

## 6.15.

Una empresa programa su producción con un modelo de Programación Lineal Continua. Fabrica tres productos (P1, P2, y P3) y tiene tres recursos (R1, R2 y R3) y dos demandas mínimas de 20 unidades cada una (para los productos P1 y P3). En la tabla óptima del problema se ve que se fabrican los tres productos, un recurso tiene sobrante (sobran 100 kilos de R2) y dos recursos están saturados. Los recursos que están saturados son R1 (cuya disponibilidad actual es de 500 kilos) y R3 (cuya disponibilidad actual es de 1000 kilos).

El dueño de la empresa hizo varias corridas de Simplex y obtuvo los siguientes valores marginales para R1 y R3.

| Recurso R1             |                |
|------------------------|----------------|
| Rango                  | Valor marginal |
| Desde 0 hasta 200      | 8              |
| Desde 200 hasta 600    | 5              |
| Desde 600 hasta 1000   | 1              |
| Desde 1000 en adelante | 0              |

| Recurso R3             |                |
|------------------------|----------------|
| Rango                  | Valor marginal |
| Desde 0 hasta 600      | 10             |
| Desde 600 hasta 900    | 6              |
| Desde 900 hasta 1500   | 3              |
| Desde 1500 en adelante | 0              |

a- Se presentan las siguientes posibilidades:

1. Comprar un lote de 200 unidades de R1 a un precio total de \$500.
2. Vender un lote de 1000 unidades de R3 a un precio total de \$600.
3. Comprar un lote de 400 unidades de R3 a un precio total de \$1300.

Indique qué aconseja hacer (no se puede hacer más de una acción), justificando la respuesta.

b- Sabiendo que el precio de venta del producto P1 es de \$10 y el precio de venta del producto P3 es de \$20, se presenta la posibilidad de comprar unidades fabricadas de P1 o de P3 a \$25 cada una y, sin embargo, el gerente acepta esta posibilidad y tiene razón. ¿Por qué motivo puede ser que la acepte y por qué tiene razón?

a) 1) Comprar 200 unidades de R1 a \$500.

Actualmente se cuenta con 500 unidades de R1.

Entonces, estas 200 unidades entran 100 en el rango desde 200 hasta 600 con VM=5 y las otras 100 entran en el rango de 600 a 1000 con VM=1.

$$100 * 5 + 100 * 1 = 600$$

Comprando estas unidades, el funcional va a mejorar en 600. Por afuera se va a ganar  $600 - 500 = 100$ .

2) Vender las 1000 unidades de R3 a \$600.

¿Cuánto estoy ganando si produzco P3 con estas unidades?

$$600 * 10 + 300 * 6 + 100 * 3 = \$8100$$

Claramente no conviene esta opción, se pierde mucho dinero y además no se tendrán recursos para cumplir con la demanda mínima de P1 y P3.

3) Comprar 400 unidades de R3 a \$1300.

Actualmente se cuenta con 1000 unidades de R3.

Entonces, estas 400 unidades entran en el rango de 900 a 1500 con VM=3.

$$400 * 3 = 1200$$

Comprando estas unidades, el funcional va a mejorar en  $1200 - 1300 = -100$ .

No conviene, el funcional va a disminuir.

**Conclusión:** conviene la primera opción, ya que es la única que me mejora el funcional.

b) ~~Claramente en ambos casos se va a perder dinero, ya que se compran las unidades por un precio mayor al que se venden.~~

~~Justamente P1 y P3 cuentan con una demanda mínima, puede suceder el caso en que no se tengan recursos suficientes (R1 o R3) para producirla y por lo tanto se compran para no fallarle a los clientes.~~

b) Tienes que contemplar que pasa con las demandas si las "relajas". Lo vemos en clase.

```
5 ecuaciones --> 5
1)  $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = R_1$ 
2)  $x_1 + x_2 + x_3 + x_5 = R_2$ 
3)  $x_1 + x_2 + x_3 + x_6 = R_3$ 
4)  $x_1 - x_7 = 20$ 
5)  $x_3 - x_8 = 20$ 
```

|

variables en la base. ( $x_1, x_2, x_3, x_5$ ) en la base.  $x_7$  o  $x_8$  en la base  
"posiblemente con valor  $< 0$ "

$x_7$  o  $x_8$  fuera de la base -->  $= 0$  --> no me conviene satisfacer la  
demanda mínima

-----  
-----

$x_1, x_2, x_3$  toman valor.

$R_2$  sobra -->  $x_5 = 100$   
 $x_4, x_6 = 0$

$x_7$  o  $x_8$  esta en la base

Saturados

$R_1$  (cuya disponibilidad actual es de 500 kilos)  
 $R_3$  (cuya disponibilidad actual es de 1000 kilos)