
 [8]: 4
 [9]: np.argsort(v_ny, axis=0)
 [9]: array([[2],
             [5],
             [0],
             [1],
             [3],
             [4]])
[10]: np.flip(np.argsort(v_ny, axis=0))
[10]: array([[4],
             [3],
             [1],
             [0],
             [5],
             [2]])
 []:
```